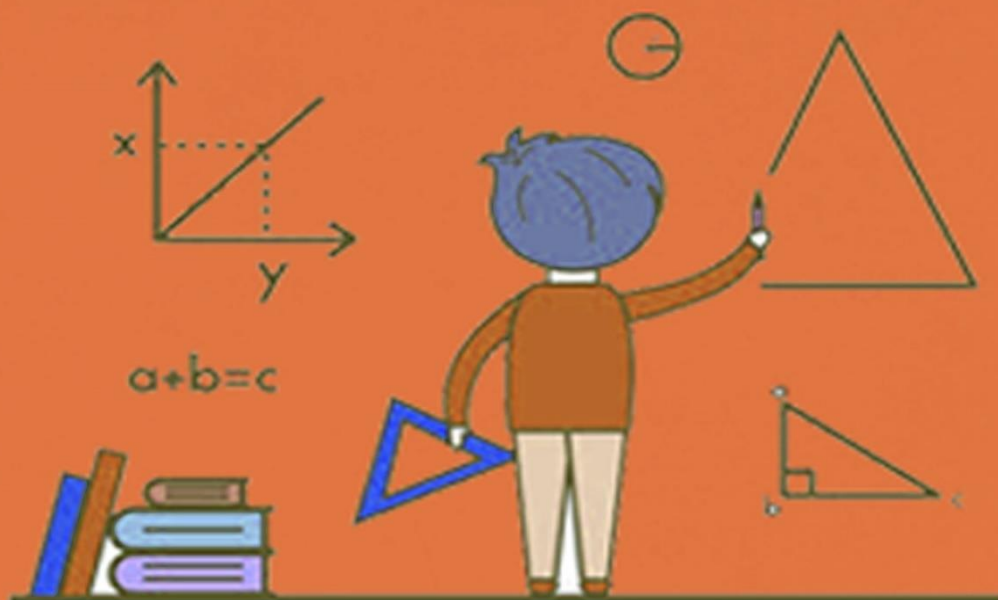


**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**TUYỂN TẬP 22 ĐỀ ÔN TẬP  
GIỮA KÌ I TOÁN 12**



**ĐỀ 1**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

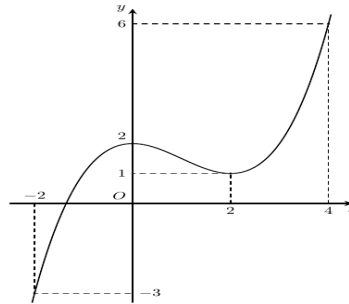
**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		1		2		$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$	$-\infty$		3		-2		$+\infty$

Hàm số đã cho đạt cực đại tại

- A.**  $x = -2$ .      **B.**  $x = 3$ .      **C.**  $x = 1$ .      **D.**  $x = 2$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị hàm số như hình vẽ sau:



Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[0; 4]$  là

- A.**  $-3$ .      **B.**  $2$ .      **C.**  $1$ .      **D.**  $-2$ .

**Câu 3.** Thể tích của khối lập phương có cạnh bằng 4 là:

- A.** 16.      **B.** 4.      **C.**  $\frac{64}{3}$ .      **D.** 64.

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		-1		0		2		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	0	-	
$y$	$-\infty$		2		-4		3		$-\infty$

Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$  bằng

- A.** 2.      **B.**  $-4$ .      **C.** 3.      **D.**  $-1$ .

**Câu 5.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $SA$  vuông góc với  $(ABCD)$ , đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$  và  $SA = 6a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

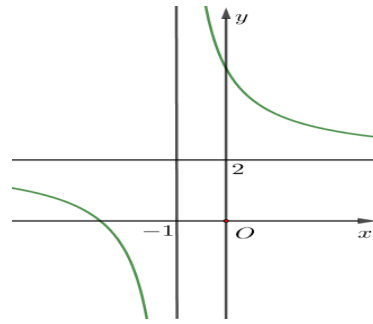
- A.**  $\frac{a^3}{3}$ .      **B.**  $6a^3$ .      **C.**  $3a^3$ .      **D.**  $2a^3$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có tập xác định là  $\mathbb{R}$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$ .

Số tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  là

- A.** 2.      **B.** 0.      **C.** 1.      **D.** 3.

**Câu 7.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- A.  $y = \frac{2x+5}{x+1}$ .      B.  $y = x^3 + 3x^2 + 1$ .      C.  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .      D.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .

**Câu 8.** Khối lăng trụ có chiều cao bằng 4, diện tích đáy bằng 6. Thể tích khối lăng trụ này bằng  
 A. 8.      B. 24.      C. 10.      D. 12.

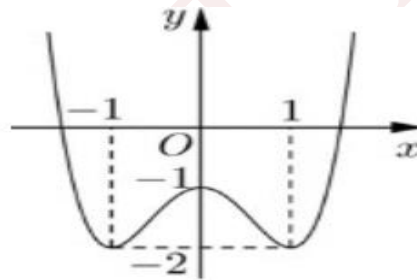
**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		+	0	-	0	+	0	-	
$f(x)$	$-\infty$		↗ 3		↘ -1		↗ 3		↘ $-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình:  $2f(x) = 3$  là

- A. 3.      B. 1.      C. 2.      D. 4.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  có đồ thị như hình vẽ sau.



Số điểm cực tiểu của của hàm số  $y = f(x)$

- A. 0.      B. 1.      C. 2.      D. 3.

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+	
$f(x)$	$+\infty$		↘ 1		↗ 3		↘ 1		↗ $+\infty$

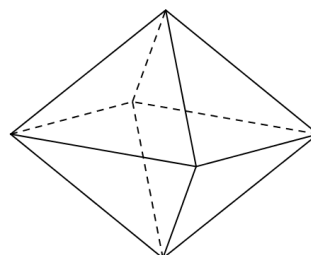
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0; 2)$ .      B.  $(1; 3)$ .      C.  $(-2; 0)$       D.  $(1; +\infty)$ .

**Câu 12.** Khối chóp có chiều cao bằng 3, diện tích đáy bằng 5. Thể tích khối chóp bằng:

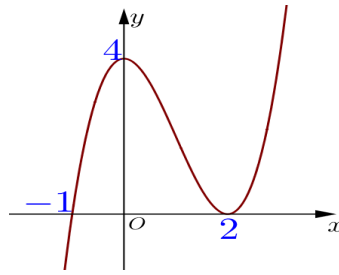
- A. 15.      B. 5.      C. 8.      D. 25.

**Câu 13.** Số cạnh của một hình bát diện đều là



- A. 12.                                      B. 16.                                      C. 10.                                      D. 8.

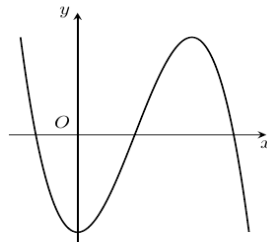
**Câu 14.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình sau



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0; 2)$ .                                      B.  $(-\infty; -1)$ .                                      C.  $(2; 4)$ .                                      D.  $(-1; 2)$ .

**Câu 15.** Đường cong trong hình vẽ sau là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



- A.  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .                                      B.  $y = -x^4 + x^2 - 2$ .                                      C.  $y = x^4 - x^2 - 2$ .                                      D.  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .

**Câu 16.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên dưới đây. Đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = -2020$  tại bao nhiêu điểm?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$		$3$	$-1$	$3$		$-\infty$

- A. 0.                                      B. 4.                                      C. 2.                                      D. 1.

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$+$	$0$	$-$
$y$		$+\infty$	$-1$	$2$	$-\infty$

Hỏi đồ thị hàm số trên có bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 1.                                      B. 0.                                      C. 2.                                      D. 3.

**Câu 18.** Hình đa diện nào dưới đây không có tâm đối xứng?

- A. Bát diện đều.                                      B. Tứ diện đều.  
C. Hình lập phương.                                      D. Lăng trụ lục giác đều.

**Câu 19.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

- A.  $y = \frac{2x-1}{x+3}$ .                                      B.  $y = x^3 + 2x$ .                                      C.  $y = 2x^2 + 1$ .                                      D.  $y = 2x^4 + x^2$ .

**Câu 20.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

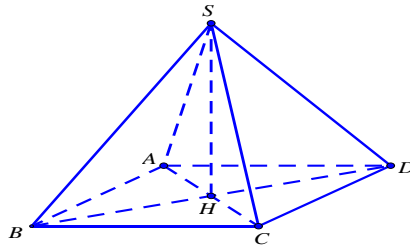
- A. 18.                                      B. 2.                                      C. -2.                                      D. -18.

**Câu 21.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = \sqrt{11-2x}$  trên  $[1; 5]$  bằng

- A. 3.                                      B.  $\sqrt{5}$ .                                      C. 1.                                      D.  $\sqrt{11}$ .



**Câu 22.** Cho  $S.ABCD$  là hình chóp tứ giác đều, biết  $AB = a, SA = a$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABCD$  bằng



- A.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .      B.  $\frac{a^3}{3}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .      D.  $a^3$ .

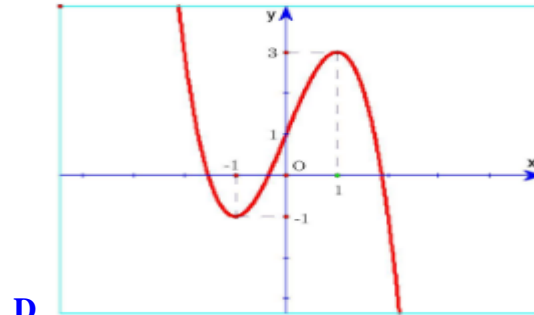
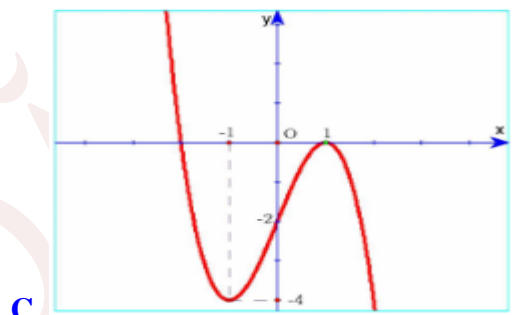
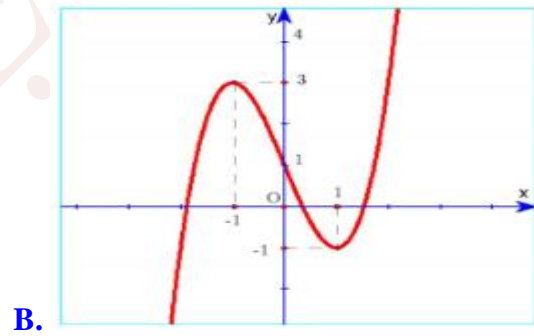
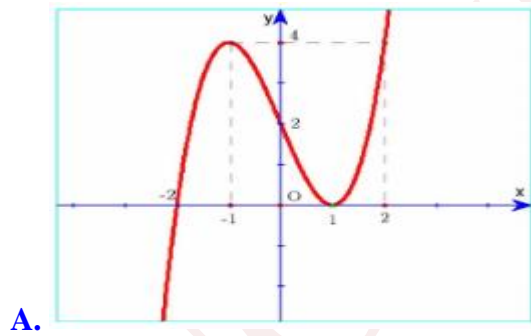
**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{x+1}{x-1}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty;1)$  và  $(1;+\infty)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .  
 D. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty;1)$  và  $(1;+\infty)$ .

**Câu 24.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $SA \perp (ABCD)$ , đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật. Biết  $AB = a, AD = 2a, SA = 3a$ . Thể tích hình chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $2a^3$ .      B.  $6a^3$ .      C.  $a^3$ .      D.  $\frac{a^3}{3}$ .

**Câu 25.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$  là hình nào trong 4 hình dưới đây?



**Câu 26.** Đồ thị hàm số nào sau đây không có tiệm cận đứng?

- A.  $y = \frac{1}{x^2 + 2x + 1}$ .      B.  $y = \frac{\sqrt{x-3}}{x+2}$ .      C.  $y = -\frac{1}{x}$ .      D.  $y = \frac{3x-1}{x^2-1}$ .

**Câu 27.** Lăng trụ đứng  $ABCA'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A, BC = 2a, AB = a$ . Mặt bên  $(BB'C'C)$  là hình vuông. Khi đó thể tích lăng trụ là

- A.  $a^3\sqrt{2}$ .      B.  $a^3\sqrt{3}$ .      C.  $2a^3\sqrt{3}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 28.** Tìm phương trình tất cả các tiệm cận của đồ thị hàm số:  $y = \frac{3x-1}{x-2}$

- A.  $x = -2$  và  $y = 3$ .    B.  $x = 3$  và  $y = 2$ .    C.  $x = 2$  và  $y = -\frac{1}{2}$ .    D.  $x = 2$  và  $y = 3$ .

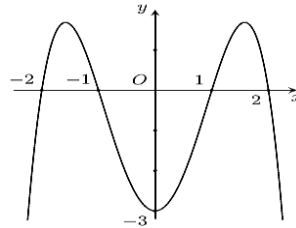
**Câu 29.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+1)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 2.    B. 0.    C. 1.    D. 3.

**Câu 30.** Hình chóp  $S.ABCD$  đáy hình vuông,  $SA$  vuông góc với đáy,  $SA = a\sqrt{3}, AC = a\sqrt{2}$ . Khi đó thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .    B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .    C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .    D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ sau. Trong các mệnh đề dưới đây, mệnh đề nào đúng?



- A.  $a > 0, b < 0, c < 0$ .    B.  $a < 0, b < 0, c < 0$ .    C.  $a < 0, b > 0, c < 0$ .    D.  $a > 0, b < 0, c > 0$ .

**Câu 32.** Số cực trị của hàm số  $f(x) = x^4 - 4x^2 + 3$

- A. 2.    B. 3.    C. 4.    D. 1.

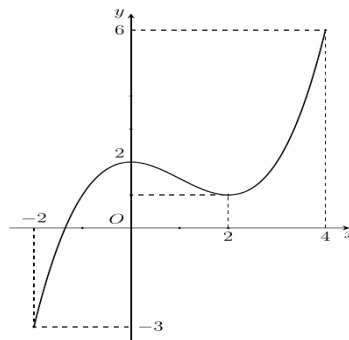
**Câu 33.** Trong tất cả các loại hình đa diện đều sau, loại nào có số mặt nhiều nhất?

- A.  $\{5; 3\}$ .    B.  $\{3; 5\}$ .    C.  $\{4; 3\}$ .    D.  $\{3; 4\}$ .

**Câu 34.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 5x$  và đường thẳng  $y = x$  là

- A. 0.    B. 3.    C. 2.    D. 1.

**Câu 35.** Hàm số  $y = f(x)$  và có đồ thị như hình sau. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[0; 4]$  là



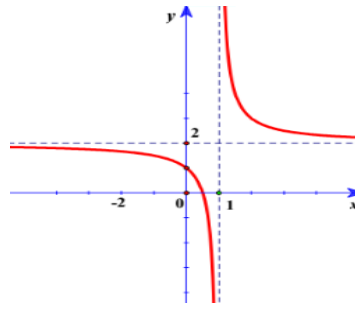
- A. 2.    B. 0.    C. 3.    D. 1.

**Câu 36.** Một vật chuyển động theo quy luật  $S = -\frac{1}{2}t^3 + 9t^2$ , với  $t$  (giây) là khoảng thời

gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $s$  (mét) là quãng đường vật đi được trong thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng:

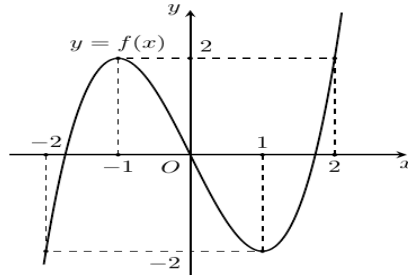
- A. 400(m/s).    B. 216(m/s).    C. 30(m/s).    D. 54(m/s).

**Câu 37.** Xác định  $a, b, c$  để hàm số  $y = \frac{ax-1}{bx+c}$  có đồ thị như hình vẽ bên. Chọn đáp án đúng?



- A.  $a=2, b=2, c=-1$ .    B.  $a=2, b=1, c=1$ .  
 C.  $a=2, b=-1, c=1$ .    D.  $a=2, b=1, c=-1$ .

**Câu 38.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ sau:



Số cực trị của hàm số  $y = [f(x)]^2$  là

- A. 5.                                    B. 3.                                    C. 1.                                    D. 4.

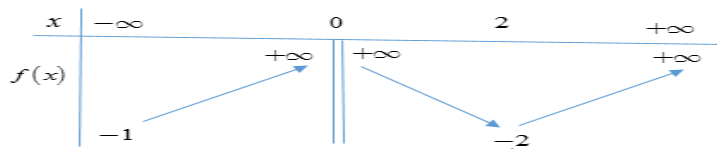
**Câu 39.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{mx+9}{x+m}$  nghịch biến trên từng khoảng xác định

- A.  $-3 \leq m \leq 3$ .                    B.  $-3 < m < 3$ .                    C.  $-3 \leq m < 3$ .                    D.  $-3 < m \leq 3$ .

**Câu 40.** Tập tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - (m-1)x^2 + 3x + 1$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$  là

- A.  $(-2; 4)$ .                            B.  $(-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$ .  
 C.  $[-2; 4]$ .                            D.  $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ .

**Câu 41.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$  và có bảng biến thiên như hình sau.



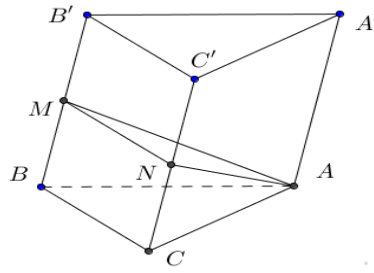
Số nghiệm của phương trình:  $f(x^2) = 1$

- A. 2.                                    B. 3.                                    C. 4.                                    D. 6.

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của  $m$  để hàm số  $y = mx^4 - (m+1)x^2 + 2m - 1$  có 3 điểm cực trị?

- A.  $-1 < m < 0$ .                    B.  $m < -1$ .                    C.  $m > -1$ .                    D.  $\begin{cases} m < -1 \\ m > 0 \end{cases}$ .

**Câu 43.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $BB'$  và  $CC'$ . Tỷ số thể tích  $\frac{V_{ABCMN}}{V_{ABC.A'B'C'}}$  là



- A.  $\frac{1}{6}$ .                      B.  $\frac{1}{3}$ .                      C.  $\frac{1}{2}$ .                      D.  $\frac{2}{3}$ .

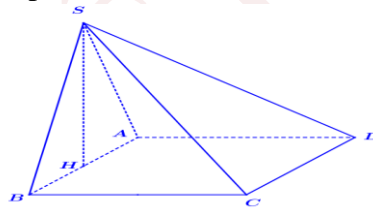
**Câu 44.** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}-2}{x^2+x}$  là

- A. 1.                              B. 4.                              C. 2.                              D. 3.

**Câu 45.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại  $B$ . Biết  $\Delta SAB$  là tam giác đều và thuộc mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Biết  $AB = a$ ,  $AC = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  là:

- A.  $\frac{a^3}{4}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{4}$ .                      C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{12}$ .

**Câu 46.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông, mặt bên  $(SAB)$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Biết khoảng cách từ điểm  $A$  đến mặt phẳng  $(SCD)$  bằng  $a\sqrt{3}$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .



- A.  $V = \frac{7a^3\sqrt{21}}{6}$ .                      B.  $V = \frac{7a^3\sqrt{21}}{2}$ .                      C.  $V = \frac{7a^3\sqrt{7}}{6}$ .                      D.  $V = \frac{3a^3\sqrt{7}}{2}$ .

**Câu 47.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $BC = a$ , mặt phẳng  $(A'BC)$  tạo với đáy một góc  $30^\circ$  và tam giác  $A'BC$  có diện tích bằng  $a^2\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .                      B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .                      C.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .                      D.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$ , có bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:

$x$		-1	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	$+\infty$	-3	2	-1	$+\infty$

Số cực trị của hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  là

- A. 5.                              B. 4.                              C. 3.                              D. 7.

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , có bảng xét dấu  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	-3	-1	1	$+\infty$		
$f'(x)$	-	0	+	0	-	0	+

Hàm số  $y = f(3 - 2x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(3; +\infty)$ .      B.  $(2; 4)$ .      C.  $(1; +\infty)$ .      D.  $(-\infty; 1)$ .

**Câu 50.** Cho các số thực không âm  $x, y$  thỏa mãn  $x + y = 1$ . Giá trị lớn nhất  $M$  và giá trị nhỏ nhất  $m$  của biểu thức  $S = (4x^2 + 3y)(4y^2 + 3x) + 25xy$  lần lượt là

- A.  $M = \frac{25}{2}, m = 12$ .      B.  $M = 12, m = \frac{191}{16}$ .      C.  $M = \frac{25}{2}, m = \frac{191}{16}$       D.  $M = \frac{25}{2}, m = 0$ .

## BẢNG ĐÁP ÁN

1.C	2.C	3.D	4.C	5.D	6.C	7.A	8.B	9.D	10.C
11.C	12.B	13.A	14.A	15.A	16.C	17.A	18.B	19.B	20.D
21.A	22.C	23.D	24.A	25.A	26.B	27.B	28.D	29.C	30.C
31.C	32.A	33.B	34.B	35.A	36.D	37.D	38.A	39.B	40.C
41.C	42.D	43.B	44.C	45.D	46.A	47.B	48.D	49.A	50.C

## HƯỚNG DẪN GIẢI

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		1		2		$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$	$-\infty$		↗ 3		↘ -2		↗ $+\infty$

Hàm số đã cho đạt cực đại tại

A.  $x = -2$ .

B.  $x = 3$ .

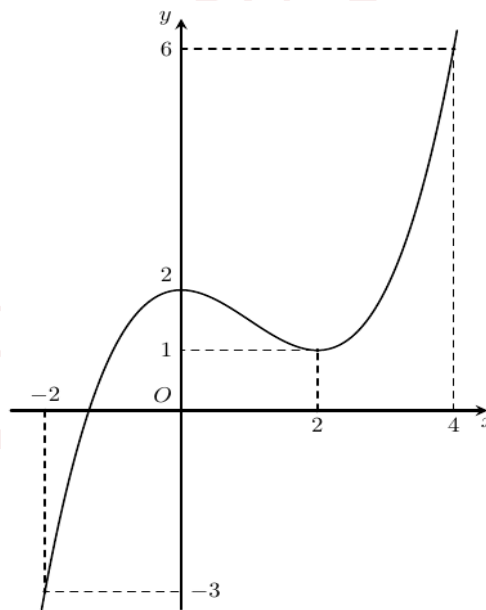
**C.  $x = 1$ .**

D.  $x = 2$ .

Lời giải

Từ BBT suy ra hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị hàm số như hình vẽ sau:



Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[0; 4]$  là

A.  $-3$ .

B. 2.

**C. 1.**

D.  $-2$ .

Lời giải

Nhìn đồ thị suy ra giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[0; 4]$  là 1.

**Câu 3.** Thể tích của khối lập phương có cạnh bằng 4 là:

A. 16.

B. 4.

**C.  $\frac{64}{3}$ .**

**D. 64.**

Lời giải

Thể tích khối lập phương đã cho là:  $V = 4^3 = 64$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$+$	$0$	$-$	$+$	$-$
$y$			$2$		$3$	
	$-5$			$-4$		$-1$

Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$  bằng

- A. 2. B. -4. **C. 3.** D. -1.

Lời giải

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy giá trị lớn nhất của hàm số là 3.

**Câu 5.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $SA$  vuông góc với  $(ABCD)$ , đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$  và  $SA = 6a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $\frac{a^3}{3}$ . B.  $6a^3$ . C.  $3a^3$ . **D.  $2a^3$ .**

Lời giải

Ta có:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot 6a \cdot a^2 = 2a^3$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có tập xác định là  $\mathbb{R}$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$ .

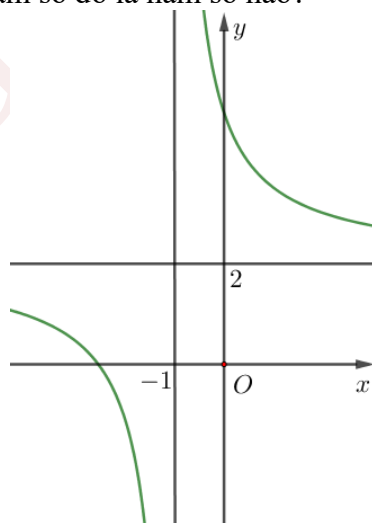
Số tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  là

- A. 2. B. 0. **C. 1.** D. 3.

Lời giải

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1 \Rightarrow$  đường thẳng  $y = -1$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .

**Câu 7.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



**A.**  $y = \frac{2x+5}{x+1}$

B.  $y = x^3 + 3x^2 + 1$ .

C.  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .

D.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .

Lời giải

Từ đồ thị ta suy ra:

+ Đồ thị hàm số là hàm nhất biến  $\Rightarrow$  loại B, D.

+ Đồ thị cắt trục  $Oy$  tại điểm có tung độ lớn hơn 2  $\Rightarrow$  chọn A.

- Câu 8.** Khối lăng trụ có chiều cao bằng 4, diện tích đáy bằng 6. Thể tích khối lăng trụ này bằng  
 A. 8.                                    **B. 24**                                    C. 10.                                    D. 12.

**Lời giải**

Từ giả thiết, ta có: Diện tích đáy  $B=4$ , chiều cao  $h=6$ .  
 Suy ra thể tích khối lăng trụ là  $V = B.h = 4.6 = 24$ .

- Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	0	-
$f(x)$	$-\infty$		↗ 3	↘ -1	↗ 3	↘	$-\infty$	

Số nghiệm thực của phương trình:  $2f(x) = 3$  là

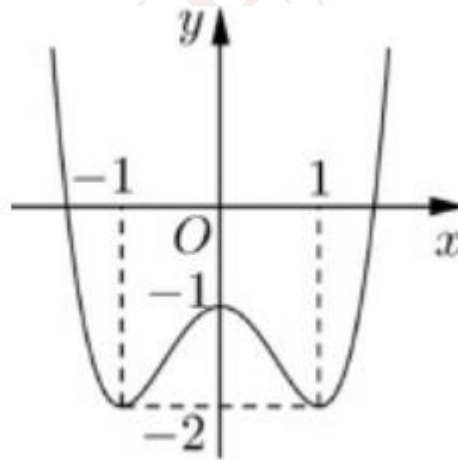
- A. 3.                                    B. 1.                                    C. 2.                                    **D. 4.**

**Lời giải**

Ta có: phương trình:  $2f(x) = 3 \Leftrightarrow f(x) = \frac{3}{2}$ .

Số nghiệm của phương trình:  $f(x) = \frac{3}{2}$  là số giao điểm của đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng:  $y = \frac{3}{2}$

- Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  có đồ thị như hình vẽ sau.



Số điểm cực tiểu của của hàm số  $y = f(x)$

- A. 0.                                    B. 1.                                    **C. 2.**                                    D. 3.

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  ta thấy hàm số  $y = f(x)$  có hai điểm cực tiểu

- Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$		↘ 1	↗ 3	↘ 1	↗	$+\infty$	

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0; 2)$ .                                    B.  $(1; 3)$ .                                    **C.  $(-2; 0)$**                                     D.  $(1; +\infty)$ .

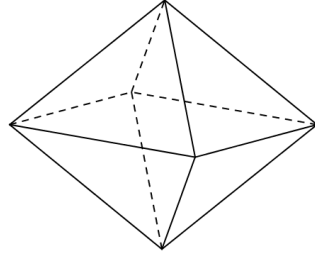
## Lời giải

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy  $f'(x) > 0, \forall x \in (-2; 0)$  nên chọn C

- Câu 12.** Khối chóp có chiều cao bằng 3, diện tích đáy bằng 5. Thể tích khối chóp bằng:  
**A.** 15.                      **B.** 5.                      **C.** 8.                      **D.** 25.

## Lời giải

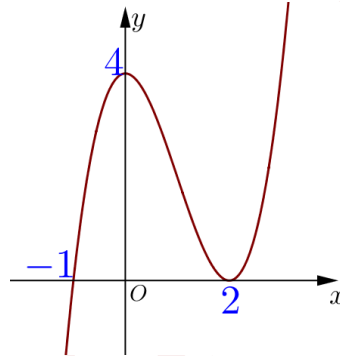
- Câu 13.** Số cạnh của một hình bát diện đều là

**A.** 12.**B.** 16.**C.** 10.**D.** 8.

## Lời giải

Số cạnh của một hình bát diện đều là 12.

- Câu 14.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình sau



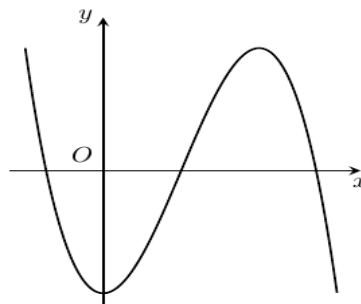
Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

**A.**  $(0; 2)$ .**B.**  $(-\infty; -1)$ .**C.**  $(2; 4)$ .**D.**  $(-1; 2)$ .

## Lời giải

Từ đồ thị cho thấy hàm số có 2 điểm cực trị là  $x = 0$ ,  $x = 2$  và đồ thị đi xuống trên khoảng  $(0; 2)$  nên hàm số nghịch biến trên khoảng này.

- Câu 15.** Đường cong trong hình vẽ sau là đồ thị của hàm số nào dưới đây?

**A.**  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .**B.**  $y = -x^4 + x^2 - 2$ .**C.**  $y = x^4 - x^2 - 2$ .**D.**  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .

## Lời giải

Dựa trên hình dáng đồ thị, ta loại các đáp án B và C. Mặt khác từ đồ thị, ta thấy  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = -\infty$  nên chọn đáp án A.

**Câu 16.** [Mức độ 1] Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên dưới đây. Đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = -2020$  tại bao nhiêu điểm?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$		$3$		$-1$	$3$	

Đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = -2020$  tại 2 điểm.

A. 0.

B. 4.

C. 2.

D. 1.

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$ , ta có đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = -2020$  tại 2 điểm.

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$		$-1$	$2$	$-\infty$

Hỏi đồ thị hàm số trên có bao nhiêu đường tiệm cận?

A. 1.

B. 0.

C. 2.

D. 3.

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên ta có:

+)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ , suy ra đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang.

+)  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -1$ ;  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ , suy ra đồ thị hàm số có 1 tiệm cận đứng.

Vậy đồ thị hàm số có một đường tiệm cận.

**Câu 18.** Hình đa diện nào dưới đây không có tâm đối xứng?

A. Bát diện đều.

B. Tứ diện đều.

C. Hình lập phương.

D. Lăng trụ lục giác đều.

**Lời giải**

Mọi hình chóp đều không có tâm đối xứng ( trong đó có hình tứ diện đều ).

**Câu 19.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$  ?

A.  $y = \frac{2x-1}{x+3}$ .B.  $y = x^3 + 2x$ .C.  $y = 2x^2 + 1$ .D.  $y = 2x^4 + x^2$ .**Lời giải**

Xét hàm số  $y = x^3 + 2x$

Ta có:  $y' = 3x^2 + 2 > 0 \forall x$  nên hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 20.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

A. 18.

B. 2.

C. -2.

D. -18.

**Lời giải**

Ta có  $f'(x) = 3x^2 - 3$ .

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

$f(-3) = -18; f(-1) = 2; f(1) = -2; f(3) = 18$ . Hàm số liên tục trên đoạn  $[-3; 3]$ .

Vậy giá trị nhỏ nhất của hàm  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng  $-18$ .

**Câu 21.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = \sqrt{11-2x}$  trên  $[1; 5]$  bằng

**A.** 3.

**B.**  $\sqrt{5}$ .

**C.** 1.

**D.**  $\sqrt{11}$ .

**Lời giải**

+) Trên đoạn  $[1; 5]$  ta có:  $f'(x) = \frac{-1}{\sqrt{11-2x}} < 0 \forall x \in [1; 5]$ .

+)  $f(1) = \sqrt{11-2 \cdot 1} = 3, f(5) = \sqrt{11-2 \cdot 5} = 1$ .

Vậy  $\max_{x \in [1; 5]} f(x) = 3$  khi  $x = 1$ .

**Câu 22.** Cho  $S.ABCD$  là hình chóp tứ giác đều, biết  $AB = a, SA = a$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABCD$  bằng

**A.**  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .

**B.**  $\frac{a^3}{3}$ .

**C.**  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .

**D.**  $a^3$ .

**Lời giải**

Gọi  $H$  là giao của  $AC$  và  $BD$ .

Vì  $S.ABCD$  là hình chóp tứ giác đều nên  $SH \perp (ABCD)$ .

Ta có:  $AC = \sqrt{AD^2 + DC^2} = \sqrt{a^2 + a^2} = a\sqrt{2} \Rightarrow AH = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ .

Tam giác  $SHA$  vuông tại  $H$  nên có:  $SH = \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{a^2 - \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ .

Diện tích hình vuông  $ABCD$  là:  $S_{ABCD} = a^2$ .

Thể tích của khối chóp  $S.ABCD$  là:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} S_{ABCD} \cdot SH = \frac{1}{3} a^2 \cdot \frac{a\sqrt{2}}{2} = \frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{x+1}{x-1}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

**A.** Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .

**B.** Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

**C.** Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**D.** Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

Ta có  $y' = \frac{-2}{(x-1)^2} < 0, \forall x \neq 1$  nên hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .

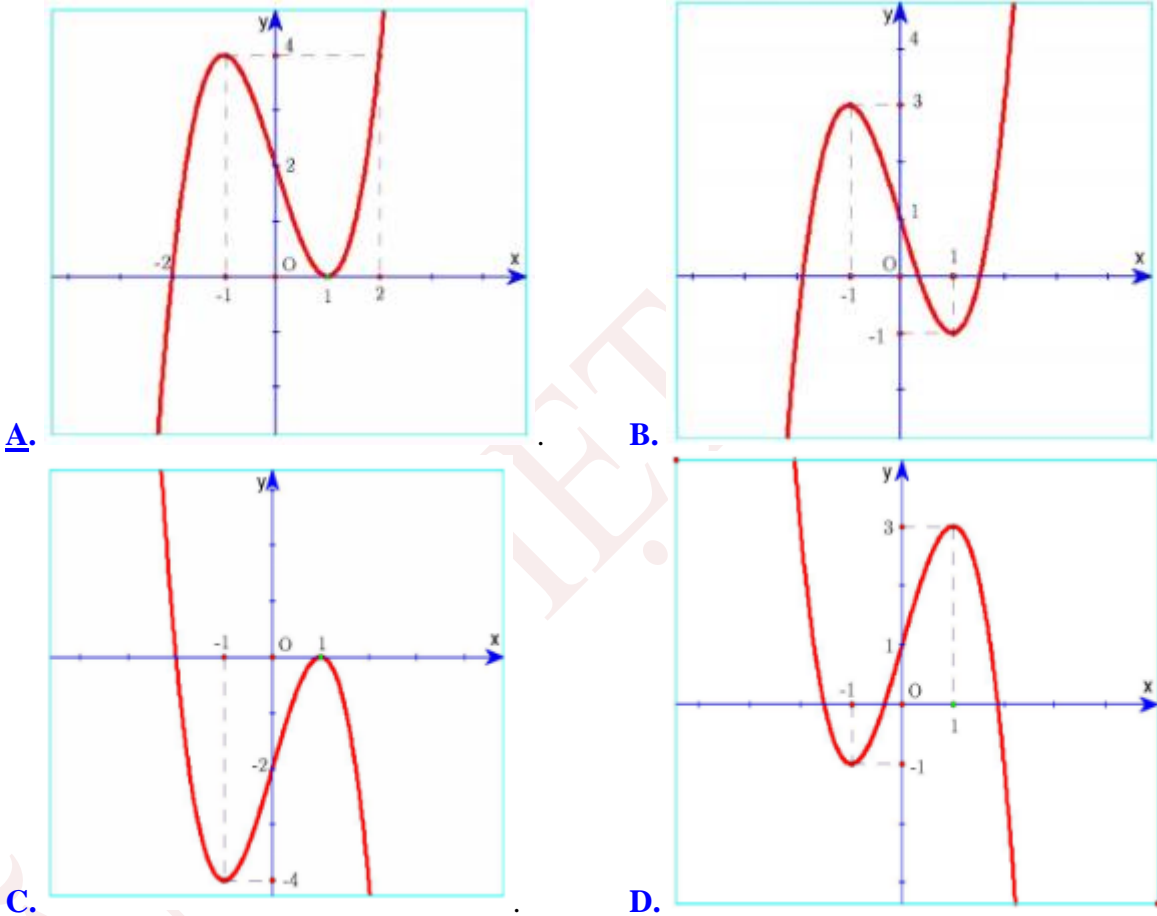
**Câu 24.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $SA \perp (ABCD)$ , đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật. Biết  $AB = a, AD = 2a, SA = 3a$ . Thể tích hình chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.**  $2a^3$ .                      **B.**  $6a^3$ .                      **C.**  $a^3$ .                      **D.**  $\frac{a^3}{3}$ .

**Lời giải**

Thể tích hình chóp  $S.ABCD$  là:  $V = \frac{1}{3} S_{ABCD} \cdot h = \frac{1}{3} \cdot AB \cdot AD \cdot SA = 2a^3$ .

**Câu 25.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$  là hình nào trong 4 hình dưới đây?



**Lời giải**

Chọn A vì đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$  cắt trục tung tại điểm  $(0; 2)$ .

**Câu 26.** Đồ thị hàm số nào sau đây không có tiệm cận đứng?

- A.**  $y = \frac{1}{x^2 + 2x + 1}$ .                      **B.**  $y = \frac{\sqrt{x-3}}{x+2}$ .                      **C.**  $y = -\frac{1}{x}$ .                      **D.**  $y = \frac{3x-1}{x^2-1}$ .

**Lời giải**

Xét hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-3}}{x+2}$  có TXĐ  $D = [3; +\infty)$ .

Mẫu là đa thức có nghiệm  $x = -2 \notin D$  nên đồ thị hàm số không có tiệm cận đứng.

**Câu 27.** Lăng trụ đứng  $ABCA'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A, BC = 2a, AB = a$ . Mặt bên  $(BB'C'C)$  là hình vuông. Khi đó thể tích lăng trụ là



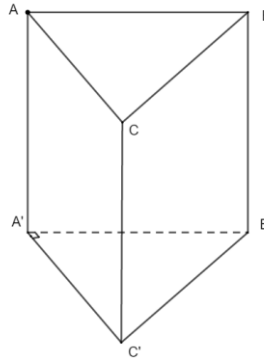
A.  $a^3\sqrt{2}$ .

**B.  $a^3\sqrt{3}$ .**

C.  $2a^3\sqrt{3}$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

Lời giải



Tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ .

$$AC = \sqrt{BC^2 - AB^2} = \sqrt{4a^2 - a^2} = a\sqrt{3}.$$

Thể tích khối lăng trụ là

$$V_{ABCA'B'C'} = S_{\triangle ABC} \cdot BB' = \frac{1}{2} a \cdot a\sqrt{3} \cdot 2a = a^3\sqrt{3}.$$

**Câu 28.** Tìm phương trình tất cả các tiệm cận của đồ thị hàm số:  $y = \frac{3x-1}{x-2}$

A.  $x = -2$  và  $y = 3$ .

B.  $x = 3$  và  $y = 2$ .

C.  $x = 2$  và  $y = -\frac{1}{2}$ .

**D.  $x = 2$  và  $y = 3$ .**

Lời giải

Ta có

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x-1}{x-2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x(3-\frac{1}{x})}{x(1-\frac{2}{x})} = 3 \Rightarrow y = 3 \text{ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^{\pm}} \frac{3x-1}{x-2} = \pm\infty \Rightarrow x = 2 \text{ là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.}$$

**Câu 29.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+1)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 2.

B. 0.

**C. 1.**

D. 3.

Lời giải

$$\text{Ta có } f'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x+1)^2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \end{cases}.$$

Bảng xét dấu  $f'(x)$

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$

Do đó hàm số đã cho có một cực trị.

**Câu 30.** Hình chóp  $S.ABCD$  đáy hình vuông,  $SA$  vuông góc với đáy,  $SA = a\sqrt{3}, AC = a\sqrt{2}$ . Khi đó thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

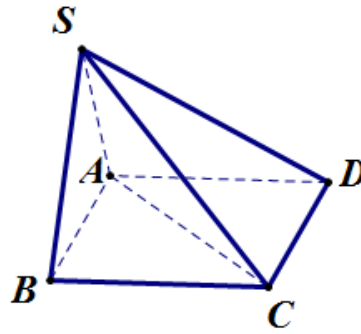
A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .

**C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .**

D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

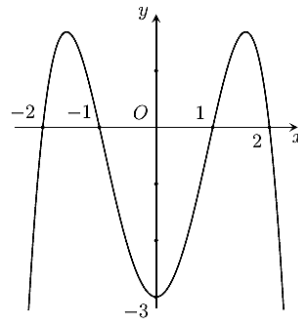
Lời giải



Gọi cạnh của hình vuông  $ABCD$  là  $x$ . Khi đó, độ dài đường chéo hình vuông là  $x\sqrt{2}$ . Theo giả thiết ta được  $x\sqrt{2} = a\sqrt{2} \Rightarrow x = a$ .

Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là:  $V = \frac{1}{3} \cdot S_{ABCD} \cdot SA = \frac{1}{3} a^2 \cdot a\sqrt{3} = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ sau. Trong các mệnh đề dưới đây, mệnh đề nào đúng?



- A.  $a > 0, b < 0, c < 0$ .    B.  $a < 0, b < 0, c < 0$ .    **C.  $a < 0, b > 0, c < 0$ .**    D.  $a > 0, b < 0, c > 0$ .

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị hàm số ta có  $a < 0$ .

Với  $x = 0 \Rightarrow y = c = -3 \Rightarrow c < 0$ .

Hàm số có ba điểm cực trị nên  $ab < 0$  do  $a < 0$  nên  $b > 0$ .

Vậy:  $a < 0, b > 0, c < 0$ .

**Câu 32.** Số cực trị của hàm số  $f(x) = x^4 - 4x^2 + 3$

- A. 2**    B. 3.    C. 4.    D. 1.

**Lời giải**

Hàm số bậc bốn có  $ab < 0$  nên có 2 cực trị.

**Câu 33.** Trong tất cả các loại hình đa diện đều sau, loại nào có số mặt nhiều nhất?

- A.  $\{5;3\}$ .    **B.  $\{3;5\}$ .**    C.  $\{4;3\}$ .    D.  $\{3;4\}$ .

**Lời giải**

$\{3;5\}$ : khối có 20 mặt đều.

$\{5;3\}$ : khối 12 mặt đều.

$\{4;3\}$ : khối lập phương.

$\{3;4\}$ : khối bát diện đều.

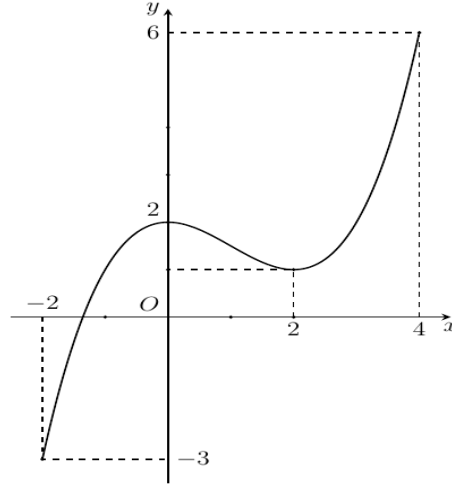
**Câu 34.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 5x$  và đường thẳng  $y = x$  là

- A. 0.    **B. 3.**    C. 2.    D. 1.

**Lời giải**

Xét phương trình hoành độ giao điểm:  $x^3 - 5x = x \Leftrightarrow x^3 - 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{6} \\ x = -\sqrt{6} \end{cases}$ .

**Câu 35.** Hàm số  $y = f(x)$  và có đồ thị như hình sau. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[0; 4]$  là:

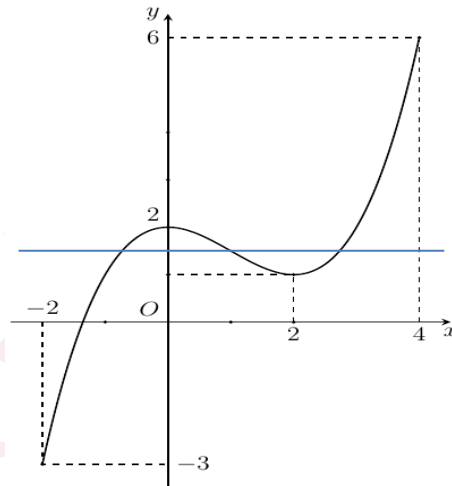


**A.** 2.

**B.** 0.

**C.** 3.  
**Lời giải**

**D.** 1.



Ta có  $3f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{3}$ .

Ta thấy khi  $x \in [0; 4]$  thì đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = \frac{5}{3}$  tại 2 điểm phân biệt.

Vậy số nghiệm của phương trình đã cho là 2.

**Câu 36.** Một vật chuyển động theo quy luật  $S = -\frac{1}{2}t^3 + 9t^2$ , với  $t$  (giây) là khoảng thời

gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $s$  (mét) là quãng đường vật đi được trong thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng:

**A.** 400(m/s).

**B.** 216(m/s).

**C.** 30(m/s).

**D.** 54(m/s).

**Lời giải**

Ta có  $v(t) = s'(t) = -\frac{3}{2}t^2 + 18t$  với  $t \in [0; 10]$ .

$$v'(t) = -3t + 18$$

$$v'(t) = 0 \Leftrightarrow t = 6$$

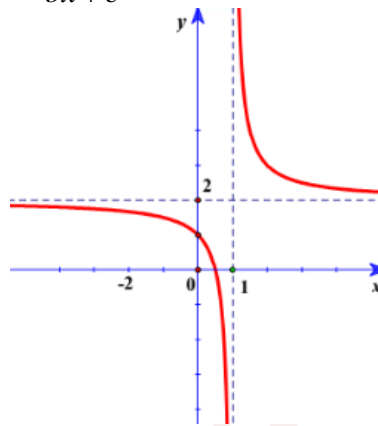
$$v(0) = 0$$

$$v(10) = 30$$

$$v(6) = 54$$

Vận tốc lớn nhất của vật trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động là 54 (m/s).

**Câu 37.** Xác định  $a, b, c$  để hàm số  $y = \frac{ax-1}{bx+c}$  có đồ thị như hình vẽ bên. Chọn đáp án đúng?



**A.**  $a = 2, b = 2, c = -1.$

**B.**  $a = 2, b = 1, c = 1.$

**C.**  $a = 2, b = -1, c = 1.$

**D.**  $a = 2, b = 1, c = -1.$

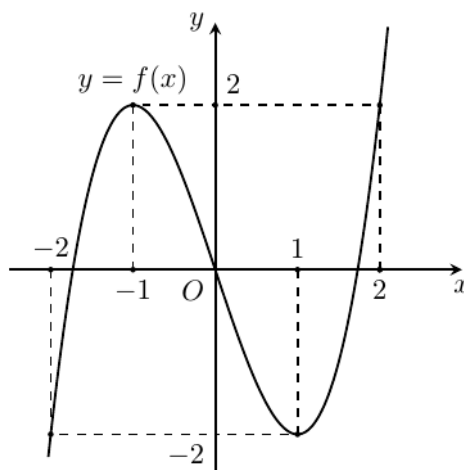
**Lời giải**

Theo đồ thị, ta thấy,  $x = 0$  thì  $y = 1$  nên  $1 = \frac{a \cdot 0 - 1}{b \cdot 0 + c} \Rightarrow \frac{-1}{c} = 1 \Rightarrow c = -1.$

Tiệm cận đứng:  $x = \frac{-c}{b} = 1 \Rightarrow \frac{1}{b} = 1 \Rightarrow b = 1.$

Tiệm cận đứng:  $y = \frac{a}{b} = 2 \Rightarrow \frac{a}{1} = 2 \Rightarrow a = 2$

**Câu 38.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ sau:



Số cực trị của hàm số  $y = [f(x)]^2$  là

**A.** 5.

**B.** 3.

**C.** 1.

**D.** 4.

**Lời giải**

Ta có:  $y' = 2f(x)f'(x).$

$$y' = 0 \Leftrightarrow 2f(x)f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \\ f'(x) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \ (a \in (-2; -1)) \\ x = 0 \\ x = b \ (b \in (1; 2)) \\ x = -1 \\ x = 1 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$a$	$-1$	$0$	$1$	$b$	$+\infty$					
$f(x)$		-	0	+		+	0	-		-	0	+
$f'(x)$		+		+	0	-		-	0	+		+
$y'$		-	0	+	0	-	0	+	0	-	0	+

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy đạo hàm đổi dấu 5 lần. Do đó, hàm số đã cho có 5 cực trị

**Câu 39.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{mx+9}{x+m}$  nghịch biến trên từng

khoảng xác định

**A.**  $-3 \leq m \leq 3$ .

**B.**  $-3 < m < 3$ .

**C.**  $-3 \leq m < 3$ .

**D.**  $-3 < m \leq 3$ .

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$ .

Có  $y' = \frac{m^2 - 9}{(x+m)^2}$ .

Để hàm số nghịch biến trên từng khoảng xác định thì:

$$y' < 0 \Leftrightarrow \frac{m^2 - 9}{(x+m)^2} < 0 \Leftrightarrow m^2 - 9 < 0 \Leftrightarrow -3 < m < 3.$$

**Câu 40.** Tập tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - (m-1)x^2 + 3x + 1$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$  là

**A.**  $(-2; 4)$ .

**B.**  $(-\infty; -2) \cup (4; +\infty)$ .

**C.**  $[-2; 4]$ .

**D.**  $(-\infty; -2] \cup [4; +\infty)$ .

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .

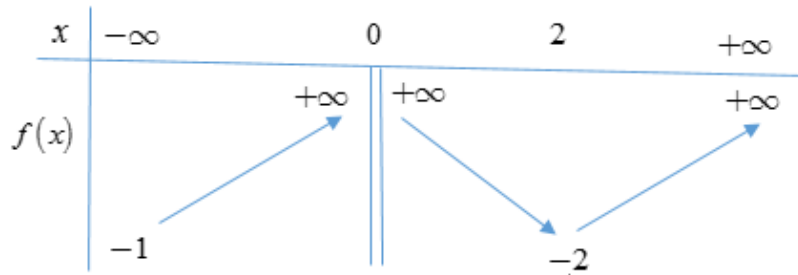
Có  $y' = 3x^2 - 2(m-1)x + 3$ .

Có  $\Delta'_{y'} = (m-1)^2 - 9 = m^2 - 2m - 8$ .

Để hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$  thì:

$$y' \geq 0 \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow 3x^2 - 2(m-1)x + 3 \geq 0 \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} 3 > 0 \\ \Delta'_{y'} \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m^2 - 2m - 8 \leq 0 \Leftrightarrow -2 \leq m \leq 4.$$

**Câu 41.** [Mức độ 3] Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$  và có bảng biến thiên như hình sau.



Số nghiệm của phương trình:  $f(x^2) = 1$

A. 2.

B. 3.

**C. 4.**

D. 6.

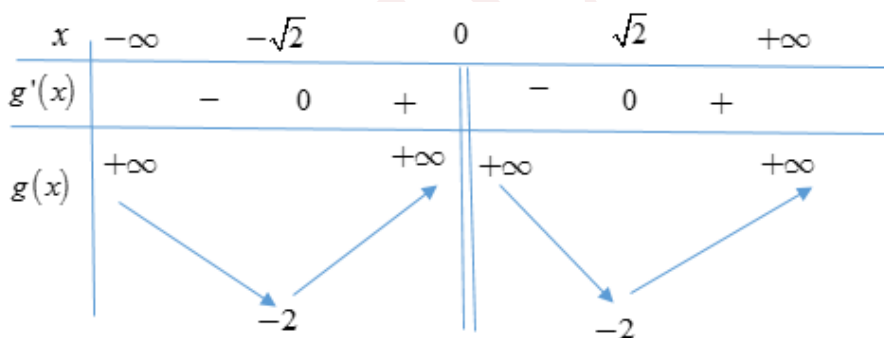
**Lời giải**

Số nghiệm của phương trình là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = g(x) = f(x^2)$  và đường thẳng  $y = 1$

Ta có  $g'(x) = 2xf'(x^2)$

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow 2xf'(x^2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ f'(x^2) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{2} \\ x = -\sqrt{2} \end{cases}$$

Ta có bảng biến thiên:



Từ bảng biến thiên suy ra phương trình  $f(x^2) = 1$  có 4 nghiệm phân biệt.

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của  $m$  để hàm số  $y = mx^4 - (m+1)x^2 + 2m - 1$  có 3 điểm cực trị?

A.  $-1 < m < 0$ .

B.  $m < -1$ .

C.  $m > -1$ .

**D.**  $\begin{cases} m < -1 \\ m > 0 \end{cases}$

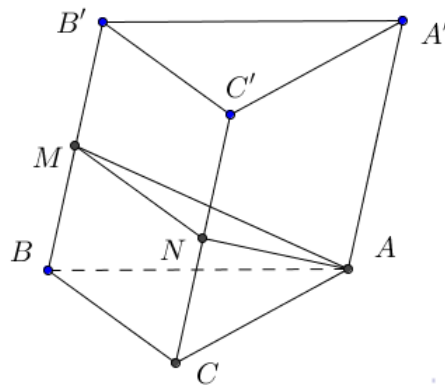
**Lời giải**

Hàm số có 3 điểm cực trị khi và chỉ khi  $m(-m-1) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m < -1 \\ m > 0 \end{cases}$ .

**Câu 43.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $BB'$  và  $CC'$ . Tỉ số thể tích

$$\frac{V_{ABCMN}}{V_{ABC.A'B'C'}}$$
 là





A.  $\frac{1}{6}$ .

**B.  $\frac{1}{3}$ .**

C.  $\frac{1}{2}$ .

D.  $\frac{2}{3}$ .

Lời giải

$$\begin{aligned} \text{Ta có } V_{ABCMN} &= 2V_{M.ABC} = 2 \cdot \frac{1}{3} \cdot d(M; (ABC)) \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot d(B'; (ABC)) \cdot S_{\Delta ABC} \\ &= \frac{1}{3} \cdot d(B'; (ABC)) \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot V_{ABC.A'B'C'} \Rightarrow \frac{V_{ABCMN}}{V_{ABC.A'B'C'}} = \frac{1}{3}. \end{aligned}$$

**Câu 44.** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+4}-2}{x^2+x}$  là

A. 1.

B. 4.

**C. 2.**

D. 3.

Lời giải

Tập xác định:  $D = [-4; +\infty) \setminus \{-1; 0\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 0$  nên đồ thị hàm số có 1 tiệm cận ngang là  $y = 0$ .

Lại có  $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} y = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} y = -\infty$  nên đồ thị hàm số có 1 tiệm cận đứng là  $x = -1$ .

Và  $\lim_{x \rightarrow 0} y = \frac{1}{4}$  nên đường thẳng  $x = 0$  không là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

Vậy tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là 2.

**Câu 45.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại  $B$ . Biết  $\Delta SAB$  là tam giác đều và thuộc mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Biết  $AB = a$ ,  $AC = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  là:

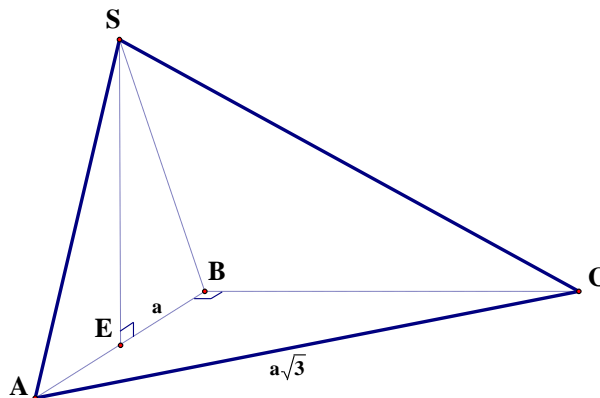
A.  $\frac{a^3}{4}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{4}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .

**D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{12}$ .**

Lời giải



Gọi  $E$  là trung điểm cạnh  $AC$ . Ta có:

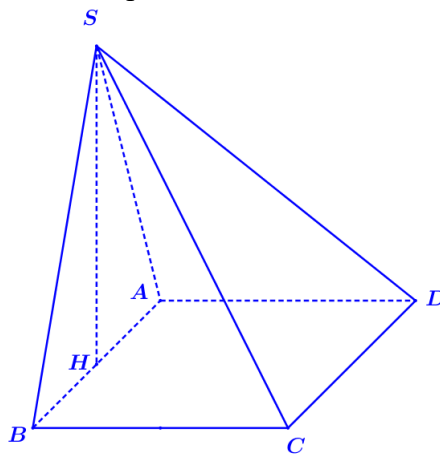
$$\left. \begin{array}{l} (SAB) \perp (ABC) \\ (SAB) \cap (ABC) = AB \\ \text{Trong } (SAB): SE \perp AB \end{array} \right\} \Rightarrow SE \perp (ABC) \text{ tại } E.$$

Mà  $\Delta SAB$  là tam giác đều có cạnh  $AB = a \Rightarrow SE = \frac{AB\sqrt{3}}{2} = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ .

$\Delta ABC$  vuông tại  $B \Rightarrow BC = \sqrt{AC^2 - AB^2} = a\sqrt{2} \Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2}AB \cdot BC = \frac{a^2\sqrt{2}}{2}$ .

Vậy  $V_{S,ABC} = \frac{1}{3}SE \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{a^2\sqrt{2}}{2} = \frac{a^3\sqrt{6}}{12}$ .

**Câu 46.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông, mặt bên  $(SAB)$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Biết khoảng cách từ điểm  $A$  đến mặt phẳng  $(SCD)$  bằng  $a\sqrt{3}$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .



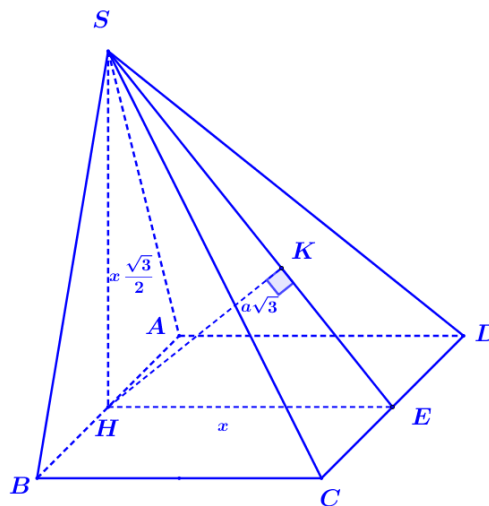
**A.**  $V = \frac{7a^3\sqrt{21}}{6}$ .

**B.**  $V = \frac{7a^3\sqrt{21}}{2}$ .

**C.**  $V = \frac{7a^3\sqrt{7}}{6}$ .

**D.**  $V = \frac{3a^3\sqrt{7}}{2}$ .

Lời giải



Gọi  $E$  là trung điểm  $CD$ . Kẻ  $HK \perp SE$  tại  $K$ .  
 Vì  $AH \parallel CD$  nên  $d(A, (SCD)) = d(H, (SCD)) = HK$ .

Gọi độ dài cạnh hình vuông là  $x$ .

Ta có:  $\frac{1}{HK^2} = \frac{1}{HE^2} + \frac{1}{HS^2} \Leftrightarrow \frac{1}{3a^2} = \frac{4}{3x^2} + \frac{1}{x^2}$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{3a^2} = \frac{7}{3x^2} \Leftrightarrow x = a\sqrt{7}.$$

$$V = \frac{1}{3}SH.S_{ABCD} = \frac{1}{3}.a\sqrt{7}.\frac{\sqrt{3}}{2}.7a^2 = \frac{7a^3\sqrt{21}}{6}.$$

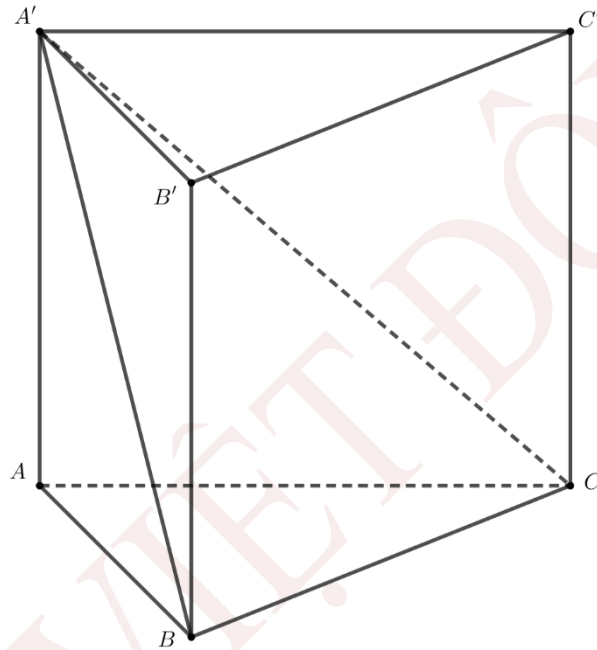
**Câu 47.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $BC = a$ , mặt phẳng  $(A'BC)$  tạo với đáy một góc  $30^\circ$  và tam giác  $A'BC$  có diện tích bằng  $a^2\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

**B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .**

C.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .

D.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .



**Lời giải**

Ta có  $BC \perp AB$  và  $BC \perp BB'$  nên  $BC \perp (ABB'A')$ , suy ra  $BC \perp A'B$  hay tam giác  $A'BC$  là tam giác vuông tại  $B$ .

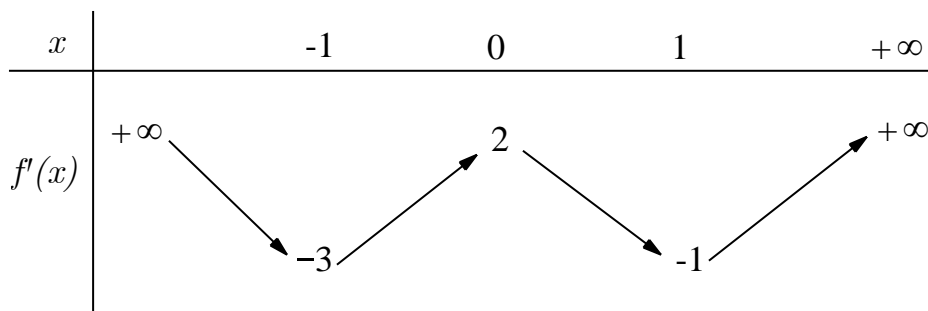
Khi đó ta cũng có  $((ABC), (A'BC)) = A'BA = 30^\circ$ .

Lại có  $S_{\Delta A'BC} = \frac{1}{2}A'B.BC = a^2\sqrt{3}$ , suy ra  $A'B = \frac{2a^2\sqrt{3}}{a} = 2a\sqrt{3}$ .

Tam giác  $A'AB$  có  $\sin 30^\circ = \frac{A'A}{A'B}$ ,  $\cos 30^\circ = \frac{AB}{A'B}$ , suy ra  $A'A = a\sqrt{3}$ ,  $AB = 3a$ .

Vậy  $V_{ABC.A'B'C'} = A'A.S_{\Delta ABC} = a\sqrt{3}.\frac{1}{2}.3a.a = \frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$ , có bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$  như sau:



Số cực trị của hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  là

A. 5.

B. 4.

C. 3.

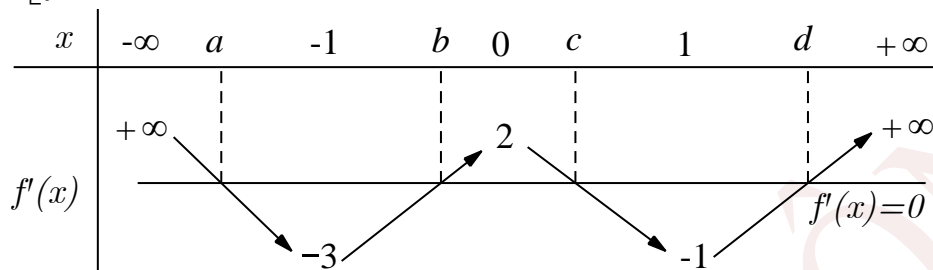
**D. 7**

Lời giải

Ta có  $y' = (2x + 2)f'(x^2 + 2x)$

Khi đó,  $y' = 0 \Leftrightarrow (2x + 2)f'(x^2 + 2x) = 0$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ f'(x^2 + 2x) = 0 \end{cases}$$



Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $f'(x)$ , ta có:

$$f'(x^2 + 2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + 2x = a \quad (a < -1) & (1) \\ x^2 + 2x = b \quad (-1 < b < 0) & (2) \\ x^2 + 2x = c \quad (0 < c < 1) & (3) \\ x^2 + 2x = d \quad (d > 1) & (4) \end{cases}$$

Lập BBT của hàm số  $g(x) = x^2 + 2x$ , từ đó ta suy ra được:

+) Phương trình (1) vô nghiệm

+) Phương trình (2) có 2 nghiệm âm phân biệt  $x_1, x_2$  và  $x_1 < -1 < x_2$

+) Phương trình (3) có 2 nghiệm trái dấu  $x_3, x_4$  và  $x_3 < x_1 < -1 < x_2 < x_4$ .

+) Phương trình (4) có 2 nghiệm trái dấu  $x_5, x_6$  và  $x_5 < x_3 < x_1 < -1 < x_2 < x_4 < x_6$ .

Ta có bảng xét dấu  $y'$  như sau:

$x$	$-\infty$	$x_5$	$x_3$	$x_1$	$-1$	$x_2$	$x_4$	$x_6$	$+\infty$
$y'$	-	0	+	0	-	0	+	0	+

Suy ra hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  có 7 điểm cực trị.

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , có bảng xét dấu  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0	+

Hàm số  $y = f(3 - 2x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

**A.  $(3; +\infty)$ .**

B.  $(2; 4)$ .

C.  $(1; +\infty)$ .

D.  $(-\infty; 1)$ .

Lời giải

Xét hàm số  $y = g(x) = f(3 - 2x)$ .

Ta có  $g'(x) = -2f'(3 - 2x)$ . Suy ra  $g'(x) = -2f'(3 - 2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 3 - 2x = -3 \\ 3 - 2x = -1 \\ 3 - 2x = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = 2 \\ x = 1 \end{cases}$ .

Ta có bảng xét dấu  $g'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$			
$g'(x)$		-	0	+	0	-	0	+

Từ bảng xét dấu của  $g'(x)$  suy ra hàm số  $y = f(3-2x)$  đồng biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .

**Câu 50.** Cho các số thực không âm  $x, y$  thỏa mãn  $x + y = 1$ . Giá trị lớn nhất  $M$  và giá trị nhỏ nhất  $m$  của biểu thức  $S = (4x^2 + 3y)(4y^2 + 3x) + 25xy$  lần lượt là

A.  $M = \frac{25}{2}, m = 12$ .      B.  $M = 12, m = \frac{191}{16}$ .      **C.  $M = \frac{25}{2}, m = \frac{191}{16}$**       D.  $M = \frac{25}{2}, m = 0$ .

**Lời giải**

**Cách 1.**

$$\begin{aligned} \text{Ta có: } S &= 16x^2y^2 + 12(x^3 + y^3) + 34xy = 16x^2y^2 + 12(x+y)^3 - 36xy(x+y) + 34xy \\ &= 16(xy)^2 - 2xy + 12. \end{aligned}$$

$$\text{Đặt } xy = t, \text{ suy ra } S = f(t) = 16t^2 - 2t + 12.$$

Nhận thấy:  $x, y \geq 0, x + y = 1$  và  $(x+y)^2 \geq 4xy$  với  $\forall x, y$  nên  $0 \leq t \leq \frac{1}{4}$ .

Xét hàm số  $f(t) = 16t^2 - 2t + 12$  với  $t \in \left[0; \frac{1}{4}\right]$ .

$$\text{Có: } f'(t) = 32t - 2 \Rightarrow f'(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{1}{16} \in \left[0; \frac{1}{4}\right].$$

$$\text{Ta thấy } f(0) = 12, f\left(\frac{1}{16}\right) = \frac{191}{16}, f\left(\frac{1}{4}\right) = \frac{25}{2}.$$

Suy ra giá trị lớn nhất của  $f(t)$  bằng  $\frac{25}{2}$  và giá trị nhỏ nhất của  $f(t)$  bằng  $\frac{191}{16}$ .

$$\text{Vậy } M = \frac{25}{2}, m = \frac{191}{16}.$$

**Cách 2.** Giả sử  $x \geq y$ , do  $x, y \geq 0$  và  $x + y = 1$  nên  $\frac{1}{2} \leq x \leq 1$ .

$$\begin{aligned} \text{Có } S &= [4x^2 + 3(1-x)][4(1-x)^2 + 3x] + 25x(1-x) = (4x^2 - 3x + 3)(4x^2 - 5x + 4) + 25x(1-x) \\ &= 16x^4 - 32x^3 + 18x^2 - 2x + 12. \end{aligned}$$

$$\text{Đặt } f(x) = 16x^4 - 32x^3 + 18x^2 - 2x + 12, x \in \left[\frac{1}{2}; 1\right].$$

Từ đây ta cũng tìm được  $M = \frac{25}{2}, m = \frac{191}{16}$ .

**ĐỀ 2**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

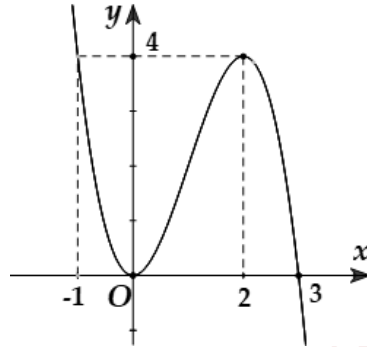
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến trên tập xác định của nó?

- A.  $y = \frac{2x-1}{x+2}$ .      B.  $y = x^3 + 4x + 1$ .      C.  $y = x^2 + 1$ .      D.  $y = x^4 + 2x^2 + 1$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?



- A. (0; 4).      B. (0; 2).      C. (0; 3).      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 3.** Bảng biến thiên sau là của hàm số nào?

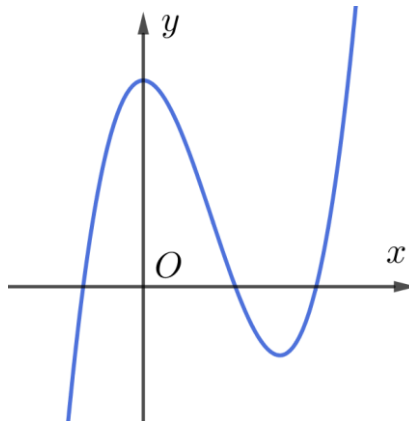
$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$2$	$1$	$2$	$-\infty$

- A.  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .      B.  $y = -x^4 + 2x^2 + 3$ .      C.  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ .      D.  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

**Câu 4.** Tọa độ điểm cực đại của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$  là

- A.  $(-1; 0)$ .      B.  $(1; 0)$ .      C.  $(-1; 0)$  và  $(1; 0)$ .      D.  $(0; 1)$ .

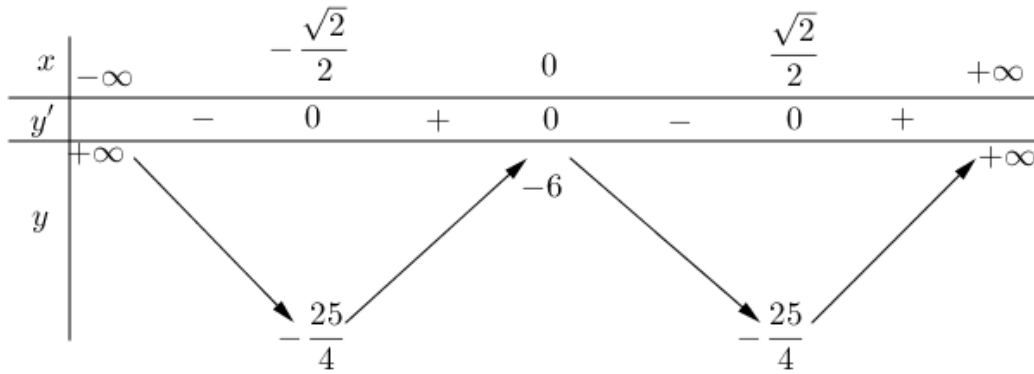
**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị trên một khoảng  $K$  như hình vẽ bên. Trên  $K$ , hàm số có bao nhiêu cực trị?



- A. 3.      B. 2.      C. 0.      D. 1.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:





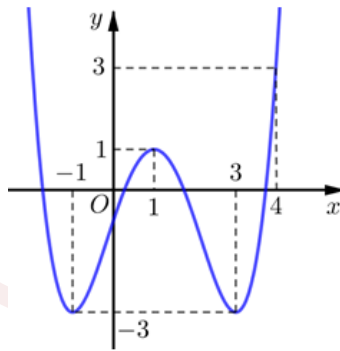
Giá trị cực tiểu của hàm số bằng

- A.  $-\frac{25}{4}$ .      B.  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ .      C.  $-6$ .      D.  $0$ .

**Câu 7.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng

- A.  $-\frac{50}{27}$ .      B.  $-2$ .      C.  $1$ .      D.  $0$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-1; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 4]$ . Giá trị của  $M + 2m$  bằng



- A.  $0$ .      B.  $-3$ .      C.  $-5$ .      D.  $2$ .

**Câu 9.** Đồ thị hàm số nào trong các hàm số được cho dưới đây không có tiệm cận ngang?

- A.  $y = \frac{x+2}{x^2+1}$ .      B.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .      C.  $y = \frac{x^2-1}{x+2}$ .      D.  $y = \frac{1}{x+2}$ .

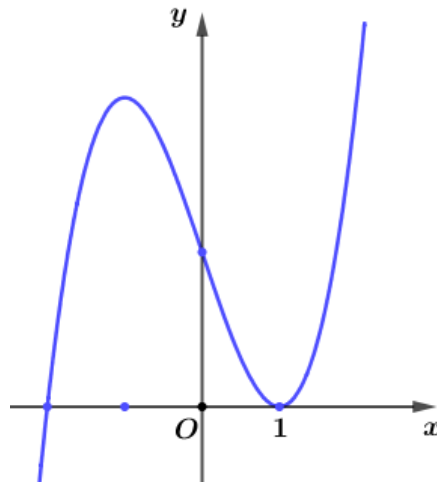
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$					
$y'$		-		+	0	+		-		
$y$	$+\infty$	↘ ↗		$-3$	↘ ↗		$2$	↘ ↗		$-4$

Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

- A. Hàm số có hai điểm cực trị.  
 B. Hàm số đạt giá trị lớn nhất bằng  $2$  và giá trị nhỏ nhất bằng  $-3$ .  
 C. Đồ thị hàm số có đúng một đường tiệm cận.  
 D. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$ ,  $(2; +\infty)$ .

**Câu 11.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Tìm hàm số đó.



- A.  $y = x^3 - 3x + 2$ .      B.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .      C.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .      D.  $y = -x^3 + 3x + 2$ .

**Câu 12.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào *đúng*? Số các đỉnh hoặc các mặt của bất kì hình đa diện nào cũng

- A. lớn hơn hoặc bằng 4.      B. lớn hơn 4.  
C. lớn hơn hoặc bằng 5.      D. lớn hơn 5.

**Câu 13.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh ?

- A. 20.      B. 25.      C. 10.      D. 15.

**Câu 14.** Hình bát diện đều có bao nhiêu đỉnh?

- A. 8.      B. 12.      C. 6.      D. 10.

**Câu 15.** Tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt của hình lập phương là

- A. 16.      B. 26.      C. 8.      D. 24.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật với  $AB = a, AD = 2a, SA$  vuông góc với mặt đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng.

- A.  $a^3\sqrt{3}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .      C.  $2a^3\sqrt{3}$ .      D.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 17.** Tính thể tích khối chóp tứ giác đều cạnh đáy bằng  $a$ , chiều cao bằng  $3a$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      C.  $\frac{a^3}{3}$ .      D.  $a^3$ .

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích là  $V$ , thể tích của khối chóp  $C'.ABC$  là:

- A.  $2V$ .      B.  $\frac{1}{2}V$ .      C.  $\frac{1}{3}V$ .      D.  $\frac{1}{6}V$ .

**Câu 19.** Cho khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, AD = b, AA' = c$ . Thể tích của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng bao nhiêu?

- A.  $abc$ .      B.  $\frac{1}{2}abc$ .      C.  $\frac{1}{3}abc$ .      D.  $3abc$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm là  $f'(x) = x(x+1)^2$ . Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; +\infty)$ .      B.  $(-1; 0)$ .      C.  $(-\infty; -1)$ .      D.  $(0; +\infty)$ .

**Câu 21.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{x^3}{3} + mx^2 - 6mx + 2$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ ?

- A. 6.      B. 7.      C. vô số.      D. 5.

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2(x-1)(x+1)^3$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x)$  là

- A. 6.      B. 4.      C. 2.      D. 3.

**Câu 23.** Biết  $M(0; 2)$ ,  $N(2; -2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Tính giá trị của hàm số tại  $x = -2$ .

- A.  $y(-2) = 2$ .      B.  $y(-2) = 22$ .      C.  $y(-2) = 6$ .      D.  $y(-2) = -18$ .

**Câu 24.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^4 + 2(m-2)x^2 + 1$  có ba cực trị.

- A.  $-1 < m < 2$ .      B.  $m > 2$ .      C.  $-1 \leq m \leq 2$ .      D.  $m < -1$ .

**Câu 25.** Gọi  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x - 1 + \frac{4}{x-1}$  trên khoảng  $(1; +\infty)$ . Tìm  $m$ .

- A.  $m = 2$ .      B.  $m = 5$ .      C.  $m = 3$ .      D.  $m = 4$ .

**Câu 26.** Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  trên đoạn  $[1; 2]$  bằng 8 với  $m$  là tham số thực). Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $0 < m < 4$ .      B.  $4 < m < 8$ .      C.  $8 < m < 10$ .      D.  $m > 10$ .

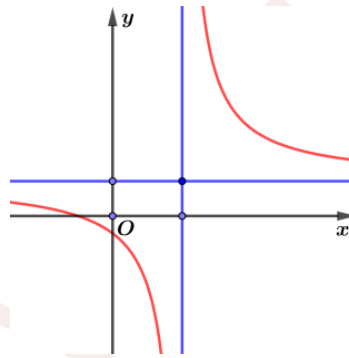
**Câu 27.** Số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2}{\sqrt{x^2-4}}$  bằng

- A. 2.      B. 1.      C. 3.      D. 0.

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x = 3$ . Giá trị của  $m$  bằng

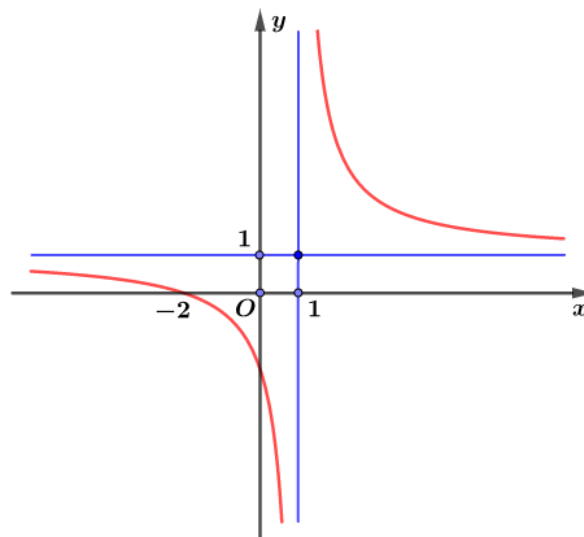
- A. 3.      B. 4.      C. 5.      D. 6.

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- A.  $ac > 0, bd > 0$ .      B.  $ab < 0, cd < 0$ .      C.  $bc > 0, ad < 0$ .      D.  $bc < 0, ad > 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+2}{cx+b}$  có đồ thị như hình vẽ. Hãy tính tổng  $S = a+b+c$ .



- A.  $S = 2$ .      B.  $S = 1$ .      C.  $S = 3$ .      D.  $S = 4$ .

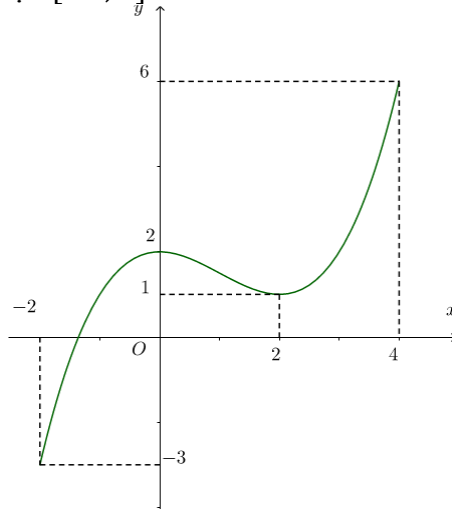
**Câu 31.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$f'(x)$		+	0		-	0	+
$f(x)$	$-\infty$		↗	2	↘	-2	↗ $+\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = f(2)$  là

- A. 0.                                      B. 2.                                      C. 1.                                      D. 3.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[-2; 4]$  là



- A. 1.                                      B. 0.                                      C. 3.                                      D. 2.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$		-1		0		1		$+\infty$
$y'$		-	0		+		0		-
$y$	$+\infty$	↘	3	↗	5	↘	3	↗	$+\infty$

Số các giá trị nguyên của  $m$  để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có 4 nghiệm phân biệt là

- A. 4.                                      B. 0.                                      C. 1.                                      D. 2.

**Câu 34.** Lăng trụ có 2020 đỉnh có số mặt là

- A. 1009.                                      B. 1012.                                      C. 1010.                                      D. 1011.

**Câu 35.** Cho khối tứ diện  $ABCD$ . Lấy điểm  $M$  nằm giữa  $A$  và  $B$ , điểm  $N$  nằm giữa  $C$  và  $D$ . Bằng hai mặt phẳng  $(CDM)$  và  $(ABN)$ , ta chia khối tứ diện đó thành bốn khối tứ diện nào sau đây?

- A.  $MANC, BCDN, AMND, ABND$ .                                      B.  $MANC, BCMN, AMND, MBND$ .                                      C.  $ABCN, ABND, AMND, MBND$ .  
D.  $NACB, BCMN, ABND, MBND$ .

**Câu 36.** Hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tất cả bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 2.                                      B. 3.                                      C. 5.                                      D. 4.

**Câu 37.** Cho hình tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Hãy tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .                                      B.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .                                      C.  $\sqrt{3}a^3$ .                                      D.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{4}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có mặt phẳng  $(SAB)$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ , tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$ ,  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

- A.  $\frac{4}{3}a^3$ .                      B.  $\frac{a^3}{6}$ .                      C.  $\frac{32}{3}a^3$ .                      D.  $\frac{9}{2}a^3$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm  $f'(x)$  như hình sau:

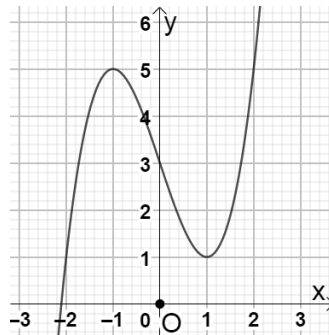
$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$5$	$+\infty$			
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hỏi hàm số  $y = f(2 - x) + \frac{x^3}{3} - 2x^2 - 5x + 2021$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(1; 3)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(-3; -2)$ .                      D.  $(-\infty; -3)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Xét hàm số

$g(x) = f(x) - \frac{1}{2}x^2 - 3x$ . Khi đó khẳng định nào sau đây **đúng** ?



- A.  $g(0) \leq g(2)$ .                      B.  $g(-2) > g(0)$ .                      C.  $g(2) < g(4)$ .                      D.  $g(-4) = g(-2)$ .

**Câu 41.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ .

- A.  $(\frac{2}{5}; +\infty)$ .                      B.  $(\frac{2}{5}; +\infty) \setminus \{2\}$ .                      C.  $(\frac{2}{5}; 2]$ .                      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 42.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 2)x + 2019$  đạt cực đại tại  $x = 1$ ?

- A. 1.                      B. 3.                      C. 0.                      D. 2.

**Câu 43.** Số giá trị nguyên của tham số  $m \in [-10; 10]$  để bất phương trình  $4 \sin^2 x - 4 \cos x \leq 4m^2 - 4m + 5$  nghiệm đúng với mọi  $x \in [0; \pi]$  là

- A. 21.                      B. 20.                      C. 17.                      D. 18.

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$2$	$+\infty$	$-\infty$	$3$	$-\infty$

Tìm số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{1}{2f(x) - 3}$ .

- A. Không có tiệm cận đứng và tiệm cận ngang.

B. 2 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.

C. 2 tiệm cận ngang, 1 tiệm cận đứng.

D. 1 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.

Câu 45. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$		
$f'(x)$		+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↗ 5 ↘		-3	↗ $+\infty$	

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f(|x|) - m = 0$  có 4 nghiệm phân biệt.

A. 6.

B. 7.

C. 8.

D. 9.

Câu 46. Cho hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 1$ . Tìm số nghiệm của phương trình  $f(f(x)) = 0$ .

A. 5.

B. 9.

C. 4.

D. 7.

Câu 47. Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác cân tại A, mặt bên  $(SBC)$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Gọi  $(\alpha)$  là mặt phẳng đi qua điểm B và vuông góc với SC, chia khối chóp thành hai phần. Tính tỉ số thể tích của hai phần đó.

A.  $\frac{1}{2}$ .

B.  $\frac{1}{3}$ .

C.  $\frac{2}{3}$ .

D.  $\frac{1}{4}$ .

Câu 48. Cho lăng trụ tam giác đều  $ABC \cdot A'B'C'$ . Tam giác  $ABC'$  có diện tích bằng  $8\sqrt{3}$  và hợp với mặt phẳng đáy một góc có số đo  $30^\circ$ . Tính thể tích của khối lăng trụ.

A.  $8\sqrt{3}$ .

B.  $4\sqrt{3}$ .

C.  $16\sqrt{3}$ .

D.  $24\sqrt{3}$ .

Câu 49. Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$			
$f'(x)$		-	0	+	0	+	0	-
$f(x)$	↘		↗			↘		

Hàm số  $g(x) = 3f(2-x) + x^3 - 3x$  đạt cực đại tại điểm

A.  $x = 1$ .

B.  $x = -1$ .

C.  $x = 3$ .

D.  $x = 2$ .

Câu 50. Có bao nhiêu số nguyên  $m \in [-5; 5]$  để  $\min_{x \in [1; 3]} |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2$ .

A. 6.

B. 4.

C. 3.

D. 5.

## HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HKI

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

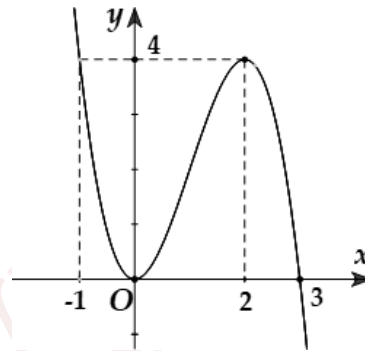
## ĐẶNG VIỆT ĐÔNG

**Câu 1.** Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến trên tập xác định của nó?

- A.  $y = \frac{2x-1}{x+2}$ .      B.  $y = x^3 + 4x + 1$ .      C.  $y = x^2 + 1$ .      D.

$$y = x^4 + 2x^2 + 1.$$

Lời giải

**Chọn B**Vì hàm số  $y = x^3 + 4x + 1$  có  $y' = 3x^2 + 4 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .Vậy hàm số  $y = x^3 + 4x + 1$  luôn đồng biến trên tập xác định của nó.**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(0; 4)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(0; 3)$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

Lời giải

**Chọn B**Trên khoảng  $(0; 2)$  đồ thị hàm số là một đường cong đi lên từ trái sang phải, vì vậy hàm số đồng biến trên  $(0; 2)$ .**Câu 3.** Bảng biến thiên sau là của hàm số nào?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$2$	$1$	$2$	$-\infty$

- A.  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .      B.  $y = -x^4 + 2x^2 + 3$ .  
 C.  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ .      D.  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

Lời giải

**Chọn D**Từ bảng biến thiên ta có hàm số có hệ số  $a < 0$ , vậy loại đáp án A, CTa có  $y = -x^4 + 2x^2 + 1 \Rightarrow y' = -4x^2 + 4x$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases} \Rightarrow y(0) = 1; y(\pm 1) = 2. \text{ Vậy chọn đáp án D}$$

**Câu 4.** Tọa độ điểm cực đại của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$  là

- A.  $(-1; 0)$ . B.  $(1; 0)$ .  
 C.  $(-1; 0)$  và  $(1; 0)$ . D.  $(0; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

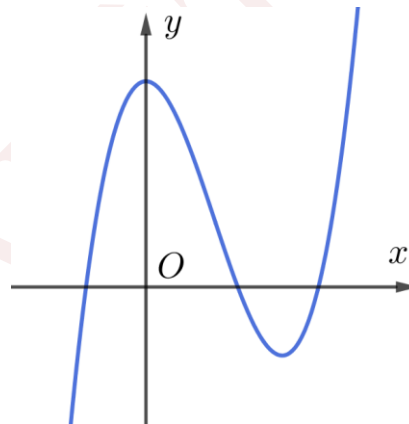
Ta có:  $y' = 4x^3 - 4x$ . Cho  $y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$	$0$	$1$	$0$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy tọa độ điểm cực đại là  $(0; 1)$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị trên một khoảng  $K$  như hình vẽ bên. Trên  $K$ , hàm số có bao nhiêu cực trị?



- A. 3. B. 2. C. 0. D. 1.

**Lời giải**

**Chọn B**

Trên  $K$ , hàm số có 2 cực trị.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$0$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$	$-\frac{25}{4}$	$-6$	$-\frac{25}{4}$	$+\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số bằng



A.  $-\frac{25}{4}$ .

B.  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ .

C.  $-6$ .

D.  $0$ .

Lời giải

Chọn A

Dựa vào BBT ta có đạo hàm đổi dấu từ âm sang dương khi đi qua  $x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$  và  $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

Nên hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$  và  $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

Khi đó giá trị cực tiểu của hàm số bằng  $y\left(\pm\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = -\frac{25}{4}$ .

**Câu 7.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng

A.  $-\frac{50}{27}$ .

B.  $-2$ .

C.  $1$ .

D.  $0$ .

Lời giải

Chọn D

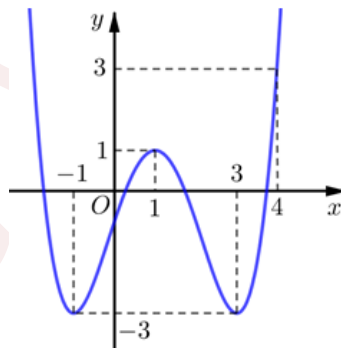
Hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  liên tục trên đoạn  $[0; 2]$ .

Ta có  $f'(x) = 3x^2 - 4x + 1 \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 4x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in [0; 2] \\ x = \frac{1}{3} \in [0; 2] \end{cases}$ .

Do  $f(0) = -2$ ,  $f(1) = -2$ ,  $f(2) = 0$ ,  $f\left(\frac{1}{3}\right) = -\frac{50}{27}$  nên giá trị lớn nhất của hàm số

$f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng  $0$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-1; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 4]$ . Giá trị của  $M + 2m$  bằng



A.  $0$ .

B.  $-3$ .

C.  $-5$ .

D.  $2$ .

Lời giải

Chọn B

Quan sát đồ thị hàm số  $y = f(x)$  trên  $[-1; 4]$  ta có giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 4]$  lần lượt là  $M = 3; m = -3$ . Vậy giá trị của  $M + 2m = 3 + 2 \cdot (-3) = -3$ .

**Câu 9.** Đồ thị hàm số nào trong các hàm số được cho dưới đây không có tiệm cận ngang?

A.  $y = \frac{x+2}{x^2+1}$ .

B.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .

C.  $y = \frac{x^2-1}{x+2}$ .

D.  $y = \frac{1}{x+2}$ .

Lời giải

Chọn C

Ta có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x+2}{x^2+1} = 0$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 0$ .

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x+2}{x+1} = 1$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 1$ .

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2-1}{x+2} = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2-1}{x+2} = -\infty$  nên đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{x+2} = 0$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 0$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$2$		$+\infty$
$y'$		$-$	$\parallel$	$+$	$0$	$+$	$\parallel$	$-$	
$y$	$+\infty$						$2$		
			$-3$						$-4$

Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

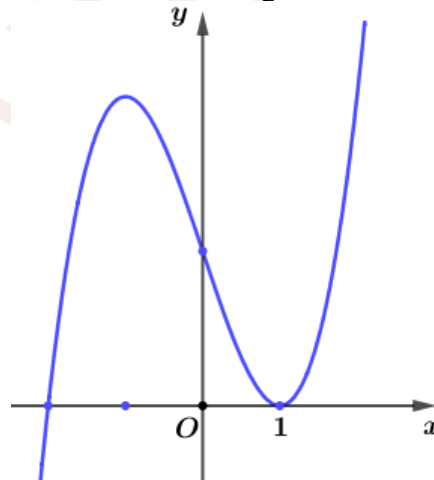
- A. Hàm số có hai điểm cực trị.
- B. Hàm số đạt giá trị lớn nhất bằng 2 và giá trị nhỏ nhất bằng -3.
- C. Đồ thị hàm số có đúng một đường tiệm cận.
- D. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$ ,  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số ta có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ , nên hàm số không có giá trị lớn nhất.

**Câu 11.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Tìm hàm số đó.



- A.  $y = x^3 - 3x + 2$ .
- B.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .
- C.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .
- D.  $y = -x^3 + 3x + 2$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Dựa vào hình dáng đồ thị ta thấy:

+) Đồ thị của hàm số đa thức bậc ba  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ )  $\Rightarrow$  loại đáp án B,

+)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty \Rightarrow$  Hệ số  $a$  dương. Loại đáp án

Hàm số ở đáp án A thỏa mãn.

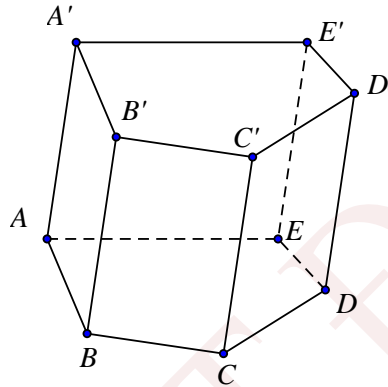
**Câu 12.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng? Số các đỉnh hoặc các mặt của bất kì hình đa diện nào cũng

**A.** lớn hơn hoặc bằng 4.**B.** lớn hơn 4.**C.** lớn hơn hoặc bằng 5.**D.** lớn hơn 5.**Lời giải****Chọn A**Do ba điểm bất kì đều đồng phẳng nên đáp án đúng là **A**

Mà tứ diện là khối đa diện có số đỉnh và số mặt đều là 4.

**Câu 13.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh ?**A.** 20.**B.** 25.**C.** 10.**D.** 15.**Lời giải****Chọn D**

Hình vẽ.

**Câu 14.** Hình bát diện đều có bao nhiêu đỉnh?**A.** 8.**B.** 12.**C.** 6.**D.** 10.**Lời giải****Chọn C**

Hình bát diện đều có 6 đỉnh.

**Câu 15.** Tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt của hình lập phương là**A.** 16.**B.** 26.**C.** 8.**D.** 24.**Lời giải****Chọn B**

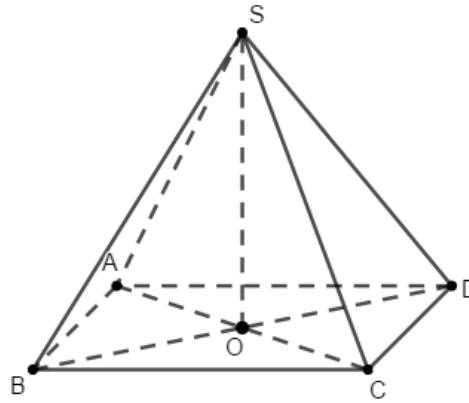
Hình lập phương có 8 đỉnh, 12 cạnh và 6 mặt.

Vậy tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt của hình lập phương là 26.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật với  $AB = a, AD = 2a, SA$  vuông góc với mặt đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng:**A.**  $a^3\sqrt{3}$ .**B.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .**C.**  $2a^3\sqrt{3}$ .**D.**  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .**Lời giải****Chọn D**

$$V = \frac{1}{3}S.h = \frac{1}{3}.a.2a.a\sqrt{3} = \frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$$

**Câu 17.** Tính thể tích khối chóp tứ giác đều cạnh đáy bằng  $a$ , chiều cao bằng  $3a$ .**A.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .**B.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .**C.**  $\frac{a^3}{3}$ .**D.**  $a^3$ .**Lời giải****Chọn D**



Ta có:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3}h.S_{ABCD} = \frac{1}{3}.3a.a^2 = a^3$

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích là  $V$ , thể tích của khối chóp  $C'.ABC$  là:

- A.  $2V$ .                      B.  $\frac{1}{2}V$ .                      **C.  $\frac{1}{3}V$ .**                      D.  $\frac{1}{6}V$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

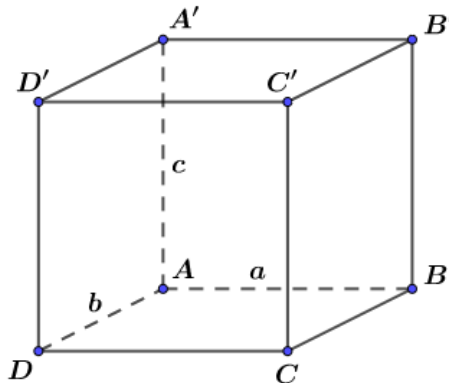
Gọi  $h$  là khoảng cách từ  $C'$  đến mặt phẳng  $(ABC)$  và  $B$  là diện tích tam giác  $ABC$ . Khi đó, thể tích lăng trụ  $V = Bh$ , thể tích khối chóp  $C'.ABC$  là  $V_{C'.ABC} = \frac{1}{3}Bh$ . Do đó,  $V_{C'.ABC} = \frac{1}{3}V$ .

**Câu 19.** Cho khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, AD = b, AA' = c$ . Thể tích của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng bao nhiêu?

- A.  $abc$ .**                      B.  $\frac{1}{2}abc$ .                      C.  $\frac{1}{3}abc$ .                      D.  $3abc$ .

**Lời giải**

**Chọn A**



Thể tích hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  là  $V = abc$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm là  $f'(x) = x(x + 1)^2$ . Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; +\infty)$ .                      B.  $(-1; 0)$ .                      C.  $(-\infty; -1)$ .                      **D.  $(0; +\infty)$ .**

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \end{cases}$

Có  $f'(x) = x(x + 1)^2$ . Ta thấy đạo hàm của hàm số đổi dấu từ âm sang dương khi qua nghiệm  $x = 0$  và không đổi dấu khi qua nghiệm  $x = -1$  nên hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $(0; +\infty)$ .

- Câu 21.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{x^3}{3} + mx^2 - 6mx + 2$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  ?  
**A.** 6.                      **B.** 7.                      **C.** vô số.                      **D.** 5.

Lời giải

**Chọn B**

Ta có:  $y' = -x^2 + 2mx - 6m$

Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' = -x^2 + 2mx - 6m \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' \leq 0 \\ a < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 6m \leq 0 \\ -1 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 \leq m \leq 6. \text{ Mà } m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{0;1;2;3;4;5;6\}.$$

Vậy có 7 giá trị  $m$  nguyên thỏa mãn bài toán.

- Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2(x-1)(x+1)^3$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x)$  là  
**A.** 6.                      **B.** 4.                      **C.** 2.                      **D.** 3.

Lời giải

**Chọn C**

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -1 \end{cases} \text{ trong đó có } x = 0 \text{ là nghiệm bội } 2, x = 1 \text{ là nghiệm đơn, } x = -1 \text{ là nghiệm}$$

bội 3 và hàm số có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Ta có bảng xét dấu

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-	0	-	0	+	

Vậy nên hàm số có 2 điểm cực trị.

- Câu 23.** Biết  $M(0; 2), N(2; -2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Tính giá trị của hàm số tại  $x = -2$ .  
**A.**  $y(-2) = 2$ .                      **B.**  $y(-2) = 22$ .                      **C.**  $y(-2) = 6$ .                      **D.**  $y(-2) = -18$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có:  $y' = 3ax^2 + 2bx + c$ .

Vì  $M(0; 2), N(2; -2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số nên:

$$\begin{cases} y'(0) = 0 \\ y'(2) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} c = 0 \\ 12a + 4b + c = 0 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} y(0) = 2 \\ y(2) = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} d = 2 \\ 8a + 4b + 2c + d = -2 \end{cases} \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) suy ra: } \begin{cases} a = 1 \\ b = -3 \\ c = 0 \\ d = 2 \end{cases} \Rightarrow y = x^3 - 3x^2 + 2 \Rightarrow y(-2) = -18.$$

- Câu 24.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^4 + 2(m-2)x^2 + 1$  có ba cực trị.

- A.**  $-1 < m < 2$ .                      **B.**  $m > 2$ .                      **C.**  $-1 \leq m \leq 2$ .                      **D.**  $m < -1$ .

Lời giải

**Chọn A**

$$y' = 4(m+1)x^3 + 4(m-2)x = 4x((m+1)x^2 + m-2).$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ (m+1)x^2 + m-2 = 0 \end{cases}$$

Hàm số có ba cực trị  $\Leftrightarrow y' = 0$  có ba nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow \frac{2-m}{m+1} > 0 \Leftrightarrow -1 < m < 2$ .

**Câu 25.** Gọi  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x - 1 + \frac{4}{x-1}$  trên khoảng  $(1; +\infty)$ . Tìm  $m$ .

A.  $m = 2$ .B.  $m = 5$ .C.  $m = 3$ .D.  $m = 4$ .**Lời giải****Chọn D**

Ta có:  $y' = 1 - \frac{4}{(x-1)^2}$ . Cho  $y' = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -1 \end{cases}$ .

Mà  $y(3) = 4$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$  nên hàm số có giá trị nhỏ nhất bằng 4 khi  $x = 3$ .

**Câu 26.** Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  trên đoạn  $[1; 2]$  bằng 8 với  $m$  là tham số thực). Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $0 < m < 4$ .B.  $4 < m < 8$ .C.  $8 < m < 10$ .D.  $m > 10$ .**Lời giải****Chọn C**

Hàm số đã cho liên tục và đơn điệu trên đoạn  $[1; 2]$ . Khi đó, hàm số đạt giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất lần lượt tại  $x = 1$  và  $x = 2$  hoặc ngược lại.

Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số là:

$$y(1) + y(2) = 8 \Leftrightarrow \frac{m+1}{2} + \frac{m+2}{3} = 8 \Leftrightarrow m = \frac{41}{5}.$$

**Câu 27.** Số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2}{\sqrt{x^2-4}}$  bằng

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 0.

**Lời giải****Chọn C**

Tập xác định  $D = (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ .

Ta có

$$\square \lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2}{\sqrt{x^2-4}} = 0 \Rightarrow y = 0 \text{ là tiệm cận ngang.}$$

$$\square \lim_{x \rightarrow -2^-} y = \lim_{x \rightarrow -2^-} \frac{2}{\sqrt{x^2-4}} = +\infty \Rightarrow x = -2 \text{ là tiệm cận đứng.}$$

$$\square \lim_{x \rightarrow 2^+} y = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2}{\sqrt{x^2-4}} = +\infty \Rightarrow x = 2 \text{ là tiệm cận đứng.}$$

Vậy số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là 3.

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x = 3$ . Giá trị của  $m$  bằng

A. 3.

B. 4.

C. 5.

D. 6.

**Lời giải****Chọn A**

Áp dụng:

Hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ , (với điều kiện  $c \neq 0$ ,  $ad - cb \neq 0$ ) đồ thị có đường tiệm cận đứng  $x = \frac{-d}{c}$ .

**Cách 1 (TN):**

Với  $m=3 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-3}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=3$ .

Với  $m=4 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-4}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=4$ .

Với  $m=5 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-5}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=5$ .

Với  $m=6 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-6}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=6$ .

Vậy giá trị cần tìm của  $m$  bằng 3.

**Cách 2 (TL):**

Hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ .

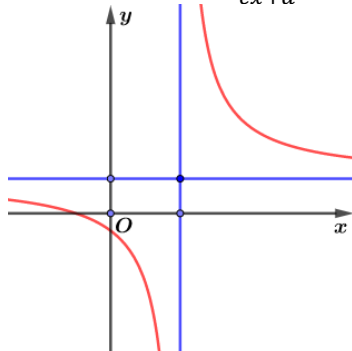
Với  $m=-1 \Rightarrow y = \frac{x+1}{x+1} = 1, \forall x \neq -1 \Rightarrow$  đồ thị hàm số không có tiệm cận.

Với  $m \neq -1$  thì đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=m$  (1).

Giả thiết cho đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=3$  (2).

Từ (1) và (2) ta có  $m=3$ .

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- A.  $ac > 0, bd > 0$ .      B.  $ab < 0, cd < 0$ .      C.  $bc > 0, ad < 0$ .      D.  $bc < 0, ad > 0$ .

0.

**Lời giải**

**Chọn C**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-\frac{d}{c}\}$ .

Do đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số là  $x = -\frac{d}{c}$  nằm bên phải trục tung nên  $-\frac{d}{c} > 0 \Leftrightarrow cd < 0$ . (1)

Do đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là  $y = \frac{a}{c}$  nằm phía trên trục hoành nên  $\frac{a}{c} > 0 \Leftrightarrow ac > 0$ . (2)

Hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đạo hàm  $y' = \frac{ad-bc}{(cx+d)^2}$ .

Từ đồ thị, hàm số nghịch biến trên từng khoảng của tập xác định suy ra  $ad - bc < 0$  hay  $ad < bc$

(loại đáp án D).

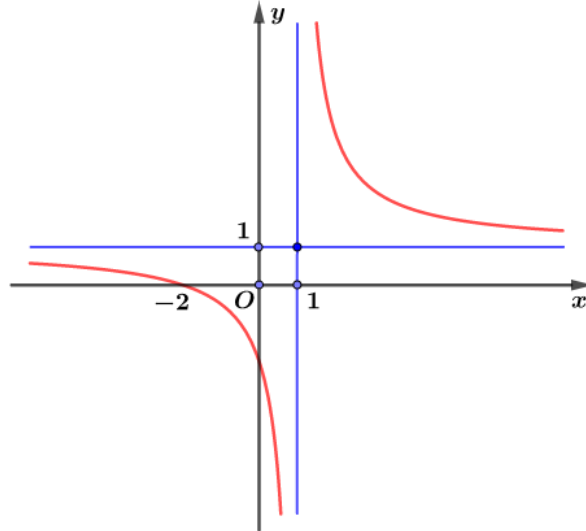
Đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm  $(-\frac{b}{a}; 0)$ , điểm này nằm phía bên trái trục tung nên  $-\frac{b}{a} < 0 \Leftrightarrow ab > 0$  (3)(loại đáp án B).

