

Họ và tên học sinh : ..... Số báo danh : .....

Mã đề 124

**PHẦN I. Trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 20, mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án**

**Câu 1.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): 3x - z + 2 = 0$ . Vector nào dưới đây là một vector pháp tuyến của  $(P)$ ?

- A.  $\vec{n} = (-1; 0; -1)$ .      B.  $\vec{n} = (3; -1; 2)$ .      C.  $\vec{n} = (3; 0; -1)$ .      D.  $\vec{n} = (3; -1; 0)$ .

**Câu 2.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua điểm  $M(1; 2; -3)$  và có một vector pháp tuyến là  $\vec{n} = (1; -2; 3)$ ?

- A.  $x - 2y + 3z + 12 = 0$ .      B.  $x - 2y - 3z + 6 = 0$ .      C.  $x - 2y - 3z - 6 = 0$ .      D.  $x - 2y + 3z - 12 = 0$ .

**Câu 3.** Tính  $\int e^x \cdot e^{x+1} dx$  ta được kết quả nào sau đây?

- A.  $\frac{1}{2}e^{2x+1} + C$ .      B.  $e^x \cdot e^{x+1} + C$ .      C.  $2e^{2x+1} + C$ .      D.  $\frac{e^{2x+2}}{2x+2} + C$ .

**Câu 4.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $d: \frac{x+1}{-1} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-1}{3}$ ?

- A.  $P(-1; 2; 1)$ .      B.  $N(-1; 3; 2)$ .      C.  $Q(1; -2; -1)$ .      D.  $M(1; 2; 1)$ .

**Câu 5.** Biết rằng  $\int_0^1 \frac{2e^{2x} + 3}{e^x} dx = \frac{m \cdot e^2 + n \cdot e + p}{e}$  (với  $m, n, p \in \mathbb{Z}$ ). Khi đó  $m + 2n - p$  bằng

- A. 7      B. 1.      C. 6.      D. 2.

**Câu 6.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(4; 1; -2)$  và  $B(5; 9; 3)$ . Phương trình mặt phẳng trung trực của đoạn  $AB$  là

- A.  $2x + 6y - 5z + 40 = 0$ .      B.  $x + 8y - 5z - 41 = 0$ .  
C.  $x - 8y - 5z - 35 = 0$ .      D.  $x + 8y + 5z - 47 = 0$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $f(x) = 2 + \cos x$ . Khẳng định nào dưới đây đúng?

- A.  $\int f(x) dx = 2x + \sin x + C$ .      B.  $\int f(x) dx = 2x + \cos x + C$ .  
C.  $\int f(x) dx = 2x - \sin x + C$ .      D.  $\int f(x) dx = -\sin x + C$ .

**Câu 8.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $\Delta$  đi qua điểm  $M(2; 0; -1)$  và có vector chỉ phương  $\vec{a} = (4; -6; 2)$ . Phương trình tham số của  $\Delta$  là

A.  $\begin{cases} x = -2 + 2t \\ y = -3t \\ z = 1 + t \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x = 2 + 2t \\ y = -3t \\ z = -1 + t \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = -6 - 3t \\ z = 2 + t \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x = -2 + 4t \\ y = -6t \\ z = 1 + 2t \end{cases}$

Câu 9. Biết  $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{6}} |\sin x| dx = a - \sqrt{b}$  ( $a, b \in \mathbb{Q}$ ). Khi đó  $a + 4b$  bằng

A. 8.      B. 7.      C. 5.      D. 10.

Câu 10. Cho  $\int_1^2 f(x) dx = 1$  và  $\int_1^4 f(t) dt = -3$ . Giá trị của  $\int_2^4 f(u) du$  là

A. 2.      B. 4.      C. -2.      D. -4.

Câu 11. Cho hàm số  $f(x) = \begin{cases} 3x^2 + 2 & \text{khi } x \leq 1 \\ 8x - 3 & \text{khi } x > 1. \end{cases}$  Khi đó giá trị của  $\int_{-2}^2 f(x) dx$  bằng

A. 0.      B. -6.      C. 24.      D. -12.

Câu 12. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho ba điểm  $A(1; 2; -1)$ ,  $B(3; 0; 1)$  và  $C(2; 2; -2)$ . Đường thẳng đi qua  $A$  và vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$  có phương trình là

A.  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+1}{1}$ .      B.  $\frac{x+1}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-1}{1}$ .  
 C.  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z+1}{3}$ .      D.  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z-1}{-1}$ .

