

**ĐỀ CHÍNH THỨC**

(Đề kiểm tra có 05 trang)

Bài kiểm tra: Toán

Thời gian làm bài: 90 phút, không kể thời gian phát đồ

Họ và tên học sinh:.....

Mã đề: 101

Số báo danh:.....

Đề kiểm tra gồm 50 câu (từ câu 1 đến câu 50) dành cho tất cả học sinh.

Câu 1. Trong không gian  $Oxyz$ , mặt cầu tâm  $I(1; 2; 0)$  và đi qua điểm  $M(1; 2; 3)$  có phương trình là

- A.  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 + z^2 = 3$ .  
 B.  $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 + z^2 = 9$ .  
 C.  $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 + z^2 = 3$ .  
 D.  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 + z^2 = 9$ .

Câu 2. Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(1; -1; 0)$  và  $B(3; 0; 2)$ . Mặt phẳng đi qua  $A$  và vuông góc với đường thẳng  $AB$  có phương trình là

- A.  $2x - y + 2z - 3 = 0$ .  
 B.  $2x - y + 2z + 3 = 0$ .  
 C.  $2x + y + 2z - 1 = 0$ .  
 D.  $2x + y + 2z + 1 = 0$ .

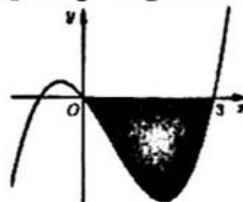
Câu 3. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x)dx = 6$ . Giá trị của  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} [f(x) + \sin x]dx$  bằng

- A. 8.  
 B. 7.  
 C. 6.  
 D. 5.

Câu 4. Phần ảo của số phức  $z = 3 - i$  là

- A. 1.  
 B.  $-i$ .  
 C. 3.  
 D.  $-1$ .

Câu 5. Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình bên dưới.



Diện tích hình phẳng (phản tô đậm) được tính theo công thức nào sau đây?

- A.  $S = \int_0^3 |f(x)|dx$ .  
 B.  $S = \int_0^3 f(x)dx$ .  
 C.  $S = \pi \int_0^3 [f(x)]^2 dx$ .  
 D.  $S = \int_0^3 [f(x)]^2 dx$ .

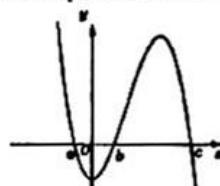
Câu 6. Trên tập số phức, tập nghiệm của phương trình  $z^2 - 2z + 5 = 0$  là

- A.  $\{1 + 2i; 1 - 2i\}$ .  
 B.  $\{2 + i; 2 - i\}$ .  
 C.  $\{1 + 2i; 2 - i\}$ .  
 D.  $\{1 + i; 1 - i\}$ .

Câu 7. Trong không gian  $Oxyz$ , độ dài của vectơ  $\vec{a} = (1; 0; 1)$  bằng

- A.  $\sqrt{2}$ .  
 B.  $\sqrt{3}$ .  
 C. 2.  
 D. 1.

Câu 8. Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị của hàm số  $f'(x)$  như hình bên dưới.



Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $f(a) < f(c)$ .  
 B.  $f(c) = f(a)$ .  
 C.  $f(c) = -f(a)$ .  
 D.  $f(a) > f(c)$ .

Câu 9. Cho  $\int_0^1 f(x)dx = 7$  và  $\int_1^2 f(x)dx = 10$ . Giá trị của  $\int_0^2 f(x)dx$  bằng

- A. -3.  
 B. 17.  
 C. 3.  
 D. 70.

Câu 10. Cho hai số phức  $z_1 = 4 + 3i$  và  $z_2 = 2 - i$ . Số phức  $z_1 + z_2$  là

- A.  $2 + 4i$ .      B.  $6 + 4i$ .      C.  $3 + 5i$ .      D.  $6 + 2i$ .

Câu 11. Nếu đặt  $t = \sin x$  thì  $\int 2\sin^2 x \cos x dx$  trở thành

- A.  $\int 2t^2 dt$ .      B.  $\frac{1}{2} \int t dt$ .      C.  $\int t^2 dt$ .      D.  $\int 2t dt$ .