Từ (1), (2), (3) ta có  $\begin{cases} cd < 0 \\ ac > 0 \\ ab > 0 \end{cases}$ , suy ra  $a, b, c$  cùng dấu và  $d$  trái dấu với  $a, b, c$ .

Khi đó  $bd < 0$  (loại đáp án A).

**Kết luận:** Chọn đáp án C:  $bc > 0, ad < 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+2}{cx+b}$  có đồ thị như hình vẽ. Hãy tính tổng  $S = a+b+c$ .



A.  $S = 2$ .

**B.**  $S = 1$ .

C.  $S = 3$ .

D.  $S = 4$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x=1 \Leftrightarrow -\frac{b}{c}=1 \Leftrightarrow b+c=0$  (1)

Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y=1 \Leftrightarrow \frac{a}{c}=1 \Leftrightarrow a-c=0$  (2)

Đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm  $(-2;0) \Leftrightarrow \frac{-2a+2}{-2c+b}=0 \Leftrightarrow a=1$  (3)

Từ (1), (2) và (3)  $\Rightarrow a=1, b=-1, c=1$ .

Vậy  $S = a+b+c=1$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	2	-2	$+\infty$	

Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = f(2)$  là

A. 0.

**B.** 2.

C. 1.

D. 3.

**Lời giải**

**Chọn B**

Từ bảng biến thiên ta thấy  $f(2) = -2$ .

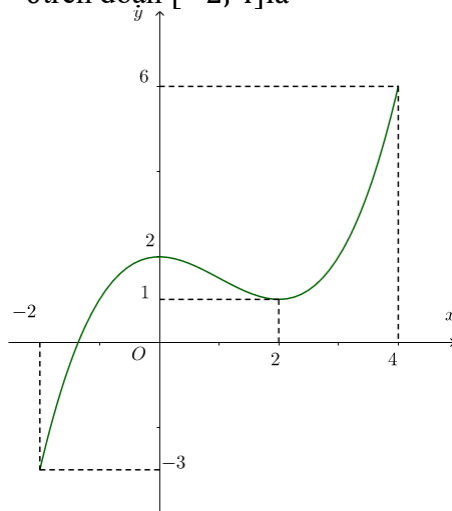


Do đó ta có  $f(x) = f(2) \Leftrightarrow f(x) = -2 (1)$ .

Từ bảng biến thiên ta nhận được (1) có hai nghiệm  $x = 2$  và  $x = x_0 \in (-\infty; 0)$ .

Vậy phương trình đã cho có hai nghiệm thực.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[-2; 4]$  là



A. 1.

B. 0.

**C. 3.**

D. 2.

Lời giải

**Chọn C**

Ta có  $3f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{3}$ .

Dựa vào đồ thị ta thấy đường thẳng  $y = \frac{5}{3}$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại ba điểm phân biệt thuộc đoạn  $[-2; 4]$ .

Do đó phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  có ba nghiệm thực

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$	$3$	$5$	$3$	$+\infty$

Số các giá trị nguyên của  $m$  để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có 4 nghiệm phân biệt là

A. 4.

**B. 0.**

C. 1.

D. 2.

Lời giải

**Chọn B**

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = 2 - 3m$ .

Phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có 4 nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow$  đường thẳng  $y = 2 - 3m$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại 4 điểm phân biệt.

Từ bảng biến thiên suy ra:  $3 < 2 - 3m < 5 \Leftrightarrow -1 < m < -\frac{1}{3}$  nên không có giá trị nguyên nào của  $m$  thỏa mãn.

**Câu 34.** Lăng trụ có 2020 đỉnh có số mặt là

A. 1009.

**B. 1012.**

C. 1010.

D. 1011.

Lời giải

**Chọn B**

Lăng trụ có  $2n$  đỉnh thì có số mặt là  $n + 2$ .

Khi đó lăng trụ có 2020 đỉnh thì  $n = 1010$  và có số mặt là  $1010 + 2 = 1012$ .

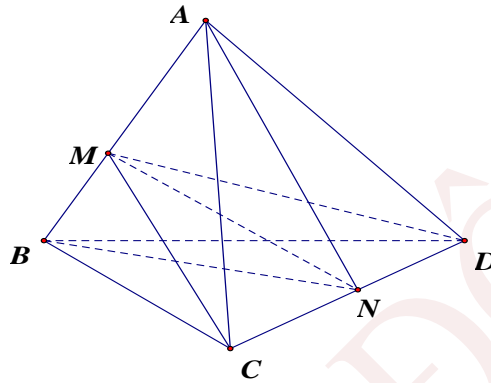
**Câu 35.** Cho khối tứ diện  $ABCD$ . Lấy điểm  $M$  nằm giữa  $A$  và  $B$ , điểm  $N$  nằm giữa  $C$  và  $D$ . Bằng hai mặt phẳng  $(CDM)$  và  $(ABN)$ , ta chia khối tứ diện đó thành bốn khối tứ diện nào sau đây?

- A.  $MANC, BCDN, AMND, ABND$ .
- C.  $ABCN, ABND, AMND, MBND$ .

- B.  $MANC, BCMN, AMND, MBND$ .
- D.  $NACB, BCMN, ABND, MBND$ .

Lời giải

**Chọn B**



Bằng hai mặt phẳng  $(CDM)$  và  $(ABN)$ , ta chia khối tứ diện đó thành bốn khối tứ diện:

$MANC, BCMN, AMND, MBND$ .

**Câu 36.** Hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tất cả bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

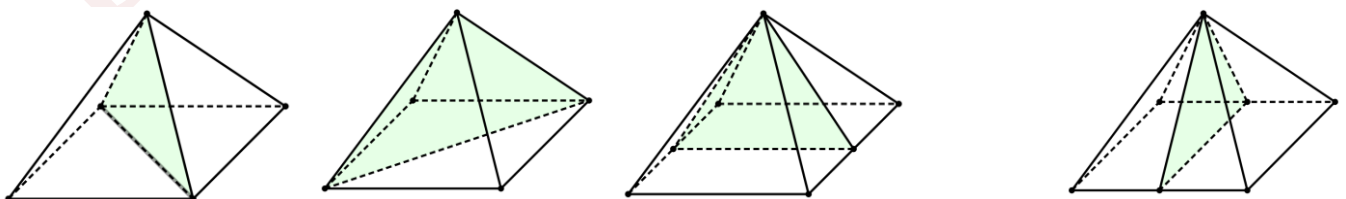
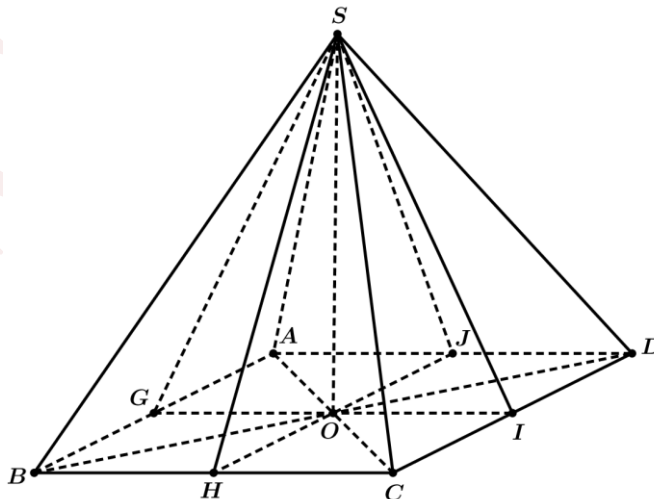
- A. 2.    B. 3.    C. 5.    D. 4.

Lời giải

**Chọn D**

Ta có:

Đó là các mặt phẳng  $(SAC), (SBD), (SHJ), (SGI)$  với  $G, H, I, J$  là các trung điểm của các cạnh đáy dưới hình vẽ bên dưới.



**Câu 37.** Cho hình tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Hãy tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

A.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .

B.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .

C.  $\sqrt{3}a^3$ .

D.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{4}$ .

Lời giải

Chọn A

Thể tích của khối chóp là:  $V = \frac{1}{3}a^2 \cdot a\sqrt{3} = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có mặt phẳng  $(SAB)$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ , tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$ ,  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

A.  $\frac{4}{3}a^3$ .

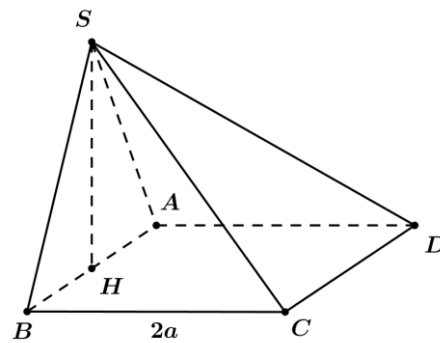
B.  $\frac{a^3}{6}$ .

C.  $\frac{32}{3}a^3$ .

D.  $\frac{9}{2}a^3$ .

Lời giải

Chọn A



Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB \Rightarrow SH \perp AB \Rightarrow SH \perp (ABCD)$ .

Tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$ , suy ra  $SH = \frac{1}{2}AB = a$ .

Thể tích khối chóp  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a \cdot 4a^2 = \frac{4}{3}a^3$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm  $f'(x)$  như hình sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$5$	$+\infty$			
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hỏi hàm số  $y = f(2-x) + \frac{x^3}{3} - 2x^2 - 5x + 2021$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

A.  $(1; 3)$ .

B.  $(-1; 1)$ .

C.  $(-3; -2)$ .

D.  $(-\infty; -3)$ .

Lời giải

Chọn C

$y = f(2-x) + \frac{x^3}{3} - 2x^2 - 5x + 2021 \Rightarrow y' = f'(2-x)(2-x)' + x^2 - 4x - 5$   
 $= -f'(2-x) + x^2 - 4x - 5$

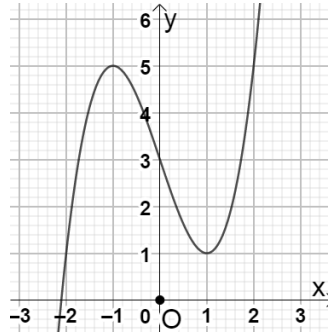
Xét khoảng  $(1; 3) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (-1; 1) \Rightarrow -f'(2-x) < 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (-9; -8) \end{cases} \Rightarrow y' < 0$  hàm số nghịch biến

Xét khoảng  $(-1; 1) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (1; 3) \Rightarrow -f'(2-x) > 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (-8; 0) \end{cases}$

Xét khoảng  $(-3; -2) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (4; 5) \Rightarrow -f'(2-x) > 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (7; 16) \end{cases} \Rightarrow y' > 0$  hàm số đồng biến

Xét khoảng  $(-\infty; -3) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (5; +\infty) \Rightarrow -f'(2-x) < 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (0; +\infty) \end{cases}$

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Xét hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{1}{2}x^2 - 3x$ . Khi đó khẳng định nào sau đây **đúng** ?



- A.  $g(0) \leq g(2)$ .      B.  $g(-2) > g(0)$ .      **C.  $g(2) < g(4)$ .**      D.  $g(-4) = g(-2)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có  $g'(x) = f'(x) - x - 3 = f'(x) - (x + 3)$ .

Khi đó:  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) - (x + 3) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = (x + 3) \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$ .

Lập Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$g'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$g$	$+\infty$	$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$	$+\infty$
		$1$	$3$	$5$		

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy hàm số  $g(x)$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  nên suy ra được  $g(2) < g(4)$ .

**Câu 41.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ .

- A.  $\left(\frac{2}{5}; +\infty\right)$ .      B.  $\left(\frac{2}{5}; +\infty\right) \setminus \{2\}$ .      **C.  $\left(\frac{2}{5}; 2\right]$ .**      D.  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có:  $y' = \frac{x+5m-x-2}{(x+5m)^2} = \frac{5m-2}{(x+5m)^2}$ .

Để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên  $(-\infty; -10)$  thì  $\begin{cases} y' = \frac{5m-2}{(x+5m)^2} > 0 \\ -5m \notin (-\infty; -10) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5m-2 > 0 \\ m \notin (2; +\infty) \end{cases}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} m > \frac{2}{5} \\ m \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \frac{2}{5} < m \leq 2$ .

**Câu 42.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 2)x + 2019$  đạt cực đại tại  $x = 1$ ?

A. 1.

B. 3.

C. 0.

D. 2.

Lời giải

Chọn A

Ta có  $y' = -x^2 + 2mx + m^2 - 2$  và  $y'' = -2x + 2m$ .

Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$  thì  $y'(1) = 0$

$$\Leftrightarrow -1^2 + 2m \cdot 1 + m^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow m^2 + 2m - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -3 \\ m = 1 \end{cases}$$

Với  $m = -3$  ta có  $y''(1) = -2 \cdot 1 + 2 \cdot (-3) = -8 < 0$  nên  $x = 1$  là điểm cực đại.

Suy ra  $m = -3$  thỏa mãn.

Với  $m = 1$  ta có  $y' = -x^2 + 2x - 1 = -(x-1)^2 \leq 0 \Rightarrow$  hàm số luôn nghịch biến, nên hàm số không có cực trị.

Suy ra  $m = 1$  không thỏa mãn.

Vậy  $m = -3$  thì hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 2)x + 2019$  tại  $x = 1$ .

**Câu 43.** Số giá trị nguyên của tham số  $m \in [-10; 10]$  để bất phương trình  $4 \sin^2 x - 4 \cos x \leq 4m^2 - 4m + 5$  nghiệm đúng với mọi  $x \in [0; \pi]$  là

A. 21.

B. 20.

C. 17.

D. 18.

Lời giải

Chọn A

$$f(x) = 4 \sin^2 x - 4 \cos x = -4 \cos^2 x - 4 \cos x + 4$$

Đặt  $t = \cos x, x \in [0; \pi] \Rightarrow t \in [-1; 1]$

$$f(t) = -4t^2 - 4t + 4$$

$$f'(t) = -8t - 4 = 0 \Leftrightarrow t = -\frac{1}{2}$$

Bảng biến thiên

$t$	-1	$-\frac{1}{2}$	1
$f'(t)$		+	0
			-
$f(t)$	4	5	-4

Khi đó :

$$4m^2 - 4m + 5 \geq f(t) \forall t \in [-1; 1]$$

$$\Leftrightarrow 4m^2 - 4m + 5 \geq 5$$

$$\Leftrightarrow 4m^2 - 4m \geq 0$$

$$\Leftrightarrow m \in [-10; 0] \cup [1; 10]$$

Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên có 21 giá trị thỏa mãn.

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-2	1	2	$+\infty$
$y'$	-	0	+	+	0
					-
$y$	$+\infty$	2	$+\infty$	3	$-\infty$

Tìm số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{1}{2f(x)-3}$ .

- A. Không có tiệm cận đứng và tiệm cận ngang.      **B.** 2 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.  
 C. 2 tiệm cận ngang, 1 tiệm cận đứng.              **D.** 1 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.

**Lời giải**

**Chọn B**

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{2f(x)-3} = 0$$

⇒ Đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 0$ .

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{2f(x)-3} = 0$$

⇒ Đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 0$ .

Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = g(x)$  chính là số nghiệm của phương trình  $2f(x) = 3$ . Số nghiệm của phương trình  $2f(x) = 3$  chính là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = g(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$ .

Từ bảng biến thiên, ta thấy đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$  cắt đồ thị hàm số  $y = g(x)$  tại đúng 2 điểm phân biệt, một điểm có hoành độ thuộc  $(1; 2)$ , điểm còn lại có hoành độ thuộc  $(2; +\infty)$ .

Vậy đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có 1 tiệm cận ngang và 2 tiệm cận đứng.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$		
$f'(x)$		+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↗ 5 ↘		-3	↗ $+\infty$	

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f(|x|) - m = 0$  có 4 nghiệm phân biệt.

- A. 6.    **B.** 7.    C. 8.    D. 9.

**Lời giải**

**Chọn B**

Phương trình (1):  $f(|x|) - m = 0 \Leftrightarrow f(|x|) = m$ .

Số nghiệm của phương trình (1) là số điểm chung của hai đồ thị: (C):  $y = f(|x|)$  và (d):  $y = m$ .

Hàm số  $y = f(|x|)$  là hàm số chẵn ⇒ (C) nhận trục  $Oy$  làm trục đối xứng.

$$\text{Mà } y = f(|x|) = \begin{cases} f(x) & \text{ khi } x \geq 0 \\ f(-x) & \text{ khi } x < 0 \end{cases}$$

⇒ Bảng biến thiên của hàm số  $y = f(|x|)$ :

$x$	$-\infty$	$-4$	$0$	$4$	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$+\infty$		$-3$		$5$		$-3$		$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta có: phương trình (1) có 4 nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow m \in (-3; 5)$ .  
 Mà  $m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{-2; -1; 0; 1; 2; 3; 4\} \Rightarrow$  Có 7 giá trị  $m$  thỏa mãn.

**Câu 46.** Cho hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 1$ . Tìm số nghiệm của phương trình  $f(f(x)) = 0$ .

- A. 5.                                      B. 9.                                      C. 4.                                      **D. 7.**

Lời giải

Chọn D

Xét phương trình  $f(x) = 0 \Leftrightarrow x^3 - 3x + 1 = 0$  dùng máy tính cầm tay ta ước lượng được phương

trình có ba nghiệm và  $\begin{cases} x_1 \approx -1,879 \\ x_2 \approx 1,532 \\ x_3 \approx 0,347 \end{cases}$ .

Xét hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 1$ , ta có bảng biến thiên của  $f(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$3$		$-1$		$+\infty$

Xét phương trình  $f(f(x)) = 0$  (1) ta ước lượng được  $\begin{cases} f(x) \approx -1,879 \\ f(x) \approx 1,532 \\ f(x) \approx 0,347 \end{cases}$ .

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $f(x)$  ta có:

- + Với  $f(x) \approx -1,879$  phương trình (1) có 1 nghiệm.
- + Với  $f(x) \approx 1,532$  phương trình (1) có 3 nghiệm.
- + Với  $f(x) \approx 0,347$  phương trình (1) có 3 nghiệm.

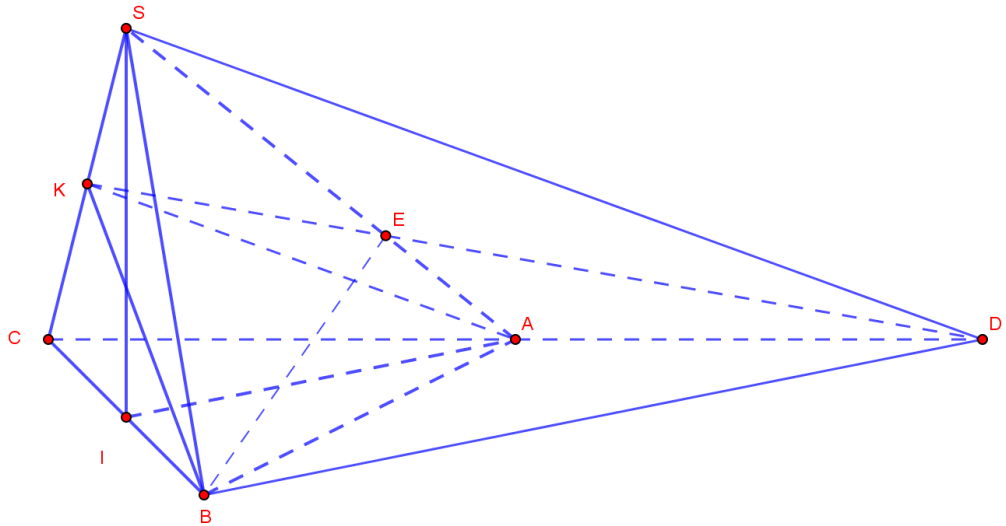
Vậy phương trình đã cho có 7 nghiệm.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác cân tại A, mặt bên ( $SBC$ ) là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Gọi ( $\alpha$ ) là mặt phẳng đi qua điểm B và vuông góc với  $SC$ , chia khối chóp thành hai phần. Tính tỉ số thể tích của hai phần đó.

- A.**  $\frac{1}{2}$ .                                      B.  $\frac{1}{3}$ .                                      C.  $\frac{2}{3}$ .                                      D.  $\frac{1}{4}$ .

Lời giải.

Chọn A



Gọi  $I, K$  theo thứ tự là trung điểm của  $BC, SC$ .

$$\text{Vì } \begin{cases} SBC \cap ABC = BC \\ SBC \perp ABC \\ SBC \supset SI \perp BC \\ ABC \supset AI \perp BC \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} SI \perp ABC \\ AI \perp SBC \end{cases}$$

Trên mặt phẳng  $ABC$ , qua  $B$  dựng đường thẳng song song với  $AI$ , cắt  $AC$  tại  $D$ .

Trên mặt phẳng  $SAC$ , gọi  $E$  là giao điểm của  $KD$  và  $SA$ .

Vì  $BK \perp SC, BD \perp SC$  nên  $BDK \perp SC$ . Mặt phẳng  $BDK$  chia hình chóp  $S.ABC$  thành hai phần là  $SKBE$  và  $KBEAC$ .

Trên mặt phẳng  $SCD$ , ta có  $K, A$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $CS, CD$  nên  $KA$  là

đường trung bình của tam giác  $SCD$ . Do đó,  $AK \parallel SD$ . Suy ra  $\frac{AE}{ES} = \frac{AK}{SD} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{SE}{SA} = \frac{2}{3}$ .

Ta có

$$\frac{V_{SKBE}}{V_{SCBA}} = \frac{SK}{SC} \cdot \frac{SB}{SB} \cdot \frac{SE}{SA} = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

Suy ra  $\frac{V_{SKBE}}{V_{KBEAC}} = \frac{1}{2}$ .

**Câu 48.** Cho lăng trụ tam giác đều  $ABC \cdot A'B'C'$ . Tam giác  $ABC'$  có diện tích bằng 8 và hợp với mặt phẳng đáy một góc có số đo  $30^\circ$ . Tính thể tích của khối lăng trụ.

**A.**  $8\sqrt{3}$ .

**B.**  $4\sqrt{3}$ .

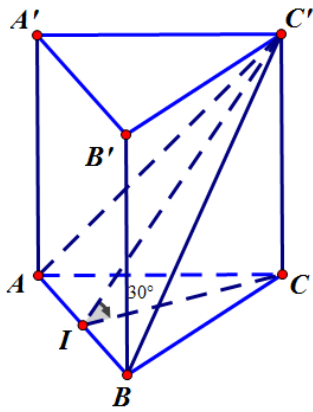
**C.**  $16\sqrt{3}$ .

**D.**  $24\sqrt{3}$ .

Lời giải

Chọn A





Gọi  $I$  là trung điểm của  $AB$ , ta có  $\begin{cases} AB \perp CI \\ AB \perp CC' \end{cases} \Rightarrow AB \perp (CIC')$ .

Ta có  $\begin{cases} AB = (ABC) \cap (ABC') \\ AB \perp (CIC') \\ (CIC') \cap (ABC) = CI \\ (CIC') \cap (ABC') = C' \end{cases} \Rightarrow ((ABC), (ABC')) = (CI, C'I) = \widehat{C'IC} = 30^\circ$ .

Đặt  $AB = x (x > 0)$ .

Vì  $CI$  là đường cao của tam giác đều  $ABC$  nên  $CI = \frac{x\sqrt{3}}{2}$ .

$\Rightarrow CC' = CI \cdot \tan 30^\circ = \frac{x\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x}{2}, C'I = \frac{CI}{\cos 30^\circ} = x$ .

Diện tích tam giác  $ABC'$  là  $S_{ABC'} = \frac{1}{2} AB \cdot C'I \Leftrightarrow 8 = \frac{1}{2} x^2 \Leftrightarrow x = 4$ .

Thể tích khối lăng trụ đã cho là  $V = S_{AQC} \cdot CC' = \frac{x^2\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{x\sqrt{3}}{2} \cdot \tan 30^\circ = \frac{3x^3}{8} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x^3\sqrt{3}}{8} = \frac{4^3\sqrt{3}}{8} = 8\sqrt{3}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$					

Hàm số  $g(x) = 3f(2-x) + x^3 - 3x$  đạt cực đại tại điểm

- A.**  $x=1$ .                      **B.**  $x=-1$ .                      **C.**  $x=3$ .                      **D.**  $x=2$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có  $g'(x) = -3f'(2-x) + 3x^2 - 3$ .

Từ bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  ta thấy:

$$f'(2-x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2-x=1 \\ 2-x=2 \\ 2-x=3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=0 \\ x=-1 \end{cases}$$

$$f'(2-x) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2-x > 1 \\ 2-x < 3 \Leftrightarrow x \in (-1;1) \setminus \{0\} \\ 2-x \neq 2 \end{cases}$$

$$f'(2-x) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2-x < 1 \\ 2-x > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ x < -1 \end{cases}. \text{ Ta có bảng biến thiên của hàm số } g(x):$$

(Nhờ thầy vẽ lại BBT ạ)

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$3x^2 - 3$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$-3f'(2-x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$g'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$g(x)$					

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số  $g(x)$  đạt cực đại tại  $x = -1$ .

**Câu 50.** Có bao nhiêu số nguyên  $m \in [-5; 5]$  để  $\min_{[1;3]} |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2$ .

**A.** 6.

**B.** 4.

**C.** 3.

**D.** 5.

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có  $\min_{[1;3]} |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2 \Leftrightarrow |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2; \forall x \in [1;3]$  (1) (Do hàm số  $y = |x^3 - 3x^2 + m|$  liên tục trên  $[1;3]$ ).

$$\text{Giải (1): } |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2; \forall x \in [1;3] \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - 3x^2 + m \geq 2; \forall x \in [1;3] \\ x^3 - 3x^2 + m \leq -2; \forall x \in [1;3] \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x^3 - 3x^2 \geq 2 - m; \forall x \in [1;3] \\ x^3 - 3x^2 \leq -2 - m; \forall x \in [1;3] \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 - m \leq \min_{[1;3]} (x^3 - 3x^2) \\ -2 - m \geq \max_{[1;3]} (x^3 - 3x^2) \end{cases} (*)$$

Xét hàm số  $f(x) = x^3 - 3x^2$  trên  $[1;3]$ . Hàm số xác định và liên tục trên  $[1;3]$  mà  $f'(x) = 3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$ . Ta có:  $f(1) = -2; f(3) = 0; f(2) = -4$ .

Do đó  $\max_{[1;3]} f(x) = 0; \min_{[1;3]} f(x) = -4$ . Từ (\*) suy ra  $\begin{cases} 2 - m \leq -4 \\ -2 - m \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 6 \\ m \leq -2 \end{cases}$ .

Vì  $\begin{cases} m \in [-5; 5] \\ m \in \mathbb{Z} \end{cases}$  nên  $m \in \{-5; -4; -3; -2\}$ .

Vậy có 4 giá trị  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Cách 2:

Đặt  $t = x^3 - 3x^2$ , với  $x \in [1;3] \Rightarrow t \in [-4; 0]$ . Khi đó bài toán trở thành  $\min_{[-4;0]} |t + m| \geq 2$ .

TH1:  $-m \leq -4 \Rightarrow \min_{[-4;0]} |t + m| = |-4 + m| = m - 4 \geq 2 \Leftrightarrow m \geq 6$ .

TH2:  $-m \geq 0 \Rightarrow \min_{[-4;0]} |t + m| = |m| = -m \geq 2 \Leftrightarrow m \leq -2$ .

Kết hợp với điều kiện  $\begin{cases} m \in [-5; 5] \\ m \in \mathbb{Z} \end{cases}$  suy ra  $m \in \{-5; -4; -3; -2\}$ .

Vậy có 4 giá trị  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

----- HẾT -----

**ĐỀ 3**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định và liên tục trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ , có bảng biến thiên như hình sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$2$		$-1$		$+\infty$

Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .
- B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .
- D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{4}x^4 - 2x^2 + 3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-2; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .
- B. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .
- D. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .

**Câu 3.** Hàm số  $y = \frac{x-2}{x-1}$  có tất cả bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 1.
- B. 0.
- C. 2.
- D. 3.

**Câu 4.** Tìm giá trị cực đại của hàm số  $y = x^3 - 12x - 1$ .

- A.  $-17$ .
- B.  $-2$ .
- C.  $45$ .
- D.  $15$ .

**Câu 5.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng

- A.  $-\frac{50}{27}$ .
- B.  $-2$ .
- C.  $1$ .
- D.  $0$ .

**Câu 6.** Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của hàm số  $y = \sqrt{5-4x}$  trên đoạn  $[-1; 1]$ . Khi đó  $M - m$  bằng

- A.  $8$ .
- B.  $-8$ .
- C.  $-2$ .
- D.  $2$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên.

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$1$		$5$		$-\infty$

Hàm số đạt cực đại tại điểm

- A.  $x=1$ .                      B.  $x=0$ .                      C.  $x=5$ .                      D.  $x=2$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên dưới.

$x$	$-\infty$	$-1$	$13$	$+\infty$					
$y'$		$-$	$0$	$+$	$+$				
$y$	$1$		$-\sqrt{2}$		$+\infty$		$-\infty$		$-1$

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -1$  là

- A. 3.                      B. 1.                      C. 4.                      D. 2.

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $[-4; 4]$  và có bảng biến thiên như hình vẽ. Phát biểu nào sau đây đúng?

$x$	$-4$	$-2$	$0$	$4$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-10$		$0$		$-4$		$10$

- A.  $\max y = 0$  và  $\min y = -4$ .  
 $(-4;4)$                        $(-4;4)$
- B.  $\min y = -4$  và  $\max y = 10$ .  
 $(-4;4)$                        $(-4;4)$
- C.  $\max y = 10$  và  $\min y = -10$ .  
 $(-4;4)$                        $(-4;4)$
- D. Hàm số không có giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất trên  $(-4;4)$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

- A. Đồ thị hàm số đã cho có đúng một tiệm cận ngang.  
 B. Đồ thị hàm số đã cho không có tiệm cận ngang.  
 C. Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là hai đường thẳng  $x = 2$  và  $x = -2$ .  
 D. Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là hai đường thẳng  $y = 2$  và  $y = -2$ .

**Câu 11.** Đường thẳng nào dưới đây là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-4x}{2x-1}$ .

- A.  $y = 2$ .                      B.  $x = -2$ .                      C.  $y = \frac{1}{2}$ .                      D.  $y = -2$ .

**Câu 12.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước  $a = 5, b = 4, c = 3$  có thể tích là

- A. 20.                                  B. 30.                                  C. 50.                                  D. 60.

**Câu 13.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- A.  $\frac{4}{3}Bh$ .                              B.  $3Bh$ .                              C.  $\frac{1}{3}Bh$ .                              D.  $Bh$ .

**Câu 14.** Khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$ . Thể tích khối chóp là

- A.  $\frac{1}{3}Bh$ .                              B.  $Bh$ .                              C.  $\frac{1}{2}Bh$ .                              D.  $\frac{1}{6}Bh$ .

**Câu 15.** Khối đa diện đều loại  $\{4;3\}$  là

- A. Khối chóp tứ giác đều.                              B. Khối bát diện đều.  
C. Khối tứ diện đều.                              D. Khối lập phương.

**Câu 16.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA \perp (ABCD)$  và  $SA = a\sqrt{6}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .                              B.  $a^3\sqrt{6}$ .                              C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .                              D.  $h = a$ .

**Câu 17.** Cho một khối lăng trụ có thể tích là  $a^3\sqrt{3}$ , đáy tam giác có diện tích  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ . Tính chiều cao của khối lăng trụ.

- A.  $h = 4a$ .                              B.  $h = 3a$ .                              C.  $h = 2a$ .                              D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{2}$ .

**Câu 18.** Cho khối chóp  $S.ABC$ . Trên ba cạnh  $SA, SB, SC$  lần lượt lấy ba điểm  $A', B', C'$  sao cho  $SA' = \frac{1}{2}SA$ ,  $SB' = \frac{1}{3}SB$ ,  $SC' = \frac{1}{4}SC$ . Gọi  $V$  và  $V'$  lần lượt là thể tích của các khối chóp  $S.ABC$  và  $S.A'B'C'$ . Khi đó tỉ số  $\frac{V'}{V}$  là

- A. 24.                                  B.  $\frac{1}{24}$ .                                  C.  $\frac{1}{12}$ .                                  D.  $\frac{1}{8}$ .

**Câu 19.** Cho khối bát diện đều. Gọi  $a, b, c$  lần lượt là số đỉnh, số cạnh và số mặt của khối bát diện đều. Chọn khẳng định đúng.

- A.  $a + b + c = 6$ .                              B.  $a + b + c = 62$ .                              C.  $a + b + c = 26$ .                              D.  $a + b + c = 14$ .

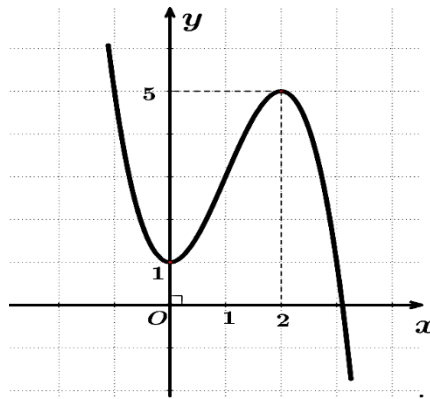
**Câu 20.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có thể tích bằng  $a^3$  và đáy có diện tích  $a^2\sqrt{3}$ . Tính chiều cao  $h$  của khối chóp đã cho.

- A.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{6}$ .                              B.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ .                              C.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{3}$ .                              D.  $h = a\sqrt{3}$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+2}$  có đồ thị  $(C)$ . Tìm tọa độ giao điểm  $I$  của hai đường tiệm cận của đồ thị  $(C)$

- A.  $I(-2; 2)$ .                              B.  $I(2; 2)$ .                              C.  $I(2; -2)$ .                              D.  $I(-2; -2)$ .

**Câu 22.** Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào dưới đây?



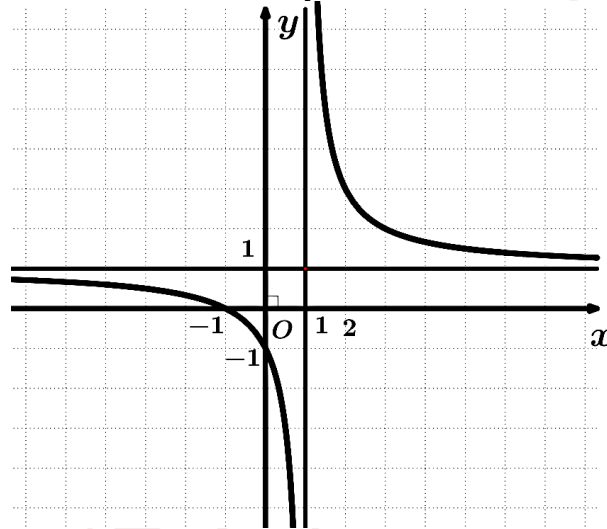
A.  $y = -x^3 + 2x^2 - 1$ .

B.  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .

C.  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .

D.  $y = -x^3 + 3x^2 - 4$ .

Câu 23. Đồ thị sau là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



A.  $y = \frac{2x-3}{2x-2}$ .

B.  $y = \frac{x}{x-1}$ .

C.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .

D.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .

Câu 24. Cho hàm số  $y = x^4 + 4x^2$  có đồ thị  $C$ . Tìm số giao điểm của đồ thị  $C$  và trục hoành?

A. 0.

B. 3.

C. 1.

D. 2.

Câu 25. Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$  ?

A.  $y = x^3 + 2x^2 + 3x + 5$ .

B.  $y = x^2 + 3$ .

C.  $y = x^4 + 2x^2 + 2$ .

D.  $y = 2020$ .

Câu 26. Tọa độ các giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x - 1$  là:

A.  $-1; 0, 0; 1$ .

B.  $-1; 0, 0; -1$ .

C.  $1; 0$ .

D.  $1; 0, 0; -1$ .

Câu 27. Hàm số nào sau đây có cực đại và cực tiểu ?

A.  $y = x^3 + 3x^2 + 3x$ .

B.  $y = -x^3 - 3x$ .

C.  $y = x^3 - 3x$ .

D.  $y = x^3 + 3$ .

Câu 28. Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d: y = 2x - 3$ . Đường thẳng  $d$  cắt

$(C)$  tại hai điểm  $A$  và  $B$ . Khoảng cách giữa  $A$  và  $B$  là

A.  $AB = \frac{2\sqrt{5}}{5}$

B.  $AB = \frac{5}{2}$

C.  $AB = \frac{5\sqrt{5}}{2}$

D.  $AB = \frac{2}{5}$

**Câu 29.** Biết  $m_0$  là giá trị tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx - 1$  có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$  sao cho  $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 13$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A.  $m_0 \in (-1; 7)$       B.  $m_0 \in (7; 10)$       C.  $m_0 \in (-15; -7)$       D.  $m_0 \in (-7; -1)$

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$+\infty$				$5$				$+\infty$

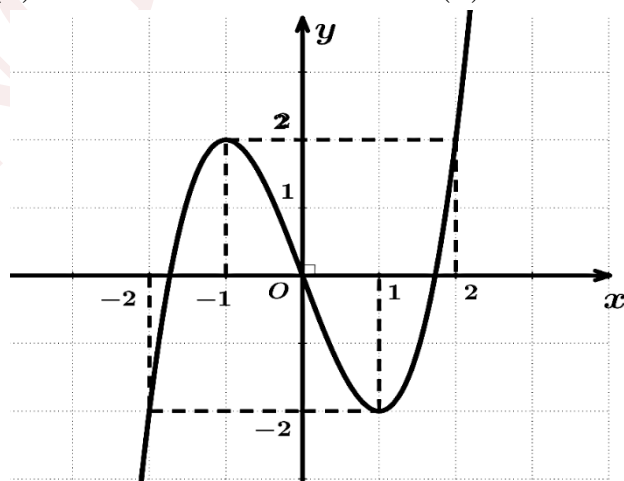
Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có bốn nghiệm phân biệt .

- A.  $m \leq -\frac{1}{3}$       B.  $-1 < m \leq -\frac{1}{3}$       C.  $-1 < m < -\frac{1}{3}$       D.  $3 < m < 5$

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (3m+2)x + 1$ . Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số đã cho nghịch biến trên  $R$  ?

- A.  $-2 \leq m \leq -1$ .      B.  $\begin{cases} m > -1 \\ m < -2 \end{cases}$ .      C.  $\begin{cases} m \geq -1 \\ m \leq -2 \end{cases}$ .      D.  $-2 < m < 1$ .

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Biết đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ dưới đây.



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -2)$       B.  $(-\infty; -1)$       C.  $(-1; 0)$       D.  $(2; +\infty)$

**Câu 33.** Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên  $m$  để hàm  $y = \frac{(m+1)x-2}{x-m}$  đồng biến trên từng khoảng xác định của nó?

- A.** 1.                      **B.** 0.                      **C.** 2.                      **D.** 3.

**Câu 34.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $d: y = x + m$  cắt đồ thị hàm  $y = \frac{-x+1}{2x-1}$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$ .

- A.**  $m < 0$ .                      **B.**  $m \in \mathbb{R}$ .                      **C.**  $m > 1$ .                      **D.**  $m = 5$ .

**Câu 35.** Một khối lăng trụ tam giác có đáy là tam giác đều cạnh bằng 3, cạnh bên bằng  $2\sqrt{3}$  và tạo với mặt phẳng đáy một góc  $30^\circ$ . Khi đó thể tích khối lăng trụ là

- A.**  $\frac{9}{4}$ .                      **B.**  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$ .                      **C.**  $\frac{27\sqrt{3}}{4}$ .                      **D.**  $\frac{27}{4}$ .

**Câu 36.** Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m^2 - 4)x^4 + (m^2 - 25)x^2 + m - 3$  có 3 cực trị.

- A.** 4.                      **B.** 3.                      **C.** 2.                      **D.** 1.

**Câu 37.** Các đường chéo của các mặt hình hộp chữ nhật bằng  $\sqrt{5}, \sqrt{10}, \sqrt{13}$ . Tính thể tích  $V$  của khối hộp chữ nhật đó.

- A.**  $V = 6$ .                      **B.**  $V = 5\sqrt{26}$ .                      **C.**  $V = 2$ .                      **D.**  $V = \frac{5\sqrt{26}}{3}$ .

**Câu 38.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 + 2}{x^2 - mx + 1}$  có hai đường tiệm cận đúng.

- A.**  $m \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty) \setminus \left\{ \frac{5}{2} \right\}$ .                      **B.**  $m \in (-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ .  
**C.**  $m \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ .                      **D.**  $m \neq \frac{5}{2}$ .

**Câu 39.** Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R} \setminus -2; 2$ , có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	-		- 0 +	+	
$f(x)$	$+\infty$ ↘ $-\infty$	$+\infty$ ↘ 0	↗ $+\infty$	$-\infty$ ↗ $-1$	

Gọi  $k, l$  lần lượt là số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{f(x) - 2020}$ . Tính  $k + l$ .

- A.**  $k + l = 2$ .                      **B.**  $k + l = 3$ .                      **C.**  $k + l = 4$ .                      **D.**  $k + l = 5$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = \frac{3x + 5}{3x + 1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các điểm thuộc  $(C)$  có tọa độ là số nguyên. Tính số phần tử của  $S$ .



- A. 15 .                                      B. 3 .                                      C. 2 .                                      D. 6 .

**Câu 41.** Gọi  $A, B, C$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 4$ . Bán kính đường tròn nội tiếp tam giác  $ABC$  bằng

- A. 1.                                      B.  $\sqrt{2} + 1$ .                                      C.  $\sqrt{2} - 1$ .                                      D.  $\sqrt{2}$ .

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA = a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Gọi  $M$  là trung điểm  $SB$ ,  $N$  là điểm thuộc cạnh  $SD$  sao cho  $SN = 2ND$ . Tính thể tích  $V$  của khối tứ diện  $ACMN$ .

- A.  $V = \frac{1}{12}a^3$ .                                      B.  $V = \frac{1}{8}a^3$ .                                      C.  $V = \frac{1}{36}a^3$ .                                      D.  $V = \frac{1}{6}a^3$ .

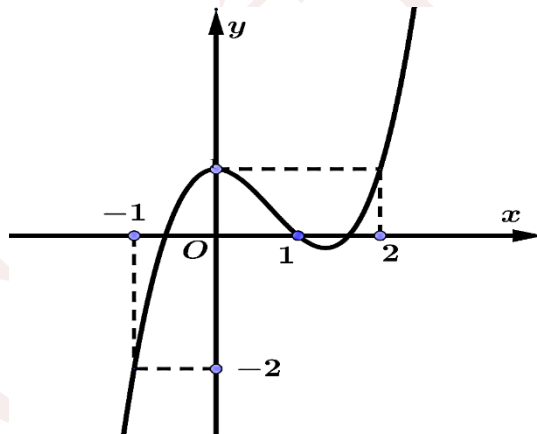
**Câu 43.** Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = (x^2 + x + m)^2$  trên đoạn  $[-2; 2]$  bằng 4. Tính tổng các phần tử của  $S$ .

- A.  $-\frac{23}{4}$ .                                      B.  $\frac{41}{4}$ .                                      C.  $\frac{9}{4}$ .                                      D. 0.

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d: y = -x + m$ . Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để  $d$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $\Delta PAB$  đều, biết  $P(2; 5)$ . Tính tổng bình phương tất cả các phần tử của  $S$ .

- A. 10                                      B. 26                                      C. 25                                      D. 16

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ bên dưới.



Hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{x^3}{3} + x^2 - x + 2$  có bao nhiêu điểm cực đại?

- A. 0                                      B. 1                                      C. 2                                      D. 3

**Câu 46.** Cho hai tam giác đều  $ABC$  và  $ABD$  có độ dài cạnh bằng 1 và nằm trong hai mặt phẳng vuông góc. Gọi  $S$  là điểm đối xứng của  $B$  qua đường thẳng  $CD$ . Tính thể tích của khối đa diện  $ABDSC$ .

- A.  $\frac{3}{4}$ .                                      B.  $\frac{3}{8}$ .                                      C.  $\frac{1}{2}$ .                                      D.  $\frac{1}{4}$ .

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có các cạnh  $AB = a$ ,  $AC = a\sqrt{3}$ ,  $SB > 2a$  và góc  $\angle ABC = \angle BAS = \angle BCS = 90^\circ$ . Biết sin của góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng  $(SAC)$  bằng  $\frac{\sqrt{11}}{11}$ .

Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$

- A.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{9}$ .                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$ .                                      C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .                                      D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .

**Câu 48.** Biết điểm  $M(x_M; y_M)$  thuộc đồ thị  $(C): y = \frac{2x-2}{x+1}$  sao cho khoảng cách từ  $M$  đến đường thẳng

$\Delta_1: 2x - y + 4 = 0$  bằng  $\frac{2}{3}$  lần khoảng cách từ  $M$  đến đường thẳng  $\Delta_2: x - 2y + 5 = 0$ . Hãy chọn khẳng định đúng?

- A.**  $x_M + y_M = -4$ .      **B.**  $x_M + y_M = 4$ .      **C.**  $x_M + y_M = 2$ .      **D.**  $x_M + y_M = 0$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = \frac{x-2}{x-1}$  có đồ thị  $(C)$  và điểm  $M(3; -1)$ . Gọi  $D$  là tập hợp tất cả các đường

thẳng đi qua điểm  $M$  và cắt đồ thị  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $MB = 3MA$ . Tính tổng tất cả các hệ số góc của các đường thẳng thuộc  $D$ .

- A.**  $-1$ .      **B.**  $-\frac{6}{5}$ .      **C.**  $\frac{9}{5}$ .      **D.**  $2$ .

**Câu 50.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $B$  và  $C$ . Hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(SBD)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ . Biết  $AB = 4a; BC = CD = a$  và khoảng cách từ trung

điểm  $E$  của  $BC$  đến mặt phẳng  $(SAD)$  bằng  $\frac{5a\sqrt{26}}{52}$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.**  $\frac{5a^3}{6}$ .      **B.**  $\frac{6a^3}{5}$ .      **C.**  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .      **D.**  $\frac{a^3\sqrt{6}}{5}$ .

**HẾT**

**BẢNG ĐÁP ÁN**

1.B	2.B	3.B	4.D	5.D	6.D	7.D	8.D	9.D	10.D
11.D	12.D	13.D	14.A	15.D	16.A	17.A	18.B	19.C	20.D
21.A	22.C	23.D	24.C	25.A	26.D	27.C	28.C	29.C	30.C
31.A	32.A	33.C	34.B	35.D	36.C	37.A	38.C	39.D	40.B
41.C	42.A	43.A	44.B	45.B	46.D	47.C	48.B	49.D	50.A

**LỜI GIẢI CHI TIẾT**

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định và liên tục trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ , có bảng biến thiên như hình sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$2$		$-1$		$+\infty$

Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .
- B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .**
- C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .
- D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; +\infty)$ .

**Lời giải**

Dựa vào BBT, ta thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1) \supset (-\infty; -2)$  nên đáp án B đúng.

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{4}x^4 - 2x^2 + 3$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-2; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .
- B. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .**
- C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .
- D. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .

**Lời giải**

Ta thấy,  $y' = x^3 - 4x$ . Cho  $y' = 0 \Rightarrow x^3 - 4x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -2 \\ x = 0 \end{cases}$

Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-2; 0)$  và  $(2; +\infty)$ ;  
 Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .

**Câu 3.** Hàm số  $y = \frac{x-2}{x-1}$  có tất cả bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 1.
- B. 0.**
- C. 2.
- D. 3.

**Lời giải**

Ta thấy,  $y' = \frac{1}{(x-1)^2} > 0, \forall x \neq 1$ . Hàm số luôn đồng biến trên các khoảng xác định của nó nên hàm số không có cực trị.

**Câu 4.** Tìm giá trị cực đại của hàm số  $y = x^3 - 12x - 1$ .

- A. -17.                      B. -2.                      C. 45.                      **D. 15.**

**Lời giải**

$y' = 3x^2 - 12$ . Cho  $y' = 0 \Rightarrow 3x^2 - 12 = 0 \Rightarrow x = \pm 2$

Hàm số đạt cực đại tại  $x = -2, f_{CD} = f(-2) = 15$ .

**Câu 5.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng

- A.  $-\frac{50}{27}$ .                      B. -2.                      C. 1.                      **D. 0.**

**Lời giải**

$f'(x) = 3x^2 - 4x + 1$ .

Cho  $f' = 0 \Rightarrow 3x^2 - 4x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{3} \end{cases}$

Ta có  $f(0) = -2; f(1) = -2; f(\frac{1}{3}) = -\frac{50}{27}; f(2) = 0$ . Suy ra  $\max_{[0;2]} f(x) = 0$ .

**Câu 6.** Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của hàm số  $y = \sqrt{5-4x}$  trên đoạn  $[-1; 1]$ . Khi đó  $M - m$  bằng

- A. 8.                      B. -8.                      C. -2.                      **D. 2**

**Lời giải**

Hàm số có tập xác định là  $D = \left(-\infty; \frac{5}{4}\right]$ .

Hàm số xác định và liên tục trên đoạn  $[-1; 1]$

Ta có  $y' = \frac{-2}{\sqrt{5-4x}} < 0 \forall x \in [-1; 1]$ .

$y(1) = 1, y(-1) = 3 \Rightarrow M = 3, m = 1 \Rightarrow M - m = 2$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên.

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$
$y'$		- 0 +	0 -	
$y$	$+\infty$	$\searrow$	$\nearrow$	$-\infty$
		1	5	

Hàm số đạt cực đại tại điểm

- A.  $x = 1$ .                      B.  $x = 0$ .                      C.  $x = 5$ .                      **D.  $x = 2$ .**

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = 2$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên dưới.

$x$	$-\infty$	$-1$	$13$	$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$
$y$	$1$		$+\infty$	$-1$

$\swarrow$   $-\sqrt{2}$   $\nearrow$   
 $\swarrow$   $-\infty$   $\nearrow$

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = -1$  là

A. 3.

B. 1.

C. 4.

D. 2.

**Lời giải**

Số nghiệm của phương trình là số giao điểm giữa đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = -1$

Dựa vào bảng biến thiên hàm số thấy đường thẳng  $y = -1$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại 2 điểm phân biệt nên phương trình  $f(x) = -1$  có 2 nghiệm phân biệt.

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $(-4; 4)$  và có bảng biến thiên như hình vẽ. Phát biểu nào sau đây đúng?

$x$	$-4$	$-2$	$0$	$4$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$+$
$y$	$-10$	$0$	$-4$	$10$

A.  $\max y = 0$  và  $\min y = -4$ .  
 $(-4; 4)$   $(-4; 4)$

B.  $\min y = -4$  và  $\max y = 10$ .  
 $(-4; 4)$   $(-4; 4)$

C.  $\max y = 10$  và  $\min y = -10$ .  
 $(-4; 4)$   $(-4; 4)$

**D. Hàm số không có giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất trên  $(-4; 4)$ .**

**Lời giải**

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

A. Đồ thị hàm số đã cho có đúng một tiệm cận ngang.

B. Đồ thị hàm số đã cho không có tiệm cận ngang.

C. Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là hai đường thẳng  $x = 2$  và  $x = -2$ .

**D. Đồ thị hàm số đã cho có hai tiệm cận ngang là hai đường thẳng  $y = 2$  và  $y = -2$ .**

**Lời giải**

Theo định nghĩa về tiệm cận, ta có:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2 \rightarrow y = 2$  là đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2 \rightarrow y = -2$  đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

**Câu 11.** Đường thẳng nào dưới đây là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-4x}{2x-1}$ .

A.  $y = 2$ .

B.  $x = -2$ .

C.  $y = \frac{1}{2}$ .

D.

y = -2.

Lời giải

Ta có:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1-4x}{2x-1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{1}{x} - 4}{2 - \frac{1}{x}} = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1-4x}{2x-1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\frac{1}{x} - 4}{2 - \frac{1}{x}} = -2$$

Vậy tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-4x}{2x-1}$  là  $y = -2$ .

**Câu 12.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước  $a = 5, b = 4, c = 3$  có thể tích là

A. 20.

B. 30.

C. 50. D. 60.

Lời giải

Thể tích khối hộp là  $V = abc = 60$ .

**Câu 13.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

A.  $\frac{4}{3}Bh$ .

B.  $3Bh$ .

C.  $\frac{1}{3}Bh$ .

D.  $Bh$ .

Lời giải

Thể tích khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = Bh$ .

**Câu 14.** Khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$ . Thể tích khối chóp là

A.  $\frac{1}{3}Bh$ .

B.  $Bh$ .

C.  $\frac{1}{2}Bh$ .

D.  $\frac{1}{6}Bh$ .

Lời giải

Thể tích khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = \frac{1}{3}Bh$ .

**Câu 15.** Khối đa diện đều loại  $\{4; 3\}$  là

A. Khối chóp tứ giác đều.

B. Khối bát diện đều.

C. Khối tứ diện đều.

D. Khối lập phương.

Lời giải

Theo lý thuyết khối đa diện đều chọn D

**Câu 16.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA \perp (ABCD)$  và  $SA = a\sqrt{6}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  bằng

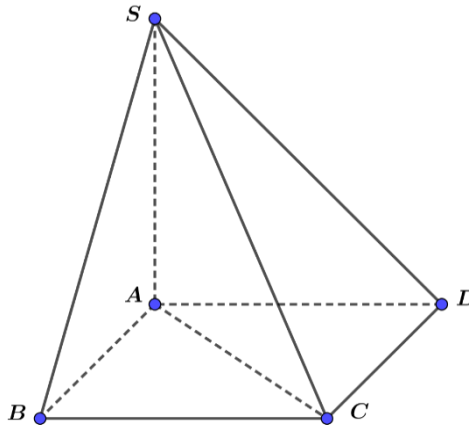
$\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$

B.  $a^3\sqrt{6}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .

D.  $h = a$ .

Lời giải



Ta có:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} S_{ABCD} \cdot SA = \frac{1}{3} a^2 \cdot a\sqrt{6} = \frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .

Vậy  $V_{S.ABC} = \frac{1}{2} V_{S.ABCD} = \frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .

**Câu 17.** Cho một khối lăng trụ có thể tích là  $a^3\sqrt{3}$ , đáy tam giác có diện tích  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ . Tính chiều cao của khối lăng trụ.

A.  $h = 4a$ .

B.  $h = 3a$ .

C.  $h = 2a$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{2}$ .

Lời giải

Ta có thể tích khối lăng trụ :  $V = B.h \Rightarrow h = \frac{V}{B} = \frac{a^3\sqrt{3}}{\frac{a^2\sqrt{3}}{4}} = 4a$ .

**Câu 18.** Cho khối chóp  $S.ABC$ . Trên ba cạnh  $SA, SB, SC$  lần lượt lấy ba điểm  $A', B', C'$  sao cho  $SA' = \frac{1}{2}SA$ ,  $SB' = \frac{1}{3}SB$ ,  $SC' = \frac{1}{4}SC$ . Gọi  $V$  và  $V'$  lần lượt là thể tích của các khối chóp

$S.ABC$  và  $S.A'B'C'$ . Khi đó tỉ số  $\frac{V'}{V}$  là

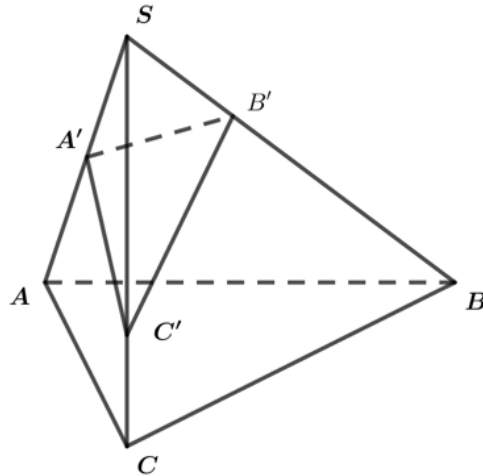
A. 24.

B.  $\frac{1}{24}$ .

C.  $\frac{1}{12}$ .

D.  $\frac{1}{8}$ .

Lời giải

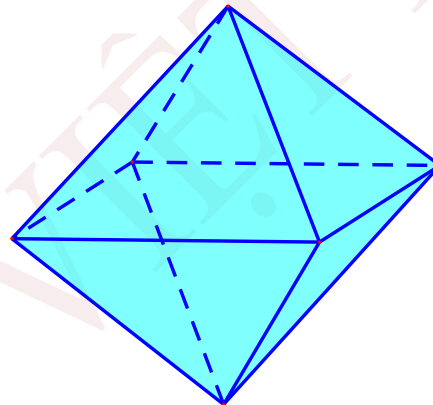


$$\frac{V'}{V} = \frac{SA'}{SA} \cdot \frac{SB'}{SB} \cdot \frac{SC'}{SC} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{24}.$$

**Câu 19.** Cho khối bát diện đều. Gọi  $a, b, c$  lần lượt là số đỉnh, số cạnh và số mặt của khối bát diện đều. Chọn khẳng định đúng.

- A.  $a+b+c=6$  .      B.  $a+b+c=62$  .      **C.  $a+b+c=26$  .**      D.  $a+b+c=14$  .

Lời giải



Ta có số đỉnh, số cạnh và số mặt của khối bát diện đều lần lượt là 6, 12, 8.  
Suy ra  $a+b+c=6+12+8=26$ .

**Câu 20.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có thể tích bằng  $a^3$  và đáy có diện tích  $a^2\sqrt{3}$  . Tính chiều cao  $h$  của khối chóp đã cho.

- A.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{6}$  .      B.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$  .      C.  $h = \frac{a\sqrt{3}}{3}$  .      **D.  $h = a\sqrt{3}$  .**

Lời giải

$$\text{Ta có: } V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot S_{ABC} \cdot h \Rightarrow h = \frac{3a^3}{a^2\sqrt{3}} = a\sqrt{3}$$

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+2}$  có đồ thị  $(C)$ . Tìm tọa độ giao điểm  $I$  của hai đường tiệm cận của đồ thị  $(C)$

- A.  $I(-2; 2)$  .**      B.  $I(2; 2)$  .      C.  $I(2; -2)$  .      D.  $I(-2; -2)$  .

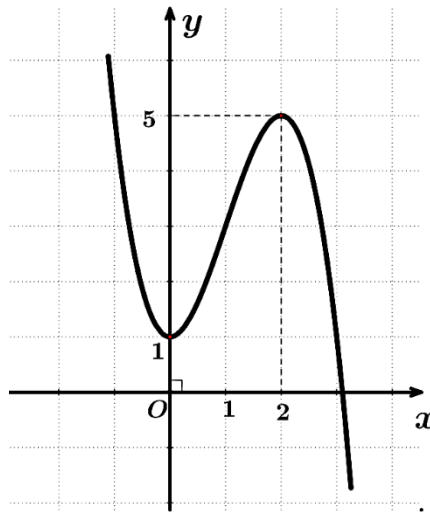
Lời giải

Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là  $x = -2$  ; và tiệm cận ngang là  $y = 2$  .



Vậy tọa độ giao điểm của hai đường tiệm cận có tọa độ là  $I(-2;2)$

**Câu 22.** Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào dưới đây?



A.  $y = -x^3 + 2x^2 - 1.$

B.  $y = x^3 - 3x^2 + 1.$

**C.  $y = -x^3 + 3x^2 + 1.$**

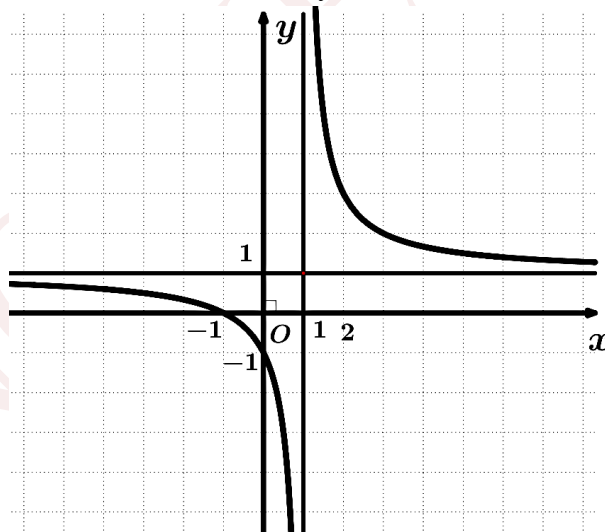
D.  $y = -x^3 + 3x^2 - 4.$

**Lời giải**

Ta thấy hình dáng đồ thị là của hàm số bậc 3 với hệ số  $a < 0$  nên loại đáp án B.

Với  $x = 0 \Rightarrow y = 1$  nên loại đáp án A và D. Vậy đáp án đúng là C

**Câu 23.** Đồ thị sau là đồ thị của hàm số nào dưới đây?



A.  $y = \frac{2x-3}{2x-2}.$

B.  $y = \frac{x}{x-1}.$

C.  $y = \frac{x-1}{x+1}.$

**D.  $y = \frac{x+1}{x-1}.$**

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị ta thấy, đồ thị nhận đường thẳng  $x = 1$  là tiệm cận đứng,  $y = 1$  là tiệm cận ngang, hàm số nghịch biến trên từng khoảng xác định nên loại đáp án C.

Với  $x = 0 \Rightarrow y = -1$  và  $x = -1 \Rightarrow y = 0$  nên loại đáp án A, B.

Vậy đáp án đúng là D

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = x^4 + 4x^2$  có đồ thị  $C$ . Tìm số giao điểm của đồ thị  $C$  và trục hoành?

A. 0.

B. 3.

C. 1.

D. 2.

Lời giải

Phương trình hoành độ giao điểm:  $x^4 + 4x^2 = 0 \Leftrightarrow x^2(x^2 + 4) = 0 \Leftrightarrow x = 0$

Suy ra đồ thị hàm số có một điểm chung với trục hoành.

**Câu 25.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$  ?

A.  $y = x^3 + 2x^2 + 3x + 5$ .B.  $y = x^2 + 3$ .C.  $y = x^4 + 2x^2 + 2$ .D.  $y = 2020$ .

Lời giải

Xét hàm số  $y = x^3 + 2x^2 + 3x + 5$ .

Ta có  $y' = 3x^2 + 4x + 3 = \left(\sqrt{3}x + \frac{2}{\sqrt{3}}\right)^2 + \frac{5}{3} > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 26.** Tọa độ các giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x - 1$  là:

A.  $-1; 0, 0; 1$ .B.  $-1; 0, 0; -1$ .C.  $1; 0$ .D.  $1; 0, 0; -1$ .

Lời giải

Phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x - 1$

là:

$$\frac{x-1}{x+1} = x-1 \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ x^2 - x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases}$$

Với  $x = 0 \Rightarrow y = -1$

Với  $x = 1 \Rightarrow y = 0$

**Câu 27.** Hàm số nào sau đây có cực đại và cực tiểu ?

A.  $y = x^3 + 3x^2 + 3x$ .B.  $y = -x^3 - 3x$ .C.  $y = x^3 - 3x$ .D.  $y = x^3 + 3$ .

Lời giải

Xét hàm số:  $y = x^3 - 3x$

$$y' = 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 0 \end{cases}$$

suy ra hàm số có cực đại, cực tiểu

Chọn đáp án C.

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d: y = 2x - 3$ . Đường thẳng  $d$  cắt

$(C)$  tại hai điểm  $A$  và  $B$ . Khoảng cách giữa  $A$  và  $B$  là

A.  $AB = \frac{2\sqrt{5}}{5}$ B.  $AB = \frac{5}{2}$ C.  $AB = \frac{5\sqrt{5}}{2}$ D.  $AB = \frac{2}{5}$ 

Lời giải

Ta có: pt hoành độ giao điểm

$$\frac{2x-1}{x+1} = 2x-3 \Leftrightarrow 2x^2 - 3x - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

Đường thẳng  $d$  cắt  $(C)$  tại hai điểm  $A\left(-\frac{1}{2}; -4\right)$  và  $B(2;1)$ . Khoảng cách giữa  $A$  và  $B$  là

$$AB = \sqrt{\left(2 + \frac{1}{2}\right)^2 + (1+4)^2} = \frac{5\sqrt{5}}{2}.$$

Chọn đáp án C.

**Câu 29.** Biết  $m_0$  là giá trị tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx - 1$  có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$  sao cho  $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 13$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

**A.**  $m_0 \in (-1;7)$

**B.**  $m_0 \in (7;10)$

**C.**  $m_0 \in (-15;-7)$

**D.**  $m_0 \in (-7;-1)$

**Lời giải**

Ta có  $y' = 3x^2 - 6x + m = 0$  (1)

Để hàm số có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$  khi (1) có hai nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow \Delta' > 0 \Leftrightarrow m < 3$

Khi đó:  $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 13 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 3x_1x_2 = 13 \Leftrightarrow 4 - m = 13 \Leftrightarrow m = -9$  (thỏa mãn).

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$		$3$	$5$	$3$	$+\infty$

Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có bốn nghiệm phân biệt.

**A.**  $m \leq -\frac{1}{3}$

**B.**  $-1 < m \leq -\frac{1}{3}$

**C.**  $-1 < m < -\frac{1}{3}$

**D.**  $3 < m < 5$

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có bốn nghiệm phân biệt.

$$3 < 2 - 3m < 5 \Leftrightarrow -1 < m < -\frac{1}{3}.$$

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (3m+2)x + 1$ . Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số đã cho nghịch biến trên  $R$ ?

**A.**  $-2 \leq m \leq -1$ .

**B.**  $\begin{cases} m > -1 \\ m < -2 \end{cases}$ .

**C.**  $\begin{cases} m \geq -1 \\ m \leq -2 \end{cases}$ .

**D.**  $-2 < m < 1$ .

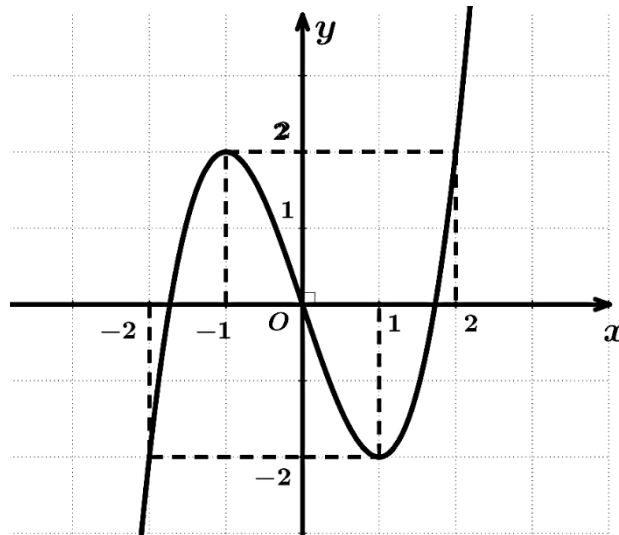
**Lời giải**

Để hàm số đã cho nghịch biến trên  $R$  khi  $y' = -x^2 + 2mx + (3m + 2) \leq 0, \forall x$

$$\Delta' \leq 0 \Leftrightarrow m^2 + 3m + 2 \leq 0 \Leftrightarrow -2 \leq m \leq -1$$

Chọn đáp án A.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Biết đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ dưới đây.



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

**A.**  $(-\infty; -2)$

**B.**  $(-\infty; -1)$

**C.**  $(-1; 0)$

**D.**  $(2; +\infty)$

**Lời giải**

Ta thấy đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  cắt  $Ox$  tại ba điểm lần lượt từ trái sang phải là  $x_1; 0; x_2$ , với  $-2 < x_1 < -1; 1 < x_2 < 2$ .

$$f'(x) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x < x_1 \\ 0 < x < x_2 \end{cases}$$

Suy ra hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; x_1)$  và  $(0; x_2)$

Chọn đáp án A.

**Câu 33.** Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên  $m$  để hàm  $y = \frac{(m+1)x-2}{x-m}$  đồng biến trên từng khoảng xác định của nó?

**A.** 1.

**B.** 0.

**C.** 2.

**D.** 3.

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$

Ta có :

$$y' = \frac{-m^2 - m + 2}{(x-m)^2}$$

Hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định:  $y' > 0$  với  $\forall x \in D$

$$\Leftrightarrow \frac{-m^2 - m + 2}{(x-m)^2} > 0 \Rightarrow -m^2 - m + 2 > 0 \Leftrightarrow -2 < m < 1.$$

Vậy  $S = \{-1; 0\}$ .

**Câu 34.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $d: y = x + m$  cắt đồ thị hàm  $y = \frac{-x+1}{2x-1}$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$ .

A.  $m < 0$ .

B.  $m \in \mathbb{R}$ .

C.  $m > 1$ .

D.  $m = 5$ .

Lời giải

$$\text{TXĐ: } D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}.$$

$$\text{Phương trình hoành độ giao điểm: } \frac{-x+1}{2x-1} = x+m \Leftrightarrow 2x^2 + 2mx - m - 1 = 0$$

Để đường thẳng cắt đồ thị hàm số tại hai điểm phân biệt thì phương trình  $2x^2 + 2mx - m - 1 = 0$

$$\text{có hai nghiệm phân biệt } \neq \frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = m^2 + 2m + 1 = (m+1)^2 + 1 > 0 \quad \forall x \in \mathbb{R} \\ 2\left(\frac{1}{2}\right)^2 + 2m \cdot \frac{1}{2} - m - 1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \forall m \in \mathbb{R}.$$

Vậy  $m \in \mathbb{R}$ .

**Câu 35.** Một khối lăng trụ tam giác có đáy là tam giác đều cạnh bằng 3, cạnh bên bằng  $2\sqrt{3}$  và tạo với mặt phẳng đáy một góc  $30^\circ$ . Khi đó thể tích khối lăng trụ là

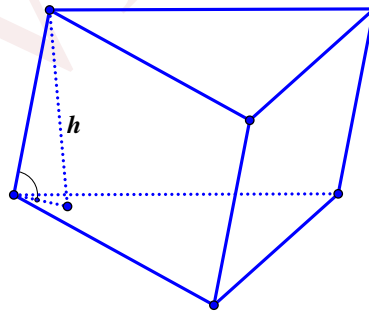
A.  $\frac{9}{4}$ .

B.  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$ .

C.  $\frac{27\sqrt{3}}{4}$ .

D.  $\frac{27}{4}$ .

Lời giải



Diện tích đáy của khối lăng trụ  $S = \frac{9\sqrt{3}}{4}$ , chiều của khối lăng trụ  $h = 2\sqrt{3} \cdot \sin 30^\circ = \sqrt{3}$ .

Vậy thể tích khối lăng trụ là  $\frac{27}{4}$ .

**Câu 36.** Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m^2 - 4)x^4 + (m^2 - 25)x^2 + m - 3$  có 3 cực trị.

A. 4.

B. 3.

C. 2.

D. 1.

Lời giải

Hàm số có 3 điểm cực trị  $\Leftrightarrow ab < 0 \Leftrightarrow (m^2 - 4)(m^2 - 25) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -5 < m < -2 \\ 2 < m < 5 \end{cases}$ . Vậy có hai giá trị nguyên dương của tham số  $m$  thỏa ycbt.

**Câu 37.** Các đường chéo của các mặt hình hộp chữ nhật bằng  $\sqrt{5}, \sqrt{10}, \sqrt{13}$ . Tính thể tích  $V$  của khối hộp chữ nhật đó.

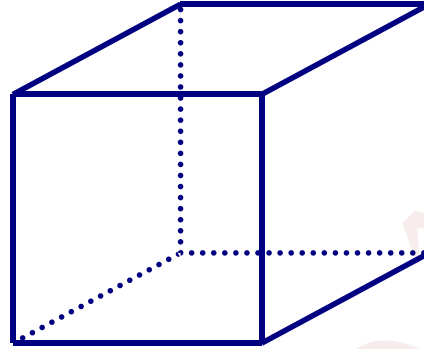
**A.**  $V = 6$ .

**B.**  $V = 5\sqrt{26}$ .

**C.**  $V = 2$ .

**D.**  $V = \frac{5\sqrt{26}}{3}$ .

**Lời giải**



Đặt  $x, y, z$  lần lượt là chiều dài, rộng, cao của hình hộp chữ nhật ( $x, y, z > 0$ ).

Khi đó ta có hệ phương trình: 
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 5 \\ x^2 + z^2 = 13 \\ y^2 + z^2 = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 = 4 \\ y^2 = 1 \\ z^2 = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 1 \\ z = 3 \end{cases}.$$

Vậy  $V = xyz = 2.1.3 = 6$ .

**Câu 38.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 + 2}{x^2 - mx + 1}$  có hai đường tiệm cận đứng.

**A.**  $m \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty) \setminus \left\{ \frac{5}{2} \right\}$ .

**B.**  $m \in (-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ .

**C.**  $m \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ .

**D.**  $m \neq \frac{5}{2}$ .

**Lời giải**

Yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow$  phương trình  $x^2 - mx + 1 = 0$  có hai nghiệm phân biệt.

$$\Leftrightarrow \Delta > 0 \Leftrightarrow m^2 - 4 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m > 2 \\ m < -2 \end{cases}$$

**Câu 39.** Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R} \setminus -2; 2$ , có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		-	- 0 +	+	+
$f(x)$	$+\infty$	$+\infty$	$0$	$+\infty$	$-1$

Gọi  $k, l$  lần lượt là số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số

$$y = \frac{1}{f(x) - 2020}. \text{ Tính } k + l.$$

A.  $k + l = 2.$

B.  $k + l = 3.$

C.  $k + l = 4.$

D.  $k + l = 5.$

Lời giải

$x$	$-\infty$	$a$	$-2$	$b$	$0$	$c$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		-		-	0	+		+
$f(x)$	$+\infty$		$+\infty$		0		$+\infty$	$-1$

$$f(x) - 2020 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = a \ (a < -2) \\ x = b \ (-2 < b < 0) \\ x = c \ (0 < c < 2) \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow a^+} \frac{1}{f(x) - 2020} = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow b^+} \frac{1}{f(x) - 2020} = \infty \Rightarrow k = 3.$$

$$\lim_{x \rightarrow c^+} \frac{1}{f(x) - 2020} = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{f(x) - 2020} = -\frac{1}{2021}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{f(x) - 2020} = 0$$

$$\Rightarrow l = 2.$$

Vậy  $k + l = 5.$

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = \frac{3x + 5}{3x + 1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các điểm thuộc  $(C)$  có tọa độ là số nguyên. Tính số phần tử của  $S$ .

A. 15 .

B. 3 .

C. 2 .

D. 6 .

Lời giải

$$y = \frac{3x + 5}{3x + 1} = 1 + \frac{4}{3x + 1}.$$

Do  $x, y$  là các số nguyên nên

$$\Rightarrow \begin{cases} 3x + 1 = \pm 1 \\ 3x + 1 = \pm 2 \\ 3x + 1 = \pm 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0, x = \frac{-2}{3} \\ x = \frac{1}{3}, x = -1 \\ x = 1, x = -\frac{5}{3} \end{cases}$$

Suy ra các tọa độ nguyên  $(0; 5); (-1; -1); (1; 2)$ .

**Câu 41.** Gọi  $A, B, C$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 4$ . Bán kính đường tròn nội tiếp tam giác  $ABC$  bằng

A. 1.

B.  $\sqrt{2} + 1$ .

C.  $\sqrt{2} - 1$ .

D.  $\sqrt{2}$ .

Lời giải

Ta có  $y' = 4x^3 - 4x$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -1 \end{cases} \text{ và } y' \text{ đổi dấu qua các nghiệm đó.}$$

$\Rightarrow$  Hàm số có ba điểm cực trị tại  $x = 0; x = 1; x = -1$ .

$\Rightarrow$  Đồ thị hàm số có ba điểm cực trị  $A(0; 4); B(1; 3); C(-1; 3)$ .

$$\Rightarrow \overline{AB} = (1; -1) \Rightarrow AB = \sqrt{2}; \overline{AC} = (-1; -1) \Rightarrow AC = \sqrt{2}; \overline{BC} = (-2; 0) \Rightarrow BC = 2.$$

$\Rightarrow \Delta ABC$  cân tại  $A$ . Gọi  $H$  là trung điểm của  $BC \Rightarrow AH \perp BC$ .

$$\Rightarrow AH = \sqrt{AB^2 - HB^2} = \sqrt{2 - 1} = 1.$$

$$\Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} AH \cdot BC = 1.$$

$$\text{Mà } p = \frac{AB + AC + BC}{2} = \frac{2 + 2\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} + 1$$

$$\text{Vì } S_{\Delta ABC} = pr \Rightarrow r = \frac{S_{\Delta ABC}}{p} = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} = \sqrt{2} - 1.$$

Vậy  $r = \sqrt{2} - 1$ .

**Chú ý:** Có thể tính diện tích  $\Delta ABC$  bằng công thức

$$S_{\Delta ABC} = \sqrt{p(p - AB)(p - AC)(p - BC)}.$$

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA = a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Gọi  $M$  là trung điểm  $SB$ ,  $N$  là điểm thuộc cạnh  $SD$  sao cho  $SN = 2ND$ . Tính thể tích  $V$  của khối tứ diện  $ACMN$ .

A.  $V = \frac{1}{12} a^3$ .

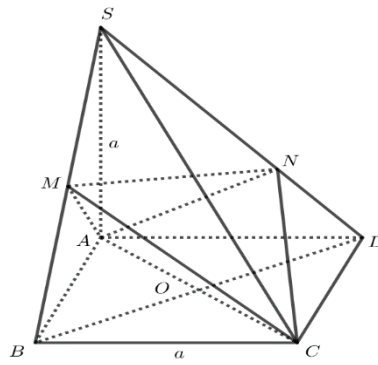
B.  $V = \frac{1}{8} a^3$ .

C.  $V = \frac{1}{36} a^3$ .

D.  $V = \frac{1}{6} a^3$ .

Lời giải





Ta có :  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} SA.S_{S.ABCD} = \frac{a^3}{3}$ .

Vì  $\frac{ND}{SD} = \frac{1}{3} \Rightarrow d(N, (ABCD)) = \frac{1}{3} SA = \frac{a}{3}$ .

$\frac{MB}{SB} = \frac{1}{2} \Rightarrow d(M, (ABCD)) = \frac{1}{2} SA = \frac{a}{2}$ .

Mà  $V_{ACMN} = V_{S.ABCD} - V_{SAMN} - V_{SCMN} - V_{MABC} - V_{NADC}$

Mặt khác  $V_{SABD} = V_{SBCD} = \frac{1}{2} V_{S.ABCD} = \frac{a^3}{6}$ .

$\frac{V_{SAMN}}{V_{SABD}} = \frac{SM}{SB} \cdot \frac{SN}{SD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} = \frac{1}{3} \Rightarrow V_{S.AMN} = \frac{1}{3} V_{SABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^3}{6} = \frac{a^3}{18}$ .

$\frac{V_{SCMN}}{V_{SBCD}} = \frac{SM}{SB} \cdot \frac{SN}{SD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} = \frac{1}{3} \Rightarrow V_{SCMN} = \frac{1}{3} V_{SBCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^3}{6} = \frac{a^3}{18}$ .

$V_{MABC} = \frac{1}{3} d(M, (ABCD)) \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{2} a^2 = \frac{a^3}{12}$ .

$V_{NADC} = \frac{1}{3} d(N, (ABCD)) \cdot S_{ADC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a}{3} \cdot \frac{1}{2} a^2 = \frac{a^3}{18}$ .

Vậy  $V_{ACMN} = \frac{a^3}{3} - \frac{a^3}{18} - \frac{a^3}{18} - \frac{a^3}{12} - \frac{a^3}{18} = \frac{a^3}{12}$ .

**Câu 43.** Gọi S là tập hợp các giá trị của tham số m để giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = (x^2 + x + m)^2$  trên đoạn  $[-2; 2]$  bằng 4. Tính tổng các phần tử của S.

**A.**  $-\frac{23}{4}$

**B.**  $\frac{41}{4}$

**C.**  $\frac{9}{4}$

**D.** 0.

**Lời giải**

Vì  $\min_{[-2;2]} y = 4$  nên  $(x^2 + x + m)^2 \geq 4 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + x + m \geq 2 \\ x^2 + x + m \leq -2 \end{cases}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} m \geq -x^2 - x + 2 = f(x) \\ m \leq -x^2 - x - 2 = g(x) \end{cases}, \forall x \in [-2; 2].$

+) Xét  $f(x) = -x^2 - x + 2, \forall x \in [-2; 2].$

$f'(x) = -2x - 1; f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -\frac{1}{2}$

BBT

$x$	-2	-1/2	2
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$	0	9/4	-4

Từ BBT suy ra  $m \geq \frac{9}{4}$ .  $\min_{[-2;2]} y = 4 \Leftrightarrow m = \frac{9}{4}$ .

+) Xét  $g(x) = -x^2 - x - 2, \forall x \in [-2; 2]$ .

$$g'(x) = -2x - 1; g'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -\frac{1}{2}$$

BBT

$x$	-2	-1/2	2
$g'(x)$	+	0	-
$g(x)$	-4	-7/4	-8

Từ BBT suy ra  $m \leq -8$ .  $\min_{[-2;2]} y = 4 \Leftrightarrow m = -8$ .

Vậy  $S = \left\{ \frac{9}{4}; -8 \right\}$  Do đó  $m_1 + m_2 = \frac{9}{4} - 8 = -\frac{23}{4}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d: y = -x + m$ . Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để  $d$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $\Delta PAB$  đều, biết  $P(2;5)$ . Tính tổng bình phương tất cả các phân tử của  $S$ .

A. 10

**B. 26**

C. 25

D. 16

**Lời giải**

Phương trình hoành độ giao điểm:  $\frac{2x-1}{x+1} = -x+m, \text{ đk } x \neq -1$

$$\Leftrightarrow 2x-1 = (-x+m)(x+1)$$

$$\Leftrightarrow x^2 + (3-m)x - 1 - m = 0 \quad (1)$$

Để  $d$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  khi và chỉ khi (1) có hai nghiệm phân biệt,  $x \neq -1$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} (3-m)^2 + 4m + 4 > 0 \\ 1 - 3 + m - 1 - m \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m^2 - 2m + 13 > 0, \text{ đúng } \forall m$$

Gọi  $A(x_1; y_1)$ ,  $B(x_2; y_2)$  là hai giao điểm của  $d$  và  $(C)$

Suy ra  $A(x_1; -x_1 + m)$ ,  $B(x_2; -x_2 + m)$

Theo viet ta có  $\begin{cases} x_1 + x_2 = m - 3 \\ x_1 \cdot x_2 = -1 - m \end{cases}$

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (x_1 - x_2)^2} = \sqrt{2(m - 3)^2 + 8 + 8m}$$

Gọi  $I$  là trung điểm của  $AB \Rightarrow I\left(\frac{m - 3}{2}; \frac{m + 3}{2}\right)$

$$\overline{PI} = \left(\frac{m - 7}{2}; \frac{m - 7}{2}\right)$$

$$\text{Mặt khác } PI = d(I; (d)) = \frac{|5 + 2 - m|}{\sqrt{1 + 1}} = \frac{|7 - m|}{\sqrt{2}}$$

$$\text{Đề tam giác } \Delta PAB \Leftrightarrow PI = AB \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \Leftrightarrow \frac{|7 - m|}{\sqrt{2}} = \sqrt{2m^2 - 4m + 26} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Leftrightarrow 2(7 - m)^2 = 3(2m^2 - 4m + 26)$$

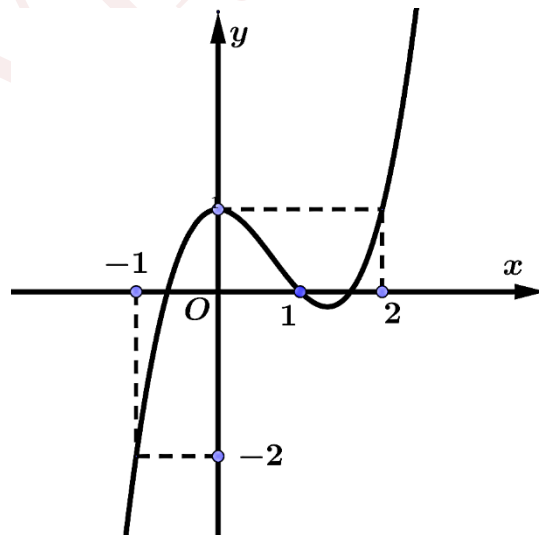
$$\Leftrightarrow 4m^2 + 16m - 20 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow m_1^2 + m_2^2 = 26$$

Chọn đáp án B

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ bên dưới.



Hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{x^3}{3} + x^2 - x + 2$  có bao nhiêu điểm cực đại ?

A. 0

**B. 1**

C. 2

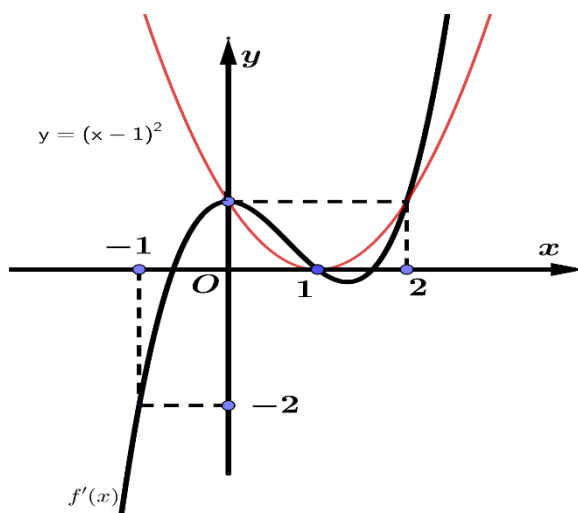
D. 3

Lời giải

Ta có  $g'(x) = f'(x) - x^2 + 2x - 1$

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2. (*)$$

Dựa vào tương giao của 2 đồ thị  $y = f'(x)$  và  $y = (x - 1)^2$



Khi đó (\*) có 3 nghiệm  $\begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		0		1		2		$+\infty$
$g'(x)$			-	0	+	0	-	0	+
$g(x)$	$+\infty$								$+\infty$

$\swarrow$  CT       $\nearrow$  CĐ       $\searrow$  CT       $\nearrow$

Vậy hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{x^3}{3} + x^2 - x + 2$  có một cực đại.

**Câu 46.** Cho hai tam giác đều  $ABC$  và  $ABD$  có độ dài cạnh bằng 1 và nằm trong hai mặt phẳng vuông góc. Gọi  $S$  là điểm đối xứng của  $B$  qua đường thẳng  $CD$ . Tính thể tích của khối đa diện  $ABDSC$

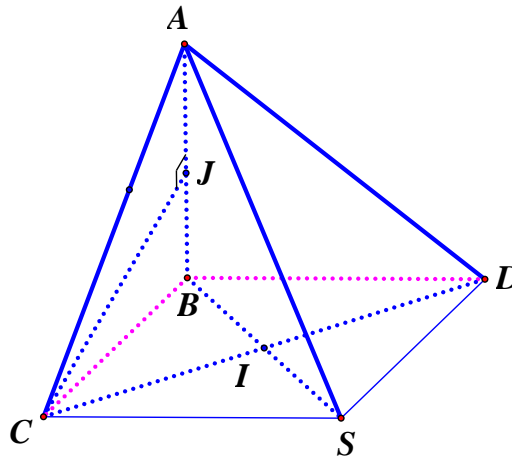
A.  $\frac{3}{4}$ .

B.  $\frac{3}{8}$ .

C.  $\frac{1}{2}$ .

**D.  $\frac{1}{4}$ .**

Lời giải



Vì tam giác  $BCD$  cân tại  $B$  và  $S$  là điểm đối xứng với  $B$  qua  $CD$  nên tứ giác  $BDSC$  là một hình thoi. Khi đó  $S_{BDSC} = 2S_{BCD}$ , suy ra  $V_{ABDSC} = 2V_{ABCD}$ .

Hạ  $CJ \perp AB$ , vì  $(ABC) \perp (ABD)$  nên  $CJ \perp (ABD)$ . Ta có

$$V_{ABCD} = \frac{1}{3} CJ \cdot S_{ABD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{1}{8}.$$

$$\text{Vậy } V_{ABDSC} = \frac{1}{4}.$$

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có các cạnh  $AB = a$ ,  $AC = a\sqrt{3}$ ,  $SB > 2a$  và góc  $\angle ABC = \angle BAS = \angle BCS = 90^\circ$ . Biết sin của góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng  $(SAC)$  bằng  $\frac{\sqrt{11}}{11}$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$

A.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{9}$ .

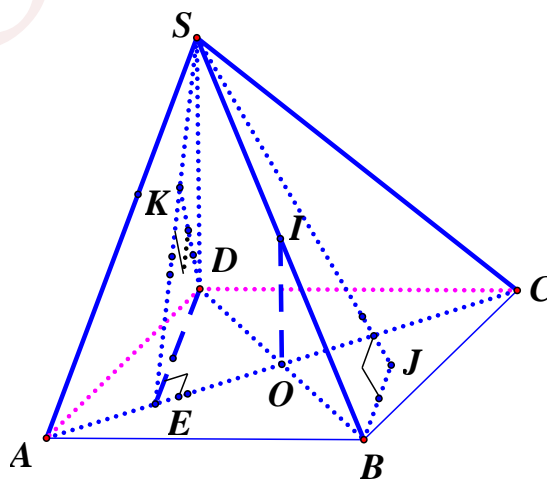
B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$ .

**C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .**

D.

$\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .

Lời giải



Gọi  $I$  là trung điểm  $SB$ , ta có  $IA = IB = IC (= IS)$ . Gọi  $O$  là trung điểm  $AC$ , vì tam giác  $ABC$  vuông tại  $B$  nên  $O$  là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$ . Suy ra  $IO \perp (ABC)$ . Gọi  $D$  là điểm đối xứng của  $B$  qua  $O$ , khi đó  $IO \parallel SD$  nên  $SD \perp (ABC)$ . Đặt  $SD = h$ . Hạ  $DE \perp AC, DK \perp SE$ , khi đó  $DK = d(D, (SAC))$ . Ta có

$$\frac{1}{DK^2} = \frac{1}{SD^2} + \frac{1}{DA^2} + \frac{1}{DC^2} \Rightarrow DK^2 = \frac{2a^2h^2}{2a^2 + 3h^2}.$$

Hạ  $BJ \perp (SAC)$  suy ra góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng  $(SAC)$  là góc  $\angle BSJ$ . Ta có

$$\sin \angle BSJ = \frac{BJ}{SB} = \frac{\sqrt{11}}{11} \Leftrightarrow \frac{BJ^2}{SB^2} = \frac{1}{11} \Leftrightarrow \frac{BJ^2}{h^2 + 3a^2} = \frac{1}{11} \Rightarrow BJ^2 = \frac{h^2 + 3a^2}{11}.$$

Ta thấy  $d(D, (SAC)) = d(B, (SAC)) \Rightarrow DK = BJ$ . Do đó

$$\begin{aligned} \frac{2a^2h^2}{2a^2 + 3h^2} &= \frac{h^2 + 3a^2}{11} \Leftrightarrow (h^2 + 3a^2)(2a^2 + 3h^2) = 22a^2h^2 \\ \Leftrightarrow 3h^4 - 11a^2h^2 + 6a^4 &= 0 \Leftrightarrow h^2 = 3a^2 \text{ hoặc } h^2 = \frac{2}{3}a^2. \end{aligned}$$

Trong tam giác vuông  $SDB$  có  $SB > 2a$ ,  $BD = a\sqrt{3}$  nên  $SD > a$ , hay  $h > a$ . Suy

$$\text{ra } h = a\sqrt{3}. \text{ Vậy } V_{S.ABC} = \frac{1}{3}SD.S_{ABC} = \frac{1}{3}a\sqrt{3}\left(\frac{1}{2}a.a\sqrt{2}\right) = \frac{a^3\sqrt{6}}{6}.$$

**Câu 48.** Biết điểm  $M(x_M; y_M)$  thuộc đồ thị  $(C): y = \frac{2x-2}{x+1}$  sao cho khoảng cách từ  $M$  đến đường thẳng

$\Delta_1: 2x - y + 4 = 0$  bằng  $\frac{2}{3}$  lần khoảng cách từ  $M$  đến đường thẳng  $\Delta_2: x - 2y + 5 = 0$ . Hãy chọn

khẳng định đúng?

**A.**  $x_M + y_M = -4$ .

**B.**  $x_M + y_M = 4$ .

**C.**  $x_M + y_M = 2$ .

**D.**  $x_M + y_M = 0$ .

**Lời giải**

Ta có  $d_{(M; \Delta_1)} = \frac{|2x_M - y_M + 4|}{\sqrt{5}}$  và  $d_{(M; \Delta_2)} = \frac{|x_M - 2y_M + 5|}{\sqrt{5}}$

Suy ra  $|2x_M - y_M + 4| = \frac{2}{3}|x_M - 2y_M + 5|$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3(2x_M - y_M + 4) = 2(x_M - 2y_M + 5) \\ 3(2x_M - y_M + 4) = -2(x_M - 2y_M + 5) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4x_M + y_M = -2 & (1) \\ 8x_M - 7y_M = -22 & (2) \end{cases}$$

Mà  $M(x_M; y_M)$  thuộc đồ thị  $(C): y = \frac{2x-2}{x+1}$  suy ra  $y_M = \frac{2x_M-2}{x_M+1}$

Thay vào (1) ta được  $4x_M + \frac{2x_M-2}{x_M+1} = -2 \Leftrightarrow 4x_M^2 + 8x_M = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_M = 0 \Rightarrow y_M = -2 \\ x_M = -2 \Rightarrow y_M = 6 \end{cases}$

Thay vào (2) ta được  $8x_M - 7\frac{2x_M-2}{x_M+1} = -22 \Leftrightarrow 8x_M^2 + 16x_M + 36 = 0 (VN)$

Vậy  $x_M + y_M = 4$  là đúng.

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = \frac{x-2}{x-1}$  có đồ thị  $(C)$  và điểm  $M(3; -1)$ . Gọi  $D$  là tập hợp tất cả các đường thẳng đi qua điểm  $M$  và cắt đồ thị  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $MB = 3MA$ . Tính tổng tất cả các hệ số góc của các đường thẳng thuộc  $D$ .

**A.**  $-1$ .

**B.**  $-\frac{6}{5}$ .

**C.**  $\frac{9}{5}$ .

**D.**  $2$ .

**Lời giải**

Gọi đường thẳng thuộc  $D$  có dạng:  $d: y = k(x-3) - 1 = kx - 3k - 1$ .

Phương trình hoành độ giao điểm:

$$\begin{aligned} \frac{x-2}{x-1} &= kx - 3k - 1 \\ \Leftrightarrow x - 2 &= (kx - 3k - 1)(x - 1) \\ \Leftrightarrow kx^2 - 2(2k + 1)x + 3k + 3 &= 0 \quad (1) \end{aligned}$$

Để  $d$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  thì (1) có 2 nghiệm phân biệt khác 1, tức là

$$\begin{cases} k \neq 0 \\ (2k+1)^2 - k(3k+3) > 0 \\ k \cdot 1^2 - 2(2k+1) \cdot 1 + 3k + 3 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} k \neq 0 \\ k^2 + k + 1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow k \neq 0.$$

Khi đó phương trình (1) có 2 nghiệm thỏa hệ thức Viet:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{4k+2}{k} & (2) \\ x_1 x_2 = \frac{3k+3}{k} & (3) \end{cases}$$

Gọi  $A(x_1; kx_1 - 3k - 1) \Rightarrow \overline{MA} = (x_1 - 3; kx_1 - 3k)$ .

$B(x_2; kx_2 - 3k - 1) \Rightarrow \overline{MB} = (x_2 - 3; kx_2 - 3k)$ .

Ta có  $MB = 3MA \Leftrightarrow \begin{cases} \overline{MB} = 3\overline{MA} \\ \overline{MB} = -3\overline{MA} \end{cases}$ .

**Trường hợp 1:**  $\overline{MB} = 3\overline{MA} \Leftrightarrow x_2 - 3 = 3(x_1 - 3) \Leftrightarrow x_2 = 3x_1 - 6 \quad (4)$ .

Từ (2) và (4) suy ra  $\begin{cases} x_1 + 3x_1 - 6 = \frac{4k+2}{k} \\ x_2 = 3x_1 - 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{10k+2}{4k} \\ x_2 = \frac{6k+6}{4k} \end{cases}$

Thay vào (3), ta được

$$\begin{aligned} \left(\frac{10k+2}{4k}\right)\left(\frac{6k+6}{4k}\right) &= \frac{3k+3}{k} \\ \Leftrightarrow 12k^2 + 24k + 12 &= 0 \\ \Leftrightarrow k &= -1 \end{aligned}$$

**Trường hợp 2:**  $\overline{MB} = -3\overline{MA} \Leftrightarrow x_2 - 3 = -3(x_1 - 3) \Leftrightarrow x_2 = -3x_1 + 12 \quad (5)$ .

Từ (2) và (5) suy ra  $\begin{cases} x_1 - 3x_1 + 12 = \frac{4k+2}{k} \\ x_2 = -3x_1 + 12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{4k-1}{k} \\ x_2 = \frac{3}{k} \end{cases}$

Thay vào (3), ta được:

$$\left(\frac{4k-1}{k}\right)\left(\frac{3}{k}\right) = \frac{3k+3}{k}$$

$$\Leftrightarrow 3k^2 - 9k + 3 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} k = \frac{3+\sqrt{5}}{2} \\ k = \frac{3-\sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

Vậy tổng tất cả các hệ số góc của các đường thẳng thuộc  $D$  là

$$S = -1 + \frac{3+\sqrt{5}}{2} + \frac{3-\sqrt{5}}{2} = 2.$$

**Câu 50.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $B$  và  $C$ . Hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(SBD)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ . Biết  $AB = 4a; BC = CD = a$  và khoảng cách từ trung điểm  $E$  của  $BC$  đến mặt phẳng  $(SAD)$  bằng  $\frac{5a\sqrt{26}}{52}$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$

**A.**  $\frac{5a^3}{6}$

**B.**  $\frac{6a^3}{5}$

**C.**  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$

**D.**  $\frac{a^3\sqrt{6}}{5}$

**Lời giải**

Chọn đáp án A.

Do hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(SBD)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$  nên  $SB \perp (ABCD)$ .

Gọi  $Q$  là giao điểm của  $BC, AD$ . Gọi  $F$  là trung điểm  $AD$ .

Kẻ  $BM \perp AD, BI \perp SM$ . Dễ thấy  $BI \perp mp(SAD)$

Ta có  $\frac{d(E, (SAD))}{d(B, (SAD))} = \frac{EQ}{BQ} = \frac{EF}{BA}$

$$\Rightarrow d(E, (SAD)) = \frac{EF}{BA} \cdot BI = \frac{\left(\frac{a+4a}{2}\right)}{4a} \cdot BI$$

$$\Rightarrow BI = \frac{8}{5} d(E, (SAD)) = \frac{8}{5} \frac{5a\sqrt{26}}{52} = \frac{8a\sqrt{26}}{52}$$

Xét tam giác vuông  $BAQ$  có  $\frac{1}{BM^2} = \frac{1}{BA^2} + \frac{1}{BQ^2} = \frac{1}{(4a)^2} + \frac{1}{\left(\frac{4a}{3}\right)^2} = \frac{5}{8a^2}$ .

Xét tam giác vuông  $SBM$  có  $\frac{1}{SB^2} = \frac{1}{BI^2} - \frac{1}{BM^2} = \frac{1}{\left(\frac{8a\sqrt{26}}{52}\right)^2} - \frac{5}{8a^2} = \frac{1}{a^2}$

$$\Rightarrow SB = a.$$

Vậy  $V = \frac{1}{3} SB \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a \cdot \frac{(4a+a)a}{2} = \frac{5a^3}{6}$



ĐẶNG VIỆT ĐÔNG

**ĐỀ 4**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**ĐỀ BÀI**

- Câu 1:** Trong các hàm số sau, hàm nào đồng biến trên  $\mathbb{R}$  ?  
**A.**  $y = x^3 - x$ .      **B.**  $y = x^3 + x$ .      **C.**  $y = x^2 + 1$ .      **D.**  $y = x^4 + 2x^2$ .
- Câu 2:** Cho lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy bằng  $a$  và khoảng cách giữa hai đáy của của lăng trụ bằng  $4a$ . Tính thể tích  $V$  của lăng trụ đã cho.  
**A.**  $3\sqrt{3}a^3$ .      **B.**  $6\sqrt{3}a^3$ .      **C.**  $2\sqrt{3}a^3$ .      **D.**  $9\sqrt{3}a^3$ .
- Câu 3:** Số cạnh của một hình bát diện đều là  
**A.** Tám.      **B.** Mười sáu.      **C.** Mười hai.      **D.** Mười.
- Câu 4:** Cho hàm số  $y = \frac{1-3x}{4x+5}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?  
**A.** Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $\left(-\infty; -\frac{5}{4}\right); \left(-\frac{5}{4}; +\infty\right)$ .  
**B.** Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{5}{4}\right\}$ .  
**C.** Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{5}{4}\right\}$ .  
**D.** Hàm số đồng biến trên  $\left(-\infty; -\frac{5}{4}\right); \left(-\frac{5}{4}; +\infty\right)$ .
- Câu 5:** Cho các hàm số  $f(x) = x^4 + 2018$ ,  $g(x) = 2x^3 - 2018$  và  $h(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ . Trong các hàm số đã cho, có tất cả bao nhiêu hàm số không có khoảng nghịch biến?  
**A.** 2.      **B.** 1.      **C.** 0.      **D.** 3.
- Câu 6:** Tìm các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x-m}{x+1}$  đồng biến trên các khoảng xác định của nó.  
**A.**  $m \in [-1; +\infty)$ .      **B.**  $m \in (-\infty; -1)$ .      **C.**  $m \in (-\infty; -1]$ .      **D.**  $m \in (-1; +\infty)$ .
- Câu 7:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên khoảng  $(a; b)$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?  
**A.** Nếu  $f'(x) > 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .  
**B.** Nếu  $f(x) < 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .  
**C.** Nếu  $f'(x) < 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên  $(a; b)$ .  
**D.** Nếu  $f(x) > 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .
- Câu 8.** Lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$ ,  $BC = 2a$ ,  $AB = a$ , mặt bên  $ABB'A'$  là hình vuông. Khi đó thể tích của khối lăng trụ bằng

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .      D.

$\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .

**Câu 9:** Một hình lăng trụ có đúng 11 cạnh bên thì hình lăng trụ đó có tất cả bao nhiêu cạnh?

- A. 33.      B. 31.      C. 30.      D. 22.

**Câu 10:** Bảng biến thiên sau đây là bảng biến thiên của hàm số nào?

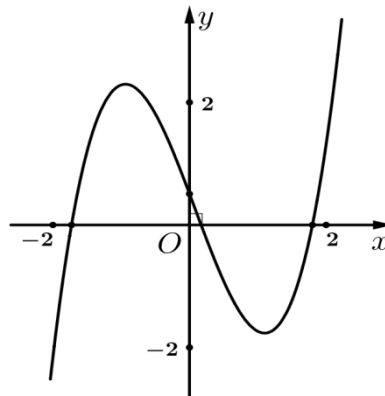
$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$y'$	-	0	+	0	-
$y$	$+\infty$	-1	3	$-\infty$	

- A.  $y = x^3 + 3x^2 - 1$ .      B.  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .      C.  $y = -x^3 - 3x^2 - 1$ .      D.  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Câu 11:** Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm là  $f'(x) = x^2(x+1)^2(2x-1)$ . Số điểm cực trị của hàm số là

- A. 0.      B. 1.      C. 2.      D. 3.

**Câu 12:** Một hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d, (a \neq 0)$  có đồ thị như hình dưới đây



Chọn phát biểu đúng trong các phát biểu dưới đây?

- A.  $a > 0, c < 0$ .      B.  $a > 0, c > 0$ .      C.  $a < 0, b < 0, c < 0$ .      D.  $a < 0, c < 0$ .

**Câu 13:** Tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 2$  tại điểm  $M(-1; -2)$  có phương trình là

- A.  $y = 9x - 2$ .      B.  $y = 24x - 2$ .      C.  $y = 24x + 22$ .      D.  $y = 9x + 7$ .

**Câu 14:** Tính giá trị cực tiểu  $y_{CT}$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ ?

- A.  $y_{CT} = 2$ .      B.  $y_{CT} = -1$ .      C.  $y_{CT} = 3$ .      D.  $y_{CT} = 1$ .

**Câu 15:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên dưới đây:

$x$	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$	
$y'$	-	0	+	0	-	+
$y$	$+\infty$	-4	-3	-4	$+\infty$	

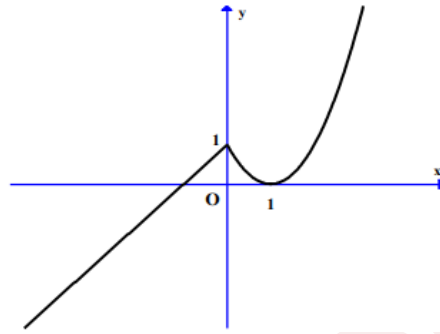
Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đạt cực đại tại  $x=1$ .  
 B. Hàm số có 2 điểm cực đại.  
 C. Hàm số có 3 điểm cực trị.  
 D. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x=0$ .

**Câu 16:** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(x-2)-1 > 0$  là

- A.  $(6; +\infty)$ .  
 B.  $(5; +\infty)$ .  
 C.  $(4; +\infty)$ .  
 D.  $(3; +\infty)$ .

**Câu 17:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Hỏi hàm số đó có bao nhiêu điểm cực trị?



- A. 0.  
 B. 3.  
 C. 1.  
 D. 2.

**Câu 18:** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 2$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $A, B$  là các điểm cực trị của  $(C)$ . Tính độ dài đoạn thẳng  $AB$ .

- A. 4.  
 B.  $2\sqrt{5}$ .  
 C. 5.  
 D.  $5\sqrt{2}$ .

**Câu 19:** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA, SB, SC$  đôi một vuông góc và  $SA = a\sqrt{2}, SB = SC = a$ . Khi đó khoảng cách từ  $S$  đến mặt phẳng  $(ABC)$  bằng

- A.  $\frac{a\sqrt{5}}{10}$ .  
 B.  $\frac{a\sqrt{2}}{5}$ .  
 C.  $\frac{a\sqrt{5}}{2}$ .  
 D.  $\frac{a\sqrt{10}}{5}$ .

