

(Học sinh không được sử dụng tài liệu)

Họ và tên học sinh:.....Số báo danh:.....Phòng thi:.....

PHẦN I: TRẮC NGHIỆM.

Câu 1: Tìm số phức liên hợp của số phức $z = \left(\frac{2+i}{1-2i}\right)^2 + i^{2019}$.

- A. $z = -1$. B. $z = -1 - i$. C. $z = -1 + i$. D. $z = i$.

Câu 2: Cho hai số phức $z_1 = 1 + 2i$ và $z_2 = 2 - 3i$. Phần ảo của số phức $z = z_1 - 2z_2$ là

- A. $-8i$. B. -8 . C. $8i$. D. 8 .

Câu 3: Số phức z nào sau đây thỏa mãn $|z| = \sqrt{5}$ và z là số thuần ảo?

- A. $z = -\sqrt{5}i$. B. $z = \sqrt{5}$. C. $z = 5i$. D. $z = \sqrt{2} + \sqrt{3}i$.

Câu 4: Xét các số phức z thỏa mãn $|z - 2i + 1| = 4$. Biết rằng tập hợp các điểm biểu diễn các số phức $w = (12 - 5i)z + 3i$ là một đường tròn. Tâm của đường tròn đó là

- A. $I(1; -5)$. B. $I(-1; 2)$. C. $I(-2; 32)$. D. $I(2; -32)$.

Câu 5: Tính $I = \int 2019^x dx$.

- A. $I = 2019^x + C$. B. $I = \frac{2019^x}{\ln 2019} + C$.
C. $I = 2019^{x+1} + C$. D. $I = 2019^x \ln 2019 + C$.

Câu 6: Cho hai đường thẳng $d_1 : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 + 3t \\ z = 3 + 4t \end{cases}$ và $d_2 : \begin{cases} x = 3 + 4t' \\ y = 5 + 6t' \\ z = 7 + 8t' \end{cases}$

Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

- A. Đường thẳng d_1 vuông góc đường thẳng d_2 . B. Đường thẳng d_1 song song đường thẳng d_2 .
C. Đường thẳng d_1 trùng đường thẳng d_2 . D. Đường thẳng d_1, d_2 chéo nhau.

Câu 7: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $A(3; 7; 1), B(8; 3; 8)$ và $C(3; 3; 0)$. Gọi (S_1) là mặt cầu tâm A bán kính bằng 3 và (S_2) là mặt cầu tâm B bán kính bằng 6. Hỏi có tất cả bao nhiêu mặt phẳng đi qua C và tiếp xúc đồng thời với cả hai mặt cầu $(S_1), (S_2)$.

- A. 1. B. 2. C. 3. D. 4.

Câu 8: Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông cạnh a , $SA \perp (ABCD)$ và góc giữa SB và mặt đáy bằng 60° . Thể tích của khối chóp S.ABCD là

- A. $a^3 \sqrt{3}$ B. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{2}$ C. $\frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{a^3}{4}$

Câu 9: Cho số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $z + 2i\bar{z} = 3 + 3i$. Tính giá trị biểu thức: $P = a^{2019} + b^{2018}$.

A. $\frac{3^{4036} - 3^{2019}}{5^{2019}}$. B. $-\left(\frac{3^{4036} - 3^{2019}}{5^{2019}}\right)$. C. 2. D. 0.

Câu 10: Nếu đặt $t = \sqrt{3\ln^2 x + 1}$ thì tích phân $I = \int_1^e \frac{\ln x}{x\sqrt{3\ln^2 x + 1}} dx$ trở thành

A. $I = \frac{1}{3} \int_1^2 dt$. B. $I = \frac{1}{2} \int_1^4 \frac{1}{t} dt$. C. $I = \frac{2}{3} \int_1^{e^2} t dt$. D. $I = \frac{1}{4} \int_1^e \frac{t-1}{t} dt$.