Câu 12. Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = e^x$  là

- A.  $e^{x+1} + C$ .      B.  $\frac{1}{e^x} + C$ .      C.  $e^x + C$ .      D.  $e^{x-1} + C$ .

Câu 13. Diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị của hai hàm số  $y = x^2 + 2$  và  $y = 3x$  bằng

- A.  $\frac{1}{2}$ .      B. 3.      C.  $\frac{1}{6}$ .      D. 2.

Câu 14. Số phức liên hợp của số phức  $z = 5 - 2i$  là

- A.  $\bar{z} = -2 + 5i$ .      B.  $\bar{z} = -5 - 2i$ .      C.  $\bar{z} = -5 + 2i$ .      D.  $\bar{z} = 5 + 2i$ .

Câu 15. Số phức  $(2+i)(3-i)$  có phần ảo bằng

- A. -7.      B. 1.      C. 7.      D. -1.

Câu 16. Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai vectơ  $\vec{u} = (1; -1; 1)$  và  $\vec{v} = (1; 2; 3)$ . Tọa độ của vectơ  $\vec{u} + \vec{v}$  là

- A.  $(2; -1; 4)$ .      B.  $(2; -3; 4)$ .      C.  $(2; 1; 4)$ .      D.  $(2; 3; 4)$ .

Câu 17. Cho hai số phức  $z_1 = 3 + 2i$  và  $z_2 = 3 - 2i$ . Phương trình nào sau đây nhận  $z_1, z_2$  làm nghiệm?

- A.  $z^2 + 13z + 6 = 0$ .      B.  $z^2 + 6z + 13 = 0$ .      C.  $z^2 - 6z + 13 = 0$ .      D.  $z^2 - 13z + 6 = 0$ .

Câu 18. Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai điểm  $M(1; 2; 1)$  và  $N(2; 1; -1)$ . Đường thẳng  $MN$  có phương trình là

- A.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 - t \\ z = 1 - 2t \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 + t \\ z = 1 - 2t \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -1 + 2t \\ z = -2 + t \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} x = -1 + t \\ y = 1 + 2t \\ z = -2 + t \end{cases}$ .

Câu 19. Cho hình phẳng ( $H$ ) giới hạn bởi đồ thị  $y = x - x^2$  và trục hoành. Thể tích khối tròn xoay sinh ra khi quay ( $H$ ) quanh  $Ox$  bằng

- A.  $\frac{1}{30}$ .      B.  $\frac{1}{6}$ .      C.  $\frac{1}{6}\pi$ .      D.  $\frac{1}{30}\pi$ .

Câu 20. Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai đường thẳng  $\Delta_1 : \frac{x-1}{-2} = \frac{y+2}{1} = \frac{z-3}{2}$  và

$\Delta_2 : \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+2}{-4}$ . Góc giữa hai đường thẳng  $\Delta_1$  và  $\Delta_2$  bằng

- A.  $30^\circ$ .      B.  $45^\circ$ .      C.  $135^\circ$ .      D.  $60^\circ$ .

Câu 21. Trong không gian  $Oxyz$ , một vectơ pháp tuyến của mặt phẳng  $(\alpha) : x + 2y - 3z + 5 = 0$  có tọa độ là

- A.  $(1; 2; -3)$ .      B.  $(1; -3; 5)$ .      C.  $(1; -2; 3)$ .      D.  $(2; -3; 5)$ .

Câu 22. Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = 4 - 9x^2$  là

- A.  $4 - 3x^3 + C$ .      B.  $4x - 3x^3 + C$ .      C.  $4x - 9x^3 + C$ .      D.  $-18x + C$ .