**Câu 20:** Kí hiệu  $m, M$  lần lượt là giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{x+3}{2x-1}$  trên đoạn  $[1; 4]$ . Tính giá trị biểu thức  $d = M - m$ .

- A.  $d = 4$ .  
 B.  $d = 5$ .  
 C.  $d = 2$ .  
 D.  $d = 3$ .

**Câu 21:** Cho khối chóp tam giác đều có cạnh đáy bằng  $a$ , góc giữa cạnh bên và đáy bằng  $30^\circ$ . Khi đó thể tích của khối chóp là

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{18}$ .  
 B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{36}$ .  
 C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{36}$ .  
 D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{18}$ .

**Câu 22:** Cho hình chóp  $S.ABC$ , trên ba cạnh  $SA, SB, SC$  lần lượt lấy ba điểm  $A', B', C'$  sao cho  $SA' = \frac{1}{2}SA, SB' = \frac{1}{2}SB, SC' = \frac{1}{2}SC$ . Gọi  $V$  và  $V'$  lần lượt là thể tích của các khối chóp  $S.ABC$

và  $S.A'B'C'$ . Khi đó tỉ số  $\frac{V'}{V}$  là

- A. 24.  
 B.  $\frac{1}{24}$ .  
 C.  $\frac{1}{12}$ .  
 D.  $\frac{1}{8}$ .

**Câu 23:** Một chất điểm chuyển động theo phương trình  $S(t) = -2t^3 + 18t^2 + 2t + 1$ , trong đó  $t$  tính bằng giây ( $s$ ) và  $S(t)$  tính bằng mét ( $m$ ). Thời gian vận tốc chất điểm đạt giá trị lớn nhất là

- A.  $t = 5(s)$ .                      B.  $t = 6(s)$ .                      C.  $t = 3(s)$ .                      D.  $t = 1(s)$ .

**Câu 24:** Đồ thị hàm số  $y = \frac{2x}{x^2 - 2x - 3}$  có bao nhiêu đường tiệm cận

- A. 0.                                      B. 2.                                      C. 3.                                      D. 1.

**Câu 25:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên đoạn  $[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]$  và có bảng biến thiên như hình vẽ sau:

$x$	$-\sqrt{3}$	$-1$	$1$	$\sqrt{5}$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$0$	$2$	$-2$	$2\sqrt{5}$	

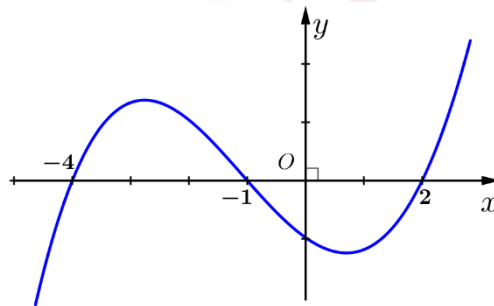
Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $\min_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = 0$ .                      B.  $\max_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = 2\sqrt{5}$ .                      C.  $\max_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = 2$ .                      D.  $\min_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = -2$ .

**Câu 26:** Tìm điểm cực đại  $x_0$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

- A.  $x_0 = -1$ .                                      B.  $x_0 = 1$ .                                      C.  $x_0 = 0$ .                                      D.  $x_0 = 3$ .

**Câu 27:** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên dưới



Hỏi đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020x}{f(x)}$  có bao nhiêu đường tiệm cận đứng?

- A. 1.                                      B. 0.                                      C. 2.                                      D. 3.

**Câu 28:** Thể tích của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng  $a$  là

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .                                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$ .

**Câu 29:** Cho hàm số  $y = \frac{mx + 1}{x + n}$ . Nếu đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = 3$  và có tiệm cận ngang đi qua điểm  $A(2; 5)$  thì tổng của  $m$  và  $n$  là

- A. 3.                                      B. 4.                                      C. 5.                                      D. 2.

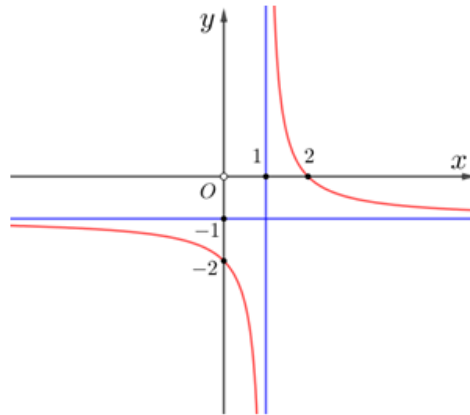
**Câu 30:** Cho hàm số  $y = f(x); y = f(f(x)); y = f(x^2 + 4)$  lần lượt có đồ thị là  $(C_1); (C_2); (C_3)$ . Đường thẳng  $x = 1$  cắt  $(C_1); (C_2); (C_3)$  lần lượt tại  $M, N, P$ . Biết tiếp tuyến của  $(C_1)$  tại  $M$  và của  $(C_2)$  tại  $N$  có phương trình lần lượt là  $y = 3x + 2; y = 12x - 5$  và phương trình tiếp tuyến của  $(C_3)$  tại  $P$  có dạng  $y = ax + b$ . Tìm  $a + b$ .

- A. 8.                                      B. 9.                                      C. 7.                                      D. 6.

**Câu 31:** Cho  $(C): y = x^3 - 2x^2$ . Tính hệ số góc  $k$  của tiếp tuyến với  $(C)$  tại điểm có hoành độ  $x_0 = 1$ .

- A.  $k = 0$ .                      B.  $k = 1$ .                      C.  $k = -1$ .                      D.  $k = -2$ .

**Câu 32:** Cho hàm số  $y = \frac{ax - b}{x - 1}$  có đồ thị như hình vẽ



Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $b < 0 < a$ .                      B.  $b < a < 0$ .                      C.  $a < b < 0$ .                      D.  $0 < b < a$ .

**Câu 33:** Trong các hàm số sau, hàm số nào là hàm số chẵn?

- A.  $y = \cos 3x$ .                      B.  $y = -\sin x$ .                      C.  $y = \sin 3x$ .                      D.  $y = \sin 2x + \cos 2x$ .

**Câu 34:** Từ các số 0, 1, 3, 4, 5 lập được bao nhiêu số tự nhiên có năm chữ số khác nhau?

- A. 240.                      B. 225.                      C. 600.                      D. 96.

**Câu 35:** Cho hai đường thẳng  $d_1$  và  $d_2$  song song với nhau. Trên đường thẳng  $d_1$  cho 6 điểm phân biệt, trên đường thẳng  $d_2$  cho 7 điểm phân biệt. Số tam giác có đỉnh là các điểm trong 13 điểm đã cho là:

- A. 310.                      B. 105.                      C. 231.                      D. 126.

**Câu 36:** Một công việc được hoàn thành bằng cách chọn một trong hai hành động. Hành động thứ nhất có  $m$  cách thực hiện và hành động thứ hai có  $n$  cách thực hiện. Số cách hoàn thành công việc đã cho bằng:

- A.  $m^n$ .                      B.  $m.n$ .                      C.  $m + n$ .                      D.  $n^m$ .

**Câu 37:** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = (x + 3)(x^2 + 3x + 2)$  với trục  $Ox$  là

- A. 1.                      B. 3.                      C. 0.                      D. 2.

**Câu 38:** Khối chóp có diện tích đáy là  $B$ , chiều cao bằng  $h$ . Thể tích  $V$  khối chóp là

- A.  $\frac{1}{3}Bh$ .                      B.  $Bh$ .                      C.  $\frac{1}{2}Bh$ .                      D.  $\frac{1}{6}Bh$ .

**Câu 39:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ , đạo hàm  $f'(x)$  có bảng xét dấu như sau

$x$	$-\infty$	1	2	3	4	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+	0	-

Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau đây?

- A.  $(0; 3)$ .                      B.  $(-2; 1)$ .                      C.  $(3; 4)$ .                      D.  $(4; 5)$ .

**Câu 40:** Đồ thị hàm số  $y = \frac{3 - 2x}{x - 1}$  có đường tiệm cận đứng, tiệm cận ngang là

- A.**  $x = 1; y = 2.$       **B.**  $x = -1; y = -2.$       **C.**  $x = 2; y = 1.$       **D.**  $x = 1; y = -2.$

**Câu 41:** Khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng  $a$  có thể tích là

- A.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}.$       **B.**  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}.$       **C.**  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}.$       **D.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}.$

**Câu 42:** Xếp 7 người  $A, B, C, D, E, F, G$  vào một ghế dài. Có bao nhiêu cách sắp xếp sao cho  $A$  và  $G$  ngồi ở hai đầu ghế?

- A.** 240..      **B.** 140..      **C.** 260..      **D.** 420..

**Câu 43:** Cho hàm số  $y = x^2 - 2x + 1$ . Tìm giá trị lớn nhất của hàm số đã cho trên  $[-2; 3]$ .

- A.** 9.      **B.** 3..      **C.** 10..      **D.** 4..

**Câu 44:** Có bao nhiêu khối đa diện đều mà các mặt là các tam giác đều?

- A.** 3.      **B.** 1.      **C.** 4.      **D.** 2.

**Câu 45:** Đồ thị hàm số nào sau đây không có đường tiệm cận ngang?

- A.**  $y = \frac{2x-3}{x+1}.$       **B.**  $y = \frac{x^2}{x+1}.$       **C.**  $y = \frac{x+2}{x-1}.$       **D.**  $y = \frac{x+2}{x^2+1}.$

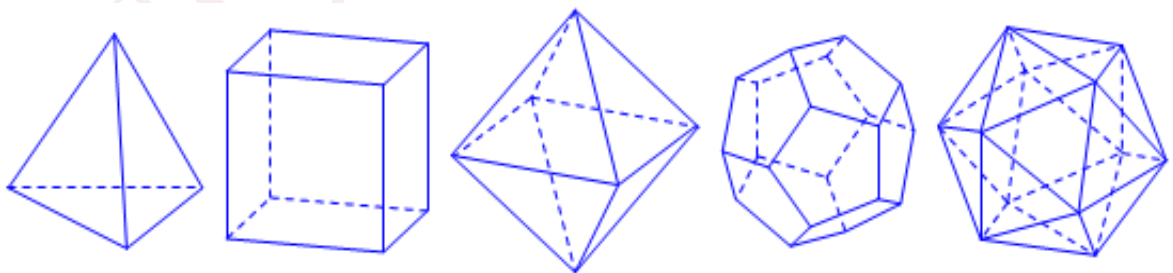
**Câu 46:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới

$x$	$-\infty$	1	3	7
$y'$	+		+	-
$y$		4	$+\infty$	$+\infty$

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị  $y = f(x)$  là

- A.** 4.      **B.** 3.      **C.** 2.      **D.** 1.

**Câu 47:** Trong không gian chỉ có 5 loại khối đa diện đều như hình vẽ sau



Khối tứ diện đều Khối lập phương Bát diện đều Khối 12 mặt đều Khối 20 mặt đều  
Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.** Mọi khối đa diện đều có số mặt là những số chia hết cho 4.  
**B.** Khối lập phương và khối bát diện đều có cùng số cạnh.  
**C.** Khối bát diện đều và khối 12 mặt đều có cùng số đỉnh.  
**D.** Khối mười hai mặt đều và khối hai mươi mặt đều có cùng số đỉnh.

**Câu 48:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới:

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$0$	$-4$	$+\infty$	

Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.** Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 0)$ .
- B.** Hàm số đồng biến trên  $(-4; +\infty)$ .
- C.** Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 2)$ .
- D.** Hàm số đồng biến trên  $(0; 2)$ .

**Câu 49:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$1$		$3$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$2018$		$2020$		$-\infty$

Xác định số nghiệm của phương trình  $2f(x) = 2019$ .

- A.** 0.
- B.** 3.
- C.** 2.
- D.** 1.

**Câu 50:** Khi độ dài cạnh của hình lập phương tăng thêm  $2cm$  thì thể tích của nó tăng thêm  $98cm^3$ . Cạnh của hình lập phương đã cho là

- A.**  $5cm$ .
- B.**  $4cm$ .
- C.**  $6cm$ .
- D.**  $3cm$ .



## LỜI GIẢI CHI TIẾT

## BẢNG ĐÁP ÁN

1.B	2.B	3.C	4.D	5.A	6.D	7.A	8.A	9.A	10.D
11.B	12.B	13.D	14.A	15.C	16.B	17.D	18.B	19.D	20.D
21.B	22.D	23.C	24.C	25.D	26.C	27.D	28.A	29.D	30.C
31.C	32.B	33.A	34.D	35.C	36.C	37.B	38.A	39.D	40.D
41.C	42.A	43.A	44.A	45.B	46.B	47.B	48.A	49.D	50.D

**Câu 1:** Trong các hàm số sau, hàm nào đồng biến trên  $\mathbb{R}$  ?

A.  $y = x^3 - x$ .

**B.  $y = x^3 + x$ .**

C.  $y = x^2 + 1$ .

D.  $y = x^4 + 2x^2$ .

## Lời giải

Vì hàm số bậc 2 và bậc 4 luôn có khoảng đồng biến và nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  nên loại đáp án B và D.

Hàm số bậc 3 đồng biến trên  $\mathbb{R}$  khi  $\begin{cases} a > 0 \\ b^2 - 3ac \leq 0 \end{cases}$

Đáp án A  $\begin{cases} 1 > 0 \\ 0^2 - 3 \cdot 1 \cdot (-1) \leq 0 \end{cases}$  vô lý

Đáp án B  $\begin{cases} 1 > 0 \\ 0^2 - 3 \cdot 1 \cdot 1 \leq 0 \end{cases}$  thỏa mãn.

**Câu 2:** Cho lăng trụ lục giác đều có cạnh đáy bằng  $a$  và khoảng cách giữa hai đáy của của lăng trụ bằng  $4a$ . Tính thể tích  $V$  của lăng trụ đã cho.

A.  $3\sqrt{3}a^3$ .

**B.  $6\sqrt{3}a^3$ .**

C.  $2\sqrt{3}a^3$ .

D.  $9\sqrt{3}a^3$ .

## Lời giải

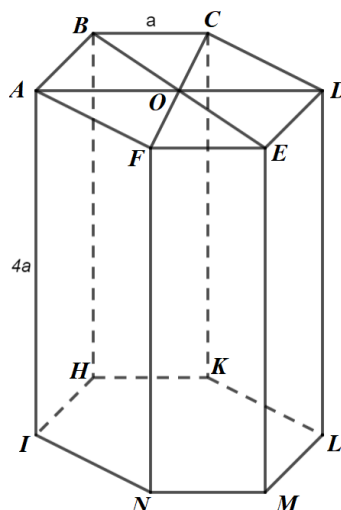
Gọi lăng trụ lục giác đều đó là  $ABCDEF.IHJKLMN$  và  $O$  là tâm của đáy lục giác đều  $ABCDEF$ .

Do cạnh đáy của lục giác đều bằng  $a$  nên diện tích của lục giác đều đó bằng

$$S = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} \cdot 6 = \frac{3a^2 \sqrt{3}}{2}.$$

Từ đó thể tích của khối lăng trụ  $ABCDEF.IHJKLMN$  bằng

$$V = S_{ABCDEF.IHJKLMN} \cdot AI = \frac{3\sqrt{3}a^2}{2} \cdot 4a = 6\sqrt{3}a^3.$$



- Câu 3:** Số cạnh của một hình bát diện đều là  
**A.** Tám.                      **B.** Mười sáu.                      **C. Mười hai.**                      **D.** Mười.

**Lời giải**

Hình bát diện đều có 6 đỉnh, 12 cạnh, 8 mặt.

- Câu 4:** Cho hàm số  $y = \frac{1-3x}{4x+5}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?
- A.** Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $\left(-\infty; -\frac{5}{4}\right); \left(-\frac{5}{4}; +\infty\right)$ .
- B.** Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{5}{4}\right\}$ .
- C.** Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{5}{4}\right\}$ .
- D.** Hàm số đồng biến trên  $\left(-\infty; -\frac{5}{4}\right); \left(-\frac{5}{4}; +\infty\right)$

**Lời giải**

$$y = \frac{1-3x}{4x+5}$$

$$D = \mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{5}{4}\right\}$$

$$\text{Ta có } y' = \frac{-19}{(4x+5)^2}$$

Do đó hàm số  $y = \frac{1-3x}{4x+5}$  nghịch biến trên các khoảng  $\left(-\infty; -\frac{5}{4}\right); \left(-\frac{5}{4}; +\infty\right)$ .

- Câu 5:** Cho các hàm số  $f(x) = x^4 + 2018$ ,  $g(x) = 2x^3 - 2018$  và  $h(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ . Trong các hàm số đã cho, có tất cả bao nhiêu hàm số không có khoảng nghịch biến?  
**A. 2.**                      **B.** 1.                      **C.** 0.                      **D.** 3.

**Lời giải**

+) Xét hàm số  $f(x) = x^4 + 2018 \Rightarrow f'(x) = 4x^3$ .

$f'(x) < 0$  khi  $x < 0$ , hàm số có khoảng nghịch biến

+) Xét hàm số  $g(x) = 2x^3 - 2018 \Rightarrow g'(x) = 6x^2 \geq 0, \forall x$ .

Suy ra hàm số không có khoảng nghịch biến

+) Xét hàm số  $h(x) = \frac{2x-1}{x+1} \Rightarrow h'(x) = \frac{3}{(x+1)^2} > 0, \forall x \neq -1$

Suy ra hàm số không có khoảng nghịch biến

Vậy có hai hàm số không có khoảng nghịch biến.

**Câu 6:** Tìm các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x-m}{x+1}$  đồng biến trên các khoảng xác định của nó.

A.  $m \in [-1; +\infty)$ .

B.  $m \in (-\infty; -1)$ .

C.  $m \in (-\infty; -1]$ .

**D.  $m \in (-1; +\infty)$ .**

**Lời giải**

Xét hàm số  $y = \frac{x-m}{x+1}$  có tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .

Ta có  $y = \frac{x-m}{x+1} \Rightarrow y' = \frac{1+m}{(x+1)^2}$

Để hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định thì  $y' = \frac{1+m}{(x+1)^2} > 0, \forall x \in D \Leftrightarrow m > -1$

Vậy  $m \in (-1; +\infty)$ .

**Câu 7:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên khoảng  $(a; b)$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

**A. Nếu  $f'(x) > 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .**

B. Nếu  $f(x) < 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .

C. Nếu  $f'(x) < 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên  $(a; b)$ .

D. Nếu  $f(x) > 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .

**Lời giải**

Nếu  $f'(x) > 0, \forall x \in (a; b)$  thì hàm số đồng biến trên khoảng  $(a; b)$ .

**Câu 8.** Lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$ ,  $BC = 2a$ ,  $AB = a$ , mặt bên  $ABB'A'$  là hình vuông. Khi đó thể tích của khối lăng trụ bằng

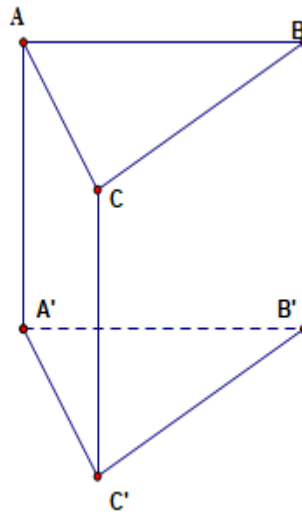
**A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .**

B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ . D.

$\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$ .

**Lời giải**



Ta có  $AC = \sqrt{BC^2 - AB^2} = a\sqrt{3}$ .

Vì  $ABB'A'$  là hình vuông, suy ra  $AA' = AB = a$ .

Vậy thể tích khối lăng trụ là  $V = \frac{1}{2} AA'.AB.AC = \frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

- Câu 9:** Một hình lăng trụ có đúng 11 cạnh bên thì hình lăng trụ đó có tất cả bao nhiêu cạnh?  
**A.** 33.                      **B.** 31..                      **C.** 30..                      **D.** 22.

**Lời giải**

Theo giả thiết hình lăng trụ có đúng 11 cạnh bên thì hình lăng trụ đó có đáy là đa giác 11 cạnh. Vậy tổng số cạnh bên và cạnh đáy của hình lăng trụ đó là: 33.

- Câu 10:** Bảng biến thiên sau đây là bảng biến thiên của hàm số nào?

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$			
$y'$		-	0	+	0	-	
$y$	$+\infty$		-1		3		$-\infty$

- A.**  $y = x^3 + 3x^2 - 1$ .      **B.**  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ ..      **C.**  $y = -x^3 - 3x^2 - 1$ ..      **D.**  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên ta có các nhận xét

Nhánh ngoài cùng đi xuống suy ra hệ số  $a < 0$ , loại đáp án **A** và **B**

$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$ . Chọn đáp án **D**

- Câu 11:** Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm là  $f'(x) = x^2(x+1)^2(2x-1)$ . Số điểm cực trị của hàm số là  
**A.** 0..                      **B.** 1..                      **C.** 2..                      **D.** 3.

**Lời giải**

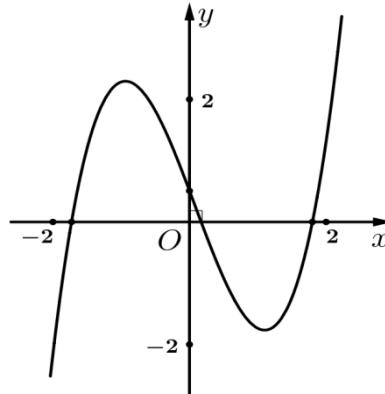
Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x^2(x+1)^2(2x-1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \\ x = \frac{1}{2} \end{cases}$

Ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$					$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên: hàm số đã cho có 1 cực trị.

**Câu 12:** Một hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d, (a \neq 0)$  có đồ thị như hình dưới đây



Chọn phát biểu đúng trong các phát biểu dưới đây?

- A.**  $a > 0, c < 0$ .      **B.**  $a > 0, c > 0$ .      **C.**  $a < 0, b < 0, c < 0$ .      **D.**  $a < 0, c < 0$ .

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị hàm số ta có nhận xét

Đồ thị hàm số có nhánh ngoài cùng đi lên suy ra  $a > 0$ .

Đồ thị cắt trục tung tại điểm có tung độ dương suy ra  $c > 0$ .

**Câu 13:** Tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 2$  tại điểm  $M(-1; -2)$  có phương trình là

- A.**  $y = 9x - 2$ .      **B.**  $y = 24x - 2$ .      **C.**  $y = 24x + 22$ .      **D.**  $y = 9x + 7$ .

**Lời giải**

Ta có:  $y' = 3x^2 - 6x \Rightarrow y'(-1) = 9$ .

Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại điểm  $M$  là:

$$y = 9 \cdot (x + 1) - 2 \Leftrightarrow y = 9x + 7.$$

**Câu 14:** Tính giá trị cực tiểu  $y_{CT}$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$  ?

- A.**  $y_{CT} = 2$ .      **B.**  $y_{CT} = -1$ .      **C.**  $y_{CT} = 3$ .      **D.**  $y_{CT} = 1$ .

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .

Ta có:

$$y' = 4x^3 - 4x \Rightarrow y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$$

$$y'' = 12x^2 - 4$$

$y''(0) = -4 < 0 \Rightarrow x = 0$  là điểm cực đại của hàm số.

$$y''(1) = 8 > 0 \Rightarrow x = 1 \text{ là điểm cực tiểu của hàm số, } y_{CT} = 2.$$

$$y''(-1) = 8 > 0 \Rightarrow x = -1 \text{ là điểm cực tiểu của hàm số, } y_{CT} = 2.$$

**Câu 15:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên dưới đây:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$				$-3$				$+\infty$

Mệnh đề nào sau đây đúng?

A. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ .

B. Hàm số có 2 điểm cực đại.

**C. Hàm số có 3 điểm cực trị.**

D. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .

**Lời giải**

Phương án A sai vì hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 1$ .

Phương án B sai vì hàm số có 2 điểm cực tiểu.

Phương án D sai vì hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$ .

**Câu 16:** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_3(x-2) - 1 > 0$  là

A.  $(6; +\infty)$ .

**B.  $(5; +\infty)$ .**

C.  $(4; +\infty)$ .

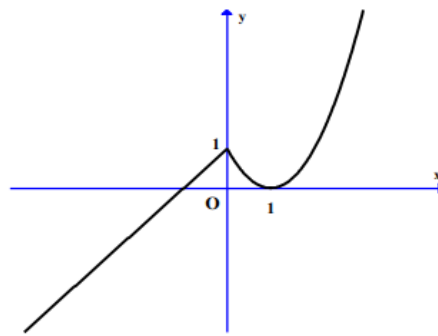
D.  $(3; +\infty)$

**Lời giải**

$$\text{Điều kiện: } x - 2 > 0 \Leftrightarrow x > 2$$

$$\text{Ta có } \log_3(x-2) - 1 > 0 \Leftrightarrow \log_3(x-2) > 1 \Leftrightarrow x - 2 > 3 \Leftrightarrow x > 5 \text{ (thỏa mãn điều kiện).}$$

**Câu 17:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Hỏi hàm số đó có bao nhiêu điểm cực trị?



A. 0.

B. 3.

C. 1.

**D. 2.**

**Lời giải**

Từ đồ thị hàm số ta thấy hàm số đạt cực trị tại  $x = 0$  và  $x = 1$ .

Vậy hàm số có 2 cực trị.

**Câu 18:** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 2$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $A, B$  là các điểm cực trị của  $(C)$ . Tính độ dài đoạn thẳng  $AB$ .

A. 4.

**B.  $2\sqrt{5}$ .**

C. 5.

D.  $5\sqrt{2}$ .

**Lời giải**

$$y' = 3x^2 - 6x; y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$$

Hai điểm cực trị của (C) là  $A(0; 2); B(2; -2)$

$$AB = \sqrt{(2-0)^2 + (-2-2)^2} = 2\sqrt{5}.$$

**Câu 19:** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA, SB, SC$  đôi một vuông góc và  $SA = a\sqrt{2}, SB = SC = a$ . Khi đó khoảng cách từ  $S$  đến mặt phẳng  $(ABC)$  bằng

A.  $\frac{a\sqrt{5}}{10}$ .

B.  $\frac{a\sqrt{2}}{5}$ .

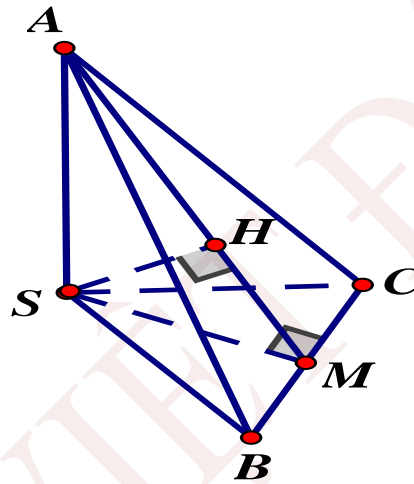
C.  $\frac{a\sqrt{5}}{2}$ .

D.  $\frac{a\sqrt{10}}{5}$ .

Lời giải

Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ .  
 Tam giác  $SBC$  cân tại  $S$  nên  $SM \perp BC$   
 Ta lại có  $SA \perp (SBC) \Rightarrow SA \perp BC$   
 Khi đó  $BC \perp (SAM) \Rightarrow (ABC) \perp (SAM)$   
 Kê  $SH \perp AM \Rightarrow SH \perp (ABC)$   
 $\Rightarrow d(S, (ABC)) = SH$   
 Ta có  $SM = \frac{1}{2}BC = \frac{a\sqrt{2}}{2}$

Tam giác  $SAM$  vuông tại  $S \Rightarrow \frac{1}{SH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{SM^2} \Rightarrow SH = \frac{a\sqrt{10}}{5}$



**Câu 20:** Kí hiệu  $m, M$  lần lượt là giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{x+3}{2x-1}$  trên đoạn  $[1; 4]$ .

Tính giá trị biểu thức  $d = M - m$ .

A.  $d = 4$ .

B.  $d = 5$ .

C.  $d = 2$ .

**D.  $d = 3$ .**

Lời giải

Trên  $[1; 4]$  ta có:

$$y' = \frac{-7}{(2x-1)^2} < 0 \quad \forall x \in [1; 4] \Rightarrow \text{hàm số luôn nghịch biến trên } [1; 4].$$

$$M = \max_{[1; 4]} y = y(1) = 4$$

$$m = \min_{[1; 4]} y = y(4) = 1$$

$$\text{Vậy } d = M - m = 4 - 1 = 3$$

**Câu 21:** Cho khối chóp tam giác đều có cạnh đáy bằng  $a$ , góc giữa cạnh bên và đáy bằng  $30^\circ$ . Khi đó thể tích của khối chóp là

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{18}$ .

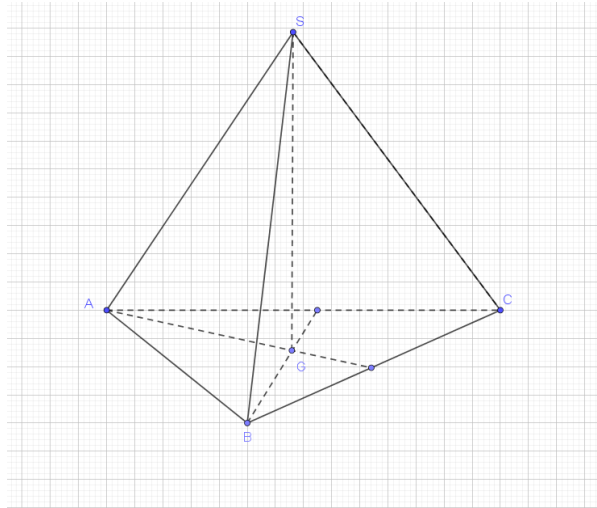
**B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{36}$ .**

C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{36}$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{18}$ .

Lời giải





Gọi G là trọng tâm tam giác  $ABC \Rightarrow G$  là chân đường cao của khối chóp.

Góc giữa cạnh bên và đáy bằng  $30^\circ \Rightarrow$  góc  $SBG = 30^\circ$

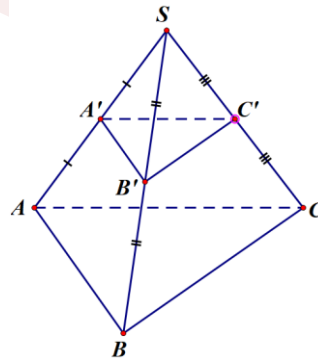
Ta có:  $SG = BG \cdot \tan 30^\circ = \frac{a}{3} \Rightarrow V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{36}$ .

**Câu 22:** Cho hình chóp  $S.ABC$ , trên ba cạnh  $SA, SB, SC$  lần lượt lấy ba điểm  $A', B', C'$  sao cho  $SA' = \frac{1}{2} SA$ ,  $SB' = \frac{1}{2} SB$ ;  $SC' = \frac{1}{2} SC$ . Gọi  $V$  và  $V'$  lần lượt là thể tích của các khối chóp  $S.ABC$  và  $S.A'B'C'$ .

Khi đó tỉ số  $\frac{V'}{V}$  là

- A. 24.                      B.  $\frac{1}{24}$ .                      C.  $\frac{1}{12}$ .                      **D.  $\frac{1}{8}$ .**

**Lời giải**



Áp dụng công thức tỉ số thể tích ta có:  $\frac{V'}{V} = \frac{SA'}{SA} \cdot \frac{SB'}{SB} \cdot \frac{SC'}{SC} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ .

**Câu 23:** Một chất điểm chuyển động theo phương trình  $S(t) = -2t^3 + 18t^2 + 2t + 1$ , trong đó  $t$  tính bằng giây ( $s$ ) và  $S(t)$  tính bằng mét ( $m$ ). Thời gian vận tốc chất điểm đạt giá trị lớn nhất là

- A.  $t = 5(s)$ .                      B.  $t = 6(s)$ .                      **C.  $t = 3(s)$ .**                      D.  $t = 1(s)$ .

**Lời giải**

Ta có:  $v(t) = s'(t) = -6t^2 + 36t + 2 = -6(t^2 - 6t + 9) + 56 = -6(t - 3)^2 + 56 \leq 56$

Thời gian vận tốc chất điểm đạt giá trị lớn nhất là  $t = 3(s)$ .

**Câu 24:** Đồ thị hàm số  $y = \frac{2x}{x^2 - 2x - 3}$  có bao nhiêu đường tiệm cận

A. 0.

B. 2.

**C. 3.**

D. 1.

**Lời giải**

$$D = \mathbb{R} \setminus \{-1; 3\}$$

$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x}{x^2 - 2x - 3} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x}{x^2 \left(1 - \frac{2}{x} - \frac{3}{x^2}\right)} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{\frac{2}{x}}{1 - \frac{2}{x} - \frac{3}{x^2}} = 0$$

Suy ra: Đồ thị hàm số có đường tiệm cận ngang là  $y = 0$

$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x}{x^2 - 2x - 3} = +\infty$$

Suy ra: Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là  $x = -1$

$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow 3^+} y = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{2x}{x^2 - 2x - 3} = +\infty$$

Suy ra: Đồ thị hàm số có đường tiệm cận đứng là  $x = 3$ .

**Câu 25:** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên đoạn  $[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]$  và có bảng biến thiên như hình vẽ sau:

$x$	$-\sqrt{3}$	$-1$	$1$	$\sqrt{5}$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$
$y$	$0$	$2$	$-2$	$2\sqrt{5}$

Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $\min_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = 0$ .B.  $\max_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = 2\sqrt{5}$ .C.  $\max_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = 2$ .**D.  $\min_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = -2$ .****Lời giải**

Từ bảng biến thiên ta thấy trên nửa khoảng  $[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]$  hàm số không có giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất  $\min_{[-\sqrt{3}; \sqrt{5}]} y = -2$ .

**Câu 26:** Tìm điểm cực đại  $x_0$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

A.  $x_0 = -1$ .B.  $x_0 = 1$ .**C.  $x_0 = 0$ .**D.  $x_0 = 3$ .**Lời giải**

$$y = x^4 - 2x^2 + 1 \Rightarrow y' = 4x^3 - 4x$$

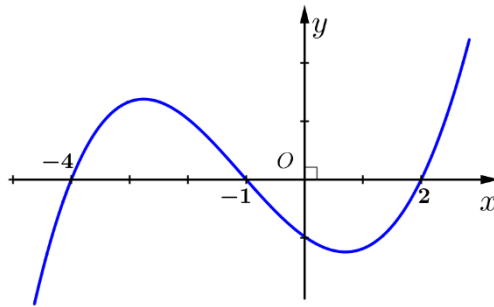
$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

Bảng xét dấu của  $y'$

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Điểm cực đại của hàm số là  $x_0 = 0$ .

**Câu 27:** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên dưới



Hỏi đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020x}{f(x)}$  có bao nhiêu đường tiệm cận đứng?

- A. 1.                                      B. 0.                                      C. 2.                                      **D. 3.**

**Lời giải.**

Xét phương trình  $f(x) = 0$  trên  $\mathbb{R}$ , dựa vào đồ thị ta thấy phương trình  $f(x) = 0$  có 3 nghiệm phân biệt là  $x = -4; x = -1; x = 2$  do đó đồ thị hàm số được viết lại

$$y = g(x) = \frac{2020x}{f(x)} = \frac{2020x}{(x+4).(x+1).(x-2)}$$

Dựa vào định nghĩa đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số ta suy ra đồ thị hàm số

$$y = g(x) = \frac{2020x}{f(x)} = \frac{2020x}{(x+4).(x+1).(x-2)}$$
 có 3 tiệm cận đứng là  $x = -4; x = -1; x = 2$ .

**Câu 28:** Thể tích của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh bằng  $a$  là

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .**                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .                                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$

**Lời giải**

Đây là tam giác đều cạnh  $a$  nên diện tích đáy là  $B = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ .

Chiều cao là  $h$  bằng cạnh bên của lăng trụ  $\Rightarrow h = a$ .

Thể tích lăng trụ là:  $V = B.h = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 29:** Cho hàm số  $y = \frac{mx+1}{x+n}$ . Nếu đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = 3$  và có tiệm cận ngang đi qua điểm  $A(2;5)$  thì tổng của  $m$  và  $n$  là

- A. 3.                                      B. 4.                                      C. 5.                                      **D. 2.**

**Lời giải**

**Chọn D**

Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{mx+1}{x+n}$  là đường thẳng  $x = -n \Rightarrow -n = 3 \Rightarrow n = -3$

Có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{mx+1}{x+n} = m \Rightarrow y = m$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{mx+1}{x+n}$

Theo giả thiết đường thẳng  $y = m$  đi qua điểm  $A(2;5)$  nên  $m = 5$

Vậy  $m+n=2$ .

**Câu 30:** Cho hàm số  $y = f(x); y = f(f(x)); y = f(x^2 + 4)$  lần lượt có đồ thị là  $(C_1); (C_2); (C_3)$ . Đường thẳng  $x = 1$  cắt  $(C_1); (C_2); (C_3)$  lần lượt tại  $M, N, P$ . Biết tiếp tuyến của  $(C_1)$  tại  $M$  và của  $(C_2)$  tại  $N$  có phương trình lần lượt là  $y = 3x + 2; y = 12x - 5$  và phương trình tiếp tuyến của  $(C_3)$  tại  $P$  có dạng  $y = ax + b$ . Tìm  $a + b$ .

A. 8.

B. 9.

**C. 7.**

D. 6.

**Lời giải**

Theo đề bài, tiếp tuyến của  $(C_1)$  tại  $M$  có phương trình  $y = 3x + 2$  nên  $M(1; 5)$ . Mà  $M(1; 5) \in (C_1)$  nên  $f(1) = 5$ .

Tương tự, do phương trình tiếp tuyến của  $(C_2)$  tại  $N$  có dạng  $y = 12x - 5$  nên  $N(1; 7)$ . Do  $N(1; 7) \in (C_2)$  nên  $7 = f(f(1)) \Leftrightarrow 7 = f(5)$ .

Do phương trình tiếp tuyến  $(C_3)$  tại  $P$  có dạng  $y = ax + b$  nên  $P(1; a + b)$ . Vì  $P(1; a + b) \in (C_3)$  suy ra  $a + b = f(1^2 + 4) \Leftrightarrow a + b = f(5) = 7$ .

**Câu 31:** Cho  $(C): y = x^3 - 2x^2$ . Tính hệ số góc  $k$  của tiếp tuyến với  $(C)$  tại điểm có hoành độ  $x_0 = 1$ .

A.  $k = 0$ .

B.  $k = 1$ .

**C.  $k = -1$ .**

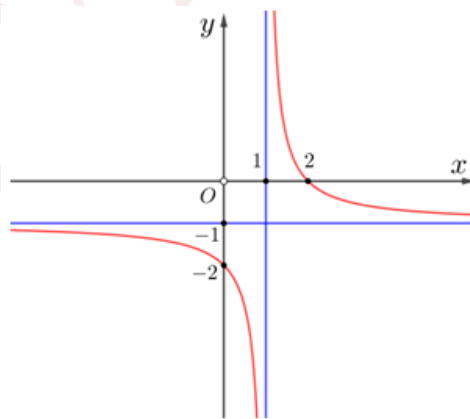
D.  $k = -2$ .

**Lời giải**

Ta có  $y' = 3x^2 - 4x$ .

Do đó hệ số góc của tiếp tuyến với  $(C)$  tại điểm có hoành độ  $x_0 = 1$  là  $k = y'(1) = -1$ .

**Câu 32:** Cho hàm số  $y = \frac{ax - b}{x - 1}$  có đồ thị như hình vẽ



Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $b < 0 < a$ .

**B.  $b < a < 0$ .**

C.  $a < b < 0$ .

D.  $0 < b < a$ .

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị ta thấy hàm số  $y = \frac{ax - b}{x - 1}$  nghịch biến trên mỗi khoảng xác định

$(-\infty; 1)$  và  $(1; \infty) \Rightarrow y' = \frac{b - a}{(x - 1)^2} < 0 \forall x \neq 1 \Rightarrow b < a$  (1). Loại C.

Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax - b}{x - 1}$  cắt trục  $Oy$  tại  $M(0; -2) \Rightarrow b = -2 < 0$  (2). Loại D.

Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax-b}{x-1}$  cắt trục  $Ox$  tại  $(2;0) \Rightarrow b = 2a \Rightarrow a < 0$  (3). Loại A.

Từ (1),(2)và(3)  $\Rightarrow b < a < 0$  ta thấy chỉ có câu B là phù hợp.

**Câu 33:** Trong các hàm số sau, hàm số nào là hàm số chẵn?

**A.**  $y = \cos 3x$ .

**B.**  $y = -\sin x$ .

**C.**  $y = \sin 3x$ .

**D.**  $y = \sin 2x + \cos 2x$ .

**Lời giải**

Xét các đáp án ta thấy ở phương án A hàm số  $y = \cos 3x$  có

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$  thỏa mãn  $\forall x \in D \Rightarrow -x \in D$ .

$$f(-x) = \cos(-3x) = \cos 3x = f(x), \forall x \in D.$$

Do đó  $y = \cos 3x$  là hàm số chẵn.

Các hàm số ở các đáp án còn lại không thỏa mãn định nghĩa hàm số chẵn.

**Câu 34:** Từ các số 0, 1, 3, 4, 5 lập được bao nhiêu số tự nhiên có năm chữ số khác nhau?

**A.** 240.

**B.** 225.

**C.** 600.

**D.** 96.

**Lời giải**

Gọi số cần lập là  $\overline{abcde}$

Do  $a \neq 0$  nên có 4 cách chọn a

Mỗi cách chọn  $\overline{bcde}$  là một hoán vị của 4 nên có  $4!$  cách chọn  $\overline{bcde}$

Vậy tất cả có  $4.4! = 96$  (số).

**Câu 35:** Cho hai đường thẳng  $d_1$  và  $d_2$  song song với nhau. Trên đường thẳng  $d_1$  cho 6 điểm phân biệt, trên đường thẳng  $d_2$  cho 7 điểm phân biệt. Số tam giác có đỉnh là các điểm trong 13 điểm đã cho là:

**A.** 310.

**B.** 105.

**C.** 231.

**D.** 126.

**Lời giải**

**Cách 1:**

Một tam giác được tạo thành khi ta chọn được 3 đỉnh không thẳng hàng từ 13 điểm phân biệt đã cho rồi nối lại với nhau. Ta xét hai trường hợp:

+ TH1: Tam giác có 1 đỉnh trên đường thẳng  $d_1$  và 2 đỉnh trên đường thẳng  $d_2$ .

Trường hợp này có  $C_6^1.C_7^2 = 126$  (tam giác)

+ TH2: Tam giác có 2 đỉnh trên đường thẳng  $d_1$  và 1 đỉnh trên đường thẳng  $d_2$ .

Trường hợp này có:  $C_6^2.C_7^1 = 105$  (tam giác)

Vậy theo quy tắc cộng có:  $126 + 105 = 231$  (tam giác).

**Cách 2:**

+ Số cách chọn ra 3 điểm từ 13 điểm đã cho là:  $C_{13}^3 = 286$

+ Số cách chọn ra 3 điểm cùng nằm trên một đường thẳng là:  $C_6^3 + C_7^3 = 55$

+ Số tam giác có 3 đỉnh lấy từ 13 điểm đã cho bằng số cách chọn ra 3 điểm phân biệt không thẳng hàng từ 13 điểm đã cho nên có:  $286 - 55 = 231$  (tam giác).

**Câu 36:** Một công việc được hoàn thành bằng cách chọn một trong hai hành động. Hành động thứ nhất có  $m$  cách thực hiện và hành động thứ hai có  $n$  cách thực hiện. Số cách hoàn thành công việc đã cho bằng:

**A.**  $m^n$ .

**B.**  $m.n$ .

**C.**  $m + n$ .

**D.**  $n^m$ .

## Lời giải

Theo mô tả qui tắc cộng ta chọn C.

**Câu 37:** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = (x+3)(x^2 + 3x + 2)$  với trục  $Ox$  là

- A. 1.                      **B. 3**                      C. 0.                      D. 2.

## Lời giải

Phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị với trục  $Ox$

$$(x+3)(x^2 + 3x + 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -3 \\ x = -1 \\ x = -2 \end{cases}$$

Vậy đồ thị hàm số  $y = (x+3)(x^2 + 3x + 2)$  với trục  $Ox$  có ba giao điểm.

**Câu 38:** Khối chóp có diện tích đáy là  $B$ , chiều cao bằng  $h$ . Thể tích  $V$  khối chóp là

- A.  $\frac{1}{3} Bh.$**                       B.  $Bh.$                       C.  $\frac{1}{2} Bh.$                       D.  $\frac{1}{6} Bh.$

## Lời giải

Khối chóp có diện tích đáy là  $B$ , chiều cao bằng  $h$ . Thể tích  $V$  khối chóp là  $\frac{1}{3} Bh$ .

**Câu 39:** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ , đạo hàm  $f'(x)$  có bảng xét dấu như sau

$x$	$-\infty$		1		2		3		4		$+\infty$
$f'(x)$		+	0	-	0	-	0	+	0	-	

Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau đây?

- A.  $(0;3)$ .                      B.  $(-2;1)$ .                      C.  $(3;4)$ .                      **D.  $(4;5)$ .**

## Lời giải

**Định lí:** Giả sử hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên khoảng  $K$ .

Nếu  $f'(x) \geq 0, \forall x \in K$  ( $f'(x) = 0$  tại hữu hạn điểm) thì hàm số đồng biến trên khoảng  $K$ .

Nếu  $f'(x) \leq 0, \forall x \in K$  ( $f'(x) = 0$  tại hữu hạn điểm) thì hàm số nghịch biến trên khoảng  $K$ .

Vậy chọn hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1;3)$  và  $(4;+\infty)$ .

**Câu 40:** Đồ thị hàm số  $y = \frac{3-2x}{x-1}$  có đường tiệm cận đứng, tiệm cận ngang là

- A.  $x = 1; y = 2$ .                      B.  $x = -1; y = -2$ .                      C.  $x = 2; y = 1$ .                      **D.  $x = 1; y = -2$ .**

## Lời giải:

Ta có: TXĐ:  $D = \mathbb{R} / \{1\}$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3-2x}{x-1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{3}{x} - 2}{1 - \frac{1}{x}} = -2; \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3-2x}{x-1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\frac{3}{x} - 2}{1 - \frac{1}{x}} = -2$$

Vậy hàm số có tiệm cận ngang là  $y = -2$ .

Ta có:  $x-1=0 \Leftrightarrow x=1$

Mà  $x=1$  không là nghiệm của  $3-2x=0$

Vậy hàm số có tiệm cận đứng là  $x=1$ .

**Câu 41:** Khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng  $a$  có thể tích là

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

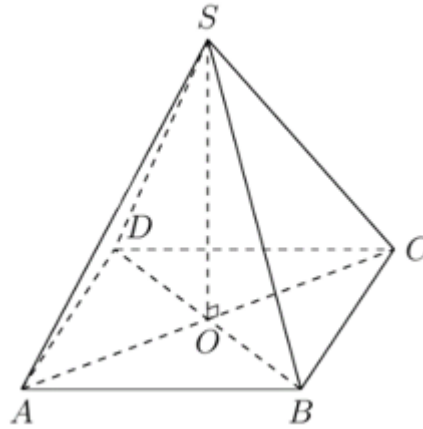
B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

**C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .**

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải**

Tác giả: Phạm Thị Kiều Khanh; Fb: Kiều Khanh Phạm Thị



Gọi khối chóp tứ giác đều là  $S.ABCD$ .

Gọi  $O$  là giao điểm hai đường chéo hình vuông  $ABCD$ , ta có  $SO$  là đường cao của hình chóp.

$$SO = \sqrt{SA^2 - AO^2} = \sqrt{a^2 - \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{a\sqrt{2}}{2}.$$

$$S_{ABCD} = a^2.$$

Vậy thể tích cần tìm là:

$$V = \frac{1}{3} \cdot SO \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{2}}{2} \cdot a^2 = \frac{a^3\sqrt{2}}{6}.$$

**Câu 42:** Xếp 7 người  $A, B, C, D, E, F, G$  vào một ghế dài. Có bao nhiêu cách sắp xếp sao cho  $A$  và  $G$  ngồi ở hai đầu ghế?

**A. 240.**

B. 140..

C. 260..

D. 420.

**Lời giải**

Hoạt động 1: Xếp hai bạn  $A$  và  $G$  vào ngồi ở hai đầu ghế và có thể hoán đổi cho nhau nên có  $2!$  cách xếp.

Hoạt động 2: Xếp 5 bạn còn lại vào 5 vị trí giữa có  $5!$  cách xếp.

Vậy ta có  $2! \cdot 5! = 240$  cách xếp.

**Câu 43:** Cho hàm số  $y = x^2 - 2x + 1$ . Tìm giá trị lớn nhất của hàm số đã cho trên  $[-2; 3]$ .

**A. 9.**

B. 3..

C. 10..

D. 4.

**Lời giải**

Hs xác định trên  $[-2; 3]$ .

$$y' = 2x - 2. \quad y' = 0 \Leftrightarrow x = 1.$$

$$y(-2) = 9, \quad y(1) = 0, \quad y(3) = 4.$$

Vậy giá trị lớn nhất của hàm số là 9, đạt được khi  $x = -2$ .

**Câu 44:** Có bao nhiêu khối đa diện đều mà các mặt là các tam giác đều?

**A. 3.**

B. 1.

C. 4.

D. 2.

**Lời giải**

Các khối đa diện đều mà các mặt là các tam giác đều là: tứ diện đều, bát diện đều, nhị thập diện đều (hai mươi mặt đều).

Vậy có 3 khối đa diện đều mà các mặt là các tam giác đều.

**Câu 45:** Đồ thị hàm số nào sau đây không có đường tiệm cận ngang?

A.  $y = \frac{2x-3}{x+1}$ .

**B.**  $y = \frac{x^2}{x+1}$ .

C.  $y = \frac{x+2}{x-1}$ .

D.  $y = \frac{x+2}{x^2+1}$ .

**Lời giải**

$$\text{Có } \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2}{x+1} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left( x \cdot \frac{1}{1+\frac{1}{x}} \right) = \pm\infty$$

Suy ra đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2}{x+1}$  không có đường tiệm cận ngang.

**Câu 46:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới

$x$	$-\infty$	1	3	7
$y'$	+	+	-	
$y$	↗	↗	↘	
	2	4	$+\infty$	0
		$-\infty$	$+\infty$	

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị  $y = f(x)$  là

A. 4.

**B.** 3.

C. 2.

D. 1.

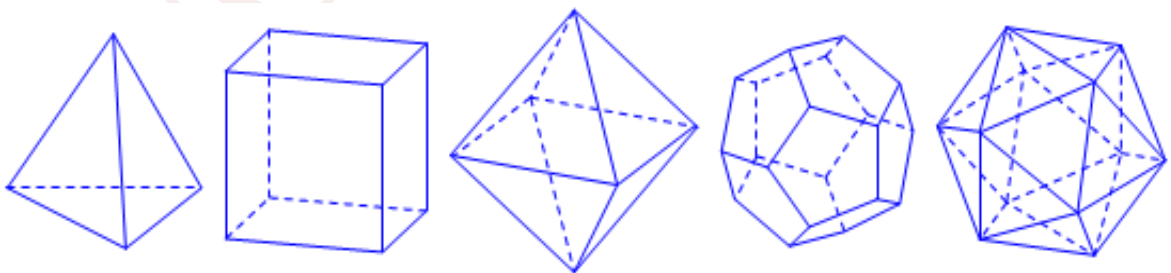
**Lời giải**

Từ bảng biến thiên ta có: Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là  $y = 2$ .

Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số là  $x = 1, x = 3$ .

Vậy đồ thị hàm số có 3 đường tiệm cận.

**Câu 47:** Trong không gian chỉ có 5 loại khối đa diện đều như hình vẽ sau



Khối tứ diện đều Khối lập phương Bát diện đều Khối 12 mặt đều Khối 20 mặt đều  
Mệnh đề nào sau đây đúng?

A. Mọi khối đa diện đều có số mặt là những số chia hết cho 4.

**B.** Khối lập phương và khối bát diện đều có cùng số cạnh.

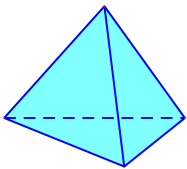
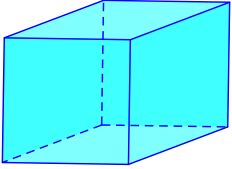
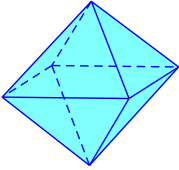
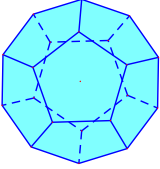
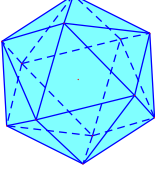
C. Khối bát diện đều và khối 12 mặt đều có cùng số đỉnh.

D. Khối mười hai mặt đều và khối hai mươi mặt đều có cùng số đỉnh.

**Lời giải**

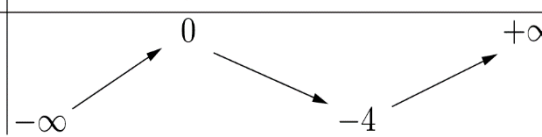
Khối đa diện đều	Số đỉnh	Số cạnh	Số mặt	Loại
------------------	---------	---------	--------	------



Tứ diện đều		4	6	4	{3;3}
Khối lập phương		8	12	6	{4;3}
Bát diện đều		6	12	8	{3;4}
Mười hai mặt đều		20	30	12	{5;3}
Hai mươi mặt đều		12	30	20	{3;5}

**Câu 48:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới:

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$
$y'$	+	0	-	0
$y$	$-\infty$	0	$-4$	$+\infty$



Khẳng định nào sau đây đúng?

**A.** Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 0)$ .

**B.** Hàm số đồng biến trên  $(-4; +\infty)$ .

**C.** Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 2)$ .

**D.** Hàm số đồng biến trên  $(0; 2)$ .

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên ta có: hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 49:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		1		3		$+\infty$
$y'$		-	0	+	0	-	
$y$	$+\infty$		2018		2020		$-\infty$

Xác định số nghiệm của phương trình  $2f(x) = 2019$ .

A. 0.

B. 3.

C. 2.

**D. 1.**

**Lời giải**

Ta có phương trình:  $2f(x) = 2019 \Leftrightarrow f(x) = \frac{2019}{2}$ . (\*)

Phương trình (\*) là phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng

$$y = \frac{2019}{2}.$$

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  suy ra phương trình đã cho có một nghiệm.

**Câu 50:** Khi độ dài cạnh của hình lập phương tăng thêm  $2cm$  thì thể tích của nó tăng thêm  $98cm^3$ . Cạnh của hình lập phương đã cho là

A.  $5cm$ .

B.  $4cm$ .

C.  $6cm$ .

**D.  $3cm$ .**

**Lời giải.**

Gọi cạnh hình lập phương đã cho là  $a(cm)$ , ( $a > 0$ ) thì thể tích của nó là  $a^3 cm^3$ .

Khi cạnh tăng thêm  $2cm$  thì thể tích của khối lập phương là  $(a+2)^3 cm^3$ .

Vì thể tích tăng thêm  $98cm^3$  nên ta có phương trình

$$(a+2)^3 - a^3 = 98 \Leftrightarrow a^2 + 2a - 15 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a = 3 \\ a = -5 \text{ (loại)}. \end{cases}$$

Vậy cạnh hình lập phương đã cho bằng  $3cm$ .

**ĐỀ 5**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

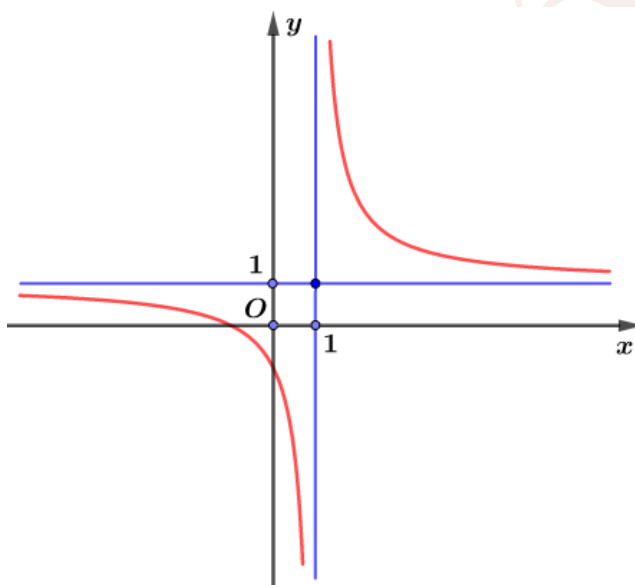
**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$ . Điểm nào dưới đây **không** thuộc đồ thị hàm số đã cho?

- A.  $(0;3)$ .                      B.  $(-1;0)$ .                      C.  $(-2;-3)$ .                      D.  $(2;3)$ .

**Câu 2.** Tọa độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{x+3}{x+1}$  với trục tung là

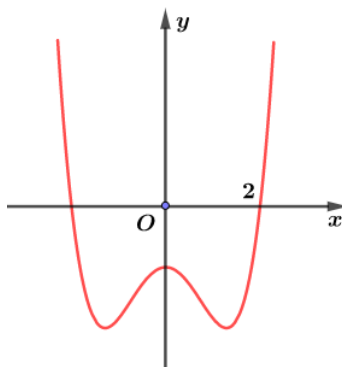
- A.  $(0;3)$ .                      B.  $(3;1)$ .                      C.  $(-3;0)$ .                      D.  $(0;-1)$ .

**Câu 3.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên:



- A.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .                      B.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .                      C.  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ .                      D.  $y = x^3 - 3x - 1$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình bên dưới. Mệnh đề nào sau đây **sai**?



- A.  $a > 0$ .                      B.  $a+b+c < 0$ .                      C.  $c < 0$ .                      D.  $b > 0$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$ . Tích giá trị cực đại và giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- A. 0.                      B. -1.                      C. 1.                      D. 4.

**Câu 6.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 5$  và chiều cao  $h = 6$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng

- A. 11.                      B. 30.                      C. 10.                      D. 15.

**Câu 7.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật với  $AB = a$ ,  $AD = a\sqrt{2}$ ; cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 3a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A.  $a^3\sqrt{2}$ .                      B.  $3a^3\sqrt{2}$ .                      C.  $\frac{1}{3}a^3\sqrt{2}$ .                      D.  $2a^3\sqrt{2}$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$y'$		-	0	+	0	-	
$y$	$+\infty$				5		$-\infty$

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\searrow$   
 $1$                        $-\infty$

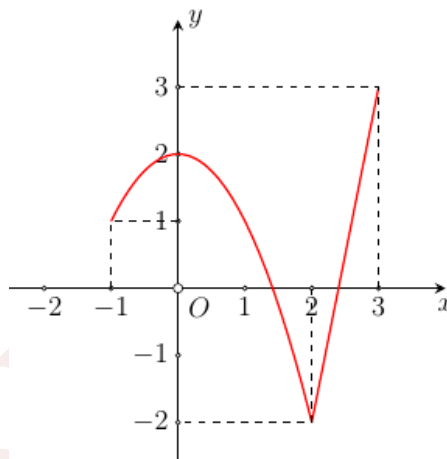
Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

- A. 1.                      B. 5.                      C. 0.                      D. 2.

**Câu 9.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  và đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 4$  là

- A. 1.                      B. 2.                      C. 4.                      D. 0.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 3]$  và có đồ thị như hình vẽ. Giá trị lớn nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[-1; 3]$  bằng



- A. 3.                      B. 2.                      C. 0.                      D. 1.

**Câu 11.** Cho khối hộp chữ nhật có ba kích thước 2; 6; 7. Thể tích của khối hộp đã cho bằng

- A. 28.                      B. 84.                      C. 15.                      D. 14.

**Câu 12.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x-2}$  là

- A.  $x = \frac{1}{2}$ .                      B.  $x = 2$ .                      C.  $x = -2$ .                      D.  $x = 1$ .

**Câu 13.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên đoạn  $[0; 5]$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	0	1	3	5			
$y'$		+	0	-	0	+	
$y$	-4		0		-4		16

Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[0;5]$

- A. 0.                                      B. -4.                                      C. 3.                                      D. 16.

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	3	$+\infty$			
$y'$	-		-	0	+		
$y$	0		$+\infty$		-3		3

Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

- A.  $x = 3$ .                                      B.  $x = -4$ .                                      C.  $x = 0$ .                                      D.  $x = -3$ .

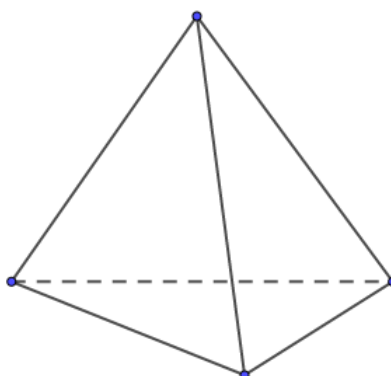
**Câu 15.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$			
$y'$		+		-	0	+	
$y$	$-\infty$		0		-1		$+\infty$

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 0.                                      B. 1.                                      C. 3.                                      D. 2.

**Câu 16.** Khối tứ diện đều là khối đa diện đều loại nào?



- A. Loại  $\{3;5\}$ .                                      B. Loại  $\{3;3\}$ .                                      C. Loại  $\{4;3\}$ .                                      D. Loại  $\{3;4\}$ .

**Câu 17.** Cho khối lăng trụ tứ giác đều có cạnh đáy bằng  $\sqrt{6}$ , độ dài cạnh bên bằng 9. Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A.  $9\sqrt{6}$ .                      B. 18.                      C.  $\frac{27\sqrt{3}}{2}$ .                      D. 54.

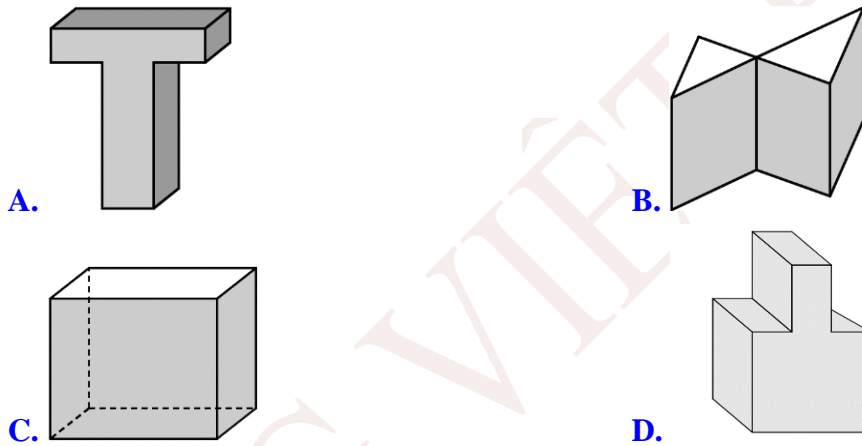
**Câu 18.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$			3		-2		$+\infty$

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- A.  $x = -2$ .                      B.  $x = 1$ .                      C.  $x = 3$ .                      D.  $x = 2$ .

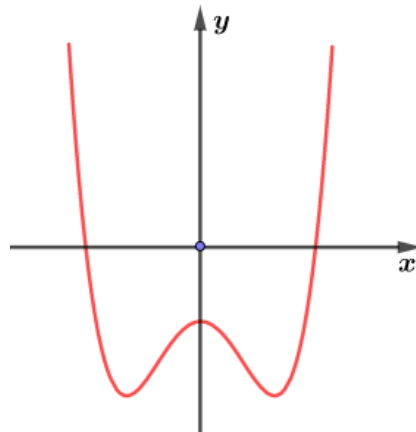
**Câu 19.** Hình nào dưới đây **không** phải khối đa diện?



**Câu 20.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+9} - 3}{x^2 + x}$  là

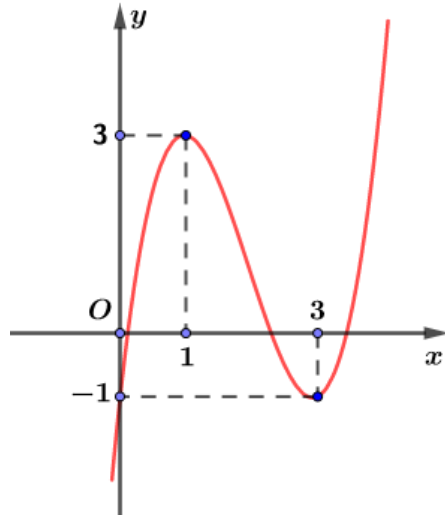
- A. 3.                      B. 2.                      C. 0.                      D. 1.

**Câu 21.** Đồ thị của hàm số nào có dạng như đường cong trong hình dưới đây ?



- A.  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .    B.  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .    C.  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .    D.  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .

**Câu 22.** Đồ thị của hàm số nào có dạng như đường cong trong hình dưới đây ?



A.  $y = x^4 - 6x^2 - 1.$

B.  $y = x^3 - 6x^2 + 9x + 1.$

C.  $y = x^3 - 6x^2 + 9x - 1.$

D.  $y = -x^4 + 6x^2 - 1.$

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$2$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$\parallel$	$-$	$0$	$+$	

Điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

A.  $x = -2.$

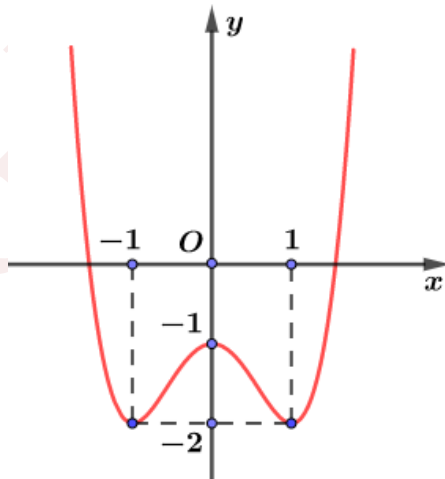
B.  $x = -1.$

C.  $x = 0.$

D.  $x = 2.$

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên .

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây ?



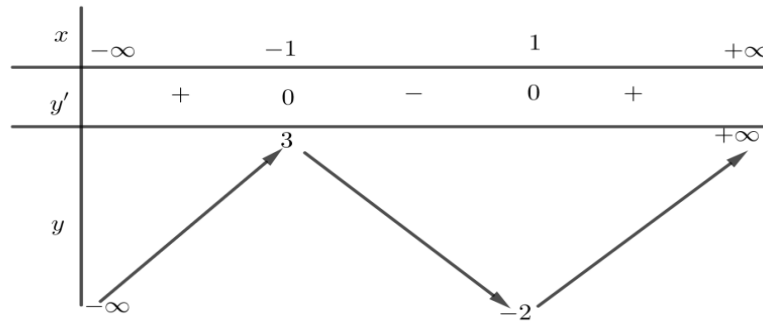
A.  $(-\infty; -1).$

B.  $(-1; 1).$

C.  $(-1; 0).$

D.  $(0; 1).$

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

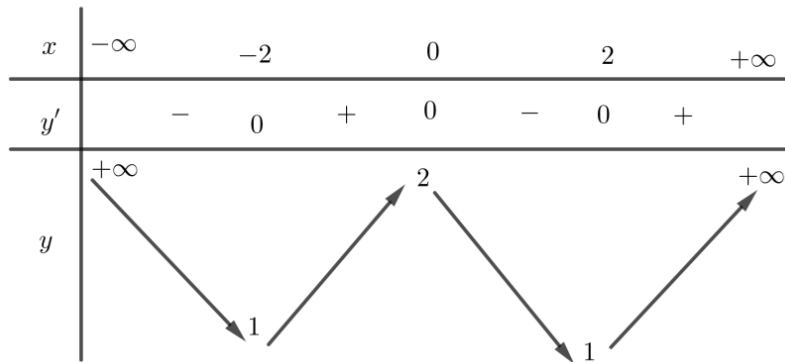


Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.**  $(-1;1)$ .                      **B.**  $(-1;+\infty)$ .                      **C.**  $(-\infty;1)$ .                      **D.**  $(1;+\infty)$ .

biến trên khoảng nào

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.**  $(2;+\infty)$ .                      **B.**  $(0;2)$ .                      **C.**  $(-2;0)$ .                      **D.**  $(0;+\infty)$ .

**Câu 27.** Thể tích khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- A.**  $V = \frac{1}{2} Bh$ .                      **B.**  $V = 3Bh$ .                      **C.**  $V = Bh$ .                      **D.**  $V = \frac{1}{3} Bh$ .

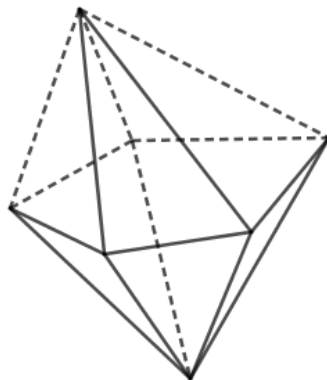
**Câu 28.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2$ . Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.**  $(0;+\infty)$ .                      **B.**  $(0;2)$ .                      **C.**  $(-\infty;0)$ .                      **D.**  $(2;+\infty)$ .

**Câu 29.** Hình chóp tứ giác đều có đáy là

- A.** Hình vuông.                      **B.** Hình chữ nhật.                      **C.** Hình bình hành.                      **D.** Tam giác đều.

**Câu 30.** Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?



- A.** 12.                      **B.** 8.                      **C.** 10.                      **D.** 6.

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = x^2 - 2x + 3$ . Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây ?

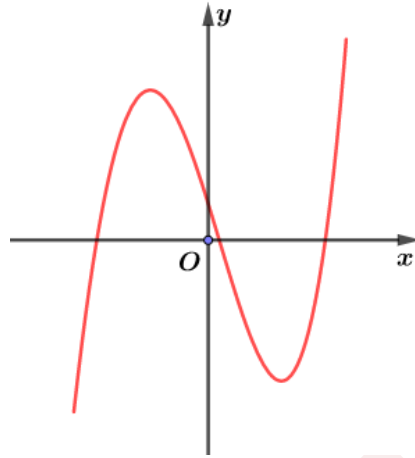
- A.**  $(0;3)$ .                      **B.**  $(0;+\infty)$ .                      **C.**  $(4;+\infty)$ .                      **D.**  $(-\infty;1)$ .



**Câu 32.** Số cạnh của khối bát diện đều là

- A. 12.                                      B. 10.                                      C. 6.                                      D. 20.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là



- A. 3.                                      B. 0.                                      C. 1.                                      D. 2.

**Câu 34.** Khối lập phương có cạnh bằng 2 có thể tích bằng

- A. 8.                                      B. 6.                                      C. 4.                                      D. 2.

**Câu 35.** Đồ thị của hàm số nào trong các hàm số dưới đây có tiệm cận đứng?

- A.  $y = \frac{1}{x^4 + 1}$ .                                      B.  $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ .                                      C.  $y = \frac{1}{x^2 + x + 1}$ .                                      D.  $y = \frac{1}{x^2 + 1}$ .

**Câu 36.** Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

- A.  $y = 2x^3 - 5x + 1$ .                                      B.  $y = x^4 + 3x^2$ .  
C.  $y = 3x^3 + 3x - 2$ .                                      D.  $y = \frac{x-2}{x+1}$ .

**Câu 37.** Cho khối chóp tam giác đều có cạnh đáy bằng 5, chiều cao của khối chóp bằng  $5\sqrt{3}$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A.  $\frac{125}{4}$ .                                      B.  $\frac{375}{4}$ .                                      C.  $\frac{125\sqrt{3}}{3}$ .                                      D.  $\frac{375}{2}$ .

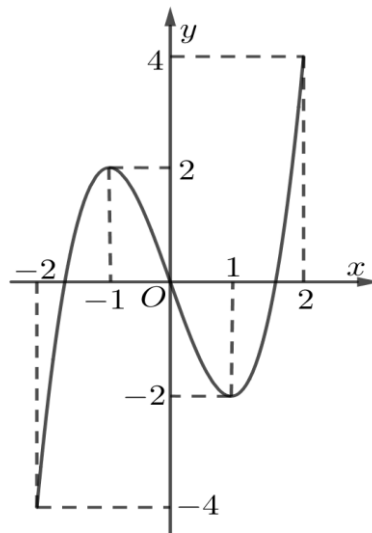
**Câu 38.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$		-	0	+
$y$	2	$+\infty$	-2	$+\infty$

Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- A.  $y = 2$ .                                      B.  $y = -2$ .                                      C.  $y = -4$ .                                      D.  $y = 0$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- A.  $x = 2$ .                      B.  $x = -2$ .                      C.  $x = -1$ .                      D.  $x = 1$ .

**Câu 40.** Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  trên đoạn  $[0; 2]$ . Giá trị của  $M - m$  bằng

- A. 1.                                  B. 8.                                  C. 9.                                  D. 11.

**Câu 41.** Gọi  $m_0$  là giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$ .

Hỏi  $m_0$  thuộc khoảng nào dưới đây?

- A.  $(4; 10)$ .                      B.  $(0; 5)$ .                      C.  $(-5; 0)$ .                      D.  $(-\infty; -5)$ .

**Câu 42.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = \frac{x - m^2 + m}{x + 1}$  trên đoạn  $[0; 3]$  bằng  $\frac{1}{4}$ . Tổng tất cả các phần tử của  $S$  bằng

- A. -1.                                  B.  $\frac{1}{2}$ .                                  C. -2.                                  D. 1.

**Câu 43.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông, mặt bên  $SAB$  là tam giác vuông tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết  $SA = a; SB = a\sqrt{3}$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A.  $\frac{4\sqrt{3}}{3}a^3$ .                      B.  $2a^3\sqrt{3}$ .                      C.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}a^3$ .                      D.  $a^3\sqrt{3}$ .

**Câu 44.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+1}{x+3m}$  nghịch biến trong khoảng  $(6; +\infty)$

- A. 3.                                  B. 0.                                  C. Vô số.                              D. 6.

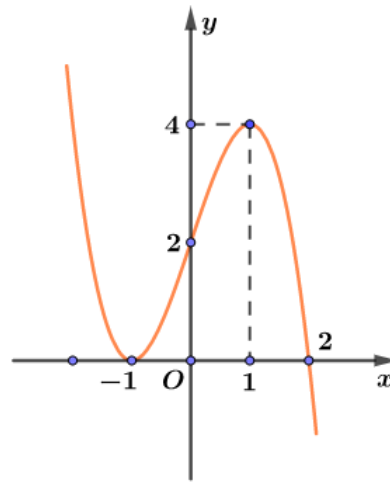
**Câu 45.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ . Hình chiếu vuông góc của điểm  $A'$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  trùng với tâm của tam giác  $ABC$ . Cạnh bên  $AA'$  tạo với mặt phẳng  $(ABC)$  một góc  $30^\circ$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{12}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{36}$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

**Câu 46.** Ông B dự định dung hết  $6 m^2$  kính để làm một bể cá có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).

- A.  $1,30m^3$  .                      B.  $1,03m^3$  .                      C.  $1,50m^3$  .                      D.  $1,33m^3$  .

**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình bên.



Điểm cực đại của hàm số  $g(x) = f(1-2x)$  là

- A.  $x = -\frac{1}{2}$  .                      B.  $x = 1$  .                      C.  $x = -1$  .                      D.  $x = 4$  .

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

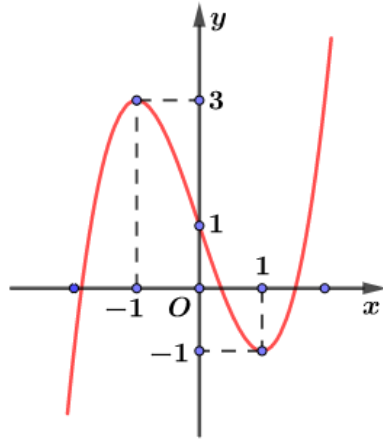
Hàm số  $y = f(3x-2)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(4;5)$  .                      B.  $(-\infty; -3)$  .                      C.  $(\frac{1}{3}; 1)$  .                      D.  $(0;1)$  .

**Câu 49.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AA'$ ,  $N$  là điểm nằm trên cạnh  $BB'$  sao cho  $BN = 2B'N$ . Biết  $AB = \frac{a}{2}$ ,  $AA' = 4a$ . Thể tích khối đa diện  $ABCMNC'$  bằng

- A.  $\frac{7}{18}a^3$  .                      B.  $\frac{13}{36}a^3$  .                      C.  $\frac{7}{24}a^3$  .                      D.  $\frac{1}{3}a^3$  .

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $f(x^2 + 2x) = 0$  là



**A. 4.**

**B. 5.**

**C. 3.**

**D. 2.**

----- HẾT -----

## ĐÁP ÁN

1.C	2.A	3.A	4.D	5.A	6.C	7.A	8.B	9.B	10.A
11.B	12.B	13.B	14.C	15.D	16.B	17.D	18.B	19.B	20.D
21.C	22.C	23.D	24.C	25.D	26.B	27.D	28.B	29.A	30.C
31.C	32.A	33.D	34.A	35.B	36.C	37.A	38.A	39.D	40.C
41.A	42.D	43.C	44.A	45.D	46.D	47.A	48.A	49.B	50.A

## GIẢI CHI TIẾT

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$ . Điểm nào dưới đây **không** thuộc đồ thị hàm số đã cho?

A.  $(0;3)$ .

B.  $(-1;0)$ .

**C.  $(-2;-3)$ .**

D.  $(2;3)$ .

## Lời giải

**Cách 1:**

Thay tọa độ điểm  $(0;3)$  vào hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$  ta được  $3 = 0^4 - 4 \cdot 0^2 + 3$  (đúng).

$\Rightarrow$  Điểm  $(0;3)$  thuộc đồ thị hàm số đã cho nên loại phương án A.

Thay tọa độ điểm  $(-1;0)$  vào hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$  ta được  $0 = (-1)^4 - 4 \cdot (-1)^2 + 3 \Leftrightarrow 3 = 3$  (đúng).

$\Rightarrow$  Điểm  $(-1;0)$  thuộc đồ thị hàm số đã cho nên loại phương án B.

Thay tọa độ điểm  $(-2;-3)$  vào hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$  ta được  $-3 = (-2)^4 - 4 \cdot (-2)^2 + 3 \Leftrightarrow -3 = 3$  (vô lý).

$\Rightarrow$  Điểm  $(-2;-3)$  **không** thuộc đồ thị hàm số đã cho nên chọn phương án C.

Thay tọa độ điểm  $(2;3)$  vào hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$  ta được  $3 = 2^4 - 4 \cdot 2^2 + 3 \Leftrightarrow 3 = 3$  (đúng).

$\Rightarrow$  Điểm  $(2;3)$  thuộc đồ thị hàm số đã cho nên loại phương án D.

**Cách 2:**

Nhập máy tính cầm tay biểu thức  $X^4 - 4X^2 + 3$  sau đó,

CALC X=0  $\Rightarrow$  kết quả 3  $\Rightarrow$  loại phương án A.

CALC X=-1  $\Rightarrow$  kết quả 0  $\Rightarrow$  loại phương án B.

CALC X=-2  $\Rightarrow$  kết quả  $3 \neq -3 \Rightarrow$  chọn phương án C.

CALC X=2  $\Rightarrow$  kết quả 3  $\Rightarrow$  loại phương án D.

**Câu 2.** Tọa độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{x+3}{x+1}$  với trục tung là

**A.  $(0;3)$ .**

B.  $(3;1)$ .

C.  $(-3;0)$ .

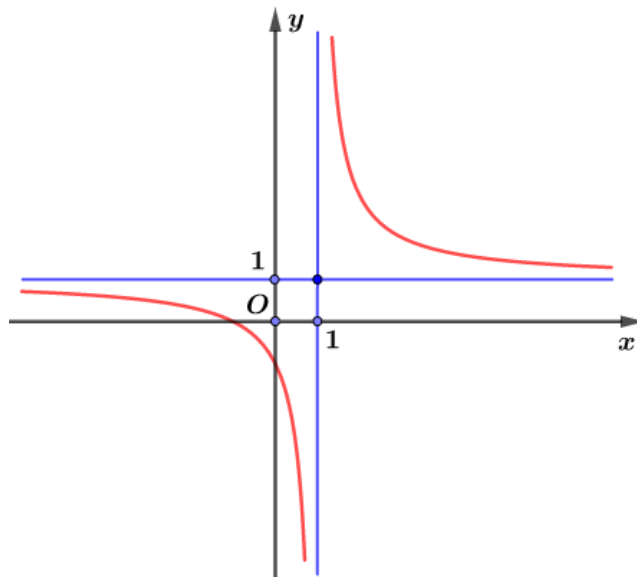
D.  $(0;-1)$ .

## Lời giải

Ta có  $y(0) = 3$ .

$\Rightarrow$  Tọa độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{x+3}{x+1}$  với trục tung là điểm  $(0;3)$ .

**Câu 3.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên:



**A.**  $y = \frac{x+1}{x-1}$

**B.**  $y = x^4 + x^2 + 1$ .

**C.**  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ .

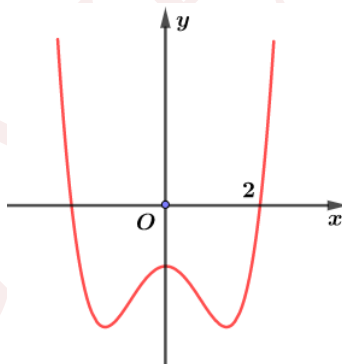
**D.**  $y = x^3 - 3x - 1$ .

**Lời giải**

Hàm số có đồ thị như hình vẽ là hàm số có dạng  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ . Loại đáp án B và D.

Hàm số có tiệm cận đứng  $x=1$  và tiệm cận ngang  $y=1$ . Đáp án đúng là A.

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình bên dưới. Mệnh đề nào sau đây **sai**?



**A.**  $a > 0$ .

**B.**  $a + b + c < 0$ .

**C.**  $c < 0$ .

**D.**  $b > 0$ .

**Lời giải**

Đồ thị hàm số có nhánh ngoài cùng đi lên  $\Rightarrow a > 0$ .

Đồ thị hàm số có 3 cực trị vậy  $a$  và  $b$  trái dấu  $\Rightarrow b < 0$ .

Điểm giao của đồ thị hàm số với trục  $Oy$  nằm ở phía dưới trục  $Ox \Rightarrow c < 0$ .

Quan sát đồ thị  $f(1) = a + b + c < 0$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$ . Tích giá trị cực đại và giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

**A.** 0.

**B.** -1.

**C.** 1.

**D.** 4.

**Lời giải**

Ta có,  $y' = 3x^2 - 3$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \Rightarrow y = 0 \\ x = -1 \Rightarrow y = 4 \end{cases}$$

Vậy  $y_{CD} \cdot y_{CT} = 0$ .

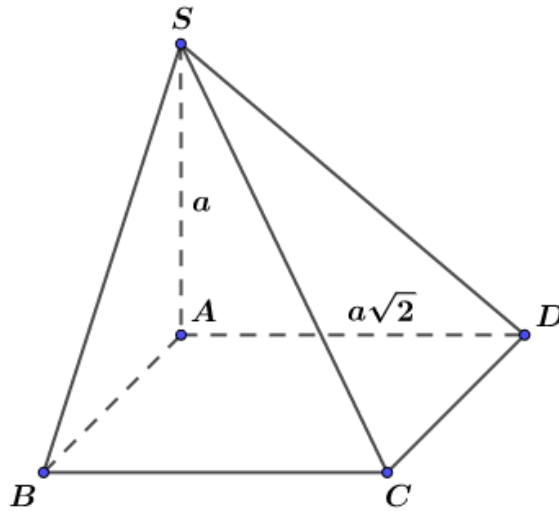
- Câu 6.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 5$  và chiều cao  $h = 6$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng
- A. 11.                      B. 30.                      **C. 10.**                      D. 15.

Lời giải

$$\text{Ta có } V = \frac{1}{3}Bh = \frac{1}{3} \cdot 5 \cdot 6 = 10 \text{ (đvtt)}.$$

- Câu 7.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật với  $AB = a$ ,  $AD = a\sqrt{2}$ ; cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 3a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng
- A.  $a^3\sqrt{2}$ .**                      B.  $3a^3\sqrt{2}$ .                      C.  $\frac{1}{3}a^3\sqrt{2}$ .                      D.  $2a^3\sqrt{2}$ .

Lời giải



$$\text{Thể tích của khối chóp đã cho là } V = \frac{1}{3}B.h = \frac{1}{3}a\sqrt{2} \cdot a \cdot 3a = a^3\sqrt{2}.$$

- Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$y'$		-	0	+	0	-	
$y$	$+\infty$				5		$-\infty$

Arrows indicate the function values at the critical points: from  $+\infty$  at  $x=0$  to 1, and from 5 at  $x=2$  to  $-\infty$ .

Giá trị cực đại của hàm số đã cho bằng

- A. 1.                      **B. 5.**                      C. 0.                      D. 2.

Lời giải

Dựa vào bảng biến thiên ta có giá trị cực đại của hàm số bằng 5.

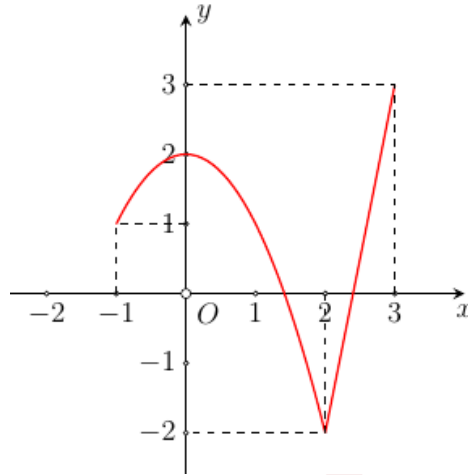
- Câu 9.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  và đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 4$  là
- A. 1.                      **B. 2.**                      C. 4.                      D. 0.

Lời giải

Xét phương trình hoành độ giao điểm:  $x^4 - 2x^2 + 2 = -x^2 + 4 \Leftrightarrow x^4 - x^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sqrt{2} \\ x = -\sqrt{2} \end{cases}$ .

Suy ra số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  và đồ thị hàm số  $y = -x^2 + 4$  là 2.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 3]$  và có đồ thị như hình vẽ. Giá trị lớn nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[-1; 3]$  bằng



**A.** 3.

**B.** 2.

**C.** 0.

**D.** 1.

**Lời giải**

Xét hàm số  $y = f(x)$  trên đoạn  $[-1; 3]$ . Dựa vào đồ thị ta có  $\max_{[-1; 3]} f(x) = f(3) = 3$ .

**Câu 11.** Cho khối hộp chữ nhật có ba kích thước 2 ; 6 ; 7 . Thể tích của khối hộp đã cho bằng

**A.** 28.

**B.** 84.

**C.** 15.

**D.** 14.

**Lời giải**

Thể tích khối hộp chữ nhật có ba kích thước  $a, b, c$  được tính bằng công thức:  $V = abc$ .  
Áp dụng công thức trên ta được:  $V = 2.6.7 = 84$ .

**Câu 12.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x-2}$  là

**A.**  $x = \frac{1}{2}$ .

**B.**  $x = 2$ .

**C.**  $x = -2$ .

**D.**  $x = 1$ .

**Lời giải**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ .

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow 2^+} y = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-1}{x-2} = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow 2^-} y = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x-1}{x-2} = -\infty$

Vậy đồ thị hàm số đã cho có tiệm cận đứng là  $x = 2$ .

**Câu 13.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên đoạn  $[0; 5]$  và có bảng biến thiên như sau:



$x$	0	1	3	5	
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	-4	0	-4	16	

Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[0;5]$

A. 0.

B. -4.

C. 3.

D. 16.

Lời giải

Từ bảng biến thiên ta có giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[0;5]$  bằng  $-4$  tại  $x=0$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	3	$+\infty$	
$y'$	-		-	0	+
$y$	0	$+\infty$	-3	3	

Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

A.  $x=3$ .B.  $x=-4$ .C.  $x=0$ .D.  $x=-3$ .

Lời giải

Từ bảng biến thiên ta có:  $\lim_{x \rightarrow 0^+} y = +\infty$ . Vì vậy tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:  $x=0$ .

**Câu 15.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$	
$y'$	+		-	0	+
$y$	$-\infty$	0	-1	$+\infty$	

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 0.

B. 1.

C. 3.

D. 2.

Lời giải

Từ bảng biến thiên ta thấy:

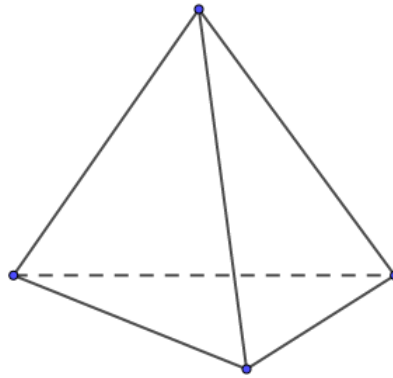
Hàm số có tập xác định  $D = \mathbb{R}$  và  $x=0 \in D, x=1 \in D$ .

$y'$  đổi dấu từ dương sang âm khi  $x$  đi qua  $x=0$  theo chiều tăng của  $x$  nên hàm số đạt cực đại tại  $x=0$ .

$y'$  đổi dấu từ âm sang dương khi  $x$  đi qua  $x=1$  theo chiều tăng của  $x$  nên hàm số đạt cực tiểu tại  $x=1$ .

Vậy hàm số có hai điểm cực trị.

**Câu 16.** Khối tứ diện đều là khối đa diện đều loại nào?



A. Loại {3;5}.

**B. Loại {3;3}.**

C. Loại {4;3}.

D. Loại {3;4}.

**Lời giải**

Khối tứ diện đều là khối đa diện đều thỏa mãn:

Mỗi mặt là đa giác đều 3 cạnh, mỗi đỉnh là đỉnh chung của đúng 3 mặt.

Vậy khối tứ diện đều là khối đa diện đều loại {3;3}.

**Câu 17.** Cho khối lăng trụ tứ giác đều có cạnh đáy bằng  $\sqrt{6}$ , độ dài cạnh bên bằng 9. Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

A.  $9\sqrt{6}$ .

B. 18.

C.  $\frac{27\sqrt{3}}{2}$ .

**D. 54.**

**Lời giải**

Thể tích khối lăng trụ đã cho là  $V = (\sqrt{6})^2 \cdot 9 = 54$  (đvtt).

**Câu 18.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	3	-2	$+\infty$	

Điểm cực đại của hàm số đã cho là

A.  $x = -2$ .

**B.  $x = 1$ .**

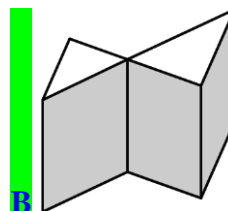
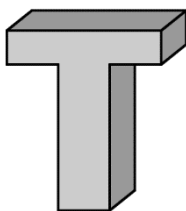
C.  $x = 3$ .

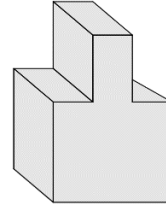
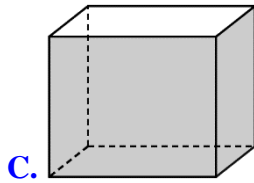
D.  $x = 2$ .

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy điểm cực đại của hàm số là  $x = 1$ .

**Câu 19.** Hình nào dưới đây **không** phải khối đa diện?





**Lời giải**

Hình ở đáp án B không phải là hình đa diện vì tồn tại một cạnh là cạnh chung của bốn đa giác.

**Câu 20.** Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x}$  là

A. 3.

B. 2.

C. 0.

**D. 1.**

**Lời giải**

Tập xác định:  $D = [-9; +\infty) \setminus \{0; -1\}$ .

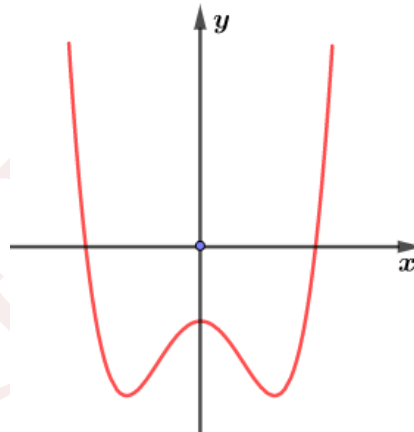
Ta có:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left( \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x} \right) = \frac{1}{6}; \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} \left( \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x} \right) = \frac{1}{6}.$$

$$\lim_{x \rightarrow (-1)^+} \left( \frac{\sqrt{x+9}-3}{x^2+x} \right) = +\infty. \text{ Suy ra } x = -1 \text{ là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.}$$

Vậy đồ thị hàm số có một đường tiệm cận đứng là  $x = -1$ .

**Câu 21.** Đồ thị của hàm số nào có dạng như đường cong trong hình dưới đây ?



A.  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .

B.  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .

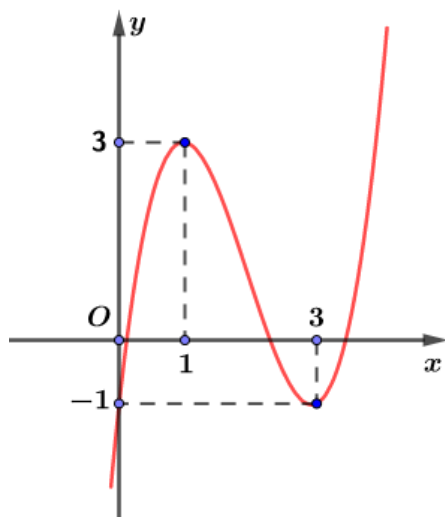
**C.  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ .**

D.  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .

**Lời giải**

Đồ thị đã cho là đồ thị của hàm số bậc 4 trùng phương và có hệ số  $a > 0$  nên đáp án đúng là đáp án C.

**Câu 22.** Đồ thị của hàm số nào có dạng như đường cong trong hình dưới đây ?



A.  $y = x^4 - 6x^2 - 1.$

B.  $y = x^3 - 6x^2 + 9x + 1.$

**C.  $y = x^3 - 6x^2 + 9x - 1.$**

D.  $y = -x^4 + 6x^2 - 1.$

**Lời giải**

Đồ thị đã cho là đồ thị của hàm số đa thức bậc 3, cắt trục Oy tại điểm có  $(0; -1)$  nên đáp án đúng là đáp án C.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$2$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$\parallel$	$-$	$0$	$+$	

Điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

A.  $x = -2.$

B.  $x = -1.$

C.  $x = 0.$

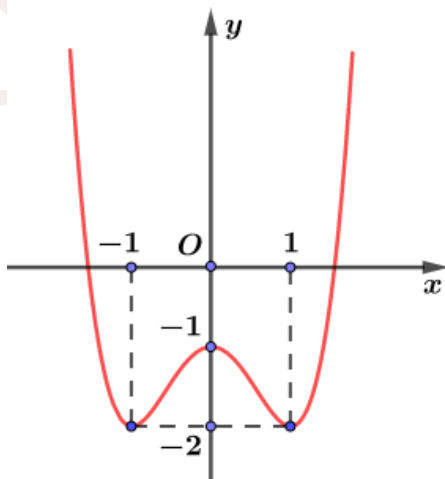
**D.  $x = 2.$**

**Lời giải**

Ta thấy  $y'$  đổi dấu từ âm sang dương khi  $x$  đi qua  $x = 2$  nên điểm cực tiểu của hàm số là  $x = 2$

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên .

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây ?



A.  $(-\infty; -1).$

B.  $(-1; 1).$

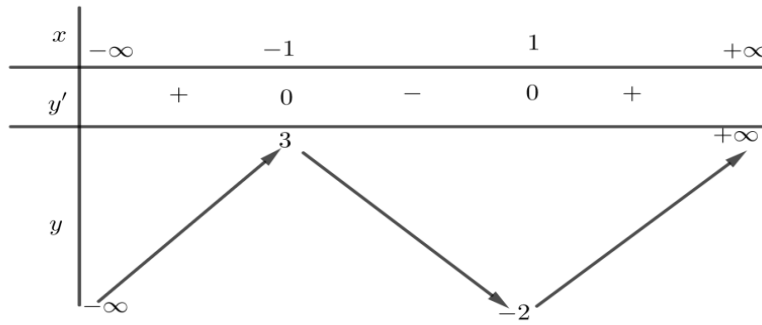
**C.  $(-1; 0).$**

D.  $(0; 1).$

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị, ta thấy hàm số đồng biến trên  $(-1; 0)$ .

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



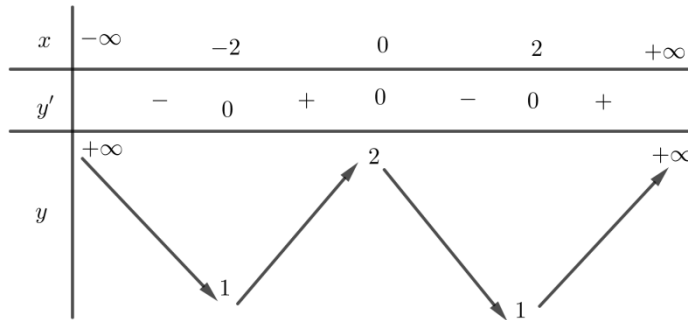
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1;1)$ .                      B.  $(-1;+\infty)$ .                      C.  $(-\infty;1)$ .                      **D.  $(1;+\infty)$ .**

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên thì hàm số đã cho đồng biến trên các khoảng  $(-\infty;-1)$  và  $(1;+\infty)$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(2;+\infty)$ .                      **B.  $(0;2)$ .**                      C.  $(-2;0)$ .                      D.  $(0;+\infty)$ .

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên thì hàm số đã cho nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty;-2)$  và  $(0;2)$ .

**Câu 27.** Thể tích khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- A.  $V = \frac{1}{2} Bh$ .                      B.  $V = 3Bh$ .                      C.  $V = Bh$ .                      **D.  $V = \frac{1}{3} Bh$ .**

**Lời giải**

Thể tích khối chóp là  $V = \frac{1}{3} Bh$ .

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2$ . Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0;+\infty)$ .                      **B.  $(0;2)$ .**                      C.  $(-\infty;0)$ .                      D.  $(2;+\infty)$ .

**Lời giải**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

Ta có:  $y' = 3x^2 - 6x$ .

$$\text{Cho } y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$$

Bảng xét dấu:

$x$	$-\infty$		$0$		$2$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	

Từ bảng xét dấu ta thấy hàm số nghịch biến trên  $(0;2)$ .

**Câu 29.** Hình chóp tứ giác đều có đáy là

**A.** Hình vuông.

**B.** Hình chữ nhật.

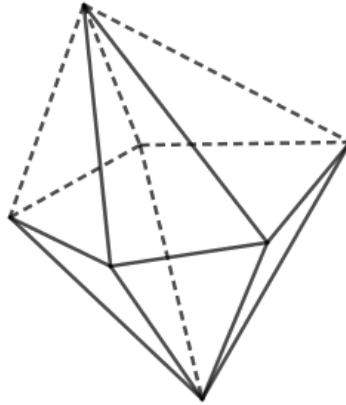
**C.** Hình bình hành.

**D.** Tam giác đều.

**Lời giải**

Hình chóp tứ giác đều có đáy là hình vuông.

**Câu 30.** Hình đa diện trong hình vẽ bên có bao nhiêu mặt?



**A.** 12.

**B.** 8.

**C.** 10.

**D.** 6.

**Lời giải**

Hình đa diện trong hình vẽ bên có 10 mặt.

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = x^2 - 2x + 3$ . Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây ?

**A.**  $(0;3)$ .

**B.**  $(0;+\infty)$ .

**C.**  $(4;+\infty)$ .

**D.**  $(-\infty;1)$ .

**Lời giải**

$$y = x^2 - 2x + 3 \Rightarrow y' = 2x - 2.$$

$$y' \geq 0 \Leftrightarrow 2x - 2 \geq 0 \Leftrightarrow x \geq 1.$$

Vậy hàm số đồng biến trên  $[1;+\infty)$ . Suy ra chọn đáp án C.

**Câu 32.** Số cạnh của khối bát diện đều là

**A.** 12.

**B.** 10.

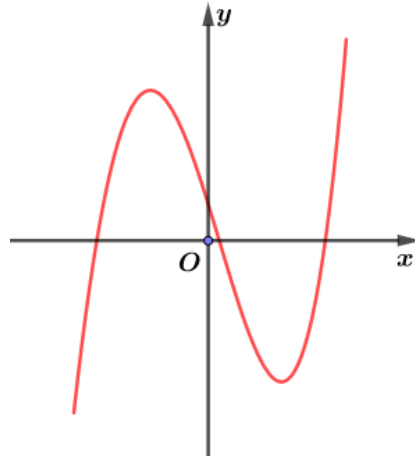
**C.** 6.

**D.** 20.

**Lời giải**

Số cạnh của khối bát diện đều là 12. Vậy ta chọn đáp án A.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là



A. 3.

B. 0.

C. 1.

D. 2.

Lời giải

Dựa vào đồ thị hàm số đã cho thì hàm số có 2 điểm cực trị.

**Câu 34.** Khối lập phương có cạnh bằng 2 có thể tích bằng

A. 8.

B. 6.

C. 4.

D. 2.

Lời giải

Thể tích của khối lập phương có cạnh bằng 2 là:  $V = 2^3 = 8$ .

**Câu 35.** Đồ thị của hàm số nào trong các hàm số dưới đây có tiệm cận đứng ?

A.  $y = \frac{1}{x^4 + 1}$ .

B.  $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ .

C.  $y = \frac{1}{x^2 + x + 1}$ .

D.  $y = \frac{1}{x^2 + 1}$ .

Lời giải

Xét hàm số  $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ , ta có:

Tập xác định  $D = (0; +\infty)$ .

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{\sqrt{x}} = +\infty$ , suy ra đồ thị của hàm số trên có tiệm cận đứng là  $x = 0$ . Chọn B.

**Câu 36.** Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

A.  $y = 2x^3 - 5x + 1$ .

B.  $y = x^4 + 3x^2$ .

C.  $y = 3x^3 + 3x - 2$ .

D.  $y = \frac{x-2}{x+1}$ .

Lời giải

Xét hàm số  $y = 3x^3 + 3x - 2$ , ta có:

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 9x^2 + 3 > 0, \forall x \in (-\infty; +\infty)$$

Suy ra hàm số trên đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ . Chọn C.

**Câu 37.** Cho khối chóp tam giác đều có cạnh đáy bằng 5, chiều cao của khối chóp bằng  $5\sqrt{3}$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

A.  $\frac{125}{4}$ .

B.  $\frac{375}{4}$ .

C.  $\frac{125\sqrt{3}}{3}$ .

D.  $\frac{375}{2}$ .

Lời giải

Ta có:  $V = \frac{1}{3} \cdot \frac{25\sqrt{3}}{4} \cdot 5\sqrt{3} = \frac{125}{4}$

**Câu 38.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		-	-	0	+
$y$	2		$+\infty$		$+\infty$
		$\searrow$		$\searrow$	$\nearrow$
		-4		-2	

Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

**A.**  $y = 2$ .

**B.**  $y = -2$ .

**C.**  $y = -4$ .

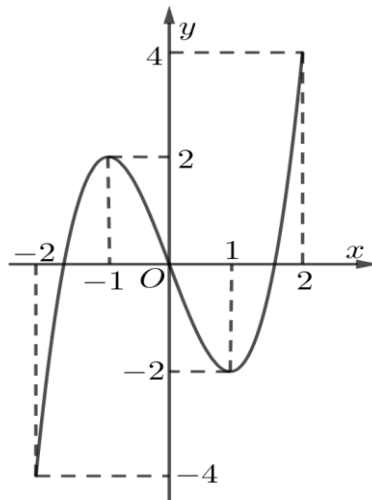
**D.**  $y = 0$ .

**Lời giải**

Từ BBT, ta thấy  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = 2$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$

Vậy đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là  $y = 2$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

**A.**  $x = 2$ .

**B.**  $x = -2$ .

**C.**  $x = -1$ .

**D.**  $x = 1$ .

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị, ta thấy điểm cực tiểu của hàm số đã cho là  $x = 1$ .

**Câu 40.** Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  trên đoạn  $[0; 2]$ . Giá trị của  $M - m$  bằng

**A.** 1.

**B.** 8.

**C.** 9.

**D.** 11.

**Lời giải**

Hàm số xác định và liên tục trên đoạn  $[0; 2]$ .

Ta có  $y' = 4x^3 - 4x$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \notin (0; 2) \\ x = 0 \notin (0; 2) \\ x = 1 \in (0; 2) \end{cases}$$

$y(0) = 2; y(1) = 1; y(2) = 10$ .



Do đó  $M = \max_{x \in [0;2]} y = 10$  và  $m = \min_{x \in [0;2]} y = 1$ .

$$M - m = 9.$$

**Câu 41.** Gọi  $m_0$  là giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$ .

Hỏi  $m_0$  thuộc khoảng nào dưới đây?

**A.**  $(4; 10)$ .

**B.**  $(0; 5)$ .

**C.**  $(-5; 0)$ .

**D.**  $(-\infty; -5)$ .

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$

Ta có:

$$y' = x^2 - 2mx + m^2 - 4$$

$$y'' = 2x - 2m$$

Để  $x = 3$  là điểm cực đại của hàm số  $\Leftrightarrow \begin{cases} y'(3) = 0 \\ y''(3) < 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3^2 - 2 \cdot m \cdot 3 + m^2 - 4 = 0 \\ 2 \cdot 3 - 2m < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 6m + 5 = 0 \\ m > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = 5 \\ m > 3 \end{cases} \Leftrightarrow m = 5.$$

Vậy  $m \in (4; 10)$ .

**Câu 42.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = \frac{x - m^2 + m}{x + 1}$  trên đoạn  $[0; 3]$  bằng  $\frac{1}{4}$ . Tổng tất cả các phần tử của  $S$  bằng

**A.**  $-1$ .

**B.**  $\frac{1}{2}$ .

**C.**  $-2$ .

**D.**  $1$ .

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$

Ta có:  $f'(x) = \frac{1 - (-m^2 + m)}{(x+1)^2} = \frac{m^2 - m + 1}{(x+1)^2} > 0 \forall m \in \mathbb{R}$ .

$\Rightarrow$  Hàm số  $f(x) = \frac{x - m^2 + m}{x + 1}$  đồng biến trên đoạn  $[0; 3]$ .

$$\Rightarrow \max_{[0;3]} f(x) = f(3) = \frac{3 - m^2 + m}{3 + 1} = \frac{1}{4}$$

$$\Leftrightarrow 3 - m^2 + m = 1$$

$$\Leftrightarrow m^2 - m - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 \\ m = 2 \end{cases}$$

Vậy  $S = -1 + 2 = 1$ .