Câu 13. Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho mặt phẳng  $(P): x - 2y + z - 5 = 0$ . Điểm nào dưới đây thuộc  $(P)$ ?

A.  $Q(2; -1; 5)$ .      B.  $N(-5; 0; 0)$ .      C.  $P(0; 0; -5)$ .      D.  $M(1; 1; 6)$ .

Câu 14. Cho hàm số  $F(x)$  là một nguyên hàm của hàm số  $f(x)$  trên  $K$ . Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào là sai?

A.  $\left(\int f(x) dx\right)' = f(x)$ .      B.  $\int f(x) dx = F(x) + C$ .  
 C.  $\left(\int f(x) dx\right)' = F'(x)$ .      D.  $\left(\int f(x) dx\right)' = f'(x)$ .

Câu 15. Giá trị của  $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \cot^2 x dx$  bằng

A.  $\frac{\sqrt{3}}{3} - \frac{\pi}{6}$ .      B.  $\frac{4\sqrt{3}}{3} - \frac{\pi}{3}$ .      C.  $\frac{2\sqrt{3}}{3} - \frac{\pi}{6}$ .      D.  $\frac{2\sqrt{3}}{3} - \frac{\pi}{3}$ .

Câu 16. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào sai?

A.  $\int x^\alpha dx = \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C$ .      B.  $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$ .      C.  $\int dx = x + C$ .      D.  $\int 0 dx = C$ .

**Câu 17.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho đường thẳng  $d: \frac{x-1}{5} = \frac{y-2}{-8} = \frac{z+3}{7}$ . Vector nào dưới đây

là một vector chỉ phương của  $d$ ?

- A.  $\vec{u}_3 = (5; -8; 7)$ .      B.  $\vec{u}_4 = (7; -8; 5)$ .      C.  $\vec{u}_1 = (1; 2; -3)$ .      D.  $\vec{u}_2 = (-1; -2; 3)$ .

**Câu 18.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của điểm  $A(2; -1; -1)$  trên mặt phẳng  $(\alpha): 16x - 12y - 15z - 4 = 0$ . Tính độ dài đoạn thẳng  $AH$ .

- A.  $\frac{11}{5}$ .      B. 55.      C.  $\frac{11}{25}$ .      D.  $\frac{22}{5}$ .

**Câu 19.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(1; -2; 3)$  và hai mặt phẳng  $(P): x + y + z + 1 = 0$ ,  $(Q): x - y + z - 2 = 0$ . Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua  $A$ , đồng thời song song với  $(P)$  và  $(Q)$ ?

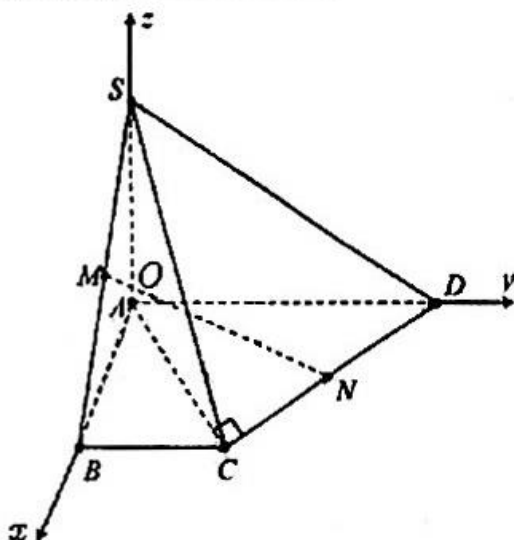
- A.  $\begin{cases} x=1 \\ y=-2 \\ z=3-2t \end{cases}$ .      B.  $\begin{cases} x=-1+t \\ y=2 \\ z=-3-t \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} x=1+2t \\ y=-2 \\ z=3+2t \end{cases}$ .      D.  $\begin{cases} x=1+t \\ y=-2 \\ z=3-t \end{cases}$ .

**Câu 20.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , mặt phẳng  $(\alpha)$  cắt ba trục tọa độ tại ba điểm  $M(8; 0; 0)$ ,  $N(0; -2; 0)$  và  $P(0; 0; 4)$ . Phương trình của mặt phẳng  $(\alpha)$  là

- A.  $(\alpha): x - 4y + 2z = 0$ .      B.  $(\alpha): \frac{x}{8} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{4} = 0$ .  
C.  $(\alpha): \frac{x}{4} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 1$ .      D.  $(\alpha): x - 4y + 2z - 8 = 0$ .