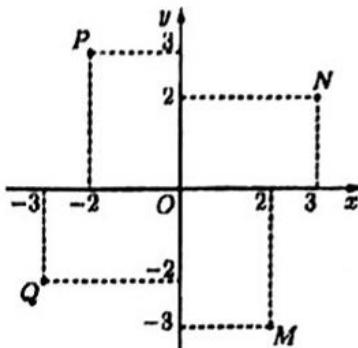
Câu 23. Trong không gian  $Oxyz$ , phương trình mặt cầu có tâm  $I(1; -2; 3)$  và bán kính  $R = 5$  là

- A.  $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 25$ .      B.  $(x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+3)^2 = 25$ .  
C.  $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 5$ .      D.  $(x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+3)^2 = 5$ .

Câu 24. Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x \cos x$  là

- A.  $-x \sin x - \cos x + C$ .  
 B.  $x \sin x + \cos x + C$ .  
 C.  $-x \sin x + \cos x + C$ .  
 D.  $x \sin x - \cos x + C$ .

Câu 25. Trong mặt phẳng  $Oxy$ , điểm biểu diễn của số phức  $z = 2 - 3i$  là điểm nào trong hình bên dưới?



- A. Điểm  $M$ .  
 B. Điểm  $Q$ .  
 C. Điểm  $P$ .  
 D. Điểm  $N$ .

Câu 26. Nếu  $\int_2^4 f(x) dx = 2$  thì  $\int_2^4 3f(x) dx$  bằng

- A. 2.  
 B. 5.  
 C. 3.  
 D. 6.

Câu 27. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $2z + (1+i)\bar{z} = 3 - 7i$ . Tông phần thực và phần ảo của  $z$  bằng

- A. 7.  
 B. -17.  
 C. 17.  
 D. -7.

Câu 28. Cho  $x, y$  là các số thực thỏa mãn  $3x + (y-1)i = 6 + 3i$ . Giá trị của  $x + y$  bằng

- A. 9.  
 B. 5.  
 C. 6.  
 D. 4.

Câu 29. Trong không gian  $Oxyz$ , mặt cầu  $(S) : x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y + 2z + 3 = 0$  có tọa độ tâm là

- A.  $(-2; -4; 2)$ .  
 B.  $(1; 2; -1)$ .  
 C.  $(-1; -2; 1)$ .  
 D.  $(2; 4; -2)$ .

Câu 30. Trong không gian  $Oxyz$ , cho hai mặt phẳng  $(P) : 2x - y + mz - 5 = 0$  và  $(Q) : 2x - y + 2z + 3 = 0$ .

Giá trị của  $m$  sao cho  $(P)$  song song  $(Q)$  là

- A.  $m = 2$ .  
 B.  $m = 1$ .  
 C.  $m = -2$ .  
 D.  $m = 0$ .

Câu 31. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[a; b]$ . Diện tích hình phẳng giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , trục hoành và hai đường thẳng  $x = a, x = b$  được tính theo công thức

- A.  $S = \int_a^b |f(x)| dx$ .  
 B.  $S = \int_a^b f(x) dx$ .  
 C.  $S = \left| \int_a^b f(x) dx \right|$ .  
 D.  $S = \pi \int_a^b [f(x)]^2 dx$ .

Câu 32. Cho hàm số  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên khoảng  $K$  và  $C$  là hằng số. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $F'(x) = f'(x) + C$ .  
 B.  $F(x) = f(x) + C$ .  
 C.  $f'(x) = F(x)$ .  
 D.  $F'(x) = f(x)$ .

Câu 33. Trong không gian  $Oxyz$ , đường thẳng đi qua điểm  $M(1; 2; -1)$  và song song với đường thẳng

$\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-1}{3}$  có phương trình là

- A.  $\begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 + 2t \\ z = -1 + 3t \end{cases}$ .  
 B.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + 2t \\ z = -1 + 3t \end{cases}$ .  
 C.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 + 2t \\ z = 3 - t \end{cases}$ .  
 D.  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 2 - 2t \\ z = -1 + 3t \end{cases}$

Câu 34. Trong không gian  $Oxyz$ , mặt phẳng đi qua  $M(-1; 0; 1)$  và nhận  $\vec{n} = (2; -1; 1)$  làm vectơ pháp tuyến có phương trình là

- A.  $2x - y + z + 1 = 0$ .  
 B.  $2x + y - z = 0$ .  
 C.  $2x + y - z + 1 = 0$ .  
 D.  $2x - y + z - 1 = 0$ .