**Câu 43.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông, mặt bên  $SAB$  là tam giác vuông tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết  $SA = a; SB = a\sqrt{3}$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

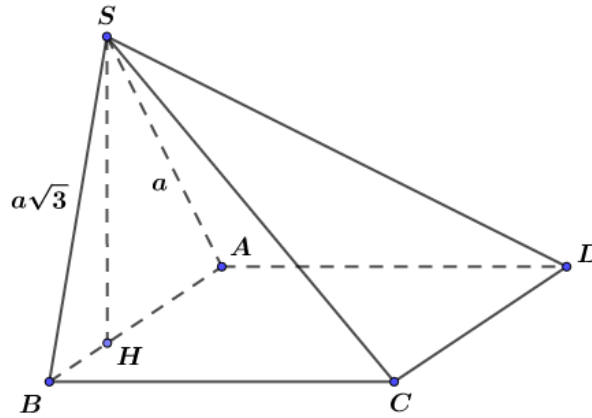
**A.**  $\frac{4\sqrt{3}}{3}a^3$ .

**B.**  $2a^3\sqrt{3}$ .

**C.**  $\frac{2\sqrt{3}}{3}a^3$ .

**D.**  $a^3\sqrt{3}$ .

**Lời giải**



Gọi  $V$  là thể tích của khối chóp  $S.ABCD$ .

Vì  $(SAB) \perp (ABCD)$  nên dựng  $SH \perp AB$  thì  $SH \perp (ABCD)$ . Do đó  $V = \frac{1}{3} SH \cdot S_{ABCD}$ .

Tam giác vuông tại  $S$  nên  $AB^2 = SA^2 + SB^2 = a^2 + (a\sqrt{3})^2 = 4a^2$  suy ra  $S_{ABCD} = 4a^2$ .

Mặt khác  $SH = \frac{SA \cdot SB}{AB} = \frac{a \cdot a\sqrt{3}}{2a} = \frac{\sqrt{3}}{2} a$ .

Vậy  $V = \frac{1}{3} SH \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} a \cdot 4a^2 = \frac{2\sqrt{3}}{3} a^3$ .

**Câu 44.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+1}{x+3m}$  nghịch biến trong khoảng  $(6; +\infty)$

**A.** 3.

**B.** 0.

**C.** Vô số.

**D.** 6.

**Lời giải**

Tập xác định của hàm số là:  $(-\infty; -3m) \cup (-3m; +\infty)$ . Ta có  $y' = \frac{3m-1}{(x+3m)^2}$ .

Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(6; +\infty)$  khi và chỉ khi  $\begin{cases} 3m-1 < 0 \\ -3m \leq 6 \end{cases} \Leftrightarrow -2 \leq m < \frac{1}{3}$ .

Vì  $m$  là số nguyên nên  $m \in \{-2; -1; 0\}$ .

Vậy có ba giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn.

**Câu 45.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ . Hình chiếu vuông góc của điểm  $A'$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  trùng với tâm của tam giác  $ABC$ . Cạnh bên  $AA'$  tạo với mặt phẳng  $(ABC)$  một góc  $30^\circ$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

**A.**  $\frac{a^3\sqrt{2}}{12}$ .

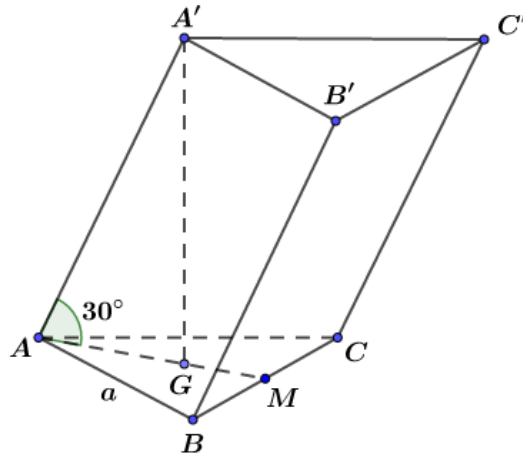
**B.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**C.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{36}$ .

**D.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**



Gọi  $G$  là trọng tâm  $\Delta ABC \Rightarrow A'G \perp (ABC)$ .

$$\Rightarrow (AA'; (ABC)) = (AA'; AG) = A'AG.$$

$$\Rightarrow A'AG = 30^\circ.$$

Tam giác  $ABC$  đều cạnh  $a$ , có  $AM$  là đường trung tuyến

$$\Rightarrow AG = \frac{2}{3}AM = \frac{2}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a\sqrt{3}}{3}.$$

Tam giác  $AA'G$  vuông tại  $G \Rightarrow A'G = AG \cdot \tan A'AG = \frac{a\sqrt{3}}{3} \cdot \tan 30^\circ = \frac{a}{3}$ .

$$V_{A'B'C'.ABC} = A'G \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{a}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot a \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a^3 \cdot \sqrt{3}}{12} \text{ (đvdt)}.$$

**Câu 46.** Ông B dự định dùng hết  $6m^2$  kính để làm một bể cá có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm).

**A.**  $1,30m^3$  .

**B.**  $1,03m^3$  .

**C.**  $1,50m^3$  .

**D.**  $1,33m^3$  .

**Lời giải**

**Chọn D**

Gọi chiều rộng bể là  $x(m)$ , chiều dài bể là  $2x(m)$   $x > 0$ . Chiều cao bể là  $h(m)$

$$\text{Diện tích làm kính là } 6m^2 \Leftrightarrow 2x^2 + 4x \cdot h + 2x \cdot h = 6 \Leftrightarrow 2x^2 + 6x \cdot h = 6 \Leftrightarrow h = \frac{3-x^2}{3x}$$

$$h > 0 \Rightarrow 0 < x < \sqrt{3}$$

$$\text{Thể tích bể cá là } V = 2x^2 \cdot h = \frac{2x(3-x^2)}{3} = \frac{-2x^3 + 6x}{3}$$

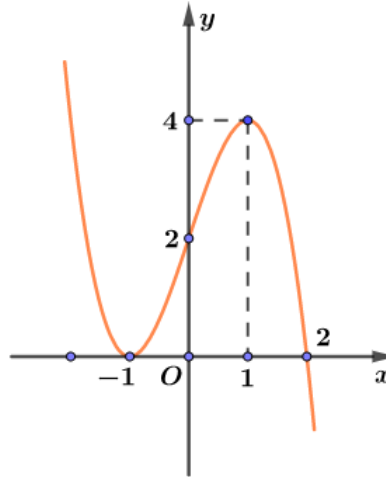
$$\text{Thể tích bể lớn nhất } \Leftrightarrow f(x) = \frac{-2x^3 + 6x}{3}, x > 0 \text{ đạt giá trị lớn nhất}$$

Ta có bảng biến thiên

$x$	0	1	$\sqrt{3}$	
$f'(x)$		+	0	-
$f(x)$			$\frac{4}{3}$	

Dựa vào bảng biến thiên, dung tích bể cá lớn nhất là  $1,33m^3$

**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình bên.



Điểm cực đại của hàm số  $g(x) = f(1-2x)$  là

**A.**  $x = -\frac{1}{2}$ .

**B.**  $x = 1$ .

**C.**  $x = -1$ .

**D.**  $x = 4$ .

**Lời giải**

Ta có  $g'(x) = (1-2x)' f'(1-2x) = -2f'(1-2x)$

Giải phương trình  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(1-2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 1-2x = -1 \\ 1-2x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -\frac{1}{2} \end{cases}$

Ta xét  $g'(2) = -2f'(1-4) = -2f'(-3) < 0$  (do  $f'(-3) > 0$ ).

Ta có bảng biến thiên.

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	1	$+\infty$	
$g'(x)$	+	0	-	0	-

Từ bảng biến thiên ta có hàm số  $g(x) = f(1-2x)$  có điểm cực đại là  $x = -\frac{1}{2}$ .

**Câu 48.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu của  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	-3	-1	1	$+\infty$			
$f'(x)$		-	0	+	0	-	0	+

Hàm số  $y = f(3x-2)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

**A.**  $(4;5)$ .

**B.**  $(-\infty;-3)$ .

**C.**  $(\frac{1}{3};1)$ .

**D.**  $(0;1)$ .

**Lời giải**

Từ giả thiết ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -3 \\ x = -1 \\ x = 1 \end{cases}$

Ta có  $y'(x) = (3x-2)' f'(3x-2) = 3f'(3x-2)$

Giải phương trình  $y'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(3x-2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 3x-2 = -3 \\ 3x-2 = -1 \\ 3x-2 = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{1}{3} \\ x = \frac{1}{3} \\ x = 1 \end{cases}$

Ta xét  $y'(2) = 3f'(3 \cdot 2 - 2) = 3f'(4) > 0$  (do  $f'(4) > 0$ ).

Ta có bảng biến thiên.

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$1$	$+\infty$			
$y'(x)$		-	0	+	0	-	0	+

Từ bảng biến thiên ta có hàm số  $y = f(3x-2)$  đồng biến trên khoảng  $(4;5)$ .

**Câu 49.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AA'$ ,  $N$  là điểm nằm trên cạnh  $BB'$  sao cho  $BN = 2B'N$ . Biết  $AB = \frac{a}{2}$ ,  $AA' = 4a$ . Thể

tích khối đa diện  $ABCMNC'$  bằng

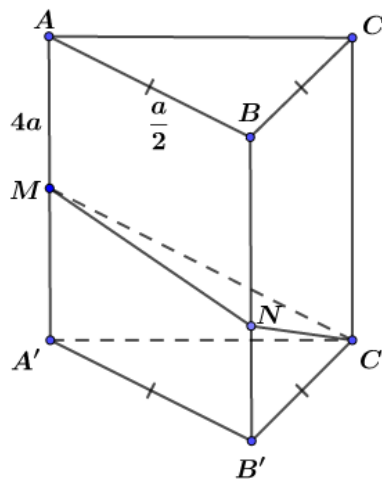
A.  $\frac{7}{18}a^3$ .

B.  $\frac{13}{36}a^3$ .

C.  $\frac{7}{24}a^3$ .

D.  $\frac{1}{3}a^3$ .

Lời giải



**Cách 1** ( Tính trực tiếp):

Ta có:  $V_{ABC.A'B'C'} = S_{\Delta ABC} \cdot AA' = \frac{1}{2} BA \cdot BC \cdot AA' = \frac{1}{2} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{a}{2} \cdot 4a = \frac{a^3}{2}$ .

Xét khối chóp  $C'.MNB'A'$  có:  $\begin{cases} C'B' \perp A'B' \text{ (gt)} \\ C'B' \perp B'N \text{ (gt)} \end{cases} \Rightarrow C'B' \perp (MNB'A')$ .

Hay  $C'B'$  là đường cao của khối chóp  $C'.MNB'A'$  và  $C'B' = \frac{a}{2}$ .

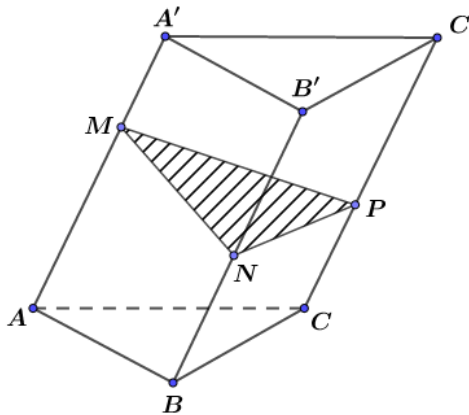
Đáy  $MNB'A'$  là hình thang vuông có:  $S_{MNB'A'} = \frac{(A'M + B'N) \cdot A'B'}{2} = \frac{\left(2a + \frac{4a}{3}\right) \cdot \frac{a}{2}}{2} = \frac{5a^2}{6}$ .

$$\Rightarrow V_{C'.MNB'A'} = \frac{1}{3} S_{MNB'A'} \cdot C'B' = \frac{1}{3} \cdot \frac{5a^2}{6} \cdot \frac{a}{2} = \frac{5a^3}{36}$$

$$\text{Vậy: } V_{ABCMNC'} = V_{ABC.A'B'C'} - V_{C'.MNB'A'} = \frac{a^3}{2} - \frac{5a^3}{36} = \frac{13a^3}{36}$$

**Cách 2** (Dùng tỉ lệ thể tích):

**Bổ sung kiến thức:** Cho lăng trụ tam giác  $ABC.A'B'C'$ . Một mặt phẳng cắt ba cạnh của lăng trụ tại  $M, N, P$  như hình vẽ.



$$\text{Đặt } \frac{AM}{AA'} = m; \frac{BN}{BB'} = n; \frac{CP}{CC'} = p. \text{ Khi đó ta có tỉ số: } \frac{V_{MNP.ABC}}{V_{ABC.A'B'C'}} = \frac{m+n+p}{3}$$

Chú ý: khi  $M \equiv A', P \equiv C$  thì  $\frac{AM}{AA'} = 1, \frac{CP}{CC'} = 0$ .

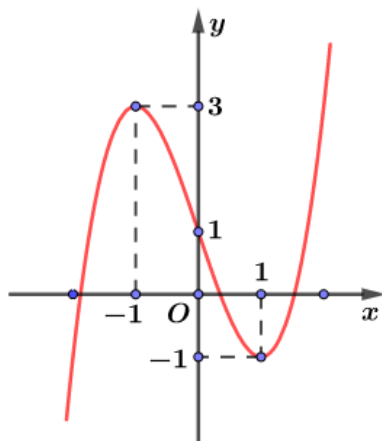
Lời giải:

$$\text{Ta có: } V_{ABC.A'B'C'} = S_{\Delta ABC} \cdot AA' = \frac{1}{2} BA \cdot BC \cdot AA' = \frac{1}{2} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{a}{2} \cdot 4a = \frac{a^3}{2}$$

$$\text{Áp dụng công thức tỉ lệ thể tích, ta được: } \frac{V_{ABCMNC'}}{V_{ABC.A'B'C'}} = \frac{\frac{AM}{AA'} + \frac{BN}{BB'} + 1}{3} = \frac{\frac{1}{2} + \frac{2}{3} + 1}{3} = \frac{13}{18}$$

$$\Rightarrow V_{ABCMNC'} = \frac{13}{18} \cdot V_{ABC.A'B'C'} = \frac{13}{18} \cdot \frac{a^3}{2} = \frac{13a^3}{36}$$

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $f(x^2 + 2x) = 0$  là



A. 4.

B. 5.

C. 3.

D. 2.

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , ta có:

$$f(x^2 + 2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + 2x = a_1 & (\text{với } a_1 < -1) & (1) \\ x^2 + 2x = a_2 & (\text{với } 0 < a_2 < 1) & (2) \\ x^2 + 2x = a_3 & (\text{với } a_3 > 1) & (3) \end{cases}$$

Vẽ đồ thị hàm số  $y = x^2 + 2x$ .

Dựa vào đồ thị hàm số  $y = x^2 + 2x$ , ta có:

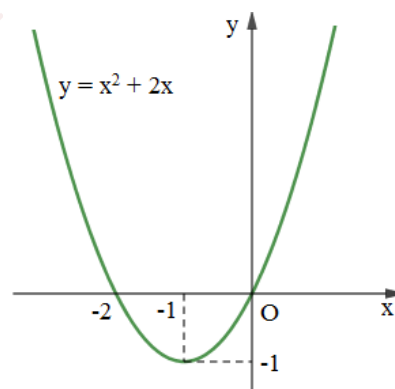
Phương trình (1) vô nghiệm.

Phương trình (2) có 2 nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$ .

Phương trình (3) có hai nghiệm phân biệt  $x_3, x_4$ .

(với  $x_1 \neq x_2 \neq x_3 \neq x_4$ )

Vậy: Phương trình đã cho có 4 nghiệm thực.

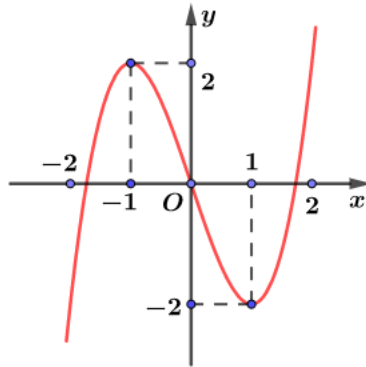


**ĐỀ 6**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

- Câu 1.** Gọi  $M, N$  là hai điểm thuộc đồ thị  $(C): y = \frac{x-1}{x+1}$  biết  $x_M < -1 < x_N$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của đoạn  $MN$ ?
- A.**  $2\sqrt{2}$ .      **B.** 6.      **C.** 4.      **D.**  $4\sqrt{2}$ .
- Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu  $y'$  như sau:
- |      |           |      |     |           |
|------|-----------|------|-----|-----------|
| $x$  | $-\infty$ | $-1$ | $1$ | $+\infty$ |
| $y'$ | $-$       | $0$  | $+$ | $0$       |
|      | $-$       | $+$  | $-$ | $+$       |
- Hỏi hàm số  $y = f(x)$  có bao nhiêu điểm cực trị?
- A.** 2.      **B.** 3.      **C.** 0.      **D.** 1.
- Câu 3.** Thể tích khối hộp chữ nhật có 3 kích thước 1;2;3 bằng
- A.** 5.      **B.** 8.      **C.** 6.      **D.** 9.
- Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  biết  $f'(x) = (x+2)^2(x-1)$ . Số điểm cực tiểu của  $g(x) = f(x^3 - 3x)$  là
- A.** 4.      **B.** 2.      **C.** 1.      **D.** 3.
- Câu 5.** Đồ thị hàm số nào sau đây có dạng như hình vẽ.



- A.**  $y = x^4 - 2x^2$ .      **B.**  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .      **C.**  $y = 3x - x^3$ .      **D.**  $y = x^3 - 3x$ .
- Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  biết  $f'(x) = x^2(1-x)^3(x-2)^5$ . Hỏi hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trong khoảng nào?
- A.**  $(-\infty; 1)$ .      **B.**  $(2; +\infty)$ .      **C.**  $(-\infty; +\infty)$ .      **D.**  $(1; 2)$ .
- Câu 7.** Có bao nhiêu số nguyên  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx-9}{x-m}$  đồng biến trên  $(1; 2)$ ?
- A.** 4.      **B.** 6.      **C.** 7.      **D.** 5.
- Câu 8.** Cho khối hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có thể tích bằng 12. Gọi  $O$  là tâm của  $ABCD$ . Thể tích khối chóp  $O.A'B'C'D'$  bằng
- A.** 6.      **B.** 4.      **C.** 9.      **D.** 5.
- Câu 9.** Thể tích khối lăng trụ đều có diện tích đáy bằng 4, cạnh bên có độ dài bằng 3
- A.** 12.      **B.** 16.      **C.** 4.      **D.** 9.
- Câu 10.** Cho hình hộp chữ nhật có ba kích thước 3; 4; 5. Tính thể tích khối đa diện có 6 đỉnh là tâm của 6 của hình hộp chữ nhật bằng
- A.** 10.      **B.** 20.      **C.** 12.      **D.** 15.



**Câu 11.** Hàm số nào sau đây chỉ có đúng một cực trị.

- A.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .      B.  $y = x^3$ .      C.  $y = x^3 + x^2$ .      D.  $y = \frac{x+1}{x-2}$ .

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x$ . Hàm số đã cho đồng biến trong khoảng nào?

- A.  $(-\infty; -1)$ .      B.  $(-2; 0)$ .      C.  $(0; +\infty)$ .      D.  $(-1; 1)$ .

**Câu 13.** Thể tích khối tứ diện đều cạnh  $3\sqrt{2}$  bằng

- A. 9.      B.  $3\sqrt{2}$ .      C. 6.      D.  $3\sqrt{2}$ .

**Câu 14.** Tìm tập xác định của hàm số  $y = (4 - x^2)^{\sqrt{2}}$ .

- A.  $[2; +\infty)$ .      B.  $(-2; 2)$ .      C.  $(-\infty; -2]$ .      D.  $[-2; 2]$ .

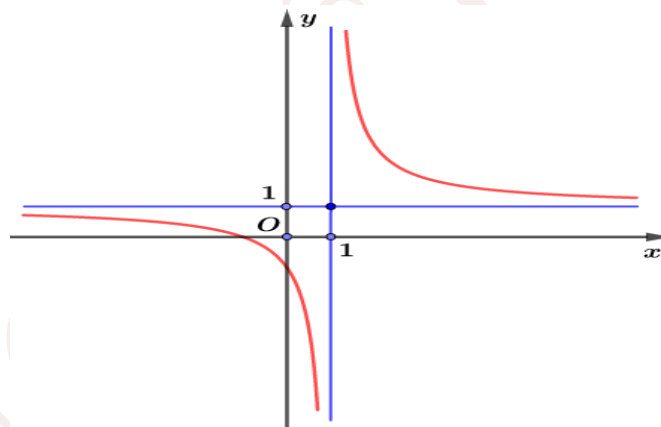
**Câu 15.** Cho tứ diện  $SABC$ , biết  $\overline{SA} = 2\overline{SM}$ ;  $2\overline{SB} = 3\overline{SN}$ . Tính thể tích khối tứ diện  $SMNC$  biết thể tích khối tứ diện  $SABC$  bằng 9.

- A. 3      B. 4      C. 2      D. 6

**Câu 16.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , đáy là tam giác đều cạnh  $a$ ,  $AA' = AB' = AC' = a$ . Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng.

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$       B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{4}$       C.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$       D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{12}$

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình sau. Chọn mệnh đề sai.



- A. Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 1$ .  
 B. Hàm số luôn tăng trên từng khoảng xác định.  
 C. Đồ thị hàm số có tâm đối xứng.  
 D. Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = 1$ .

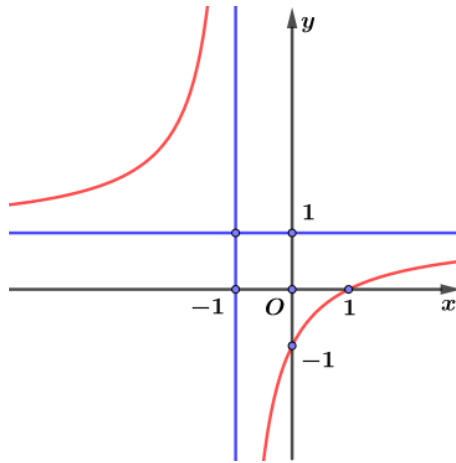
**Câu 18.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $\Delta SAD$  đều và mặt phẳng  $(SAD)$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  biết  $f'(x) = x(x-1)(x-2)$ . Hỏi hàm số  $y = f(|x|)$  có bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 4.      B. 7.      C. 6.      D. 5.

**Câu 20.** Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ



- A.  $y = \frac{2x-1}{x+1}$ .      B.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .      C.  $y = \frac{x^2-x-1}{x+1}$ .      D.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .

- Câu 21.** Số tiếp tuyến kẻ từ  $A(1;0)$  đến đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$  là  
 A. 1.      B. 4.      C. 2.      D. 3.
- Câu 22.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục và tăng trên  $[1;2]$ ,  $f(1) = -1, f(2) = 3$ . Có bao nhiêu số nguyên dương  $m$  để phương trình  $f(\sqrt{4-x^2}) = m$  có nghiệm  $x \in [-\sqrt{2}; \sqrt{3}]$  ?  
 A. 4.      B. 3.      C. 5.      D. 2.
- Câu 23.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có thể tích bằng 12. Gọi  $M, N, P$  lần lượt thuộc cạnh  $SA, SB, SC$  sao cho  $SA = 2SM, SB = \frac{3}{2}SN, SC = 4SP$ . Thể tích của khối đa diện  $ABCMNP$  bằng  
 A. 10.      B. 11.      C. 6.      D. 4.
- Câu 24.** Cho hình hộp  $ABCA'B'C'D'$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi  $AB = a, \angle ABC = 120^\circ, A'$  cách đều  $A, B, D, dt(ABA') = \frac{a^2}{4}$ . Thể tích khối đa diện  $BCDA'B'C'D'$  ?  
 A.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{4}$ .      B.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{12}$ .      C.  $\frac{5\sqrt{2}a^3}{24}$ .      D.  $\frac{a^3}{24}$ .
- Câu 25.** Thể tích khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  có độ dài cạnh bằng  $\sqrt{3}$  là  
 A.  $\sqrt{6}$ .      B.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$ .      C.  $\sqrt{3}$ .      D.  $\frac{\sqrt{3}}{3}$ .
- Câu 26.** Cho  $(P): y = x^2$  và điểm  $A(3; 0), M \in (P)$ .  $AM$  đạt giá trị nhỏ nhất bằng  
 A.  $\sqrt{3}$ .      B.  $\sqrt{5}$ .      C. 2.      D. 3.
- Câu 27.** Cho hình hộp  $ABCA'B'C'D'$  có thể tích  $V_1$ . Gọi  $O_1, O_2, O_3, O_4$  lần lượt là tâm các mặt bên  $ABB'A', BCC'B', CDD'C', DAA'D'$ . Gọi  $V_2$  là thể tích khối đa diện  $ABCA'B'C'D'. O_1O_2O_3O_4$ . Tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$  bằng  
 A.  $\frac{13}{5}$ .      B.  $\frac{6}{11}$ .      C.  $\frac{11}{6}$ .      D.  $\frac{12}{5}$ .
- Câu 28.** Có bao nhiêu số nguyên  $m \in (-2020; 2020)$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-m}}{x-1}$  có tiệm cận đứng ?  
 A. 2019.      B. 2020.      C. 2022.      D. 2021.
- Câu 29.** Cho tứ diện  $ABCD$  có  $AB = 2, CD = 3$ , góc giữa  $AB$  và  $CD$  bằng  $30^\circ$ , thể tích khối tứ diện  $ABCD$  bằng 2. Khoảng cách giữa  $AB$  và  $CD$  bằng

- A. 4.                                      B. 2.                                      C. 3.                                      D. 5.

**Câu 30.** Cho  $y = (x^2 + x + 1)^\pi$ . Tính  $y'(1)$  bằng

- A.  $\pi 3^{\pi-1}$ .                                      B.  $\pi 3^{\pi+1}$ .                                      C.  $\pi 3^\pi$ .                                      D.  $3^\pi$ .

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{1-x}$  có tiệm cận ngang là

- A.  $x = -2$ .                                      B.  $x = 1$ .                                      C.  $y = -2$ .                                      D.  $y = 2$ .

**Câu 32.** Thể tích của khối chóp có diện tích đáy bằng 3 và chiều cao bằng 4 là

- A. 12.                                      B. 4.                                      C. 36.                                      D. 8.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên. Số điểm cực trị của  $y = |f(x)|$  là

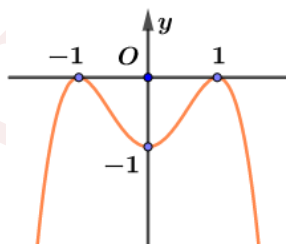
$x$	$-\infty$		-1		0		1		$+\infty$
$y'$		-	0	+	0	-	0	+	
$y$	$+\infty$				1				$+\infty$

- A. 5.                                      B. 6.                                      C. 4.                                      D. 7.

**Câu 34.** Khối chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  biết diện tích  $(ABCD)$  bằng 9, chiều cao  $SO = 4$ . Gọi  $S'$  là trung điểm của  $SO$ . Tính thể tích khối chóp  $S'.ABCD$  bằng

- A. 6.                                      B. 12.                                      C. 3.                                      D. 18.

**Câu 35.** Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ.



- A.  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .                                      B.  $y = x^3 - 3x - 1$ .                                      C.  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .                                      D.  $y = -x^4 + 2x - 1$ .

**Câu 36.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\min_{[-1;1]} f(x) = 5$  tại  $x = 1$ . Bất phương trình  $f(x) + \sqrt{1-x} + \sqrt{5-x} \leq m$  có nghiệm  $x \in [-1;1]$  khi  $m$  thỏa mãn:

- A.  $m \leq 7$ .                                      B.  $m < 7$ .                                      C.  $m > 7$ .                                      D.  $m \geq 7$ .

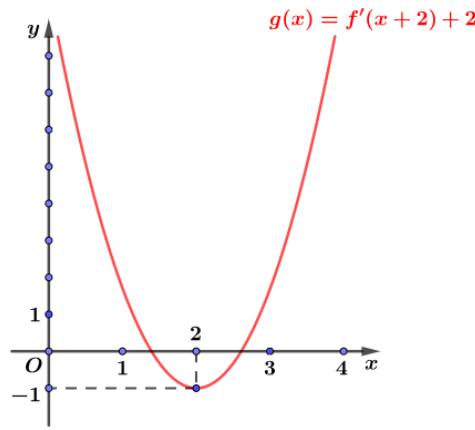
**Câu 37.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \sqrt{9-x^2}$  bằng

- A. 9.                                      B. 3.                                      C. 0.                                      D. 2.

**Câu 38.** Thể tích của khối đa diện đều loại  $\{4;3\}$ , biết diện tích một mặt bằng 9 là

- A. 18.                                      B. 8.                                      C. 64.                                      D. 27.

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Biết đồ thị  $g(x) = f'(x+2) + 2$  hình vẽ bên. Hỏi hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trong khoảng nào?



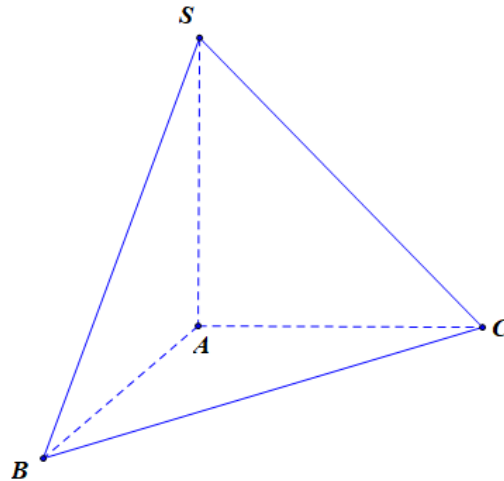
- A.  $(-\infty; 3)$ .      B.  $(3; 5)$ .      C.  $(-1; 1)$ .      D.  $(5; +\infty)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = ax^4 + 2bx^2 + c$  có bảng biến thiên như hình vẽ. Tính  $a + b + c$  bằng

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$		$-4$		$-3$		$-4$		$+\infty$

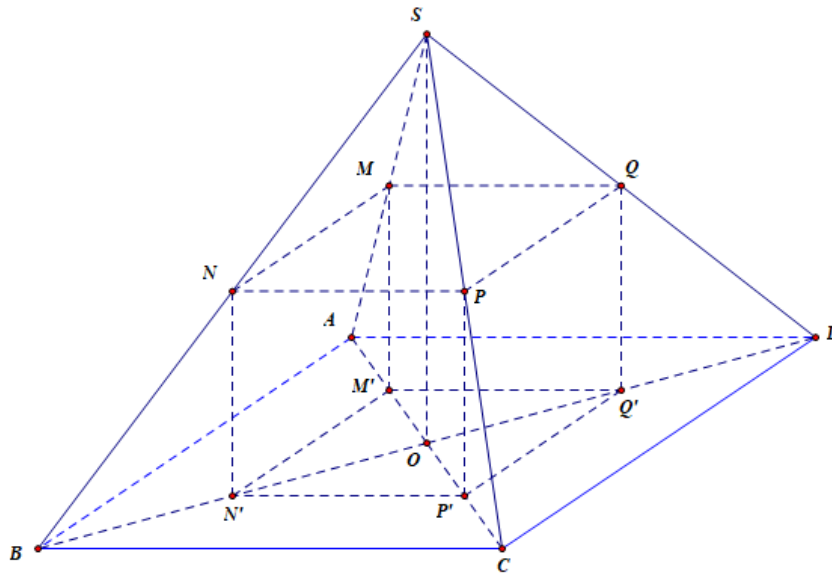
- A. 3.      B. 2.      C. -3.      D. -2.

**Câu 41.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có chiều cao  $SA = 3a$ , đáy  $\Delta ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a, AC = 2a$ . Thể tích của nó bằng



- A.  $a^3$ .      B.  $\frac{a^3}{3}$ .      C.  $3a^3$ .      D.  $2a^3$ .

**Câu 42.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tâm đáy là  $O$ . Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SB, SC, SD$ . Hình hộp có đáy là  $MNPQ$ , đáy kia là  $M'N'P'Q'$  với  $M'$  là trung điểm của  $AO$ . Gọi  $V_1$  là thể tích khối chóp  $S.ABCD$ ,  $V_2$  là thể tích khối hộp  $MNPQ.M'N'P'Q'$ . Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$



- A.  $\frac{5}{8}$ .                      B.  $\frac{8}{5}$ .                      C.  $\frac{8}{3}$ .                      D.  $\frac{3}{8}$ .

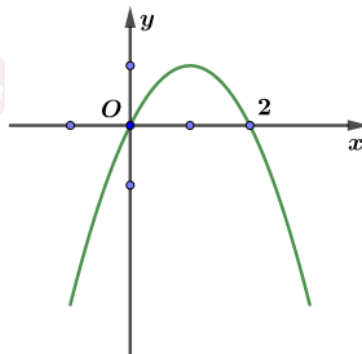
**Câu 43.** Gọi  $M, n$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 - 3x + 3$  trên  $[0; 2]$ . Tính  $M + n$  bằng

- A. 5.                              B. 4.                              C. 8.                              D. 6.

**Câu 44.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{x-1}$  có tiệm cận đứng là

- A.  $y = 0$ .                      B.  $x = 1$ .                      C.  $x = 0$ .                      D.  $y = 1$ .

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ ,  $f(0) = -1; f(2) = 1; \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty; \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ . Biết đồ thị  $y = f'(x)$  hình vẽ. Có bao nhiêu số nguyên  $m$  để phương trình  $f(x) = m$  có 3 nghiệm phân biệt?



- A. 0.                              B. 1.                              C. 2.                              D. 3.

**Câu 46.** Có bao nhiêu số nguyên  $m$  để hàm số  $y = |x^3 - 3x - m|$  có giá trị nhỏ nhất trên  $[0; 1]$  là nhỏ nhất.

- A. 3.                              B. 1.                              C. 2.                              D. 4.

**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào?

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$			$1$				$1$		

$-\infty$        $0$        $-\infty$   
 ↗      ↘      ↗      ↘  
 A.  $(0; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; 0)$ .      C.  $(-1; 0)$ .      D.  $(-1; 1)$ .

**Câu 48.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có  $AB = a$ , cạnh bên tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{12}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2$ . Hàm số cực đại tại  $x$  bằng

- A. 1.      B. 2.      C. -1.      D. 0.

**Câu 50.** Cho hình chóp đều  $S.ABC$  có  $AB = 2\sqrt{3}$ , mặt bên tạo với đáy một góc  $45^\circ$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $2\sqrt{3}$ .      B.  $4\sqrt{3}$ .      C.  $8\sqrt{3}$ .      D.  $\sqrt{3}$ .

----- HẾT -----

## ĐÁP ÁN

1.C	2.D	3.C	4.D	5.D	6.D	7.D	8.B	9.A	10.A
11.A	12.A	13.A	14.B	15.A	16.B	17.B	18.C	19.D	20.D
21.D	22.B	23.B	24.C	25.A	26.B	27.D	28.D	29.A	30.C
31.C	32.B	33.B	34.A	35.C	36.D	37.B	38.D	39.B	40.C
41.A	42.C	43.D	44.B	45.B	46.A	47.C	48.C	49.D	50.D

## GIẢI CHI TIẾT

**Câu 1.** Gọi  $M, N$  là hai điểm thuộc đồ thị  $(C): y = \frac{x-1}{x+1}$  biết  $x_M < -1 < x_N$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của đoạn  $MN$ ?

A.  $2\sqrt{2}$ .

B. 6.

C. 4.

D.  $4\sqrt{2}$ .

Lời giải

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .

Vì  $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} y = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{x-1}{x+1} = -\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} y = \lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{x-1}{x+1} = +\infty$  nên đồ thị  $(C)$  có tiệm cận đứng là  $x = -1$ .

Do  $x_M < -1 < x_N$  nên  $M, N$  là hai điểm nằm trên hai nhánh của đồ thị  $(C)$ .

Ta có:  $y = \frac{x-1}{x+1} = 1 - \frac{2}{x+1}$  và  $M\left(x_M; 1 - \frac{2}{x_M+1}\right), N\left(x_N; 1 - \frac{2}{x_N+1}\right)$ .

Đặt  $a = x_N + 1, b = -1 - x_M$  thì  $a > 0, b > 0$  và  $M\left(-b-1; 1 + \frac{2}{b}\right), N\left(a-1; 1 - \frac{2}{a}\right)$ .

Khi đó:  $MN = \sqrt{(a+b)^2 + \left(\frac{2}{a} + \frac{2}{b}\right)^2} = \sqrt{\left(a^2 + \frac{4}{a^2}\right) + \left(2ab + \frac{8}{ab}\right) + \left(b^2 + \frac{4}{b^2}\right)}$ .

Áp dụng bất đẳng thức Côsi cho các cặp số dương:

$$a^2 + \frac{4}{a^2} \geq 2\sqrt{a^2 \cdot \frac{4}{a^2}} = 4. \text{ Dấu "}" xảy ra khi } \begin{cases} a^2 = \frac{4}{a^2} \\ a > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = \frac{2}{a} \\ a > 0 \end{cases} \Leftrightarrow a = \sqrt{2}.$$

$$b^2 + \frac{4}{b^2} \geq 2\sqrt{b^2 \cdot \frac{4}{b^2}} = 4. \text{ Dấu "}" xảy ra khi } \begin{cases} b^2 = \frac{4}{b^2} \\ b > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = \frac{2}{b} \\ b > 0 \end{cases} \Leftrightarrow b = \sqrt{2}.$$

$$2ab + \frac{8}{ab} \geq 2\sqrt{2ab \cdot \frac{8}{ab}} = 8. \text{ Dấu "}" xảy ra khi } \begin{cases} 2ab = \frac{8}{ab} \\ a, b > 0 \end{cases} \Leftrightarrow ab = 2.$$

Vậy  $MN \geq \sqrt{4+4+8} = 4$ . Tức là  $\text{Min } MN = 4$  khi  $a = b = \sqrt{2}$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu  $y'$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$
		$+$	$0$	$+$

Hỏi hàm số  $y = f(x)$  có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 2.

B. 3.

C. 0.

D. 1.

## Lời giải

Dựa vào bảng xét dấu  $y'$  ta thấy  $y'$  đổi dấu từ “-” sang “+” khi qua điểm  $x=-1$  và không đổi dấu qua điểm  $x=1$  nên hàm số  $y=f(x)$  có 1 điểm cực trị.

**Câu 3.** Thể tích khối hộp chữ nhật có 3 kích thước 1;2;3 bằng

A. 5.

B. 8.

C. 6.

D. 9.

## Lời giải

Thể tích khối hộp chữ nhật có ba kích thước  $a; b; c$  được xác định bởi công thức  $V = abc$ .

Vậy  $V = 1.2.3 = 6$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  biết  $f'(x) = (x+2)^2(x-1)$ . Số điểm cực tiểu của  $g(x) = f(x^3 - 3x)$  là

A. 4.

B. 2.

C. 1.

D. 3.

## Lời giải

Ta có:  $g'(x) = (3x^2 - 3)f'(x^3 - 3x)$ .

$$\text{Suy ra } g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 3x^2 - 3 = 0 \\ f'(x^3 - 3x) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 & (Đ) \\ x = -1 & (Đ) \\ x^3 - 3x = -2 & (1) \\ x^3 - 3x = 1 & (2) \end{cases}$$

$$\text{Phương trình (1)} \Leftrightarrow x^3 - 3x + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 & (BC) \\ x = -2 & (BC) \end{cases}$$

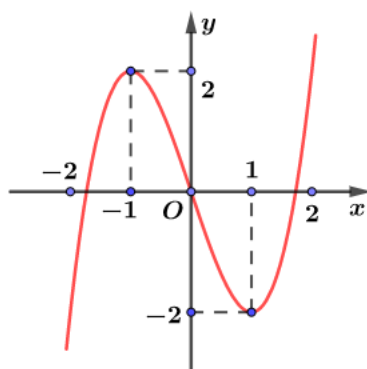
$$\text{Phương trình (2)} \Leftrightarrow x^3 - 3x - 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x \approx -1,53 = x_1 \\ x \approx -0,35 = x_2 \\ x \approx 1,88 = x_3 \end{cases}$$

Ta có bảng biến thiên của hàm số  $g(x)$ :

$x$	$-\infty$	$-2$	$x_1$	$-1$	$x_2$	$1$	$x_3$	$+\infty$
$g'(x)$	-	0	-	0	+	0	-	0
$g(x)$	↘		↗	↘	↗	↘	↗	↘

Vậy hàm số  $g(x)$  có 3 điểm cực tiểu.

**Câu 5.** Đồ thị hàm số nào sau đây có dạng như hình vẽ.





A.  $y = x^4 - 2x^2$ .      B.  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .      C.  $y = 3x - x^3$ .      **D.  $y = x^3 - 3x$ .**

Lời giải

Hình vẽ đã cho có dạng đồ thị hàm số bậc ba  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ ,  $\lim_{x \rightarrow \infty} y = +\infty$  nên hệ số  $a > 0$ , đồ thị hàm số đi qua gốc tọa độ nên  $d = 0$ . Chọn đáp án D.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  biết  $f'(x) = x^2(1-x)^3(x-2)^5$ . Hỏi hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trong khoảng nào?

A.  $(-\infty; 1)$ .      B.  $(2; +\infty)$ .      C.  $(-\infty; +\infty)$ .      **D.  $(1; 2)$ .**

Lời giải

$$f'(x) = x^2(1-x)^3(x-2)^5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$$

Ta có bảng xét dấu

$x$	$-\infty$		0		1		2		$+\infty$
$f'(x)$		-	0	-	0	+	0	-	

Suy ra hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; 2)$ .

**Câu 7.** Có bao nhiêu số nguyên  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx-9}{x-m}$  đồng biến trên  $(1; 2)$ ?

A. 4.      B. 6.      C. 7.      **D. 5.**

Lời giải

$$y' = \frac{-m^2 + 9}{(x-m)^2}$$

Hàm số  $y = \frac{mx-9}{x-m}$  đồng biến trên  $(1; 2) \Leftrightarrow y' > 0 \forall x \in (1; 2)$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -m^2 + 9 > 0 \\ m \notin (1; 2) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3 < m < 3 \\ m \leq 1 \vee m \geq 2 \end{cases} \Leftrightarrow -3 < m \leq 1 \vee 2 \leq m < 3$$

Mà  $m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{-2; -1; 0; 1; 2\}$ . Do đó có 5 số nguyên thỏa yêu cầu.

**Câu 8.** Cho khối hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có thể tích bằng 12. Gọi  $O$  là tâm của  $ABCD$ . Thể tích khối chóp  $O.A'B'C'D'$  bằng

A. 6.      **B. 4.**      C. 9.      D. 5.

Lời giải

Gọi  $h$  là chiều cao của khối hộp  $ABCD.A'B'C'D'$ .

$\Rightarrow h$  cũng là chiều cao của khối chóp  $O.A'B'C'D'$ .

$$\text{Do đó } V_{O.A'B'C'D'} = \frac{1}{3} \cdot S_{A'B'C'D'} \cdot h = \frac{1}{3} V_{ABCD.A'B'C'D'} = \frac{1}{3} \cdot 12 = 4$$

**Câu 9.** [Mức độ 1] Thể tích khối lăng trụ đều có diện tích đáy bằng 4, cạnh bên có độ dài bằng 3

**A. 12.**      B. 16.      C. 4.      D. 9.

Lời giải

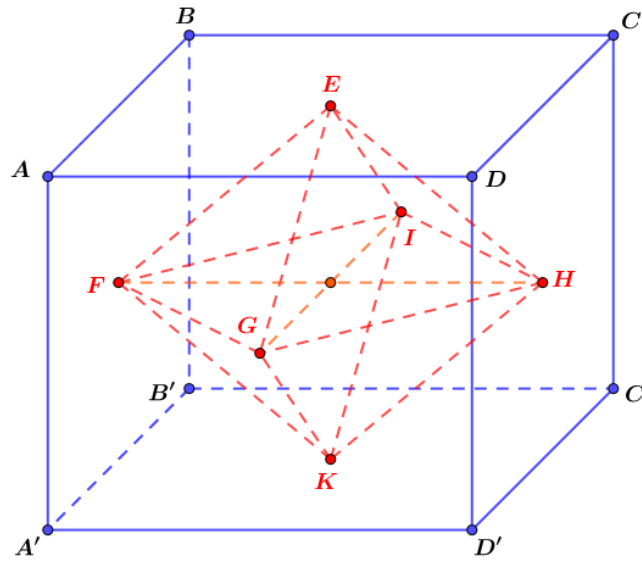
Thể tích khối lăng trụ đều có diện tích đáy bằng 4, cạnh bên có độ dài bằng 3:

$$V = S \cdot h = 4 \cdot 3 = 12.$$

**Câu 10.** [Mức độ 2] Cho hình hộp chữ nhật có ba kích thước 3; 4; 5. Tính thể tích khối đa diện có 6 đỉnh là tâm của 6 của hình hộp chữ nhật bằng

**A. 10.**      B. 20.      C. 12.      D. 15.

## Lời giải



Thể tích của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng  $V = 3.4.5 = 60$ .

Ta có hình đa diện  $EFGHIK$  là bát diện nên  $V_{EFGHIK} = 2.V_{EFGHI} = 2 \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} AA' \cdot S_{FGHI} = \frac{1}{3} AA' \cdot S_{FGHI}$ .

Ta lại có  $FGHI$  là tứ giác có hai đường chéo  $FH$ ,  $GI$  vuông góc với nhau và  $FH = AD$ ,  $GI = AB$  nên  $S_{FGHI} = \frac{1}{2} AD \cdot BC$ .

Vậy thể tích khối đa diện  $EFGHIK$  là:  $V_{EFGHIK} = \frac{1}{3} \cdot AA' \cdot \frac{1}{2} AB \cdot AD = \frac{V}{6} = 10$ .

**Câu 11.** Hàm số nào sau đây chỉ có đúng một cực trị.

**A.**  $y = x^4 + x^2 + 1$ .

**B.**  $y = x^3$ .

**C.**  $y = x^3 + x^2$ .

**D.**  $y = \frac{x+1}{x-2}$ .

## Lời giải

1) Hàm số  $y = x^4 + x^2 + 1$  là hàm trùng phương có a và b cùng dấu nên có đúng một cực trị.

$\Rightarrow$  chọn phương án A.

2) Xét hàm số  $y = x^3$ .

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 3x^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}.$$

$\Rightarrow$  Hàm số đồng biến trên toàn tập xác định nên không có cực trị.

$\Rightarrow$  loại phương án B.

3) Xét hàm số  $y = x^3 + x^2$ .

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 3x^2 + 2x.$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 + 2x = 0.$$

Vì phương trình trên có hai nghiệm phân biệt nên hàm số  $y = x^3 + x^2$  có hai cực trị.

$\Rightarrow$  loại phương án C.

4) Xét hàm số  $y = \frac{x+1}{x-2}$ .

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ .

$$y' = \frac{-3}{(x-2)^2} < 0, \forall x \neq 2.$$

⇒ Hàm số nghịch biến trên mỗi khoảng xác định nên không có cực trị.

⇒ loại phương án D.

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x$ . Hàm số đã cho đồng biến trong khoảng nào?

**A.**  $(-\infty; -1)$ .

**B.**  $(-2; 0)$ .

**C.**  $(0; +\infty)$ .

**D.**  $(-1; 1)$ .

**Lời giải**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 3x^2 - 3.$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$							$+\infty$

$-\infty$  ↙ ↘ ↗  $+\infty$

⇒ Hàm số đồng biến trong khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(1; +\infty)$ .

Kết luận: chọn phương án A.

**Câu 13.** Thể tích khối tứ diện đều cạnh  $3\sqrt{2}$  bằng

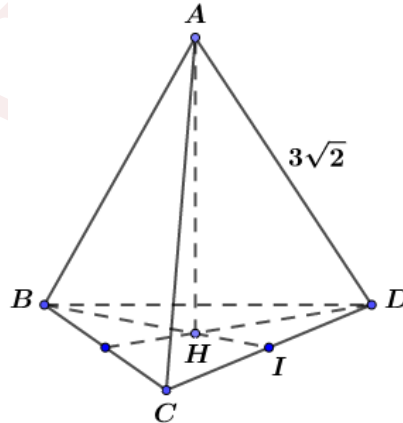
**A.** 9.

**B.**  $3\sqrt{2}$ .

**C.** 6.

**D.**  $3\sqrt{2}$ .

**Lời giải**



**Cách 1:** Ta tính thể tích khối tứ diện đều  $ABCD$  có cạnh bằng  $3\sqrt{2}$ .

Ta có  $S_{\triangle BCD} = \frac{1}{2} \cdot 3\sqrt{2} \cdot 3\sqrt{2} \cdot \sin 60^\circ = \frac{9\sqrt{3}}{2}$ . Gọi  $H$  là trọng tâm  $\triangle BCD \Rightarrow AH \perp (BCD)$ .

Gọi  $I$  là trung điểm  $CD \Rightarrow BI = \frac{3\sqrt{6}}{2} \Rightarrow BH = \frac{2}{3} BI = \sqrt{6}$ .

$$\Rightarrow AH = \sqrt{AB^2 - BH^2} = \sqrt{(3\sqrt{2})^2 - \sqrt{6}^2} = 2\sqrt{3}.$$

Thể tích khối tứ diện đều cạnh  $3\sqrt{2}$  bằng:  $V_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot AH \cdot S_{\triangle BCD} = \frac{1}{3} \cdot 2\sqrt{3} \cdot \frac{9\sqrt{3}}{2} = 9$ .

**Cách 2:** Thể tích khối tứ diện đều có cạnh bằng  $a$  là  $\frac{a^3 \sqrt{2}}{12}$

Suy ra thể tích khối tứ diện đều có cạnh bằng  $3\sqrt{2}$  là  $\frac{(3\sqrt{2})^3 \sqrt{2}}{12} = 9$ .

**Câu 14.** Tìm tập xác định của hàm số  $y = (4 - x^2)^{\sqrt{2}}$ .

- A.  $[2; +\infty)$ .      **B.  $(-2; 2)$ .**      C.  $(-\infty; -2]$ .      D.  $[-2; 2]$ .

**Lời giải**

Hàm số  $y = (4 - x^2)^{\sqrt{2}}$  xác định khi  $4 - x^2 > 0 \Leftrightarrow -2 < x < 2 \Leftrightarrow x \in (-2; 2)$ .

**Câu 15.** Cho tứ diện  $SABC$ , biết  $\overrightarrow{SA} = 2\overrightarrow{SM}$ ;  $2\overrightarrow{SB} = 3\overrightarrow{SN}$ . Tính thể tích khối tứ diện  $SMNC$  biết thể tích khối tứ diện  $SABC$  bằng 9.

- A. 3**      B. 4      C. 2      D. 6

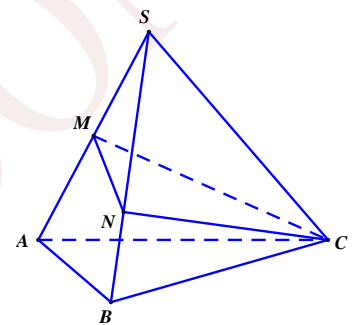
**Lời giải**

**Chọn A.**

Ta có  $\overrightarrow{SA} = 2\overrightarrow{SM}$  nên  $M$  là trung điểm của  $SA$  và  $2\overrightarrow{SB} = 3\overrightarrow{SN}$

nên chia  $SB$  thành 3 phần sao cho  $\frac{SN}{SB} = \frac{2}{3}$ .

Khi đó, theo công thức tỉ lệ thể tích ta có:



$$\frac{V_{S.MNC}}{V_{S.ABC}} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SN}{SB} \cdot \frac{SC}{SC} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot 1 = \frac{1}{3} \Rightarrow V_{S.MNC} = \frac{1}{3} V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot 9 = 3 \text{ (DVTT)}.$$

**Câu 16.** Cho lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ , đáy là tam giác đều cạnh  $a$ ,  $AA' = AB' = AC' = a$ . Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng.

- A.  $\frac{a^3 \sqrt{3}}{4}$       **B.  $\frac{a^3 \sqrt{2}}{4}$**       C.  $\frac{a^3 \sqrt{2}}{6}$       D.  $\frac{a^3 \sqrt{2}}{12}$

**Lời giải**

**Chọn B.**

Ta thấy  $AA'B'C'$  là tứ diện đều cạnh  $a$ .

$$\text{Mà } V_{AA'B'C'} = \frac{1}{3} V_{ABC.A'B'C'} \Rightarrow V_{ABC.A'B'C'} = 3V_{AA'B'C'}$$

Gọi  $H$  là tâm của đường tròn ngoại tiếp tam giác  $A'B'C'$ .

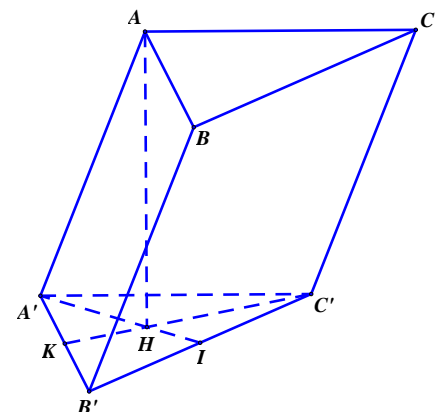
Thì  $AH$  là đường cao của hình chóp  $A.A'B'C'$ .

$$\text{Ta có } A'H = \frac{a\sqrt{3}}{3}.$$

Tam giác  $AA'H$  vuông tại  $H$  nên:

$$AH^2 = AA'^2 - A'H^2 = a^2 - \left(\frac{a\sqrt{3}}{3}\right)^2 = a^2 - \frac{a^2}{3} = \frac{6a^2}{9} \Rightarrow AH = \frac{a\sqrt{6}}{3}.$$

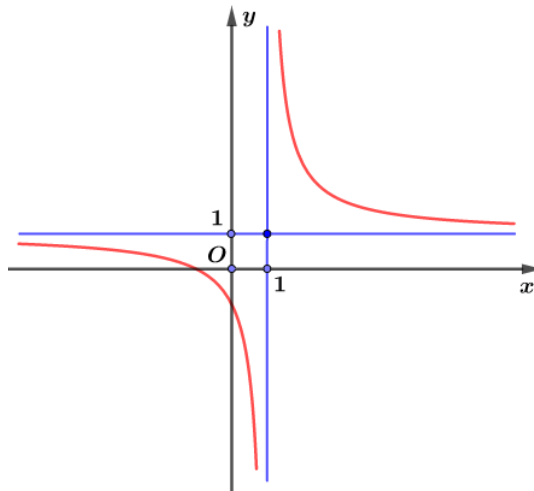
Diện tích tam giác  $A'B'C'$  là:  $S = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$  nên thể tích khối tứ diện  $AA'B'C'$  là:



$$V_{A.A'B'C'} = \frac{1}{3} AH.S = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{6}}{3} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{2}}{12}$$

Vậy thể tích khối lăng trụ là:  $V = 3.V_{A.A'B'C'} = \frac{a^3\sqrt{2}}{4}$ .

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình sau. Chọn mệnh đề sai.



- A. Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 1$ .
- B. Hàm số luôn tăng trên từng khoảng xác định.**
- C. Đồ thị hàm số có tâm đối xứng.
- D. Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = 1$ .

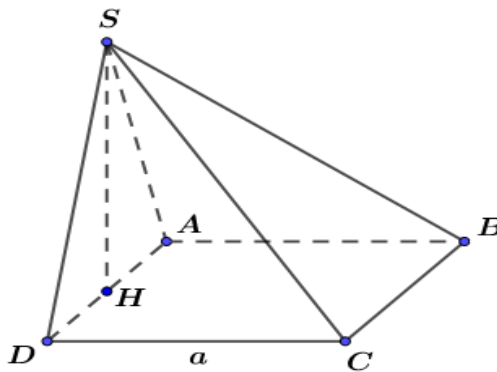
**Lời giải**

Dựa vào đồ thị hàm số, chọn **B**.

**Câu 18.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $\Delta SAD$  đều và mặt phẳng  $(SAD)$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .
- B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .
- C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .**
- D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

**Lời giải**



Ta có:  $AD$  là giao tuyến của  $(SAD)$  và  $(ABC)$ .

Gọi  $H$  là trung điểm của  $AD \Rightarrow SH \perp AD$  và  $SH = \frac{a\sqrt{3}}{2}$  vì  $\Delta SAD$  đều cạnh  $a$ .

$\Rightarrow SH \perp (ABC)$ .

Vậy  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot S_{ABCD} \cdot SH = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  biết  $f'(x) = x(x-1)(x-2)$ . Hỏi hàm số  $y = f(|x|)$  có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 4.

B. 7.

C. 6.

**D. 5.**

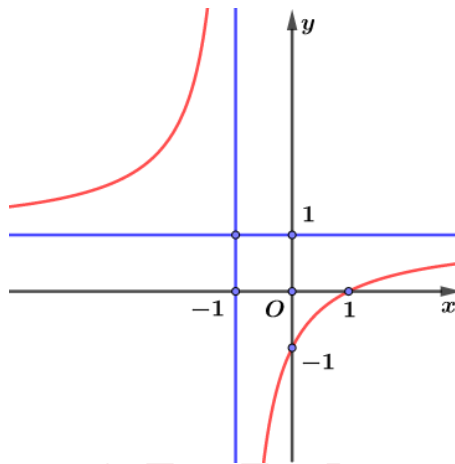
**Lời giải**

$$\text{Ta có: } f'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x-1)(x-2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$$

Suy ra hàm số  $y = f(x)$  có 3 điểm cực trị trong đó có 2 điểm cực trị dương.

Khi đó hàm số  $y = f(|x|)$  có  $2 \cdot 2 + 1 = 5$  điểm cực trị.

**Câu 20.** Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ



A.  $y = \frac{2x-1}{x+1}$ .

B.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .

C.  $y = \frac{x^2-x-1}{x+1}$ .

**D.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .**

**Lời giải**

Từ hình vẽ ta thấy đồ thị hàm số có đường tiệm cận đứng là  $x = -1$  và đường tiệm cận ngang là  $y = 1$ .

Do đó, ta chọn đáp án D.

**Câu 21.** Số tiếp tuyến kẻ từ  $A(1;0)$  đến đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$  là

A. 1.

B. 4.

C. 2.

**D. 3.**

**Lời giải**

Ta có:  $A(1;0) \in (C): y = g(x) = x^4 - 2x^2 + 1$ .

Gọi phương trình tiếp tuyến qua  $A$  có dạng:  $(d): y = f(x) = k(x-1)$ .

$(d)$  tiếp xúc  $(C)$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = g(x) \\ f'(x) = g'(x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^4 - 2x^2 + 1 = k(x-1) \\ 4x^3 - 4x = k \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x^4 - x^2 + 1 = (4x^3 - 4x)(x-1) \\ 4x^3 - 4x = k \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 3x^4 - 4x^3 - 2x^2 + 4x - 1 = 0(1) \\ 4x^3 - 4x = k(2) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1}{3} \\ x = -1 \\ 4x^3 - 4x = k(2) \end{cases}$$

Vậy từ A ta kẻ được 3 tiếp tuyến đến đồ thị hàm số.

**Câu 22.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục và tăng trên  $[1; 2]$ ,  $f(1) = -1, f(2) = 3$ . Có bao nhiêu số nguyên dương  $m$  để phương trình  $f(\sqrt{4-x^2}) = m$  có nghiệm  $x \in [-\sqrt{2}; \sqrt{3}]$  ?

- A. 4.                                 **B. 3.**                                 C. 5.                                 D. 2.

Lời giải

Đặt  $t = \sqrt{4-x^2}, x \in [-\sqrt{2}; \sqrt{3}]$ .

$$t' = \frac{-x}{\sqrt{4-x^2}}$$

$$t' = 0 \Leftrightarrow x = 0.$$

$x$	$-\sqrt{2}$		0			$\sqrt{3}$
$t$		$\sqrt{2}$	2			1
$f(x)$			3		$m$	-1
	$f(\sqrt{2})$					

Để phương trình  $f(\sqrt{4-x^2}) = m$  có nghiệm

$$\Rightarrow -1 < m \leq 3. \Rightarrow m \in \{1; 2; 3\}.$$

Vậy có 3 giá trị nguyên dương của  $m$  thỏa yêu cầu đề bài.

**Câu 23.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có thể tích bằng 12. Gọi  $M, N, P$  lần lượt thuộc cạnh  $SA, SB, SC$  sao cho  $SA = 2SM, SB = \frac{3}{2}SN, SC = 4SP$ . Thể tích của khối đa diện  $ABCMNP$  bằng

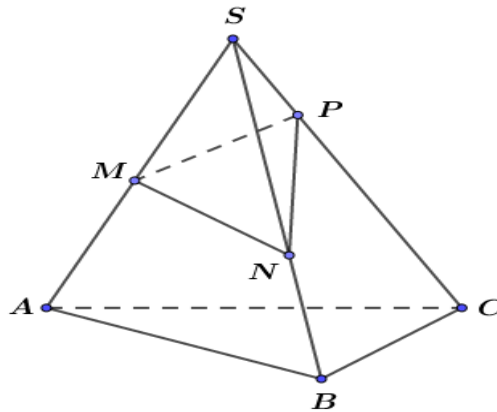
A. 10.

**B. 11.**

C. 6.

D. 4.

Lời giải



Ta có  $\frac{V_{S.MNP}}{V_{S.ABC}} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SN}{SB} \cdot \frac{SP}{SC} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{12} \Rightarrow V_{S.MNP} = \frac{1}{12} V_{S.ABC} = 1.$

Vậy thể tích của khối đa diện  $ABCMNP$  là  $V_{ABCMNP} = V_{S.ABC} - V_{S.MNP} = 12 - 1 = 11.$

**Câu 24.** Cho hình hộp  $ABCA'B'C'D'$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi  $AB = a, \angle ABC = 120^\circ$ ,  $A'$  cách đều  $A, B, D$ ,  $dt(ABA') = \frac{a^2}{4}$ . Thể tích khối đa diện  $BCDA'B'C'D'$ ?

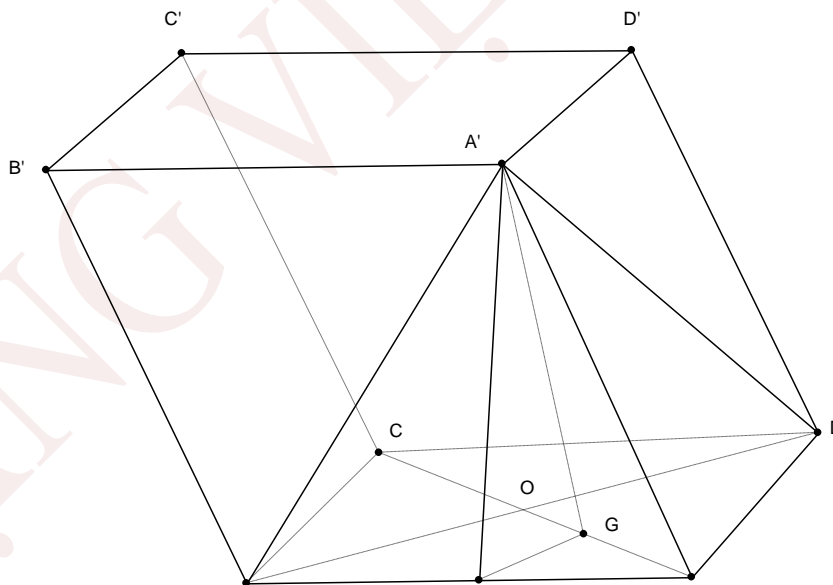
A.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{4}$ .

B.  $\frac{\sqrt{2}a^3}{12}$ .

**C.  $\frac{5\sqrt{2}a^3}{24}$ .**

D.  $\frac{a^3}{24}$ .

Lời giải



Ta có  $\angle ABC = 120^\circ \Rightarrow \angle ABD = 60^\circ \Rightarrow \triangle ABD$  đều và  $A'$  cách đều  $A, B, D$  nên hình chiếu của  $A'$  trên mặt phẳng  $(ABCD)$  là trọng tâm  $G$  của tam giác  $DAB$ . Gọi  $H$  là trung điểm của

$AB$ . Theo giả thiết có  $dt(ABA') = \frac{a^2}{4} \Leftrightarrow \frac{1}{2} A'H \cdot AB = \frac{a^2}{4} \Leftrightarrow \frac{1}{2} a \cdot A'H = \frac{a^2}{4} \Leftrightarrow A'H = \frac{a}{2}$  ;

$HG = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a\sqrt{3}}{6} \Rightarrow A'G = \sqrt{A'H^2 - HG^2} = \sqrt{\frac{a^2}{4} - \frac{3a^2}{36}} = \frac{a\sqrt{6}}{6}$

Thể tích của khối chóp  $A'ABD$  là  $V_1 = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{6}}{6} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{2}}{24}$ .



Thể tích của khối đa diện  $ABCD A' B' C' D'$  là  $V_2 = \frac{a^2 \sqrt{3}}{2} \cdot \frac{a}{\sqrt{6}} = \frac{a^3 \sqrt{2}}{4}$ .

Vậy

thể tích khối đa diện  $BCDA' B' C' D'$  là  $V = V_2 - V_1 = \frac{a^3 \sqrt{2}}{4} - \frac{a^3 \sqrt{2}}{24} = \frac{5a^3 \sqrt{2}}{24}$ .

**Câu 25.** Thể tích khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  có độ dài cạnh bằng  $\sqrt{3}$  là

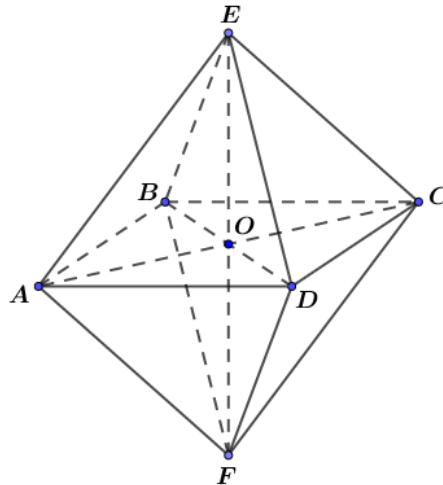
**A.**  $\sqrt{6}$ .

**B.**  $\frac{\sqrt{6}}{2}$ .

**C.**  $\sqrt{3}$ .

**D.**  $\frac{\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải**



Khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  là khối bát diện đều.

Thể tích khối bát diện đều  $V_{ABCDEF} = 2.V_{E.ABCD}$  với khối chóp  $E.ABCD$  là khối chóp tứ giác đều cạnh bằng  $\sqrt{3}$ .

**Cách 1. Tính nhanh:**

$$V_{E.ABCD} = \frac{(\sqrt{3})^3 \cdot \sqrt{2}}{6} = \frac{\sqrt{6}}{2}.$$

Khi đó  $V_{ABCDEF} = 2.V_{E.ABCD} = 2 \cdot \frac{\sqrt{6}}{2} = \sqrt{6}$ .

**Cách 2. Tự luận**

Đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh bằng  $\sqrt{3} \Rightarrow S_{ABCD} = (\sqrt{3})^2 = 3$ .

Đường chéo  $AC = \sqrt{3} \cdot \sqrt{2} = \sqrt{6} \Rightarrow OA = \frac{1}{2} AC = \frac{\sqrt{6}}{2}$ .

Xét  $\triangle EOA$  vuông tại  $O$  có  $EO = \sqrt{EA^2 - OA^2} = \sqrt{(\sqrt{3})^2 - \left(\frac{\sqrt{6}}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{6}}{2}$ .

$$V_{E.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot EO \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{6}}{2} \cdot 3 = \frac{\sqrt{6}}{2}.$$

Khi đó  $V_{ABCDEF} = 2.V_{E.ABCD} = 2 \cdot \frac{\sqrt{6}}{2} = \sqrt{6}$ .

**Câu 26.** Cho  $(P): y = x^2$  và điểm  $A(3; 0)$ ,  $M \in (P)$ .  $AM$  đạt giá trị nhỏ nhất bằng

**A.**  $\sqrt{3}$ .

**B.**  $\sqrt{5}$ .

**C.** 2.

**D.** 3.

**Lời giải**

Gọi  $M(m; m^2) \in (P)$ .

Ta có

$$\begin{aligned} AM &= \sqrt{(m-3)^2 + m^4} \\ &= \sqrt{m^2 - 6m + 9 + m^4} \\ &= \sqrt{m^4 - 2m^2 + 1 + 3m^2 - 6m + 3 + 5} \\ &= \sqrt{(m^2 - 1)^2 + 3(m-1)^2 + 5} \geq \sqrt{5}. \end{aligned}$$

Dấu "=" xảy ra khi  $m = 1$ .

Vậy  $AM$  đạt giá trị nhỏ nhất bằng  $\sqrt{5}$  khi  $M(1; 1)$ .

**Câu 27.** Cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có thể tích  $V_1$ . Gọi  $O_1, O_2, O_3, O_4$  lần lượt là tâm các mặt bên  $ABB'A', BCC'B', CDD'C', DAA'D'$ . Gọi  $V_2$  là thể tích khối đa diện  $ABCD.O_1O_2O_3O_4$ . Tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$

bằng

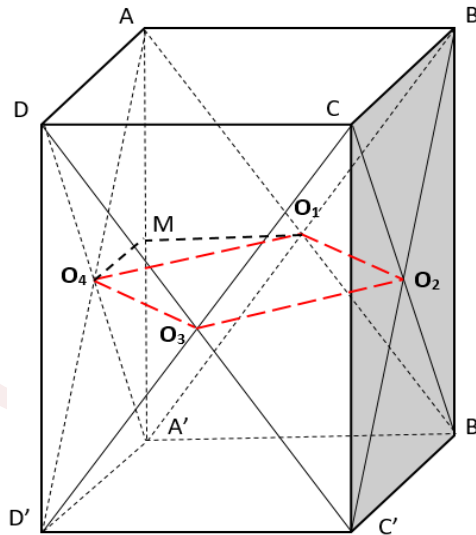
A.  $\frac{13}{5}$ .

B.  $\frac{6}{11}$ .

C.  $\frac{11}{6}$ .

**D.  $\frac{12}{5}$ .**

Lời giải



Gọi  $M$  là trung điểm đoạn thẳng  $AA'$ .

Ta có:  $S_{\triangle MO_1O_4} = \frac{1}{2} MO_4 \cdot MO_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} AD \cdot \frac{1}{2} AB = \frac{1}{8} S_{ABCD}$ .

$V_{A.MO_1O_4} = \frac{1}{3} AM \cdot S_{\triangle MO_1O_4} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} AA' \cdot \frac{1}{8} S_{ABCD} = \frac{1}{48} V_1$ .

$V_2 = \frac{1}{2} V_1 - 4V_{A.MO_1O_4} = \frac{1}{2} V_1 - \frac{1}{12} V_1 = \frac{5}{12} V_1$ .

Suy ra:  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{12}{5}$ .

**Câu 28.** Có bao nhiêu số nguyên  $m \in (-2020; 2020)$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-m}}{x-1}$  có tiệm cận đứng?

A. 2019.

B. 2020.

C. 2022.

**D. 2021.**

Lời giải

Điều kiện xác định:

$$\begin{cases} x \geq m \\ x \neq 1 \end{cases}$$

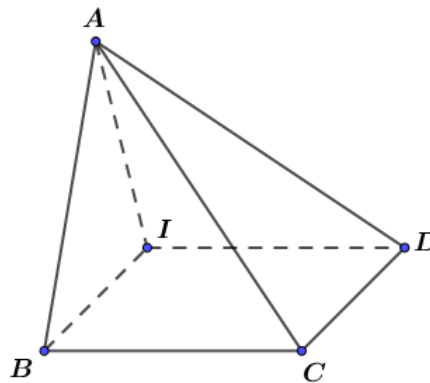
Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-m}}{x-1}$  có tiệm cận đứng  $x=1$  khi và chỉ khi  $m \leq 1$ .

Mà số nguyên  $m \in (-2020; 2020)$ , suy ra  $m \in (-2020; 1]$ .

Vậy có 2021 số nguyên  $m$  thỏa đề bài.

- Câu 29.** Cho tứ diện  $ABCD$  có  $AB=2$ ,  $CD=3$ , góc giữa  $AB$  và  $CD$  bằng  $30^\circ$ , thể tích khối tứ diện  $ABCD$  bằng 2. Khoảng cách giữa  $AB$  và  $CD$  bằng
- A.** 4.                      **B.** 2.                      **C.** 3.                      **D.** 5.

Lời giải



Dựng hình bình hành  $BCDI$ .

Ta có:  $CD \parallel BI$  nên  $d(AB, CD) = d(CD, (ABI)) = d(C, (ABI))$  và  $(AB, CD) = (AB, BI) = 30^\circ$ .

Mặt khác, ta có  $V_{ABCD} = V_{CABI} = \frac{1}{3} d(C, (ABI)) \cdot S_{ABI}$ .

Mà  $S_{ABI} = \frac{1}{2} AB \cdot BI \cdot \sin B = \frac{3}{2}$ .

Vậy  $d(AB, CD) = d(C, (ABI)) = \frac{3V_{ABCD}}{S_{ABI}} = 4$ .

- Câu 30.** Cho  $y = (x^2 + x + 1)^\pi$ . Tính  $y'(1)$  bằng

- A.**  $\pi 3^{\pi-1}$ .                      **B.**  $\pi 3^{\pi+1}$ .                      **C.**  $\pi 3^\pi$ .                      **D.**  $3^\pi$ .

Lời giải

Ta có  $y' = \pi(x^2 + x + 1)^{\pi-1} \cdot (x^2 + x + 1)' = \pi(2x + 1)(x^2 + x + 1)^{\pi-1}$ .

Khi đó  $y'(1) = 3\pi \cdot 3^{\pi-1} = \pi 3^\pi$ .

- Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{1-x}$  có tiệm cận ngang là

- A.**  $x = -2$ .                      **B.**  $x = 1$ .                      **C.**  $y = -2$ .                      **D.**  $y = 2$ .

Lời giải

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{2x-1}{1-x} \right) = -2 \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} \left( \frac{2x-1}{1-x} \right) = -2 \end{cases} \Rightarrow y = -2 \text{ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.}$$

**Câu 32.** Thể tích của khối chóp có diện tích đáy bằng 3 và chiều cao bằng 4 là

- A. 12.      **B. 4.**      C. 36.      D. 8.

**Lời giải**

Thể tích của khối chóp  $V = \frac{1}{3}.B.h$ . Trong đó  $B$  là diện tích đáy và  $h$  là chiều cao.

Áp dụng công thức ta có  $V = \frac{1}{3}.3.4 = 4$ . Vậy ta chọn đáp án B.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên. Số điểm cực trị của  $y = |f(x)|$  là

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$		$-1$		$1$		$-1$		$+\infty$

- A. 5.      **B. 6.**      C. 4.      D. 7.

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên ta sẽ suy ra được đồ thị của hàm số  $y = |f(x)|$ .

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$0$		$-1$		$1$		$-1$		$+\infty$
$ f(x) $	$0$		$1$		$1$		$1$		$+\infty$

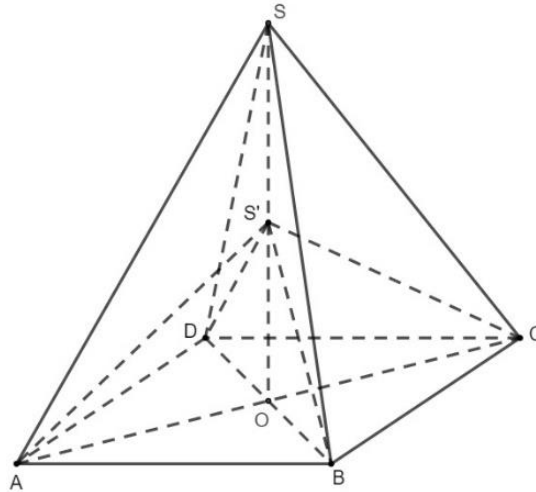
**Đồ thị của hàm  $|f(x)|$  là đường màu đỏ**

Từ đó ta đếm được  $y = |f(x)|$  có tất cả 6 cực trị.

**Câu 34.** Khối chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  biết diện tích  $(ABCD)$  bằng 9, chiều cao  $SO = 4$ . Gọi  $S'$  là trung điểm của  $SO$ . Tính thể tích khối chóp  $S'.ABCD$  bằng

- A. 6.**      B. 12.      C. 3.      D. 18.

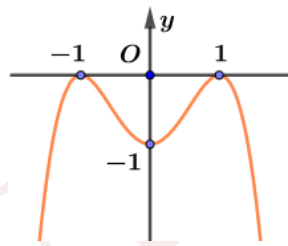
**Lời giải**



Ta có:  $S'O = \frac{1}{2}SO = 2$ .

Khi đó thể tích của khối chóp  $V_{S'.ABCD} = \frac{1}{3}S'O.S_{ABCD} = \frac{1}{3}.2.9 = 6$ .

**Câu 35.** Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ.



- A.  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .    B.  $y = x^3 - 3x - 1$ .    **C.  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$** .    D.  $y = -x^4 + 2x - 1$ .

**Lời giải**

Đồ thị hàm số có 2 cực đại là  $(-1;0)$  và  $(1;0)$ ; 1 cực tiểu là  $(0;-1)$

$\Rightarrow$  đáp án C thỏa mãn.

**Câu 36.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có  $\min_{[-1;1]} f(x) = 5$  tại  $x = 1$ . Bất phương trình  $f(x) + \sqrt{1-x} + \sqrt{5-x} \leq m$

có nghiệm  $x \in [-1;1]$  khi  $m$  thỏa mãn:

- A.  $m \leq 7$ .    B.  $m < 7$ .    C.  $m > 7$ .    **D.  $m \geq 7$** .

**Lời giải**

Theo đề bài ta có:  $\min_{[-1;1]} f(x) = f(1) = 5$ .

Đặt  $g(x) = \sqrt{1-x} + \sqrt{5-x}$  với  $x \in [-1;1]$ ;  $g'(x) = \frac{-1}{2\sqrt{1-x}} + \frac{-1}{2\sqrt{5-x}} < 0 \forall x \in (-\infty; 1]$ .

Hàm số  $y = g(x)$  luôn nghịch biến trên  $[-1;1]$ . Vậy  $\min_{[-1;1]} g(x) = g(1) = 2$ .

Để phương trình  $f(x) + \sqrt{1-x} + \sqrt{5-x} \leq m$  có nghiệm trên  $x \in [-1;1]$  khi và chỉ khi

$m \geq \min_{[-1;1]} (f(x) + \sqrt{1-x} + \sqrt{5-x}) = 5 + 2 = 7$ . Vậy  $m \geq 7$ .

**Câu 37.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \sqrt{9-x^2}$  bằng

- A. 9.    **B. 3**.    C. 0.    D. 2.

**Lời giải**

Tập xác định:  $D = [-3; 3]$ .

Hàm số liên tục trên  $[-3; 3]$ .

$$y' = \frac{-x}{\sqrt{9-x^2}}$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow x = 0 \in [-3; 3].$$

$$y(0) = 3; y(-3) = 0; y(3) = 0.$$

Vậy  $\max_{[-3;3]} y = 3 = y(0)$ .

**Câu 38.** Thể tích của khối đa diện đều loại  $\{4; 3\}$ , biết diện tích một mặt bằng 9 là

A. 18.

B. 8.

C. 64.

**D. 27.**

**Lời giải**

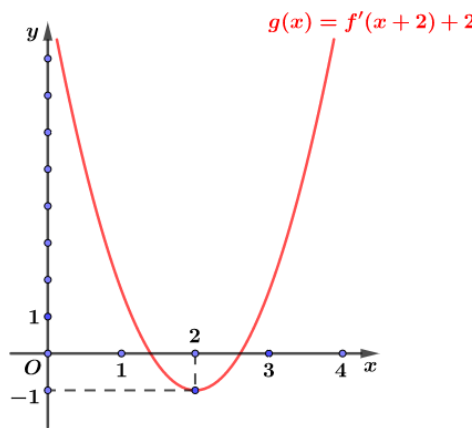
Khối đa diện đều loại  $\{4; 3\}$  là khối lập phương, mỗi mặt của khối đa diện là hình vuông.

Gọi  $a$  là cạnh của khối lập phương.

$$S = a^2 = 9 \Rightarrow a = 3.$$

Vậy thể tích của khối lập phương  $V = a^3 = 27$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Biết đồ thị  $g(x) = f'(x+2) + 2$  hình vẽ bên. Hỏi hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trong khoảng nào?



A.  $(-\infty; 3)$ .

**B. (3; 5)**

C.  $(-1; 1)$ .

D.  $(5; +\infty)$ .

**Lời giải**

Ta có: Tịnh tiến đồ thị hàm số  $y = f'(x+2) + 2$  xuống dưới 2 đơn vị, ta được đồ thị hàm số  $y = f'(x+2)$ . Tiếp tục tịnh tiến đồ thị hàm số sang phải 2 đơn vị, ta được đồ thị hàm số  $y = f'(x)$ . Dựa vào hình vẽ, ta thấy trong khoảng  $(3; 5)$  đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  nằm dưới trục  $Ox$  nên hàm số nghịch biến. Chọn đáp án B.

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = ax^4 + 2bx^2 + c$  có bảng biến thiên như hình vẽ. Tính  $a+b+c$  bằng

$x$	$-\infty$	-1		0		1	$+\infty$	
$y'$		-	0	+	0	-	0	+
$y$	$+\infty$				-3			$+\infty$

A. 3.

B. 2.

**C. -3.**

D. -2.

## Lời giải

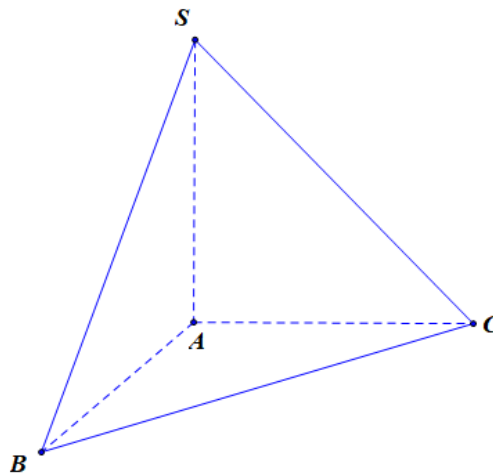
Ta có:  $f(x) = ax^4 + 2bx^2 + c \Rightarrow f'(x) = 4ax^3 + 4bx$

Từ bảng biến thiên ta có:

$$\begin{cases} f'(-1) = f'(1) = 0 \\ f(-1) = f(1) = -4 \\ f(0) = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -4a - 4b = 0 \\ a + 2b + c = -4 \\ c = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -1 \\ c = -3 \end{cases}$$

Vậy:  $a + b + c = -3$ . Chọn đáp án C.

**Câu 41.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có chiều cao  $SA = 3a$ , đáy  $\triangle ABC$  vuông tại  $A$ ,  $AB = a$ ,  $AC = 2a$ . Thể tích của nó bằng



**A.**  $a^3$ .

**B.**  $\frac{a^3}{3}$ .

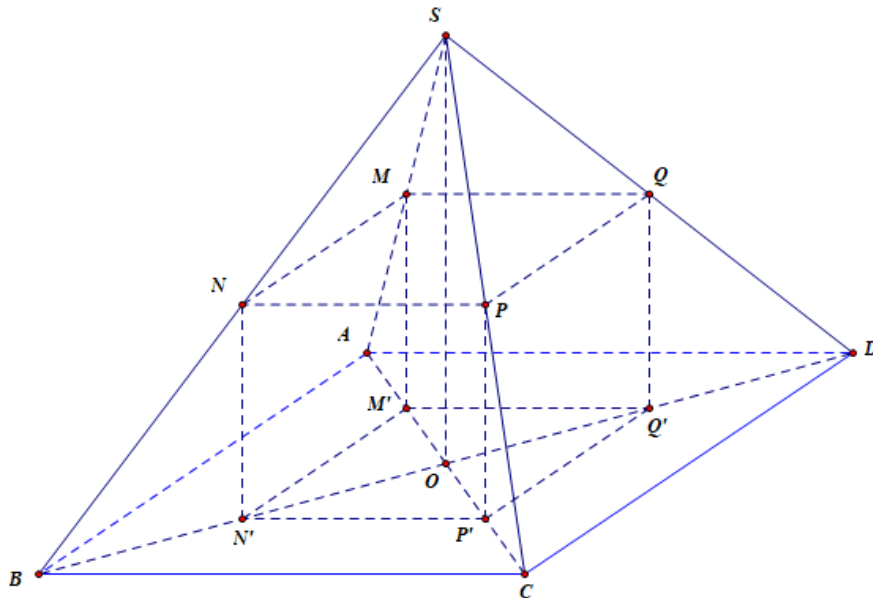
**C.**  $3a^3$ .

**D.**  $2a^3$ .

## Lời giải

Thể tích hình chóp  $S.ABC$  là  $V = \frac{1}{3} SA \cdot S_{\triangle ABC} = \frac{1}{3} \cdot 3a \cdot \frac{1}{2} a \cdot 2a = a^3$ .

**Câu 42.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tâm đáy là  $O$ . Gọi  $M, N, P, Q$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SB, SC, SD$ . Hình hộp có đáy là  $MNPQ$ , đáy kia là  $M'N'P'Q'$  với  $M'$  là trung điểm của  $AO$ . Gọi  $V_1$  là thể tích khối chóp  $S.ABCD$ ,  $V_2$  là thể tích khối hộp  $MNPQ.M'N'P'Q'$ . Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .



- A.  $\frac{5}{8}$ .                      B.  $\frac{8}{5}$ .                      **C.  $\frac{8}{3}$ .**                      D.  $\frac{3}{8}$ .

**Lời giải**

Đặt  $AB = a, SO = h \Rightarrow V_1 = \frac{1}{3}ha^2$ .

Do  $M, M'$  lần lượt là trung điểm của  $SA, OA \Rightarrow MM' \parallel SO, MM' = \frac{1}{2}h$ .

Do  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SB \Rightarrow MN \parallel AB, MN = \frac{1}{2}a$ , suy ra  $MNPQ, M'N'P'Q'$  là

hình hộp chữ nhật nên  $V_2 = \left(\frac{1}{2}a\right)^2 \frac{1}{2}h = \frac{ha^2}{8}$ .

Khi đó  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{ha^2}{3} \cdot \frac{8}{ha^2} = \frac{8}{3}$ .

**Câu 43.** Gọi  $M, n$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 - 3x + 3$  trên  $[0; 2]$ . Tính  $M + n$  bằng

- A. 5.                      B. 4.                      C. 8.                      **D. 6.**

**Lời giải**

Hàm số xác định và liên tục trên  $[0; 2]$ .

$$y' = 3x^2 - 3, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in (0; 2) \\ x = -1 \notin (0; 2) \end{cases}$$

Ta có  $y(0) = 3, y(1) = 1, y(2) = 5$  nên  $M = 5, n = 1$

Vậy  $M + n = 6$ .

**Câu 44.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{x-1}$  có tiệm cận đứng là

- A.  $y = 0$ .                      **B.  $x = 1$ .**                      C.  $x = 0$ .                      D.  $y = 1$ .

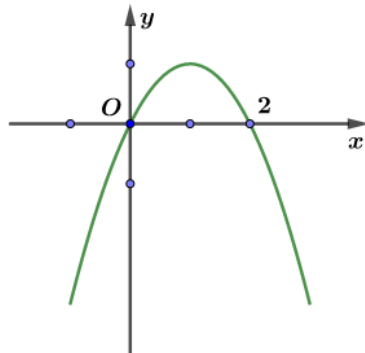
**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty$  nên  $x = 1$  là tiệm cận đứng.



**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ ,  $f(0) = -1; f(2) = 1; \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty; \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .  
 Biết đồ thị  $y = f'(x)$  hình vẽ. Có bao nhiêu số nguyên  $m$  để phương trình  $f(x) = m$  có 3 nghiệm phân biệt?



- A. 0.                      **B. 1.**                      C. 2.                      D. 3.
- Lời giải**

Từ giả thiết ta có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	-
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$1$	$-\infty$

Để phương trình  $f(x) = m$  có 3 nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow$  đường thẳng  $y = m$  cắt đồ thị  $y = f(x)$  tại 3 điểm phân biệt. Dựa vào bảng biến thiên của hàm  $y = f(x)$  ta thấy với  $-1 < m < 1$  thì đường thẳng  $y = m$  cắt đồ thị  $y = f(x)$  tại 3 điểm phân biệt, mà  $m$  nguyên nên suy ra  $m = 0$ . Chọn **B**

**Câu 46.** Có bao nhiêu số nguyên  $m$  để hàm số  $y = |x^3 - 3x - m|$  có giá trị nhỏ nhất trên  $[0;1]$  là nhỏ nhất.  
**A. 3.**                      B. 1.                      C. 2.                      D. 4.

**Lời giải**

Rõ ràng  $y = |x^3 - 3x - m| \geq 0 \forall x \in [0;1]$  suy ra  $\min_{x \in [0;1]} y \geq 0$ . Dấu “=” xảy ra khi và chỉ khi  $x^3 - 3x - m = 0$ .  
 Ta tìm  $m \in \mathbb{Z}$  để phương trình  $x^3 - 3x = m$  có nghiệm trong đoạn  $[0;1]$  hay tìm  $m \in \mathbb{Z}$  để đường thẳng  $y = m$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x$  tại điểm có hoành độ thuộc đoạn  $[0;1]$ .  
 Xét  $f(x) = x^3 - 3x$  có  $f'(x) = 3(x^2 - 1) \leq 0 \forall x \in [0;1]$  suy ra  $\min_{[0;1]} f(x) = f(1) = -2$ ,  
 $\max_{[0;1]} f(x) = f(0) = 0$ . Vậy  $m$  phải thỏa mãn  $-2 \leq m \leq 0$ .  
 Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên  $m = 0, -1, -2$ . Chọn **A**.

**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$-\infty$		$1$		$0$		$1$		$-\infty$

- A.  $(0; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; 0)$ .      **C.  $(-1; 0)$ .**      D.  $(-1; 1)$ .

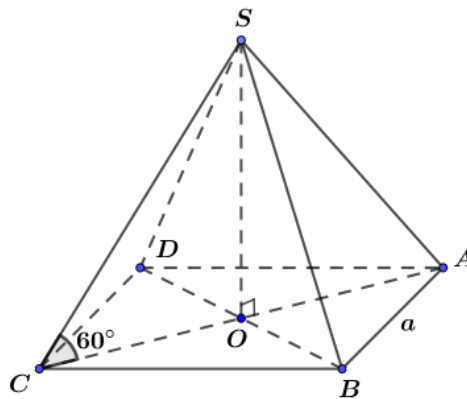
Lời giải

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số nghịch biến trên  $(-1; 0)$

**Câu 48.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có  $AB = a$ , cạnh bên tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .      **C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{12}$ .**      D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .

Lời giải



Gọi  $O = AC \cap BD \Rightarrow SO \perp (ABCD) \Rightarrow (SC, (ABCD)) = (SC, OC) = \angle SCO = 60^\circ$

Xét tam giác  $SOC$  vuông tại  $O$ , có  $SO = OC \cdot \tan 60^\circ = \frac{a\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{a\sqrt{6}}{2}$ .

Diện tích tam giác  $\triangle ABC$  là  $S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot BC = \frac{1}{2} a^2$ .

Vậy  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} SO \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{6}}{2} \cdot \frac{1}{2} a^2 = \frac{a^3\sqrt{6}}{12}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2$ . Hàm số cực đại tại  $x$  bằng

- A. 1.      B. 2.      C. -1.      **D. 0.**

Lời giải

Ta có  $y = x^4 - 2x^2 \Rightarrow y' = 4x^3 - 4x$

$$y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 0 \\ x = -1 \end{cases}$$

$$y'' = 12x^2 - 4$$

$$y''(1) = y''(-1) = 12 - 4 = 8 > 0$$

$$y''(0) = 0 - 4 = -4 < 0$$

Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$

**Câu 50.** Cho hình chóp đều  $S.ABC$  có  $AB = 2\sqrt{3}$ , mặt bên tạo với đáy một góc  $45^\circ$ .

Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  bằng

A.  $2\sqrt{3}$ .

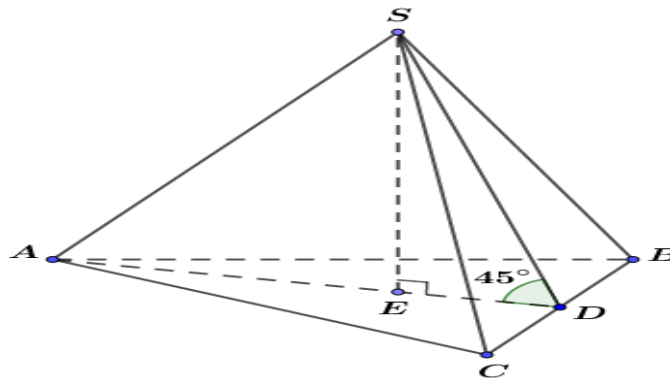
B.  $4\sqrt{3}$ .

C.  $8\sqrt{3}$ .

**D.  $\sqrt{3}$ .**

**Lời giải**

Gọi  $D$  là trung điểm của  $BC$  và  $E$  là trọng tâm  $\triangle ABC$ . Do  $S.ABC$  là hình chóp đều nên  $SE$  là đường cao của hình chóp. Ta có:



$$\begin{cases} (SBC) \cap (ABC) = BC \\ SD \perp BC, SD \subset (SBC) \\ AD \perp BC, AD \subset (ABC) \end{cases}$$

Góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABC)$  là góc giữa  $SD$  và  $AD$ , đó là  $SDA$ . Theo bài ra

$$SDA = 45^\circ.$$

$$B_{ABC} = \frac{(2\sqrt{3})^2 \sqrt{3}}{4} = 3\sqrt{3}.$$

$$AD = 2\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 3; ED = \frac{1}{3} AD = \frac{1}{3} \cdot 3 = 1.$$

Tam giác  $SED$  vuông tại  $E$  có  $SDE = 45^\circ$  nên tam giác  $SED$  vuông cân tại  $E$ . Do đó  $SE = ED = 1$ .

$$V_{S.ABC} = \frac{1}{3} B_{ABC} \cdot SE = \frac{1}{3} \cdot 3\sqrt{3} \cdot 1 = \sqrt{3}.$$

**ĐỀ 7**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

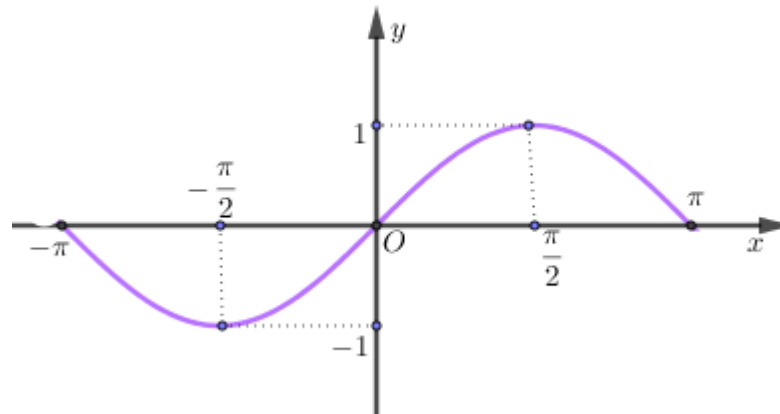
**Câu 1.** Cho hàm số bậc ba  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ ) có bảng biến thiên như hình vẽ:

$x$	$-\infty$		$0$		$2$		$+\infty$
$f'$		$+$	$0$		$-$	$0$	$+$
$f$	$-\infty$		$-4$		$-8$		$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\infty; -4)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(-8; +\infty)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 2.** Trên khoảng  $(-\pi; \pi)$  đồ thị hàm số  $y = \sin x$  được cho như hình vẽ:



Hỏi hàm số  $y = \sin x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\pi; 0)$ .      B.  $(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2})$ .      C.  $(0; \pi)$ .      D.  $(\frac{\pi}{2}; \pi)$ .

**Câu 3.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + 2020$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

- A.  $0 < m \leq 1$ .      B.  $m \leq 1$ .      C.  $0 \leq m \leq 1$ .      D.  $m \leq 0$ .

**Câu 4.** Tìm khoảng nghịch biến của hàm số  $y = \sqrt{3-x} + \sqrt{x-1}$ .

- A.  $(1; 3)$ .      B.  $(-\infty; 2)$ .      C.  $(2; 3)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

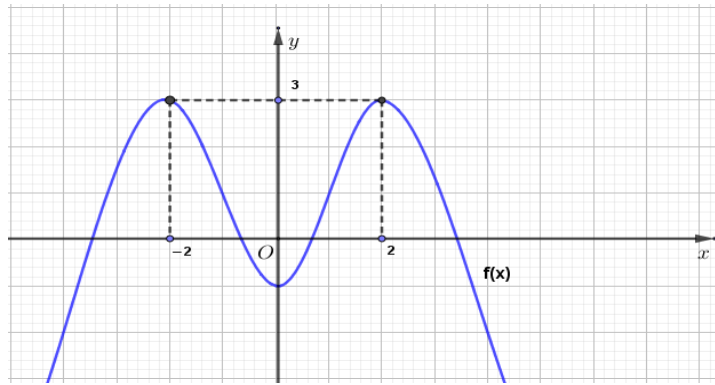
**Câu 5.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + 4x + 2020$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

- A. 5.      B. 4.      C. 3.      D. 2.

**Câu 6.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ ?

- A. 2.      B. Vô số.      C. 1.      D. 3.

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ:



Hàm số  $y = f(x^2 - 2)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -2)$       B.  $(0; 2)$       C.  $(2; +\infty)$       D.  $(-2; 0)$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)^2(x-2)^3(x-3)^4$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là.

- A. 2.      B. 1.      C. 0.      D. 3.

**Câu 9.** Hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx - 2$  đạt cực tiểu tại  $x = 2$  khi:

- A.  $m > 0$ .      B.  $m = 0$ .      C.  $m < 0$ .      D.  $m \neq 0$ .

**Câu 10.** Tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 + 6x^2 + 3(m+2)x - m - 1$  đạt cực trị tại các điểm  $x_1$  và  $x_2$  thỏa mãn  $x_1 < -1 < x_2$  là

- A.  $(-\infty; 1)$ .      B.  $(1; +\infty)$ .      C.  $(1; 2)$ .      D.  $(-\infty; 2)$ .

**Câu 11.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - 2x^2 + 3x + 2021$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là tổng tất cả các giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để hàm số  $y = f(x^2 - 10x + m + 9)$  có 5 điểm cực trị. Tổng  $S$  thuộc khoảng nào trong các khoảng sau.

- A.  $(110; 120)$ .      B.  $(120; 130)$ .      C.  $(130; 140)$ .      D.  $(140; 150)$ .

**Câu 12.** Biết đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  có hai điểm cực trị  $A, B$ . Khi đó phương trình đường thẳng  $AB$  là

- A.  $y = 2x - 1$ .      B.  $y = -2x + 1$ .      C.  $y = -x + 2$ .      D.  $y = x - 2$ .

**Câu 13.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = -x^4 + 2(m+1)x^2 - m^2$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác vuông cân.

- A.  $m = 1$ .      B.  $m = 1; m = 0$ .      C.  $m = 0$ .      D.  $m = -1; m = 0$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Biết rằng  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  và hàm số  $y = f'(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	1	2	3	4	5	$+\infty$
$y'$	$-\infty$	0		0		0	$+\infty$

Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng ?

- A. Hàm số  $y = f(x)$  có đúng hai điểm cực trị.      B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(-\infty; 2)$ .  
 C. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $(2; 4)$ .      D. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $(3; 5)$ .

**Câu 15.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 1}$  có bao nhiêu đường tiệm?

- A. 0.                              B. 1.                              C. 2.                              D. 3.

**Câu 16.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m \in [-2020; 2020]$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x+2}{\sqrt{x^2 - 2x + m}}$

- có hai đường tiệm cận đứng?  
 A. 2020.                              B. 2021.                              C. 2019.                              D. 2018.

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$y'$	+		
$y$	2	$+\infty$ $-\infty$	2

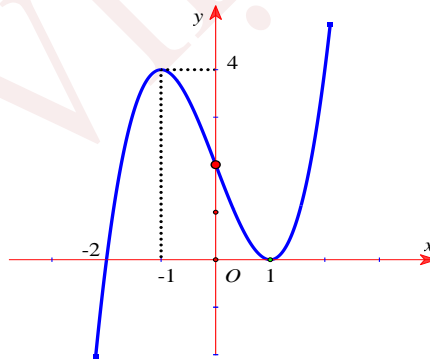
Tổng số đường tiệm cận của đồ thị hàm số đã cho là

- A. 1.                              B. 2.                              C. 3.                              D. 4.

**Câu 18.** Tìm  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x^2 + (2m-3)x + m^2 - 2m}$  không có tiệm cận đứng.

- A.  $m > \frac{9}{4}$ .                              B.  $m < \frac{9}{4}$ .                              C.  $m \neq \frac{9}{4}$ .                              D.  $m \neq 2$ .

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ.



Số đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - 1}{f^2(x) - 4f(x)}$  là

- A. 2.                              B. 3.                              C. 4.                              D. 1.

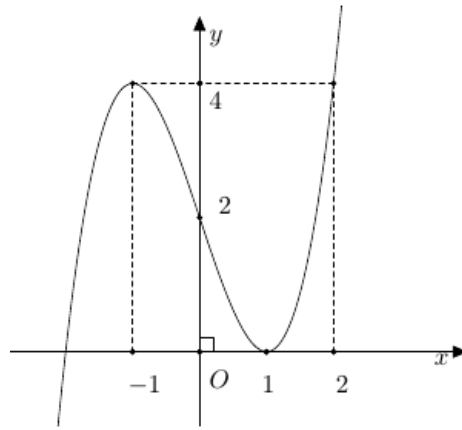
**Câu 20.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = \frac{x-2}{x+1}$  trên đoạn  $[1; 3]$  bằng

- A.  $-\frac{1}{2}$ .                              B.  $\frac{1}{2}$ .                              C.  $\frac{1}{4}$ .                              D.  $\frac{5}{2}$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{16\sin x - 4}{16\sin^2 x - 4\sin x + 9}$ . Gọi  $M$  là giá trị lớn nhất và  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho. Chọn mệnh đề đúng.

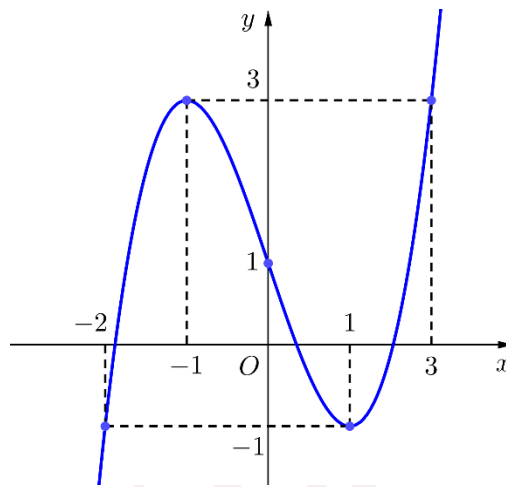
- A.  $M = m + \frac{8}{7}$ .                              B.  $7M + 5m = 0$ .                              C.  $M = \frac{5}{7}m$ .                              D.  $M = -\frac{4}{7}m$ .

- Câu 22.** Cho các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $x^2 - xy + y^2 = 2$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $P = x^2 + xy + y^2$ .
- A.  $\min P = \frac{2}{3}$ .      B.  $\min P = \frac{1}{6}$ .      C.  $\min P = \frac{1}{2}$ .      D.  $\min P = 2$ .
- Câu 23.** Cho hàm số  $y = |x^4 - 2x^3 + x^2 + a|$ . Có bao nhiêu số nguyên  $a$  sao cho  $\max_{[-1;2]} y \leq 2020$
- A. 4037.      B. 4036.      C. 4038.      D. 2021.
- Câu 24.** Để thiết kế một chiếc bể cá hình hộp chữ nhật có chiều cao là 60cm, thể tích  $96000\text{cm}^3$ . Người thợ dùng loại kính để sử dụng làm mặt bên có giá thành  $70000\text{ VNĐ/m}^2$  và loại kính để làm mặt đáy có giá thành  $100000\text{ VNĐ/m}^2$ . Tính chi phí thấp nhất để hoàn thành bể cá.
- A. 81200 VNĐ.      B. 80200 VNĐ.      C. 82200 VNĐ.      D. 83200 VNĐ.
- Câu 25.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - x^2 + 1$  và đồ thị hàm số  $y = x^2 - x + 1$  là
- A. 0.      B. 1.      C. 2.      D. 3.
- Câu 26.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - m$  cắt trục hoành tại đúng một điểm.
- A.  $m \in (-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$ .      B.  $m \in (-\infty; -4) \cup (0; +\infty)$ .  
C.  $m \in (-\infty; -4] \cup [0; +\infty)$ .      D.  $m \in (-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$ .
- Câu 27.** Cho hàm số  $y = \frac{x+2}{x-1}$  có đồ thị là  $(C)$  và đường thẳng  $(d)$  có phương trình:  $y = -x + m$  với  $m$  là tham số. Tổng tất cả các giá trị của  $m$  để  $(d)$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $AB = 2\sqrt{2}$  là
- A. 6.      B. 4.      C. -2.      D. 2.
- Câu 28.** Cho hàm số  $y = x^4 - x^2 - 3$  có đồ thị là  $(C)$ . Phương trình tiếp tuyến với đồ thị  $(C)$  tại điểm  $A(1; -3)$  là
- A.  $y = -3$ .      B.  $y = x + 1$ .      C.  $y = 2x - 5$ .      D.  $y = 2x + 1$ .
- Câu 29.** Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-6}{x+2}$ , biết tiếp tuyến song song với đường thẳng  $d: y = 2x + 13$ .
- A.  $y = 2x - 3$ .      B.  $y = 2x + 13$ .      C.  $y = 2x + 5$ .      D.  $y = 2x - 13$ .
- Câu 30.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và thỏa điều kiện:  $2f(x) + f(x^3) = x^6 + 2x^2 - 3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại điểm có hoành độ bằng 1 là
- A.  $y = 3x - 3$ .      B.  $y = -2x$ .      C.  $y = 2x - 2$ .      D.  $y = -3x$ .
- Câu 31.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $\Delta$  là tiếp tuyến của  $(C)$  tại điểm  $M$  (có hoành độ dương) sao cho  $\Delta$  cùng với hai đường tiệm cận của  $(C)$  tạo thành tam giác có chu vi nhỏ nhất.
- A.  $y = -x + 2\sqrt{2} + 2$ .      B.  $y = x - 2\sqrt{2} + 2$ .      C.  $y = x + 2\sqrt{2} + 2$ .      D.  $y = -x - 2\sqrt{2} + 2$ .
- Câu 32.** Đồ thị dưới đây của hàm số nào?