**PHẦN II. Câu trắc nghiệm đúng sai. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 2, trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.**

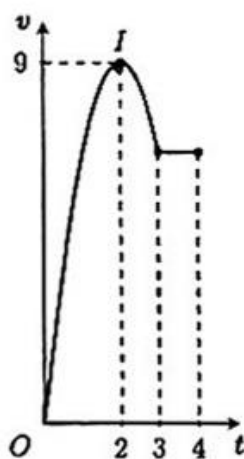
**Câu 1.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang vuông tại  $A$  và  $B$ , thỏa mãn điều kiện,  $AB = BC = 1$ ,  $AD = 2$ ,  $SA$  vuông góc với mặt đáy  $(ABCD)$ ,  $SA = 1$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SB, CD$ . Chọn hệ trục tọa độ như hình vẽ sau:



- a)  $C(1; 1; 0), D(0; 2; 0), S(0; 0; 1)$ .

- b) Mặt phẳng (SAC) nhận vector  $\vec{n} = (1; -1; 0)$  là một vector pháp tuyến.
- c) Đường cao của hình chóp B.SAC có độ dài bằng  $\sqrt{2}$ .
- d) Đường thẳng (MN) và đường thẳng ( $\Delta$ ): 
$$\begin{cases} x = 2 + t \\ y = 4 + t \\ z = 1 - t \end{cases}$$
 là hai đường thẳng chéo nhau.

**Câu 2.** Một vật chuyển động trong 4 giây với vận tốc  $v = v(t)$  (m/s) phụ thuộc vào thời gian  $t$  (s) có đồ thị vận tốc như hình vẽ. Trong khoảng thời gian 3 giây kể từ khi bắt đầu chuyển động, đồ thị đó là một phần của đường parabol đi qua  $O(0;0)$ , có đỉnh  $I(2;9)$  với trục đối xứng song song với trục tung, khoảng thời gian còn lại đồ thị là một đoạn thẳng song song với trục hoành.



- a) Giá trị của hàm số  $v(t)$  khi  $t = 3$  là  $\frac{27}{4}$ .
- b) Gia tốc của vật tại thời điểm  $t = 2$  là  $9 \text{ (m/s}^2\text{)}$ .
- c) Quãng đường vật di chuyển được từ thời điểm  $t = 3$  đến thời điểm  $t = 4$  là  $\frac{27}{4}$  (m).
- d) Quãng đường mà vật di chuyển được trong 4 giây này là 22 (m).

**PHẦN III. Câu trắc nghiệm trả lời ngắn. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4, điền đáp số vào ô trong phiếu trả lời và tô vào vị trí tương ứng từ trái qua phải.**

- Câu 1.** Hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị đi qua điểm  $(-1;4)$  và có đạo hàm  $f'(x) = 3 - 2x$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Tính giá trị của  $f(5)$ .
- Câu 2.** Trong không gian với hệ tọa độ  $Oxyz$ , cho điểm  $A(-2; -1; -2)$  và đường thẳng  $d: \frac{x-2}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z-1}{2}$ . Gọi  $\Delta$  đường thẳng đi qua  $A$ , vuông góc và cắt  $d$ . Biết rằng  $M(a; b; -4)$  là một điểm thuộc  $\Delta$ , hãy tính tổng  $P = a + b$ .
- Câu 3.** Trong không gian với hệ trục tọa độ  $Oxyz$ , cho hai điểm  $A(3; -2; 5), B(1; -1; 3)$  và mặt phẳng  $(P): x - 3y + 2z + 4 = 0$ . Phương trình của mặt phẳng đi qua hai điểm  $A, B$ , đồng thời vuông góc  $(P)$  là  $4x - ay - bz + c = 0$ . Giá trị của biểu thức  $a + 2b + 3c$  bằng bao nhiêu?
- Câu 4.** Một chất điểm  $A$  xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng với vận tốc biến thiên theo thời gian bởi quy luật  $v(t) = \frac{1}{150}t^2 + \frac{59}{75}t$  (m/s), trong đó  $t$  (s) là khoảng thời gian tính từ lúc  $A$  bắt đầu chuyển động. Từ trạng thái nghỉ, một chất điểm  $B$  cũng xuất phát từ  $O$ , chuyển động thẳng cùng hướng với  $A$  nhưng chậm hơn 5 giây so với  $A$  và có gia tốc bằng  $a$  (m/s<sup>2</sup>) ( $a$  là hằng số). Sau khi  $B$  xuất phát được 10 giây thì đuổi kịp  $A$ . Vận tốc của  $B$  tại thời điểm đuổi kịp  $A$  bằng bao nhiêu m/s?

— HẾT —