Câu 11: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho tam giác ABC có $A(2;0;0)$, $B(1;-4;0)$, $C(0;-2;6)$ và mặt phẳng $(\alpha): x + 2y + z - 4 = 0$. Gọi $H(a;b;c)$ là hình chiếu vuông góc của trọng tâm tam giác ABC lên mặt phẳng (α) . Tính $P = a - b + c$.

A. $\frac{13}{3}$. B. 5. C. 3. D. 0.

Câu 12: Diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = x^2 - x + 3$, $y = 2x + 1$ bằng

A. $-\frac{1}{6}$. B. $\frac{1}{6}$. C. $\frac{7}{6}$. D. 5.

Câu 13: Cho $I = \int_0^2 f(x) dx = 3$. Khi đó $J = \int_0^2 [3f(x) - 2] dx$ bằng

A. 7. B. 5. C. 11. D. 13.

Câu 14: Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi các đường $y = \sqrt{x+1}$, $y = -x + 5$ và trục hoành.

A. $\frac{16}{3}$. B. $\frac{10}{3}$. C. $\frac{22}{3}$. D. $\frac{41}{5}$.

Câu 15: Hàm số $y = \frac{1}{4}x^3 + x^2$ là một nguyên hàm của hàm số nào sau đây?

A. $y = \frac{1}{16}x^4 + \frac{1}{3}x^3$. B. $y = \frac{1}{4}x^4 + x^3$. C. $y = \frac{3}{4}x^2 + 2x$. D. $y = \frac{1}{4}x^2 + 2x$.

Câu 16: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(1;2;-3)$ và $B(3;-2;-1)$. Tọa độ trung điểm đoạn thẳng AB là điểm

A. $I(1;0;-2)$. B. $I(4;0;-4)$. C. $I(2;-2;-1)$. D. $I(2;0;-2)$.

Câu 17: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x + y - 4z + 1 = 0$, đường thẳng

$d: \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{1}$ và điểm $A(1; 3; 1)$ thuộc mặt phẳng (P) . Gọi Δ là đường thẳng đi qua A , nằm

trong mặt phẳng (P) và cách đường thẳng d một khoảng cách lớn nhất. Gọi $\vec{u} = (a; b; 1)$ là một véc tơ chỉ phương của đường thẳng Δ . Tính $P = a + 2b$.

A. $a + 2b = -3$. B. $a + 2b = 0$. C. $a + 2b = 4$. D. $a + 2b = 7$.

Câu 18: Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh a . Cạnh bên SA vuông góc với mặt đáy (ABC) và $SA = a\sqrt{3}$. Khoảng cách từ A đến mp (SBC) bằng

A. $\frac{a\sqrt{15}}{5}$. B. $\frac{a\sqrt{3}}{2}$. C. $\frac{a\sqrt{5}}{5}$. D. a .

Câu 19: Cho số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $|z - 2 - 4i| = |z - 2i|$ và là số phức có môđun nhỏ nhất. Tính $P = a + b$.

A. $P = 2$. B. $P = 0$. C. $P = 4$. D. $P = 5$.

Câu 20: Cho hình phẳng D giới hạn bởi đường cong $y = \sqrt{2 + \sin x}$, trục hoành và các đường thẳng

$x = 0$, $x = \frac{\pi}{2}$. Khối tròn xoay tạo thành khi quay D quanh trục hoành có thể tích V bằng bao nhiêu?

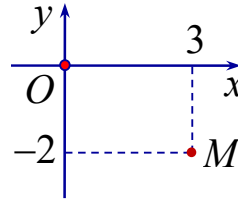
A. $V = \pi - 1$.

B. $V = \pi + 1$.

C. $V = \pi(\pi - 1)$.

D. $V = \pi(\pi + 1)$.

Câu 21: Cho số phức z có biểu diễn hình học là điểm M ở hình vẽ bên. Khẳng định nào sau đây là đúng?