- A.  $y = x^3 - 3x^2 + 2$ .    B.  $y = x^3 - 3x + 2$ .    C.  $y = -x^3 + 3x + 2$ .    D.  $y = x^4 + 2x^2 + 2$ .

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ sau:



Số giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f^2(\sin x) - (m+1)f(\sin x) + 2m - 2 = 0$  có đúng 4 nghiệm thuộc đoạn  $[0; 2\pi]$ .

- A. 1.    B. 2.    C. 3.    D. 4.

**Câu 34.** Tập xác định của hàm số  $y = (x^2 - x - 2)^{-3} + (4 - x^2)^{\frac{1}{5}}$  là

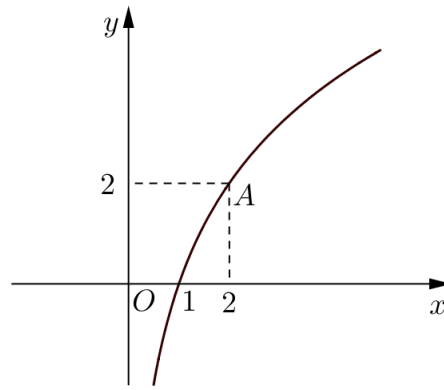
- A.  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1; 2\}$ .    B.  $D = [-2; -1]$ .  
 C.  $D = (-2; 2) \setminus \{-1\}$ .    D.  $D = (-\infty; -1) \cup (2; +\infty) \setminus \{-2\}$ .

**Câu 35.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = 2^{x^2-3x}$ .

- A.  $y' = (2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x} \ln 2$ .    B.  $y' = (2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x}$ .  
 C.  $y' = (2x - 3) \cdot 2^{x^2-3x-1}$ .    D.  $y' = (x^2 - 3x) \cdot 2^{x^2-3x-1}$ .

**Câu 36.** Cho hàm số  $y = \log_a x$  ( $0 < a \neq 1$ ) có đồ thị là hình bên dưới. Giá trị của  $a$  bằng





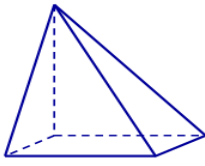
A.  $a = \sqrt{2}$ .

B.  $a = \frac{2}{3}$ .

C.  $a = 2$ .

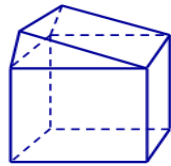
D.  $a = \frac{1}{3}$ .

Câu 37. Hình nào dưới đây không phải là hình đa diện?



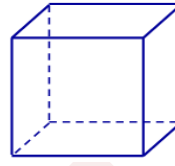
Hình 1

A. Hình 1.



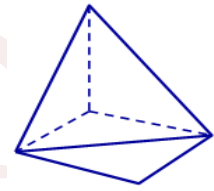
Hình 2

B. Hình 2.



Hình 3

C. Hình 3.



Hình 4

D. Hình 4.

Câu 38. Phát biểu nào sau đây là đúng?

A. Hình tứ diện đều có 4 đỉnh, 6 cạnh, 4 mặt.

B. Hình tứ diện đều có 4 đỉnh, 4 cạnh, 4 mặt.

C. Hình tứ diện đều có 6 đỉnh, 4 cạnh, 4 mặt.

D. Hình tứ diện đều có 6 đỉnh, 6 cạnh, 4 mặt.

Câu 39. Cho khối chóp có diện tích đáy bằng  $a^2$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

A.  $\frac{2a^3}{3}$ .

B.  $2a^3$ .

C.  $4a^3$ .

D.  $a^3$ .

Câu 40. Cho hình chóp tam giác đều  $S.ABC$  có cạnh đáy  $AB = 2a\sqrt{3}$ ; góc giữa mặt bên và mặt đáy là  $60^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $8a^3\sqrt{3}$ .

B.  $a^3\sqrt{3}$ .

C.  $3a^3$ .

D.  $3a^3\sqrt{3}$ .

Câu 41. Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA = 3a$  và  $SA$  vuông góc với đáy, tam giác  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$ ,  $AC = 2a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $V = \frac{a^3}{3}$ .

B.  $V = \frac{2a^3}{3}$ .

C.  $V = 2a^3$ .

D.  $V = a^3$ .

Câu 42. Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang vuông tại  $A$  và  $B$ ,  $AB = BC = a$ ,  $AD = 2a$ . Tam giác  $SAD$  đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

A.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

C.  $V = \frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .

D.  $V = \frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .

Câu 43. Cho khối chóp  $S.ABC$  có thể tích  $V = a^3$ . Mặt bên  $SBC$  là tam giác vuông cân tại  $S$ , có  $BC = a\sqrt{2}$ . Khoảng cách từ trung điểm  $I$  của  $AB$  đến mặt phẳng ( $SBC$ ) là

A.  $6a$ .

B.  $2a$ .

C.  $3a$ .

D.  $\frac{3}{2}a$ .

Câu 44. Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $M$  và  $N$  theo thứ tự là trung điểm của  $SA$  và  $SB$ . Tính  $k = \frac{V_{S.CDMN}}{V_{BCNADM}}$  ?

A.  $k = \frac{1}{2}$ .                      B.  $k = \frac{3}{5}$ .                      C.  $k = \frac{5}{8}$ .                      D.  $k = \frac{3}{8}$ .

**Câu 45.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác vuông tại  $B$ , góc  $BAC = 60^\circ$ ,  $AC = 3a$ ,  $CC' = 2a$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

A.  $\frac{9\sqrt{3}a^3}{8}$ .                      B.  $\frac{9\sqrt{3}a^3}{4}$ .                      C.  $\frac{3\sqrt{3}a^3}{12}$ .                      D.  $\frac{3\sqrt{3}a^3}{4}$ .

**Câu 46.** Cho hình lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $4a$ , hình chiếu của  $A'$  trên đáy trùng với trọng tâm  $G$  của tam giác  $ABC$ , góc giữa cạnh bên và đáy bằng  $30^\circ$ . Tính thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$

A.  $\frac{16\sqrt{3}a^3}{3}$ .                      B.  $16a^3\sqrt{3}$ .                      C.  $\frac{4\sqrt{3}a^3}{3}$ .                      D.  $\frac{4\sqrt{3}a^3}{9}$ .

**Câu 47.** Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ , khoảng cách từ  $C'$  đến mặt phẳng  $(A'BD)$  bằng  $\frac{4a\sqrt{3}}{3}$ .

Tính theo  $a$  thể tích khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ .

A.  $V = 8a^3$ .                      B.  $V = 3\sqrt{3}a^3$ .                      C.  $V = 8\sqrt{3}a^3$ .                      D.  $V = 216a^2$ .

**Câu 48.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang cân với  $AB = 2a; BC = CD = DA = a$ .  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy,  $SC$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $A$ , vuông góc  $SB$  và cắt các cạnh  $SB, SC, SD$  lần lượt tại  $M, N, P$ . Tính thể tích khối đa diện  $ABCDMNP$ .

A.  $\frac{668a^3\sqrt{3}}{2080}$ .                      B.  $\frac{669a^3\sqrt{3}}{2080}$ .                      C.  $\frac{667a^3\sqrt{3}}{2080}$ .                      D.  $\frac{666a^3\sqrt{3}}{2080}$ .

**Câu 49.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có  $AB = a$  và có thể tích bằng  $\frac{a^3\sqrt{6}}{4}$ . Góc giữa hai đường thẳng  $AB'$  và  $BC'$  bằng

A.  $90^\circ$ .                      B.  $30^\circ$ .                      C.  $60^\circ$ .                      D.  $45^\circ$ .

**Câu 50.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích bằng 2020. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $AA'$ ;  $BB'$  và điểm  $P$  nằm trên cạnh  $CC'$  sao cho  $PC = 3PC'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

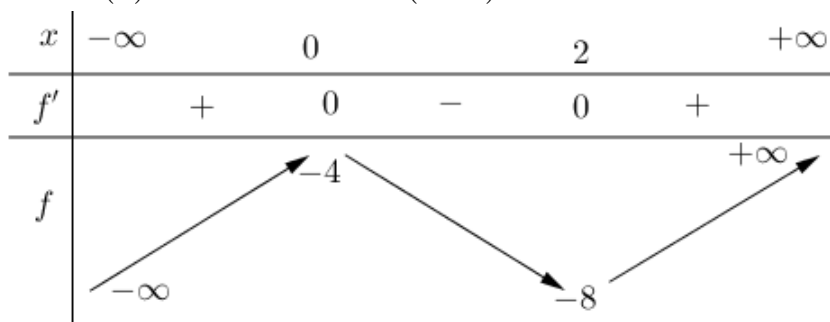
A.  $\frac{2020}{3}$ .                      B.  $\frac{5353}{3}$ .                      C.  $\frac{2525}{3}$ .                      D.  $\frac{3535}{3}$ .

--- HẾT ---

**BẢNG ĐÁP ÁN**

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
D	D	B	C	A	A	C	B	B	A	C	B	C	D	C	A	B	A	C	C	B	A	A	D	C
26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
B	B	C	A	C	B	B	A	C	A	A	D	A	A	C	D	A	C	B	B	B	A	B	C	D

**Câu 1.** Cho hàm số bậc ba  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ ) có bảng biến thiên như hình vẽ:



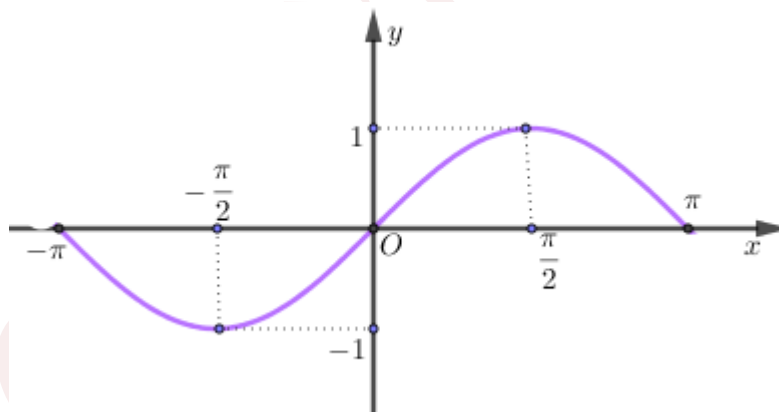
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\infty; -4)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(-8; +\infty)$ .      **D.  $(2; +\infty)$ .**

**Lời giải**

Từ bảng biến thiên dễ thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .

**Câu 2.** Trên khoảng  $(-\pi; \pi)$  đồ thị hàm số  $y = \sin x$  được cho như hình vẽ:



Hỏi hàm số  $y = \sin x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\pi; 0)$ .      B.  $(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2})$ .      C.  $(0; \pi)$ .      **D.  $(\frac{\pi}{2}; \pi)$ .**

**Lời giải**

Từ hình vẽ, ta thấy đồ thị hàm số  $y = \sin x$  “đi xuống” trong  $(\frac{\pi}{2}; \pi)$ , do đó hàm số nghịch biến trong khoảng  $(\frac{\pi}{2}; \pi)$ .

**Câu 3.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + 2020$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

- A.  $0 < m \leq 1$ .      **B.  $m \leq 1$ .**      C.  $0 \leq m \leq 1$ .      D.  $m \leq 0$ .

**Lời giải**

Ta có  $y' = 4x^3 - 4mx = 4x(x^2 - m)$  và  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = m \end{cases}$ .

Nếu  $m \leq 0$  thì hàm số đồng biến trên  $(0; +\infty)$  nên hàm số đã cho đồng biến trên  $(1; +\infty)$ .

Do đó,  $m \leq 0$  thỏa yêu cầu bài toán.

Nếu  $m > 0$  thì hàm số đồng biến trên  $(-\sqrt{m}; 0)$ ,  $(\sqrt{m}; +\infty)$  nên hàm số đã cho đồng biến trên  $(1; +\infty)$  khi  $\sqrt{m} \leq 1 \Leftrightarrow 0 \leq m \leq 1$ .

So với điều kiện thì  $0 < m \leq 1$  thỏa yêu cầu bài toán.

Vậy giá trị  $m$  cần tìm là  $m \leq 1$ .

**Câu 4.** Tìm khoảng nghịch biến của hàm số  $y = \sqrt{3-x} + \sqrt{x-1}$ .

A.  $(1; 3)$ .

B.  $(-\infty; 2)$ .

**C.  $(2; 3)$ .**

D.  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

Tập xác định:  $D = [1; 3]$ .

Ta có  $y' = \frac{1}{2\sqrt{x-1}} - \frac{1}{2\sqrt{3-x}}$ .

$y' = 0 \Leftrightarrow \frac{1}{2\sqrt{x-1}} - \frac{1}{2\sqrt{3-x}} = 0 \Leftrightarrow x-1 = 3-x \Leftrightarrow x = 2$ .

$y'$  không xác định khi  $\begin{cases} \sqrt{x-1} = 0 \\ \sqrt{3-x} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 3 \end{cases}$ .

Bảng xét dấu đạo hàm

$x$	$-\infty$	1		2		3	$+\infty$
$y'$			+	0	-		

Dựa vào bảng xét dấu của đạo hàm, ta thấy hàm số đã cho nghịch biến trên  $(2; 3)$ .

**Câu 5.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + 4x + 2020$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

**A. 5.**

B. 4.

C. 3.

D. 2.

**Lời giải**

$y' = x^2 + 2mx + 4$ .

Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow \Delta_{y'} \leq 0 \Leftrightarrow 4m^2 - 16 \leq 0 \Leftrightarrow -2 \leq m \leq 2$ .

Vậy có 5 giá trị nguyên của tham số  $m$  thỏa mãn là:  $-2; -1; 0; 1; 2$ .

**Câu 6.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ ?

**A. 2.**

B. Vô số.

C. 1.

D. 3.

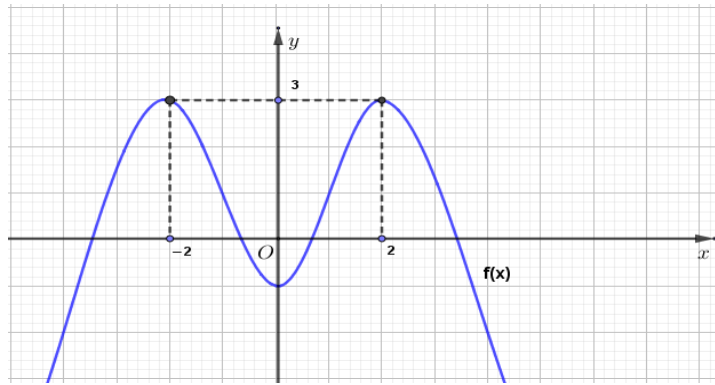
**Lời giải**

Ta có  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  ( $x \neq -5m$ ), đạo hàm  $y' = \frac{5m-2}{(x+5m)^2}$ .

Yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow \begin{cases} y' > 0 \\ -5m \notin (-\infty; -10) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5m-2 > 0 \\ -5m \geq -10 \end{cases} \Leftrightarrow \frac{2}{5} < m \leq 2$ .

Do  $m \in \mathbb{Z}$ , nên  $m \in \{1; 2\}$ . Vậy có 2 giá trị nguyên của tham số  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ:



Hàm số  $y = f(x^2 - 2)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -2)$       B.  $(0; 2)$       **C.  $(2; +\infty)$ .**      D.  $(-2; 0)$ .

Lời giải

Quan sát đồ thị của hàm số  $y = f(x)$  ta thấy  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 2 \end{cases}$ .

Với  $y = f(x^2 - 2)$  ta có  $y' = 2x \cdot f'(x^2 - 2)$ .

$$\text{Vậy } y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2x = 0 \\ f'(x^2 - 2) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 - 2 = 0 \\ x^2 - 2 = \pm 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \\ x = \pm 2 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$-\sqrt{2}$	$0$	$\sqrt{2}$	$2$	$+\infty$
$2x$	-	-	-	0	+	+	+
$f'(x^2 - 2)$	-	0	+	0	-	0	-
$y'$	+	0	-	0	+	0	-

Vậy  $y = f(x^2 - 2)$  nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x-1)^2(x-2)^3(x-3)^4$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là.

- A. 2.      **B. 1.**      C. 0.      D. 3.

Lời giải

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x-1)^2(x-2)^3(x-3)^4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = 2 \\ x = 3 \end{cases}$$

Lập bảng biến thiên.

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$2$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-	0	-	0

Dựa vào BXD ta có  $f'(x)$  đổi dấu từ dương sang âm 1 lần nên hàm số có 1 điểm cực đại.

**Câu 9.** Hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx - 2$  đạt cực tiểu tại  $x = 2$  khi:

- A.  $m > 0$ .      **B.  $m = 0$ .**      C.  $m < 0$ .      D.  $m \neq 0$ .

Lời giải

Ta có:  $y' = 3x^2 - 6x + m$ ,  $y'' = 6x - 6$ .

Để hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$  thì  $\begin{cases} y'(2) = 0 \\ y''(2) > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m = 0 \\ 6 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow m = 0$ .

- Câu 10.** Tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 + 6x^2 + 3(m+2)x - m - 1$  đạt cực trị tại các điểm  $x_1$  và  $x_2$  thỏa mãn  $x_1 < -1 < x_2$  là
- A.**  $(-\infty; 1)$ .      **B.**  $(1; +\infty)$ .      **C.**  $(1; 2)$ .      **D.**  $(-\infty; 2)$ .

**Lời giải**

Ta có  $y' = 3x^2 + 12x + 3(m+2)$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow x^2 + 4x + m + 2 = 0$  (\*).

Hàm số có hai điểm cực trị  $x_1$  và  $x_2$  thỏa mãn  $x_1 < -1 < x_2 \Leftrightarrow$  phương trình (\*) có hai nghiệm phân biệt  $x_1$  và  $x_2$  thỏa mãn  $(x_1 + 1)(x_2 + 1) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = 4 - (m+2) > 0 \\ x_1 x_2 + x_1 + x_2 + 1 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 2 \\ m < 1 \end{cases} \Leftrightarrow m < 1$ .

- Câu 11.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - 2x^2 + 3x + 2021$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Gọi  $S$  là tổng tất cả các giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để hàm số  $y = f(x^2 - 10x + m + 9)$  có 5 điểm cực trị. Tổng  $S$  thuộc khoảng nào trong các khoảng sau.
- A.**  $(110; 120)$ .      **B.**  $(120; 130)$ .      **C.**  $(130; 140)$ .      **D.**  $(140; 150)$ .

**Lời giải**

Ta có:  $f'(x) = x^2 - 4x + 3$ ;  $f'(x) = x^2 - 4x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 3 \end{cases}$ .

Suy ra hàm số  $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - 2x^2 + 3x + 2021$  có hai điểm cực trị là  $x = 1; x = 3$ .

Ta có:  $y' = (2x - 10) \cdot f'(x^2 - 10x + m + 9)$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \\ x^2 - 10x + m + 9 = 1 \quad (1) \\ x^2 - 10x + m + 9 = 3 \quad (2) \end{cases}$$

Hàm số đã cho có 5 cực trị  $\Leftrightarrow y' = 0$  có 5 nghiệm phân biệt và  $y'$  đổi dấu khi đi qua 5 nghiệm đó  $\Leftrightarrow$  Mỗi pt (1) và (2) có 2 nghiệm phân biệt khác nhau và khác 5.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 25 - (m+8) > 0 \\ 25 - (m+6) > 0 \\ m \neq 17 \\ m \neq 19 \end{cases} \Leftrightarrow m < 17.$$

Vậy các giá trị  $m$  nguyên dương thỏa mãn:  $m \in \{1; 2; 3; \dots; 16\}$ . Khi đó  $S = \frac{(1+16)16}{2} = 136$ .

- Câu 12.** Biết đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  có hai điểm cực trị  $A, B$ . Khi đó phương trình đường thẳng  $AB$  là
- A.**  $y = 2x - 1$ .      **B.**  $y = -2x + 1$ .      **C.**  $y = -x + 2$ .      **D.**  $y = x - 2$ .

**Lời giải**

**Cách 1:** Từ đề bài, ta tìm được tọa độ hai điểm cực trị  $A, B$  sau đó + Viết phương trình đường thẳng đi qua hai điểm  $A, B$  rồi suy ra đáp án B.

+ Hoặc thử cả 2 điểm  $A, B$  vào từng đáp án để suy ra đáp án B.

**Cách 2:**

Thực hiện phép chia  $y$  cho  $y'$  ta được:  $y = y' \cdot \left(\frac{1}{3}x\right) + (-2x+1)$ .

Giả sử hai điểm cực trị của đồ thị hàm số lần lượt là:  $A(x_1; y_1)$  và  $B(x_2; y_2)$ .

$$\text{Ta có: } \begin{cases} y_1 = y(x_1) = y'(x_1) \cdot \left(\frac{1}{3}x_1\right) + (-2x_1+1) = -2x_1+1 \\ y_2 = y(x_2) = y'(x_2) \cdot \left(\frac{1}{3}x_2\right) + (-2x_2+1) = -2x_2+1 \end{cases}$$

Ta thấy, tọa độ hai điểm cực trị  $A$  và  $B$  thỏa mãn phương trình  $y = -2x+1$ .

Vậy phương trình đường thẳng qua hai điểm cực trị là:  $y = -2x+1$ .

**Câu 13.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = -x^4 + 2(m+1)x^2 - m^2$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác vuông cân.

A.  $m=1$ .

B.  $m=1; m=0$ .

**C.  $m=0$ .**

D.  $m=-1; m=0$ .

**Lời giải**

**Cách 1:** Ta có  $y' = -4x(x^2 - m - 1)$

$$\text{Xét } y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = m + 1 \end{cases}$$

Đồ thị hàm số có ba điểm cực trị  $\Leftrightarrow m > -1$  (\*)

Tọa độ ba điểm cực trị là  $A(0; -m^2)$ ,  $B(\sqrt{m+1}; 2m+1)$ ,  $C(-\sqrt{m+1}; 2m+1)$

Gọi  $H$  là trung điểm của đoạn thẳng  $BC$  thì  $H(0; 2m+1)$

Ba điểm cực trị lập thành tam giác vuông cân khi và chỉ khi  $AH = \frac{BC}{2} \Leftrightarrow \sqrt{(m+1)^4} = \sqrt{m+1}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = -1 \end{cases}$$

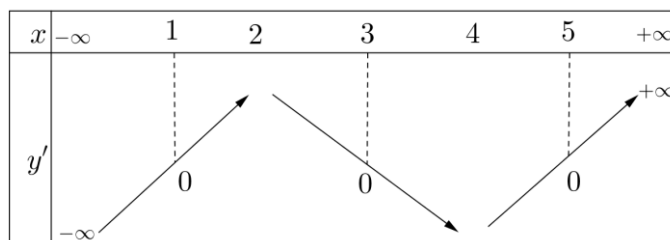
So với điều kiện (\*) thì  $m=0$  thỏa mãn.

**Cách 2: (Phương pháp trắc nghiệm)**

Điều kiện để đồ thị hàm số trùng phương  $y = ax^4 + bx^2 + c, a \neq 0$  có ba điểm cực trị là  $ab < 0 \Leftrightarrow m > -1$

Khi đó ba điểm cực trị lập thành tam giác vuông cân khi  $b^3 + 8a = 0 \Leftrightarrow -8(m+1)^3 + 8 = 0 \Leftrightarrow m = 0$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Biết rằng  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  và hàm số  $y = f'(x)$  có bảng biến thiên như sau



Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng ?

A. Hàm số  $y = f(x)$  có đúng hai điểm cực trị. B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(-\infty; 2)$ .

C. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $(2;4)$ . **D. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên  $(3;5)$ .**

Lời giải

Ta có  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 2 \text{ và } f' \text{ đổi dấu khi qua nghiệm nên hàm số } y = f(x) \text{ có đúng 3 điểm cực} \\ x = 3 \end{cases}$

trị.

Mặt khác,  $y' > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 1 < x < 3 \\ x > 5 \end{cases}$  và  $y' < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x < 1 \\ 3 < x < 5 \end{cases}$ . Do đó, hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên mỗi khoảng  $(1;3)$ ,  $(5; +\infty)$  và nghịch biến trên mỗi khoảng  $(-\infty;1)$ ,  $(3;5)$ .

**Câu 15.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 1}$  có bao nhiêu đường tiệm?

A. 0.

B. 1.

**C. 2.**

D. 3.

Lời giải

Ta có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1 - \frac{1}{x} - \frac{2}{x^2}}{1 - \frac{1}{x^2}} = 1 \Rightarrow y = 1$  là đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-2)(x+1)}{(x+1)(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x-2}{x-1} = -\infty \Rightarrow x = 1$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{(x-2)(x+1)}{(x+1)(x-1)} = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{x-2}{x-1} = \frac{3}{2}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 1} = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{(x-2)(x+1)}{(x+1)(x-1)} = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{x-2}{x-1} = \frac{3}{2}$ .

Vậy đồ thị hàm số có hai đường tiệm cận.

**Câu 16.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m \in [-2020; 2020]$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x+2}{\sqrt{x^2 - 2x + m}}$  có hai đường tiệm cận đứng?

**A. 2020.**

B. 2021.

C. 2019.

D. 2018.

Lời giải

Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+2}{\sqrt{x^2 - 2x + m}}$  có hai đường tiệm cận đứng khi  $x^2 - 2x + m = 0$  có hai nghiệm

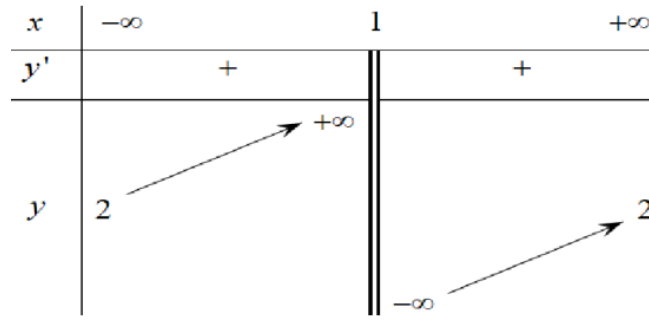
phân biệt khác  $-2 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' > 0 \\ (-2)^2 - 2(-2) + m \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - m > 0 \\ m \neq -8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 1 \\ m \neq -8 \end{cases}$

$\xrightarrow{m \in \mathbb{Z}; m \in [-2020; 2020]} m \in \{-2020; -2019; \dots; -3; -2; -1, 0\} \setminus \{-8\}$ .

Vậy có 2020 giá trị của tham số  $m \in [-2020; 2020]$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:





Tổng số đường tiệm cận của đồ thị hàm số đã cho là

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

**Lời giải**

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = 2 \Rightarrow y = 2$  là một TCN của đồ thị hàm số.

$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty \Rightarrow x = 1$  là một TCD của đồ thị hàm số.

Vậy đồ thị hàm số có tất cả 2 đường tiệm cận.

**Câu 18.** Tìm  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x^2+(2m-3)x+m^2-2m}$  không có tiệm cận đứng.

A.  $m > \frac{9}{4}$ .

B.  $m < \frac{9}{4}$ .

C.  $m \neq \frac{9}{4}$ .

D.  $m \neq 2$ .

**Lời giải**

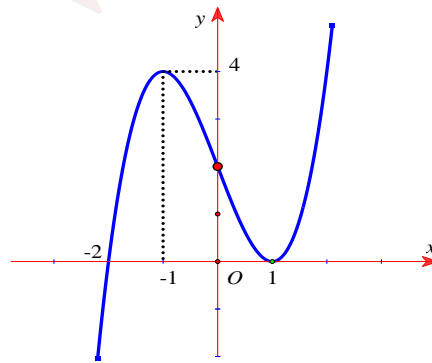
Đồ thị hàm số không có tiệm cận đứng

$$\Leftrightarrow x^2 + (2m-3)x + m^2 - 2m \neq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$\Leftrightarrow (2m-3)^2 - 4(m^2 - 2m) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$\Leftrightarrow m > \frac{9}{4}$$

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ.



Số đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2-1}{f^2(x)-4f(x)}$  là

A. 2.

B. 3.

C. 4.

D. 1.

**Lời giải**

$$\text{Dựa vào đồ thị, khi đó phương trình } f^2(x) - 4f(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \\ f(x) = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 1 \\ x = -1 \\ x = 2 \end{cases}, \text{ trong đó } x = 1$$

và  $x = -1$  là nghiệm kép bội chẵn. Khi đó

$f^2(x) - 4f(x) = (x+2)(x-1)^{2k}(x-2)(x+1)^{2l} \cdot g(x)$ , với  $g(x)$  là một đa thức vô nghiệm trên  $\mathbb{R}$  và  $k, l \in \mathbb{N}^*$ .

$$\begin{aligned} \text{Suy ra } y &= \frac{x^2 - 1}{f^2(x) - 4f(x)} = \frac{(x+1)(x-1)}{(x+2)(x-1)^{2k}(x-2)(x+1)^{2l} \cdot g(x)} \\ &= \frac{1}{(x+2)(x-1)^{2k-1}(x-2)(x+1)^{2l-1} \cdot g(x)} \end{aligned}$$

Vậy đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 - 1}{f^2(x) - 4f(x)}$  có 4 đường tiệm cận đứng đó là  $x = \pm 1, x = \pm 2$ .

**Câu 20.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = \frac{x-2}{x+1}$  trên đoạn  $[1;3]$  bằng

A.  $-\frac{1}{2}$ .

B.  $\frac{1}{2}$ .

**C.  $\frac{1}{4}$ .**

D.  $\frac{5}{2}$ .

Lời giải

Ta có  $f'(x) = \frac{3}{(x+1)^2} > 0, \forall x \in (1;3) \Rightarrow$  hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(1;3)$ .

Suy ra  $\max_{[1;3]} f(x) = f(3) = \frac{1}{4}$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{16\sin x - 4}{16\sin^2 x - 4\sin x + 9}$ . Gọi  $M$  là giá trị lớn nhất và  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho. Chọn mệnh đề đúng.

A.  $M = m + \frac{8}{7}$ .

**B.  $7M + 5m = 0$ .**

C.  $M = \frac{5}{7}m$ .

D.  $M = -\frac{4}{7}m$ .

Lời giải

Đặt  $t = \sin x, -1 \leq t \leq 1 \Rightarrow y = g(t) = \frac{16t - 4}{16t^2 - 4t + 9}$

Ta có  $g'(t) = \frac{-256t^2 + 128t + 128}{(16t^2 - 4t + 9)^2}; g'(t) = 0 \Leftrightarrow \frac{-256t^2 + 128t + 128}{(16t^2 - 4t + 9)^2} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t = -\frac{1}{2} (TM) \end{cases}$ .

Có  $g(-1) = -\frac{20}{29}, f\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{4}{5}, f(1) = \frac{4}{7}$ .

Suy ra  $M = \max_{[-1;1]} g(t) = \frac{4}{7}$  và  $m = \min_{[-1;1]} g(t) = -\frac{4}{5}$ .

Vậy  $7M + 5m = 0$ .

**Câu 22.** Cho các số thực  $x, y$  thỏa mãn  $x^2 - xy + y^2 = 2$ . Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$P = x^2 + xy + y^2$ .

**A.  $\min P = \frac{2}{3}$ .**

B.  $\min P = \frac{1}{6}$ .

C.  $\min P = \frac{1}{2}$ .

D.  $\min P = 2$ .

Lời giải

Xét  $\frac{P}{2} = \frac{x^2 + xy + y^2}{2} = \frac{x^2 + xy + y^2}{x^2 - xy + y^2}$ .

Nếu  $y = 0$  thì  $x^2 = 2$ . Do đó  $P = x^2 = 2 \Rightarrow \min P = 2$ .

Nếu  $y \neq 0$ , chia cả tử và mẫu cho  $y^2$  ta có: 
$$\frac{P}{2} = \frac{1 + \left(\frac{x}{y}\right) + \left(\frac{x}{y}\right)^2}{1 - \left(\frac{x}{y}\right) + \left(\frac{x}{y}\right)^2}.$$

Đặt  $t = \frac{x}{y}$ , khi đó 
$$\frac{P}{2} = \frac{1+t+t^2}{1-t+t^2}.$$

Xét hàm số  $f(t) = \frac{1+t+t^2}{1-t+t^2} \Rightarrow f'(t) = \frac{-2t^2+2}{(1-t+t^2)^2}.$

$f'(t) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t=1 \\ t=-1 \end{cases}.$

Bảng biến thiên

$t$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$f'(t)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(t)$	$1$		$\frac{1}{3}$		$3$		$1$

Từ bảng biến thiên ta  $\min \frac{P}{2} = \frac{1}{3} \Rightarrow \min P = \frac{2}{3}.$

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = |x^4 - 2x^3 + x^2 + a|$ . Có bao nhiêu số nguyên  $a$  sao cho  $\max_{[-1;2]} y \leq 2020$

**A.** 4037.

**B.** 4036.

**C.** 4038.

**D.** 2021.

**Lời giải**

Ta xét hàm số  $u(x) = x^4 - 2x^3 + x^2 + a$  trên đoạn  $[-1;2]$ .

Ta có  $u'(x) = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 6x^2 + 2x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=1 \\ x=\frac{1}{2} \end{cases}.$

$M = \max_{[-1;2]} u(x) = \max \left\{ u(-1); u(0); u(1); u\left(\frac{1}{2}\right); u(2) \right\}.$

$= \max \left\{ a+4; a+4; a; a; a+\frac{1}{16} \right\} = a+4$

Và  $m = \min_{[-1;2]} u(x) = a$

$\Rightarrow \max_{[-1;2]} y = \max \{ |a+4|; |a| \} \leq 2020$

TH1:  $|a+4| \leq |a| \leq 2020 \Leftrightarrow \begin{cases} (a+4)^2 \leq a^2 \\ -2020 \leq a \leq 2020 \end{cases} \Leftrightarrow -2020 \leq a \leq -2$

TH2:  $|a| \leq |a+4| \leq 2020 \Leftrightarrow \begin{cases} a^2 \leq (a+4)^2 \\ -2020 \leq a+4 \leq 2020 \end{cases} \Leftrightarrow -2 \leq a \leq 2016$

Vậy  $a \in \{-2020; \dots; 2016\} \Rightarrow$  có  $2020 + 2017 = 4037$  số.

**Câu 24.** Để thiết kế một chiếc bể cá hình hộp chữ nhật có chiều cao là 60cm, thể tích  $96000\text{cm}^3$ . Người thợ dùng loại kính để sử dụng làm mặt bên có giá thành  $70000\text{ VNĐ/m}^2$  và loại kính để làm mặt đáy có giá thành  $100000\text{ VNĐ/m}^2$ . Tính chi phí thấp nhất để hoàn thành bể cá.

- A. 81200 VNĐ.      B. 80200 VNĐ.      C. 82200 VNĐ.      **D. 83200 VNĐ.**

**Lời giải**

Gọi  $x, y(m)$ , ( $x > 0, y > 0$ ) là chiều dài và chiều rộng của đáy bể.

Khi đó theo đề ta suy ra  $0,6xy = 0,096 \Leftrightarrow y = \frac{0,16}{x}$ .

Giá thành của bể cá được xác định theo hàm số sau:

$$f(x) = 2.0,6 \left( x + \frac{0,16}{x} \right) \cdot 70000 + 100000 \cdot x \cdot \frac{0,16}{x}$$

$$\Leftrightarrow f(x) = 84000 \left( x + \frac{0,16}{x} \right) + 16000$$

$$\text{Ta có } f'(x) = 84000 \left( 1 - \frac{0,16}{x^2} \right) \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 0,4$$

Bảng biến thiên:

$x$	0	0,4	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$			

Dựa vào bảng biến thiên suy ra chi phí thấp nhất để hoàn thành bể cá là  $f(0,4) = 83200\text{ VNĐ}$ .

**Câu 25.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - x^2 + 1$  và đồ thị hàm số  $y = x^2 - x + 1$  là

- A. 0.      B. 1.      **C. 2.**      D. 3.

**Lời giải**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của hai đồ thị đã cho:

$$x^3 - x^2 + 1 = x^2 - x + 1 \Leftrightarrow x^3 - 2x^2 + x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases}$$

Vì phương trình hoành độ giao điểm có 2 nghiệm phân biệt nên hai đồ thị đã cho có 2 giao điểm.

**Câu 26.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - m$  cắt trục hoành tại đúng một điểm.

- A.  $m \in (-\infty; 0] \cup [2; +\infty)$ .      **B.  $m \in (-\infty; -4) \cup (0; +\infty)$ .**  
 C.  $m \in (-\infty; -4] \cup [0; +\infty)$ .      D.  $m \in (-\infty; 0) \cup (2; +\infty)$ .

**Lời giải**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - m$  và trục hoành:

$$x^3 - 3x^2 - m = 0 \Leftrightarrow x^3 - 3x^2 = m \quad (*)$$

Xét hàm số  $f(x) = x^3 - 3x^2$  có tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

Ta có:  $f'(x) = 3x^2 - 6x$ .

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow f(0) = 0 \\ x = 2 \Rightarrow f(2) = -4 \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (x^3 - 3x^2) = -\infty; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (x^3 - 3x^2) = +\infty.$$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↖ 0 ↘		$-4$	↗ $+\infty$	
	$y = m$					

Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - m$  cắt trục hoành tại đúng một điểm  $\Leftrightarrow$  Phương trình (\*) có đúng một nghiệm.

Do đó từ bảng biến thiên ta được: yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow$   $\begin{cases} m < -4 \\ m > 0 \end{cases}$ .

- Câu 27.** Cho hàm số  $y = \frac{x+2}{x-1}$  có đồ thị là  $(C)$  và đường thẳng  $(d)$  có phương trình:  $y = -x + m$  với  $m$  là tham số. Tổng tất cả các giá trị của  $m$  để  $(d)$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $A, B$  sao cho  $AB = 2\sqrt{2}$  là
- A.** 6.                                **B.** 4.                                **C.** -2.                                **D.** 2.

**Lời giải**

Phương trình hoành độ giao điểm của  $(d)$  và  $(C)$  là:

$$\frac{x+2}{x-1} = -x+m \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ x^2 - mx + m + 2 = 0. (1) \end{cases}$$

Để  $(d)$  cắt  $(C)$  tại hai điểm phân biệt  $\Leftrightarrow \begin{cases} 1 - m + m + 2 \neq 0 \\ \Delta = m^2 - 4m - 8 > 0 (*) \end{cases}$

Khi đó  $(d)$  cắt  $(C)$  tại  $A(x_1; -x_1 + m); B(x_2; -x_2 + m)$  với  $x_1; x_2$  là nghiệm của phương trình (1).

Theo Viet ta có:

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (x_2 - x_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{2[(x_2 + x_1)^2 - 4x_1x_2]}$$

$$AB = \sqrt{2(m^2 - 4m - 8)}$$

Theo giả thiết:  $\sqrt{2(m^2 - 4m - 8)} = 2\sqrt{2} \Leftrightarrow m^2 - 4m - 12 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -2 \\ m = 6 \end{cases}$  (thỏa mãn (\*)).

- Câu 28.** Cho hàm số  $y = x^4 - x^2 - 3$  có đồ thị là  $(C)$ . Phương trình tiếp tuyến với đồ thị  $(C)$  tại điểm  $A(1; -3)$  là
- A.**  $y = -3$ .                                **B.**  $y = x + 1$ .                                **C.**  $y = 2x - 5$ .                                **D.**  $y = 2x + 1$ .

**Lời giải**

Ta có  $f'(x) = 4x^3 - 2x$ . Suy ra:  $f'(1) = 2$ .

Phương trình tiếp tuyến với đồ thị  $(C)$  tại điểm  $A(1; -3)$  là:

$$y = f'(2)(x-1) - 3 \Leftrightarrow y = 2(x-1) - 3 \Leftrightarrow y = 2x - 5.$$

- Câu 29.** Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-6}{x+2}$ , biết tiếp tuyến song song với đường thẳng  $d: y = 2x + 13$ .

**A.**  $y = 2x - 3.$

**B.**  $y = 2x + 13.$

**C.**  $y = 2x + 5.$

**D.**  $y = 2x - 13.$

**Lời giải**Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-2\}.$ 

$$y' = \frac{8}{(x+2)^2}.$$

Gọi  $(x_0; y_0)$  là tiếp điểm.Tiếp tuyến song song với đường thẳng  $d: y = 2x + 13$ , suy ra  $y'(x_0) = 2$ 

$$\Leftrightarrow \frac{8}{(x_0+2)^2} = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = 0 \\ x_0 = -4 \end{cases}.$$

Với  $x_0 = 0 \Rightarrow y_0 = -3$ . Phương trình tiếp tuyến là  $y = 2x - 3$ .Với  $x_0 = -4 \Rightarrow y_0 = 5$ . Phương trình tiếp tuyến là  $y = 2x + 13$  (loại vì trùng với  $d$ ).Vậy tiếp tuyến của đồ thị hàm số thỏa điều kiện bài toán có phương trình là  $y = 2x - 3$ .**Câu 30.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và thỏa điều kiện:  $2f(x) + f(x^3) = x^6 + 2x^2 - 3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại điểm có hoành độ bằng 1 là

**A.**  $y = 3x - 3.$

**B.**  $y = -2x.$

**C.**  $y = 2x - 2.$

**D.**  $y = -3x.$

**Lời giải**Từ  $2f(x) + f(x^3) = x^6 + 2x^2 - 3, \forall x \in \mathbb{R}$  (1), cho  $x = 1$  ta được:

$$2f(1) + f(1) = 1 + 2 - 3 \Rightarrow f(1) = 0.$$

Vì hàm số có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ , nên đạo hàm hai vế của (1) ta được:

$$2f'(x) + 3x^2 f'(x^3) = 6x^5 + 4x, \forall x \in \mathbb{R} \quad (2).$$

Từ (2), cho  $x = 1$  ta được:  $2f'(1) + 3f'(1) = 6 + 4 \Rightarrow f'(1) = 2$ .

Vậy phương trình tiếp tuyến tại điểm có hoành độ bằng 1 là:

$$y = f'(1)(x-1) + f(1)$$

$$\Leftrightarrow y = 2(x-1) + 0 \Leftrightarrow y = 2x - 2.$$

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$  có đồ thị  $(C)$ . Gọi  $\Delta$  là tiếp tuyến của  $(C)$  tại điểm  $M$  (có hoành độ dương) sao cho  $\Delta$  cùng với hai đường tiệm cận của  $(C)$  tạo thành tam giác có chu vi nhỏ nhất.

**A.**  $y = -x + 2\sqrt{2} + 2.$

**B.**  $y = x - 2\sqrt{2} + 2.$

**C.**  $y = x + 2\sqrt{2} + 2.$

**D.**  $y = -x - 2\sqrt{2} + 2.$

**Lời giải**Gọi  $M$  là tiếp điểm, ta có:  $M \left( x_0; \frac{x_0-1}{x_0+1} \right).$ Ta có:  $y' = \frac{2}{(x+1)^2} \Rightarrow k = y'(x_0) = \frac{2}{(x_0+1)^2}$ . Phương trình tiếp tuyến cần tìm là

$$\Delta: y = k(x-x_0) + y_0 = \frac{2(x-x_0) + x_0^2 - 1}{(x_0+1)^2}$$

Hai đường tiệm cận là  $d_1: y = 1$  và  $d_2: x = -1$ . Giao điểm của hai đường tiệm cận với tiếp tuyến là $A \left( -1; \frac{x_0^2 - 2x_0 - 3}{(x_0+1)^2} \right)$  và  $B(2x_0 + 1; 1)$ . Giao điểm hai đường tiệm cận là  $I(-1; 1)$ .

$$\text{Ta có } \begin{cases} IA = \frac{4}{|x_0 + 1|} \\ IB = 2|x_0 + 1| \\ AB = 4(x_0 + 1)^2 + \frac{16}{(x_0 + 1)^2} \end{cases}.$$

$$\text{Chu vi là: } IA + IB + AB = \frac{4}{|x_0 + 1|} + 2|x_0 + 1| + 4(x_0 + 1)^2 + \frac{16}{(x_0 + 1)^2}$$

Theo BĐT Cauchy ta có

$$\begin{aligned} & \frac{4}{|x_0 + 1|} + 2|x_0 + 1| + 4(x_0 + 1)^2 + \frac{16}{(x_0 + 1)^2} \\ & \geq 4 \left( \sqrt[4]{\frac{4}{|x_0 + 1|} (2|x_0 + 1|) (4(x_0 + 1)^2) \frac{16}{(x_0 + 1)^2}} \right) = 16(\sqrt[4]{2}) \end{aligned}$$

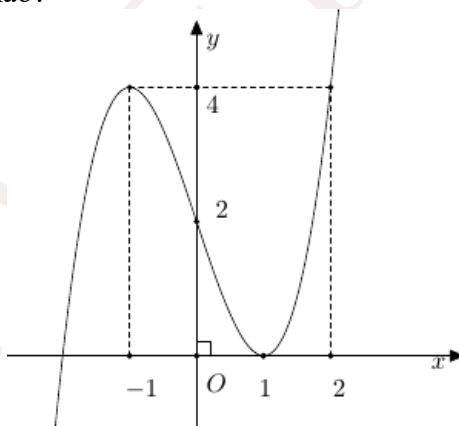
Dấu bằng xảy ra khi và chỉ khi

$$\frac{4}{|x_0 + 1|} = 2|x_0 + 1| = 4(x_0 + 1)^2 = \frac{16}{(x_0 + 1)^2} \Leftrightarrow (x_0 + 1)^2 = 2 \Leftrightarrow x_0 = -1 \pm \sqrt{2}$$

$$+ \text{ Với } x_0 = -1 - \sqrt{2} \Rightarrow y_0 = 1 + \sqrt{2} \Rightarrow \Delta_1 : y = x + 2\sqrt{2} + 2$$

$$+ \text{ Với } x_0 = -1 + \sqrt{2} \Rightarrow y_0 = 1 - \sqrt{2} \Rightarrow \Delta_2 : y = x - 2\sqrt{2} + 2.$$

**Câu 32.** Đồ thị dưới đây của hàm số nào?



**A.**  $y = x^3 - 3x^2 + 2.$

**B.**  $y = x^3 - 3x + 2.$

**C.**  $y = -x^3 + 3x + 2.$

**D.**  $y = x^4 + 2x^2 + 2.$

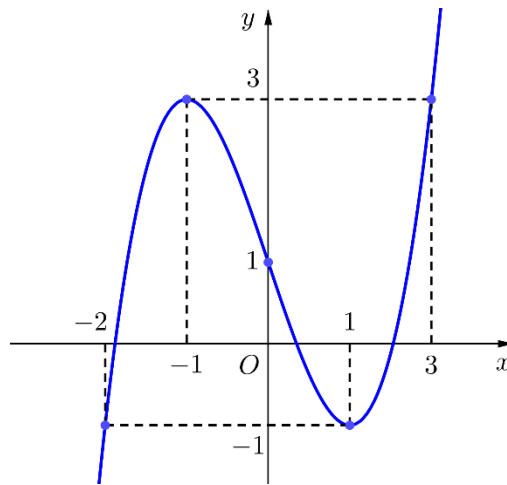
**Lời giải**

Nhận thấy đồ thị hàm số đã cho là hàm số bậc 3 nên ta loại D.

Dựa vào đồ thị ta có hệ số  $a > 0$  nên ta loại C.

Đồ thị qua điểm  $A(-1; 4)$  nên chỉ có B.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ sau:



Số giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f^2(\sin x) - (m+1)f(\sin x) + 2m - 2 = 0$  có đúng 4 nghiệm thuộc đoạn  $[0; 2\pi]$ .

**A.** 1.

**B.** 2.

**C.** 3.

**D.** 4.

**Lời giải**

Ta có  $f^2(\sin x) - (m+1)f(\sin x) + 2m - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(\sin x) = 2 & (1) \\ f(\sin x) = m - 1 & (2) \end{cases}$

Dựa vào đồ thị hàm số  $y = f(x)$ , ta thấy  $f(x) = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \ (a < -1) \\ x = b \ (-1 < b < 0) \\ x = c \ (1 < c) \end{cases}$

(1)  $\Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = a \ (a < -1) & (L) \\ \sin x = b \ (-1 < b < 0) \\ \sin x = c \ (1 < c) & (L) \end{cases}$

Phương trình  $\sin x = b \ (-1 < b < 0)$  có 2 nghiệm phân biệt thuộc đoạn  $[0; 2\pi]$ .

Đặt  $t = \sin x \Rightarrow t' = \cos x$ , xét  $t' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} \\ x = \frac{3\pi}{2} \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	0	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{2}$	$2\pi$		
$t'$		+	0	-	0	+
$t$	0	1	-1	0		

+) Với  $t_0 = -1$  hay  $t_0 = 1$ , phương trình  $\sin x = t_0$  có 1 nghiệm  $x_0$ .

+) Với  $t_0 \in (-1; 0)$  hay  $t_0 \in (0; 1)$ , phương trình  $\sin x = t_0$  có 2 nghiệm  $x_0$  phân biệt.

+) Với  $t_0 = 0$ , phương trình  $\sin x = t_0$  có 3 nghiệm  $x_0$  phân biệt.

Với cách đặt  $t = \sin x$  thì phương trình (2) trở thành  $f(t) = m - 1$  (3)



Yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow$  phương trình (3) có duy nhất 1 nghiệm  $t_0$  sao cho  $t_0 \in (-1;0)$  hay  $t_0 \in (0;1)$  đồng thời nghiệm của phương trình (1) và (2) phải khác nhau.

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -1 < m-1 < 1 \\ 1 < m-1 < 3 \\ m-1 \neq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < m < 2 \\ 2 < m < 4, \text{ mà } m \in \mathbb{Z} \text{ suy ra } m=1. \\ m \neq 3 \end{cases}$$

Vậy có 1 giá trị nguyên của tham số  $m$  thoả mãn yêu cầu bài toán.

**Câu 34.** Tập xác định của hàm số  $y = (x^2 - x - 2)^{-3} + (4 - x^2)^{\frac{1}{5}}$  là

**A.**  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1; 2\}$ .

**B.**  $D = [-2; -1]$ .

**C.**  $D = (-2; 2) \setminus \{-1\}$ .

**D.**  $D = (-\infty; -1) \cup (2; +\infty) \setminus \{-2\}$ .

**Lời giải**

Ta có  $y = (x^2 - x - 2)^{-3} + (4 - x^2)^{\frac{1}{5}}$  xác định  $\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - x - 2 \neq 0 \\ 4 - x^2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 2 \\ x \neq -1 \\ -2 < x < 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq -1 \\ -2 < x < 2 \end{cases}$ .

Vậy  $D = (-2; 2) \setminus \{-1\}$ .

**Câu 35.** Tính đạo hàm của hàm số  $y = 2^{x^2-3x}$ .

**A.**  $y' = (2x-3) \cdot 2^{x^2-3x} \ln 2$ .

**B.**  $y' = (2x-3) \cdot 2^{x^2-3x}$ .

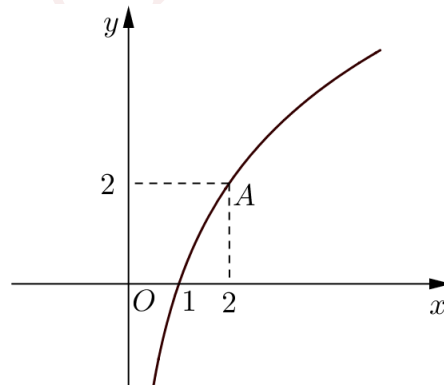
**C.**  $y' = (2x-3) \cdot 2^{x^2-3x-1}$ .

**D.**  $y' = (x^2-3x) \cdot 2^{x^2-3x-1}$ .

**Lời giải**

Theo công thức tính đạo hàm của hàm số mũ ta có:  $y' = (x^2 - 3x)' \cdot 2^{x^2-3x} \ln 2 = (2x-3) \cdot 2^{x^2-3x} \ln 2$ .

**Câu 36.** Cho hàm số  $y = \log_a x$  ( $0 < a \neq 1$ ) có đồ thị là hình bên dưới. Giá trị của  $a$  bằng



**A.**  $a = \sqrt{2}$ .

**B.**  $a = \frac{2}{3}$ .

**C.**  $a = 2$ .

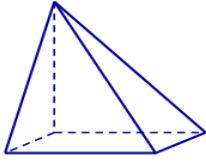
**D.**  $a = \frac{1}{3}$ .

**Lời giải**

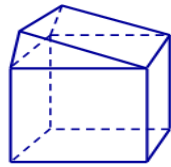
Từ đồ thị hàm số ta thấy: hàm số  $y = \log_a x$  đồng biến trên  $(0; +\infty)$  nên suy ra  $a > 1$ .

Vì đồ thị hàm số đi qua điểm  $A(2; 2)$  nên ta có:  $2 = \log_a 2 \Leftrightarrow a^2 = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} a = \sqrt{2} \text{ (t/m)} \\ a = -\sqrt{2} \text{ (l)} \end{cases}$

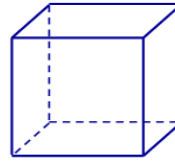
**Câu 37.** Hình nào dưới đây không phải là hình đa diện?



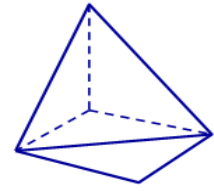
Hình 1  
A. Hình 1.



Hình 2  
B. Hình 2.



Hình 3  
C. Hình 3.



Hình 4  
D. Hình 4.

Lời giải

Theo định nghĩa hình đa diện thì hình 4 không thỏa mãn tính chất của hình đa diện.

Câu 38. Phát biểu nào sau đây là đúng?

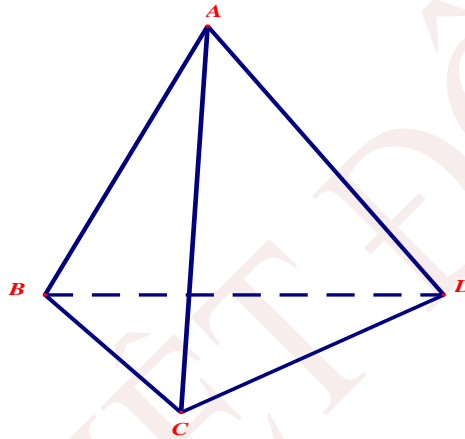
A. Hình tứ diện đều có 4 đỉnh, 6 cạnh, 4 mặt.

B. Hình tứ diện đều có 4 đỉnh, 4 cạnh, 4 mặt.

C. Hình tứ diện đều có 6 đỉnh, 4 cạnh, 4 mặt.

D. Hình tứ diện đều có 6 đỉnh, 6 cạnh, 4 mặt.

Lời giải



Quan sát hình tứ diện đều ta thấy: Hình tứ diện đều có 4 đỉnh, 6 cạnh, 4 mặt.

Câu 39. Cho khối chóp có diện tích đáy bằng  $a^2$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

A.  $\frac{2a^3}{3}$ .

B.  $2a^3$ .

C.  $4a^3$ .

D.  $a^3$ .

Lời giải

$$\text{Thể tích của khối chóp } V = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot 2a = \frac{2a^3}{3}.$$

Câu 40. Cho hình chóp tam giác đều  $S.ABC$  có cạnh đáy  $AB = 2a\sqrt{3}$ ; góc giữa mặt bên và mặt đáy là  $60^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

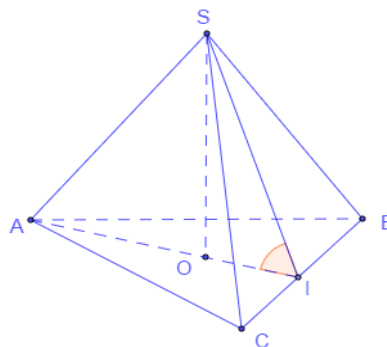
A.  $8a^3\sqrt{3}$ .

B.  $a^3\sqrt{3}$ .

C.  $3a^3$ .

D.  $3a^3\sqrt{3}$ .

Lời giải



Gọi  $O$  là trọng tâm tam giác  $ABC \Rightarrow SO \perp (ABC)$ .

Gọi  $I$  là trung điểm  $BC \Rightarrow OI \perp BC$ .

$$\Rightarrow ((SBC), (ABC)) = SIO \Rightarrow SIO = 60^\circ.$$

$$\Rightarrow SO = OI \cdot \tan SIO = \frac{1}{3} \cdot \frac{2a\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}}{2} \cdot \sqrt{3} = a\sqrt{3}.$$

Ta có  $S_{ABC} = \frac{(2a\sqrt{3})^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 3a^2\sqrt{3}.$

$$\Rightarrow V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SO \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot a\sqrt{3} \cdot 3a^2\sqrt{3} = 3a^3.$$

**Câu 41.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA = 3a$  và  $SA$  vuông góc với đáy, tam giác  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$ ,  $AC = 2a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

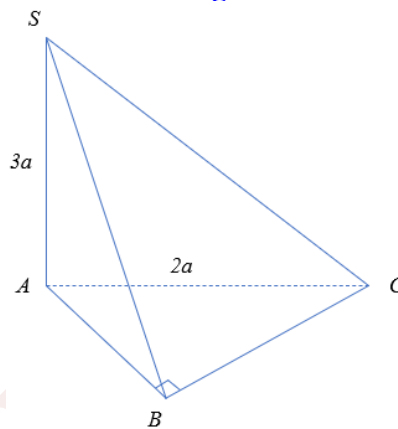
**A.**  $V = \frac{a^3}{3}.$

**B.**  $V = \frac{2a^3}{3}.$

**C.**  $V = 2a^3.$

**D.**  $V = a^3.$

Lời giải



Tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B \Rightarrow BA = BC = \frac{AC}{\sqrt{2}} = \frac{2a}{\sqrt{2}} = a\sqrt{2}.$

Thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$  là:  $V = \frac{1}{3} SA \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} SA \cdot \frac{1}{2} BA \cdot BC = \frac{1}{3} \cdot 3a \cdot \frac{1}{2} \cdot a\sqrt{2} \cdot a\sqrt{2} = a^3.$

**Câu 42.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang vuông tại  $A$  và  $B$ ,  $AB = BC = a$ ,  $AD = 2a$ . Tam giác  $SAD$  đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

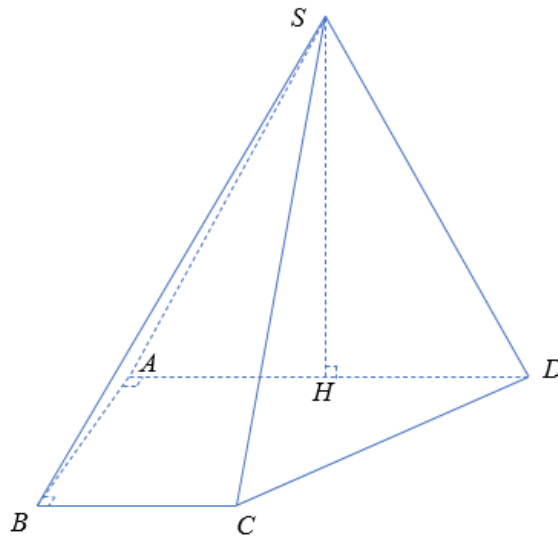
**A.**  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{2}.$

**B.**  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}.$

**C.**  $V = \frac{3a^3\sqrt{3}}{2}.$

**D.**  $V = \frac{3a^3\sqrt{3}}{4}.$

Lời giải



Kẻ  $SH \perp AD$  tại  $H \Rightarrow SH \perp (ABCD)$ .

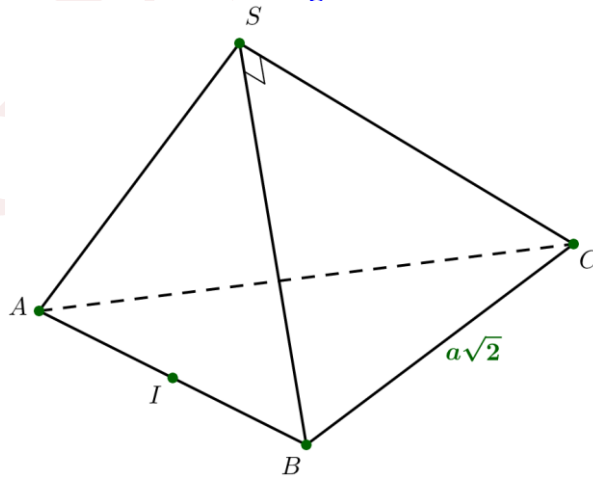
Tam giác  $SAD$  đều  $\Rightarrow SH = \frac{AD\sqrt{3}}{2} = \frac{2a\sqrt{3}}{2} = a\sqrt{3}$ .

Thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$  là:  $V = \frac{1}{3}SH.V_{ABCD} = \frac{1}{3}SH \cdot \frac{(BC + AD) \cdot AB}{2}$   
 $= \frac{1}{3} \cdot a\sqrt{3} \cdot \frac{(a + 2a) \cdot a}{2} = \frac{a^3\sqrt{3}}{2}$

**Câu 43.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có thể tích  $V = a^3$ . Mặt bên  $SBC$  là tam giác vuông cân tại  $S$ , có  $BC = a\sqrt{2}$ . Khoảng cách từ trung điểm  $I$  của  $AB$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  là

- A.  $6a$ .                      B.  $2a$ .                      **C.  $3a$ .**                      D.  $\frac{3}{2}a$ .

**Lời giải**



▪ Tam giác  $SBC$  là tam giác vuông cân tại  $S$ , có  $BC = a\sqrt{2} \Rightarrow SB = SC = a$   
 $\Rightarrow S_{\Delta SBC} = \frac{1}{2} \cdot a \cdot a = \frac{a^2}{2}$ .

▪ Ta có:  $V_{A.SBC} = \frac{1}{3} \cdot d(A, (SBC)) \cdot S_{\Delta SBC} = a^3 \Rightarrow d(A, (SBC)) = \frac{3a^3}{S_{\Delta SBC}} = \frac{3a^3}{\frac{a^2}{2}} = 6a$ .

▪ Do  $I$  là trung điểm của  $AB$  nên  $d(I, (SBC)) = \frac{1}{2}d(A, (SBC)) = 3a$ .

**Câu 44.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $M$  và  $N$  theo thứ tự là trung điểm của  $SA$  và  $SB$ . Tính  $k = \frac{V_{S.CDMN}}{V_{BCNADM}}$  ?

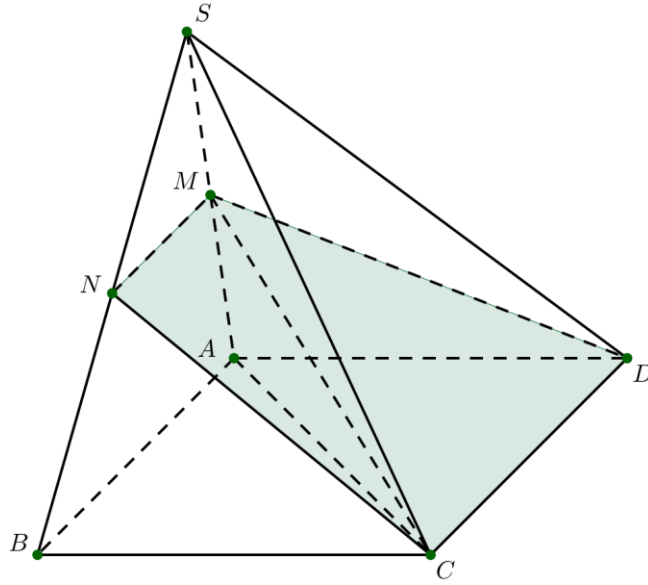
A.  $k = \frac{1}{2}$ .

**B.  $k = \frac{3}{5}$ .**

C.  $k = \frac{5}{8}$ .

D.  $k = \frac{3}{8}$ .

Lời giải



▪ Ta có:  $\frac{V_{S.MNC}}{V_{S.ABC}} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SN}{SB} \cdot \frac{SC}{SC} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{V_{S.MNC}}{\frac{1}{2}V_{S.CDAB}} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{V_{S.MNC}}{V_{S.CDAB}} = \frac{1}{8}$

▪ Và:  $\frac{V_{S.MCD}}{V_{S.ACD}} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SD}{SD} \cdot \frac{SC}{SC} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{V_{S.MCD}}{\frac{1}{2}V_{S.CDAB}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{V_{S.MCD}}{V_{S.CDAB}} = \frac{1}{4}$ .

▪ Suy ra:  $\frac{V_{S.CDMN}}{V_{S.CDAB}} = \frac{V_{S.MNC} + V_{S.MCD}}{V_{S.CDAB}} = \frac{V_{S.MNC}}{V_{S.CDAB}} + \frac{V_{S.MCD}}{V_{S.CDAB}} = \frac{1}{8} + \frac{1}{4} = \frac{3}{8}$ .

▪ Khi đó:  $\frac{V_{S.CDMN}}{V_{S.CDAB}} = \frac{3}{8} \Leftrightarrow \frac{V_{S.CDMN}}{V_{S.CDAB} - V_{S.CDMN}} = \frac{3}{8-3} = \frac{3}{5}$

▪ Vậy:  $k = \frac{V_{S.CDMN}}{V_{BCNADM}} = \frac{3}{5}$ .

**Câu 45.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác vuông tại  $B$ , góc  $BAC = 60^\circ$ ,  $AC = 3a$ ,  $CC' = 2a$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

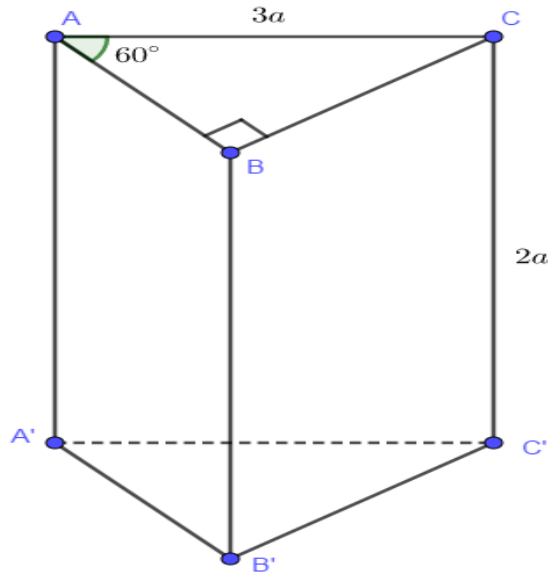
A.  $\frac{9\sqrt{3}a^3}{8}$ .

**B.  $\frac{9\sqrt{3}a^3}{4}$ .**

C.  $\frac{3\sqrt{3}a^3}{12}$ .

D.  $\frac{3\sqrt{3}a^3}{4}$ .

Lời giải



Ta có

$$AB = AC \cdot \cos 60^\circ = \frac{3a}{2}$$

$$BC = AC \cdot \sin 60^\circ = \frac{3a\sqrt{3}}{2}$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot BC = \frac{9\sqrt{3}a^2}{8}$$

$$V_{ABC.A'B'C'} = S_{ABC} \cdot CC' = \frac{9\sqrt{3}a^2}{8} \cdot 2a = \frac{9\sqrt{3}a^3}{4}$$

**Câu 46.** Cho hình lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $4a$ , hình chiếu của  $A'$  trên đáy trùng với trọng tâm  $G$  của tam giác  $ABC$ , góc giữa cạnh bên và đáy bằng  $30^\circ$ . Tính thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$

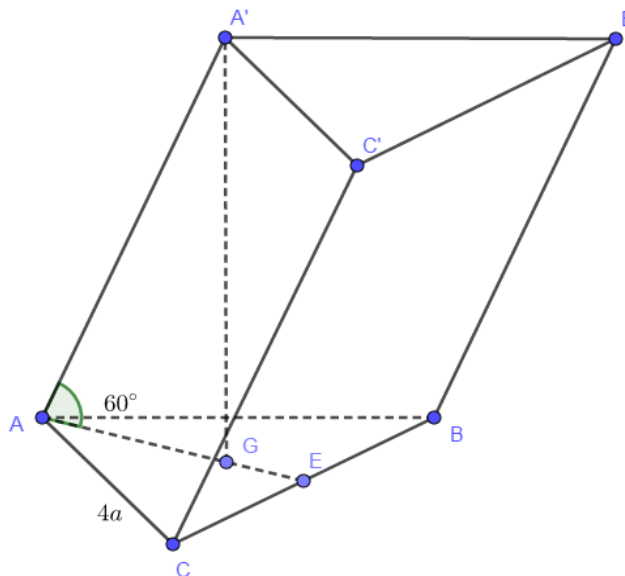
A.  $\frac{16\sqrt{3}a^3}{3}$ .

**B.  $16a^3\sqrt{3}$ .**

C.  $\frac{4\sqrt{3}a^3}{3}$ .

D.  $\frac{4\sqrt{3}a^3}{9}$ .

Lời giải



Gọi  $E$  là trung điểm của  $BC$ .

Ta có

$$+) CE = \frac{1}{2}BC = 2a, AE = \sqrt{AC^2 - BC^2} = \sqrt{16a^2 - 4a^2} = 2a\sqrt{3}$$

$$+) S_{ABC} = \frac{1}{2}AE \cdot BC = 4a^2\sqrt{3}$$

$$+) AG = \frac{2}{3}AE = \frac{4a\sqrt{3}}{3}$$

Vì  $A'G \perp (ABC)$  nên  $AG$  là hình chiếu vuông góc của  $A'A$  trên đáy, do đó góc giữa  $AA'$  và đáy là góc  $A'AG = 60^\circ$ .

$$+) A'G = AG \cdot \tan 60^\circ = 4a$$

$$+) V_{ABC.A'B'C'} = S_{ABC} \cdot A'G = 16a^3\sqrt{3}$$

**Câu 47.** Cho hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ , khoảng cách từ  $C'$  đến mặt phẳng  $(A'BD)$  bằng  $\frac{4a\sqrt{3}}{3}$ . Tính theo  $a$  thể tích khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ .

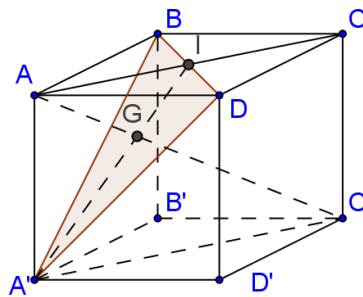
**A.**  $V = 8a^3$ .

**B.**  $V = 3\sqrt{3}a^3$ .

**C.**  $V = 8\sqrt{3}a^3$ .

**D.**  $V = 216a^2$ .

**Lời giải**



Gọi  $I$  là giao điểm của  $AC$  và  $BD$ .

Trong mặt phẳng  $(ACC'A')$   $AC'$  cắt  $A'I$  tại  $G$ .

Do  $AI$  song song  $A'C'$  và  $AI = \frac{1}{2}AC'$  nên  $IG = \frac{1}{2}GA'$ .

Suy ra  $G$  là trọng tâm tam giác  $A'BD$ , mà tam giác  $A'BD$  đều (có các cạnh là các đường chéo của những hình vuông bằng nhau) nên  $GA' = GB = GD$  và  $AA' = AB = AD$  suy ra  $AG \perp (A'BD)$ .

Do đó khoảng cách từ  $C'$  đến mặt phẳng  $(A'BD)$  là  $C'G$ .

$$\text{Mặt khác } C'G = \frac{2}{3}AC' = \frac{2}{3}AB\sqrt{3} = \frac{4a\sqrt{3}}{3} \Rightarrow AB = 2a. \text{ Vậy } V = 8a^3.$$

**Câu 48.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang cân với  $AB = 2a; BC = CD = DA = a$ .  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy,  $SC$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Mặt phẳng  $(P)$  đi qua  $A$ , vuông góc  $SB$  và cắt các cạnh  $SB, SC, SD$  lần lượt tại  $M, N, P$ . Tính thể tích khối đa diện  $ABCDMNP$ .

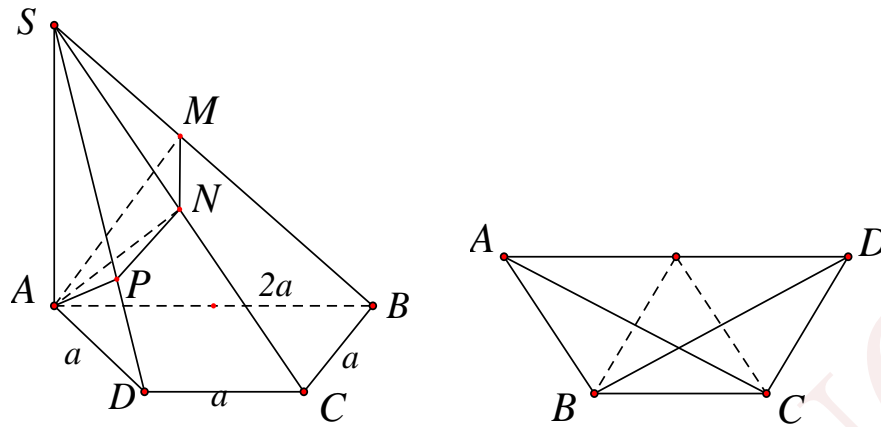
**A.**  $\frac{668a^3\sqrt{3}}{2080}$ .

**B.**  $\frac{669a^3\sqrt{3}}{2080}$ .

**C.**  $\frac{667a^3\sqrt{3}}{2080}$ .

**D.**  $\frac{666a^3\sqrt{3}}{2080}$ .

**Lời giải**



Do là  $ABCD$  hình thang cân  $AB = 2a; BC = CD = DA = a$ .

Ta có  $AC = DB = a\sqrt{3}$ .  $AC \perp BC$ ;  $AD \perp DB$ .

Do  $(SC, (ABCD)) = (SC, AC) = 60^\circ \Rightarrow SA = 3a$ .

Do  $(P) \perp SB$ . Do  $AC \perp BC$ ;  $AD \perp DB$  ta chứng minh được  $AM \perp SB$ ,  $AN \perp SC$ ,  $AP \perp SD$ .

$$\text{Có } \frac{SM}{SB} = \frac{SA^2}{SB^2} = \frac{9}{13}; \frac{SN}{SC} = \frac{SA^2}{SC^2} = \frac{3}{4}; \frac{SP}{SD} = \frac{SA^2}{SD^2} = \frac{9}{10}.$$

$$\text{Ta tính được } V_{S.ACD} = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}; V_{S.ABC} = \frac{a^3\sqrt{3}}{2}.$$

$$\text{Có } \frac{V_{SAMN}}{V_{S.ABC}} = \frac{SM}{SB} \cdot \frac{SN}{SC} = \frac{27}{52}; V_{S.AMN} = \frac{27a^3\sqrt{3}}{104}; \frac{V_{SANP}}{V_{S.ACD}} = \frac{SP}{SD} \cdot \frac{SN}{SC} = \frac{27}{40}; V_{S.ANP} = \frac{27a^3\sqrt{3}}{160}.$$

$$V_{S.AMNP} = \frac{891}{2080}a^3\sqrt{3} \Rightarrow V_{MNP.ABCD} = \frac{669a^3\sqrt{3}}{2080}.$$

**Câu 49.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có  $AB = a$  và có thể tích bằng  $\frac{a^3\sqrt{6}}{4}$ . Góc giữa hai

đường thẳng  $AB'$  và  $BC'$  bằng

A.  $90^\circ$ .

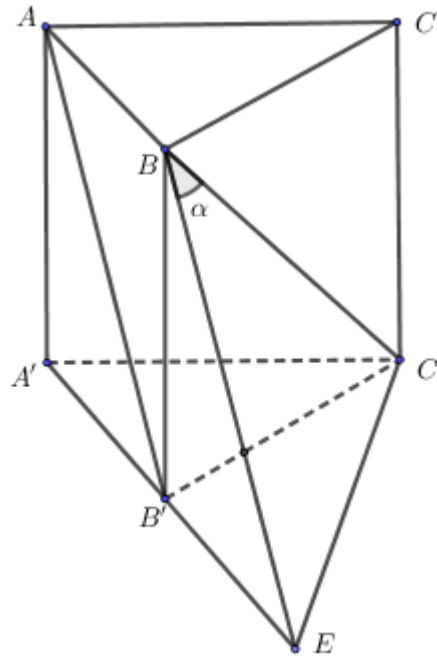
B.  $30^\circ$ .

**C.  $60^\circ$ .**

D.  $45^\circ$ .

Lời giải





Gọi  $E$  là điểm đối xứng của  $A'$  qua  $B'$ .

Ta có  $AB \parallel B'E$  và  $AB = B'E = a$  suy ra  $ABEB'$  là hình bình hành.

$$\Rightarrow AB' \parallel BE \Rightarrow (AB', BC') = (BE, BC') = EBC'$$

Xét tam giác  $BB'E$  có  $BB' \perp B'E \Rightarrow \triangle BB'E$  vuông tại  $B'$ .

$$\Rightarrow BE = \sqrt{BB'^2 + B'E^2} = \sqrt{2a^2 + a^2} = a\sqrt{3}.$$

Xét tam giác  $BB'C'$  có  $BB' \perp B'C' \Rightarrow \triangle BB'C'$  vuông tại  $B'$ .

$$\Rightarrow BC' = \sqrt{BB'^2 + B'C'^2} = \sqrt{2a^2 + a^2} = a\sqrt{3}.$$

Xét tam giác  $A'C'E$  có  $C'B' = A'B' = B'E = \frac{1}{2}A'E$ .

$$\Rightarrow \triangle A'C'E \text{ vuông tại } C' \Rightarrow C'E = \sqrt{A'E^2 - A'C'^2} = \sqrt{4a^2 - a^2} = a\sqrt{3}.$$

Suy ra tam giác  $BEC'$  có  $BE = C'E = BC' = a\sqrt{3} \Rightarrow \triangle BEC'$  là tam giác đều.

$$\Rightarrow EBC' = 60^\circ \Rightarrow (AB', BC') = 60^\circ.$$

Vậy góc giữa đường thẳng  $AB'$  và  $BC'$  bằng  $60^\circ$ .

**Câu 50.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích bằng 2020. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $AA'$ ;  $BB'$  và điểm  $P$  nằm trên cạnh  $CC'$  sao cho  $PC = 3PC'$ . Thể tích của khối đa diện lồi có các đỉnh là các điểm  $A, B, C, M, N, P$  bằng

A.  $\frac{2020}{3}$ .

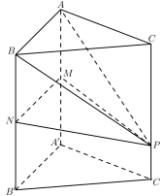
B.  $\frac{5353}{3}$ .

C.  $\frac{2525}{3}$ .

**D.  $\frac{3535}{3}$ .**

Lời giải

Giả sử  $V = V_{ABC.A'B'C'} = 2020$ .

**Cách 1**

$$\text{Ta có } V_{C'.ABC} = \frac{1}{3} d(C';(ABC)) \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{V}{3} \Rightarrow V_{C'.ABB'A'} = \frac{2}{3} V.$$

$$\text{Lại có } \frac{V_{P.ABC}}{V_{C'.ABC}} = \frac{\frac{1}{3} \cdot d(P;(ABC)) \cdot S_{\Delta ABC}}{\frac{1}{3} \cdot d(C';(ABC)) \cdot S_{\Delta ABC}} = \frac{d(P;(ABC))}{d(C';(ABC))} = \frac{PC}{CC'} = \frac{3}{4} \Rightarrow V_{P.ABC} = \frac{1}{4} V.$$

$$\text{Ta có } \frac{V_{P.ABNM}}{V_{C'.ABB'A'}} = \frac{\frac{1}{3} \cdot d(P;(ABB'A')) \cdot S_{ABNM}}{\frac{1}{3} \cdot d(C;(ABB'A')) \cdot S_{ABB'A'}}.$$

$$\text{Mà } d(P;(ABB'A')) = d(C;(ABB'A')) \text{ và } S_{ABNM} = \frac{1}{2} S_{ABB'A'}.$$

$$\text{Suy ra } \frac{V_{P.ABNM}}{V_{C'.ABB'A'}} = \frac{1}{2} \Rightarrow V_{P.ABNM} = \frac{1}{3} V.$$

$$\text{Vậy } V_{ABC.MNP} = V_{P.ABNM} + V_{P.ABC} = \frac{7}{12} V = \frac{3535}{3}.$$

**Cách 2: Dùng công thức giải nhanh**

$$\text{Ta có: } \frac{V_{ABC.MNP}}{V_{ABC.A'B'C'}} = \frac{1}{3} \left( \frac{AM}{AA'} + \frac{BN}{BB'} + \frac{CP}{CC'} \right) \Rightarrow V_{ABC.MNP} = \frac{2020}{3} \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{3}{4} \right) = \frac{3535}{3}.$$

--- HẾT ---

**ĐỀ 8**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

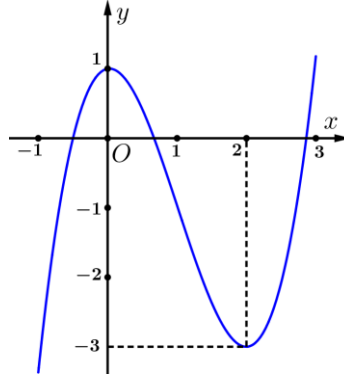
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Hàm số  $y = x^4 + 2x^2 - 1$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-1; 1)$ .                      B.  $(0; +\infty)$ .                      C.  $\mathbb{R}$ .                      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(1; 4)$ .                      B.  $(0; 2)$ .                      C.  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(-\infty; 1)$  và  $(4; +\infty)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$		$6$		$-\infty$

Arrows indicate the function values at the critical points: from  $+\infty$  at  $x = -1$  to  $0$  at  $x = 3$ , and from  $6$  at  $x = 3$  to  $-\infty$  at  $x = +\infty$ .

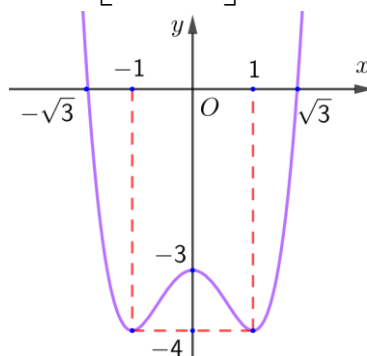
Khẳng định nào sau đây là sai về sự biến thiên của hàm số  $y = f(x)$ ?

- A. Nghịch biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .                      B. Đồng biến trên khoảng  $(0; 6)$ .  
C. Nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .                      D. Đồng biến trên khoảng  $(-1; 3)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 8x^3 + 1$ . Chọn mệnh đề đúng.

- A. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực đại.                      B. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực tiểu.  
C. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực đại.                      D. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực tiểu.

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$  và có đồ thị hàm số như hình vẽ sau



Điểm cực đại của đồ thị hàm số đã cho là

- A.  $M(-1; -4)$ .                      B.  $N(0; -3)$ .                      C.  $x = -1$ .                      D.  $x = 0$ .

**Câu 6.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình vẽ sau. Phát biểu nào đúng?

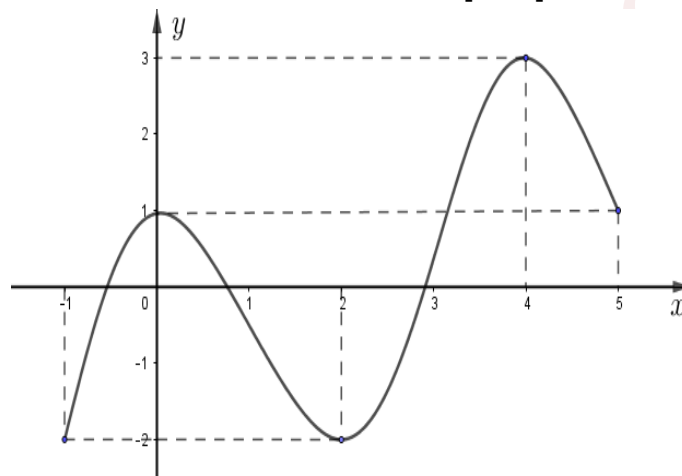
$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$		$-\infty$	$5$	$1$	$+\infty$	

- A. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng 2.
- B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 1$  và đạt cực đại tại  $x = 5$ .
- C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .
- D. Giá trị cực đại của hàm số là 0.

**Câu 7.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  trên đoạn  $[-4; 4]$  là

- A. -4.
- B. 4.
- C. 1.
- D. -1.

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 5]$  và có đồ thị trên đoạn  $[-1; 5]$  như hình vẽ bên. Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-1; 5]$  bằng



- A. -1.
- B. 4.
- C. 1.
- D. 2.

**Câu 9.** Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x}{x-1}$  là

- A.  $x=1$ .
- B.  $x=0$ .
- C.  $y=1$ .
- D.  $y=0$ .

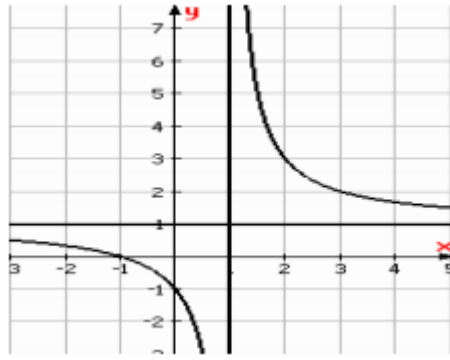
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$+\infty$
$y'$		$+$	$+$
$y$		$-\infty$	$3$

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

- A. 1.
- B. 3.
- C. 4.
- D. 2.

**Câu 11.** Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



A.  $y = \frac{x+2}{1-x}$ .

B.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .

C.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .

D.  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ .

**Câu 12.** Một hình hộp chữ nhật (không phải hình lập phương) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

A. 4.

B. 2.

C. 3.

D. 1.

**Câu 13.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng ?

A. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh bằng số đỉnh.

B. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh và số mặt bằng nhau.

C. Số đỉnh và số mặt của hình đa diện luôn bằng nhau.

D. Tồn tại một hình đa diện có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

**Câu 14.** Số cạnh của một khối lập phương là:

A. 6.

B. 8.

C. 10.

D. 12.

**Câu 15.** Khối lập phương là khối đa diện đều thuộc loại nào?

A.  $\{3;4\}$ .B.  $\{5;3\}$ .C.  $\{4;3\}$ .D.  $\{3;5\}$ .

**Câu 16.** Cho tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau;  $AB = 3a; AC = 5a$  và  $AD = 8a$ . Tính thể tích  $V$  của tứ diện  $ABCD$ ?

A.  $V = 60a^3$ .B.  $V = 40a^3$ .C.  $V = 120a^3$ .D.  $V = 20a^3$ .

**Câu 17.** Cho hình chóp đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $\frac{a\sqrt{21}}{6}$ . Tính theo  $a$  thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

C.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

D.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}$ .

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ có chiều cao  $h = 3$  và diện tích đáy  $B = 7$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

A. 10.

B. 7.

C. 3.

D. 21.

**Câu 19.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước lần lượt bằng  $3\text{cm}, 4\text{cm}, 7\text{cm}$  thì có thể tích bằng

A.  $84\text{cm}^3$ .B.  $12\text{cm}^3$ .C.  $28\text{cm}^3$ .D.  $21\text{cm}^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A.  $(-\infty; -1)$ .B.  $(-1; 1)$ .C.  $(2; +\infty)$ .D.  $(1; 2)$ .

**Câu 21.** Tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $f(x) = x^3 - 2mx^2 + x$  nghịch biến trên khoảng  $(1; 2)$  là:

A.  $m \geq \frac{13}{8}$ .B.  $1 \leq m \leq \frac{13}{8}$ .C.  $m \leq 0$ .D.  $m > \frac{13}{8}$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = -x^2 + 2x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đã cho có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 0.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{(m-1)x^3}{3} + (m-1)x^2 + 4x - 1$ . Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x_1$ , đạt cực đại tại  $x_2$  đồng thời  $x_1 < x_2$  khi và chỉ khi:

- A.  $m < 1$ .                      B.  $m > 5$ .                      C.  $\begin{cases} m = 1 \\ m = 5 \end{cases}$ .                      D.  $\begin{cases} m > 1 \\ m < 5 \end{cases}$ .

**Câu 24.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + m + 1$  có giá trị cực tiểu bằng  $-1$ . Tổng các phần tử thuộc  $S$  là:

- A.  $-2$ .                      B.  $0$ .                      C.  $1$ .                      D.  $-1$ .

**Câu 25.** Biết rằng hàm số  $f(x) = -x + 2018 - \frac{1}{x}$  đạt giá trị lớn nhất trên khoảng  $(0; 4)$  tại  $x_0$ . Tính  $P = x_0 + 2018$ .

- A.  $P = 4032$ .                      B.  $P = 2020$ .                      C.  $P = 2018$ .                      D.  $P = 2019$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = \frac{mx-1}{2x+1}$  (với  $m$  là tham số) thỏa mãn điều kiện  $\max_{[1;2]} y = 3$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $7 < m < 10$ .                      B.  $4 < m < 7$ .                      C.  $0 < m < 3$ .                      D.  $10 < m < 13$ .

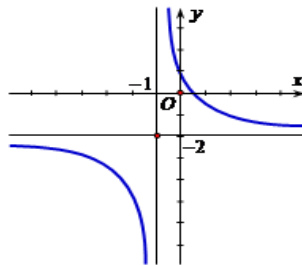
**Câu 27.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1}$ ?

- A.  $2$ .                      B.  $1$ .                      C.  $0$ .                      D.  $3$ .

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

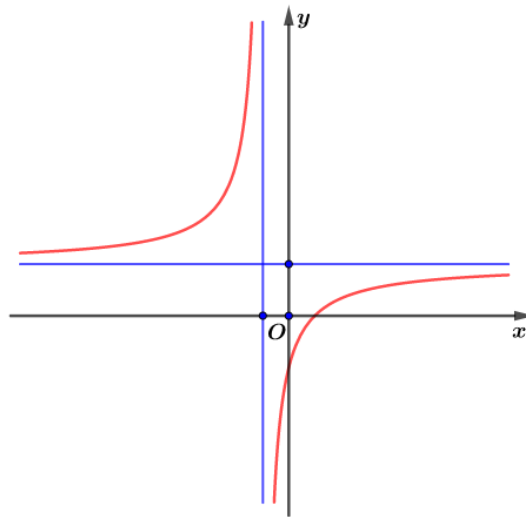
- A.  $1$ .                      B.  $2$ .                      C.  $4$ .                      D.  $0$ .

**Câu 29.** Tìm  $a, b$  để hàm số  $y = \frac{ax+b}{x+1}$  có đồ thị như hình vẽ bên.



- A.  $a = -1, b = -2$ .                      B.  $a = 1, b = -2$ .                      C.  $a = -2, b = 1$ .                      D.  $a = 2, b = 1$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ.



Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $ab < 0; ac < 0$ .      B.  $bd < 0; bc > 0$ .      C.  $ad > 0; bd > 0$ .      D.  $ab < 0; ad > 0$ .

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$  và đường thẳng  $y = 2$  có bao nhiêu điểm chung?

- A. 0.      B. 1.      C. 3.      D. 2.

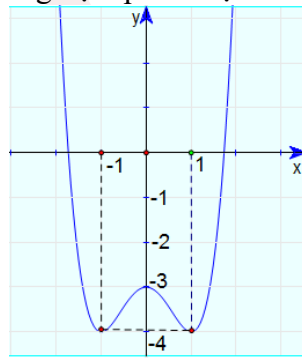
**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau:

$x$	$-\infty$	-1		3	$+\infty$	
$y'$		+	0	-	0	+
$y$	$-\infty$		4		-2	$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f(x) - 2 = 0$  là

- A. 3.      B. 2.      C. 1.      D. 0.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt?

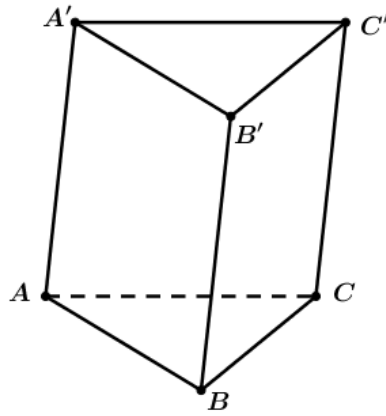


- A.  $m \leq \frac{1}{2}$ .      B.  $\begin{cases} m < 0 \\ m = \frac{1}{2} \end{cases}$ .      C.  $0 < m < \frac{1}{2}$ .      D.  $\begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$ .

**Câu 34.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh?

- A. 15.      B. 10.      C. 20.      D. 25.

**Câu 35.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  (tham khảo hình sau). Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $BB'$ . Mặt phẳng  $(AMC')$  chia khối lăng trụ đã cho thành các khối đa diện nào ?

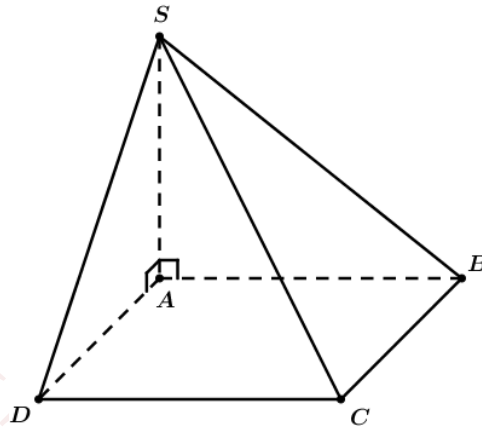


- A. Một khối tứ diện và một khối chóp tứ giác.
- B. Hai khối chóp tam giác.
- C. Hai khối chóp tứ giác.
- D. Một khối tứ diện và một khối lăng trụ.

**Câu 36.** Hình lăng trụ đứng có đáy là hình thoi (không phải hình vuông) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 5.
- B. 2.
- C. 4.
- D. 3.

**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Biết khoảng cách giữa  $AC$  và  $SB$  bằng  $a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .



- A.  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .
- B.  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .
- C.  $\sqrt{2}a^3$ .
- D.  $\frac{3a^3}{\sqrt{2}}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $A$  và  $D$ ;  $AB = AD = 2a$ ,  $BC = a\sqrt{5}$ ,  $CD = a$ , góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABCD)$  bằng  $60^\circ$ . Gọi  $I$  là trung điểm cạnh  $AD$ . Biết hai mặt phẳng  $(SBI)$  và  $(SCI)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{5}$ .
- B.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{5}$ .
- C.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{15}$ .
- D.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{15}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu đạo hàm như sau:

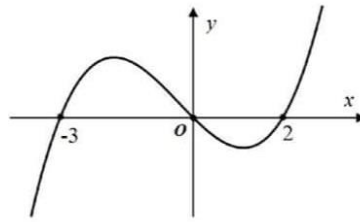
$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$5$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .
- B.  $(-1; 0)$ .
- C.  $(1; 5)$ .
- D.  $(2; +\infty)$ .



**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị của đạo hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ bên. Hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2) + 3f(2 - 2x) + 1$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(0; 1)$ .                      B.  $(-2; -1)$ .                      C.  $(1; 2)$ .                      D.  $(-1; 0)$ .

**Câu 41.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx - 2}{m - 2x}$  nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{2}; +\infty)$ .

- A.  $-2 < m \leq 1$ .                      B.  $-2 < m < 2$ .                      C.  $-2 \leq m \leq 2$ .                      D.  $m > 2$ .

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số

$y = \frac{1}{3}x^3 - (2m - 1)x^2 + (m^2 - m + 7)x + m - 5$  có hai điểm cực trị là độ dài hai cạnh góc vuông của một tam giác vuông có cạnh huyền bằng  $\sqrt{74}$ .

- A.  $m = 3$ .                      B.  $\begin{cases} m = -3 \\ m = 2 \end{cases}$ .                      C.  $m = 2$ .                      D.  $\begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}$ .

**Câu 43.** Cho hình thang cân có độ dài đáy nhỏ và hai cạnh bên đều bằng 1 mét. Khi đó hình thang đã cho có diện tích lớn nhất bằng?

- A.  $3\sqrt{3}(m^2)$ .                      B.  $\frac{3\sqrt{3}}{2}(m^2)$ .                      C.  $\frac{3\sqrt{3}}{4}(m^2)$ .                      D.  $1(m^2)$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$2$		$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$		$+$	$0$	$-$				
$f(x)$	$+\infty$	↘			$+\infty$	↗			$5$	↘		$2$
			$-3$			$-\infty$						

Số đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020}{f(x) - 3}$ .

- A. 1.                      B. 2.                      C. 3.                      D. 4.

**Câu 45.** Tìm tất cả giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $(d): y = mx - m - 1$  cắt đồ thị  $(C): y = x^3 - 3x^2 + 1$  tại 3 điểm  $A, B, C$  phân biệt ( $B$  thuộc đoạn  $AC$ ), sao cho tam giác  $AOC$  cân tại  $O$  (với  $O$  là gốc toạ độ).

- A.  $m = -1$ .                      B.  $m = 1$ .                      C.  $m = 2$ .                      D.  $m = -2$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-3$		$2$		$+\infty$	
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$y$	$-\infty$	↗			$1$	↘		$+\infty$
					$-2$			

Phương trình  $f(f(x))=0$  có nhiều nhất bao nhiêu nghiệm?

- A. 3.    B. 4.    C. 5.    D. 6.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  đáy là hình bình hành. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SC$ .

Mặt phẳng  $(BMN)$  cắt  $SD$  tại  $P$ . Tỉ số  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}}$  bằng:

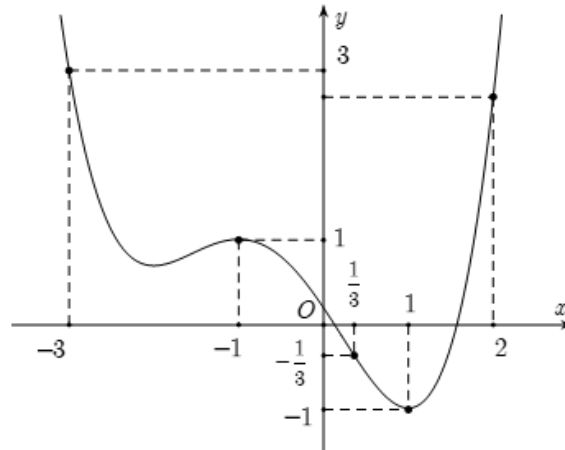
- A.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{16}$ .                      B.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{6}$ .                      C.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{12}$ .                      D.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{8}$ .

**Câu 48.** Cho hình hộp đứng  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , đường thẳng  $DB_1$  tạo với mặt phẳng  $(BCC_1B_1)$  góc  $30^\circ$ . Tính thể tích khối hộp  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ .

- A.  $a^3\sqrt{3}$ .    B.  $a^3\sqrt{2}$ .    C.  $a^3$ .    D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y=f(x)$ , hàm số  $y=f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số

$g(x)=2f\left(\frac{5\sin x-1}{2}\right)+\frac{(5\sin x-1)^2}{4}+3$  có bao nhiêu điểm cực trị trên khoảng  $(0;2\pi)$ ?



- A. 9.    B. 7.    C. 6.    D. 8.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x)=x^4-2x^3+m$  ( $m$  là tham số thực). Tìm tổng tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]}|f(x)|+2\min_{[0;1]}|f(x)|=10$ .

- A. 4.    B. -3.    C. 1.    D. 2.

**HĐG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HKI**

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**Câu 1.** Hàm số  $y = x^4 + 2x^2 - 1$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-1; 1)$ .                      B.  $(0; +\infty)$ .                      C.  $\mathbb{R}$ .                      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

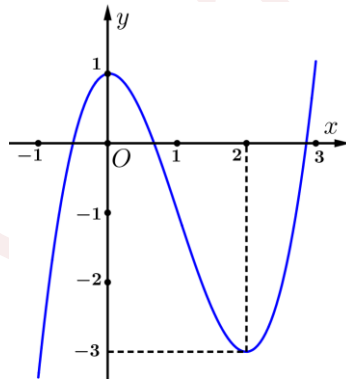
Ta có  $y' = 4x^3 + 4x = 4x(x^2 + 1)$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow x = 0$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$
$y$			

Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(1; 4)$ .                      B.  $(0; 2)$ .                      C.  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(-\infty; 1)$  và  $(4; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Quan sát bảng đồ thị, ta thấy hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(0; 2)$ .

Nên chọn đáp án

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$0$	$6$	$-\infty$	

Khẳng định nào sau đây là sai về sự biến thiên của hàm số  $y = f(x)$ ?

- A. Nghịch biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .                      B. Đồng biến trên khoảng  $(0; 6)$ .  
 C. Nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .                      D. Đồng biến trên khoảng  $(-1; 3)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Từ bảng biến thiên ta thấy  $y' < 0$  với mọi  $x > 3$ , suy ra hàm số nghịch biến trên khoảng  $(3; 6)$ , do đó hàm số không thể đồng biến trên khoảng  $(0; 6)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 8x^3 + 1$ . Chọn mệnh đề đúng.

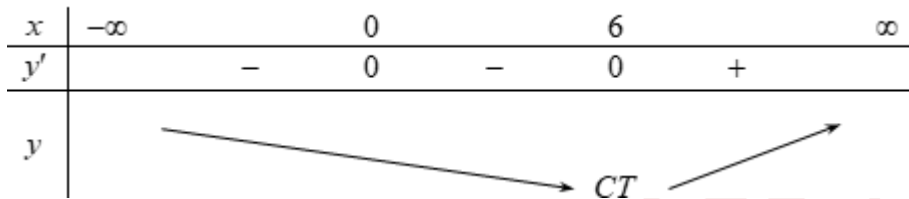
- A. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực đại.
- B. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực tiểu.
- C. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực đại.
- D. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực tiểu.

**Lời giải**

**Chọn B**

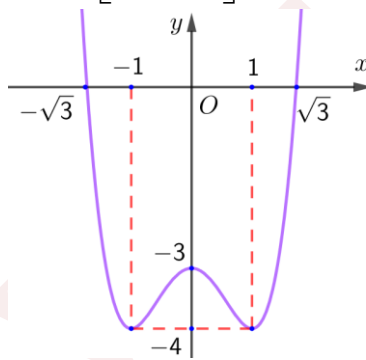
$$f'(x) = 4x^3 - 24x^2 = 4x^2(x - 6); f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 6 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$0$	$6$	$\infty$
$y'$	$-$	$0$	$-$	$+$
$y$				

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực tiểu.

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$  và có đồ thị hàm số như hình vẽ sau



Điểm cực đại của đồ thị hàm số đã cho là

- A.  $M(-1; -4)$ .
- B.  $N(0; -3)$ .
- C.  $x = -1$ .
- D.  $x = 0$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào đồ thị của hàm số, điểm cực đại của đồ thị hàm số là  $N(0; -3)$ .

**Câu 6.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình vẽ sau. Phát biểu nào **đúng**?

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$+$
$f(x)$	$-\infty$	$5$	$1$	$+\infty$

- A. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng 2.
- B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 1$  và đạt cực đại tại  $x = 5$ .
- C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .
- D. Giá trị cực đại của hàm số là 0.

**Lời giải**

**Chọn C**

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy hàm số có giá trị cực đại bằng 5 tại  $x = 0$  và có giá trị cực tiểu bằng 1 tại  $x = 2$ . Từ các đáp án A, B, C, D ta chọn

**Câu 7.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  trên đoạn  $[-4; 4]$  là

A. -4.

B. 4.

C. 1.

D. -1.

**Lời giải****Chọn A**

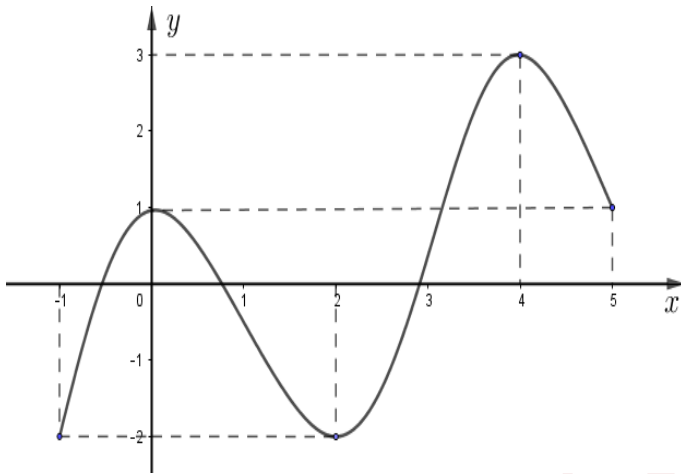
Xét hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  xác định và liên tục trên đoạn  $[-4; 4]$ .

$$\text{Ta có } y' = 3x^2 + 6x - 9; y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in [-4; 4] \\ x = -3 \in [-4; 4] \end{cases}$$

$$\text{Khi đó } y(-4) = 21, y(-3) = 28, y(1) = -4, y(4) = 77.$$

Vậy giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  trên đoạn  $[-4; 4]$  là -4.

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 5]$  và có đồ thị trên đoạn  $[-1; 5]$  như hình vẽ bên. Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-1; 5]$  bằng



A. -1.

B. 4.

C. 1.

D. 2.

**Lời giải****Chọn C**

Nhìn đồ thị của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-1; 5]$  ta thấy:

$$M = \max_{[-1; 5]} f(x) = 3 \text{ và } m = \min_{[-1; 5]} f(x) = -2 \text{ nên } M + m = 1.$$

**Câu 9.** Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x}{x-1}$  là

A.  $x=1$ .B.  $x=0$ .C.  $y=1$ .D.  $y=0$ .**Lời giải****Chọn A**

$$\text{TXĐ: } D = \mathbb{R} \setminus \{1\}.$$

$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x}{x-1} = +\infty.$$

Suy ra đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x=1$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$+\infty$
$y'$	+		+
$y$	$-\infty$	$+\infty$	3

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

- A. 1.                                      B. 3.                                      C. 4.                                      D. 2.

**Lời giải**

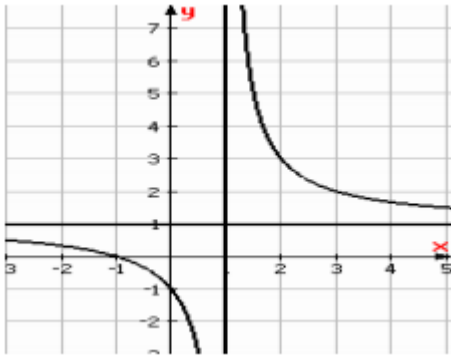
**Chọn D**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 3 \Rightarrow$  Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 3$ .

$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} y = +\infty \Rightarrow$  Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = -2$ .

Vậy đồ thị hàm số có 2 đường tiệm cận.