Câu 35. Môđun của số phức  $z = 4 - 3i$  bằng

- A. 1.                    B. 25.                    C. 5.                    D. 7.

Câu 36. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $|z - 1| = 2$ . Biết tập hợp các điểm biểu diễn số phức  $w = (1 + \sqrt{3}i)z + 2$  là đường tròn ( $C$ ). Bán kính của ( $C$ ) bằng

- A. 4.                    B. 2.                    C. 1.                    D. 3.

Câu 37. Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt phẳng ( $P$ ):  $2x - 2y + z + 15 = 0$  và mặt cầu ( $S$ ):  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z - 5)^2 = 16$  có tâm  $I$ . Gọi  $H$  là hình chiếu của  $I$  lên ( $P$ ) và điểm  $M(a; b; c)$  thuộc ( $S$ ) sao cho độ dài đoạn thẳng  $MH$  nhỏ nhất. Giá trị của  $a + b - 3c$  bằng

- A. 6.                    B. -14.                    C. -6.                    D. 14.

Câu 38. Trên tập số phức, gọi  $z_1, z_2$  là các nghiệm của phương trình  $(z - i)(z + i) = 2(z - m)$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $z_1^2 + z_2^2 = -10$ . Giá trị của  $m$  bằng

- A. 6.                    B. 3.                    C. 1.                    D. 7.

Câu 39. Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $|z - 2| = 1$ . Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = |z^2 - z - 3|$ . Giá trị của  $M^2 + m^2$  bằng

- A. 178.                    B. 16.                    C. 22.                    D. 10.

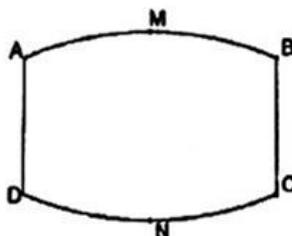
Câu 40. Trong không gian  $Oxyz$ , cho mặt cầu ( $S$ ):  $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 + (z + 3)^2 = 11$  và điểm  $A(-1; -2; 0)$ . Gọi ( $C$ ) là đường tròn giao tuyến giữa mặt cầu ( $S$ ) và mặt phẳng ( $Oxy$ ). Biết  $M(a; b; 0) \in (C)$  sao cho đoạn thẳng  $AM$  dài nhất. Tọa độ của điểm  $M$  là

- A.  $(3; 2; 0)$ .                    B.  $(2; 3; 0)$ .                    C.  $(0; 1; 0)$ .                    D.  $(1; 0; 0)$ .

Câu 41. Trong không gian  $Oxyz$ , cho điểm  $A(4; -2; 3)$  thuộc mặt phẳng ( $P$ ):  $x + y - z + 1 = 0$  và mặt cầu ( $S$ ):  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 3)^2 = 25$ . Đường thẳng  $d$  qua  $A$  và nằm trên ( $P$ ) cắt ( $S$ ) tại hai điểm  $A, B$ . Khi độ dài  $AB$  lớn nhất thì phương trình đường thẳng  $d$  là

- A.  $\frac{x - 4}{-10} = \frac{y + 2}{11} = \frac{z - 3}{1}$ .                    B.  $\frac{x - 4}{10} = \frac{y + 2}{11} = \frac{z - 3}{1}$ .  
C.  $\frac{x + 4}{-10} = \frac{y - 2}{11} = \frac{z + 3}{1}$ .                    D.  $\frac{x - 4}{-10} = \frac{y + 2}{-11} = \frac{z - 3}{1}$ .

Câu 42. Ông An mua cho cửa hiệu cắt tóc của mình một tấm gương phẳng có dạng như hình bên dưới. Biết  $AB = 4\text{m}$ ;  $AD = 1,2\text{m}$ ;  $MN = 1,4\text{m}$ ; hai cạnh cong  $AMB, DNC$  là các đường parabol với đỉnh tương ứng là  $M$  và  $N$ . Giá của  $1\text{m}^2$  kính dùng để làm gương như trên là 300 000 đồng. Số tiền ông An mua tấm gương trên là



- A. 1600 000 đồng.                    B. 1760 000 đồng.                    C. 1520 000 đồng.                    D. 1840 000 đồng.