A. $z = 3 + 2i$.

B. $z = -3 + 2i$.

C. $z = -3 - 2i$.

D. $z = 3 - 2i$.

Câu 22: Một ô tô đang chạy với vận tốc 12 m/s thì người lái đạp phanh. Từ thời điểm đó, ô tô chuyển động chậm dần đều với vận tốc $v(t) = -3t + 12$ (m/s), trong đó t là khoảng thời gian tính bằng giây, kể từ lúc bắt đầu đạp phanh. Hỏi từ lúc đạp phanh đến khi dừng hẳn, ô tô còn đi chuyển bao nhiêu mét?

A. 18 m.

B. 24 m.

C. 0,24 m.

D. 4 m.

Câu 23: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3 \cdot \ln x$ là

A. $\int x^3 \ln x dx = \frac{1}{4} x^4 \cdot \ln x + \frac{1}{16} x^4 + C$.

B. $\int x^3 \ln x dx = \frac{1}{4} x^4 \cdot \ln x - \frac{1}{16} x^4 + C$.

C. $\int x^3 \ln x dx = \frac{1}{4} x^4 \cdot \ln^2 x - \frac{1}{16} x^4 + C$.

D. $\int x^3 \ln x dx = \frac{1}{4} x^4 \cdot \ln x - \frac{1}{16} x^3 + C$.

Câu 24: Đồ thị hàm số $y = \frac{\sqrt{4-x^2}}{x^2+3x}$ có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận?

A. 1

B. 2

C. 0

D. 3.

Câu 25: Điểm cực tiểu của đồ thị hàm số $y = x^3 - 3x + 5$ là điểm

A. $P(7; -1)$.

B. $Q(3; 1)$.

C. $M(1; 3)$.

D. $N(-1; 7)$.

Câu 26: Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
y'	$+$	0	$-$	0	$-$
y	$-\infty$	0	-1	0	$-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A. $(0; 1)$.

B. $(-\infty; 1)$.

C. $(1; +\infty)$.

D. $(-1; 0)$.

Câu 27: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \frac{x-1}{5} = \frac{y-2}{-8} = \frac{z+3}{7}$. Vector nào dưới đây là một vector chỉ phương của d ?

A. $\vec{u}_3 = (5; -8; 7)$.

B. $\vec{u}_4 = (7; -8; 5)$.

C. $\vec{u}_2 = (-1; -2; 3)$.

D. $\vec{u}_1 = (1; 2; -3)$.

Câu 28: Tìm giá trị lớn nhất của hàm số $y = x + \frac{1}{x+1}$ trên đoạn $[0; 1]$

A. 1

B. -1

C. $\frac{1}{2}$

D. $\frac{3}{2}$

Câu 29: Gọi z_1 là nghiệm phức có phần ảo âm của phương trình $z^2 + 2z + 3 = 0$. Tọa độ điểm M biểu diễn số phức z_1 là

A. $M(-1; -\sqrt{2})$.

B. $M(1; -\sqrt{2})$.

C. $M(-1; -2)$.

D. $M(-1; \sqrt{2})$.

Câu 30: Cho phương trình $(z^2 - 4z)^2 - 3(z^2 - 4z) - 40 = 0$. Gọi z_1, z_2, z_3 và z_4 là bốn nghiệm phức của phương trình đã cho. Tính $T = |z_1|^2 + |z_2|^2 + |z_3|^2 + |z_4|^2$.

- A. $P = 42$. B. $P = 34$. C. $P = 16$. D. $P = 24$.

Câu 31: Tập nghiệm của bất phương trình $\log_3(5x^2 + 6x + 1) \geq 0$ là

- A. $\left(-\infty; -\frac{6}{5}\right) \cup (0; +\infty)$ B. $\left[-\frac{6}{5}; 0\right)$
 C. $\left(-\frac{6}{5}; 0\right)$ D. $\left(-\infty; -\frac{6}{5}\right] \cup [0; +\infty)$

Câu 32: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai vectơ $\vec{a} = (2; -3; -1)$ và $\vec{b} = (-1; 0; 4)$. Tìm tọa độ của vectơ $\vec{u} = 4\vec{a} - 5\vec{b}$.