**Câu 11.** Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



- A.  $y = \frac{x+2}{1-x}$                                       B.  $y = \frac{x-1}{x+1}$                                       C.  $y = \frac{x+1}{x-1}$                                       D.  $y = \frac{2x-1}{x-1}$

**Lời giải**

**Chọn C**

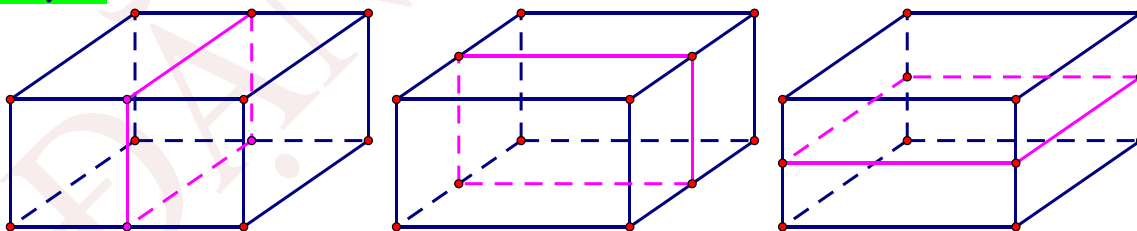
Từ hình vẽ cho thấy đồ thị hàm số đã cho có đường tiệm cận đứng:  $x = 1$  và đường tiệm cận ngang:  $y = 1$ .

**Câu 12.** Một hình hộp chữ nhật (không phải hình lập phương) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 4.                                      B. 2.                                      C. 3.                                      D. 1.

**Lời giải**

**Chọn C**



**Câu 13.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng ?

- A. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh bằng số đỉnh.
- B. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh và số mặt bằng nhau.
- C. Số đỉnh và số mặt của hình đa diện luôn bằng nhau.
- D. Tồn tại một hình đa diện có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

**Lời giải**

**Chọn D**

Hình tứ diện có 4 đỉnh và 4 mặt.

**Câu 14.** Số cạnh của một khối lập phương là:

A. 6.

B. 8.

C. 10.

D. 12.

Lời giải

Chọn D

Khối lập phương là đa diện đều loại  $\{4;3\}$  có 6 mặt.

Mỗi mặt là hình vuông nên số cạnh là  $4 \cdot 6 = 24$  cạnh.

Nhưng mỗi cạnh là cạnh chung của 2 mặt nên số cạnh của khối lập phương:  $\frac{24}{2} = 12$  cạnh.

Có thể áp dụng công thức: Số cạnh  $= \frac{p \cdot M}{2}$  hoặc vẽ hình để đếm.

**Câu 15.** Khối lập phương là khối đa diện đều thuộc loại nào?

A.  $\{3;4\}$ .B.  $\{5;3\}$ .C.  $\{4;3\}$ .D.  $\{3;5\}$ .

Lời giải

Chọn C

Dựa vào định nghĩa và định lí về khối đa diện đều, khối lập phương thuộc loại  $\{4;3\}$ .

**Câu 16.** Cho tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau;  $AB = 3a$ ;  $AC = 5a$  và  $AD = 8a$ . Tính thể tích  $V$  của tứ diện  $ABCD$ ?

A.  $V = 60a^3$ .B.  $V = 40a^3$ .C.  $V = 120a^3$ .D.  $V = 20a^3$ .

Lời giải

Chọn D

Ta có tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc

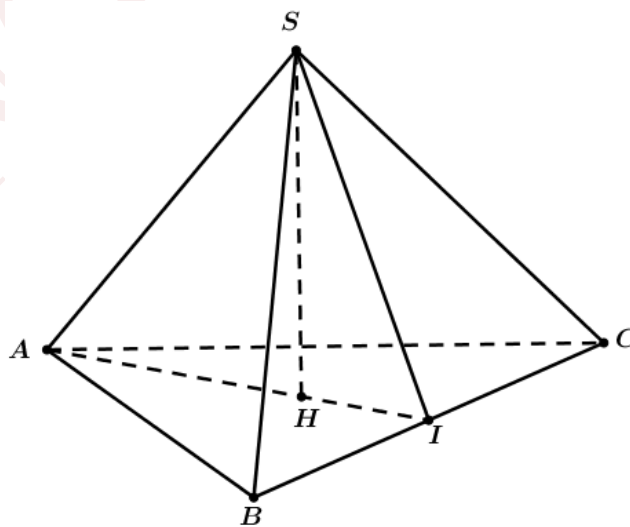
Nên  $V_{ABCD} = \frac{1}{6} \cdot AB \cdot AC \cdot AD = \frac{1}{6} \cdot 3a \cdot 5a \cdot 8a = 20a^3$ .

**Câu 17.** Cho hình chóp đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $\frac{a\sqrt{21}}{6}$ . Tính theo  $a$  thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{12}$ .B.  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{8}$ .C.  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{6}$ .D.  $V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{24}$ .

Lời giải

Chọn D



Gọi  $I$  là trung điểm của cạnh  $BC$ ,  $H$  là trọng tâm của tam giác  $ABC$  ta có:  $SH \perp (ABC)$  và

$$SH = \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{SA^2 - \left(\frac{2}{3}AI\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{a\sqrt{21}}{6}\right)^2 - \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{a}{2}.$$

$$\text{Vậy } V = \frac{1}{3} \cdot SH \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot a \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}.$$

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ có chiều cao  $h=3$  và diện tích đáy  $B=7$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A. 10.                      B. 7.                      C. 3.                      D. 21.

Lời giải

**Chọn D**

$$V = B \cdot h = 7 \cdot 3 = 21$$

**Câu 19.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước lần lượt bằng  $3cm$ ,  $4cm$ ,  $7cm$  thì có thể tích bằng

- A.  $84cm^3$ .                      B.  $12cm^3$ .                      C.  $28cm^3$ .                      D.  $21cm^3$ .

Lời giải

**Chọn A**

Áp dụng công thức tính thể tích khối hộp chữ nhật:  $V = a \cdot b \cdot c$  (trong đó:  $a, b, c$  là ba kích thước của hình hộp chữ nhật)

$$\text{Nên: } V = 3 \cdot 4 \cdot 7 = 84cm^3.$$

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(1; 2)$ .

Lời giải

**Chọn D**

$$\text{Ta có } f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x) \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}.$$

Từ đó, ta có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$-$	$0$	$-$
$f(x)$	$+\infty$	$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	$-\infty$

Dựa vào bảng biến thiên thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(1; 2)$ .

**Câu 21.** Tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $f(x) = x^3 - 2mx^2 + x$  nghịch biến trên khoảng  $(1; 2)$  là:

- A.  $m \geq \frac{13}{8}$ .                      B.  $1 \leq m \leq \frac{13}{8}$ .                      C.  $m \leq 0$ .                      D.  $m > \frac{13}{8}$ .

Lời giải

**Chọn A**

**[phương pháp tự luận]**

$$f'(x) = 3x^2 - 4mx + 1.$$

Hàm số nghịch biến trên  $(1; 2)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \leq 0, \forall x \in (1; 2)$



Khi đó  $3x^2 - 4mx + 1 \leq 0 \Leftrightarrow m \geq \frac{3x^2 + 1}{4x}$  (1).

Đặt  $g(x) = \frac{3x^2 + 1}{4x}$ ; tập xác định  $D = (1; 2)$ .

$$g'(x) = \frac{12x^2 - 4}{16x^2}. \quad g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\sqrt{3}}{3} & (l) \\ x = \frac{-\sqrt{3}}{3} & (l) \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = 1; \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) = \frac{13}{8}$$

Ta có bảng biến thiên hàm số  $y = g(x)$ :

$x$	1			2
$y'$			+	
$y$	1	→		$\frac{13}{8}$

Từ bảng biến thiên, (1) luôn đúng khi  $m \geq \frac{13}{8}$ .

**[phương pháp trắc nghiệm]**

Thay  $m = 2$ , lập bảng biến thiên hàm số, ta thấy thỏa mãn yêu cầu bài toán, loại đáp án B,

Thay  $m = \frac{13}{8}$ , lập bảng biến thiên hàm số, ta thấy thỏa mãn yêu cầu bài toán, loại đáp án

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = -x^2 + 2x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đã cho có bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 2.    B. 1.    C. 3.    D. 0.

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có:  $f'(x) = -x^2 + 2x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 3 \end{cases}$ .

Hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{(m-1)x^3}{3} + (m-1)x^2 + 4x - 1$ . Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x_1$ , đạt cực đại tại  $x_2$  đồng thời  $x_1 < x_2$  khi và chỉ khi:

- A.  $m < 1$ .    B.  $m > 5$ .    C.  $\begin{cases} m = 1 \\ m = 5 \end{cases}$ .    D.  $\begin{cases} m > 1 \\ m < 5 \end{cases}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Yêu cầu bài toán tương đương tìm  $m$  để hàm số đã cho có hai cực trị.

$y' = (m-1)x^2 + 2(m-1)x + 4$ . Hàm số đã cho có hai cực trị khi và chỉ khi phương trình  $y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt, khi đó:

$$\begin{cases} \Delta' = (m-1)^2 - 4(m-1) = m^2 - 6m + 5 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m < 1 \\ m > 5 \end{cases} \\ m-1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 1 \\ m > 5 \end{cases}$$

**Câu 24.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + m + 1$  có giá trị cực tiểu bằng  $-1$ . Tổng các phần tử thuộc  $S$  là:

- A.  $-2$ .                      B.  $0$ .                      C.  $1$ .                      D.  $-1$ .

Lời giải

Chọn B

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$

$$y = x^4 - 2mx^2 + m + 1$$

$$y' = 4x^3 - 4mx$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = m \end{cases}$$

TH1:  $m \leq 0$ : Khi đó:  $y_{ct} = y(0) = m + 1 = -1 \Rightarrow m = -2$  (thỏa mãn).

TH2:  $m > 0$ : Khi đó:  $y_{ct} = y(\pm\sqrt{m}) = -m^2 + m + 1 = -1 \Rightarrow m^2 - m - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 (l) \\ m = 2 (t/m) \end{cases}$

Vậy  $S = 0$ .

**Câu 25.** Biết rằng hàm số  $f(x) = -x + 2018 - \frac{1}{x}$  đạt giá trị lớn nhất trên khoảng  $(0; 4)$  tại  $x_0$ . Tính

$P = x_0 + 2018$ .

- A.  $P = 4032$ .                      B.  $P = 2020$ .                      C.  $P = 2018$ .                      D.  $P = 2019$ .

Lời giải

Chọn D

Trên khoảng  $(0; 4)$  ta có:  $f'(x) = \frac{-x^2 + 1}{x^2}$ ,  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 1$ .

Bảng biến thiên:

$x$	0	1	4	
$f'(x)$		+	0	-
$f(x)$		$f(1)$		

Hàm số đạt giá trị lớn nhất trên khoảng  $(0; 4)$  tại  $x_0 = 1$  nên  $P = x_0 + 2018 = 2019$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = \frac{mx-1}{2x+1}$  (với  $m$  là tham số) thỏa mãn điều kiện  $\max_{[1;2]} y = 3$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $7 < m < 10$ .                      B.  $4 < m < 7$ .                      C.  $0 < m < 3$ .                      D.  $10 < m < 13$ .

Lời giải

Chọn A

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{1}{2} \right\}$ .

$$y' = \frac{m+2}{(2x+1)^2}$$

Trường hợp 1:  $y' < 0 \Leftrightarrow m < -2$ . Khi đó  $\max_{[1;2]} y = y(1) = \frac{m-1}{3} = 3 \Leftrightarrow m = 10$  (loại).

Trường hợp 2:  $y' > 0 \Leftrightarrow m > -2$ . Khi đó  $\max_{[1;2]} y = y(2) = \frac{2m-1}{5} = 3 \Leftrightarrow m = 8$  (nhận).

Vậy:  $7 < m < 10$ .

**Câu 27.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1}$ ?

A. 2.

B. 1.

C. 0.

D. 3.

Lời giải

**Chọn B**

Hàm số xác định khi  $\begin{cases} 2x-x^2 \geq 0 \\ x-1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \leq x \leq 2 \\ x \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow x \in [0; 2] \setminus \{1\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1} = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1} = +\infty$ .

Suy ra  $x=1$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

A. 1.

B. 2.

C. 4.

D. 0.

Lời giải

**Chọn B**

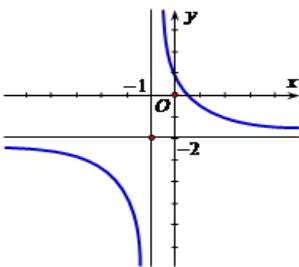
Hàm số có nghĩa khi  $4-x^2 > 0 \Leftrightarrow -2 < x < 2$ . TXĐ:  $D = (-2; 2)$

Hàm số không có tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow 2^-} y = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}} = +\infty$ . Suy ra: đường thẳng  $x=2$  là tiệm cận đứng.

$\lim_{x \rightarrow -2^+} y = \lim_{x \rightarrow -2^+} \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}} = -\infty$ . Suy ra: đường thẳng  $x=-2$  là tiệm cận đứng.

**Câu 29.** Tìm  $a, b$  để hàm số  $y = \frac{ax+b}{x+1}$  có đồ thị như hình vẽ bên.

A.  $a = -1, b = -2$ .B.  $a = 1, b = -2$ .C.  $a = -2, b = 1$ .D.  $a = 2, b = 1$ .

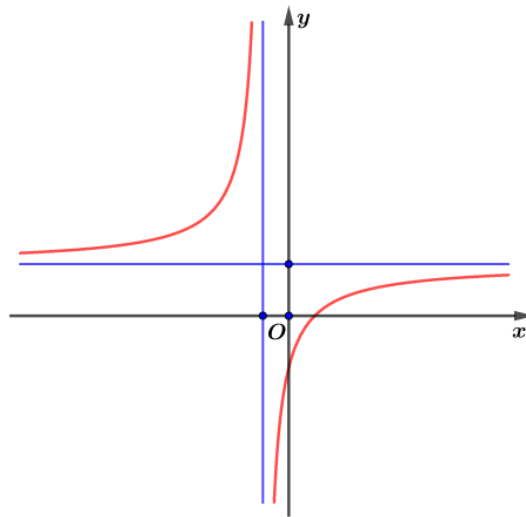
Lời giải

**Chọn C**

Để thấy đồ thị có tiệm cận ngang  $y = -2 \Rightarrow a = -2$ .

Đồ thị hàm số cắt  $Oy$  tại điểm  $A(0; 1)$  nên  $b = 1$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ.



Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $ab < 0; ac < 0$ .      B.  $bd < 0; bc > 0$ .      C.  $ad > 0; bd > 0$ .      D.  $ab < 0; ad > 0$ .

Lời giải

**Chọn D**

Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  đi qua  $M\left(0; \frac{b}{d}\right)$ , có đường tiệm cận đứng  $x = -\frac{d}{c}$ , đường tiệm cận ngang

$$y = \frac{a}{c}.$$

Quan sát đồ thị thấy:

- + Giao điểm với trục tung nằm phía dưới  $Ox$  nên  $\frac{b}{d} < 0 \Leftrightarrow bd < 0 \Rightarrow$  Loại phương án
- + Đường tiệm cận ngang nằm phía trên  $Ox$  nên  $\frac{a}{c} > 0 \Leftrightarrow ac > 0 \Rightarrow$  Loại phương án
- + Đường tiệm cận đứng nằm bên trái  $Oy$  nên  $-\frac{d}{c} < 0 \Leftrightarrow cd > 0$ .

Ta có:  $\begin{cases} bd < 0 \\ cd > 0 \end{cases} \Rightarrow bc < 0 \Rightarrow$  Loại phương án

Kiểm chứng phương án D:  $\begin{cases} ac > 0 \\ cd > 0 \end{cases} \Rightarrow ad > 0; \begin{cases} ad > 0 \\ bd < 0 \end{cases} \Rightarrow ab < 0$ .

Lưu ý: Có thể sử dụng giao điểm của đồ thị với trục hoành nằm bên phải  $Oy$  nên  $-\frac{b}{a} > 0 \Leftrightarrow ab < 0$ .

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$  và đường thẳng  $y = 2$  có bao nhiêu điểm chung?

- A. 0.      B. 1.      C. 3.      D. 2.

Lời giải

**Chọn B**

Ta có  $y = x^3 - 3x^2 - 2 \Rightarrow y' = 3x^2 - 6x; y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow y = -2 \\ x = 2 \Rightarrow y = -6 \end{cases}$

Bảng biến thiên hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ :

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	$-\infty$	-2	-6	$+\infty$	

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy đường thẳng  $y = 2$  và đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$  có 1 điểm chung duy nhất.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau:

$x$	$-\infty$	-1	3	$+\infty$	
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	$-\infty$	4	-2	$+\infty$	

Số nghiệm của phương trình  $f(x) - 2 = 0$  là

A. 3.

B. 2.

C. 1.

D. 0.

Lời giải

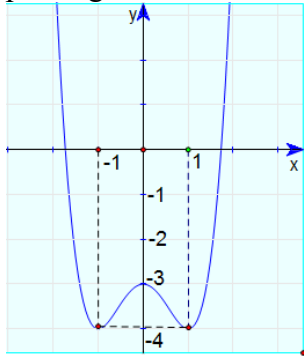
**Chọn A**

$$f(x) - 2 = 0 (*) \Leftrightarrow f(x) = 2.$$

Số nghiệm của phương trình (\*) là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = 2$ .

Do  $2 \in (-2; 4)$  nên phương trình đã cho có 3 nghiệm phân biệt.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt?



A.  $m \leq \frac{1}{2}$ .

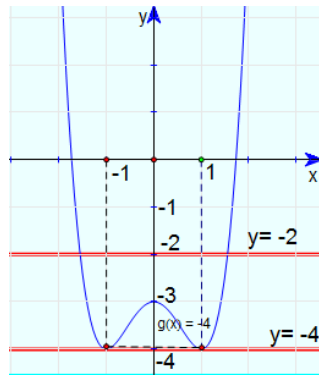
B.  $\begin{cases} m < 0 \\ m = \frac{1}{2} \end{cases}$ .

C.  $0 < m < \frac{1}{2}$ .

D.  $\begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$ .

Lời giải

**Chọn D**



Phương trình  $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt khi chỉ khi đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  và đường thẳng  $y = 2m - 4$  cắt nhau tại hai điểm phân biệt.

Dựa vào đồ thị hàm số trên, yêu cầu bài toán thỏa mãn khi  $\begin{cases} 2m - 4 = -4 \\ 2m - 4 > -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$

**Câu 34.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh?

A. 15.

B. 10.

C. 20.

D. 25.

**Lời giải**

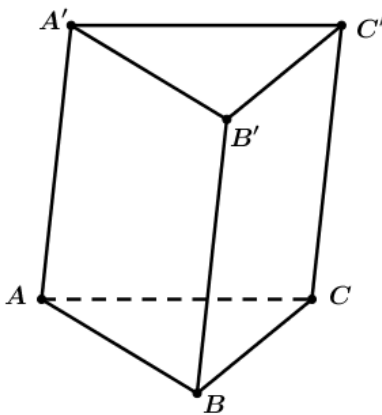
**Chọn A**

Số cạnh đáy của khối lăng trụ là:  $5 \cdot 2 = 10$ .

Số cạnh bên của lăng trụ là: 5.

Do đó số cạnh của khối lăng trụ ngũ giác là 15.

**Câu 35.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  (tham khảo hình sau). Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $BB'$ . Mặt phẳng  $(AMC')$  chia khối lăng trụ đã cho thành các khối đa diện nào ?



A. Một khối tứ diện và một khối chóp tứ giác.

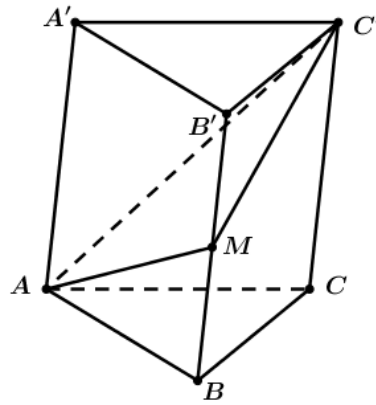
B. Hai khối chóp tam giác.

C. Hai khối chóp tứ giác.

D. Một khối tứ diện và một khối lăng trụ.

**Lời giải**

**Chọn C**



Mặt phẳng  $(AMC')$  chia khối lăng trụ đã cho thành hai khối chóp tứ giác là khối  $AMBCC'$  và  $C'.AA'B'M$ .

**Câu 36.** Hình lăng trụ đứng có đáy là hình thoi (không phải hình vuông) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

A. 5.

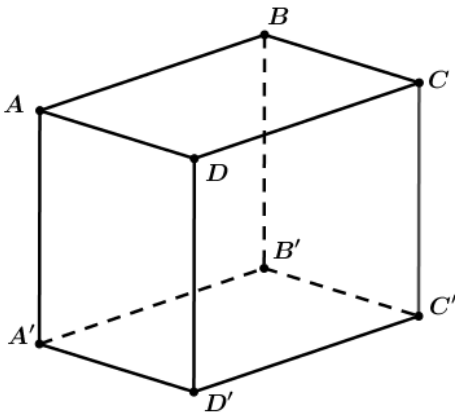
B. 2.

C. 4.

D. 3.

Lời giải

**Chọn D**

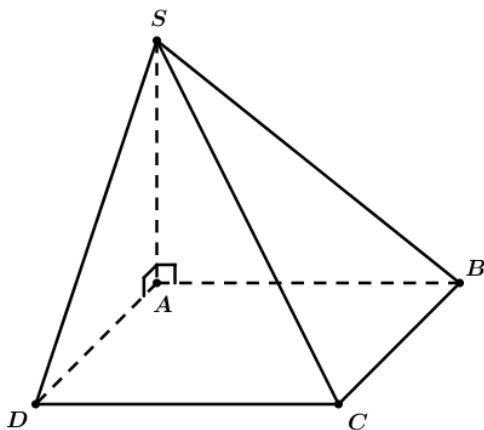


Gọi hình lăng trụ đứng đã cho là  $ABCD.A'B'C'D'$  với đáy là hình thoi  $ABCD$ .

Các mặt phẳng đối xứng của nó bao gồm:

- mặt phẳng trung trực của các cạnh bên
- mặt phẳng  $(ACC'A')$
- mặt phẳng  $(BDD'B')$ .

**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Biết khoảng cách giữa  $AC$  và  $SB$  bằng  $a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .



A.  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .

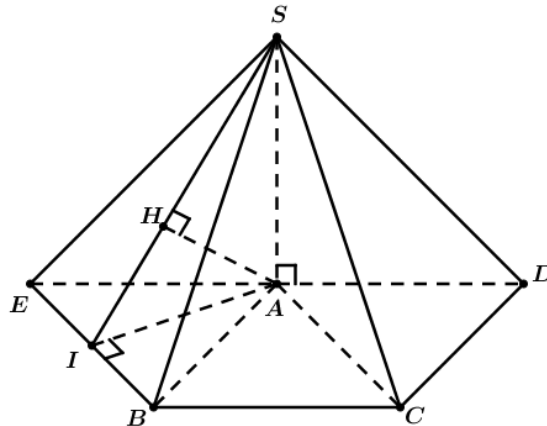
B.  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .

C.  $\sqrt{2}a^3$ .

D.  $\frac{3a^3}{\sqrt{2}}$ .

Lời giải

Chọn B



Dựng điểm E sao cho ACBE là hình bình hành.

Khi đó:  $AC // EB \Rightarrow AC // (SBE) \Rightarrow d(AC, SB) = d(AC, (SBE)) = d(A, (SBE))$ .

Kẻ  $AI \perp EB (I \in EB)$ , kẻ  $AH \perp SI (H \in SI) \Rightarrow d(A, (SEB)) = AH = a$ .

Tam giác A vuông tại A.

Ta có  $\frac{1}{AI^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AE^2} = \frac{1}{4a^2} + \frac{1}{4a^2} = \frac{1}{2a^2}$ .

Xét  $\triangle SAI$ , ta có:  $\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AI^2} \Leftrightarrow \frac{1}{a^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{2a^2} \Leftrightarrow \frac{1}{SA^2} = \frac{1}{2a^2} \Rightarrow SA = a\sqrt{2}$ .

Vậy thể tích của tích khối chóp S.ABCD là  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a\sqrt{2} \cdot 4a^2 = \frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thang vuông tại A và D;  $AB = AD = 2a$ ,  $BC = a\sqrt{5}$ ,  $CD = a$ , góc giữa hai mặt phẳng (SBC) và (ABCD) bằng  $60^\circ$ . Gọi I là trung điểm cạnh AD. Biết hai mặt phẳng (SBI) và (SCI) cùng vuông góc với mặt phẳng (ABCD). Tính thể tích khối chóp S.ABCD.

A.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{5}$ .

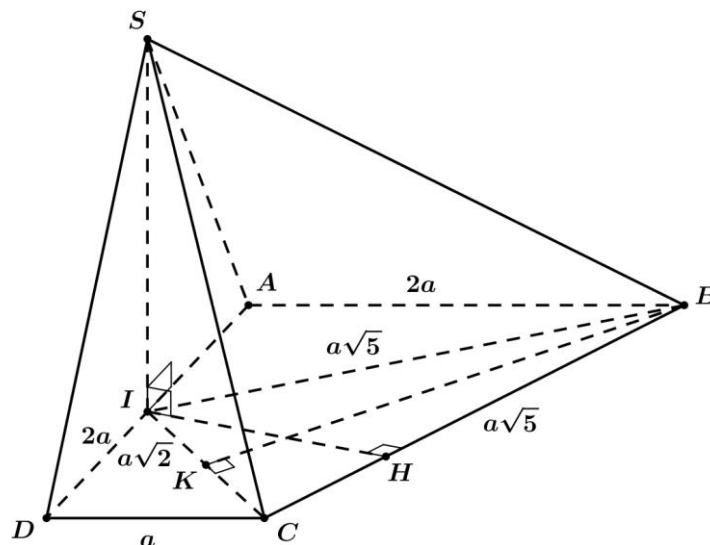
B.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{5}$ .

C.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{15}$ .

D.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{15}$ .

Lời giải

Chọn A



Do  $(SBI) \perp (ABCD)$  và  $(SCI) \perp (ABCD)$  nên  $SI \perp (ABCD)$ .



Ta có  $IB = \sqrt{AB^2 + AI^2} = a\sqrt{5}$ ,  $CI = \sqrt{CD^2 + DI^2} = a\sqrt{2}$ , suy ra tam giác  $BCI$  cân tại  $B$ .

Gọi  $K$  là trung điểm của  $CI$ ,  $BK = \sqrt{BC^2 - CK^2} = \sqrt{(a\sqrt{5})^2 - \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{3a\sqrt{2}}{2}$ ,  $S_{\Delta BCI} = \frac{1}{2}BK.CI = \frac{3a^2}{2}$ .

Kẻ  $IH \perp BC \Rightarrow BC \perp SH$  nên góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABCD)$  là góc  $SHI$ .

Mà  $S_{\Delta BCI} = \frac{1}{2}IH.BC \Rightarrow IH = \frac{2S_{\Delta BCI}}{BC} = \frac{3a}{\sqrt{5}}$ ,  $SI = IH \cdot \tan 60^\circ = \frac{3a}{\sqrt{5}} \cdot \sqrt{3} = \frac{3a\sqrt{15}}{5}$ .

Vậy  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3}SI.S_{ABCD} = \frac{1}{3} \frac{3a\sqrt{15}}{5} \frac{a+2a}{2} \cdot 2a = \frac{3a^3\sqrt{15}}{5}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu đạo hàm như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$5$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .      B.  $(-1; 0)$ .      C.  $(1; 5)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có  $y' = 3f'(x+3) - 3x^2 + 12 = 3[f'(x+3) + (4 - x^2)]$

Từ bảng xét dấu của  $f'(x)$  ta có  $f'(x+3) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x+3 < 1 \\ 5 < x+3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -4 < x < -2 \\ x > 2 \end{cases}$ ;

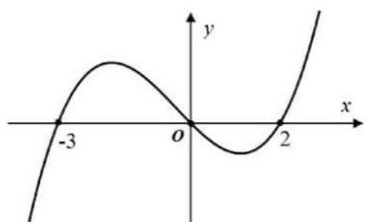
$$f'(x+3) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = -4 \\ x = \pm 2 \end{cases}$$

Suy ra bảng xét dấu  $y'$  như sau

$x$	$-\infty$	$-4$	$-2$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x+3)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$4 - x^2$		$-$	$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$
$y'$		<b>Chưa xđ</b>	$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$

Vậy hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  và  $(-4; -2)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị của đạo hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ bên. Hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2) + 3f(2 - 2x) + 1$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



A. (0;1).

B. (-2;-1).

C. (1;2).

D. (-1;0).

Lời giải

Chọn D

Ta có:  $g'(x) = 2xf'(x^2 - 2) - 6f'(2 - 2x) = k(x) + q(x)$ 

Đặt

$$k(x) = 2xf'(x^2 - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 - 2 = -3 \\ x^2 - 2 = 0 \\ x^2 - 2 = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \\ x = \pm 2 \end{cases}$$

Đặt

$$q(x) = -6f'(2 - 2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2 - 2x = -3 \\ 2 - 2x = 0 \\ 2 - 2x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{2} \\ x = 1 \\ x = 0 \end{cases}$$

Ta có bảng xét dấu

$x$	$-\infty$	$-2$	$-\sqrt{2}$	$0$	$1$	$\sqrt{2}$	$2$	$\frac{5}{2}$	$+\infty$				
$k(x)$	-	0	+	0	-	0	+	+	0	-	0	+	+
$q(x)$	-	-	-	0	+	0	-	-	-	-	0	+	+
$g'(x)$	-	-	-	-	+	-	-	-	-	-	0	+	+

Suy ra hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2) + 3f(2 - 2x) + 1$  nghịch biến trên khoảng  $(-1; 0)$ .

**Câu 41.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx - 2}{m - 2x}$  nghịch biến trên khoảng  $\left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .

A.  $-2 < m \leq 1$ .B.  $-2 < m < 2$ .C.  $-2 \leq m \leq 2$ .D.  $m > 2$ .

Lời giải

Chọn A

Để hàm số  $y = \frac{mx - 2}{-2x + m}$  nghịch biến trên khoảng  $\left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$  khi và chỉ khi

$$\begin{cases} \frac{m}{2} \leq \frac{1}{2} \\ m^2 - 4 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq 1 \\ -2 < m < 2 \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m \leq 1.$$

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số

$y = \frac{1}{3}x^3 - (2m-1)x^2 + (m^2 - m + 7)x + m - 5$  có hai điểm cực trị là độ dài hai cạnh góc vuông của một tam giác vuông có cạnh huyền bằng  $\sqrt{74}$ .

A.  $m = 3$ .

B.  $\begin{cases} m = -3 \\ m = 2 \end{cases}$ .

C.  $m = 2$ .

D.  $\begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

$$y = \frac{1}{3}x^3 - (2m-1)x^2 + (m^2 - m + 7)x + m - 5 \Rightarrow y' = x^2 - 2(2m-1)x + m^2 - m + 7.$$

+) Hàm số có hai điểm cực trị là độ dài hai cạnh của một tam giác vuông thì  $y'$  có 2 nghiệm dương phân

$$\text{biệt} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = (2m-1)^2 - (m^2 - m + 7) > 0 \\ 2m-1 > 0 \\ m^2 - m + 7 > 0 \end{cases} \quad (*)$$

+) Khi đó, gọi  $x_1, x_2$  là 2 điểm cực trị của hàm số thì  $x_1, x_2$  là hai nghiệm của  $y' \Rightarrow \begin{cases} x_1 + x_2 = 2(2m-1) \\ x_1 \cdot x_2 = m^2 - m + 7 \end{cases}$

Theo giả thiết ta có  $x_1^2 + x_2^2 = 74 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = 74 \Leftrightarrow 4(2m-1)^2 - 2(m^2 - m + 7) = 74$

$$\Leftrightarrow 14m^2 - 14m - 84 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}$$

Thử vào (\*)  $\Rightarrow m = 3$ .

**Câu 43.** Cho hình thang cân có độ dài đáy nhỏ và hai cạnh bên đều bằng 1 mét. Khi đó hình thang đã cho có diện tích lớn nhất bằng?

A.  $3\sqrt{3}(m^2)$ .

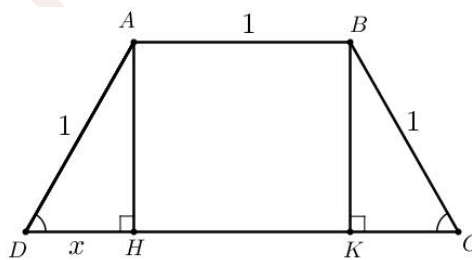
B.  $\frac{3\sqrt{3}}{2}(m^2)$ .

C.  $\frac{3\sqrt{3}}{4}(m^2)$ .

D.  $1(m^2)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**



Kẻ  $AH \perp CD, BK \perp CD \Rightarrow ABKH$  là hình chữ nhật  $\Rightarrow AB = HK = 1(m)$ .

Đặt  $DH = x$ . Khi đó  $AH = \sqrt{1-x^2} (0 < x < 1)$ .

Vì  $ABCD$  là hình thang cân nên  $\triangle ADH = \triangle BCK$  (cạnh huyền – góc nhọn)

$$\Rightarrow DH = CK = x \Rightarrow CD = DH + HK + CK = 2x + 1.$$

$$\text{Ta có } S_{ABCD} = \frac{(AB+CD) \cdot AH}{2} = \frac{(1+2x+1)\sqrt{1-x^2}}{2} = (x+1)\sqrt{1-x^2}.$$

Xét hàm số  $f(x) = (x+1)\sqrt{1-x^2} (0 < x < 1)$ , ta có

$$f'(x) = \sqrt{1-x^2} - \frac{2x(x+1)}{2\sqrt{1-x^2}} = \frac{-2x^2-x+1}{\sqrt{1-x^2}}, f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2}(n) \\ x = -1(l) \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	0	$\frac{1}{2}$	1
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$		$\frac{3\sqrt{3}}{4}$	

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy  $f(x) \leq f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3\sqrt{3}}{4}$ .

Vậy diện tích lớn nhất của hình thang ABCD là  $\frac{3\sqrt{3}}{4}(m^2)$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	-1	1	2	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$		$+\infty$		5	
		-3		$-\infty$		2

Số đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020}{f(x)-3}$ .

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

**Chọn D**

Dựa vào bảng biến thiên ta có:

$$\text{Phương trình } f(x) - 3 = 0 \Leftrightarrow f(x) = 3 \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \in (-\infty; -1) \\ x = b \in (-1; 1) \\ x = c \in (1; 2) \\ x = d \in (2; +\infty) \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow a^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{2020}{f(x)-3} = -\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = a \text{ là đường tiệm cận đứng. } \lim_{x \rightarrow b^+} g(x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow b^+} \frac{2020}{f(x)-3} = +\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = b \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

$$\lim_{x \rightarrow c^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow c^+} \frac{2020}{f(x)-3} = +\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = c \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

$$\lim_{x \rightarrow d^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow d^+} \frac{2020}{f(x)-3} = -\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = d \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

Vậy đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020}{f(x)-3}$  có 4 đường tiệm cận đứng.

**Câu 45.** Tìm tất cả giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $(d): y = mx - m - 1$  cắt đồ thị  $(C): y = x^3 - 3x^2 + 1$  tại 3 điểm A, B, C phân biệt (B thuộc đoạn AC), sao cho tam giác AOC cân tại O (với O là gốc toạ độ).

A.  $m = -1$ .

B.  $m = 1$ .

C.  $m = 2$ .

D.  $m = -2$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

**Cách 1:**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của đường thẳng  $(d)$  và đường cong  $(C): x^3 - 3x^2 + 1 = mx - m - 1$

$$m - 1 \Leftrightarrow (x - 1)(x^2 - 2x - 2 - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - 2 - m = 0(*) \end{cases}$$

$(d)$  cắt  $(C)$  tại 3 điểm phân biệt A, B, C  $\Leftrightarrow (*)$  có hai nghiệm phân biệt khác 1.

$(*) \Leftrightarrow (x - 1)^2 = m + 3$  có hai nghiệm phân biệt khác 1 khi và chỉ khi  $m > -3$ .

Khi đó  $(*)$  có hai nghiệm  $x_1 = 1 - \sqrt{m + 3}, x_2 = 1 + \sqrt{m + 3}$  thỏa  $x_1 < 1 < x_2$ .

Không mất tính tổng quát, gọi  $A(1 - \sqrt{m+3}; -m\sqrt{m+3} - 1)$ ,  $B(1; -1)$ ,  $C(1 + \sqrt{m+3}; m\sqrt{m+3} - 1)$ .

Tam giác  $AOC$  cân tại  $O \Leftrightarrow OA = OC \Leftrightarrow OA^2 = OC^2$

$$\Leftrightarrow (1 - \sqrt{m+3})^2 + (-m\sqrt{m+3} - 1)^2 = (1 + \sqrt{m+3})^2 + (m\sqrt{m+3} - 1)^2$$

$$\Leftrightarrow 4\sqrt{m+3} - 4m\sqrt{m+3} = 0 \Leftrightarrow 4(m-1)\sqrt{m+3} = 0 \Leftrightarrow m = 1.$$

Với  $m = 1$  thỏa mãn điều kiện tồn tại các điểm  $A, B, C$  và khi đó đường thẳng  $(d): y = x - 2$  không đi qua gốc tọa độ  $O$  nên  $A, O, C$  tạo thành tam giác cân. Vậy  $m = 1$  là giá trị cần tìm.

**Cách 2:**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của đường thẳng  $(d)$  và đường cong  $(C): x^3 - 3x^2 + 1 = mx - m - 1 \Leftrightarrow (x-1)(x^2 - 2x - 2 - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - 2 - m = 0(*) \end{cases}$ .

$(d)$  cắt  $(C)$  tại 3 điểm phân biệt  $A, B, C \Leftrightarrow (*)$  có hai nghiệm phân biệt khác 1.

$(*) \Leftrightarrow (x-1)^2 = m+3$  có hai nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  khác 1 khi và chỉ khi  $m > -3$ .

Xét  $x^2 - 2x - 2 - m = 0 (*)$

Theo Viet:  $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1 x_2 = -m - 2 \end{cases}$

Khi đó:  $A(x_1; mx_1 - m - 1), B(x_2; mx_2 - m - 1)$ .

Cần có:  $OA^2 = OB^2$

$$\begin{aligned} &\Leftrightarrow x_1^2 + (mx_1 - m - 1)^2 = x_2^2 + (mx_2 - m - 1)^2 \\ &\Leftrightarrow (x_1 - x_2)[(x_1 + x_2) + m[m(x_1 + x_2) - 2m - 2]] = 0 \\ &\Leftrightarrow [(x_1 + x_2) + m[m(x_1 + x_2) - 2m - 2]] = 0 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow 2 + m(2m - 2m - 2) = 0 \Leftrightarrow m = 1.$$

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$1$		$-2$		$+\infty$

Phương trình  $f(f(x)) = 0$  có nhiều nhất bao nhiêu nghiệm?

A. 3.

B. 4.

C. 5.

D. 6.

Lời giải

**Chọn C**

Ta có:  $f(f(x)) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = x_1 & (x_1 < -3) \\ f(x) = x_2 & (-3 < x_2 < 2) \\ f(x) = x_3 & (x_3 > 2) \end{cases}$

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$1$		$-2$		$+\infty$

Đường thẳng  $y = 0$  cắt đồ thị tại các điểm  $x_1, x_2, x_3$ .

Dựa vào bảng biến thiên

+ Trường hợp 1:  $f(x) = x_1 (x_1 < -3)$  có 1 nghiệm.

+ Trường hợp 2:  $f(x) = x_2$  ( $-3 < x_2 < 2$ ) có nhiều nhất 3 nghiệm.

+ Trường hợp 3:  $f(x) = x_3$  ( $x_3 > 2$ ) có 1 nghiệm.

Vậy phương trình  $f(f(x)) = 0$  có nhiều nhất 5 nghiệm.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  đáy là hình bình hành. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SC$ .

Mặt phẳng  $(BMN)$  cắt  $SD$  tại  $P$ . Tỉ số  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}}$  bằng:

A.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{16}$ .

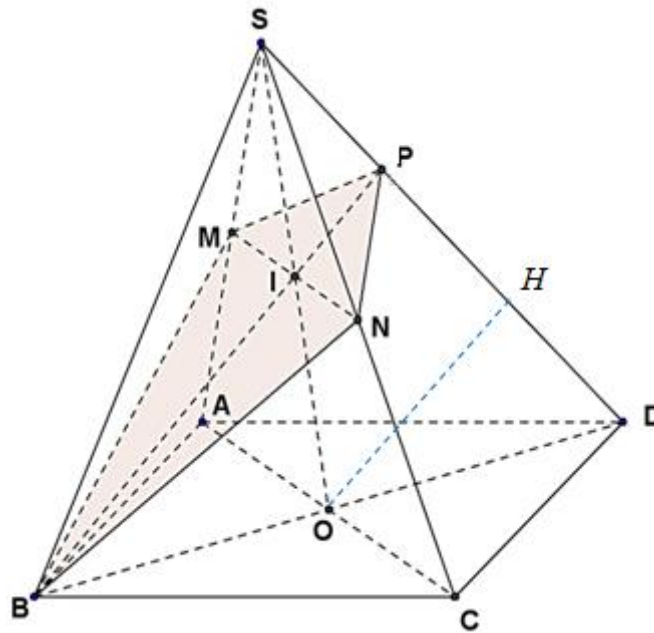
B.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{6}$ .

C.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{12}$ .

D.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{8}$ .

Lời giải

Chọn B



Ta có  $M, N$  là trung điểm của  $SA, SC$  nên  $\frac{SM}{SA} = \frac{SN}{SC} = \frac{1}{2}$ .

**Cách 1:** Áp dụng định lý Menelaus cho  $\Delta SOD$  ta có :

$$\frac{PS}{PD} \cdot \frac{BD}{BO} \cdot \frac{IO}{IS} = 1 \Rightarrow \frac{PS}{PD} \cdot 2 \cdot 1 = 1 \Rightarrow \frac{PS}{PD} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{SP}{SD} = \frac{1}{3}$$

**Cách 2:** Kẻ  $OH \parallel BP$ , ta có  $O$  là trung điểm của  $BD$  nên  $H$  là trung điểm của  $PD$ .

Ta có  $OH \parallel IP$  mà  $I$  là trung điểm của  $SO$  nên  $P$  là trung điểm của  $SH$ .

Suy ra  $SP = PH = HD \Rightarrow \frac{SP}{SD} = \frac{1}{3}$ .

Theo công thức tỉ số thể tích ta có :  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{2V_{S.BMP}}{2V_{S.BAD}} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SP}{SD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$ .

**Câu 48.** Cho hình hộp đứng  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , đường thẳng  $DB_1$  tạo với mặt phẳng  $(BCC_1B_1)$  góc  $30^\circ$ . Tính thể tích khối hộp  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ .

A.  $a^3\sqrt{3}$ .

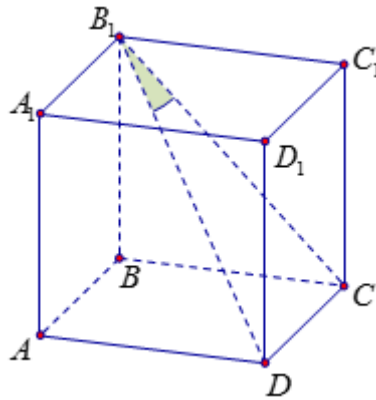
B.  $a^3\sqrt{2}$ .

C.  $a^3$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

Lời giải

Chọn B



Ta có  $DC \perp (BCC_1B_1)$  suy ra hình chiếu của  $DB_1$  lên  $(BCC_1B_1)$  là  $CB_1$

$$\Rightarrow (DB_1, (BCC_1B_1)) = (DB_1, CB_1) = \angle DB_1C = 30^\circ$$

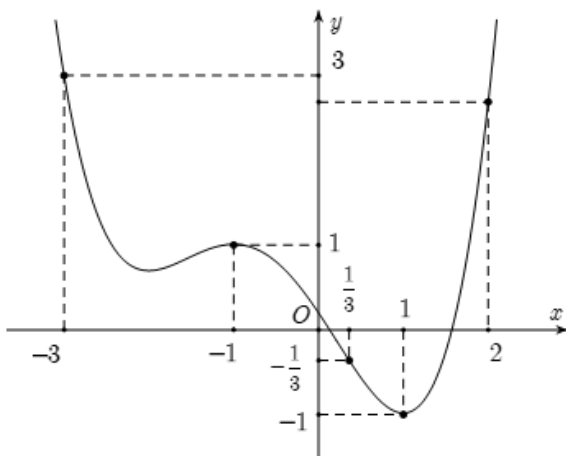
Xét  $\triangle DB_1C$  vuông ở  $C$  có  $\tan \angle DB_1C = \frac{DC}{B_1C} \Leftrightarrow \tan 30^\circ = \frac{a}{B_1C} \Rightarrow B_1C = a\sqrt{3}$

Xét  $\triangle B_1BC$  vuông ở  $B$  có  $BB_1 = \sqrt{B_1C^2 - BC^2} = \sqrt{3a^2 - a^2} = a\sqrt{2}$

Thể tích khối hộp  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$  là  $V = BB_1 \cdot S_{ABCD} = a\sqrt{2} \cdot a^2 = a^3\sqrt{2}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số

$$g(x) = 2f\left(\frac{5 \sin x - 1}{2}\right) + \frac{(5 \sin x - 1)^2}{4} + 3 \text{ có bao nhiêu điểm cực trị trên khoảng } (0; 2\pi)?$$



A. 9.

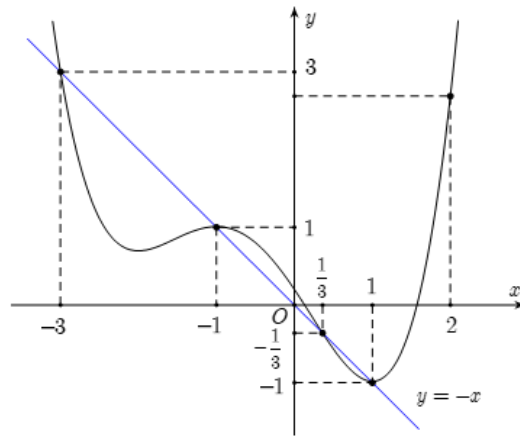
B. 7.

C. 6.

D. 8.

Lời giải

Chọn B



Ta có  $g(x) = 2f\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right)^2 + 3$

$$g'(x) = \frac{5\cos x}{2} \left[ 2f'\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + 2 \cdot \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) \right] = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \\ 2f'\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + 2 \cdot \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) = 0 \end{cases}$$

Đặt  $t = \frac{5\sin x - 1}{2}$  vì  $x \in (0; 2\pi) \Rightarrow t \in [-3; 2]$

Khi đó:  $2f'\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + 2 \cdot \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) = 0$  thành  $f'(t) = -t \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t = \frac{1}{3} \\ t = -1 \\ t = -3 \end{cases}$

□ Với  $t = 1 \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = 1 \Leftrightarrow \sin x = \frac{3}{5} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha_1 \in (0; 2\pi) \\ x = \alpha_2 \in (0; 2\pi) \end{cases}$

□ Với  $t = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \sin x = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha_3 \in (0; 2\pi) \\ x = \alpha_4 \in (0; 2\pi) \end{cases}$

□ Với  $t = -1 \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = -1 \Leftrightarrow \sin x = -\frac{1}{5} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha_5 \in (0; 2\pi) \\ x = \alpha_6 \in (0; 2\pi) \end{cases}$

□ Với  $t = -3 \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = -3 \Leftrightarrow \sin x = -1 \Leftrightarrow x = \frac{3\pi}{2} \in (0; 2\pi)$

□  $\cos x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} \in (0; 2\pi) \\ x = \frac{3\pi}{2} \in (0; 2\pi) \end{cases}$

Vì  $x = \frac{3\pi}{2}$  là nghiệm kép nên không là điểm cực trị của hàm số  $y = g(x)$ .

Vậy hàm số  $y = g(x)$  có 7 điểm cực trị trên khoảng  $(0; 2\pi)$ .

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 2x^3 + m$  ( $m$  là tham số thực). Tìm tổng tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10$ .

A. 4.

B. -3.

C. 1.

D. 2.



## Lời giải

## Chọn C

Ta xét  $f(x) = x^4 - 2x^3 + m$  liên tục trên đoạn  $[0; 1]$ ,  $f'(x) = 4x^3 - 6x^2$ .

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \in [0; 1] \\ x = \frac{3}{2} \notin [0; 1] \end{cases}$$

$$f(0) = m; f(1) = m - 1.$$

Ta xét các trường hợp sau:

$$\text{-Nếu } m \leq 0 \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = 1 - m; \min_{[0;1]} |f(x)| = -m.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow (1 - m) + 2(-m) = 10 \Leftrightarrow m = -3 \text{ (thỏa điều kiện).}$$

$$\text{-Nếu } m \geq 1 \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = m; \min_{[0;1]} |f(x)| = m - 1.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow m + 2(m - 1) = 10 \Leftrightarrow m = 4 \text{ (thỏa điều kiện).}$$

$$\text{-Nếu } \frac{1}{2} \leq m < 1 \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = m; \min_{[0;1]} |f(x)| = 0.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow m = 10 \text{ (không thỏa điều kiện).}$$

$$\text{-Nếu } 0 < m < \frac{1}{2} \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = 1 - m; \min_{[0;1]} |f(x)| = 0.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow 1 - m = 10 \Leftrightarrow m = -9 \text{ (không thỏa điều kiện).}$$

Do đó có hai giá trị  $m = -3$  và  $m = 4$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Vậy tổng tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10$  là 1.

**ĐỀ 9**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (2 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- A.  $(-\infty; -1)$ . B.  $(-\infty; -1]$ . C.  $(-\infty; 2)$ . D.  $(-\infty; 2]$ .

**Câu 2.** [Mức độ 1] Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên dưới.

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$
$y'$			+	-
$y$			$+\infty$	$0$

Đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có phương trình là

- A.  $y = 1$ . B.  $y = -1$ . C.  $y = -2$ . D.  $y = 0$ .

**Câu 3.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+4}{x+m}$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 7)$  là

- A.  $(4; 7)$ . B.  $(4; +\infty)$ . C.  $(-\infty; 4)$ . D.  $(-\infty; 7]$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+1)(x-4)^3$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

- A. 2. B. 3. C. 4. D. 1.

**Câu 5.** Cho khối chóp tam giác đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $5\text{cm}$  và cạnh bên  $10\text{cm}$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $V = \frac{75\sqrt{11}}{12}$ . B.  $V = \frac{25\sqrt{11}}{12}$ . C.  $V = \frac{125\sqrt{12}}{11}$ . D.  $V = \frac{125\sqrt{11}}{12}$ .

**Câu 6.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{\sqrt{4x^2-1}}$  có bao nhiêu đường tiệm cận ngang?

- A. 3. B. 4. C. 2. D. 1.

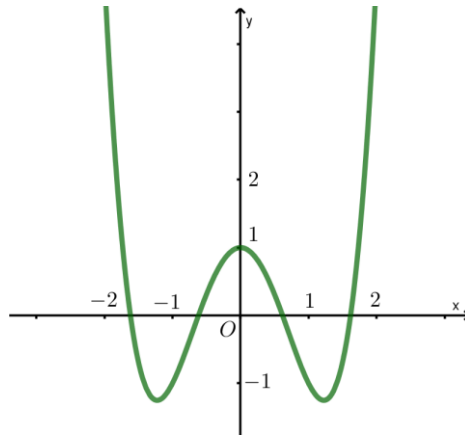
**Câu 7.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 33x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

- A. 72. B.  $-22\sqrt{11}$ . C.  $22\sqrt{11}$ . D.  $-58$ .

**Câu 8.** Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh đều bằng  $2a$ .

- A.  $V = \frac{4a^3\sqrt{3}}{3}$ . B.  $V = 4a^3\sqrt{3}$ . C.  $V = 2a^3\sqrt{3}$ . D.  $V = \frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 9.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



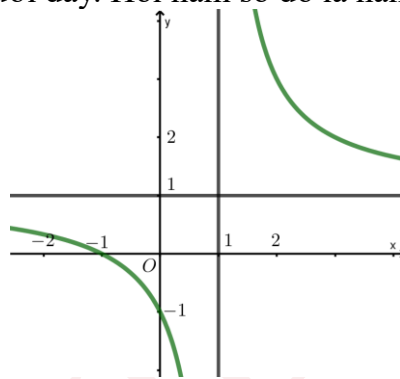
A.  $y = x^4 - 3x^2 - 1.$

B.  $y = x^3 - 2x^2 + 1.$

C.  $y = x^4 - 3x^2 + 1.$

D.  $y = -x^3 + 3x - 1.$

**Câu 10.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



A.  $y = \frac{x+3}{1-x}.$

B.  $y = \frac{x+1}{x-1}.$

C.  $y = \frac{x+2}{x+1}.$

D.  $y = \frac{2x+1}{2x-1}.$

**Câu 11.** Tìm giá trị cực tiểu  $y_{CT}$  của hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3.$

A.  $y_{CT} = 0.$

B.  $y_{CT} = -1.$

C.  $y_{CT} = 3.$

D.  $y_{CT} = \sqrt{2}.$

**Câu 12.** Một vật chuyển động theo quy luật  $y = -t^3 + 6t^2$  với  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $s$  (mét) là quãng đường vật đi được trong thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

A.  $14(m/s).$

B.  $16(m/s).$

C.  $10(m/s).$

D.  $12(m/s).$

**Câu 13.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng xét dấu  $f'(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 1.

B. 0.

C. 2.

D. 3.

**Câu 14.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-3}{x-1}$  có các đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang lần lượt là các đường thẳng

A.  $x=2$  và  $y=1.$

B.  $x=1$  và  $y=-3.$

C.  $x=1$  và  $y=2.$

D.  $x=-1$  và  $y=2.$

- Câu 15.** Cho hàm số  $y = \frac{mx-2m-3}{x-m}$  với  $m$  là tham số. gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  để hàm số đồng biến trên các khoảng xác định. Tìm số phần tử của  $S$ .
- A. 4.                      B. 3.                      C. 2.                      D. 5.
- Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA \perp (ABCD)$ , góc giữa  $SD$  và mặt phẳng  $(SAB)$  bằng  $30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .
- A.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .                      B.  $V = \frac{a^3\sqrt{6}}{18}$ .                      C.  $V = a^3\sqrt{3}$ .                      D.  $V = \frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .
- Câu 17.** Cho hàm số  $y = (x-2)(x^2+mx+m^2-3)$ . Tìm điều kiện của tham số  $m$  để đồ thị hàm số đã cho cắt trục hoành tại ba điểm phân biệt.
- A.  $-1 \leq m \leq 2$ .                      B.  $\begin{cases} -2 < m < 2 \\ m \neq -1 \end{cases}$ .                      C.  $\begin{cases} -1 < m < 2 \\ m \neq 1 \end{cases}$ .                      D.  $-2 \leq m \leq 1$ .
- Câu 18.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = |x^3 - 3x^2 + m|$  trên đoạn  $[-2; 4]$  bằng 50. Tổng các phần tử của  $S$  là
- A. 36.                      B. 4.                      C. 140.                      D. 0.
- Câu 19.** Ông A dự định sử dụng hết  $6,5m^2$  kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)
- A.  $1,50m^3$ .                      B.  $1,33m^3$ .                      C.  $1,61m^3$ .                      D.  $2,26m^3$ .
- Câu 20.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = -x^3 + 1200x + 1$  trên khoảng  $(0; +\infty)$  bằng
- A. 16001.                      B. 16000.                      C. 160001.                      D. 1601.
- Câu 21.** Cho hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?
- A. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$   
 C. Hàm số nghịch biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; 1); (1; +\infty)$   
 D. Hàm số đồng biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; 1); (1; +\infty)$
- Câu 22.** Cho khối chóp tứ giác đều có cạnh đáy bằng 3 cm, cạnh bên gấp ba lần cạnh đáy. Tính  $V$  của khối chóp đã cho
- A.  $V = \frac{9\sqrt{34}}{2}$                       B.  $V = \frac{9\sqrt{17}}{4}$                       C.  $V = \frac{9\sqrt{17}}{2}$                       D.  $V = \frac{3\sqrt{34}}{2}$
- Câu 23.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh bằng 3 và  $A'A = 3\sqrt{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng:
- A.  $\frac{27}{4}$ .                      B.  $\frac{27}{2}$ .                      C.  $\frac{81}{2}$ .                      D.  $\frac{81}{4}$ .
- Câu 24.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  có hai điểm cực trị  $A$  và  $B$ . Điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $AB$ ?
- A.  $N(0; 4)$ .                      B.  $M(-1; 1)$ .                      C.  $Q(0; -1)$ .                      D.  $N(-1; -8)$ .
- Câu 25.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?
- A.  $y = -x^3 - 3x$ .                      B.  $y = \frac{x-1}{x-2}$ .                      C.  $y = x^3 + x$ .                      D.  $y = \frac{x+1}{x+3}$ .
- Câu 26.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 6$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

- A. 18.                                      B. 6.                                      C. 3.                                      D. 9.

**Câu 27.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $y = mx - m + 1$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + x + 2$  tại ba điểm A, B, C phân biệt  $AB = BC$ .

- A.  $m \in \left(-\frac{5}{4}; +\infty\right)$ .                                      B.  $m \in (-\infty; 0) \cup [4; +\infty)$ .  
 C.  $m \in (-2; +\infty)$ .                                      D.  $m \in \mathbb{R}$ .

**Câu 28.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau :

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$		+	0	-	0	-
$f(x)$	$-\infty$	↗ 2 ↘		↗ 2 ↘		$-\infty$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây ?

- A.  $(0; 1)$ .                                      B.  $(-1; 0)$ .                                      C.  $(-\infty; -1)$ .                                      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 29.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 7x$  với trục hoành là

- A. 0.                                      B. 1.                                      C. 3.                                      D. 2.

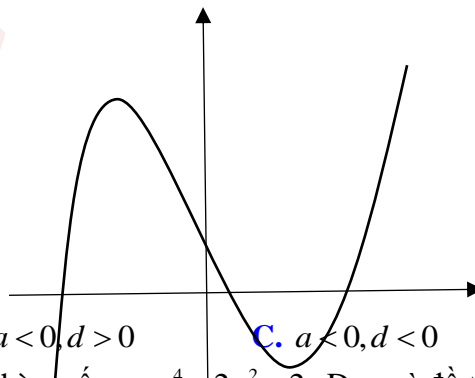
**Câu 30.** Tìm phương trình tiếp tuyến của đồ thị  $(C): y = \frac{2x+1}{x-1}$  tại điểm  $M(2; 5)$ .

- A.  $y = 3x - 11$ .                                      B.  $y = 3x + 11$ .                                      C.  $y = -3x + 11$ .                                      D.  $y = -3x - 11$ .

**Câu 31.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác cân,  $AB = AC = a\sqrt{2}$ ,  $\angle BAC = 120^\circ$ , mặt phẳng  $(AB'C')$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

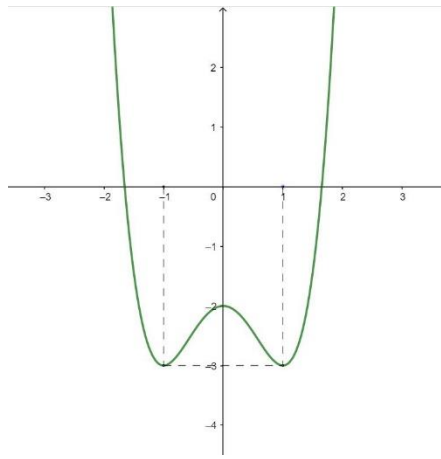
- A.  $V = \frac{3a^3\sqrt{2}}{4}$                                       B.  $V = \frac{a^3\sqrt{2}}{4}$                                       C.  $V = \frac{a^3}{4}$                                       D.  $V = \frac{3a^3}{4}$

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Khẳng định nào dưới đây đúng?



- A.  $a > 0, d > 0$                                       B.  $a < 0, d > 0$                                       C.  $a < 0, d < 0$                                       D.  $a < 0, d > 0$

**Câu 33.** Đồ thị dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ . Dựa và đồ thị bên dưới hãy tìm tất cả các số thực  $m$  sao cho phương trình  $-x^4 + 2x^2 + 2 + m = 0$  có đúng hai nghiệm thực.



- A.  $m < -3$ .                      B.  $m > -2 \vee m = -3$ .    C.  $m > -2$ .                      D.  $m = -3$ .

**Câu 34.** Tính thể tích khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ , biết  $AC' = 6\sqrt{3}$ .

- A.  $V = 18$ .                      B.  $V = 72$                       C.  $V = 648\sqrt{3}$ .                      D.  $V = 216$

**Câu 35.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = 2a$ ,  $BC = a\sqrt{3}$ , mặt phẳng  $(A'BC)$  hợp với mặt đáy  $(ABCD)$  một góc  $45^\circ$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  là

- A.  $V = \frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .                      B.  $V = 2a^3\sqrt{3}$ .                      C.  $V = \frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .                      D.  $V = 4a^3\sqrt{3}$

**Câu 36.** Tìm giá trị nguyên của tham số  $m$  để đồ thị của các hàm số  $y = x^3 + \frac{5}{4}x - 2$  và  $y = x^2 + x + m$  tiếp xúc nhau.

- A.  $m = -2$ .                      B.  $m = -3$ .                      C.  $m = 2$ .                      D.  $m = \frac{2}{3}$ .

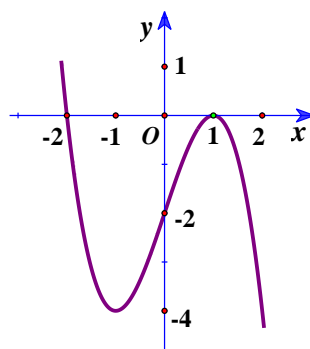
**Câu 37.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$		$1$		$-1$		$+\infty$

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$ ?

- A. 4.                                      B. 2.  
C. 1.                                      D. 3.

**Câu 38.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(-1;1)$ .                      B.  $(0;+\infty)$ .                      C.  $(-\infty;+\infty)$ .                      D.  $(-\infty;-1)$ .

**Câu 39.** Tìm điều kiện của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m^2 - 1)\frac{x^3}{3} - (m+1)x^2 + 3x + 5$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

- A.  $m \in (-\infty; -1) \cup (2; +\infty)$ .                      B.  $m \in (-\infty; -1] \cup [2; +\infty)$ .  
 C.  $m \in (-1; 2]$ .                      D.  $m \in [-1; 2]$ .

**Câu 40.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật,  $AB = a, AD = a\sqrt{3}, SA \perp (ABCD)$ , mặt phẳng  $(SBC)$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $V = a^3$ .                      B.  $V = \frac{a^3}{3}$ .                      C.  $V = 3a^3$ .                      D.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 41.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 9$  và chiều cao  $h = 5$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng:

- A. 90.                      B. 45.                      C. 14.                      D. 15.

**Câu 42.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh  $SA$  vuông góc với đáy và  $SC$  tạo với mặt đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .                      D.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 43.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có  $BB' = 2a$ , đáy  $ABC$  tam giác vuông cân tại  $B$  và  $AC = 4a$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho.

- A.  $V = 16a^3$ .                      B.  $V = \frac{8}{3}a^3$ .                      C.  $V = \frac{16}{3}a^3$ .                      D.  $V = 8a^3$ .

**Câu 44.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với đáy,  $SA = 10, AB = 12, BC = 20, CA = 16$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

- A. 960.                      B. 320.                      C. 600.                      D. 300.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$			$3$		$3$	
	$-\infty$			$-1$		$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

- A. 4.                      B. 3.                      C. 2.                      D. 1.

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau :

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$			$4$		$2$	
	$2$			$-5$		

Mệnh đề nào dưới đây **đúng** ?

- A. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .                      B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -5$ .  
 C. Hàm số có bốn điểm cực trị.                      D. Hàm số không có cực đại.

**Câu 47.** Cho khối lăng trụ tam giác  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $AC = 2$ ,  $AC'$  tạo với mặt phẳng  $(ABC)$  một góc  $60^\circ$  và  $AC' = 8\sqrt{3}$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

- A.**  $V = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ .                      **B.**  $V = 8$ .                      **C.**  $V = 4\sqrt{3}$ .                      **D.**  $V = 24$ .

**Câu 48.** Bảng biến thiên dưới đây là của hàm số nào?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$	$0$	$1$	$0$	$+\infty$

- A.**  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .                      **B.**  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .  
**C.**  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .                      **D.**  $y = -x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Câu 49.** Hàm số  $y = 2x^4 + x^2 - 5$  có bao nhiêu điểm cực trị?

- A.** 0.                      **B.** 3.                      **C.** 2.                      **D.** 1.

**Câu 50.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - m + 1)x + 1$  đạt cực đại tại điểm  $x = 1$ .

- A.**  $m = 4$ .                      **B.**  $m = 1$ .                      **C.**  $m = 0$ .                      **D.**  $m = 2$ .

-----**Hết**-----



**BẢNG ĐÁP ÁN**

1D	2D	3D	4D	5D	6C	7B	8C	9C	10 B	11 B	12 D	13 C	14 C	15 B
16 A	17 B	18 B	19 A	20 A	21 C	22 A	23 D	24 A	25 C	26 A	27 C	28 B	29 C	30 C
31 A	32 A	33 B	34 D	35 D	36 A	37 B	38 A	39 B	40 A	41 D	42 A	43 D	44 B	45 C
46 A	47 D	48 C	49 D	50 D										

**LỜI GIẢI**

**Câu 1.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + (2 - m)x$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- A.  $(-\infty; -1)$ .    B.  $(-\infty; -1]$ .    C.  $(-\infty; 2)$ .    **D.  $(-\infty; 2]$ .**

**Lời giải**

Ta có  $y' = 3x^2 - 6x + 2 - m$

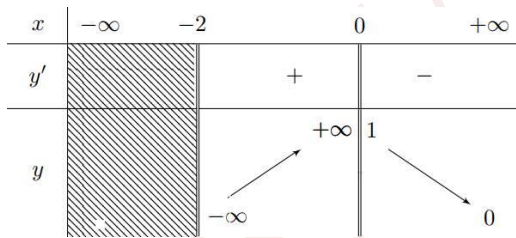
Yêu cầu đề bài  $\Leftrightarrow 3x^2 - 6x + 2 - m \geq 0, \forall x \in (2; +\infty)$

$\Leftrightarrow m \leq 3x^2 - 6x + 2, \forall x \in (2; +\infty) \Leftrightarrow m \leq [3(x-1)^2 - 1], \forall x \in (2; +\infty)$

$\Leftrightarrow m \leq \min_{(2; +\infty)} [3(x-1)^2 - 1] = 2.$

Vậy  $m \leq 2$  là giá trị cần tìm.

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ bên dưới.



Đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có phương trình là.

- A.  $y = 1$ .    B.  $y = -1$ .    C.  $y = -2$ .    **D.  $y = 0$ .**

**Lời giải**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 0 \Rightarrow$  đường thẳng  $y = 0$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

**Câu 3.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+4}{x+m}$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 7)$  là

- A.  $(4; 7)$ .    B.  $(4; +\infty)$ .    C.  $(-\infty; 4)$ .    **D.  $(-\infty; 7]$ .**

**Lời giải**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$

Ta có:  $y' = \frac{m-4}{(x+m)^2}$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 7)$  khi và chỉ khi: 
$$\begin{cases} m-4 < 0 \\ -m \in [7; +\infty) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m < 4 \\ -m \geq 7 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq -7.$$

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+1)(x-4)^3$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực đại của hàm số đã cho là

A. 2.

B. 3.

C. 4.

D. 1.

Lời giải

Cho  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x(x+1)(x-4)^3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \\ x = 4 \end{cases}$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$4$		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$+\infty$		$f(-1)$		$f(0)$		$f(4)$		$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy hàm số đã cho có một điểm cực đại.

**Câu 5.**

Cho khối chóp tam giác đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $5\text{cm}$  và cạnh bên  $10\text{cm}$ .

Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

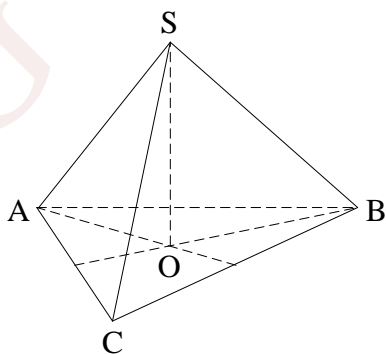
A.  $V = \frac{75\sqrt{11}}{12}$ .

B.  $V = \frac{25\sqrt{11}}{12}$ .

C.  $V = \frac{125\sqrt{12}}{11}$ .

D.  $V = \frac{125\sqrt{11}}{12}$ .

Lời giải



Gọi  $O$  là trọng tâm tam giác đều  $\Rightarrow SO \perp (ABC)$

tam giác  $ABC$  mà  $S.ABC$  là chóp

Ta có  $\Delta ABC$  đều cạnh  $5\text{cm} \Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{25\sqrt{3}}{4} (\text{cm}^2)$  và  $AO = \frac{5\sqrt{3}}{3}$ .

$\Delta SAO : O = 90^\circ \Rightarrow SO^2 = SA^2 - AO^2 = 10^2 - \left(\frac{5\sqrt{3}}{3}\right)^2 = \frac{275}{3} \Rightarrow SO = \frac{5\sqrt{33}}{3}$

$\Rightarrow V_{S.ABC} = \frac{1}{3} SO \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{25\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{5\sqrt{33}}{3} = \frac{125\sqrt{11}}{12}$

**Câu 6.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{\sqrt{4x^2-1}}$  có bao nhiêu đường tiệm cận ngang ?

A. 3.

B. 4.

C. 2.

D. 1.

Lời giải

$$\text{TXĐ: } D = \left(-\infty; -\frac{1}{2}\right) \cup \left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$$

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-2}{\sqrt{4x^2-1}} = \frac{1}{2}$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x-2}{\sqrt{4x^2-1}} = -\frac{1}{2}$  suy ra đồ thị hàm số có hai đường Tiệm Cận Ngang  $y = \frac{1}{2}$  và  $y = -\frac{1}{2}$ .

**Câu 7.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 33x$  trên đoạn  $[2; 19]$  bằng

A. 72.

B.  $-22\sqrt{11}$ .C.  $22\sqrt{11}$ .

D. -58.

Lời giải

Ta có:  $f'(x) = 3x^2 - 33 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sqrt{11} \\ x = -\sqrt{11} \end{cases}$ . Do  $x \in [2; 19]$  nên ta chỉ lấy nghiệm  $x = \sqrt{11}$ .

Ta lại có:

$$f(2) = -58$$

$$f(\sqrt{11}) = -22\sqrt{11}$$

$$f(19) = 6232$$

$$\Rightarrow \min_{[2; 19]} f(x) = -22\sqrt{11}.$$

**Câu 8.** Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ tam giác đều có tất cả các cạnh đều bằng  $2a$ .

A.  $V = \frac{4a^3\sqrt{3}}{3}$ .

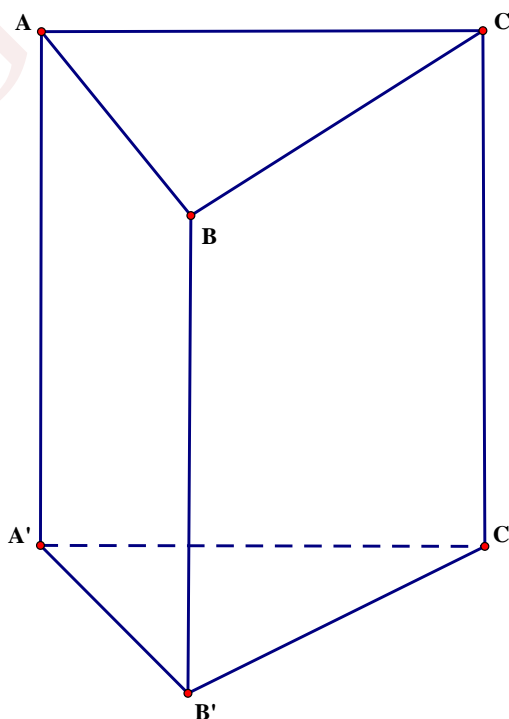
B.  $V = 4a^3\sqrt{3}$ .

C.  $V = 2a^3\sqrt{3}$ .

D.  $V = \frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .

Lời giải

Xét khối lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng  $2a$  như hình vẽ

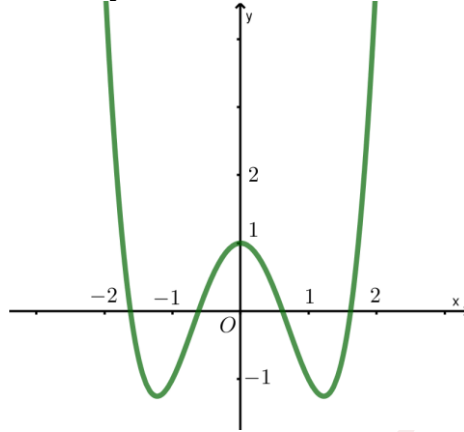


Ta có diện tích đáy của lăng trụ:  $S = \frac{1}{2} \cdot 2a \cdot 2a \cdot \sin 60^\circ = a^2 \sqrt{3}$ .

Chiều cao của khối lăng trụ:  $h = 2a$ .

Thể tích của khối lăng trụ là:  $V = h \cdot S = 2a \cdot a^2 \sqrt{3} = 2a^3 \sqrt{3}$ .

**Câu 9.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



A.  $y = x^4 - 3x^2 - 1$ .

B.  $y = x^3 - 2x^2 + 1$ .

**C.  $y = x^4 - 3x^2 + 1$ .**

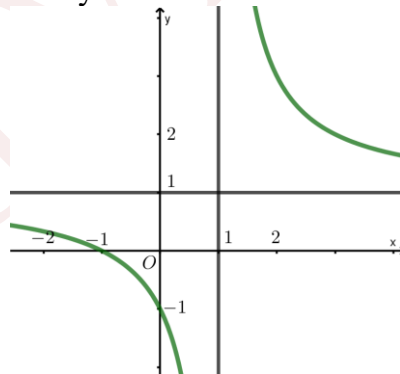
D.  $y = -x^3 + 3x - 1$ .

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị ta thấy:

- Đây là đồ thị của hàm số trùng phương
- Nhánh đầu tiên bên phải đi lên nên hệ số  $a > 0$ .
- Đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm  $I(0;1)$ .

**Câu 10.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



A.  $y = \frac{x+3}{1-x}$ .

**B.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .**

C.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .

D.  $y = \frac{2x+1}{2x-1}$ .

**Lời giải**

Dựa vào đồ thị ta thấy:

- Đây là đồ thị của hàm số phân thức  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ .
- Đồ thị có đường tiệm cận đứng  $x = 1$ , đường tiệm cận ngang  $y = 1$ .
- Đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tọa độ  $(0; -1)$ , cắt trục hoành tại điểm có tọa độ  $(-1; 0)$ .

**Câu 11.** Tìm giá trị cực tiểu  $y_{CT}$  của hàm số  $y = x^4 - 4x^2 + 3$ .

A.  $y_{CT} = 0$ .

**B.  $y_{CT} = -1$ .**

C.  $y_{CT} = 3$ .

D.  $y_{CT} = \sqrt{2}$ .

Lời giải

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

Ta có  $y' = 4x^3 - 8x$ . Xét  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \end{cases}$

Bảng biến thiên của hàm số:

<b>x</b>	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	<b>0</b>	$\sqrt{2}$	$+\infty$					
<b>y'</b>		-	<b>0</b>	+	-	<b>0</b>	+			
<b>y</b>	$+\infty$			<b>3</b>			<b>-1</b>			$+\infty$

Từ bảng biến thiên ta có giá trị cực tiểu của hàm số là  $y_{CT} = -1$ .

**Câu 12.** Một vật chuyển động theo quy luật  $y = -t^3 + 6t^2$  với  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $s$  (mét) là quãng đường vật đi được trong thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

A.  $14(m/s)$ .

B.  $16(m/s)$ .

C.  $10(m/s)$ .

**D.  $12(m/s)$ .**

Lời giải

Vận tốc của vật được tính bởi công thức:  $v(t) = y'(t) = -3t^2 + 12t$  với  $0 < t < 10$ .

Ta có  $v(t) = -3(t-2)^2 + 12 \leq 12$ . Dấu đẳng thức xảy ra khi  $t = 2$ .

Vậy trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng  $12(m/s)$  đạt được tại giây thứ 2 sau khi bắt đầu chuyển động.

**Câu 13.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng xét dấu  $f'(x)$  như sau:

<b>x</b>	$-\infty$	$-1$	<b>0</b>	$1$	$+\infty$			
<b>f'(x)</b>		+	<b>0</b>	-	<b>0</b>	-	<b>0</b>	+

Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 1.

B. 0.

**C. 2.**

D. 3.

Lời giải

Từ bảng xét dấu  $f'(x)$  ta thấy:  $f'(x)$  chỉ đổi dấu khi qua các nghiệm  $-1$  và  $1$ .

Vậy hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

**Câu 14.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-3}{x-1}$  có các đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang lần lượt là các đường thẳng

A.  $x = 2$  và  $y = 1$ .

B.  $x = 1$  và  $y = -3$ .

**C.  $x = 1$  và  $y = 2$ .**

D.  $x = -1$  và  $y = 2$ .

Lời giải

Phương trình đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số là:  $x = -\frac{d}{c} = 1$ .

Phương trình đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là:  $y = \frac{a}{c} = 2$ .

**Câu 15.** Cho hàm số  $y = \frac{mx-2m-3}{x-m}$  với  $m$  là tham số. gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của  $m$  để hàm số đồng biến trên các khoảng xác định. Tìm số phần tử của  $S$ .

A. 4.

B. 3.

C. 2.

D. 5.

Lời giải

Tập xác định :  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ .

$$\text{Ta có } y' = \frac{-m^2 + 2m + 3}{(x-m)^2}$$

Đề hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định thì  $y' > 0$ , với mọi  $x \neq m$ 

$$\Leftrightarrow -m^2 + 2m + 3 > 0 \Leftrightarrow -1 < m < 3.$$

Vì  $m$  nguyên nên ta được  $m \in \{0; 1; 2\}$ . Vậy tập hợp  $S$  có 3 phần tử.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA \perp (ABCD)$ , góc giữa  $SD$  và mặt phẳng  $(SAB)$  bằng  $30^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

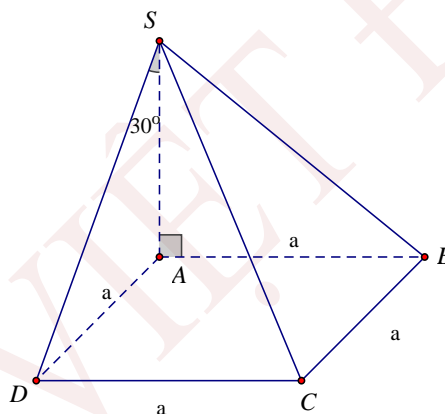
$$\text{A. } V = \frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$$

$$\text{B. } V = \frac{a^3 \sqrt{6}}{18}$$

$$\text{C. } V = a^3 \sqrt{3}$$

$$\text{D. } V = \frac{a^3 \sqrt{6}}{3}$$

Lời giải



$$\text{Ta có: } \begin{cases} DA \perp AB \\ DA \perp SA \\ AB, SA \subset (SAB) \\ AB \cap SA = A \end{cases} \Rightarrow DA \perp (SAB)$$

Khi đó  $SA$  là hình chiếu vuông góc của  $SD$  lên mặt phẳng  $(SAB)$ .

$$\Rightarrow (SD, (SAB)) = (SD, SA) = DSA = 30^\circ$$

$$\text{Suy ra: } SA = \frac{a}{\tan 30^\circ} = a\sqrt{3}$$

$$\text{Vậy } V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot a\sqrt{3} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$$

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = (x-2)(x^2 + mx + m^2 - 3)$ . Tìm điều kiện của tham số  $m$  để đồ thị hàm số đã cho cắt trục hoành tại ba điểm phân biệt.

A.  $-1 \leq m \leq 2$ .

$$\text{B. } \begin{cases} -2 < m < 2 \\ m \neq -1 \end{cases}$$

$$\text{C. } \begin{cases} -1 < m < 2 \\ m \neq 1 \end{cases}$$

D.  $-2 \leq m \leq 1$ .

Lời giải

$$\text{Xét phương trình hoành độ giao điểm: } (x-2)(x^2 + mx + m^2 - 3) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x^2 + mx + m^2 - 3 = 0 \quad (*) \end{cases}$$

Đồ thị hàm số đã cho cắt trục hoành tại ba điểm phân biệt khi và chỉ khi phương trình (\*) có 2 nghiệm phân biệt khác 2  $\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta = m^2 - 4(m^2 - 3) > 0 \\ 2^2 + 2m + m^2 - 3 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 12 - 3m^2 > 0 \\ m^2 + 2m + 1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2 < m < 2 \\ m \neq -1 \end{cases}$

**Câu 18.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = |x^3 - 3x^2 + m|$  trên đoạn  $[-2; 4]$  bằng 50. Tổng các phần tử của  $S$  là

A. 36.

B. 4.

C. 140.

D. 0.

**Lời giải**

Xét hàm số  $g(x) = x^3 - 3x^2 + m \Rightarrow g'(x) = 3x^2 - 6x$ .

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$$

Ta có  $g(-2) = m - 20$ ,  $g(0) = m$ ,  $g(2) = m - 4$ ,  $g(4) = m + 16$ .

$$\Rightarrow \begin{cases} \max_{[-2;4]} g(x) = m + 16 \\ \min_{[-2;4]} g(x) = m - 20 \end{cases} \Rightarrow \max_{[-2;4]} f(x) = \max\{|m + 16|; |m - 20|\} = \begin{cases} m + 16 \text{ khi } m \geq 2 \\ 20 - m \text{ khi } m < 2 \end{cases}$$

+ Với  $m \geq 2$ :  $\max_{[-2;4]} f(x) = 50 \Leftrightarrow m + 16 = 50 \Leftrightarrow m = 34$  (Thỏa mãn)

+ Với  $m < 2$ :  $\max_{[-2;4]} f(x) = 50 \Leftrightarrow 20 - m = 50 \Leftrightarrow m = -30$  (Thỏa mãn)

Vậy  $S = \{-30; 34\}$ . Tổng các phần tử của  $S$  là  $-30 + 34 = 4$ .

**Câu 19.** Ông A dự định sử dụng hết  $6,5m^2$  kính để làm một bể cá bằng kính có dạng hình hộp chữ nhật không nắp, chiều dài gấp đôi chiều rộng (các mối ghép có kích thước không đáng kể). Bể cá có dung tích lớn nhất bằng bao nhiêu (kết quả làm tròn đến hàng phần trăm)

A.  $1,50m^3$ .B.  $1,33m^3$ .C.  $1,61m^3$ .D.  $2,26m^3$ .**Lời giải**

Gọi  $a, b, c$  ( $a > 0, b > 0, c > 0$ ) lần lượt là chiều dài, chiều rộng và chiều cao của bể cá.

$$\text{Theo đề ta có: } \begin{cases} a = 2b \\ S = ab + 2bc + 2ac = 6,5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = 2b \\ 2b^2 + 2bc + 4bc = 6,5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2b \\ 2b^2 + 6bc = 6,5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = 2b \\ c = \frac{6,5 - 2b^2}{6b} \end{cases}$$

$$\text{Thể tích của bể cá: } V = abc = 2b^2 \cdot \frac{6,5 - 2b^2}{6b} = \frac{6,5b - 2b^3}{3}$$

$$V' = \frac{13}{6} - 2b^2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} b = \frac{\sqrt{39}}{6} \quad (N) \\ b = -\frac{\sqrt{39}}{6} \quad (L) \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$b$	0	$\frac{\sqrt{39}}{6}$	$+\infty$
$V'$	+	0	-
$V$		$\frac{13\sqrt{39}}{54} \approx 1,50$	

Vậy  $V_{\max} \approx 1,50$ .

- Câu 20.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = -x^3 + 1200x + 1$  trên khoảng  $(0; +\infty)$  bằng  
**A. 16001.**                      **B. 16000.**                      **C. 160001.**                      **D. 1601.**

**Lời giải**

$$f'(x) = -3x^2 + 1200 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 20 \text{ (N)} \\ x = -20 \text{ (L)} \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	0	20	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$		16001	

Vậy GTLN của  $f(x) = -x^3 + 1200x + 1$  trên khoảng  $(0; +\infty)$  bằng 16001.

- Câu 21.** Cho hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.** Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ .  
**B.** Hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$   
**C.** Hàm số nghịch biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; 1); (1; +\infty)$   
**D.** Hàm số đồng biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; 1); (1; +\infty)$

**Lời giải**

**Chọn C**

$$D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

$$\text{Ta có: } y' = \frac{-3}{(x-1)^2} < 0, \forall x \in D$$

Vậy hàm số nghịch biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; 1); (1; +\infty)$



**Câu 22.** Cho khối chóp tứ giác đều có cạnh đáy bằng 3 cm, cạnh bên gấp ba lần cạnh đáy. Tính  $V$  của khối chóp đã cho

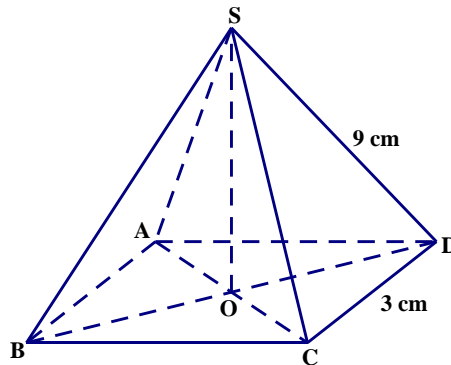
**A.**  $V = \frac{9\sqrt{34}}{2}$

**B.**  $V = \frac{9\sqrt{17}}{4}$

**C.**  $V = \frac{9\sqrt{17}}{2}$

**D.**  $V = \frac{3\sqrt{34}}{2}$

**Lời giải**



**Chọn A**

Ta có:  $OD = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2} \cdot CD = \frac{3\sqrt{2}}{2}$

$$SO = \sqrt{SD^2 - OD^2} = \frac{3\sqrt{34}}{2}$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot S_{ABCD} \cdot SO = \frac{1}{3} \cdot 3^2 \cdot \frac{3\sqrt{34}}{2} = \frac{9\sqrt{34}}{2}$$

**Câu 23.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh bằng 3 và  $AA' = 3\sqrt{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng:

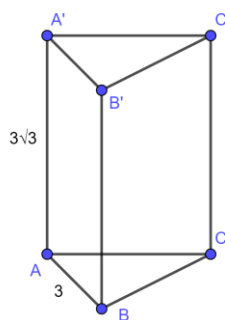
**A.**  $\frac{27}{4}$

**B.**  $\frac{27}{2}$

**C.**  $\frac{81}{2}$

**D.**  $\frac{81}{4}$

**Lời giải**



Diện tích của  $\Delta ABC$  là:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{3^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{9\sqrt{3}}{4}$$

Thể tích của khối lăng trụ là:

$$\begin{aligned} V_{ABC.A'B'C'} &= S_{\Delta ABC} \cdot AA' \\ &= \frac{9\sqrt{3}}{4} \cdot 3\sqrt{3} = \frac{81}{4} \end{aligned}$$

**Câu 24.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  có hai điểm cực trị  $A$  và  $B$ . Điểm nào dưới đây thuộc đường thẳng  $AB$ ?

**A.**  $N(0; 4)$ .

**B.**  $M(-1; 1)$ .

**C.**  $Q(0; -1)$ .

**D.**  $N(-1; -8)$ .

**Lời giải**

Ta có:  $y' = 3x^2 + 6x - 9$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -3 \end{cases}$$

+ Với  $x = 1 \Rightarrow y = -4$

+ Với  $x = -3 \Rightarrow y = 28$

Đồ thị hàm số có hai điểm cực trị là  $A(1; -4); B(-3; 28); \overline{AB}(-4; 32)$

Đường thẳng  $AB$  đi qua  $A$  nhận  $\vec{n}(32; 4)$  làm vector pháp tuyến nên có phương trình:

$$32(x-1) + 4(y+4) = 0 \Leftrightarrow 8x + y - 4 = 0 \Leftrightarrow y = -8x + 4$$

+ Với  $x = 0 \Rightarrow y = 4 \Rightarrow$  Điểm  $N(0; 4)$  thuộc đường thẳng  $AB$

**Câu 25.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

**A.**  $y = -x^3 - 3x$ .

**B.**  $y = \frac{x-1}{x-2}$ .

**C.**  $y = x^3 + x$ .

**D.**  $y = \frac{x+1}{x+3}$ .

**Lời giải**

Hàm phân thức  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{d}{c} \right\}$  nên hàm số đơn điệu trên từng

khoảng xác định  $\Rightarrow$  Loại đáp án B, D.

Loại đáp án A vì  $y' = -3x^2 - 3 < 0 \forall x \in \mathbb{R}$  nên hàm số luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Chọn đáp án C vì  $y' = 3x^2 + 1 > 0 \forall x \in \mathbb{R}$  nên hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 26.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B = 6$  và chiều cao  $h = 3$ . Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

**A.** 18.

**B.** 6.

**C.** 3.

**D.** 9.

**Lời giải**

Thể tích khối lăng trụ là:  $S = B.h = 6.3 = 18$ .

**Câu 27.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $y = mx - m + 1$  cắt đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + x + 2$  tại ba điểm A, B, C phân biệt  $AB = BC$ .

**A.**  $m \in \left( -\frac{5}{4}; +\infty \right)$ .

**B.**  $m \in (-\infty; 0) \cup [4; +\infty)$ .

**C.**  $m \in (-2; +\infty)$ .

**D.**  $m \in \mathbb{R}$ .

**Lời giải**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị (C):  $y = x^3 - 3x^2 + x + 2$  và đường thẳng  $d: y = mx - m + 1$

$$x^3 - 3x^2 + x + 2 = mx - m + 1 \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow (x-1)(x^2 - 2x - m - 1) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - m - 1 = 0 \end{cases} \quad (2)$$

Ta có:  $d$  cắt (C) tại 3 điểm phân biệt A, B, C  $\Leftrightarrow$  Phương trình (2) có 2 nghiệm phân biệt khác 1

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = 1 - (-m - 1) = m + 2 > 0 \\ 1 - 2 - m - 1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m > -2$$

Khi đó, phương trình (2) có 2 nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $\frac{x_1 + x_2}{2} = 1$  (Theo định lý Vi-ét)

Mà A, B, C thuộc đường thẳng d nên A, B, C có hoành độ lần lượt là  $x_1, 1, x_2$  thỏa mãn B là trung điểm của AC hay  $AB = BC$ .

Vậy với  $m > -2$  thỏa mãn yêu cầu của đề bài.

**Câu 28.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau :

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$			
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$-1$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$-\infty$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây ?

- A.  $(0; 1)$ .      **B.  $(-1; 0)$ .**      C.  $(-\infty; -1)$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải**

Ta có :  $f'(x) < 0, \forall x \in (-1; 0) \Rightarrow$  Hàm số nghịch biến trên  $(-1; 0)$ .

**Câu 29.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 7x$  với trục hoành là

- A. 0.      B. 1.      **C. 3.**      D. 2.

**Lời giải**

Phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 7x$  với trục hoành là  $-x^3 + 7x = 0$

$$\Leftrightarrow x(-x^2 + 7) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{7} \end{cases}$$

Vậy đồ thị hàm số  $y = -x^3 + 7x$  cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt.

**Câu 30.** Tìm phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C):  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  tại điểm  $M(2; 5)$ .

- B.  $y = 3x - 11$ .      B.  $y = 3x + 11$ .      **C.  $y = -3x + 11$ .**      D.  $y = -3x - 11$ .

**Lời giải**

Gọi (d) là tiếp tuyến cần tìm.

$$\text{Ta có } y' = \frac{-3}{(x-1)^2} \Rightarrow y'(2) = -3.$$

Khi đó (d) có dạng:  $y = y'(2) \cdot (x - 2) + 5$  hay  $y = -3(x - 2) + 5 \Rightarrow y = -3x + 11$ .

Vậy phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C) tại điểm  $M(2; 5)$  là  $y = -3x + 11$ .

**Câu 31.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác cân,  $AB = AC = a\sqrt{2}$ ,  $\angle BAC = 120^\circ$ , mặt phẳng  $(AB'C')$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích V của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

- A.  $V = \frac{3a^3\sqrt{2}}{4}$**       B.  $V = \frac{a^3\sqrt{2}}{4}$       C.  $V = \frac{a^3}{4}$       D.  $V = \frac{3a^3}{4}$

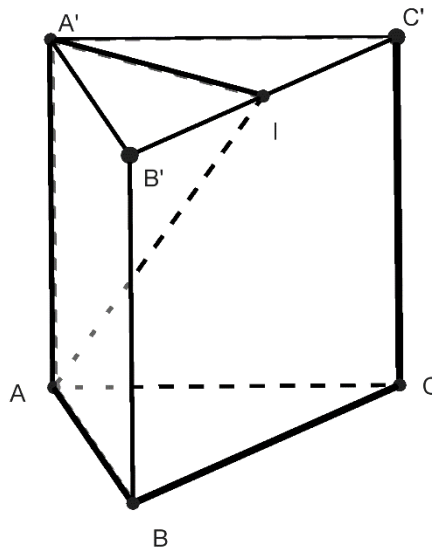
**Lời giải**

Gọi I là trung điểm  $B'C'$ .

Tam giác  $A'B'C'$  cân tại A' nên trung tuyến  $A'I$  đồng thời là đường cao, hay  $A'I \perp B'C'$ .

Ta có: 
$$\begin{cases} B'C' \perp A'I \\ B'C' \perp A'A \end{cases} \Rightarrow B'C' \perp (AA'I) \Rightarrow B'C' \perp AI;$$

Mặt khác: 
$$\begin{cases} (AB'C') \cap (A'B'C') = B'C' \\ AI \perp B'C' \\ A'I \perp B'C' \end{cases}$$



Nên góc giữa mặt phẳng  $(AB'C')$  và đáy là góc giữa  $AI$  và  $A'I$  hay  $\angle AIA'$  (do tam giác  $AA'I$  vuông tại  $A'$ ). Suy ra:  $\angle AIA' = 60^\circ$ .

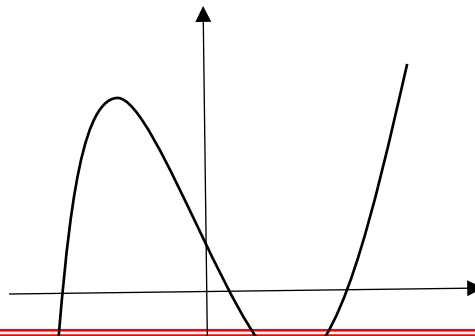
Ta có: 
$$\angle A'CI = \angle A'CB' = \frac{180^\circ - \angle B'A'C'}{2} = 30^\circ.$$

Xét tam giác  $A'IC'$  vuông tại  $I \Rightarrow A'I = A'C' \cdot \sin(A'CI) = a\sqrt{2} \cdot \sin 30^\circ = \frac{a\sqrt{2}}{2}$

Xét tam giác  $AA'I$  vuông tại  $A' \Rightarrow AA' = A'I \cdot \tan(A'IA) = \frac{a\sqrt{2}}{2} \cdot \tan 60^\circ = \frac{a\sqrt{6}}{2}$

Vậy: 
$$V_{ABC.A'B'C'} = AA' \cdot S_{ABC} = AA' \cdot \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AC \cdot \sin(BAC) = \frac{a\sqrt{6}}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot a\sqrt{2} \cdot a\sqrt{2} \cdot \sin 120^\circ = \frac{3\sqrt{2}a^3}{4}.$$

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ bên. Khẳng định nào dưới đây **đúng**?



**A.**  $a > 0, d > 0$

**B.**  $a < 0, d > 0$

**C.**  $a < 0, d < 0$

**D.**  $a < 0, d > 0$

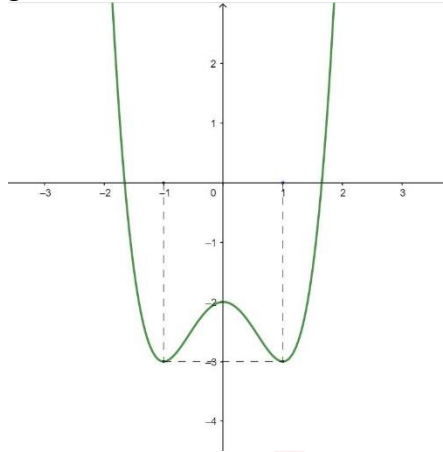
**Lời giải**

Dựa vào dạng đồ thị, suy ra:  $a > 0$ .

Xét giao điểm của đồ thị với trục tung:  $A(0, d)$ .

Dựa vào đồ thị ta thấy  $d > 0$ .

**Câu 33.** Đồ thị dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ . Dựa vào đồ thị bên dưới hãy tìm tất cả các số thực  $m$  sao cho phương trình  $-x^4 + 2x^2 + 2 + m = 0$  có đúng hai nghiệm thực.



**A.**  $m < -3$ .

**B.**  $m > -2\sqrt{m} = -3$

**C.**  $m > -2$ .

**D.**  $m = -3$ .

**Lời giải**

Ta có,  $-x^4 + 2x^2 + 2 + m = 0$  (1)  $\Leftrightarrow x^4 - 2x^2 - 2 = m$ . Ta nhận thấy, số nghiệm của phương trình (1) là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 2$  và đường thẳng  $y = m$ .

Từ đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 2$ , để phương trình (1) có đúng hai nghiệm thực thì  $m > -2\sqrt{m} = -3$ .

**Câu 34.** Tính thể tích khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ , biết  $AC' = 6\sqrt{3}$ .

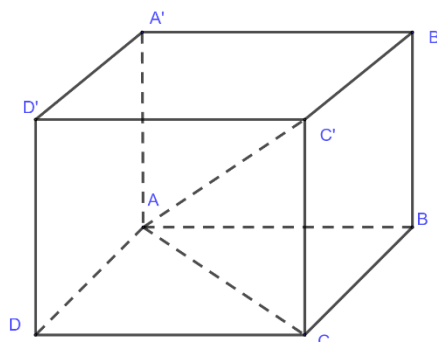
**A.**  $V = 18$ .

**B.**  $V = 72$

**C.**  $V = 648\sqrt{3}$ .

**D.**  $V = 216$

**Lời giải**



Gọi độ dài cạnh hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  là  $a$  ( $a > 0$ ).

Dựng  $AC$  ta có,  $AC = a\sqrt{2}$

Mặt khác,  $\Delta ACC'$  vuông tại  $C$ , nên  $AC' = \sqrt{CC'^2 + AC^2}$

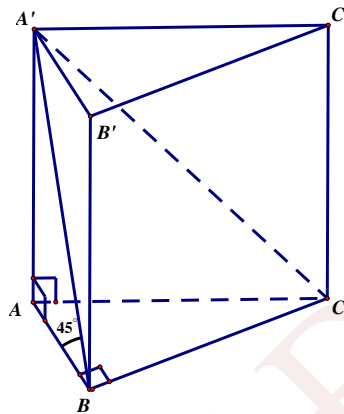
Hay,  $6\sqrt{3} = \sqrt{a^2 + (a\sqrt{2})^2} \Rightarrow a = 6$ .

Vậy thể tích khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  là  $V = 6^3 = 216$  (đvtt)

**Câu 35.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = 2a$ ,  $BC = a\sqrt{3}$ , mặt phẳng  $(A'BC)$  hợp với mặt đáy  $(ABCD)$  một góc  $45^\circ$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  là

- A.  $V = \frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .      B.  $V = 2a^3\sqrt{3}$ .      C.  $V = \frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .      **D.  $V = 4a^3\sqrt{3}$ .**

Lời giải



Khối lăng trụ đứng nên ta có  $AA'$  là đường cao.

$$\Rightarrow \left. \begin{array}{l} AA' \perp BC \\ AB \perp BC \end{array} \right\} \Rightarrow BC \perp A'B$$

$$\left. \begin{array}{l} (A'BC) \cap (ABC) = BC \\ A'B \perp BC \\ AB \perp BC \end{array} \right\}$$

$\Rightarrow$  góc giữa mặt phẳng  $(A'BC)$  và  $(ABC)$  bằng góc giữa  $A'B$  và  $AB$ .

Vì  $\Delta A'AB$  vuông tại  $A$  nên góc giữa  $A'B$  và  $AB$  bằng góc  $A'BA = 45^\circ$ .

$$\text{Có } \tan 45^\circ = \frac{AA'}{AB} \Rightarrow AA' = AB \cdot \tan 45^\circ = 2a.$$

$$\text{Diện tích tam giác } ABC \text{ là } S = \frac{1}{2} \cdot 2a \cdot a\sqrt{3} = a^2\sqrt{3}.$$

$$\text{Vậy thể tích khối lăng trụ là } V = a^2\sqrt{3} \cdot 2a = 2a^3\sqrt{3}.$$

**Câu 36.** Tìm giá trị nguyên của tham số  $m$  để đồ thị của các hàm số  $y = x^3 + \frac{5}{4}x - 2$  và  $y = x^2 + x + m$  tiếp xúc nhau.

- A.  $m = -2$ .**      B.  $m = -3$ .      C.  $m = 2$ .      D.  $m = \frac{2}{3}$ .

Lời giải

Xét hệ phương trình :

$$\begin{cases} x^3 + \frac{5}{4}x - 2 = x^2 + x + m \\ 3x^2 + \frac{5}{4} = 2x + 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - x^2 + \frac{1}{4}x - 2 = m \\ 3x^2 - 2x + \frac{1}{4} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - x^2 + \frac{1}{4}x - 2 = m \\ x = \frac{1}{2} \vee x = \frac{1}{6} \end{cases}$$

$$\text{Với } x = \frac{1}{2} \Rightarrow m = -2$$

Với  $x = \frac{1}{6} \Rightarrow m = -\frac{107}{54}$

Vì  $m$  nguyên nên chọn  $m = -2$ .

**Câu 37:** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$	↗ 1		↘ -1		↗ $+\infty$	

Có bao nhiêu số dương trong các số  $a, b, c, d$  ?

- A. 4.
- C. 1.

- B. 2.**
- D. 3.

**Lời giải**

$f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d \Rightarrow f'(x) = 3ax^2 + 2bx + c$ .

Vì  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty; \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$  nên  $a > 0$ .

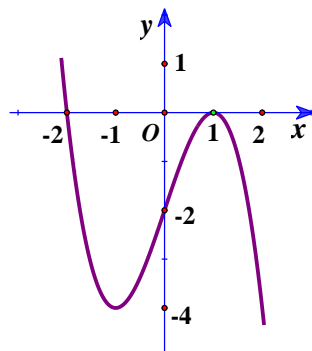
Vì  $f(0) = -1$  nên  $d = -1 < 0$ .

Vì  $x = 0, x = -2$  là hai điểm cực trị nên  $f'(x) = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  thỏa mãn

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{2b}{3a} < 0 \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{3a} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b > 0 \\ c = 0 \end{cases}$$

Vậy có 2 hệ số dương là  $a > 0$  và  $b > 0$ .

**Câu 38:** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(-1; 1)$ .**

- B.  $(0; +\infty)$ .

- C.  $(-\infty; +\infty)$ .

- D.  $(-\infty; -1)$ .

**Lời giải**

Hàm số đồng biến thì đồ thị là đường đi lên từ trái sang phải.

Dựa vào đồ thị suy ra hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

**Câu 39.** Tìm điều kiện của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m^2 - 1)\frac{x^3}{3} - (m + 1)x^2 + 3x + 5$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

- A.  $m \in (-\infty; -1) \cup (2; +\infty)$ .

- B.  $m \in (-\infty; -1] \cup [2; +\infty)$ .**

- C.  $m \in (-1; 2]$ .

- D.  $m \in [-1; 2]$ .

**Lời giải**

Tập xác định của hàm số:  $D = \mathbb{R}$

Ta có:  $y' = (m^2 - 1)x^2 - 2(m + 1)x + 3$

+ Xét  $m = 1 \Rightarrow y' = -4x + 3$ . Khi đó  $y' \geq 0 \Leftrightarrow x \leq \frac{3}{4} \Rightarrow y$  đồng biến trên khoảng  $\left(-\infty; \frac{3}{4}\right)$ .

+ Xét  $m = -1 \Rightarrow y' = 3 > 0, \forall x \in \mathbb{R} \Rightarrow y$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

+ Xét  $m \neq \pm 1 \Rightarrow y'$  có  $\Delta' = -2m^2 + 2m + 4$

Đề hàm số  $y$  đồng biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' \leq 0 \\ m^2 - 1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq -1 \vee m \geq 2 \\ m < -1 \vee m > 1 \end{cases}$

$\Rightarrow m \in (-\infty; -1] \cup [2; +\infty)$ .

Vậy  $m \in (-\infty; -1] \cup [2; +\infty)$

**Câu 40.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật,  $AB = a, AD = a\sqrt{3}, SA \perp (ABCD)$ , mặt phẳng  $(SBC)$  tạo với đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

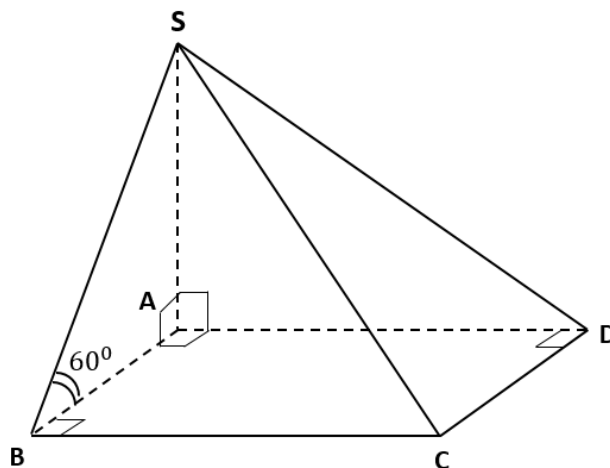
**A.**  $V = a^3$ .

**B.**  $V = \frac{a^3}{3}$ .

**C.**  $V = 3a^3$ .

**D.**  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Lời giải**



Ta có:

$$\begin{cases} AB \perp BC \\ SA \perp BC \text{ (do } SA \perp (ABCD)) \end{cases} \Rightarrow BC \perp SB$$

Xét mp  $(SBC)$  và mp  $(ABCD)$ , có:

$$\left. \begin{aligned} (SBC) \cap (ABCD) &= BC \\ BC &\perp SB \\ BC &\perp AB \end{aligned} \right\}$$

$\Rightarrow$  góc giữa  $(SBC)$  và  $(ABCD)$  là góc  $SBA = 60^\circ$ .