Câu 43. Một ô tô đang chuyển động với vận tốc  $10\text{ m/s}$  thì người lái ô tô thấy một chướng ngại vật trên đường nên đạp phanh. Kể từ thời điểm đó, ô tô chuyển động chậm dần với vận tốc  $v(t) = -2t + 10$  ( $\text{m/s}$ ), trong đó  $t$  là thời gian (tính bằng giây) kể từ lúc bắt đầu đạp phanh. Quãng đường ô tô di chuyển được từ lúc đạp phanh đến khi dừng hẳn bằng

- A. 50 m.                    B. 25 m.                    C. 10 m.                    D. 75 m.

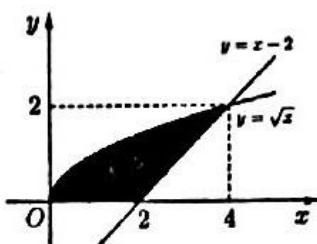
Câu 44. Trong không gian  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{2}$ . Đường thẳng đi qua điểm  $M(1;4;2)$ , cắt và vuông góc với  $d$  có phương trình là

- |  |  |   |   |
|--|--|---|---|
| A. $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 4 \\ z = 2 + t \end{cases}$ | B. $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 4 + t \\ z = 2 - t \end{cases}$ | C. $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 4 + t \\ z = 2 + 2t \end{cases}$ | D. $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 4 - 3t \\ z = 2 + t \end{cases}$ |
|--|--|---|---|

Câu 45. Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  thỏa mãn  $3f^2(x)f'(x) = x \cdot e^x$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$  và  $f(0) = 1$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

- A.  $\sqrt[3]{2e}$ .      B. 0.      C.  $\sqrt[3]{2e+2}$ .      D.  $\sqrt[3]{2}$ .

Câu 46. Hình phẳng ( $H$ ) (phần tô đậm) được giới hạn bởi đồ thị hàm số  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = x - 2$  và trục hoành. Diện tích của ( $H$ ) bằng



- A.  $\frac{10}{3}$ .      B.  $\frac{8}{3}$ .      C.  $\frac{7}{3}$ .      D.  $\frac{16}{3}$ .

Câu 47. Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  thỏa mãn  $f'(x) = (4x+1)[f(x)]^2$ ,  $f(x) < 0$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$  và  $f(0) = -1$ . Giá trị của  $\int_0^1 (4x+1)f(x)dx$  bằng

- A.  $2\ln 2$ .      B.  $-2\ln 2$ .      C.  $\frac{5}{4}$ .      D.  $\frac{1}{4}$ .

Câu 48. Cho tích phân  $I = \int_1^2 \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{b}{c} + a \ln 2$  với  $a, b, c$  là các số thực và  $\frac{b}{c}$  là phân số tối giản. Giá trị của  $2a + 3b + c$  bằng

- A. -6.      B. 5.      C. 4.      D. 6.

Câu 49. Họ nguyên hàm của hàm số  $f(x) = x \ln x^2$  là

- A.  $\frac{x}{2}(\ln x - 1) + C$ .      B.  $\frac{x^2}{2}(\ln x^2 - 1) + C$ .      C.  $\frac{x^2}{2} \ln x^2 - 1 + C$ .      D.  $\frac{x}{2} \ln x - 1 + C$ .

Câu 50. Trong không gian  $Oxyz$ , tọa độ giao điểm của đường thẳng  $d: \begin{cases} x = 1 \\ y = t \\ z = 1+t \end{cases}$  và mặt phẳng

(P):  $y - 2 = 0$  là

- A. (3; 2; 1).      B. (0; 2; 1).      C. (1; 2; 3).      D. (1; 2; 4).

----- HẾT -----

Ghi chú: Học sinh không sử dụng tài liệu. Cán bộ coi kiểm tra không giải thích gì thêm.