- A. $\vec{u} = (13; 12; -24)$. B. $\vec{u} = (13; -12; -24)$. C. $\vec{u} = (3; -12; 16)$. D. $\vec{u} = (13; -12; 24)$.

Câu 33: Cho một khối trụ có diện tích xung quanh của khối trụ bằng 40π . Tính thể tích của khối trụ biết khoảng cách giữa hai đáy bằng 5.

- A. 40π . B. 320π . C. 64π . D. 80π .

Câu 34: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho $A(2, -3, 0)$, mặt phẳng $(\alpha): x + 2y - z + 3 = 0$. Phương trình mặt phẳng (P) qua A , vuông góc (α) và song song với Oz là

- A. $2x - 3y - 7 = 0$. B. $2x + y - z + 4 = 0$. C. $2x + y - 1 = 0$. D. $2x - y - 7 = 0$.

Câu 35: Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục và không âm trên đoạn $[a; b]$. Hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = f(x)$, trục hoành và hai đường thẳng $x = a; x = b$ quay quanh trục hoành tạo nên một khối tròn xoay. Thể tích khối tròn xoay là

- A. $V = \int_a^b |f(x)| dx$. B. $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$. C. $V = \int_a^b (\pi f(x))^2 dx$. D. $V = \pi \int_a^b |f(x)| dx$.

Câu 36: Bất phương trình $4^x - 2^{x+1} - 3 < 0$ có tập nghiệm là:

- A. $(-\infty; \log_2 3)$ B. $(-1; 3)$ C. $(\log_2 3; +\infty)$ D. $(-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$

Câu 37: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $I(3; 1; -5)$ và mặt phẳng $(Q): x - 2y - 3z - 2 = 0$. Phương trình mặt cầu tâm I và tiếp xúc với mặt phẳng (Q) là

- A. $(x+3)^2 + (y+1)^2 + (z-5)^2 = 14$. B. $(x-3)^2 + (y-1)^2 + (z-5)^2 = 196$.
 C. $(x-3)^2 + (y-1)^2 + (z+5)^2 = 14$. D. $(x-3)^2 + (y-1)^2 + (z+5)^2 = 196$.

Câu 38: Giả sử hàm số $f(x)$ có đạo hàm liên tục trên \mathbb{R} , nhận giá trị dương trên khoảng $(0; +\infty)$ và thỏa mãn $f(1) = 1$, $f(x) = f'(x)\sqrt{3x+1}$ với mọi $x > 0$. Mệnh đề nào sau đây là đúng?

- A. $1 < f(5) < 2$. B. $2 < f(5) < 3$. C. $3 < f(5) < 4$. D. $4 < f(5) < 5$.

Câu 39: Gọi l, h, r lần lượt là độ dài đường sinh, chiều cao và bán kính mặt đáy của hình nón. Diện tích xung quanh S_{xq} của hình nón là

- A. $S_{xq} = \frac{1}{3}\pi r^2 h$. B. $S_{xq} = \pi r l$. C. $S_{xq} = 2\pi r l$. D. $S_{xq} = \pi r h$.

Câu 40: Biết $\int_3^4 \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx = \ln \frac{a}{b}$ ($a, b \in \mathbb{R}$ và $\frac{a}{b}$ là phân số tối giản). Tính hiệu $S = a - b$.

- A. -1 . B. 1 . C. -2 . D. 2 .

PHẦN II: TỰ LUẬN.

Câu I (1,0 điểm).

Cho hàm số: $f(x) = 2x + e^x$. Tìm một nguyên hàm $F(x)$ của hàm $f(x)$ biết $F(0) = -2$.

Câu II (1,0 điểm).

Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai đường thẳng $d_1: \frac{x-3}{-2} = \frac{y-6}{2} = \frac{z-1}{1}$;

$d_2: \begin{cases} x = t \\ y = -t \ (t \in \mathbb{R}) \\ z = 2 \end{cases}$. Viết phương trình đường thẳng Δ đi qua điểm $A(2; -4; 1)$, vuông góc với đường

thẳng d_1 và cắt đường thẳng d_2 .

----- HẾT -----