$SA \perp (ABCD) \Rightarrow SA \perp AB$ .

Xét  $\Delta SAB$  vuông tại  $A$ , có  $\tan SBA = \frac{SA}{AB}$

$\Rightarrow SA = AB \cdot \tan SBA = a \cdot \tan 60^\circ = a\sqrt{3}$

Khối chóp  $S.ABCD$  có chiều cao  $SA = a\sqrt{3}$ , diện tích đáy  $S_{ABCD} = AB \cdot AD = a \cdot a\sqrt{3} = a^2\sqrt{3}$

Suy ra, thể tích của khối chóp  $S.ABCD$  là  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot S_{ABCD} \cdot SA = \frac{1}{3} \cdot a^2\sqrt{3} \cdot a\sqrt{3} = a^3$ .



- Câu 41.** Cho khối chóp có diện tích đáy  $B = 9$  và chiều cao  $h = 5$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng:  
**A.** 90.                      **B.** 45.                      **C.** 14.                      **D.** 15.

Lời giải

$$V = \frac{1}{3} B.h = \frac{1}{3} . 9.5 = 15.$$

- Câu 42.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh  $SA$  vuông góc với đáy và  $SC$  tạo với mặt đáy một góc  $60^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

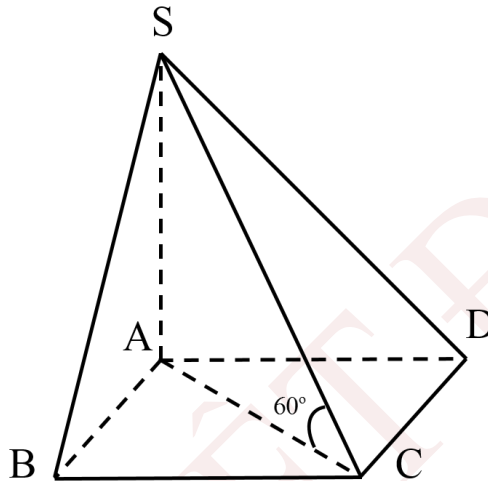
**A.**  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .

**B.**  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .

**C.**  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**D.**  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .

Lời giải



$ABCD$  là hình vuông  $\Rightarrow S_{ABCD} = a^2$ .

Ta có:  $(SC, (ABCD)) = (SC, AC) = \angle SCA = 60^\circ$ .

Do đó:  $SA = AC \cdot \tan 60^\circ = a\sqrt{2} \cdot \sqrt{3} = a\sqrt{6}$ .

Vậy:  $V = \frac{1}{3} S_{ABCD} \cdot SA = \frac{1}{3} a^2 \cdot a\sqrt{6} = \frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .

- Câu 43.** [Mức độ 1] Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có  $BB' = 2a$ , đáy  $ABC$  tam giác vuông cân tại  $B$  và  $AC = 4a$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho.

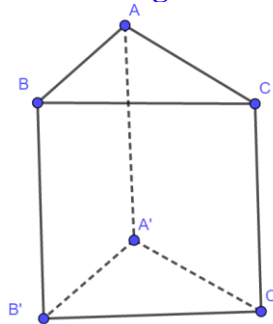
**A.**  $V = 16a^3$ .

**B.**  $V = \frac{8}{3}a^3$ .

**C.**  $V = \frac{16}{3}a^3$ .

**D.**  $V = 8a^3$ .

Lời giải



Vì lăng trụ đứng nên đường cao là  $BB'$  Ta có  $V = S_{ABC} \cdot BB'$ .

Tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  nên  $AB = BC = 2a\sqrt{2} \Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot BC = 4a^2$ .

Vậy thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho là  $V = 4a^2 \cdot 2a = 8a^3$ .

**Câu 44.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc với đáy,  $SA = 10, AB = 12, BC = 20, CA = 16$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

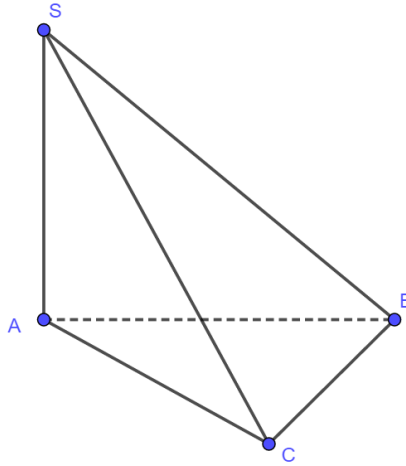
A. 960.

**B. 320.**

C. 600.

D. 300.

Lời giải



$$\text{Đặt } p = \frac{AB + BC + CA}{2} = \frac{16 + 12 + 20}{2} = 24.$$

$$\text{Suy ra } S_{ABC} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \sqrt{24 \cdot 8 \cdot 12 \cdot 4} = 96.$$

$$\text{Vậy thể tích khối chóp đã cho } V = \frac{1}{3} SA \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot 10 \cdot 96 = 320.$$

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$			$3$		$3$	
	$-\infty$			$-1$		$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

A. 4.

B. 3.

**C. 2.**

D. 1.

Lời giải

$$\text{Ta có: } 2f(x) + 3 = 0 \Leftrightarrow f(x) = -\frac{3}{2}.$$

Dựa vào bảng biến thiên, phương trình có hai nghiệm thực phân biệt.

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau :

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$			$4$		$2$	
	$2$			$-5$		

Mệnh đề nào dưới đây **đúng** ?

- A.** Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .
- C.** Hàm số có bốn điểm cực trị.

- B.** Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -5$ .
- D.** Hàm số không có cực đại.

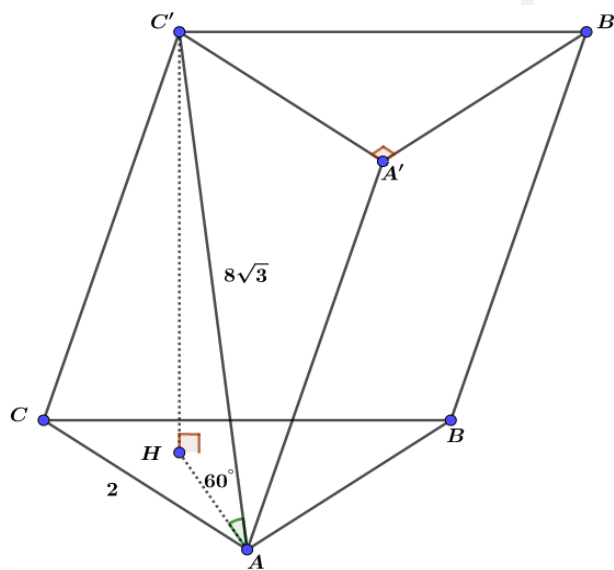
**Lời giải**

Từ bảng biến thiên ta thấy  $x = 2$  thì  $f'(x)$  đổi dấu từ âm sang dương. Nên hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .

**Câu 47.** Cho khối lăng trụ tam giác  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $AC = 2$ ,  $AC'$  tạo với mặt phẳng  $(ABC)$  một góc  $60^\circ$  và  $AC' = 8\sqrt{3}$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

- A.**  $V = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ .
- B.**  $V = 8$ .
- C.**  $V = 4\sqrt{3}$ .
- D.**  $V = 24$ .

**Lời giải**



Tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $A \Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{2} AC^2 = 2$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu của  $C'$  lên mặt phẳng  $(ABC)$ , ta có

$$\widehat{(AC', (ABC))} = \widehat{(AC', AH)} = \widehat{C'AH} = 60^\circ, \text{ do đó } C'H = AC' \sin 60^\circ = 8\sqrt{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 12.$$

Vậy  $V = S_{ABC} \cdot C'H = 24$ .

**Câu 48.** Bảng biến thiên dưới đây là của hàm số nào?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	-	0	+	-	+
$y$	$+\infty$	$0$	$1$	$0$	$+\infty$

- A.**  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .
- B.**  $y = -x^4 + 2x^2 - 1$ .
- C.**  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .
- D.**  $y = -x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Lời giải**

Từ bảng biến thiên ta có:

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = +\infty \Rightarrow$  loại đáp án B và D.

$y(0) = 1 \Rightarrow$  loại đáp án A.

Vậy bảng biến thiên đã cho là của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Câu 49.** Hàm số  $y = 2x^4 + x^2 - 5$  có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 0.

B. 3.

C. 2.

**D. 1.**

**Lời giải**

\* Ta có:  $y = 2x^4 + x^2 - 5$ . Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

\*  $y = 2x^4 + x^2 - 5$

$\Rightarrow y' = 8x^3 + 2x = 2x(4x^2 + 1)$ .

\*  $y' = 0 \Leftrightarrow 2x(4x^2 + 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ 4x^2 + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow x = 0$ .

$y' = 0$  có một nghiệm đơn  $x = 0$  nên hàm số đạt cực trị tại  $x = 0$ .

\* Kết luận: Hàm số có 1 điểm cực trị.

**Câu 50.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - m + 1)x + 1$  đạt cực đại tại điểm  $x = 1$ .

A.  $m = 4$ .

B.  $m = 1$ .

C.  $m = 0$ .

**D.  $m = 2$ .**

**Lời giải**

**Cách 1:**

\* Ta có:  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - m + 1)x + 1$ . Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$\Rightarrow y' = x^2 - 2mx + m^2 - m + 1; y'' = 2x - 2m$

\* Hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = 1 \Rightarrow y'(1) = 0 \Leftrightarrow m^2 - 3m + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = 2 \end{cases}$

\* Với  $m = 1$ :  $y' = x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

$\Rightarrow$  Hàm số không có cực trị nên  $m = 1$  không thỏa yêu cầu bài toán.

Với  $m = 2$ :  $y''(1) = 2 \cdot 1 - 2 \cdot 2 = -2 < 0$

$\Rightarrow$  Hàm số đạt cực đại điểm  $x = 1$ .

Do đó  $m = 2$  thỏa yêu cầu bài toán.

\* Kết luận:  $m = 2$ .

**Cách 2:** Áp dụng đối với hàm bậc 3

\* Ta có:  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - m + 1)x + 1$ . Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$\Rightarrow y' = x^2 - 2mx + m^2 - m + 1; y'' = 2x - 2m$ .

\* Hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} y'(1) = 0 \\ y''(1) < 0 \end{cases}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} 1^2 - 2m \cdot 1 + m^2 - m + 1 = 0 \\ 2 \cdot 1 - 2m < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 3m + 2 = 0 \\ 2 < 2m \end{cases}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} m = 1, m = 2 \\ m > 1 \end{cases} \Leftrightarrow m = 2$

\* Kết luận:  $m = 2$ .

ĐẶNG VIỆT ĐÔNG

**ĐỀ 10**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

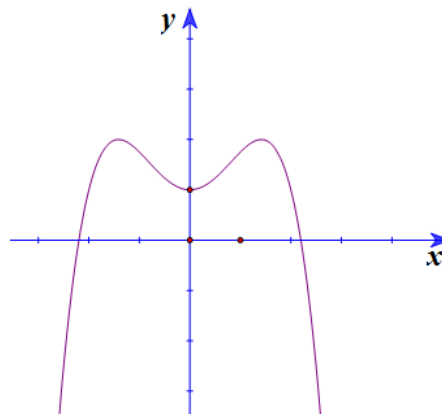
Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

- Câu 1.** Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-x}{x+1}$  có phương trình là  
**A.**  $y=1$ .                      **B.**  $y=-1$ .                      **C.**  $x=-1$ .                      **D.**  $x=1$ .
- Câu 2.** Thể tích khối hình chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  với  $AB=2, AD=3, AA'=4$  bằng  
**A.** 14.                      **B.** 24.                      **C.** 20.                      **D.** 9.
- Câu 3.** Phương trình đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-4}{1-x}$  là  
**A.**  $y=2$ .                      **B.**  $y=-2$ .                      **C.**  $x=1$ .                      **D.**  $x=2$ .
- Câu 4.** Cho hàm số  $y=f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	3	5	7	$+\infty$
y'	+	0	-	0	-
y	$-\infty$	↗ 3 ↘	↖ 1 ↗	↖ 5 ↘	$-\infty$

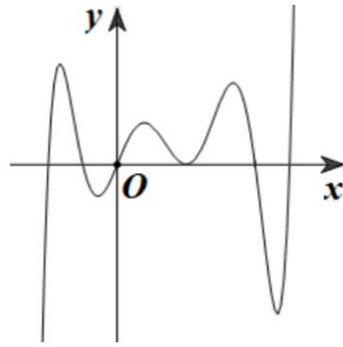
Phương trình  $f(x) = 4$  có bao nhiêu nghiệm thực?

- A.** 4.                      **B.** 2.                      **C.** 3.                      **D.** 0.
- Câu 5.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $a$  và đường cao bằng  $3a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng  
**A.**  $a^3$ .                      **B.**  $3a^3$ .                      **C.**  $3a^2$                       **D.**  $a^2$
- Câu 6.** Đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{-x+5}{x+1}$  có phương trình là  
**A.**  $y=-1$ .                      **B.**  $x=-1$ .                      **C.**  $x=5$ .                      **D.**  $y=1$ .
- Câu 7.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.**  $a < 0; b < 0; c > 0$ .    **B.**  $a > 0; b < 0; c > 0$ .    **C.**  $a > 0; b < 0; c < 0$ .    **D.**  $a < 0; b > 0; c > 0$ .
- Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và đồ thị của  $f'(x)$  như hình vẽ



Số điểm cực đại của đồ thị hàm số  $f(x)$  bằng

- A. 5.                                      B. 3.                                      C. 4.                                      D. 2.

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới. Hỏi đồ thị hàm số đã cho có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận đứng và ngang?

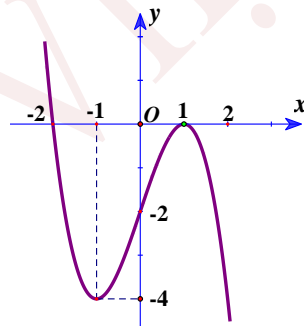
$x$	$-\infty$	$1$	$2$	$+\infty$	
$y'$		-	-	0	+
$y$	3	$-\infty$	$+\infty$	-2	5

- A. 3.                                      B. 1.                                      C. 2.                                      D. 4.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  thỏa mãn  $f'(x) = (x-1)(x-2)^2(x-3)$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đã cho đạt cực đại tại

- A.  $x = 3$ .                                      B.  $x = 2$ .                                      C.  $x = 1$ .                                      D.  $x = -1$ .

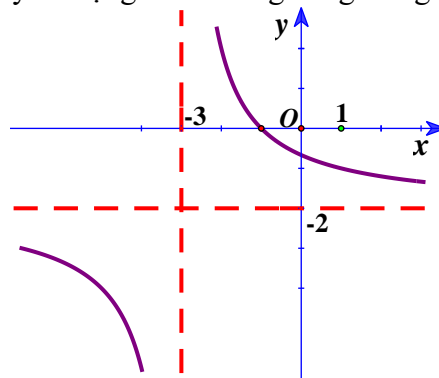
**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình dưới đây



Số nghiệm của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

- A. 4.                                      B. 2.                                      C. 1.                                      D. 3.

**Câu 12.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình dưới đây?

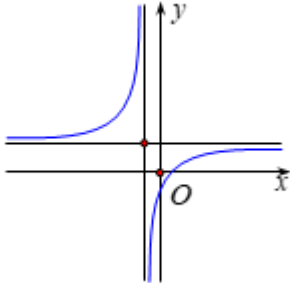


- A.  $y = \frac{2x+2}{-x-3}$ .                                      B.  $y = \frac{x+2}{x-3}$ .                                      C.  $y = x^3 - \frac{2}{3}$ .                                      D.  $y = x^4 - 2x - \frac{2}{3}$ .

**Câu 13.** [Mức độ 1] Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $SA = AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $\frac{a^3}{3}$ .                      B.  $\frac{3a^3}{2}$ .                      C.  $\frac{a^3}{2}$ .                      D.  $\frac{a^3}{6}$ .

**Câu 14.** [Mức độ 2] Hình vẽ dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ .



Mệnh đề nào sau đây là đúng?

- A.  $ab < 0, ad < 0$ .                      B.  $bd > 0, ad > 0$ .  
 C.  $ad > 0, ab < 0$ .                      D.  $bd < 0, ab > 0$ .

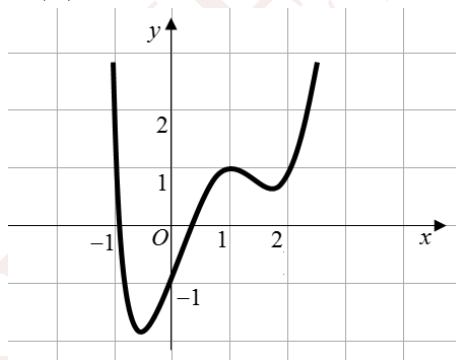
**Câu 15.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x-1$  là

- A. 0.                      B. 1.                      C. 3.                      D. 2.

**Câu 16.** Số điểm cực tiểu của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  là

- A. 0.                      B. 2.                      C. 1.                      D. 3.

**Câu 17.** [Mức độ 2] Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị  $f'(x)$  như hình vẽ dưới đây :



Đặt  $g(x) = f(x) - x$ . Hàm số  $g(x)$  đạt cực đại tại điểm thuộc khoảng nào dưới đây?

- A.  $(\frac{3}{2}; 3)$ .                      B.  $(-2; 0)$ .                      C.  $(0; 1)$ .                      D.  $(\frac{1}{2}; 2)$ .

**Câu 18.** Cho lăng trụ tam giác đều có độ dài tất cả các cạnh bằng 3. Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

- A.  $\frac{9\sqrt{3}}{2}$ .                      B.  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$ .                      C.  $\frac{27\sqrt{3}}{4}$ .                      D.  $\frac{27\sqrt{3}}{2}$ .

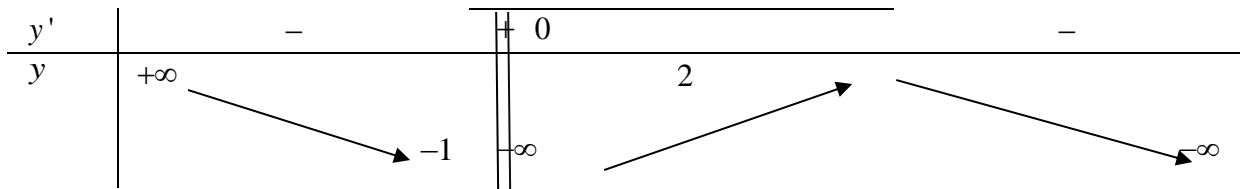
**Câu 19.** Tìm  $m$  để đường thẳng  $y = 2x + 1$  cắt đồ thị hàm số  $y = \frac{x+m}{x-1}$  tại 2 điểm phân biệt.

- A.  $\begin{cases} m \geq \frac{-3}{2} \\ m \neq -1 \end{cases}$                       B.  $m \geq \frac{-3}{2}$                       C.  $m > \frac{-3}{2}$                       D.  $\begin{cases} m > \frac{-3}{2} \\ m \neq -1 \end{cases}$

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$
----- ----- ----- -----				





Hàm số đã cho có bao nhiêu cực trị?

- A. 3    B. 1    C. 2    D. 0

**Câu 21.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A.  $3Bh$ .    B.  $\frac{1}{3}Bh$ .    C.  $\frac{4}{3}Bh$ .    D.  $Bh$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên khoảng  $(0; +\infty)$  và thỏa mãn  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ . Với giả thiết đó, hãy chọn mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau.

- A. Đường thẳng  $x = 2$  là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .  
 B. Đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .  
 C. Đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .  
 D. Đường thẳng  $x = 2$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .

**Câu 23.** Mặt phẳng  $(AB'C')$  chia khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  thành các khối đa diện nào?

- A. Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.  
 B. Hai khối chóp tam giác.  
 C. Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.  
 D. Hai khối chóp tứ giác.

**Câu 24.** Tìm giá trị lớn nhất  $M$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$  trên đoạn  $[0; \sqrt{3}]$ .

- A.  $M = 9$ .    B.  $M = 8\sqrt{3}$ .    C.  $M = 6$ .    D.  $M = 1$ .

**Câu 25.** Cho khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ . Tỉ số thể tích giữa khối chóp  $A'.ABD$  và khối lập phương bằng bao nhiêu?

- A.  $\frac{1}{6}$ .    B.  $\frac{1}{4}$ .    C.  $\frac{1}{3}$ .    D.  $\frac{1}{5}$ .

**Câu 26.** Tổng số đường tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - x}$  là

- A. 3.    B. 1.    C. 0.    D. 2.

**Câu 27.** Khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  có bao nhiêu mặt?

- A. 4.    B. 6.    C. 8.    D. 12.

**Câu 28.** Tìm  $m$  để hàm số  $y = -\frac{2}{3}x^3 - 2mx^2 + (m^2 + 3m)x + 5$  đạt cực đại tại  $x = 1$ .

- A.  $\begin{cases} m = 1 \\ m = -2 \end{cases}$ .    B.  $m = -1$ .    C.  $m = 2$ .    D.  $\begin{cases} m = -1 \\ m = 2 \end{cases}$ .

**Câu 29.** Cho khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng:

- A.  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .    B.  $\frac{8a^3}{3}$ .    C.  $\frac{8\sqrt{2}a^3}{3}$ .    D.  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Câu 30.** Tìm  $m$  để giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x^2 + m$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng  $-3$ .

- A.  $m = -3$ .    B.  $m = 1$ .    C.  $m = 3$ .    D.  $m = -1$ .

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{4-x^2}}{x+3}$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 0.                          B. 1.                          C. 2.                          D. 3.

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{(m+1)x+4}{x+2m}$  ( $m$  là tham số thực). Có bao nhiêu giá trị nguyên  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $0; +\infty$  ?

- A. 4.                          B. 3.                          C. 2.                          D. 1.

**Câu 33.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + 4x - 1$  có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $x_1^2 + x_2^2 - 3x_1x_2 = 12$ .

- A.  $m = \pm 4\sqrt{2}$ .                          B.  $m = 8$ .                          C.  $m = \pm 2\sqrt{2}$ .                          D.  $m = 0$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$								
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$					
$f(x)$	$+\infty$			$-1$			$0$			$-1$			$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $[f(x)]^2 - |f(x)| = 0$  là

- A. 9.                          B. 3.                          C. 7.                          D. 5.

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+2}$ . Tiếp tuyến tại điểm có tung độ bằng  $-3$  có hệ số góc bằng

- A.  $-5$ .                          B.  $\frac{5}{9}$ .                          C.  $5$ .                          D.  $-\frac{5}{9}$ .

**Câu 36.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$ , hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SAC)$  cùng vuông góc với đáy, góc tạo bởi  $(SBC)$  và mặt đáy bằng  $60^\circ$ . Thể tích khối chóp bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .                          B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{8}$ .                          C.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .                          D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

**Câu 37.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = -x^4 - (m-1)x^2 + 1$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác đều.

- A.  $m = 1 - 2\sqrt[3]{3}$ .                          B.  $m = 1 + 2\sqrt[3]{3}$ .                          C.  $m = 1$ .                          D.  $m = 1 \pm 2\sqrt[3]{3}$ .

**Câu 38.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị hàm số  $y = \frac{x+3}{x^2+2x-m}$  có hai đường tiệm cận đứng.

- A.  $m > -1$  và  $m \neq 3$ .                          B.  $m \geq 0$ .                          C.  $m > -1$ .                          D.  $m \leq -1$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		$-3$		$1$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$2$		$-3$		$+\infty$

Phương trình  $|f(x)| = 2$  có bao nhiêu nghiệm?

- A. 3.                                      B. 2.                                      C. 4.                                      D. 5.

**Câu 40.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$ . Biết  $AA' = 2a, AB = a, AC = a\sqrt{3}$ ,  $BAC = 135^\circ$ . Tính thể tích của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ ?

- A.  $\frac{3a^3}{2}$ .                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .                                      C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{2}$ .                                      D.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{6}$ .

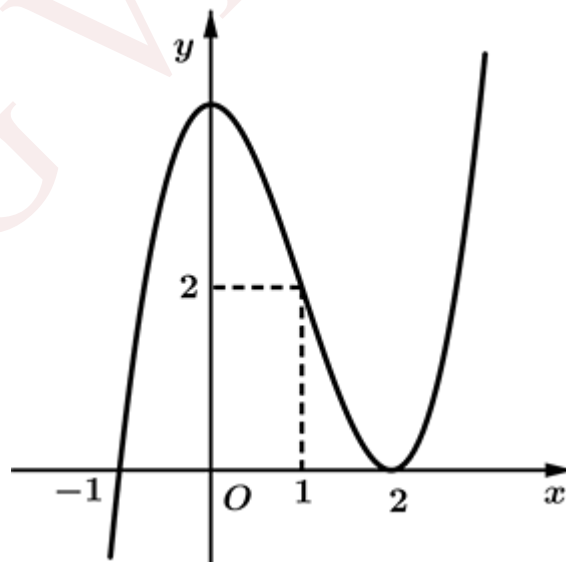
**Câu 41.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $d: y = (2m-1)x + 3 + m$  vuông góc với đường thẳng đi qua hai điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .

- A.  $m = \frac{3}{2}$ .                                      B.  $m = \frac{3}{4}$ .                                      C.  $m = -\frac{1}{2}$ .                                      D.  $m = \frac{1}{4}$ .

**Câu 42.** Cho khối tứ diện  $ABCD$  có thể tích bằng  $V$ . Gọi  $M$  là trung điểm cạnh  $AB$ ,  $N$  thuộc cạnh  $AC$  sao cho  $AN = 2NC$ ,  $P$  thuộc cạnh  $AD$  sao cho  $PD = 3AP$ . Thể tích của khối đa diện  $MNP.BCD$  tính theo  $V$  là

- A.  $\frac{21}{24}V$ .                                      B.  $\frac{5}{6}V$ .                                      C.  $\frac{7}{8}V$ .                                      D.  $\frac{11}{12}V$ .

**Câu 43.** Cho hàm số bậc ba  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ sau đây:



Đồ thị hàm số  $g(x) = \frac{\sqrt{x}(x-2)}{f^2(x) - 2f(x)}$  có bao nhiêu đường tiệm cận đứng?

- A. 2.                                      B. 4.                                      C. 3.                                      D. 1.

**Câu 44.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ . Mặt phẳng  $(A'B'C')$  tạo với mặt đáy góc  $60^\circ$ . Tính theo  $a$  thể tích lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

A.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .

B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .

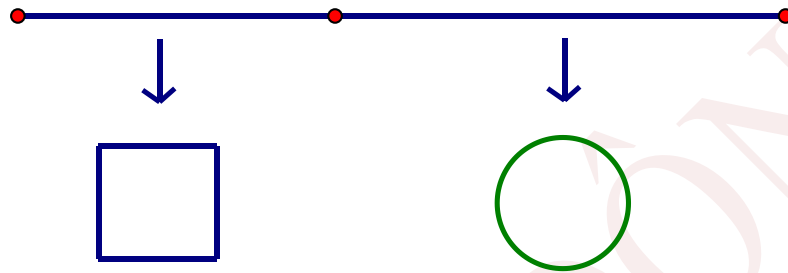
C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 45.** Nếu mỗi cạnh đáy của hình chóp tam giác giảm đi một nửa và chiều cao của hình chóp tăng lên gấp đôi thì thể tích của hình chóp đó

- A. không thay đổi.      B. tăng lên 2 lần.      C. giảm đi một nửa.      D. tăng lên 4 lần.

**Câu 46.** Một sợi dây kim loại dài 60cm được cắt thành hai đoạn. Đoạn dây thứ nhất uốn thành hình vuông cạnh  $a$ , đoạn dây thứ hai uốn thành đường tròn bán kính  $r$ . Để tổng diện tích của hình vuông và hình tròn nhỏ nhất thì tỉ số  $\frac{a}{r}$  bằng:



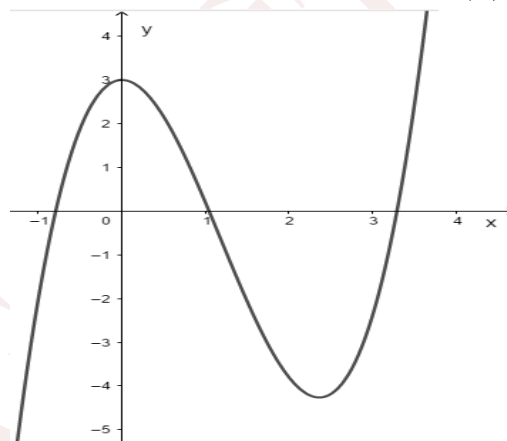
A.  $\frac{a}{r} = 1$ .

B.  $\frac{a}{r} = 2$ .

C.  $\frac{a}{r} = 3$ .

D.  $\frac{a}{r} = 4$ .

**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị là đường cong như hình vẽ. Đặt  $g(x) = -2f(f(x)) + 3$ . Tìm số điểm cực trị của hàm số  $g(x)$ .



A. 2.

B. 8.

C. 10.

D. 6.

**Câu 48.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-2$		$2$		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$		$2$		$-2$		$+\infty$

Biết  $f(0) = 0$ , số nghiệm thuộc đoạn  $\left[-\frac{\pi}{6}; \frac{7\pi}{3}\right]$  của phương trình  $f\left(f\left(\sqrt{3}\sin x + \cos x\right)\right) = 1$

là

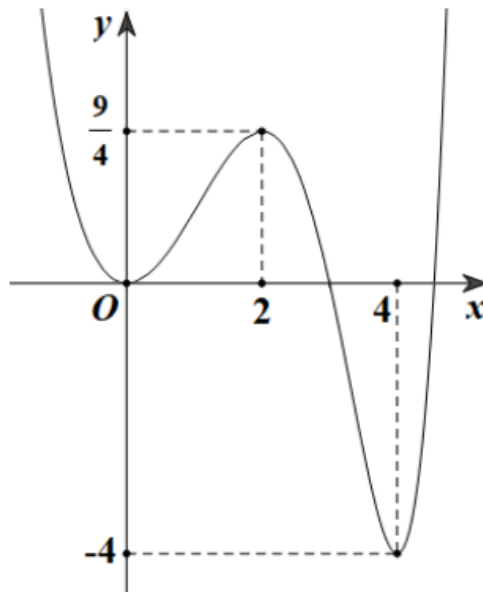
A. 5.

B. 3.

C. 4.

D. 2.

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị của hàm số  $y = f(5-2x)$  như hình vẽ sau. Có bao nhiêu giá trị thực của tham số  $m$  thuộc khoảng  $(-9;9)$  thỏa mãn  $2m \in \mathbb{Z}$  và hàm số  $y = \left| 2f(4x^3 + 1) + m - \frac{1}{2} \right|$  có 5 điểm cực trị?



- A. 26.                                      B. 25.                                      C. 27.                                      D. 24.

**Câu 50.** Cho khối lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$ . Các mặt phẳng  $(ABC')$  và  $(A'B'C)$  chia khối lăng trụ thành 4 khối đa diện, kí hiệu  $H_1, H_2$  lần lượt là khối đa diện có thể tích lớn nhất và nhỏ nhất trong 4 khối đa diện. Gọi  $V_{(H_1)}, V_{(H_2)}$  lần lượt là thể tích của  $H_1$  và  $H_2$ . Tỉ số  $\frac{V_{(H_1)}}{V_{(H_2)}}$  bằng

- A. 3.    B. 4.    C. 2.    D. 5.

**ĐÁP ÁN**

1C	2B	3B	4B	5A	6A	7D	8D	9A	10C	11D	12A	13D	14C	15D
16B	17B	18C	19D	20B	21D	22C	23A	24C	25A	26D	27C	28C	29A	30B
31A	32D	33C	34C	35C	36D	37A	38A	39D	40C	41B	42D	43C	44A	45C
46B	47B	48B	49A	50D										

**LỜI GIẢI**

**Câu 1.** Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-x}{x+1}$  có phương trình là

- A.  $y=1$ .                      B.  $y=-1$ .                      **C.  $x=-1$ .**                      D.  $x=1$ .

**Lời giải**

$$D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$$

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} y = +\infty \Rightarrow$  TCD:  $x = -1$

**Câu 2.** Thể tích khối hình chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  với  $AB = 2, AD = 3, AA' = 4$  bằng

- A. 14.                      **B. 24.**                      C. 20.                      D. 9.

**Lời giải**

Ta có:  $V_{ABCD.A'B'C'D'} = AB \cdot AD \cdot AA' = 24$

**Câu 3.** Phương trình đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-4}{1-x}$  là

- A.  $y = 2$ .                      **B.  $y = -2$ .**                      C.  $x = 1$ .                      D.  $x = 2$ .

**Lời giải**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x-4}{1-x} = -2$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x-4}{1-x} = -2$

Vậy đồ thị hàm số đã cho có tiệm cận ngang là  $y = -2$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	3	5	7	$+\infty$
y'	+	0	-	0	-
y	$-\infty$	↗ 3 ↘	↖ 1 ↗	↖ 5 ↗	$-\infty$

Phương trình  $f(x) = 4$  có bao nhiêu nghiệm thực?

- A. 4.                      **B. 2.**                      C. 3.                      D. 0.

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên, phương trình  $f(x) = 4$  có hai nghiệm thực phân biệt.

**Câu 5.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có cạnh đáy bằng  $a$  và đường cao bằng  $3a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $a^3$ .**                      B.  $3a^3$ .                      C.  $3a^2$                       D.  $a^2$

**Lời giải**

Vì  $S.ABCD$  là hình chóp tứ giác đều, đường cao bằng  $3a$  nên có đáy  $ABCD$  là hình vuông. Khi đó, diện tích đáy  $S_{ABCD} = a^2$ .

$$\text{Thể tích } V_{S.ABCD} = \frac{1}{3}a^2 \cdot 3a = a^3.$$

**Câu 6.** Đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{-x+5}{x+1}$  có phương trình là

**A.**  $y = -1$ .

**B.**  $x = -1$ .

**C.**  $x = 5$ .

**D.**  $y = 1$ .

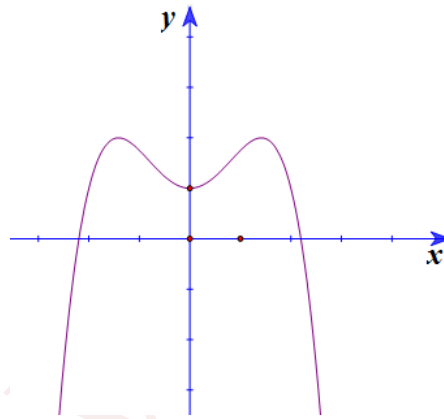
**Lời giải**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$

$$\text{Ta có } \lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x+5}{x+1} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-1 + \frac{5}{x}}{1 + \frac{1}{x}} = -1. \text{ Nên đường thẳng } y = -1 \text{ là tiệm cận ngang của đồ}$$

thị hàm số đã cho.

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ



Mệnh đề nào dưới đây đúng?

**A.**  $a < 0; b < 0; c > 0$ .

**B.**  $a > 0; b < 0; c > 0$ .

**C.**  $a > 0; b < 0; c < 0$ .

**D.**  $a < 0; b > 0; c > 0$ .

**Lời giải**

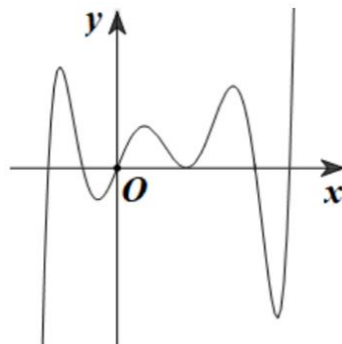
$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = -\infty \Rightarrow a < 0.$$

Đồ thị hàm số cắt trục  $Oy$  tại điểm có tung độ dương  $\Rightarrow c > 0$ .

$$\text{Ta có: } y' = 4ax^3 + 2bx = 2x(2ax^2 + b) = 0. \text{ Đồ thị hàm số có 3 cực trị nên } -\frac{b}{2a} > 0.$$

$$\text{Mà } a < 0 \Rightarrow b > 0.$$

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và đồ thị của  $f'(x)$  như hình vẽ



Số điểm cực đại của đồ thị hàm số  $f(x)$  bằng

**A.** 5.

**B.** 3.

**C.** 4.

**D.** 2.

**Lời giải**

Theo hình vẽ ta có 2 điểm mà  $f'(x)$  đổi dấu từ dương sang âm  $\Rightarrow$  Hàm số  $f(x)$  có 2 cực trị.

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình bên dưới. Hỏi đồ thị hàm số đã cho có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận đứng và ngang?

$x$	$-\infty$		1		2		$+\infty$
$y'$		-		-	0	+	
$y$	3		$-\infty$		$+\infty$	-2	5

**A. 3.**

**B. 1.**

**C. 2.**

**D. 4.**

**Lời giải**

Dựa vào bản biến thiên ta có:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 5; \lim_{x \rightarrow -\infty} y = 3$  nên suy ra đồ thị hàm số có hai đường tiệm cận ngang là  $y = 5; y = 3$

Lại có:  $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = -\infty; \lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty$  suy ra đồ thị hàm số có 1 đường tiệm cận đứng là  $x = 1$ .

Vậy đồ thị hàm số đã cho có tất cả 3 đường tiệm cận đứng và ngang.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  thỏa mãn  $f'(x) = (x-1)(x-2)^2(x-3), \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đã cho đạt cực đại tại

**A.  $x = 3$ .**

**B.  $x = 2$ .**

**C.  $x = 1$ .**

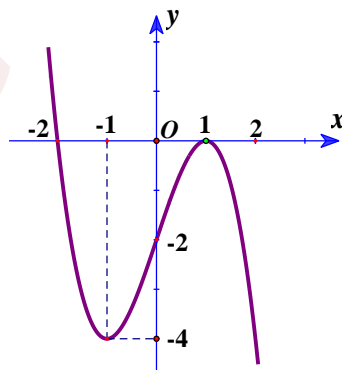
**D.  $x = -1$ .**

**Lời giải**

Ta có:  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 2 \\ x = 3 \end{cases}$  suy ra bảng xét dấu:

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$			
$y'$		+	0	-	0	-	0	+

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình dưới đây



Số nghiệm của phương trình  $2f(x) + 3 = 0$  là

**A. 4.**

**B. 2.**

**C. 1.**

**D. 3.**

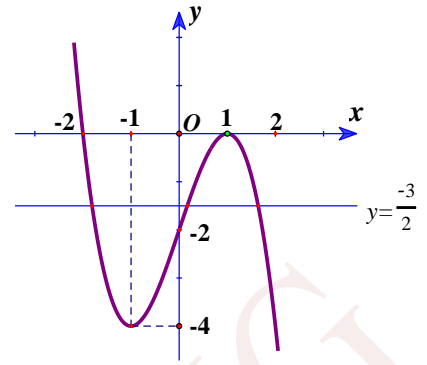
**Lời giải**



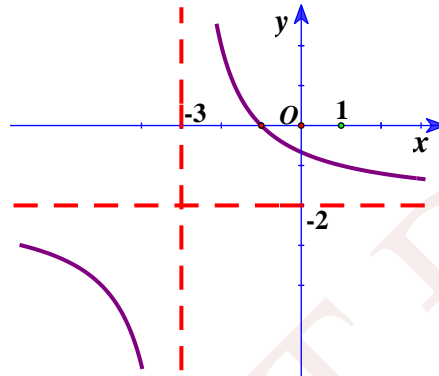
Ta có  $2f(x)+3=0 \Leftrightarrow f(x)=-\frac{3}{2}$ .

Số nghiệm của phương trình  $2f(x)+3=0$  bằng số giao điểm của đường thẳng  $y=-\frac{3}{2}$  và đồ thị hàm số  $y=f(x)$ .

Căn cứ vào đồ thị suy ra phương trình  $2f(x)+3=0$  có 3 nghiệm.



**Câu 12.** Đồ thị hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình dưới đây?



**A.**  $y = \frac{2x+2}{-x-3}$

**B.**  $y = \frac{x+2}{x-3}$

**C.**  $y = x^3 - \frac{2}{3}$

**D.**  $y = x^4 - 2x - \frac{2}{3}$

**Lời giải**

Căn cứ hình vẽ, đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = -2$ , tiệm cận đứng  $x = -3$ .

Xét hàm số  $y = \frac{2x+2}{-x-3}$

có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x+2}{-x-3} = -2$ , suy ra đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = -2$ .

$\lim_{x \rightarrow -3^+} \frac{2x+2}{-x-3} = +\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow -3^-} \frac{2x+2}{-x-3} = -\infty$  suy ra đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = -3$ .

**Câu 13.** Cho Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $SA = AB = a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  bằng

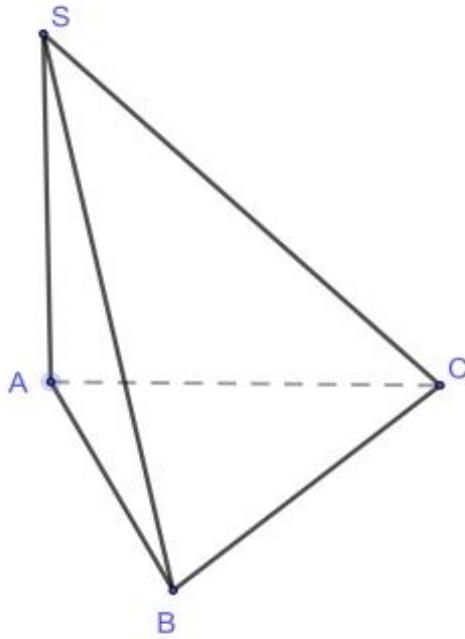
**A.**  $\frac{a^3}{3}$

**B.**  $\frac{3a^3}{2}$

**C.**  $\frac{a^3}{2}$

**D.**  $\frac{a^3}{6}$

**Lời giải**



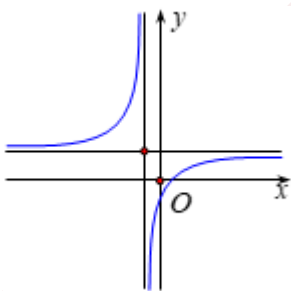
Vì  $\triangle ABC$  vuông cân tại  $A$  nên  $AB = AC = a \Rightarrow$  diện tích  $\triangle ABC$  là:  $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}a^2$

Mà  $SA \perp (ABC)$ ,  $SA = a$

Thể tích hình chóp  $S.ABC$  là:  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot S_{\triangle ABC} \cdot SA = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2}a^2 \cdot a = \frac{a^3}{6}$

**Chọn D.**

**Câu 14.** Hình vẽ dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ .



Mệnh đề nào sau đây là **đúng**?

**A.**  $ab < 0$ ,  $ad < 0$ .

**C.**  $ad > 0$ ,  $ab < 0$ .

**B.**  $bd > 0$ ,  $ad > 0$ .

**D.**  $bd < 0$ ,  $ab > 0$ .

**Lời giải**

**Cách 1:**

+ Đồ thị hàm số giao Ox tại điểm  $A$  có hoành độ  $x = -\frac{b}{a} > 0 \Rightarrow ab < 0$  (1)

+ Đồ thị hàm số giao Oy tại điểm  $B$  có tung độ  $y = \frac{b}{d} < 0 \Rightarrow bd < 0$  (2)

Từ (1) và (2)  $\Rightarrow ab^2d > 0 \Leftrightarrow ad > 0$ .

**Cách 2:**

+ Đồ thị hàm số cắt trục Oy tại điểm có tung độ âm  $\Rightarrow \frac{b}{d} < 0 \Rightarrow bd < 0 \Rightarrow$  Loại B

+ Đồ thị hàm số cắt trục Ox tại điểm có hoành độ dương  $\Rightarrow -\frac{b}{a} > 0 \Rightarrow ab < 0 \Rightarrow$  Loại D

+ Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = \frac{a}{c} > 0 \Rightarrow ac > 0$ , tiệm cận đứng  $x = -\frac{d}{c} < 0 \Rightarrow cd > 0$

Ta được  $ad > 0 \Rightarrow$  Loại A

**Chọn C.**

**Câu 15.** Số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x-1$  là

A. 0.

B. 1.

C. 3.

**D. 2.**

**Lời giải**

Hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x-1$  là nghiệm của

phương trình:  $\frac{2x-1}{x+1} = x-1$  (với  $x \neq -1$ )

$$\Rightarrow 2x-1 = (x-1)(x+1) \Leftrightarrow x^2 - 2x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \text{ (TM)} \\ x = 2 \text{ (TM)} \end{cases}$$

Với  $x = 0 \Rightarrow y = -1 \Rightarrow$  giao điểm  $A(0; -1)$ .

Với  $x = 2 \Rightarrow y = 1 \Rightarrow$  giao điểm  $B(2; 1)$ .

Vậy số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$  và đường thẳng  $y = x-1$  là 2.

**Câu 16.** Số điểm cực tiểu của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  là

A. 0.

**B. 2.**

C. 1.

D. 3.

**Lời giải**

**Cách 1:**

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

Ta thấy, hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 2$  có  $a = 1 > 0$  và  $b = -2 < 0$  nên hàm số có 2 điểm cực tiểu.

**Cách 2:**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

Đạo hàm:  $y' = 4x^3 - 4x$ .

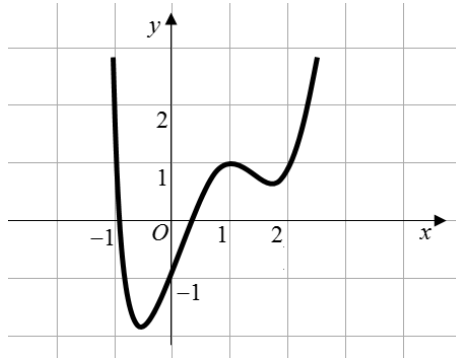
$$y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$		
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$							

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy, hàm số có 2 điểm cực tiểu là  $x = -1$  và  $x = 1$ .

**Câu 17.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị  $f'(x)$  như hình vẽ dưới đây :



Đặt  $g(x) = f(x) - x$ . Hàm số  $g(x)$  đạt cực đại tại điểm thuộc khoảng nào dưới đây?

A.  $(\frac{3}{2}; 3)$ .

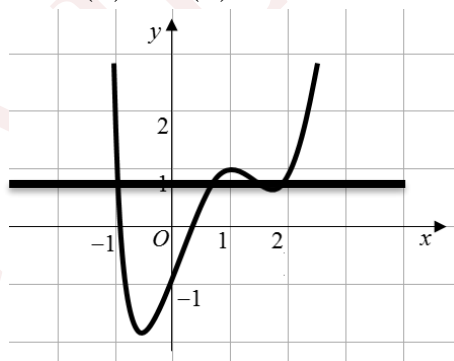
**B.  $(-2; 0)$ .**

C.  $(0; 1)$ .

D.  $(\frac{1}{2}; 2)$ .

**Lời giải**

Xét hàm số:  $g(x) = f(x) - x$  có  $g'(x) = f'(x) - 1$



Từ đồ thị ta thấy phương trình  $g'(x) = f'(x) - 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$

Ta có bảng xét dấu:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$		
$g'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$	$0$	$+$

Từ bảng xét dấu ta thấy hàm số  $g(x)$  đạt cực đại tại  $x = -1$

**Chọn B.**

**Câu 18.** Cho lăng trụ tam giác đều có độ dài tất cả các cạnh bằng 3. Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

A.  $\frac{9\sqrt{3}}{2}$ .

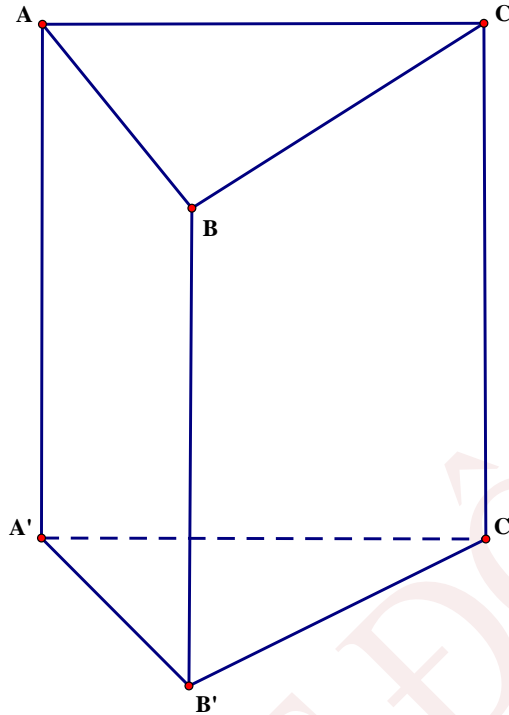
B.  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$ .

**C.  $\frac{27\sqrt{3}}{4}$ .**

D.  $\frac{27\sqrt{3}}{2}$ .

**Lời giải**

Xét khối lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng 3 như hình vẽ



Ta có diện tích đáy của lăng trụ:  $S = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 3 \cdot \sin 60^\circ = \frac{9\sqrt{3}}{4}$ .

Chiều cao của khối lăng trụ:  $h = 3$ .

Thể tích của khối lăng trụ là:  $V = h \cdot S = 3 \cdot \frac{9\sqrt{3}}{4} = \frac{27\sqrt{3}}{4}$ .

**Chọn C.**

**Câu 19.** Tìm  $m$  để đường thẳng  $y = 2x + 1$  cắt đồ thị hàm số  $y = \frac{x+m}{x-1}$  tại 2 điểm phân biệt.

**A.**  $\begin{cases} m \geq \frac{-3}{2} \\ m \neq -1 \end{cases}$

**B.**  $m \geq \frac{-3}{2}$

**C.**  $m > \frac{-3}{2}$

**D.**  $\begin{cases} m > \frac{-3}{2} \\ m \neq -1 \end{cases}$

**Lời giải**

Phương trình hoành độ điểm chung

$$2x + 1 = \frac{x+m}{x-1} \Rightarrow x + m = (2x + 1)(x - 1)$$

$$\Leftrightarrow x + m = 2x^2 - x - 1$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 - 2x - m - 1 = 0 \quad (1)$$

Để đường thẳng  $y = 2x + 1$  cắt đồ thị hàm số  $y = \frac{x+m}{x-1}$  tại 2 điểm phân biệt thì PT (1) có 2

nghiệm phân biệt khác 1 thì:

$$\begin{cases} \Delta' > 0 \\ m \neq -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (-1)^2 - 2(-m-1) > 0 \\ m \neq -1 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2m + 3 > 0 \\ m \neq -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > \frac{-3}{2} \\ m \neq -1 \end{cases}$$

**Chọn đáp án D.**

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , liên tục trên mỗi khoảng xác định và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$0$	$1$		$+\infty$
$y'$		-		0		-
$y$	$+\infty$				2	$-\infty$

Hàm số đã cho có bao nhiêu cực trị?

A. 3

**B. 1**

C. 2

D. 0

**Lời giải**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy hàm  $f(x)$  đạt cực đại tại điểm  $(1; 0)$ .

Vậy hàm số có 1 cực trị.

**Chọn đáp án B.**

**Câu 21.** Cho khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

A.  $3Bh$ .

B.  $\frac{1}{3}Bh$ .

C.  $\frac{4}{3}Bh$ .

**D.  $Bh$ .**

**Lời giải**

Công thức thể tích khối lăng trụ là  $V = Bh$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên khoảng  $(0; +\infty)$  và thỏa mãn  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ . Với giả thiết đó, hãy chọn mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau.

A. Đường thẳng  $x = 2$  là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .

B. Đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .

**C. Đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .**

D. Đường thẳng  $x = 2$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$ .

**Lời giải**

Theo giả thiết, hàm số  $y = f(x)$  xác định trên khoảng  $(0; +\infty)$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$  nên đường  $y = 2$  là đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

**Câu 23.** Mặt phẳng  $(AB'C')$  chia khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  thành các khối đa diện nào?

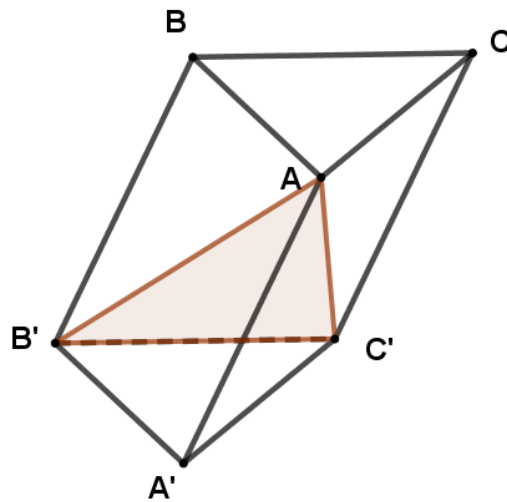
**A. Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.**

B. Hai khối chóp tam giác.

C. Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.

D. Hai khối chóp tứ giác.

**Lời giải**



Ta thấy mặt phẳng  $(AB'C')$  chia khối lăng trụ thành một khối chóp tam giác  $A.A'B'C'$  và một khối chóp tứ giác  $A.BCC'B'$ .

**Câu 24.** Tìm giá trị lớn nhất  $M$  của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$  trên đoạn  $[0; \sqrt{3}]$ .

A.  $M = 9$ .

B.  $M = 8\sqrt{3}$ .

C.  $M = 6$ .

D.  $M = 1$ .

Lời giải

Ta có:  $y' = 4x^3 - 4x$ .

$$\text{Cho } y' = 0 \Leftrightarrow 4x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -1 \notin [0; \sqrt{3}] \end{cases}$$

$y(0) = 3; y(1) = 2; y(\sqrt{3}) = 6$ .

Vậy  $\max_{[0; \sqrt{3}]} y = 6$  đạt được tại  $x = \sqrt{3}$ .

**Câu 25.** Cho khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$ . Tỉ số thể tích giữa khối chóp  $A'.ABD$  và khối lập phương bằng bao nhiêu?

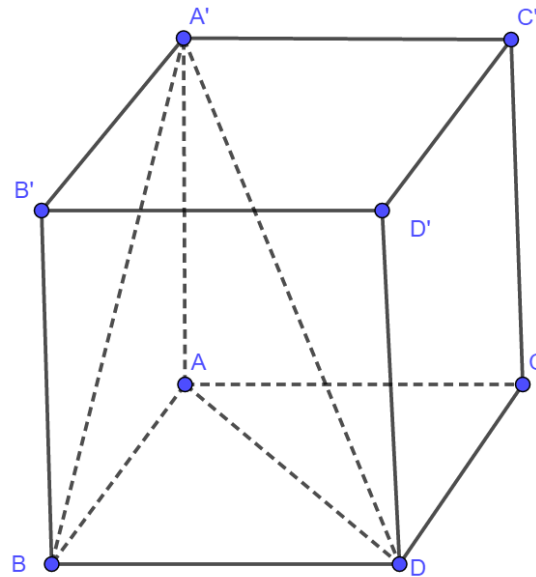
A.  $\frac{1}{6}$ .

B.  $\frac{1}{4}$ .

C.  $\frac{1}{3}$ .

D.  $\frac{1}{5}$ .

Lời giải



Gọi độ dài đường cao và diện tích đáy của hình lập phương lần lượt là  $h, B$ .

$$\text{Khi đó, } V_{A'.ABD} = \frac{1}{3} \cdot h \cdot S_{ABD} = \frac{1}{3} \cdot h \cdot \frac{1}{2} \cdot B = \frac{1}{6} \cdot h \cdot B = \frac{1}{6} V_{ABCD.A'B'C'D'}$$

Vậy, tỉ số thể tích giữa khối chóp  $A'.ABD$  và khối lập phương bằng  $\frac{1}{6}$ .

**Câu 26.** Tổng số đường tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - x}$  là

A. 3.

B. 1.

C. 0.

**D. 2.**

**Lời giải**

Ta có, tập xác định  $R \setminus \{0; 1\}$ .

$$* \lim_{x \rightarrow 1} y = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(2x-1)}{x(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x-1}{x} = 1.$$

$$* \lim_{x \rightarrow 0^+} y = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{(x-1)(2x-1)}{x(x-1)} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2x-1}{x} = +\infty.$$

$$* \lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2 - 3x + 1}{x^2 - x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{(x-1)(2x-1)}{x(x-1)} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x-1}{x} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2 - \frac{1}{x}}{1} = 2.$$

Từ đó, đồ thị hàm số có một tiệm cận ngang và một tiệm cận đứng  $y = 2; x = 0$ .

**Câu 27.** Khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  có bao nhiêu mặt?

A. 4.

B. 6.

**C. 8.**

D. 12.

**Lời giải**

Khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  là khối bát diện đều có 8 mặt.

**Câu 28.** Tìm  $m$  để hàm số  $y = -\frac{2}{3}x^3 - 2mx^2 + (m^2 + 3m)x + 5$  đạt cực đại tại  $x = 1$ .

A.  $\begin{cases} m = 1 \\ m = -2 \end{cases}$ .

B.  $m = -1$ .

**C.  $m = 2$ .**

D.  $\begin{cases} m = -1 \\ m = 2 \end{cases}$ .

**Lời giải**

Xét hàm số  $y = -\frac{2}{3}x^3 - 2mx^2 + (m^2 + 3m)x + 5$ .



Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

Ta có  $y' = -2x^2 - 4mx + m^2 + 3m$  ;  $y'' = -4x - 4m$ .

Để hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$  thì  $y'(1) = 0 \Leftrightarrow -2 - 4m + m^2 + 3m = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 2 \\ m = -1 \end{cases}$ .

Với  $m = 2$  thì  $y''(1) = -4 - 8 = -12 > 0 \Rightarrow$  Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1 \Rightarrow m = 2$  thỏa mãn.

Với  $m = -1$  thì  $y''(1) = -4 + 4 = 0$ .

Khi đó  $y' = -2x^2 + 4x - 2 = -2(x-1)^2$

$\Rightarrow y'$  không đổi dấu trên  $\mathbb{R}$  nên hàm số không có cực trị  $\Rightarrow m = -1$  không thỏa mãn.

**Câu 29.** Cho khối chóp tứ giác đều có tất cả các cạnh bằng  $2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng:

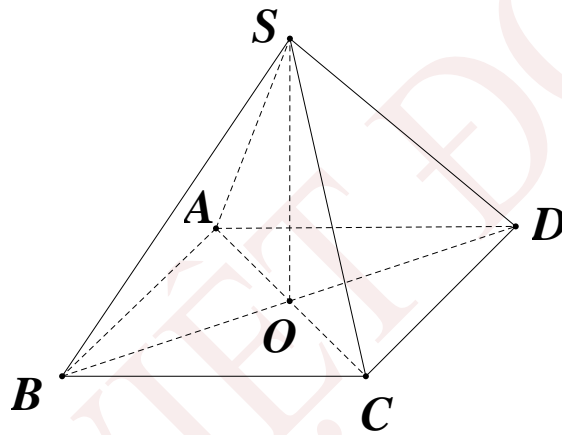
**A.**  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$

**B.**  $\frac{8a^3}{3}$

**C.**  $\frac{8\sqrt{2}a^3}{3}$

**D.**  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$

Lời giải



Gọi  $O = AC \cap BD$ . Khi đó  $SO \perp (ABCD)$ ;  $AC = 2a\sqrt{2} \Rightarrow AO = a\sqrt{2}$

Tam giác  $SAO$  vuông tại  $O$  có:  $SO = \sqrt{SA^2 - AO^2} = \sqrt{4a^2 - 2a^2} = a\sqrt{2}$   $S_{ABCD} = 4a^2$ . Vậy

$$V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} SO \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} a\sqrt{2} \cdot 4a^2 = \frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$$

**Câu 30.** Tìm  $m$  để giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x^2 + m$  trên đoạn  $[-1; 2]$  bằng  $-3$ .

**A.**  $m = -3$ .

**B.**  $m = 1$ .

**C.**  $m = 3$ .

**D.**  $m = -1$ .

Lời giải

Ta có:  $f'(x) = 3x^2 - 6x = 3x(x-2)$ ;  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \in [-1; 2] \\ x = 2 \in [-1; 2] \end{cases}$

$f(0) = m$ ;  $f(2) = m - 4$ ;  $f(-1) = m - 4$ . Do đó:  $\min_{[-1; 2]} f(x) = m - 4$

Theo yêu cầu bài toán:  $m - 4 = -3 \Leftrightarrow m = 1$

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{4-x^2}}{x+3}$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận?

**A.** 0.

**B.** 1.

**C.** 2.

**D.** 3.

Lời giải

Chọn A

Tập xác định:  $D = [-2; 2]$ .

Ta có: Vì tập xác định của hàm số là đoạn  $D = [-2; 2]$  và  $-3 \notin [-2; 2]$

nên không tồn tại giới hạn của hàm số khi  $x$  tiến ra âm vô cùng, dương vô cùng và  $-3$  nên đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang, tiệm cận đứng.

Vậy đồ thị hàm số đã cho không có đường tiệm cận nào.

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{(m+1)x+4}{x+2m}$  ( $m$  là tham số thực). Có bao nhiêu giá trị nguyên  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $0; +\infty$  ?

A. 4.

B. 3.

C. 2.

**D. 1.**

Lời giải

**Chọn D**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus -2m$ .

Ta có:  $f'(x) = \frac{2m^2 + 2m - 4}{(x+2m)^2}$ .

Hàm số  $f(x) = \frac{(m+1)x+4}{x+2m}$  nghịch biến trên  $0; +\infty$  khi và chỉ khi:

$$\begin{cases} f'(x) < 0, \forall x > 0 \\ -2m \notin 0; +\infty \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2m^2 + 2m - 4 < 0 \\ -2m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2 < m < 1 \\ m \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 \leq m < 1.$$

Do  $m$  nhận giá trị nguyên nên  $m = 0$

Vậy có 1 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

**Câu 33.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + 4x - 1$  có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$

thỏa mãn  $x_1^2 + x_2^2 - 3x_1x_2 = 12$ .

A.  $m = \pm 4\sqrt{2}$ .

B.  $m = 8$ .

**C.  $m = \pm 2\sqrt{2}$ .**

D.  $m = 0$ .

Lời giải

Ta có  $y' = x^2 - 2mx + 4$ .

Hàm số đã cho có hai điểm cực trị khi và chỉ khi  $\Delta' = m^2 - 4 > 0 \Leftrightarrow |m| > 2$ .

Ta có  $x_1^2 + x_2^2 - 3x_1x_2 = 12 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 5x_1x_2 = 12$

Theo Định lý Vi-et ta có:  $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2m \\ x_1x_2 = 4 \end{cases}$

Từ đó suy ra  $4m^2 - 20 = 12 \Rightarrow m = \pm 2\sqrt{2}$  : Thỏa mãn.

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$					
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$f(x)$	$+\infty$		$\searrow$	$-1$	$\nearrow$	$0$	$\searrow$	$-1$	$\nearrow$	$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $[f(x)]^2 - |f(x)| = 0$  là

A. 9.

B. 3.

**C. 7.**

D. 5.

Lời giải

Ta có  $[f(x)]^2 - |f(x)| = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \\ f(x) = \pm 1 \end{cases}$

Dựa vào sự tương giao của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và ba đường thẳng  $y = 0; y = 1; y = -1$  ta suy ra phương trình đã cho có 7 nghiệm.

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+2}$ . Tiếp tuyến tại điểm có tung độ bằng  $-3$  có hệ số góc bằng

A.  $-5$ .

B.  $\frac{5}{9}$ .

**C.  $5$**

D.  $-\frac{5}{9}$ .

**Lời giải**

Giả sử tiếp điểm của tiếp tuyến với đồ thị hàm số là  $M(x_0; y_0)$ .

Từ giả thiết ta có:  $y_0 = -3 \Leftrightarrow \frac{2x_0 - 1}{x_0 + 2} = -3 \Leftrightarrow x_0 = -1$

Lại có  $y' = \frac{5}{(x+2)^2}$  nên  $y'(-1) = 5$

**Câu 36.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$ , hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SAC)$  cùng vuông góc với đáy, góc tạo bởi  $(SBC)$  và mặt đáy bằng  $60^\circ$ . Thể tích khối chóp bằng

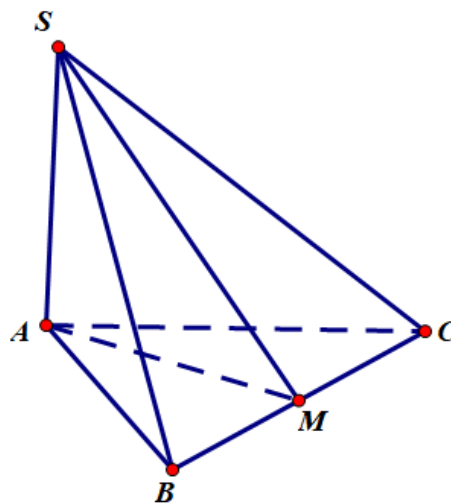
A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{8}$ .

C.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .

**D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$**

**Lời giải**



Từ giả thiết ta có  $\begin{cases} (SAB) \perp (ABC) \\ (SAC) \perp (ABC) \\ (SAB) \cap (SAC) = SA \end{cases} \Rightarrow SA \perp (ABC)$ .

Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ . Do tam giác  $ABC$  đều nên  $BC \perp (SAM)$ . Vậy

$((SBC); (ABC)) = (AM; SM) = SMA = 60^\circ$

Do đó  $SA = AM \cdot \tan 60^\circ = \frac{3a}{2}$

Vậy thể tích khối chóp:  $V = \frac{1}{3} SA \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3a}{2} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

**Câu 37.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = -x^4 - (m-1)x^2 + 1$  có ba điểm cực trị tạo thành một tam giác đều.

**A.**  $m = 1 - 2\sqrt[3]{3}$ .

**B.**  $m = 1 + 2\sqrt[3]{3}$ .

**C.**  $m = 1$ .

**D.**  $m = 1 \pm 2\sqrt[3]{3}$ .

**Lời giải**

**Cách 1. (Trắc nghiệm)**

Hàm số đã cho có ba cực trị tạo thành tam giác đều khi thỏa điều kiện:

$$24a + b^3 = 0 \Leftrightarrow 24(-1) + [-(m-1)]^3 = 0 \Leftrightarrow (m-1)^3 = -24 \Leftrightarrow m = 1 - 2\sqrt[3]{3}.$$

**Cách 2. (Tự luận)**

Ta có:  $y' = -4x^3 - 2(m-1)x$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = \frac{1-m}{2} \end{cases} \text{Hàm số đã cho có ba cực trị khi và chỉ khi } m < 1.$$

Đồ thị hàm số có ba điểm cực trị là  $A(0; 1)$ ,  $B\left(-\sqrt{\frac{1-m}{2}}; \frac{m^2 - 2m + 5}{4}\right)$ ,

$$C\left(\sqrt{\frac{1-m}{2}}; \frac{m^2 - 2m + 5}{4}\right), \text{ ta có: } AB = \sqrt{\frac{1-m}{2} + \frac{(1-m)^4}{16}}, BC = 2\sqrt{\frac{1-m}{2}}$$

Để hàm số có ba cực trị tạo thành tam giác đều khi và chỉ khi:  $AB^2 = BC^2$

$$\Leftrightarrow \frac{1-m}{2} + \frac{(1-m)^4}{16} = 2(1-m) \Leftrightarrow (1-m)^3 = 24 \Leftrightarrow m = 1 - 2\sqrt[3]{3} \text{ (thỏa } m < 1).$$

**Câu 38.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị hàm số  $y = \frac{x+3}{x^2 + 2x - m}$  có hai đường tiệm cận đứng.

**A.**  $m > -1$  và  $m \neq 3$ .

**B.**  $m \geq 0$ .

**C.**  $m > -1$ .

**D.**  $m \leq -1$ .

**Lời giải**

Đồ thị hàm số đã cho có hai đường tiệm cận đứng thì phương trình  $x^2 + 2x - m$  có hai nghiệm phân biệt khác  $-3$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' > 0 \\ (-3)^2 + 2(-3) - m \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1+m > 0 \\ m \neq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > -1 \\ m \neq 3 \end{cases}.$$

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-3$	$1$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$2$	$-3$	$+\infty$	

Phương trình  $|f(x)| = 2$  có bao nhiêu nghiệm?

**A.** 3.

**B.** 2.

**C.** 4.

**D.** 5.

**Lời giải**

$$\text{Ta có } |f(x)| = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 2 \\ f(x) = -2 \end{cases}$$

Từ bảng biến thiên ta thấy  
 Phương trình  $f(x) = 2$  có 2 nghiệm.  
 Phương trình  $f(x) = -2$  có 3 nghiệm.  
 Dễ thấy các nghiệm trên phân biệt.  
 Vậy phương trình  $|f(x)| = 2$  có 5 nghiệm.

**Câu 40.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$ . Biết  $AA' = 2a, AB = a, AC = a\sqrt{3}$ ,  $BAC = 135^\circ$ . Tính thể tích của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  ?

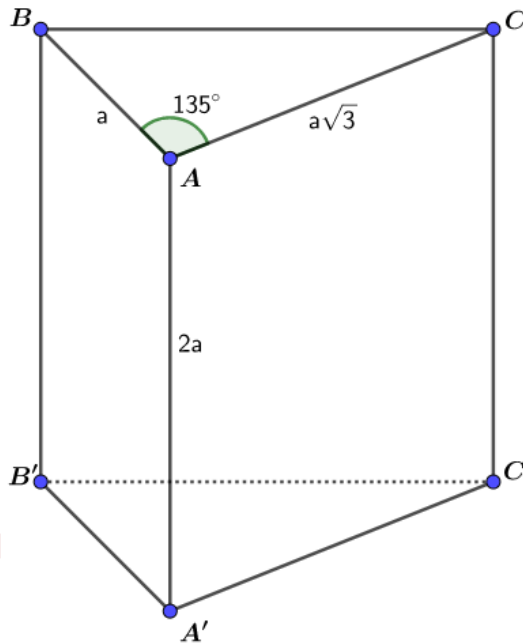
A.  $\frac{3a^3}{2}$ .

B.  $\frac{a^3 \cdot \sqrt{6}}{3}$ .

**C.  $\frac{a^3 \cdot \sqrt{6}}{2}$ .**

D.  $\frac{a^3 \cdot \sqrt{6}}{6}$ .

Lời giải



Ta có  $S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin BAC = \frac{a^2 \sqrt{6}}{4}$

Vậy thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  là

$V = S_{ABC} \cdot AA' = \frac{a^3 \sqrt{6}}{2}$ .

**Câu 41.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $d: y = (2m - 1)x + 3 + m$  vuông góc với đường thẳng đi qua hai điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 1$ .

A.  $m = \frac{3}{2}$ .

**B.  $m = \frac{3}{4}$ .**

C.  $m = -\frac{1}{2}$ .

D.  $m = \frac{1}{4}$ .

Lời giải

Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 1$

Có  $y' = 3x^2 - 6x$

Lấy  $y: y'$  ta được đường thẳng đi qua cực đại, cực tiểu là:  $y = -2x + 1$

Để đường thẳng (d) vuông góc với đường thẳng đi qua cực đại, cực tiểu

$$\Leftrightarrow (2m-1) \cdot (-2) = -1$$

$$\Leftrightarrow 2m-1 = \frac{1}{2}$$

$$\Leftrightarrow m = \frac{3}{4}$$

**Câu 42.** Cho khối tứ diện  $ABCD$  có thể tích bằng  $V$ . Gọi  $M$  là trung điểm cạnh  $AB$ ,  $N$  thuộc cạnh  $AC$  sao cho  $AN=2NC$ ,  $P$  thuộc cạnh  $AD$  sao cho  $PD=3AP$ . Thể tích của khối đa diện  $MNP.BCD$  tính theo  $V$  là

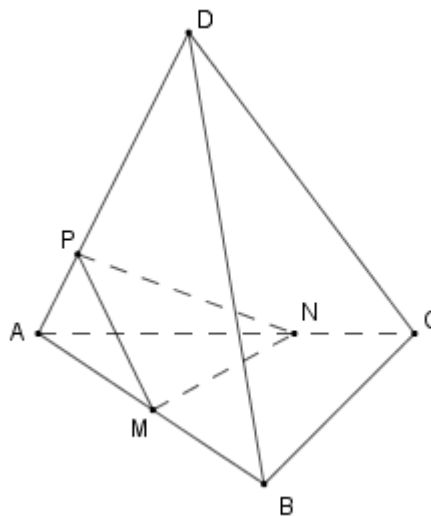
A.  $\frac{21}{24}V$ .

B.  $\frac{5}{6}V$ .

C.  $\frac{7}{8}V$ .

**D.  $\frac{11}{12}V$ .**

Lời giải



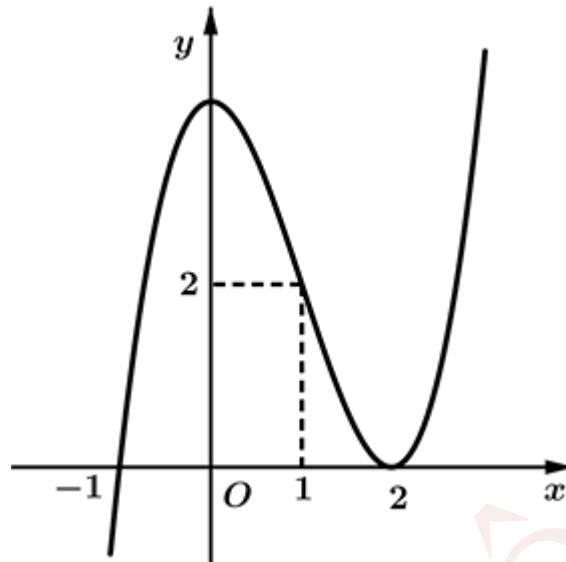
Ta có:  $\frac{V_{APNM}}{V_{ADCB}} = \frac{AP}{AD} \cdot \frac{AN}{AC} \cdot \frac{AM}{AB} = \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{12}$

$$\Rightarrow V_{APNM} = \frac{1}{12} V_{ADCB}$$

$$V_{ABCD} = V_{APNM} + V_{MNP.BCD}$$

$$\Rightarrow V_{MNP.BCD} = V_{ABCD} - V_{APNM} = V - \frac{1}{12}V = \frac{11}{12}V.$$

**Câu 43.** Cho hàm số bậc ba  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ ) có đồ thị như hình vẽ sau đây:



Đồ thị hàm số  $g(x) = \frac{\sqrt{x}(x-2)}{f^2(x)-2f(x)}$  có bao nhiêu đường tiệm cận đứng?

A. 2.

B. 4.

C. 3.

D. 1.

Lời giải

Từ đồ thị ta suy ra hàm số có dạng:  $f(x) = a(x+1)(x-2)^2$ .

Đồ thị hàm số đi qua điểm  $(1; 2) \Rightarrow a = 1 \Rightarrow f(x) = (x+1)(x-2)^2 = x^3 - 3x^2 + 4$ .

$$\Rightarrow g(x) = \frac{\sqrt{x}(x-2)}{(x^3 - 3x^2 + 4)(x^3 - 3x^2 + 2)} = \frac{\sqrt{x}(x-2)}{(x+1)(x-2)^2(x-1)(x^2 - 2x - 2)}$$

TXĐ của hàm  $g(x): D = [0; +\infty) \setminus \{1, 2, 1 + \sqrt{3}\}$ .

Từ đó dễ thấy đồ thị hàm số đã cho có 3 tiệm cận đứng là:  $x = 2; x = 1; x = 1 + \sqrt{3}$ .

Cách làm trắc nghiệm: Dễ thấy phương trình

$$f^2(x) - 2f(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 2 \text{ (kép)} \end{cases} \\ f(x) = 2 \Rightarrow \begin{cases} x = x_1 \in (-1; 0) \\ x = 1 \\ x = x_2 \in (2; +\infty) \end{cases} \end{cases}$$

Kết hợp với đk suy ra đồ thị hàm số có 3 tiệm cận đứng.

**Câu 44.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ . Mặt phẳng  $(AB'C')$  tạo với mặt đáy góc  $60^\circ$ . Tính theo  $a$  thể tích lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

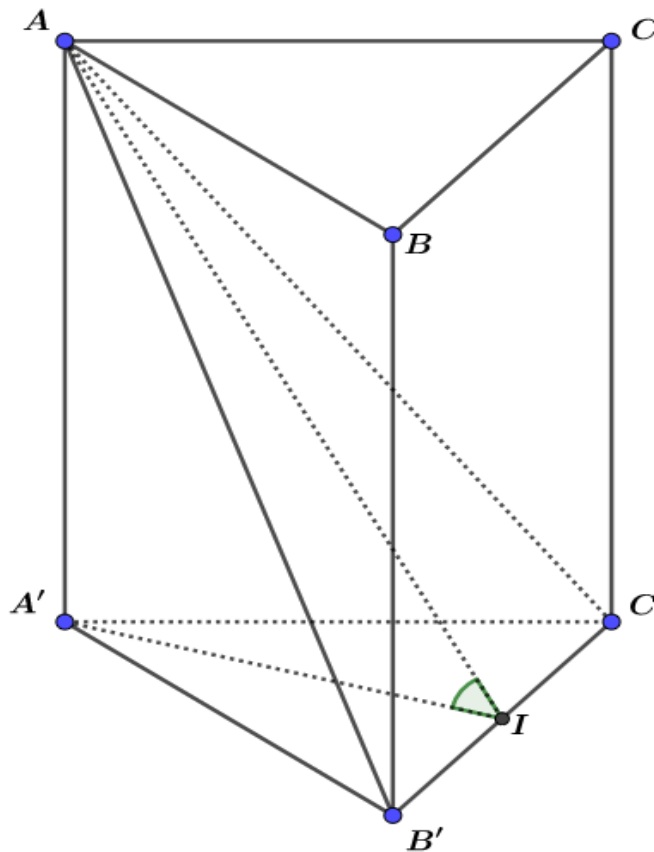
A.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .

B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

Lời giải



Gọi  $I$  là trung điểm của  $B'C' \Rightarrow A'I \perp B'C'$  và  $A'I = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ , do

$$AA' \perp (A'B'C') \Rightarrow AA' \perp B'C' \Rightarrow B'C' \perp (AA'I) \Rightarrow ((AB'C'); (ABC)) = \angle AIA' = 60^\circ.$$

$$\Rightarrow AA' = A'I \tan 60^\circ = \frac{3a}{2}.$$

$$S_{ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} \Rightarrow V_{ABC.A'B'C'} = S_{ABC} \cdot AA' = \frac{3a^3\sqrt{3}}{8}.$$

**Câu 45.** Nếu mỗi cạnh đáy của hình chóp tam giác giảm đi một nửa và chiều cao của hình chóp tăng lên gấp đôi thì thể tích của hình chóp đó

- A.** không thay đổi.      **B.** tăng lên 2 lần.      **C.** giảm đi một nửa.      **D.** tăng lên 4 lần.

**Lời giải**

\* Giả sử hình chóp  $S.ABC$  có chiều cao là  $SH$ .

Gọi hình chóp  $S'.A'B'C'$  sau khi thay đổi có chiều cao là  $S'H'$ .

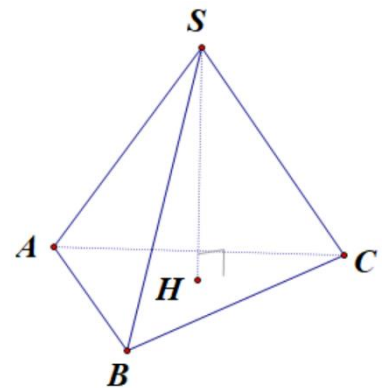
\* Ta có:  $\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'C'}{AC} = \frac{B'C'}{BC} = \frac{1}{2}$  và  $S'H' = 2SH$ .

$$\Rightarrow \Delta A'B'C' \sim \Delta ABC \Rightarrow S_{\Delta A'B'C'} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \cdot S_{\Delta ABC}$$

$$* \text{ Khi đó: } V_{S'.A'B'C'} = \frac{1}{3} \cdot S_{\Delta A'B'C'} \cdot S'H'$$

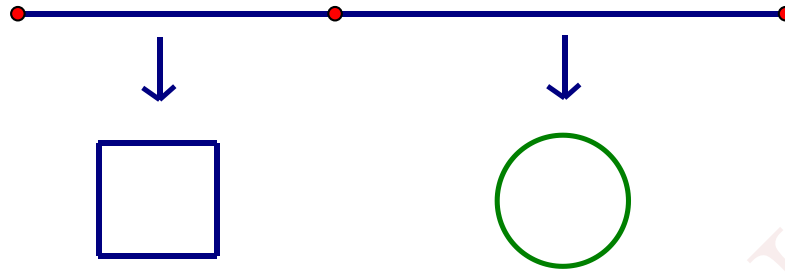
$$= \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{1}{4} S_{\Delta ABC}\right) \cdot (2SH) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} S_{\Delta ABC} \cdot SH = \frac{1}{2} \cdot V_{S.ABC}$$

Kết luận: Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  giảm đi một nửa.





**Câu 46.** Một sợi dây kim loại dài 60cm được cắt thành hai đoạn. Đoạn dây thứ nhất uốn thành hình vuông cạnh  $a$ , đoạn dây thứ hai uốn thành đường tròn bán kính  $r$ . Để tổng diện tích của hình vuông và hình tròn nhỏ nhất thì tỉ số  $\frac{a}{r}$  bằng:



A.  $\frac{a}{r} = 1.$

**B.  $\frac{a}{r} = 2.$**

C.  $\frac{a}{r} = 3.$

D.  $\frac{a}{r} = 4.$

Lời giải

Ta có:

$$* 4a + 2\pi r = 60 \Leftrightarrow \pi r = 30 - 2a$$

$$\text{Điều kiện: } 0 < 4a < 60 \Leftrightarrow 0 < a < 15.$$

\* Tổng diện tích của hình vuông và hình tròn:

$$S = a^2 + r^2\pi = a^2 + \frac{(30 - 2a)^2}{\pi} = \frac{1}{\pi} [(\pi + 4)a^2 - 120a + 900]$$

\* Xét  $f(a) = (\pi + 4)a^2 - 120a + 900$  với  $a \in (0, 15)$

$$f(a) \text{ đạt giá trị nhỏ nhất tại } a = \frac{120}{2(\pi + 4)} = \frac{60}{\pi + 4} \in (0, 15).$$

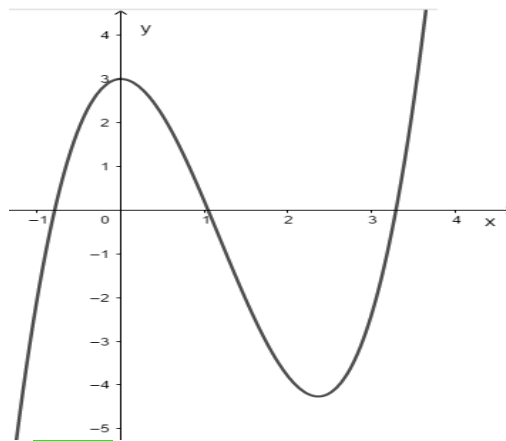
\*  $S$  đạt giá trị nhỏ nhất khi  $a = \frac{60}{\pi + 4}.$

$$\Rightarrow \pi r = 30 - 2 \cdot \frac{60}{\pi + 4} = \frac{30\pi}{\pi + 4} \Rightarrow r = \frac{30}{\pi + 4}$$

\* Khi đó:  $\frac{a}{r} = \frac{60}{\pi + 4} : \frac{30}{\pi + 4} = 2.$

Kết luận:  $\frac{a}{r} = 2.$

**Câu 47.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị là đường cong như hình vẽ. Đặt  $g(x) = -2f(f(x)) + 3$ . Tìm số điểm cực trị của hàm số  $g(x)$ .



A. 2.

**B. 8.**

C. 10.

D. 6.

Lời giải



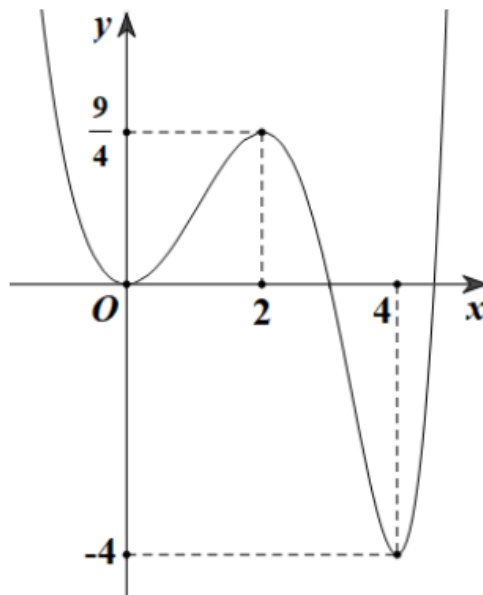
\* Đặt  $u(x) = \sqrt{3} \sin x + \cos x = 2 \cos\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$

$\Rightarrow u'(x) = -2 \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right); u'(x) = 0 \Rightarrow x \in \left\{\frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}, \frac{7\pi}{3}\right\}$

\* Đặt  $v(x) = f[u(x)] \Rightarrow v'(x) = u'(x) \cdot f'[u(x)]$

$g(x) = f(v(x)) \Rightarrow g'(x) = v'(x) \cdot f'[v(x)]$

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị của hàm số  $y = f(5 - 2x)$  như hình vẽ sau. Có bao nhiêu giá trị thực của tham số  $m$  thuộc khoảng  $(-9; 9)$  thỏa mãn  $2m \in \mathbb{Z}$  và hàm số  $y = \left|2f(4x^3 + 1) + m - \frac{1}{2}\right|$  có 5 điểm cực trị?



**A. 26.**

**B. 25.**

**C. 27.**

**D. 24.**

**Lời giải**

Ta có  $y = f(5 - 2x) \Rightarrow y' = -2f'(5 - 2x)$ . Từ đồ thị, suy ra

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \\ x = 4 \end{cases} \text{ Đặt } t = 5 - 2x \Rightarrow x = \frac{5-t}{2} \Rightarrow f'(t) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 5 \\ t = 1 \\ t = -3 \end{cases}$$

$$\text{Đặt } g(x) = 2f(4x^3 + 1) + m - \frac{1}{2} \Rightarrow g'(x) = 24x^2 f'(4x^3 + 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 = 0 \\ 4x^3 + 1 = 5 \Rightarrow x^3 = 1 \\ 4x^3 + 1 = 1 \Rightarrow x^3 = 0 \\ 4x^3 + 1 = -3 \Rightarrow x^3 = -1 \end{cases}$$

Từ đó suy ra  $g(x)$  có 3 cực trị. Để  $y = |g(x)|$  có 5 cực trị thì phương trình

$g(x) = 0 \Leftrightarrow f(4x^3 + 1) = \frac{1 - 2m}{4}$  có 2 nghiệm đơn phân biệt.

Đặt  $u = 4x^3 + 1 \Rightarrow x = \sqrt[3]{\frac{u-1}{4}}$  và phương trình trở thành:  $f(u) = \frac{1 - 2m}{4}$ .

Từ đây, kết hợp với đồ thị ta có điều kiện là 
$$\begin{cases} \frac{1-2m}{4} \geq \frac{9}{4} \\ -4 < \frac{1-2m}{4} \leq 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2m \leq -8 \\ 1 \leq 2m < 17 \end{cases}.$$

Do  $m \in (-9; 9), 2m \in \mathbb{Z} \Rightarrow \begin{cases} 2m \in \{-17, -16, \dots, -9, -8\} \\ 2m \in \{1, 2, 3, \dots, 16\} \end{cases}.$

Vậy có tất cả 26 giá trị của  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

**Câu 50.** Cho khối lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$ . Các mặt phẳng  $(ABC')$  và  $(A'B'C)$  chia khối lăng trụ thành 4 khối đa diện, kí hiệu  $H_1, H_2$  lần lượt là khối đa diện có thể tích lớn nhất và nhỏ nhất

trong 4 khối đa diện. Gọi  $V_{(H_1)}, V_{(H_2)}$  lần lượt là thể tích của  $H_1$  và  $H_2$ . Tỉ số  $\frac{V_{(H_1)}}{V_{(H_2)}}$  bằng

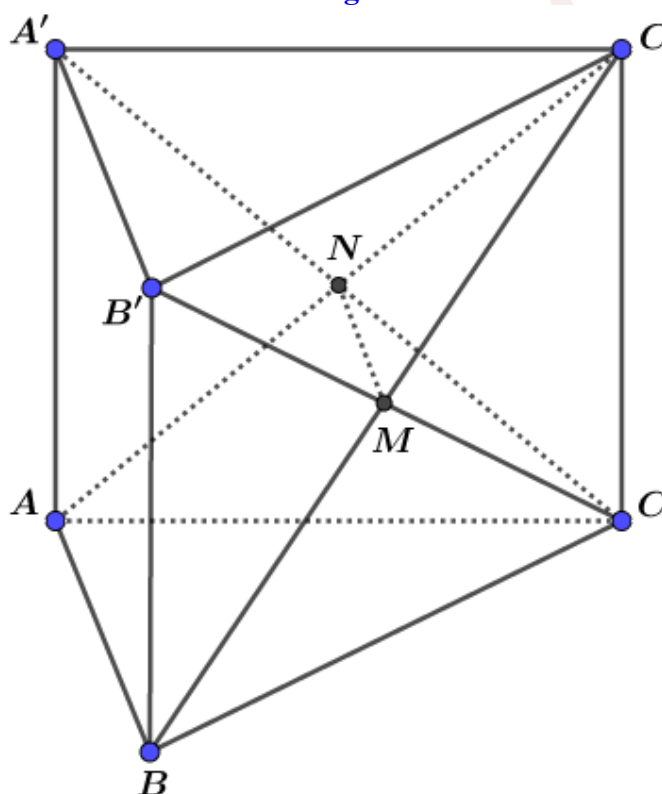
A. 3.

B. 4.

C. 2.

**D. 5.**

Lời giải



Gọi  $V$  là thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  và  $\begin{cases} M = BC' \cap B'C \\ N = A'C \cap AC' \end{cases} \Rightarrow M, N$  lần lượt là trung điểm của  $BC', AC'$ .

+) Thể tích khối  $C'CMN$ .

$$\text{Ta có } \begin{cases} \frac{V_{C'CMN}}{V_{C'CAB}} = \frac{C'N}{C'A} \cdot \frac{C'M}{C'B} = \frac{1}{4} \\ V_{C'CAB} = \frac{1}{3}V \end{cases} \Rightarrow V_{C'CMN} = \frac{1}{12}V.$$

+) Thể tích khối  $MNCAB$ :  $V_{MNCAB} = V_{C'CAB} - V_{C'CMN} = \frac{1}{3}V - \frac{1}{12}V = \frac{1}{4}V.$

$$+ \text{ Thể tích khối } MNC'A'B': V_{MNC'A'B'} = V_{CC'A'B'} - V_{C'CMN} = \frac{1}{3}V - \frac{1}{12}V = \frac{1}{4}V.$$

$$+) \text{ Thể tích khối } MNABB'A': V_{MNABB'A'} = V - \frac{1}{12}V - \frac{1}{4}V - \frac{1}{4}V = \frac{5}{12}V.$$

$$\text{Từ đó } \frac{V_{(H_1)}}{V_{(H_2)}} = \frac{V_{MNABB'A'}}{V_{C'CMN}} = 5.$$

-----

**ĐỀ 11**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

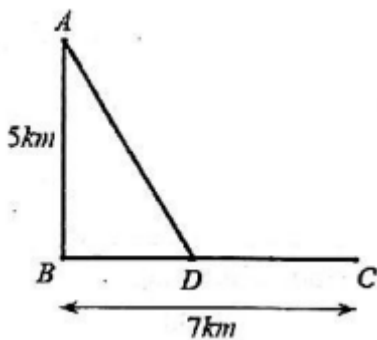
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $f(x) = x^3 + 3x^2 - m$ . Tìm các giá trị của  $m$  để đồ thị hàm số  $f(x)$  cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt?

- A.  $\begin{cases} m \leq 0 \\ m \geq 4 \end{cases}$ .      B.  $m \in [0; 4]$ .      C.  $\begin{cases} m < 0 \\ m > 4 \end{cases}$ .      D.  $m \in (0; 4)$ .

**Câu 2.** Một đoàn cứu trợ lũ lụt đang ở vị trí A của một tỉnh miền trung muốn đến xã C để tiếp tế lương thực và thuốc men. Để đi đến C, đoàn cứu trợ phải chèo thuyền từ A đến vị trí D với vận tốc 4 (km/h), rồi đi bộ đến C với vận tốc 6 (km/h). Biết A cách B một khoảng 5km, B cách C một khoảng 7km (hình vẽ). Hỏi vị trí điểm D cách A bao xa để đoàn cứu trợ đi đến xã C nhanh nhất?

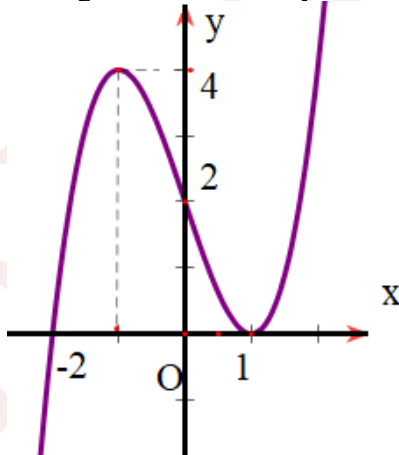


- A.  $AD = 5\sqrt{3}km$ .      B.  $AD = 2\sqrt{5}km$ .      C.  $5\sqrt{2}km$ .      D.  $AD = 3\sqrt{5}km$ .

**Câu 3.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-3}}{x^2+x-6}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

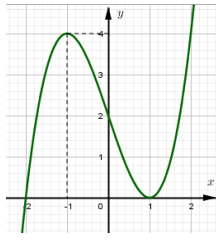
- A. 2.      B. 1.      C. 3.      D. 0.

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Khẳng định nào sau đây **sai** ?



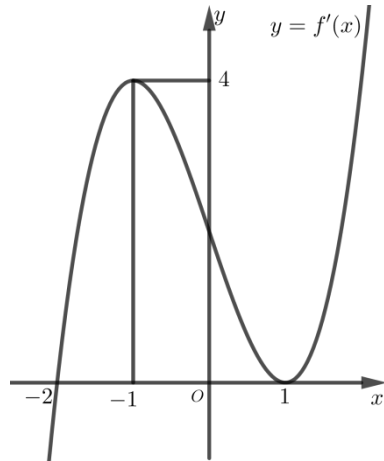
- A. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$   
 B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-2; -1)$   
 C. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$   
 D. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$

**Câu 5.** Cho hàm số có đồ thị như hình vẽ sau. Hàm số đó là hàm số nào?



- A.  $y = x^3 - x^2 + 1$ .      B.  $y = x^3 + x^2 + 1$ .      C.  $y = x^3 - 3x + 2$ .      D.  $y = -x^3 + 3x + 2$

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ , hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị hàm số như hình dưới



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào trong các khoảng sau:

- A.  $(-\infty; 2); (1; +\infty)$       B.  $(-2; +\infty) \setminus \{1\}$       C.  $(-2; +\infty)$       D.  $(-4; 0)$

**Câu 7.** Trong một khối đa diện, mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hai cạnh bất kì có ít nhất một điểm chung.  
 B. Ba mặt bất kì có ít nhất 1 đỉnh chung.  
 C. Hai mặt bất kì có ít nhất một điểm chung.  
 D. Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba mặt.

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = \frac{8x-5}{x+3}$ . Kết luận nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -3) \cup (-3; +\infty)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .  
 C. Hàm số luôn đồng biến trên .  
 D. Hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định của nó.

**Câu 9.** Bảng biến thiên sau là bảng biến thiên của hàm số nào sau đây?

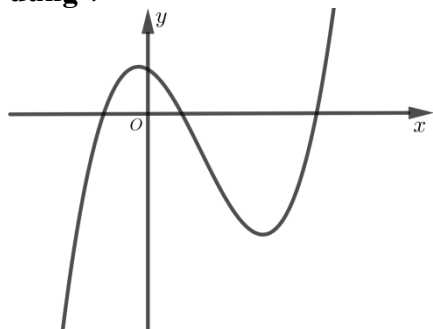
$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$-1$	$-5$	$+\infty$	

- A.  $y = -x^3 - 3x - 2$ .      B.  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .      C.  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .      D.  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Câu 10.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để phương trình  $x - m - \sqrt{9 - x^2} = 0$  có đúng 1 nghiệm dương?

- A.  $m \in (-3; 3]$ .      B.  $m \in (-3; 3] \cup \{-3\sqrt{2}\}$ .  
 C.  $m \in [0; 3]$ .      D.  $m = \pm 3\sqrt{2}$ .

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên. Trong các mệnh đề sau mệnh đề nào đúng ?



**A.**  $ab < 0, bc > 0, cd < 0$

**B.**  $ab < 0, bc < 0, cd > 0$

**C.**  $ab > 0, bc > 0, cd < 0$

**D.**  $ab > 0, bc > 0, cd > 0$

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $R$  và có bảng biến thiên như sau. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$-1$	$-2$	$-1$	$-\infty$

**A.**  $(0; 1)$ .

**B.**  $(-1; 0)$ .

**C.**  $(-\infty; 1)$ .

**D.**  $(1; +\infty)$ .

**Câu 13.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $R$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$+$
$y$	$-\infty$	$5$	$1$	$+\infty$

Đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  có bao nhiêu điểm cực trị?

**A.** 2.

**B.** 3.

**C.** 4.

**D.** 5.

**Câu 14.** Cho đồ thị  $(C)$  của hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$ . Số các tiếp tuyến với đồ thị  $(C)$  mà các tiếp tuyến đó vuông góc với đường thẳng  $d: y = -\frac{1}{3}x + 1$  là:

**A.** 1.

**B.** 2.

**C.** 3.

**D.** 0.

**Câu 15.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = 3\cos 2x - 4\sin x$  là

**A.** 1.

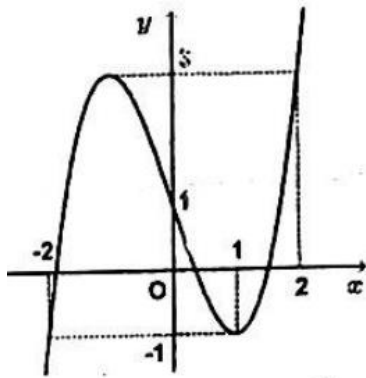
**B.**  $-7$ .

**C.**  $-5$

**D.**  $\frac{11}{3}$ .

**Câu 16.** Cho hàm  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị như hình vẽ bên.

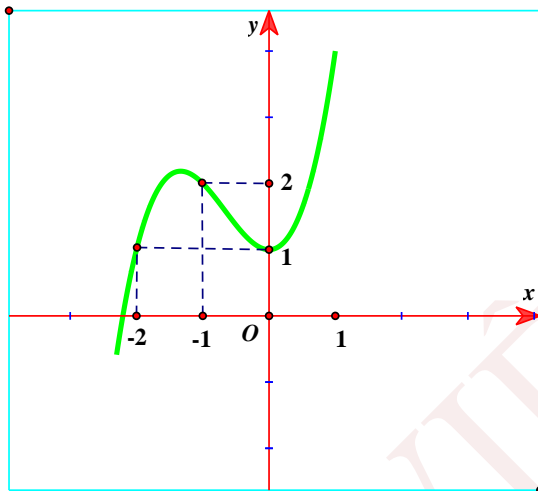




Số nghiệm của phương trình  $3f(x+2) - 4 = 0$  trên đoạn  $[-2; 2]$  là ?

- A. 4.                                      B. 2.                                      C. 3.                                      D. 1.

**Câu 17.** Cho hàm số có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Chọn kết luận *sai* trong các kết luận sau:



- A. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .  
 B. Đồ thị hàm số cắt trục  $Oy$  tại điểm  $(0; 1)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .  
D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-2; -1)$ .

**Câu 18.** Hàm số  $y = x^3 - (m + 2)x + m$  đạt cực tiểu tại  $x = 1$  khi:

- A.  $m = -1$ .                                      B.  $m = 2$ .                                      C.  $m = -2$ .                                      D.  $m = 1$ .

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác cân tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy; góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng  $45^\circ$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$ .                                      C.  $\frac{a^3\sqrt{5}}{24}$ .                                      D.  $\frac{a^3\sqrt{5}}{6}$ .

**Câu 20.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$  với  $AC = a\sqrt{3}$ . Biết  $BC'$  hợp với mặt phẳng  $(AA'C'C)$  một góc  $30^\circ$  và hợp với mặt phẳng đáy góc  $\alpha$  sao cho  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{6}}{4}$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm cạnh  $BB'$  và  $A'C'$ . Khoảng cách  $MN$  và  $AC'$  là :

- A.  $\frac{a\sqrt{6}}{4}$                                       B.  $\frac{a\sqrt{3}}{6}$                                       C.  $\frac{a\sqrt{5}}{4}$                                       D.  $\frac{a}{3}$

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 2$ . Chọn kết luận **đúng**:

- A. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 3$ .                                      B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -1$ .

C. Hàm số đạt cực tại  $x=1$ . D. Hàm số đạt cực đại tại  $x=3$ .

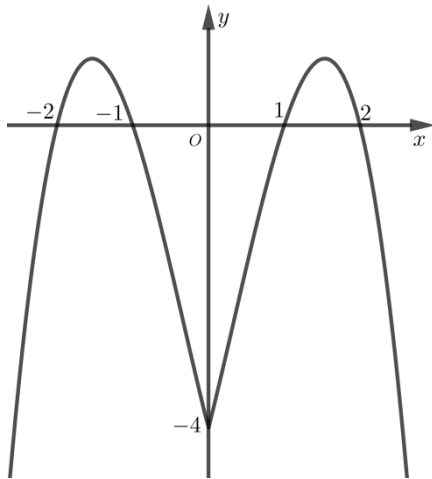
**Câu 22.** Với giá trị nào của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}$  có tiệm cận ngang.

A.  $m=1$ . B.  $m=-1$ . C.  $m=\pm 1$ . D. Không có  $m$ .

**Câu 23.** Số giao điểm của đường cong  $y = x^3 - 2x^2 + 2x + 1$  và đường thẳng  $y = 1 - x$  là

A. 1. B. 2. C. 3. D. 0.

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị hàm số  $y = f(|x|)$  như hình vẽ



Chọn kết luận **đúng** trong các kết luận sau:

A.  $f(x) = -x^3 + x^2 + 4x - 4$  B.  $f(x) = x^3 - x^2 - 4x + 4$

C.  $f(x) = -x^3 - x^2 + 4x + 4$  D.  $f(x) = x^3 + x^2 - 4x - 4$

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = -x^3 - mx^2 + (4m + 9)x + 5$  (với  $m$  là tham số). Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

A. 7 B. 6 C. 5 D. 8

**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $A$  và  $D$ ,  $AB = AD = a$ ,  $CD = 2a$ . Hình chiếu của  $S$  lên mặt phẳng  $(ABCD)$  trùng với trung điểm của  $BD$ . Biết thể tích tứ diện

$SBCD$  bằng  $\frac{a^3}{\sqrt{6}}$ . Tính khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  là:

A.  $\frac{a\sqrt{3}}{2}$ . B.  $\frac{a\sqrt{2}}{6}$ . C.  $\frac{a\sqrt{3}}{6}$ . D.  $\frac{a\sqrt{6}}{4}$ .

**Câu 27.** Một khối lập phương có cạnh bằng  $a$  (cm). Khi tăng kích thước của mỗi cạnh thêm 2 (cm) thì thể tích tăng thêm  $98$  ( $\text{cm}^3$ ). Giá trị  $a$  bằng:

A. 6 (cm) B. 5 (cm) C. 4 (cm). D. 3 (cm).

**Câu 28.** Hàm đồ thị  $(C) : y = x^3 - 3x^2$ . Có bao nhiêu số nguyên  $b \in (-10; 10)$  để có đúng một tiếp tuyến của  $(C)$  qua  $(0; b)$

A. 9. B. 16. C. 2. D. 17.

**Câu 29.** Cho hình chóp  $S.ABCDE$  có đáy là hình ngũ giác và có thể tích là  $V$ . Nếu tăng chiều cao của hình chóp lên 3 lần đồng thời giảm độ dài các cạnh đi 3 lần thì ta được khối chóp mới

$S'.A'B'C'D'E'$  có thể tích là  $V'$ . Tỉ số thể tích  $\frac{V'}{V}$  là:

A. 3. B.  $\frac{1}{5}$ . C. 1. D.  $\frac{1}{3}$ .

**Câu 30.** Cho hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$ ,  $\angle ABC = 60^\circ$ . Chân đường cao hạ từ  $B'$  trùng với tâm  $O$  của đáy  $ABCD$ ; góc giữa mặt phẳng  $(BB'C'C)$  với đáy bằng  $60^\circ$ . Thể tích lăng trụ bằng:

- A.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$       B.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{9}$       C.  $\frac{3a^3\sqrt{2}}{8}$       D.  $\frac{3a^3}{4}$

**Câu 31.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{2-x}{1+|x|}$  là:

- A. 2.      B. 0.      C. 3.      D. 1.

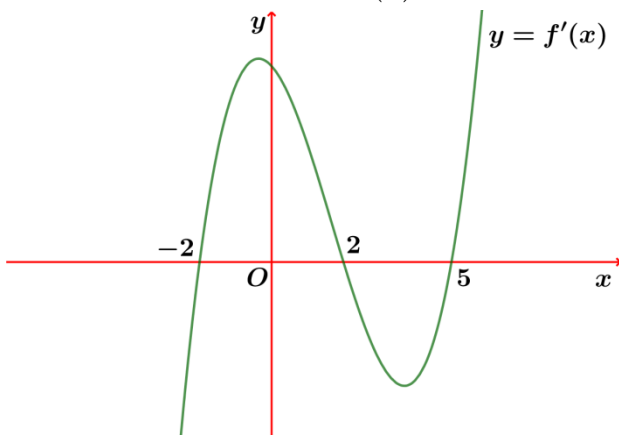
**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{\sin x - m}{\sin x + 1}$ . Tìm giá trị của tham số  $m$  để giá trị lớn nhất của hàm số trên đoạn  $\left[0; \frac{2\pi}{3}\right]$  bằng  $-2$ ?

- A.  $m = 5$ .      B.  $\begin{cases} m = 5 \\ m = 2 \end{cases}$ .      C.  $m = 2$ .      D.  $m = 3$ .

**Câu 33.** Hình bát diện đều có bao nhiêu đỉnh?

- A. 10.      B. 8.      C. 6.      D. 12.

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên.



Hỏi hàm số  $g(x) = f(3 - 2x)$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-1; +\infty)$       B.  $(-\infty; -1)$   
C.  $(1; 3)$       D.  $(0; 2)$

**Câu 35.** Hình lăng trụ có thể có số cạnh là số nào sau đây?

- A. 2017      B. 2019      C. 2018      D. 2020

**Câu 36.** Một xưởng sản xuất cần làm 100 chiếc hộp inox bằng nhau, hình dạng là hình hộp chữ nhật có đáy là hình vuông (hộp không có nắp), với thể tích là  $108 \text{ dm}^3 / 1$  hộp. Giá inox là  $47.000$  đồng/ $1 \text{ dm}^2$ . Hãy tính toán sao cho tổng tiền chi phí cho 100 chiếc hộp là ít nhất, và số tiền tối thiểu đó là bao nhiêu (nếu chỉ tính số inox vừa đủ để sản xuất 100 chiếc hộp, không có phần dư thừa, cắt bỏ)?

- A.  $1.692.000.000$  đồng.      B.  $507.666.000$  đồng.  
C.  $1.015.200.000$  đồng.      D.  $253.800.000$  đồng.

**Câu 37.** Phương trình tiếp tuyến với đồ thị (C) của hàm số:  $y = x^3 - 3x + 1$ , biết tiếp tuyến song song với đường thẳng (d):  $y = 9x + 17$  là:

A.  $\begin{cases} y = 9x + 19 \\ y = 9x - 21 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} y = 9x - 19 \\ y = 9x + 21 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} y = 9x - 15 \\ y = 9x + 17 \end{cases}$

D.  $y = 9x - 15$ .

Câu 38. Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 2$  trên đoạn  $[-1; 2]$  là

A. 11.

B. 10.

C. 6.

D. 15.

Câu 39. Khẳng định nào sau đây **sai**?

A. Hai khối lập phương lần lượt có cạnh là  $4cm$  và  $8cm$  là hai khối đa diện đồng dạng.

B. Khối chóp tam giác đều là khối chóp có đáy là tam giác đều.

C. Hai khối tứ diện đều có diện tích mỗi mặt là  $3m^2$  và  $12m^2$  là hai khối đa diện đồng dạng.

D. Khối lăng trụ tứ giác đều và khối hộp chữ nhật là hai khối đa diện đồng dạng.

Câu 40. Trung điểm các cạnh của hình tứ diện đều là đỉnh của hình:

A. Hình lập phương.

B. Hình tứ diện đều.

C. Hình lăng trụ tam giác.

D. Hình bát diện đều.

Câu 41. Cho hàm số  $y = x - \sin 2x + 3$ . Chọn kết luận **đúng**.

A. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = \frac{\pi}{3}$ .

B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = \frac{-\pi}{6}$ .

B. Hàm số đạt cực đại tại  $x = \frac{\pi}{6}$ .

D. Hàm số đạt cực đại tại  $x = \frac{-\pi}{6}$ .

Câu 42. Đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận ngang của hàm số nào sau đây?

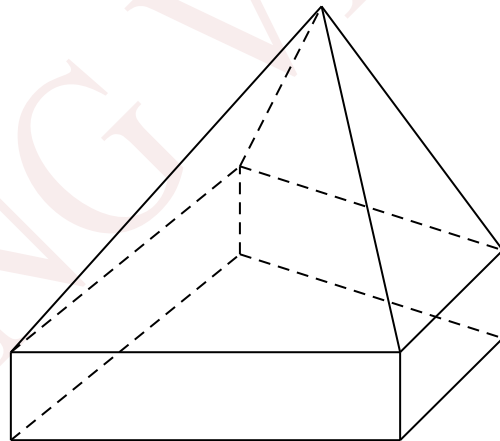
A.  $y = \frac{2x^2 + 1}{2 - x}$

B.  $y = \frac{x^2 + 2x + 1}{1 + x}$

C.  $y = \frac{x + 1}{1 - 2x}$

D.  $y = \frac{2x - 2}{x + 2}$

Câu 43. Hình đa diện có bao nhiêu cạnh?



A. 15.

B. 12.

C. 20.

D. 16.

Câu 44. Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$		$3$	$+\infty$		
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$		$\nearrow$	$5$	$\searrow$	$1$	$\nearrow$	$+\infty$
	$-\infty$						

Đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  có bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 2.    B. 3.    C. 4.    D. 5.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$0$		$4$		$-\infty$

Khẳng định nào sau đây **sai** ?

- A. Hàm số đồng biến trên  $(-2; 0)$ .  
 B. Hàm số đạt giá trị lớn nhất là 4.  
 C. Đường thẳng  $y = 2$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại 3 điểm phân biệt.  
 D. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -2$ .
- Câu 46.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$ . Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại điểm  $M(1; 0)$  là:  
 A.  $y = \frac{1}{2}x - \frac{3}{2}$ .    B.  $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$ .    C.  $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ .    D.  $y = \frac{1}{4}x - \frac{1}{2}$ .
- Câu 47.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác vuông cân tại  $B$ ,  $AB = a$  và  $A'B = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng:  
 A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$     B.  $\frac{a^3}{6}$     C.  $\frac{a^3}{2}$     D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$
- Câu 48.** Số mặt phẳng đối xứng của hình lập phương là  
 A. 3.    B. 6.    C. 8.    D. 9.
- Câu 49.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có thể tích  $V$ , có  $O$  là tâm của đáy. Lấy  $M$  là trung điểm của cạnh bên  $SC$ . Thể tích khối tứ diện  $ABMO$  bằng  
 A.  $\frac{V}{4}$ .    B.  $\frac{V}{2}$ .    C.  $\frac{V}{16}$ .    D.  $\frac{V}{8}$ .
- Câu 50.** Cho hình chóp  $SABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ , cạnh bên  $SC$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SC = a$ . Thể tích của khối chóp  $SABC$  bằng  
 A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$     B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{12}$     C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$     D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$

HƯỚNG DẪN GIẢI

**Câu 1.** Cho hàm số  $f(x) = x^3 + 3x^2 - m$ . Tìm các giá trị của  $m$  để đồ thị hàm số  $f(x)$  cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt?

A.  $\begin{cases} m \leq 0 \\ m \geq 4 \end{cases}$

B.  $m \in [0; 4]$ .

C.  $\begin{cases} m < 0 \\ m > 4 \end{cases}$

**D.  $m \in (0; 4)$ .**

Lời giải

**Chọn D**

Đồ hàm số  $y = f(x)$  cắt trục hoành tại 3 điểm phân biệt khi phương trình  $x^3 + 3x^2 = m$  có 3 nghiệm phân biệt.

Xét hàm số  $g(x) = x^3 + 3x^2$

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$

$g'(x) = 3x^2 + 6x$ ;

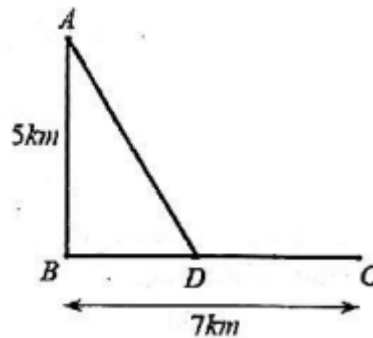
$g'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 + 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -2 \end{cases}$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$\nearrow 4$	$\searrow 0$	$\nearrow +\infty$	

Dựa và BBT phương trình  $x^3 + 3x^2 = m$  có 3 nghiệm phân biệt khi  $m \in (0; 4)$ . **Chọn D**

**Câu 2.** Một đoàn cứu trợ lũ lụt đang ở vị trí A của một tỉnh miền trung muốn đến xã C để tiếp tế lương thực và thuốc men. Để đi đến C, đoàn cứu trợ phải chèo thuyền từ A đến vị trí D với vận tốc 4 (km/h), rồi đi bộ đến C với vận tốc 6 (km/h). Biết A cách B một khoảng 5km, B cách C một khoảng 7km (hình vẽ). Hỏi vị trí điểm D cách A bao xa để đoàn cứu trợ đi đến xã C nhanh nhất?



A.  $AD = 5\sqrt{3}km$ .

B.  $AD = 2\sqrt{5}km$ .

C.  $5\sqrt{2}km$ .

**D.  $AD = 3\sqrt{5}km$ .**

Lời giải

**Chọn D**

Ta tìm vị trí điểm D để đoàn cứu trợ đi từ A đến C nhanh nhất  
Đặt  $AD = x$  ( $x \geq 5$ )

Thời gian chèo thuyền từ A đến D:  $\frac{x}{4}$

$$\text{Có } BD = \sqrt{x^2 - 25}, DC = 7 - \sqrt{x^2 - 25}.$$

$$\text{Thời gian đi bộ từ D đến C: } \frac{7 - \sqrt{x^2 - 25}}{6}$$

$$\text{Thời gian đi từ A đến C: } f(x) = \frac{x}{4} + \frac{7 - \sqrt{x^2 - 25}}{6}. \text{ Ta tìm GTNN của } f(x)$$

Điều kiện xác định  $x \geq 5$

$$f(x) = \frac{1}{12} (3x + 14 - 2\sqrt{x^2 - 25})$$

$$f'(x) = \frac{1}{12} \left( 3 - \frac{2x}{\sqrt{x^2 - 25}} \right)$$

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3\sqrt{x^2 - 25} = 2x; \text{ có } x \geq 5$$

$$\Leftrightarrow 9(x^2 - 25) = 4x^2 \Leftrightarrow x^2 = 45 \Leftrightarrow x = 3\sqrt{5} \text{ (nhận do } x \geq 5)$$

Bảng biến thiên

$x$	5	$3\sqrt{5}$	$+\infty$
$f'(x)$		-   0   +	
$f(x)$	$\frac{29}{12}$	$\frac{14+5\sqrt{5}}{12}$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên  $f(x)$  đạt GTNN khi  $x = 3\sqrt{5}$

Lúc đó  $AD = 3\sqrt{5} \text{ (km)}$ . **Chọn D**

**Câu 3.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-3}}{x^2+x-6}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

A. 2.

**B. 1.**

C. 3.

D. 0.

Lời giải  
Lời giải

**Chọn B**

$$\text{TXD: } D = [3; +\infty)$$

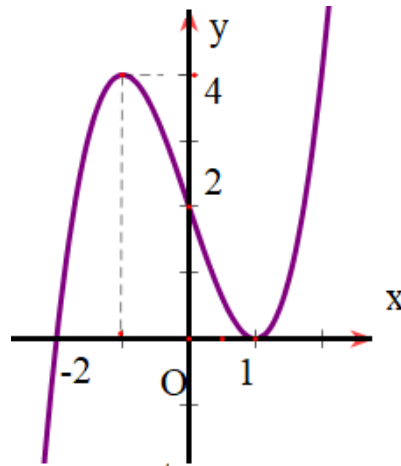
$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x-3}}{x^2+x-6} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\frac{1}{x^3} - \frac{3}{x^4}}}{1 + \frac{1}{x} - \frac{6}{x^2}} = 0$$

$\Rightarrow$  đường thẳng  $y = 0$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

Vậy đồ thị hàm số có 1 tiệm cận **Chọn B**

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ.

Khẳng định nào sau đây **sai** ?



- A. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$
- B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-2; -1)$
- C. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$**
- D. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$

Lời giải

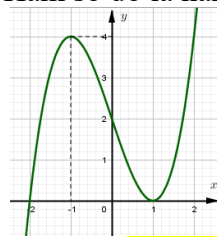
**Chọn C**

Từ đồ thị của hàm  $y = f'(x)$  ta có bảng biến thiên

x	$-\infty$	-2		1		$+\infty$
$y'$		-	0	+	0	+
y	$-\infty$	↘		↗		$+\infty$

Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$

**Câu 5.** Cho hàm số có đồ thị như hình vẽ sau. Hàm số đó là hàm số nào?



- A.  $y = x^3 - x^2 + 1$ .
- B.  $y = x^3 + x^2 + 1$ .
- C.  $y = x^3 - 3x + 2$ .**
- D.  $y = -x^3 + 3x + 2$

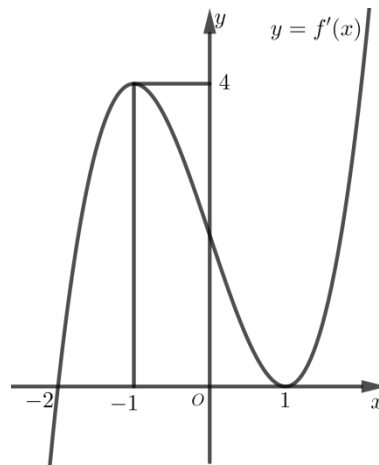
Lời giải

**Chọn C**

- Từ đồ thị thấy đi qua điểm  $A(0; 2)$  nên loại đáp án A và đáp án B
- Từ đồ thị thấy hàm số bậc 3 có hệ số  $a > 0$  nên chọn **đáp án C.**

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ , hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị hàm số như hình dưới





Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào trong các khoảng sau:

- A.  $(-\infty; 2); (1; +\infty)$     B.  $(-2; +\infty) \setminus \{1\}$     **C.  $(-2; +\infty)$**     **D.  $(-4; 0)$**

Lời giải

**Chọn C**

Từ đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  ta có bảng biến thiên cho hàm số  $y = f(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$			$+\infty$

Nhìn vào bảng biến thiên ta thấy ngay trong khoảng  $(-2; +\infty)$  thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến.

**Vậy đáp án C.**

**Câu 7.** Trong một khối đa diện, mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hai cạnh bất kì có ít nhất một điểm chung.  
 B. Ba mặt bất kì có ít nhất 1 đỉnh chung.  
 C. Hai mặt bất kì có ít nhất một điểm chung.  
**D. Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba mặt.**

Lời giải

**Chọn D**

Phương án A hai cạnh bất kì có thể không có điểm chung.  
 Phương án B ba mặt bất kì có thể không có đỉnh chung.  
 Phương án C hai mặt bất kì có thể không có điểm chung.  
 Trong một khối đa diện, mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba mặt.

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = \frac{8x-5}{x+3}$ . Kết luận nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -3) \cup (-3; +\infty)$ .  
 B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .  
 C. Hàm số luôn đồng biến trên .  
**D. Hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định của nó.**

Lời giải

**Chọn D**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-3\}$ .

Ta có  $y' = \frac{29}{(x+3)^2} > 0, \forall x \in D$ .

**Câu 9.** Vậy hàm số đã cho đồng biến trên từng khoảng xác định của nó. Bảng biến thiên sau là bảng biến thiên của hàm số nào sau đây?

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$-1$		$-5$		$+\infty$

- A.  $y = -x^3 - 3x - 2$ .    **B.  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .**    C.  $y = -x^3 + 3x^2 - 2$ .    D.  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

C1 : Nhìn vào bảng biến thiên chọn luôn đáp án B vì  $a > 0$ .

C2 : Ta có :

$$y' = 3x^2 - 6x ; y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -1 \\ y = -5 \end{cases}$$

BBT :

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$-1$		$-5$		$+\infty$

**Câu 10.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để phương trình  $x - m - \sqrt{9 - x^2} = 0$  có đúng 1 nghiệm dương?

- A.  $m \in (-3; 3]$ .**    B.  $m \in (-3; 3] \cup \{-3\sqrt{2}\}$ .  
 C.  $m \in [0; 3]$ .    D.  $m = \pm 3\sqrt{2}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Điều kiện:  $-3 \leq x \leq 3$ .

Phương trình tương đương với  $x - \sqrt{9 - x^2} = m$ .

Số nghiệm của phương trình là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x - \sqrt{9 - x^2}$  và đường thẳng  $y = m$ .

Xét hàm số  $y = x - \sqrt{9 - x^2}$  với  $-3 \leq x \leq 3$ .

$$y' = 1 + \frac{x}{\sqrt{9 - x^2}}$$

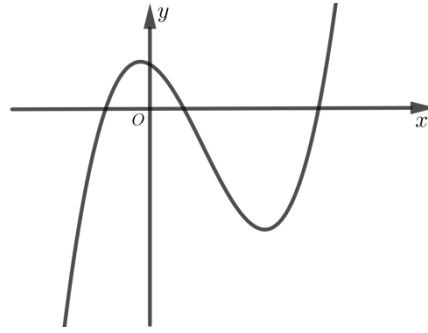
$$y' = 0 \Rightarrow \sqrt{9 - x^2} = -x \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 0 \\ 9 - x^2 = x^2 \end{cases} \Leftrightarrow x = \frac{-3\sqrt{2}}{2} \in [-3; 3].$$

BBT:

$x$	$-3$	$\frac{-3\sqrt{2}}{2}$	$0$	$3$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$+$
$y$			$-3$	

Dựa vào bảng biến thiên suy ra  $-3 < m \leq 3$ .

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên. Trong các mệnh đề sau mệnh đề nào đúng ?



**A.**  $ab < 0, bc > 0, cd < 0$

**B.**  $ab < 0, bc < 0, cd > 0$

**C.**  $ab > 0, bc > 0, cd < 0$

**D.**  $ab > 0, bc > 0, cd > 0$

**Lời giải**

**Chọn A**

Từ dáng điệu của đồ thị ta có ngay được:

⊕  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty; \lim_{x \rightarrow -\infty} y = -\infty \Rightarrow a > 0$ .

⊕ Đồ thị hàm số cắt trục tung tại một điểm có tung độ dương nên  $d > 0$ .

Ta có:  $y' = 3ax^2 + 2bx + c$

Mặt khác dựa vào đồ thị ta thấy phương trình  $y' = 0$  có hai nghiệm trái dấu và tổng hai nghiệm

này luôn dương nên  $\begin{cases} ac < 0 \\ -\frac{2b}{3a} > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c < 0 \\ b < 0 \end{cases}$  (do  $a > 0$ )

Do đó:  $ab < 0, bc >, cd < 0$ .

**Vậy đáp án A.**

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $R$  và có bảng biến thiên như sau. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$-1$	$-2$	$-1$	$-\infty$

**A.**  $(0;1)$ .

**B.**  $(-1;0)$ .

**C.**  $(-\infty;1)$ .

**D.**  $(1;+\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Từ bảng biến thiên suy ra hàm số đã cho đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(0;1)$ .

**Câu 13.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $R$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$+$
$y$	$-\infty$	$5$	$1$	$+\infty$

Đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 2.

**B. 3.**

C. 4.

D. 5.

Lời giải

**Chọn B**

Số điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  bằng số điểm cực trị của đồ thị hàm số

$y = f(x)$  cộng với số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  với trục hoành (không tính điểm cực trị).

Vì đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có 2 điểm cực trị và cắt trục  $Ox$  tại 1 điểm nên đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  có  $2 + 1 = 3$  điểm cực trị.

Cách 2:

$$|f(x)| = \sqrt{f^2(x)} \Rightarrow (|f(x)|)' = \frac{f(x).f'(x)}{|f(x)|} \Rightarrow \text{dấu của } (|f(x)|)' \text{ là dấu của } f(x).f'(x)$$

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -1; x = 3$$

Từ bảng biến thiên suy ra  $f(x) = 0 \Leftrightarrow x = x_0 < -1$

Lập bảng xét dấu

X	$-\infty$	$x_0$	-1	3	$+\infty$		
$f'(x)$	+	+	0	-	0	+	
$f(x)$	-	0	+	+	+		
$f'(x).f(x)$	-	0	+	0	-	0	+

Đáp số: 3 cực trị

**Câu 14.** Cho đồ thị (C) của hàm số  $y = x^3 - 3x + 2$ . Số các tiếp tuyến với đồ thị (C) mà các tiếp tuyến đó vuông góc với đường thẳng  $d : y = -\frac{1}{3}x + 1$  là:

A. 1.

**B. 2.**

C. 3.

D. 0.

Lời giải

**Chọn B**

Ta có:  $y' = 3x^2 - 3$ .

Tiếp tuyến vuông góc với đường thẳng  $d : y = -\frac{1}{3}x + 1$  nên có hệ số góc bằng  $(-1) : \left(-\frac{1}{3}\right) = 3$ .

$$\Rightarrow y' = 3 \Leftrightarrow 3x^2 - 3 = 3 \Leftrightarrow x = \pm\sqrt{2}.$$

Vậy có 2 tiếp tuyến thỏa mãn.

**Câu 15.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = 3\cos 2x - 4\sin x$  là

A. 1.

**B. -7.**

C. -5

D.  $\frac{11}{3}$ .

Lời giải

**Chọn B**

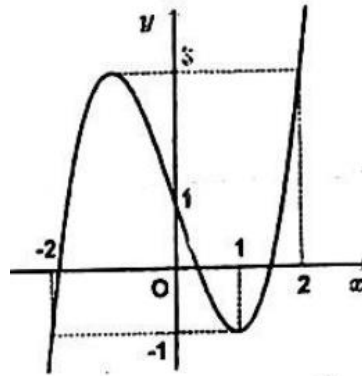
Ta có:  $y = 3(1 - 2\sin^2 x) - 4\sin x = -6\sin^2 x - 4\sin x + 3$

Đặt  $\sin x = t, t \in [-1; 1]$ .

Khi đó  $f(t) = -6t^2 - 4t + 3, t \in [-1; 1]$ , có  $f'(t) = -12t - 4 = 0 \Leftrightarrow t = -\frac{1}{3} \in (-1; 1)$

$$f(-1) = 1, f(1) = -7, f\left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{11}{3} \Rightarrow \min_{[-1; 1]} f(t) = \min_{\mathbb{R}} y = -7.$$

**Câu 16.** Cho hàm  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị như hình vẽ bên.



Số nghiệm của phương trình  $3f(x+2) - 4 = 0$  trên đoạn  $[-2; 2]$  là ?

A. 4.

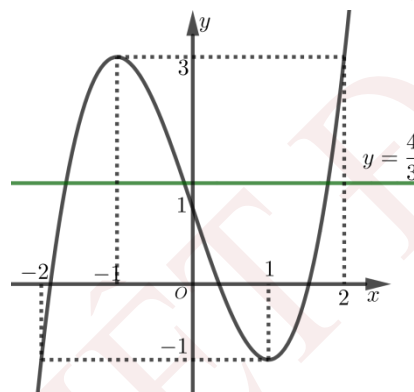
B. 2.

C. 3.

**D. 1.**

Lời giải

**Chọn D**



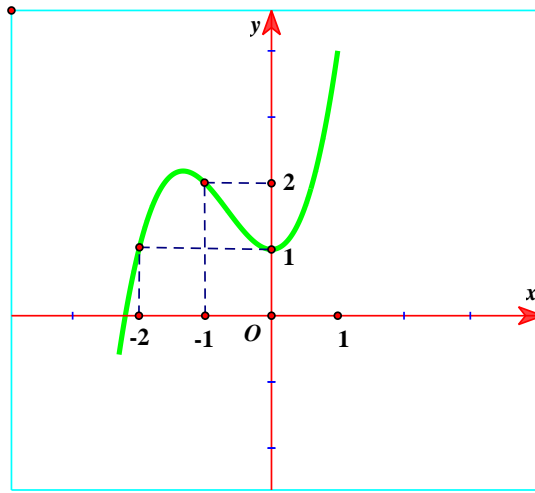
Xét phương trình  $3f(x+2) - 4 = 0 \Leftrightarrow f(x+2) = \frac{4}{3}$  (1)

Đặt  $X = x+2$ , do  $-2 \leq x \leq 2 \Leftrightarrow 0 \leq x+2 \leq 4 \Leftrightarrow 0 \leq X \leq 4$ . Khi đó ta có (1)  $\Leftrightarrow f(X) = \frac{4}{3}$  (\*)

Vậy phương trình (1) có nghiệm trên đoạn  $[-2; 2]$  khi và chỉ khi phương trình (\*) có nghiệm trên đoạn  $[0; 4]$ .

Dựa vào hình vẽ ta nhận thấy trên đoạn  $[0; 4]$  thì đường thẳng  $y = \frac{4}{3}$  cắt đồ thị hàm số đã cho tại đúng một điểm. Do đó phương trình (\*) có đúng 1 nghiệm hay phương trình (1) có đúng một nghiệm.

**Câu 17.** Cho hàm số có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Chọn kết luận *sai* trong các kết luận sau:



- A. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .  
 B. Đồ thị hàm số cắt trục  $Oy$  tại điểm  $(0;1)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .  
**D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-2; -1)$ .**

Lời giải

**Chọn D**

Theo hình vẽ:

Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ , nên đáp án A – đúng

Hàm số giao trục tung tại  $(0;1)$ , nên đáp án B - đúng

Trên khoảng  $(0; +\infty)$ ,  $x$  tăng,  $y$  tăng nên hàm số đồng biến, nên C – đúng

Trên khoảng  $(-2; -1)$  hàm số vừa đồng biến, nghịch biến nên kết luận ở đáp án D – sai.

**Câu 18.** Hàm số  $y = x^3 - (m+2)x + m$  đạt cực tiểu tại  $x=1$  khi:

- A.  $m = -1$ .                      B.  $m = 2$ .                      C.  $m = -2$ .                      **D.  $m = 1$ .**

Lời giải

**Chọn D**

• Ta có  $y' = 3x^2 - m - 2$ ,  $y'' = 6x$

Vì hàm số đạt cực tiểu tại  $x=1$  nên  $y'(1) = 0 \Leftrightarrow 3 - m - 2 = 0 \Leftrightarrow m = 1$

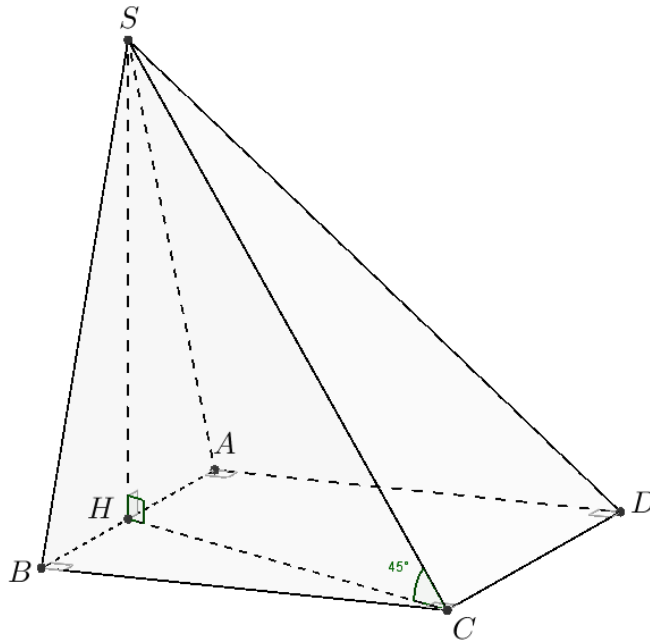
Với  $m = 1$  ta có  $y''(1) = 6 > 0$ . Vậy hàm số  $y = x^3 - (m+2)x + m$  đạt cực tiểu tại  $x=1$  khi  $m = 1$

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác cân tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy; góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng đáy bằng  $45^\circ$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$ .                      C.  $\frac{a^3\sqrt{5}}{24}$ .                      **D.  $\frac{a^3\sqrt{5}}{6}$ .**

Lời giải

**Chọn D**



Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB$

$(SAB) \perp (ABCD), (SAB) \cap (ABCD) = AB, SH \perp AB \Rightarrow SH \perp (ABCD)$

Do đó:  $(SC, (ABCD)) = SCH = 45^\circ$

Xét tam giác vuông  $BHC$ :  $HC = \sqrt{BC^2 + BH^2} = \frac{a\sqrt{5}}{2}$

Xét tam giác vuông  $SHC$ :  $SH = HC = \frac{a\sqrt{5}}{2}$

Suy ra:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} SH \cdot S_{ABCD} = \frac{a^3\sqrt{5}}{6}$

Link hình : <https://www.geogebra.org/m/tqxhwgge>

**Câu 20.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$  với  $AC = a\sqrt{3}$ . Biết  $BC'$  hợp với mặt phẳng  $(AA'C'C)$  một góc  $30^\circ$  và hợp với mặt phẳng đáy góc  $\alpha$  sao cho  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{6}}{4}$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm cạnh  $BB'$  và  $A'C'$ . Khoảng cách  $MN$  và  $AC'$  là :

**A.**  $\frac{a\sqrt{6}}{4}$

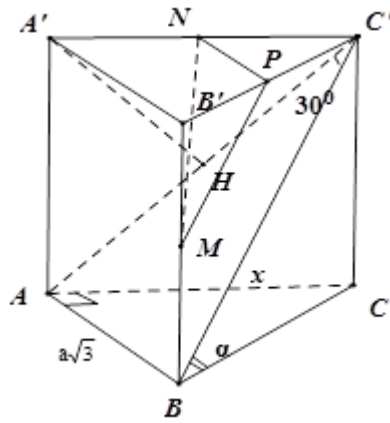
**B.**  $\frac{a\sqrt{3}}{6}$

**C.**  $\frac{a\sqrt{5}}{4}$

**D.**  $\frac{a}{3}$

Lời giải

Chọn A



+) Ta có :  $(BC', (AA'C'C)) = \widehat{BC'A} = 30^\circ$  và

$$(BC', (ABC)) = \widehat{C'BC} = \alpha$$

+) Đặt  $AB = x \Rightarrow BC = \sqrt{3a^2 + x^2}$ ,

$$CC' = BC \cdot \tan \alpha = \sqrt{\frac{3(x^2 + 3a^2)}{5}}$$

$$AC' = AB \cdot \cot 30^\circ = x\sqrt{3}$$

Ta có :  $AC^2 + CC'^2 = AC'^2 \Rightarrow x = a\sqrt{2} \Rightarrow CC' = a\sqrt{3}, AC' = a\sqrt{6}$

+) Gọi P là trung điểm của  $B'C'$ , suy ra:

$$(MNP) // (ABC') \Rightarrow d(MN, AC') = d((MNP), (ABC')) = d(N, (ABC')) = \frac{1}{2} d(A', (ABC'))$$

$$\text{Kẻ } A'H \perp AC' \Rightarrow A'H \perp (ABC') \Rightarrow d(A', (ABC')) = A'H = \frac{AA' \cdot A'C'}{AC'} = \frac{a\sqrt{6}}{2}$$

$$\text{Suy ra : } d(MN, AC') = \frac{a\sqrt{6}}{4} \Rightarrow \text{Đáp án A}$$

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 2$ . Chọn kết luận **đúng**:

**A.** Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 3$ .

**B.** Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -1$ .

**C.** Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ .

**D.** Hàm số đạt cực đại tại  $x = 3$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 3x^2 - 6x - 9, \text{ cho } y' = 0 \Rightarrow 3x^2 - 6x - 9 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 3 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		$-1$		$3$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$	↗		$7$	↘		$+\infty$
					$-25$		

Vậy Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 3$ .



**Câu 22.** Với giá trị nào của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}$  có tiệm cận ngang.  
**A.**  $m = 1$ .                      **B.**  $m = -1$ .                      **C.**  $m = \pm 1$ .                      **D.** Không có  $m$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang

$\Rightarrow$  hàm số xác định trên một trong các miền  $(-\infty; a)$ ,  $(-\infty; a]$ ,  $(a; +\infty)$  hoặc  $[a; +\infty)$

$\Rightarrow m \geq 0$

TH1:  $m = 0 \Rightarrow y = x - \sqrt{-3x + 7}$  đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang.

TH2:  $m > 0$   $y = x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}$

Khi  $x \rightarrow +\infty$ ,  $y = x - x\sqrt{m - \frac{3}{x} + \frac{7}{x^2}}$ , đồ thị hàm số có tiệm cận ngang khi và chỉ khi  $m = 1$

Khi  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = x + x\sqrt{m - \frac{3}{x} + \frac{7}{x^2}} \rightarrow -\infty$ , đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang

KL:  $m = 1$

( Bài có thể làm trắc nghiệm bằng cách thử m)

**Cách 2:**

Với  $m < 0$ , ta có hàm số  $y = x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}$  không tồn tại giới hạn tại dương vô cùng.

Với  $m \in (0; 1)$ , ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}) = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}) = -\infty$ .

Với  $m > 1$ , ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}) = -\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x - \sqrt{mx^2 - 3x + 7}) = -\infty$ .

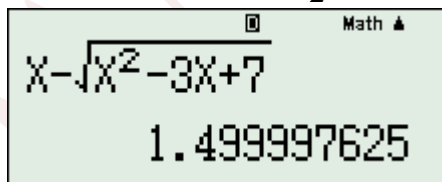
Với  $m = 1$ , ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x - \sqrt{x^2 - 3x + 7}) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x - 7}{x + \sqrt{x^2 - 3x + 7}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3 - \frac{7}{x}}{1 + \sqrt{1 - \frac{3}{x} + \frac{7}{x^2}}} = \frac{3}{2}$ , đồ

thị hàm số có tiệm cận ngang là:  $y = \frac{3}{2}$ .

**[phương pháp trắc nghiệm]**

Thay  $m = 1$ , nhập hàm vào máy tính, CALC  $10^6$ , được giá trị gần bằng  $\frac{3}{2}$ , đồ thị hàm số có

tiệm cận ngang là:  $y = \frac{3}{2}$ . Loại đáp án B, D.



Thay  $m = -1$ , nhập hàm vào máy tính, CALC  $10^6$ , máy báo lỗi, dự đoán đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang. Loại đáp án C.

**Câu 23.** Số giao điểm của đường cong  $y = x^3 - 2x^2 + 2x + 1$  và đường thẳng  $y = 1 - x$  là

**A.** 1.                      **B.** 2.                      **C.** 3.                      **D.** 0.

**Lời giải**

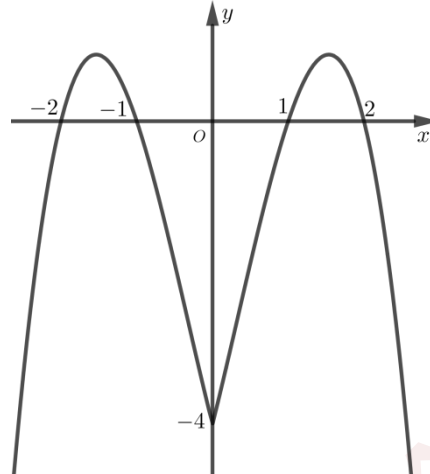
**Chọn A**

Phương trình hoành độ giao điểm của hai đường trên là:

$$x^3 - 2x^2 + 2x + 1 = 1 - x \Leftrightarrow x^3 - 2x^2 + 3x = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

Phương trình có một nghiệm nên đường cong và đường thẳng có một giao điểm

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị hàm số  $y = f(|x|)$  như hình vẽ



Chọn kết luận **đúng** trong các kết luận sau:

**A.**  $f(x) = -x^3 + x^2 + 4x - 4$

**B.**  $f(x) = x^3 - x^2 - 4x + 4$

**C.**  $f(x) = -x^3 - x^2 + 4x + 4$

**D.**  $f(x) = x^3 + x^2 - 4x - 4$

**Lời giải**

**Chọn A**

**Cách 1:**

Ta đã biết từ đồ thị  $(C): y = f(x)$  suy ra đồ thị  $(C_1): y = f(|x|)$  sẽ gồm hai phần.

⊕ Phần 1: Giữ nguyên phần đồ thị  $(C)$  ở bên phải trục tung.

⊕ Phần 2: Bỏ phần đồ thị  $(C)$  bên trái trục tung và lấy đối xứng phần 1 qua trục tung.

Từ dáng điệu của đồ thị đã cho ta quan sát phần đồ thị bên phải có ngay được:

⊕  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = -\infty \Rightarrow y = f(x)$  có hệ số  $a < 0$

⊕ Đồ thị hàm số cắt trục tung tại một điểm có tung độ âm nên  $y = f(x)$  có hệ số  $d < 0$ .

**Vậy đáp án A.**

**Cách 2:**

Nhận xét đồ thị đi qua điểm  $A(1;0)$ ,  $B(0;-4)$ ,  $C(2;0)$  nên ta kiểm tra các đáp án

Ta có  $-1^3 + 1^2 + 4 \cdot 1 - 4 = 0$ ;  $-0^3 + 0^2 + 4 \cdot 0 - 4 = -4$ ;  $-2^3 + 2^2 + 4 \cdot 2 - 4 = 0$  nên  $A(1;0)$ ,

$B(0;-4)$ ,  $C(2;0)$  thuộc  $y = f(x) = -x^3 + x^2 + 4x - 4$ .

Gmail: [huynhu1981@gmail.com](mailto:huynhu1981@gmail.com) Tên fACeBook: Nhu Nguyen

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = -x^3 - mx^2 + (4m+9)x + 5$  (với  $m$  là tham số). Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

**A. 7**

**B. 6**

**C. 5**

**D. 8**

**Lời giải**

**Chọn A**

$$y' = -3x^2 - 2mx + 4m + 9$$

Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$

$$\Leftrightarrow y' \leq 0 \quad \forall x \in (-\infty; +\infty)$$

$$\Leftrightarrow -3x^2 - 2mx + 4m + 9 \leq 0 \quad \forall x \in (-\infty; +\infty)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta' \leq 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -3 < 0 \\ m^2 + 12m + 27 \leq 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow -9 \leq m \leq -3$$

$$\Leftrightarrow m \in \{-9; -8; -7; -6; -5; -4; -3\} \text{ (Vì } m \text{ là số nguyên)}$$

Vậy chọn A.

**Câu 26.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $A$  và  $D$ ,  $AB = AD = a$ ,  $CD = 2a$ . Hình chiếu của  $S$  lên mặt phẳng  $(ABCD)$  trùng với trung điểm của  $BD$ . Biết thể tích tứ diện

$SBCD$  bằng  $\frac{a^3}{\sqrt{6}}$ . Tính khoảng cách từ  $A$  đến mặt phẳng  $(SBC)$  là:

A.  $\frac{a\sqrt{3}}{2}$ .

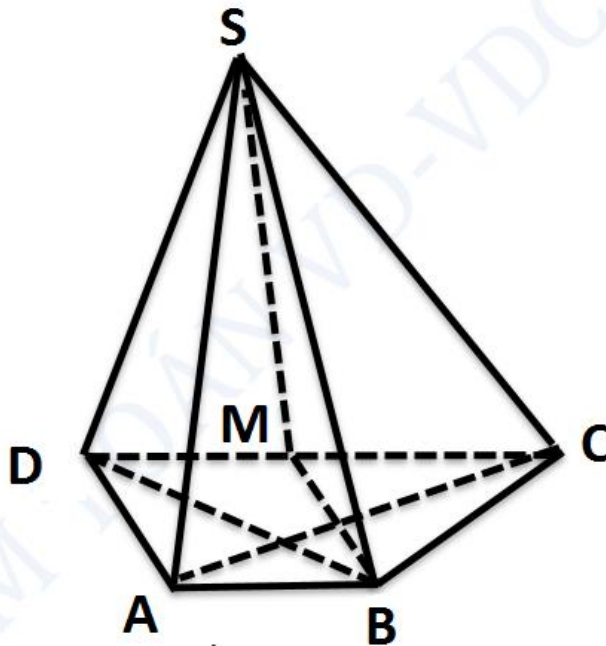
B.  $\frac{a\sqrt{2}}{6}$ .

C.  $\frac{a\sqrt{3}}{6}$ .

D.  $\frac{a\sqrt{6}}{4}$ .

Lời giải

Chọn D



Gọi  $M$  là trung điểm  $CD$ ,  $ABMD$  là hình vuông cạnh bằng 1

$BM = \frac{1}{2}DC$ , tam giác  $BCD$  vuông cân tại  $B$ .

Ta có:  $BC \perp SB$  (vì  $BC \perp BD$ ,  $BC \perp SO$ )

$$SO = \frac{3V_{SBCD}}{S_{ABCD}} = \frac{a\sqrt{6}}{2}$$

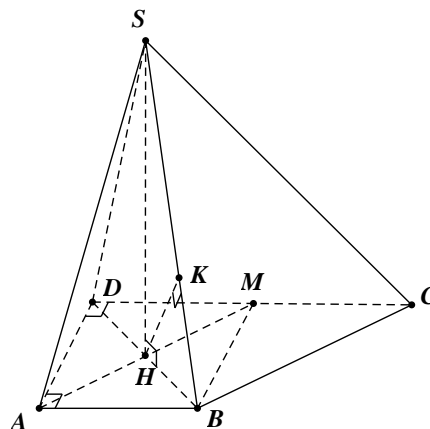
$$d(A, (SBC)) = \frac{3V_{SABC}}{S_{\Delta SBC}} = \frac{3 \cdot \frac{1}{3} SO \cdot (S_{ABCD} - S_{\Delta ADC})}{\frac{1}{2} SB \cdot BC} = \frac{a\sqrt{6}}{4}$$

**Cách 2.**

**Chọn D**

Gọi  $M$  là trung điểm của  $CD$ ,  $H$  là trung điểm của  $BD$ .

$\Delta BCD$  có  $BM = \frac{1}{2}DC \Rightarrow \Delta BCD$  vuông tại  $B$



$$BD = a\sqrt{2}, BC = \sqrt{DC^2 - BD^2} = \sqrt{4a^2 - 2a^2} = a\sqrt{2} \Rightarrow S_{\Delta BCD} = \frac{1}{2} \cdot BD \cdot BC = a^2$$

$$V_{SBCD} = \frac{1}{3} \cdot SH \cdot S_{ABCD} \Rightarrow SH = \frac{3V_{SBCD}}{S_{ABCD}} = \frac{3 \cdot a^3}{\sqrt{6}a^2} = \frac{\sqrt{6}a}{2}$$

+) Ta có  $AH \parallel (SBC) \Rightarrow d(A, (SBC)) = d(H, (SBC))$

+) Kẻ  $HK \perp SB$

$$\left. \begin{array}{l} BC \perp SH \\ BC \perp BD \end{array} \right\} \Rightarrow BC \perp (SHB) \Rightarrow BC \perp HK$$

Do đó  $HK \perp (SBC) \Rightarrow d(H, (SBC)) = HK$

$$\Delta SHB \text{ có: } \frac{1}{HK^2} = \frac{1}{SH^2} + \frac{1}{HB^2} = \frac{4}{6a^2} + \frac{4}{2a^2} = \frac{16}{6a^2} \Rightarrow HK = \frac{\sqrt{6}a}{4} = d(A, (SBC))$$

**Câu 27.** Một khối lập phương có cạnh bằng  $a$  (cm). Khi tăng kích thước của mỗi cạnh thêm 2 (cm) thì thể tích tăng thêm  $98$  ( $\text{cm}^3$ ). Giá trị  $a$  bằng:

A. 6 (cm)

B. 5 (cm)

C. 4 (cm).

**D. 3 (cm).**

Lời giải

**Chọn D**

Gọi  $V_1, V_2$  lần lượt là thể tích khối lập phương ban đầu và thể tích khối lập phương khi tăng kích thước của mỗi cạnh thêm 2 (cm).

$$\text{Ta có } V_1 = a^3 \text{ (cm}^3\text{)}; V_2 = (a+2)^3 \text{ (cm}^3\text{)}.$$

$$\text{Theo đề bài suy ra } (a+2)^3 - a^3 = 98 \Leftrightarrow 6a^2 + 12a - 90 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a = 3 \text{ (N)} \\ a = -5 \text{ (L)} \end{cases}$$

Vậy  $a = 3$  (cm).

**Câu 28.** Hàm đồ thị  $(C): y = x^3 - 3x^2$ . Có bao nhiêu số nguyên  $b \in (-10; 10)$  để có đúng một tiếp tuyến của  $(C)$  qua  $(0; b)$

A. 9 .

B. 16 .

C. 2 .

**D. 17.**

Lời giải

**Chọn D**

$$\text{Ta có } y' = 3x^2 - 6x.$$

Phương trình tiếp tuyến với  $(C)$  tại điểm  $M(x_0; x_0^3 - 3x_0^2)$  là

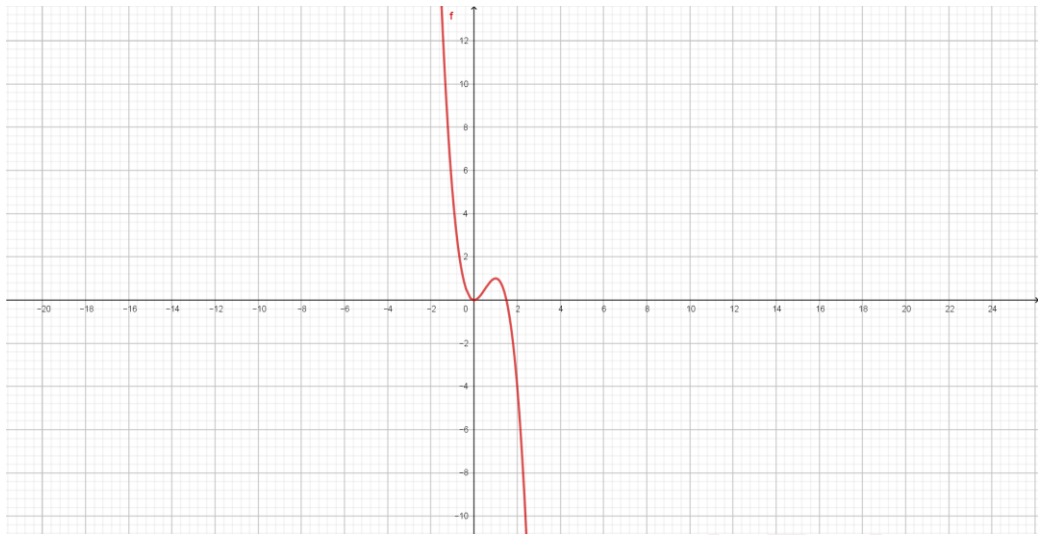
$$y = 3x_0^2 - 6x_0(x - x_0) + x_0^3 - 3x_0^2.$$

$$\text{Tiếp tuyến qua } (0; b) \Leftrightarrow (3x_0^2 - 6x_0)(0 - x_0) + x_0^3 - 3x_0^2 = b \Leftrightarrow b = -2x_0^3 + 3x_0^2.$$

Có đúng một tiếp tuyến của  $(C)$  qua  $(0; b) \Leftrightarrow b = -2x_0^3 + 3x_0^2$  có đúng một nghiệm  $x_0$ .

Dựa vào đồ thị của hàm số  $f(t) = -2t^3 + 3t^2$  suy ra có 17 số nguyên  $b \in [-9; 9] \setminus \{0; 1\}$  để đồ thị hàm số  $y = -2x^3 + 3x^2$  cắt đường thẳng  $y = b$  tại đúng một điểm.

Chọn đáp án **D**.



**Câu 29.** Cho hình chóp  $S.ABCDE$  có đáy là hình ngũ giác và có thể tích là  $V$ . Nếu tăng chiều cao của hình chóp lên 3 lần đồng thời giảm độ dài các cạnh đi 3 lần thì ta được khối chóp mới  $S'.A'B'C'D'E'$  có thể tích là  $V'$ . Tỉ số thể tích  $\frac{V'}{V}$  là:

A. 3.

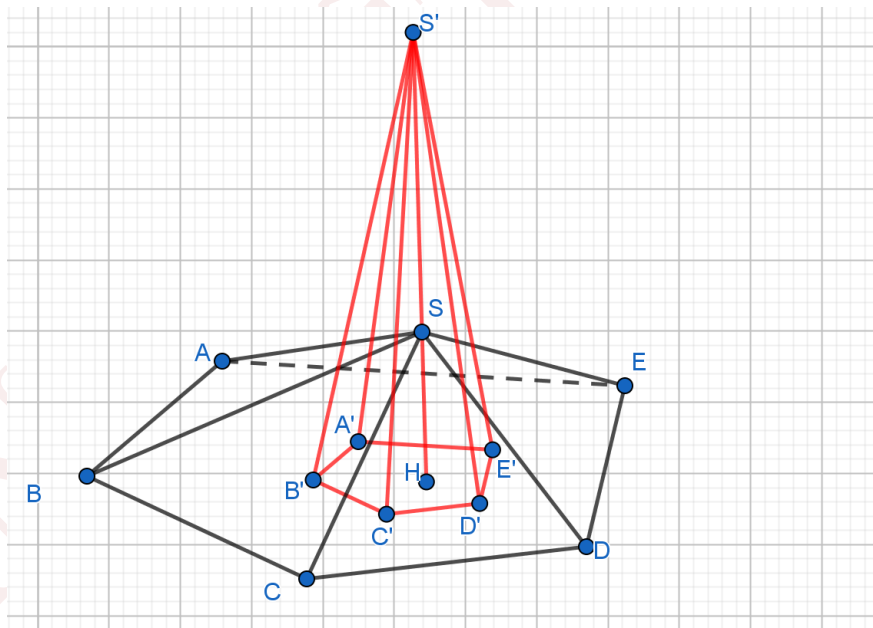
B.  $\frac{1}{5}$ .

C. 1.

**D.  $\frac{1}{3}$ .**

**Chọn D**

**Lời giải**



Ta có công thức tính thể tích khối chóp là  $V = \frac{1}{3} S \cdot h$ . Hai đa giác đáy đồng dạng với nhau nên

$S_{S'.A'B'C'D'E'} = \frac{1}{9} S_{S.ABCDE}$ . Chiều cao hình chóp  $S'.A'B'C'D'E'$  tăng lên 3 lần nên ta có

$$V' = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{9} S_{S.ABCDE} \cdot 3h = \frac{1}{3} V. \text{ Do đó tỉ số thể tích } \frac{V'}{V} = \frac{1}{3}.$$

**Câu 30.** Cho hình lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$ ,  $\angle ABC = 60^\circ$ . Chân đường cao hạ từ  $B'$  trùng với tâm  $O$  của đáy  $ABCD$ ; góc giữa mặt phẳng  $(BB'C'C)$  với đáy bằng  $60^\circ$ . Thể tích lăng trụ bằng:

**A.**  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$

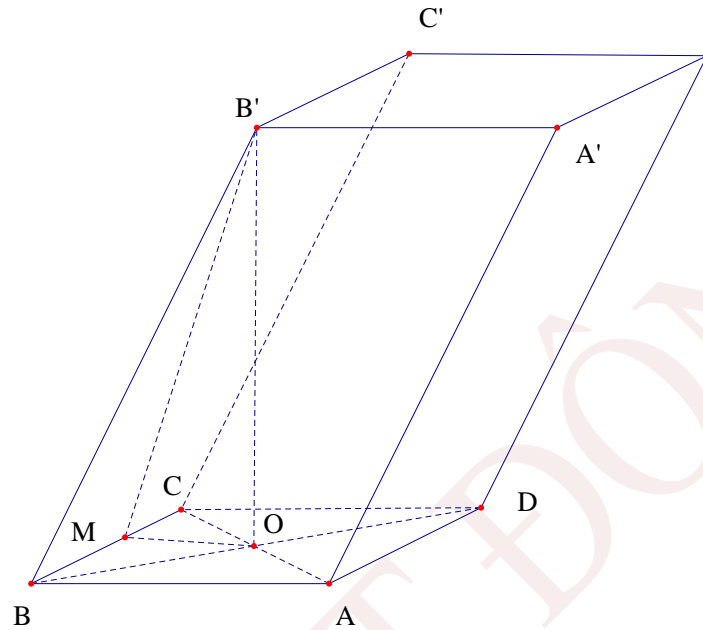
**B.**  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{9}$

**C.**  $\frac{3a^3\sqrt{2}}{8}$

**D.**  $\frac{3a^3}{4}$

Giải:

**Chọn A**



Từ giả thiết suy ra tam giác ABC đều nên  $S_{ABCD} = 2S_{ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{2}$

Gọi M là hình chiếu của O trên BC thì BC vuông góc với mặt phẳng (B'OM). Suy ra góc giữa mặt phẳng (BB'C'C) và mặt phẳng đáy là góc  $B'MO = 60^\circ$

Ta lại có tam giác BOC vuông tại O, có đường cao OM nên

$$\frac{1}{OM^2} = \frac{1}{OB^2} + \frac{1}{OC^2} = \frac{1}{\left(\frac{a}{2}\right)^2} + \frac{1}{\left(\frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{16}{3a^2}$$

$$\Rightarrow OM = \frac{a\sqrt{3}}{4}$$

Tam giác B'OM vuông tại O nên

$$B'O = OM \tan 60^\circ = \frac{3a}{4}$$

$$\Rightarrow V_{ABCD.A'B'C'D'} = B'O \cdot S_{ABCD} = \frac{3a}{4} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{2} = \frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$$

**Câu 31.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{2-x}{1+|x|}$  là:

**A.** 2.

**B.** 0.

**C.** 3.

**D.** 1.

**Lời giải**

**Chọn A**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2-x}{1+|x|} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2-x}{1+x} = -1$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2-x}{1+|x|} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2-x}{1-x} = 1$

Đồ thị hàm số  $y = \frac{2-x}{1+|x|}$  có 2 đường TCN  $y=1, y=-1$ .

Vậy đồ thị hàm số đã cho có 2 TC. **Chọn A**

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{\sin x - m}{\sin x + 1}$ . Tìm giá trị của tham số  $m$  để giá trị lớn nhất của hàm số trên đoạn  $\left[0; \frac{2\pi}{3}\right]$  bằng  $-2$ ?

**A.**  $m=5$ .

**B.**  $\begin{cases} m=5 \\ m=2 \end{cases}$ .

**C.**  $m=2$ .

**D.**  $m=3$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Đặt  $t = \sin x; x \in \left[0; \frac{2\pi}{3}\right] \Rightarrow t \in [0; 1]$ . Ta được hàm số  $g(t) = \frac{t-m}{t+1}, t \in [0; 1]$ . Ta có:

$$g'(t) = \frac{1+m}{(t+1)^2}$$

•  $m+1 > 0 \Leftrightarrow m > -1 \Rightarrow g'(t) > 0 \Rightarrow \underset{[0;1]}{\text{Max}} g(t) = -2 \Leftrightarrow g(1) = -2 \Leftrightarrow \frac{1-m}{2} = -2 \Leftrightarrow m = 5$

(Thỏa)

•  $m+1 < 0 \Leftrightarrow m < -1 \Rightarrow g'(t) < 0 \Rightarrow \underset{[0;1]}{\text{Max}} g(t) = -2 \Leftrightarrow g(0) = -2 \Leftrightarrow \frac{-m}{1} = -2 \Leftrightarrow m = 2$

(không thỏa)

Vậy  $m=5$ .

**Câu 33.** Hình bát diện đều có bao nhiêu đỉnh?

**A.** 10.

**B.** 8.

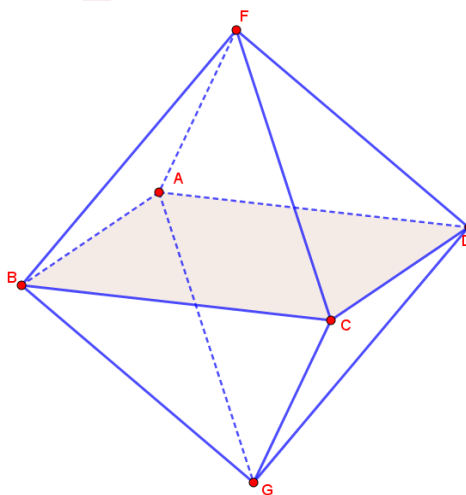
**C.** 6.

**D.** 12.

**Lời giải**

**Chọn C**

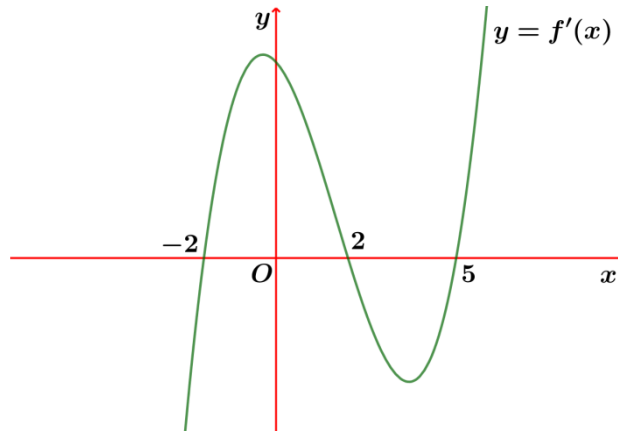
Hình bát diện đều được biểu diễn như sau:



Hình bát diện đều có 6 đỉnh.

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[a; b]$  và có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên.





Hỏi hàm số  $g(x) = f(3 - 2x)$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-1; +\infty)$
- B.  $(-\infty; -1)$
- C.  $(1; 3)$
- D.  $(0; 2)$

**Lời giải**

**Chọn B**

**Cách 1:**

Có  $g'(x) = -2f'(3 - 2x)$

Hàm số nghịch biến  $\Leftrightarrow g'(x) \leq 0$ , dấu “=” chỉ xảy ra tại một số hữu hạn điểm.

$$\Leftrightarrow -2.f'(3 - 2x) \leq 0 \Leftrightarrow f'(3 - 2x) \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -2 \leq 3 - 2x \leq 2 \\ 3 - 2x \geq 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \in \left[ \frac{1}{2}; \frac{5}{2} \right] \\ x \in (-\infty; -1] \end{cases} \text{ . Chọn B}$$

**Cách 2:**

Dựa vào đồ thị hàm số ta có  $f'(x) = (x + 2)^{2n+1} (x - 2)^{2m+1} (x - 5)^{2k+1}$ , ( $m, n, k \in \mathbb{N}^*$ )

Mà:  $g'(x) = -2f'(3 - 2x)$

$$\text{Nên: } g'(x) = -2.(5 - 2x)^{2n+1} (1 - 2x)^{2m+1} (-2 - 2x)^{2k+1} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{1}{2} \\ x = \frac{5}{2} \end{cases}$$

**BXD**

$x$	$-\infty$	$-1$	$\frac{1}{2}$	$\frac{5}{2}$	$+\infty$
$(5 - 2x)^{2n+1}$	+		+		0 -
$(1 - 2x)^{2m+1}$	+		+	0 -	-
$(-2 - 2x)^{2k+1}$	+	0 -	-	-	-
$-2$	-	-	-	-	-

$g'(x)$	-	0	+	0	-	0	+
---------	---	---	---	---	---	---	---

Dựa vào BXD ta có hàm số nghịch biến trên  $(-\infty; -1]$ ;  $[\frac{1}{2}; \frac{5}{2}]$ . **Chọn B**

- Câu 35.** Hình lăng trụ có thể có số cạnh là số nào sau đây?  
 A. 2017                      **B. 2019**                      C. 2018                      D. 2020

Lời giải

**Chọn B**

Giả sử số đỉnh của đa giác đáy của lăng trụ là  $n$ .  
 Khi đó số cạnh của 2 mặt đáy là  $2n$  và số cạnh bên của lăng trụ là  $n$ .  
 Vậy số cạnh của lăng trụ là  $3n$ . Ta thấy  $3.673 = 2019$  nên chọn đáp án **B**.

- Câu 36.** Một xưởng sản xuất cần làm 100 chiếc hộp inox bằng nhau, hình dạng là hình hộp chữ nhật có đáy là hình vuông (hộp không có nắp), với thể tích là  $108dm^3/1$  hộp. Giá inox là 47.000 đồng/ $1dm^2$ . Hãy tính toán sao cho tổng tiền chi phí cho 100 chiếc hộp là ít nhất, và số tiền tối thiểu đó là bao nhiêu (nếu chỉ tính số inox vừa đủ để sản xuất 100 chiếc hộp, không có phần dư thừa, cắt bỏ)?  
 A. 1.692.000.000 đồng.                      **B. 507.666.000 đồng.**  
 C. 1.015.200.000 đồng.                      D. 253.800.000 đồng.

Lời giải

**Chọn B**

Gọi độ dài cạnh đáy của hộp là  $x(dm)$   $\Rightarrow$  Chiều cao của hộp là  $\frac{108}{x^2}(dm)$ .

$\Rightarrow$  Số inox cần thiết để làm 1 hộp là:  $S = x^2 + 4x.h = x^2 + \frac{432}{x}(dm^2)$ .

Tổng số tiền chi phí cho 100 chiếc hộp là  $T = 47.000 \times 100 \times S = 4.700.000 \times \left(x^2 + \frac{432}{x}\right)$

Ta có:  $T' = 4.700.000 \times \left(2x - \frac{432}{x^2}\right)$ .

$T' = 0 \Leftrightarrow x = 6$

$x$	0	6	
$T'$		-	0
$T$			+

$\swarrow$  507600000  $\searrow$

- Câu 37.** Phương trình tiếp tuyến với đồ thị (C) của hàm số:  $y = x^3 - 3x + 1$ , biết tiếp tuyến song song với đường thẳng (d):  $y = 9x + 17$  là:

A.  $\begin{cases} y = 9x + 19 \\ y = 9x - 21 \end{cases}$

B.  $\begin{cases} y = 9x - 19 \\ y = 9x + 21 \end{cases}$

C.  $\begin{cases} y = 9x - 15 \\ y = 9x + 17 \end{cases}$

**D.  $y = 9x - 15$ .**

Lời giải

**Chọn D**

Gọi  $M(x_0; y_0)$  là tiếp điểm của tiếp tuyến cần tìm.

Ta có  $y' = 3x^2 - 3$ . Vì tiếp tuyến song song với đường thẳng  $(d): y = 9x + 17$  nên phương trình tiếp tuyến có dạng  $y = 9x + b$ ,  $(b \neq 17)$ .

$$\text{Khi đó } y'(x_0) = 9 \Leftrightarrow 3x_0^2 - 3 = 9 \Leftrightarrow x_0 = \pm 2.$$

Với  $x_0 = 2$ , ta có  $y_0 = 2^3 - 3 \cdot 2 + 1 = 3$ . Do đó phương trình tiếp tuyến là:

$$y = 9(x - 2) + 3 \Leftrightarrow y = 9x - 15.$$

Với  $x_0 = -2$ , ta có  $y_0 = (-2)^3 - 3 \cdot (-2) + 1 = -1$ . Do đó phương trình tiếp tuyến là:

$$y = 9(x + 2) - 1 \Leftrightarrow y = 9x + 17. \text{ (loại vì } b \neq 17)$$

Vậy có 1 phương trình tiếp tuyến thỏa mãn ycbt là  $y = 9x - 15$ .

**Câu 38.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 2$  trên đoạn  $[-1; 2]$  là

A. 11.

B. 10.

C. 6.

**D. 15.**

Lời giải

**Chọn D**

$$\text{Ta có: } f'(x) = 6x^2 + 6x - 12 \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -2 \end{cases}$$

$$\text{Do đó } \max_{x \in [-1; 2]} f(x) = \max\{f(-1), f(1), f(2)\} = 15.$$

**Câu 39.** Khẳng định nào sau đây **sai**?

A. Hai khối lập phương lần lượt có cạnh là  $4\text{cm}$  và  $8\text{cm}$  là hai khối đa diện đồng dạng.

B. Khối chóp tam giác đều là khối chóp có đáy là tam giác đều.

C. Hai khối tứ diện đều có diện tích mỗi mặt là  $3\text{m}^2$  và  $12\text{m}^2$  là hai khối đa diện đồng dạng.

**D. Khối lăng trụ tứ giác đều và khối hộp chữ nhật là hai khối đa diện đồng dạng.**

Lời giải

**Chọn D**

**Câu 40.** Trung điểm các cạnh của hình tứ diện đều là đỉnh của hình:

A. Hình lập phương.

B. Hình tứ diện đều.

C. Hình lăng trụ tam giác.

**D. Hình bát diện đều.**

Lời giải

**Chọn D**

**Câu 41.** Cho hàm số  $y = x - \sin 2x + 3$ . Chọn kết luận **đúng**.

A. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = \frac{\pi}{3}$ .

B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = \frac{-\pi}{6}$ .

B. Hàm số đạt cực đại tại  $x = \frac{\pi}{6}$ .

**D. Hàm số đạt cực đại tại  $x = \frac{-\pi}{6}$ .**

Lời giải

**Chọn D**

Điều kiện:  $x \in \mathbb{R}$ .

$$y' = 1 - 2\cos 2x$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \cos 2x = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x = \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ 2x = \frac{-\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{6} + k\pi \\ x = \frac{-\pi}{6} + k\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}.$$

$$y'' = 4\sin 2x$$

$$y''\left(\frac{\pi}{6} + k\pi\right) = 4 \sin\left(\frac{\pi}{3} + k2\pi\right) = 2\sqrt{3}, \forall k \in \mathbb{Z} \Rightarrow x = \frac{\pi}{6} + k\pi \text{ là điểm cực tiểu của hàm số.}$$

$$y''\left(-\frac{\pi}{6} + k\pi\right) = 4 \sin\left(-\frac{\pi}{3} + k2\pi\right) = -2\sqrt{3}, \forall k \in \mathbb{Z} \Rightarrow x = -\frac{\pi}{6} + k\pi \text{ là điểm cực đại của hàm số.}$$

**Câu 42.** Đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận ngang của hàm số nào sau đây ?

A.  $y = \frac{2x^2 + 1}{2 - x}$

B.  $y = \frac{x^2 + 2x + 1}{1 + x}$

C.  $y = \frac{x + 1}{1 - 2x}$

D.  $y = \frac{2x - 2}{x + 2}$

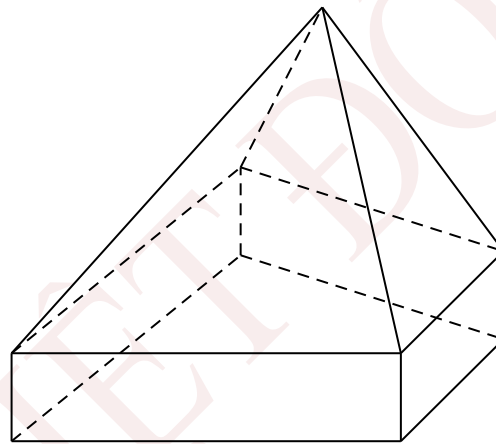
Tác giả : Dương Thị Kim Ngân FB : Dương Thị Kim Ngân

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x - 2}{x + 2} = 2$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - 2}{x + 2} = 2$  vậy  $y = 2$  là tiệm cận ngang của hàm số  $y = \frac{2x - 2}{x + 2}$

**Câu 43.** Hình đa diện có bao nhiêu cạnh?



A. 15.

B. 12.

C. 20.

D. 16.

**Lời giải**

**Chọn D**

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$5$	$1$	$+\infty$	

Đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 2.

B. 3.

C. 4.

D. 5.

**Lời giải**

**Chọn B**

Số điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  bằng số điểm cực trị của đồ thị hàm số

$y = f(x)$  cộng với số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  với trục hoành (không tính điểm cực trị).

Vì đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có 2 điểm cực trị và cắt trục  $Ox$  tại 1 điểm nên đồ thị hàm số

$y = |f(x)|$  có  $2 + 1 = 3$  điểm cực trị.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$0$		$4$		$-\infty$

Khẳng định nào sau đây sai ?

- A. Hàm số đồng biến trên  $(-2;0)$ .
- B. Hàm số đạt giá trị lớn nhất là 4.**
- C. Đường thẳng  $y = 2$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại 3 điểm phân biệt.
- D. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -2$ .

Lời giải

**Chọn B**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy hàm số  $y = f(x)$  không có giá trị lớn nhất trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = \frac{x-1}{x+1}$ . Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại điểm  $M(1;0)$  là:

- A.  $y = \frac{1}{2}x - \frac{3}{2}$ .
- B.  $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$ .**
- C.  $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ .
- D.  $y = \frac{1}{4}x - \frac{1}{2}$ .

Lời giải

**Chọn B**

$y = \frac{x-1}{x+1} \Rightarrow y' = \frac{2}{(x+1)^2} \Rightarrow y'_{(1)} = \frac{1}{2} \Rightarrow$  Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại điểm

$M(1;0) : y = \frac{1}{2}(x-1) = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$ . **Chọn B**

Cách 2:

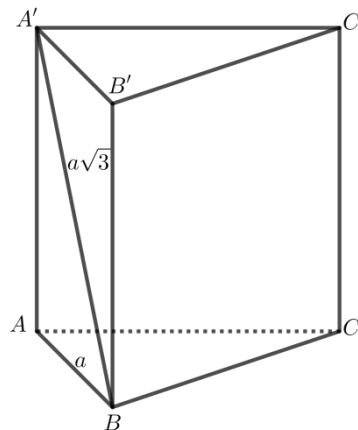
Trong 4 đáp án đã cho chỉ có đường thẳng  $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$  đi qua điểm  $M(1;0)$ , nên ta chọn đáp án

**B**

**Câu 47.** Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác vuông cân tại  $B$ ,  $AB = a$  và  $A'B = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng:

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$
- B.  $\frac{a^3}{6}$
- C.  $\frac{a^3}{2}$
- D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{2}$**

**Chọn D**



Do tam giác  $A'AB$  vuông tại  $A$  nên theo pitago ta có :

$$A'B^2 = AA'^2 + AB^2 \Leftrightarrow AA' = \sqrt{A'B^2 - AB^2} = \sqrt{(a\sqrt{3})^2 - a^2} = a\sqrt{2}$$

Lại có tam giác  $ABC$  vuông cân tại  $B$  nên  $S_{ABC} = \frac{1}{2}AB^2 = \frac{1}{2}a^2$ .

Thể tích khối lăng trụ đã cho:  $V_{ABC.A'B'C'} = AA'.S_{ABC} = a\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}a^2 = \frac{a^3\sqrt{2}}{2}$

**Người giải đề : Phạm Chí Tuân Fb: Tuân Chí Phạm**

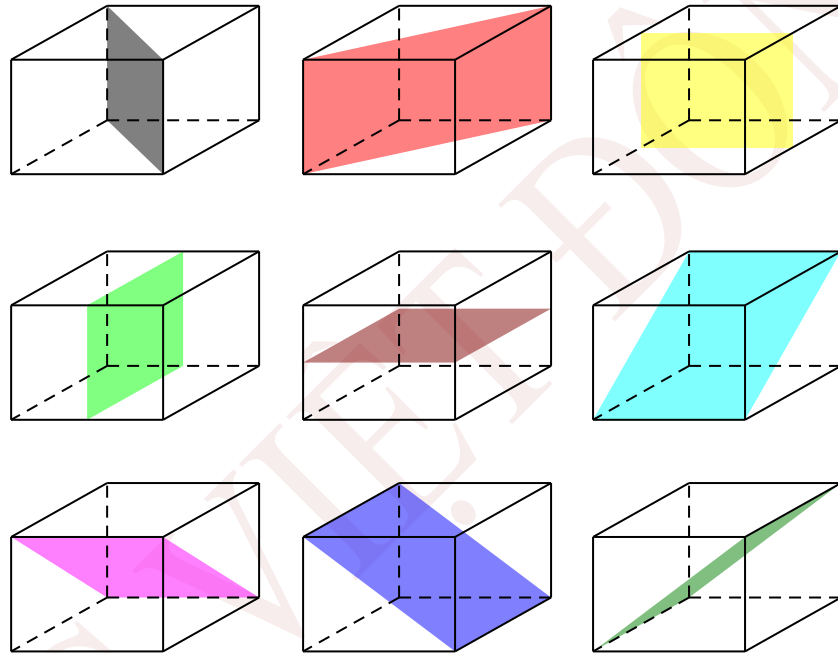
**Câu 48.** Số mặt phẳng đối xứng của hình lập phương là

- A.** 3.                      **B.** 6.                      **C.** 8.                      **D.** 9.

**Lời giải**

**Chọn D**

Hình lập phương có 9 mặt phẳng đối xứng.

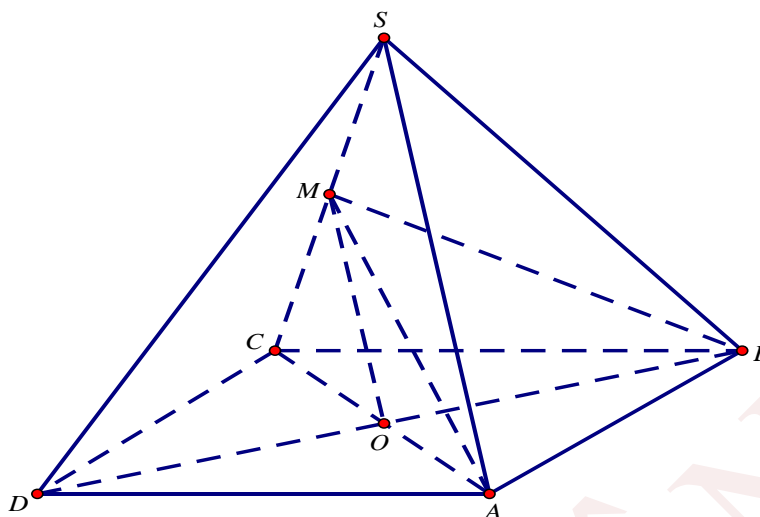


**Câu 49.** Cho hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có thể tích  $V$ , có  $O$  là tâm của đáy. Lấy  $M$  là trung điểm của cạnh bên  $SC$ . Thể tích khối tứ diện  $ABMO$  bằng

- A.**  $\frac{V}{4}$ .                      **B.**  $\frac{V}{2}$ .                      **C.**  $\frac{V}{16}$ .                      **D.**  $\frac{V}{8}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**



Ta có:  $V_{ABMO} = \frac{1}{2}V_{ABMC}$ ;  $V_{ABMC} = \frac{1}{2}V_{SABC} = \frac{1}{4}V_{SABCD} = \frac{1}{4}V \Rightarrow V_{ABMO} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}V = \frac{1}{8}V$ .

**Câu 50.** Cho hình chóp  $SABC$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ , cạnh bên  $SC$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABC)$ ,  $SC = a$ . Thể tích của khối chóp  $SABC$  bằng

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$

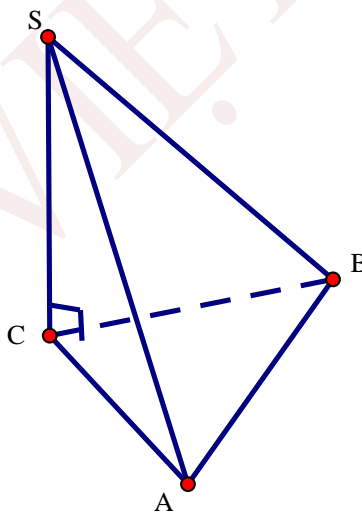
B.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{12}$

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{9}$

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$

Lời giải

Chọn D



Đáy ABC là tam giác đều cạnh  $a$  nên diện tích bằng:  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$

Đường cao của hình chóp là  $SC = a \Rightarrow$  Thể tích khối chóp  $SABC$  là:

$$\frac{1}{3} \cdot SC \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot a \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{12} \text{ (đvtt)}$$

Vậy đáp án là D

**ĐỀ 12**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

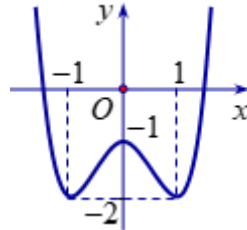
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Hàm số  $y = -\frac{1}{x}$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; 1)$ .                      B.  $(1; +\infty)$ .                      C.  $\mathbb{R}$ .                      D.  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(0; 1)$ .                      B.  $(-\infty; 1)$ .                      C.  $(-1; 1)$ .                      D.  $(-1; 0)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$	$-5$	$3$	$5$	$+\infty$

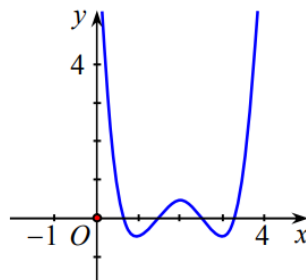
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0; 1)$ .                      B.  $(-\infty; -1)$ .                      C.  $(1; +\infty)$ .                      D.  $(-1; 1)$ .

**Câu 4.** Hàm số nào dưới đây **không** có cực trị ?

- A.  $y = x^2 - 3x$ .                      B.  $y = \frac{3x+1}{2x-1}$ .                      C.  $y = x^3 - 3x + 1$ .                      D.  $y = x^4 + 2x$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình bên. Tìm số cực trị của hàm số  $y = f(x)$ .



- A. 3.                      B. 4.                      C. 2.                      D. 1.

**Câu 6.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$-$
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$3$	$-\infty$

Hàm số đã cho đạt cực đại tại



- A.  $x = -2$ .                      B.  $x = -1$ .                      C.  $x = 0$ .                      D.  $x = 3$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$ . GTLN là  $M$  và GTNN là  $m$  của hàm số trên đoạn  $[0; 4]$  là

- A.  $M = 28; m = -4$ .                      B.  $M = 77; m = 1$ .                      C.  $M = 77; m = -4$ .                      D.  $M = 28; m = 1$ .

**Câu 8.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình dưới đây. Khẳng định nào sau đây là đúng?

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$				
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		$+\infty$
$y$	$-\infty$		$0$		$-\frac{1}{6}$		$+\infty$	

- A. Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên tập số thực bằng  $-\frac{1}{6}$ .  
 B. Giá trị cực đại của hàm số bằng 0.  
 C. Giá trị lớn nhất của hàm số trên tập số thực bằng 0.  
 D. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng 0.

**Câu 9.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{1-x}$  là

- A.  $x = 1$ .                      B.  $y = -1$ .                      C.  $x = 2$ .                      D.  $y = -2$ .

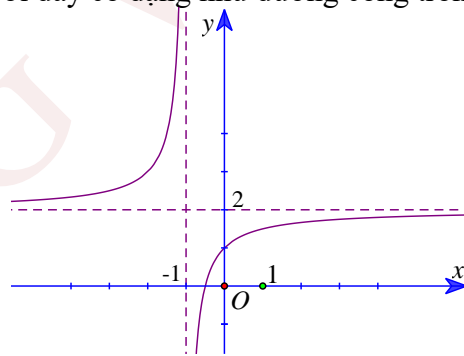
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên dưới đây:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$1$	$+\infty$		
$y'$		$-$	$-$	$0$	$+$	$-$	
$y$	$1$		$2$		$3$		$0$

Tổng số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  là

- A. 2.                      B. 4.                      C. 3.                      D. 1.

**Câu 11.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình dưới đây?

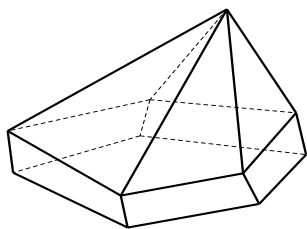


- A.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .                      B.  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .                      C.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .                      D.  $y = \frac{x+3}{1-x}$ .

**Câu 12.** Cho một hình đa diện. Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

- A. Mỗi mặt có ít nhất ba cạnh.  
 B. Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba cạnh.  
 C. Mỗi cạnh là cạnh chung của ít nhất ba mặt.  
 D. Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba mặt.

**Câu 13.** Hình đa diện trong hình vẽ bên dưới có bao nhiêu mặt ?



- A. 11.                                      B. 6.                                      C. 12.                                      D. 10.
- Câu 14.** Có bao nhiêu loại khối đa diện đều?  
A. Vô số.                                      B. 2.                                      C. 3.                                      D. 5.
- Câu 15.** Tổng số cạnh và số đỉnh của hình bát diện đều bằng bao nhiêu?  
A. 18.                                      B. 14.                                      C. 12.                                      D. 20.
- Câu 16.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .  
A.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$ .                                      B.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .                                      C.  $V = \sqrt{2}a^3$ .                                      D.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{4}$ .
- Câu 17.** Cho khối chóp tam giác đều có cạnh đáy bằng 2 và chiều cao  $h = 12$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng  
A.  $12\sqrt{3}$ .                                      B.  $6\sqrt{3}$ .                                      C.  $4\sqrt{3}$ .                                      D.  $24\sqrt{3}$ .
- Câu 18.** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  
A.  $3Bh$ .                                      B.  $Bh$ .                                      C.  $\frac{4}{3}Bh$ .                                      D.  $\frac{1}{3}Bh$ .
- Câu 19.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$  và  $AA' = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng  
A.  $\sqrt{3}a^3$ .                                      B.  $3a^3$ .                                      C.  $\frac{3a^3}{4}$ .                                      D.  $6a^3$ .
- Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên tập  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm là  $f'(x) = (x-1)(2x-1)^2(3-x)$ . Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?  
A.  $(2;3)$ .                                      B.  $(0;3)$ .                                      C.  $(-\infty;1)$ .                                      D.  $(3;+\infty)$ .
- Câu 21.** Tất cả các giá trị của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx + 1$  luôn đồng biến trên tập xác định là  
A.  $m > 3$ .                                      B.  $m < 3$ .                                      C.  $m \leq 3$ .                                      D.  $m \geq 3$ .
- Câu 22.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f'(x) = x(x^2 - 1)(x-1)^2$  số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là  
A. 2.                                      B. 1.                                      C. 4.                                      D. 3.
- Câu 23.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - (3m+1)x^2 + (m^2 + 3m + 2)x + 3$  có điểm cực đại và điểm cực tiểu nằm về hai phía của trục tung khi  
A.  $1 < m < 2$ .                                      B.  $-2 < m < -1$ .                                      C.  $2 < m < 3$ .                                      D.  $-3 < m < -2$ .
- Câu 24.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$ . Biết rằng đồ thị hàm số có hai điểm cực trị là  $A(0;2)$  và  $B(2;-14)$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng  
A. -3.                                      B. 2.                                      C. 4.                                      D. -5.
- Câu 25.** Với giá trị nào của  $x$  thì hàm số  $y = x^2 + \frac{1}{x}$  đạt giá trị nhỏ nhất trên khoảng  $(0;+\infty)$ ?  
A.  $\frac{3}{\sqrt[3]{4}}$ .                                      B.  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ .                                      C. 1.                                      D.  $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = x^3 + (m^2 + 1)x + m^2 - 2$ . Tìm số thực dương  $m$  để hàm số có giá trị nhỏ nhất trên đoạn  $[0; 2]$  bằng 2.

- A.  $m = 2$ .                      B.  $m = 4$ .                      C.  $m = 1$ .                      D.  $m = 0$ .

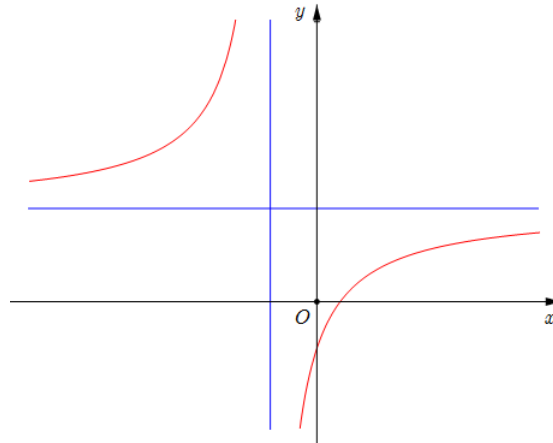
**Câu 27.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{16-x^2}}{x^2-16}$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 3.                                  B. 1.                                  C. 2.                                  D. 0.

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = f(x) = \frac{x+1}{x^2-2mx+4}$ . Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị có ba đường tiệm cận.

- A.  $m > 2$                       B.  $\begin{cases} m < -2 \\ m \neq -\frac{5}{2} \end{cases}$                       C.  $\begin{cases} m > 2 \\ m < -2 \\ m \neq -\frac{5}{2} \end{cases}$                       D.  $\begin{cases} m < -2 \\ m > 2 \end{cases}$

**Câu 29.** Hình vẽ bên là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ . Mệnh đề nào sau đây là đúng?



- A.  $bd < 0, ab > 0$ .                      B.  $ad < 0, ab < 0$ .                      C.  $bd > 0, ad > 0$ .                      D.  $ad > 0, ab < 0$ .

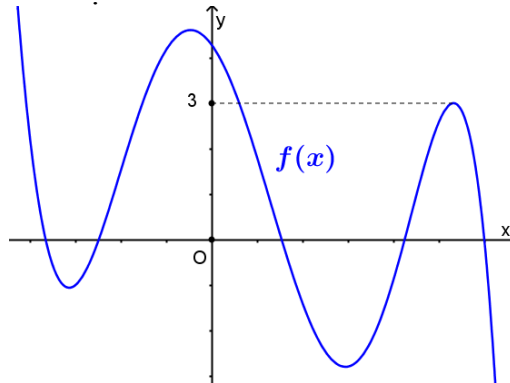
**Câu 30.** Cho parabol  $P$  có phương trình  $y = 2x^2 - 3x - 1$ . Tịnh tiến parabol  $P$  theo vector  $\vec{v} = -1; 4$  thu được đồ thị hàm số nào dưới đây?

- A.  $y = 2x^2 + 13x + 18$ .                      B.  $y = 2x^2 - 19x + 44$ .  
 C.  $y = 2x^2 + x + 2$ .                      D.  $y = 2x^2 - 7x$ .

**Câu 31.** Số điểm chung của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 7x^2 - 6$  và đồ thị hàm số  $y = x^3 - 13x$  là

- A. 4.                                  B. 1.                                  C. 2.                                  D. 3.

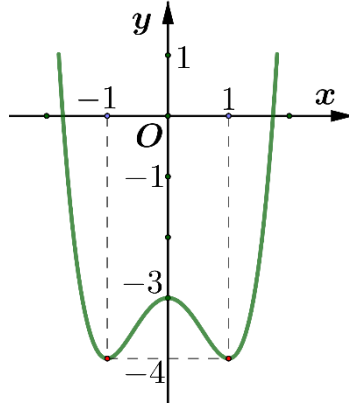
**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ như sau:



Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 4 = 0$  là

- A. 4.                                  B. 5.                                  C. 3.                                  D. 2.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình dưới đây. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $|f(x)| = m$  có hai nghiệm phân biệt?



- A.  $\begin{cases} 0 < m < 3 \\ m > 4 \end{cases}$       B.  $m > 4$ .      C.  $\begin{cases} m > -3 \\ m = -4 \end{cases}$       D.  $\begin{cases} m > 4 \\ m = 0 \end{cases}$ .

**Câu 34.** Một người thợ thủ công làm mô hình đèn lồng bát diện đều, mỗi cạnh của bát diện đó được làm từ các que tre có độ dài 8cm. Hỏi người đó cần bao nhiêu mét que tre để làm 100 cái đèn (giả sử mỗi nối giữa các que tre có độ dài không đáng kể)?

- A. 128m.      B. 192m.      C. 960m.      D. 96m.

**Câu 35.** Có thể chia khối lập phương thành bao nhiêu khối tứ diện bằng nhau có các đỉnh là đỉnh của hình lập phương?

- A. 2.      B. Vô số.      C. 4.      D. 6.

**Câu 36.** Hình lăng trụ tam giác đều có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 5.      B. 6.      C. 3.      D. 4.

**Câu 37.** Cho khối chóp tam giác  $S.ABC$  có  $SA \perp (ABC)$ , tam giác  $ABC$  có độ dài 3 cạnh là  $AB = 5a$ ;  $BC = 8a$ ;  $AC = 7a$ , góc giữa  $SB$  và  $(ABC)$  là  $45^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $50\sqrt{3}a^3$ .      B.  $\frac{50\sqrt{3}}{3}a^3$ .      C.  $\frac{50}{3}a^3$ .      D.  $\frac{50\sqrt{7}}{3}a^3$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ , tam giác  $SAC$  vuông tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với  $(ABCD)$ . Tính theo  $a$  thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{12}$ .      B.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{3}$ .      C.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{4}$ .      D.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$ .

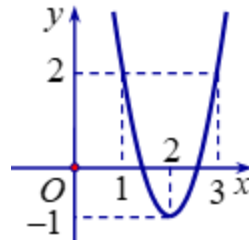
**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$			
$f'(x)$	+	0	-	0	+	0	-	0	+

Tìm khoảng đồng biến của hàm số  $y = g(x) = 2f(1-x) - \frac{1}{5}x^5 + \frac{5}{4}x^4 - 3x^3$ .

- A.  $(-\infty; 0)$ .      B.  $(2; 3)$ .      C.  $(0; 2)$ .      D.  $(3; +\infty)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm là hàm số  $f'(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Biết rằng hàm số  $y = f'(x-2) + 2$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Hàm số  $f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào?



- A.  $(-\infty; 2)$ .      B.  $(-1; 1)$ .      C.  $\left(\frac{3}{2}; \frac{5}{2}\right)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 41.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx-1}{x-m}$  ( $m$  là tham số thực) đồng biến trên khoảng  $(1; 3)$ .

- A.  $m \in -1; 1$ .      B.  $m \in -1; 1$ .      C.  $m \in -1; 1$ .      D.  $m \in -1; 1$ .

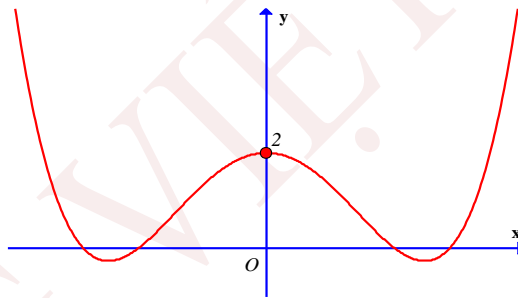
**Câu 42.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$ .

- A.  $m = -1$ .      B.  $m = -7$ .      C.  $m = 5$ .      D.  $m = 1$ .

**Câu 43.** Cho hình thang cân  $ABCD$  có đáy nhỏ  $AB$  và hai cạnh bên đều có độ dài bằng 1. Tìm diện tích lớn nhất  $S_{\max}$  của hình thang.

- A.  $S_{\max} = \frac{8\sqrt{2}}{9}$ .      B.  $S_{\max} = \frac{4\sqrt{2}}{9}$ .      C.  $S_{\max} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$ .      D.  $S_{\max} = \frac{3\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ. Hỏi đồ thị hàm số  $g(x) = \frac{2018x}{f(x)(f(x)-1)}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

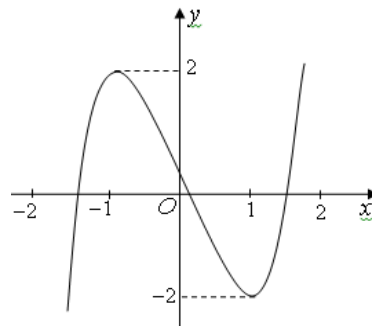


- A. 2.      B. 9.      C. 4.      D. 3.

**Câu 45.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $(C): y = x^3 - mx^2 + 2mx - m$  cắt đường thẳng  $y = 2 - x$  tại ba điểm phân biệt có hoành độ dương.

- A.  $\begin{cases} m < -1 \\ m > 7 \end{cases}$ .      B.  $m > 7$ .      C.  $-2 < m < 7$ .      D.  $m > 1$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ ) có đồ thị như hình vẽ.



Phương trình  $f(f(x)) = 0$  có bao nhiêu nghiệm thực?

- A. 5.      B. 9.      C. 3.      D. 7.

**Câu 47.** Cho tứ diện  $ABCD$  có  $AB = 3, AC = 4, AD = 6, \widehat{BAC} = 60^\circ, \widehat{CAD} = 90^\circ, \widehat{BAD} = 120^\circ$ . Thể tích của khối tứ diện  $ABCD$  bằng

A.  $\frac{27\sqrt{2}}{8}$ .

B.  $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ .

C.  $6\sqrt{2}$ .

D.  $6\sqrt{6}$ .

**Câu 48.** Cho hình lăng trụ đều  $ABC.A'B'C'$  có cạnh đáy bằng  $\frac{2a\sqrt{3}}{3}$ . Đường thẳng  $BC'$  tạo với mặt phẳng  $(ACC'A')$  góc  $\alpha$  thỏa mãn  $\cot \alpha = 2$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

A.  $\frac{4}{3}a^3\sqrt{11}$ .

B.  $\frac{1}{9}a^3\sqrt{11}$ .

C.  $\frac{1}{3}a^3\sqrt{11}$ .

D.  $\frac{2}{3}a^3\sqrt{11}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$		$-1$		$+\infty$	

Hàm số  $g(x) = 2f^3(x) + 4f^2(x) + 1$  có nhiều nhất bao nhiêu điểm cực tiểu?

A. 4

B. 9

C. 5

D. 7

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = f(x) = |x^4 - 4x^3 + 4x^2 + a|$ . Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[0; 2]$ . Số giá trị nguyên  $a$  thuộc đoạn  $[-3; 3]$  sao cho  $M \leq 2m$  là

A. 3.

B. 5.

C. 6.

D. 7.

**DẶNG VIỆT ĐÔNG****HĐG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HKI**

Môn: TOÁN - Lớp 12 - Chương trình chuẩn  
Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**Câu 1.** Hàm số  $y = -\frac{1}{x}$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

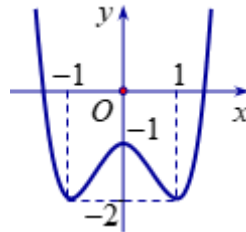
- A.  $(-\infty; 1)$ .      B.  $(1; +\infty)$ .      C.  $\mathbb{R}$ .      D.  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ .

**Lời giải****Chọn B**TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ 

$$y' = \frac{1}{x^2} > 0 \text{ với mọi } x \in D.$$

Vậy hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 0)$  và  $(0; +\infty)$ . Suy ra hàm số đồng biến trên  $(1; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(0; 1)$ .      B.  $(-\infty; 1)$ .      C.  $(-1; 1)$ .      D.  $(-1; 0)$ .

**Lời giải****Chọn D**

Quan sát đồ thị ta thấy đồ thị đi lên trong khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .  
Vậy hàm số đồng biến trên  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$	$-5$	$3$	$5$	$+\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0; 1)$ .      B.  $(-\infty; -1)$ .      C.  $(1; +\infty)$ .      D.  $(-1; 1)$ .

**Lời giải.****Chọn C**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 4.** Hàm số nào dưới đây **không** có cực trị ?

- A.  $y = x^2 - 3x$ .      B.  $y = \frac{3x+1}{2x-1}$ .      C.  $y = x^3 - 3x + 1$ .      D.  $y = x^4 + 2x$ .

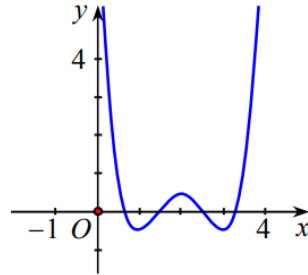
**Lời giải****Chọn B**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$ .

Ta có:  $y' = \frac{-5}{(2x-1)^2} < 0$  với  $\forall x \in \left( -\infty; \frac{1}{2} \right) \cup \left( \frac{1}{2}; +\infty \right)$ .

Vậy hàm số  $y = \frac{3x+1}{2x-1}$  không có cực trị.

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình bên. Tìm số cực trị của hàm số  $y = f(x)$ .



- A. 3.                                      B. 4.                                      C. 2.                                      D. 1.

Lời giải

**Chọn A**

Từ đồ thị hàm số ta thấy hàm số có ba điểm cực trị trong đó có hai điểm cực tiểu và một điểm cực đại.

**Câu 6.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$+\infty$	
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$3$	$-\infty$	

Hàm số đã cho đạt cực đại tại

- A.  $x = -2$ .                                      B.  $x = -1$ .                                      C.  $x = 0$ .                                      D.  $x = 3$ .

Lời giải

**Chọn C**

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$ . GTLN là  $M$  và GTNN là  $m$  của hàm số trên đoạn  $[0; 4]$  là

- A.  $M = 28; m = -4$ .                                      B.  $M = 77; m = 1$ .                                      C.  $M = 77; m = -4$ .                                      D.  $M = 28; m = 1$ .

Lời giải

**Chọn C**

Ta có:  $y' = 3x^2 + 6x - 9$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -3 (L) \end{cases}$ . Khi đó  $y(0) = 1$ ,  $y(1) = -4$ ,  $y(4) = 77$ .

Vậy:  $M = 77$ ;  $m = -4$ .

**Câu 8.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình dưới đây. Khẳng định nào sau đây là đúng?

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$0$	$-\frac{1}{6}$	$+\infty$	

- A. Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên tập số thực bằng  $-\frac{1}{6}$ .  
 B. Giá trị cực đại của hàm số bằng 0.  
 C. Giá trị lớn nhất của hàm số trên tập số thực bằng 0.



D. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng 0.

**B4.X.T0**Lời giải

**Chọn B**

Từ bảng biên thiên ta nhận thấy đạo hàm của hàm số đổi dấu từ dương sang âm qua nghiệm 0 nên hàm số đạt cực đại tại 0 và giá trị cực đại của hàm số bằng 0.

**Câu 9.** Tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{1-x}$  là

- A.  $x = 1$ .                      B.  $y = -1$ .                      C.  $x = 2$ .                      D.  $y = -2$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

$\lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = -\infty$

Do vậy,  $x = 1$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biên thiên dưới đây:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$1$	$+\infty$	
$y'$		-	-	0	+	-
$y$	1	$-\infty$	2	-4	3	0

Tổng số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  là

- A. 2.                      B. 4.                      C. 3.                      D. 1.

**Lời giải**

**Chọn C**

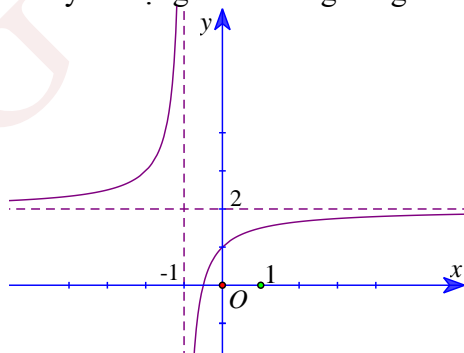
Ta có:

+)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0 \Rightarrow$  đồ thị hàm số có 2 đường tiệm cận ngang là  $y = -1$  và  $y = 0$ .

+)  $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -\infty \Rightarrow$  đồ thị hàm số có 1 đường tiệm cận đứng là  $x = -2$ .

Vậy, đồ thị hàm số có 3 đường tiệm cận.

**Câu 11.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình dưới đây?



- A.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .                      B.  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .                      C.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .                      D.  $y = \frac{x+3}{1-x}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào đồ thị ta có đường tiệm cận đứng  $x = -1$  và đường tiệm cận ngang  $y = 2$ .

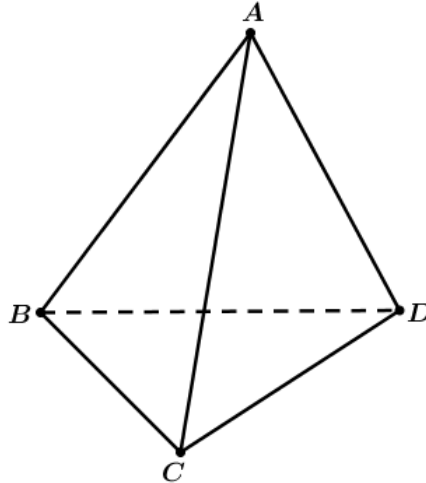
**Câu 12.** Cho một hình đa diện. Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

- A. Mỗi mặt có ít nhất ba cạnh.  
 B. Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba cạnh.  
 C. Mỗi cạnh là cạnh chung của ít nhất ba mặt.  
 D. Mỗi đỉnh là đỉnh chung của ít nhất ba mặt.

**Lời giải**

**Chọn C**

Xét tứ diện  $ABCD$ .

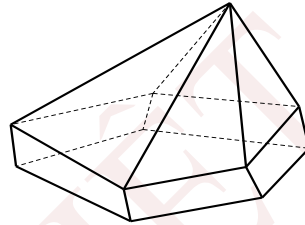


Cạnh  $AB$  là cạnh chung của hai mặt phẳng  $(ABC)$  và  $(ABD)$ .

Vậy, khẳng định C sai.

Khẳng định đúng: Mỗi cạnh là cạnh chung của đúng hai mặt.

**Câu 13.** Hình đa diện trong hình vẽ bên dưới có bao nhiêu mặt ?



A. 11.

B. 6.

C. 12.

D. 10.

Lời giải

**Chọn A**

Số mặt của hình đa diện là 11.

**Câu 14.** Có bao nhiêu loại khối đa diện đều?

A. Vô số.

B. 2.

C. 3.

D. 5.

Lời giải

**Chọn D**

Dựa vào định lý khối đa diện đều.

**Câu 15.** Tổng số cạnh và số đỉnh của hình bát diện đều bằng bao nhiêu?

A. 18.

B. 14.

C. 12.

D. 20.

Lời giải

**Chọn A**

Hình bát diện đều thuộc loại  $\{3;4\}$  có 12 cạnh và 6 đỉnh.

Vậy, tổng số cạnh và số đỉnh của hình bát diện đều bằng:  $12 + 6 = 18$ .

**Câu 16.** Cho hình chóp tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{2}$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

A.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$ .

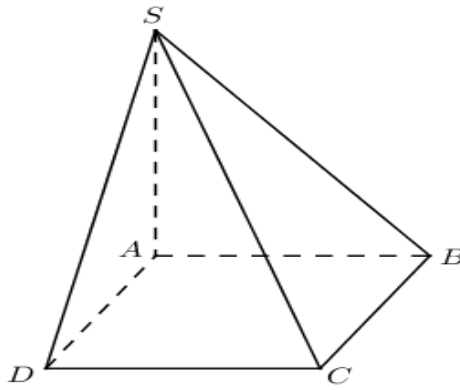
B.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .

C.  $V = \sqrt{2}a^3$ .

D.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{4}$ .

Lời giải

**Chọn B**



Ta có  $V = \frac{1}{3} SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} a\sqrt{2} \cdot a^2 = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Câu 17.** Cho khối chóp tam giác đều có cạnh đáy bằng 2 và chiều cao  $h = 12$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A.  $12\sqrt{3}$ .                      B.  $6\sqrt{3}$ .                      C.  $4\sqrt{3}$ .                      D.  $24\sqrt{3}$ .

Lời giải

Chọn C

Ta có thể tích của khối chóp tam giác đều bằng:  $\frac{1}{3} \cdot \frac{2^2\sqrt{3}}{4} \cdot 12 = 4\sqrt{3}$ .

**Câu 18. (THPTQG 2019-MĐ102-Câu 12.)** Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là

- A.  $3Bh$ .                      B.  $Bh$ .                      C.  $\frac{4}{3}Bh$ .                      D.  $\frac{1}{3}Bh$ .

Lời giải

Chọn B

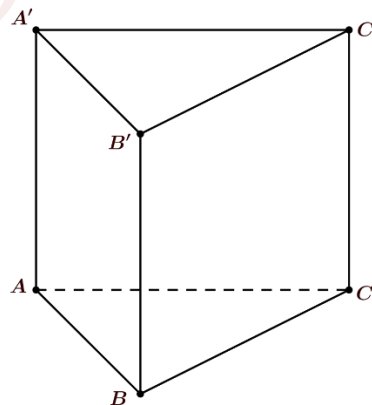
Ta có công thức tính thể tích lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = Bh$ .

**Câu 19.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $2a$  và  $AA' = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

- A.  $\sqrt{3}a^3$ .                      B.  $3a^3$ .                      C.  $\frac{3a^3}{4}$ .                      D.  $6a^3$ .

Lời giải

Chọn B



Ta có:  $V = S_{ABC} \cdot AA' = \frac{(2a)^2 \sqrt{3}}{4} \cdot a\sqrt{3} = 3a^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định trên tập  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm là  $f'(x) = (x-1)(2x-1)^2(3-x)$ . Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(2;3)$ .                      B.  $(0;3)$ .                      C.  $(-\infty;1)$ .                      D.  $(3;+\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

$$\text{Ta có } f'(x) = 0 \Leftrightarrow (x-1)(2x-1)^2(3-x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2} \\ x = 1 \\ x = 3 \end{cases} \text{ . Suy ra bảng xét dấu } f'(x)$$

$x$	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$1$	$3$	$+\infty$		
$x-1$	-	-	0	+	+		
$(2x-1)^2$	+	0	+	+	+		
$3-x$	+	+	+	0	-		
$f'(x)$	-	0	-	0	+	0	-

Căn cứ vào bảng xét dấu  $f'(x)$  ta thấy hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(1;3)$  mà  $(2;3) \subset (1;3)$  nên chọn#

**Câu 21.** Tất cả các giá trị của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx + 1$  luôn đồng biến trên tập xác định là

- A.  $m > 3$ .                      B.  $m < 3$ .                      C.  $m \leq 3$ .                      D.  $m \geq 3$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx + 1$  có tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$  khi và chỉ khi  $y' = 3x^2 - 6x + m \geq 0$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a = 3 > 0 \\ \Delta' = 9 - 3m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \geq 3.$$

**Câu 22.** Cho hàm số  $f(x)$  có  $f'(x) = x(x^2 - 1)(x - 1)^2$  số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- A. 2.                      B. 1.                      C. 4.                      D. 3.

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có  $f'(x) = x(x^2 - 1)(x - 1)^2 = x(x - 1)(x + 1)(x - 1)^2 = x(x - 1)^3(x + 1)$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 0 \\ x = 1 \end{cases} \text{ là ba nghiệm bội lẻ nên } f'(x) \text{ đổi dấu khi } x \text{ đi qua nghiệm.}$$

Lập bảng xét dấu của  $f'(x) \Rightarrow$  hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -1$  và  $x = 1$ .

**Câu 23.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - (3m+1)x^2 + (m^2 + 3m + 2)x + 3$  có điểm cực đại và điểm cực tiểu nằm về hai phía của trục tung khi

- A.  $1 < m < 2$ .                      B.  $-2 < m < -1$ .                      C.  $2 < m < 3$ .                      D.  $-3 < m < -2$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

$$y' = 3x^2 - 2(3m+1)x + m^2 + 3m + 2$$

Đồ thị hàm số có điểm cực đại và điểm cực tiểu nằm về 2 phía đối với trục tung khi và chỉ khi  $y'$  có 2 nghiệm trái dấu  $\Leftrightarrow 3(m^2 + 3m + 2) < 0 \Leftrightarrow -2 < m < -1$ .

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$ . Biết rằng đồ thị hàm số có hai điểm cực trị là  $A(0; 2)$  và  $B(2; -14)$ . Giá trị của  $f(1)$  bằng

A. -3.

B. 2.

C. 4.

D. -5.

Lời giải

**Chọn D**

$$y = ax^4 + bx^2 + c.$$

$$y' = 4ax^3 + 2bx.$$

Hàm số đạt cực trị tại  $x = 2 \Rightarrow y'(2) = 0 \Leftrightarrow 0 = 32a + 4b$ .

Đồ thị hàm số đi qua điểm

$$\square A(0; 2) \Rightarrow c = 2,$$

$$\square B(2; -14) \Rightarrow -14 = 16a + 4b + c.$$

$$\text{Từ đó suy ra: } \begin{cases} a = 1 \\ b = -8 \\ c = 2 \end{cases} \Rightarrow y = x^4 - 8x^2 + 2.$$

$$\text{Vậy } f(1) = 1 - 8 + 2 = -5.$$

**Câu 25.** Với giá trị nào của  $x$  thì hàm số  $y = x^2 + \frac{1}{x}$  đạt giá trị nhỏ nhất trên khoảng  $(0; +\infty)$ ?

A.  $\frac{3}{\sqrt[3]{4}}$ .B.  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ .

C. 1.

D.  $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$ .

Lời giải

**Chọn D**

$$\text{TXD: } D = \mathbb{R} \setminus \{0\}.$$

$$y' = 2x - \frac{1}{x^2}, y' = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{\sqrt[3]{2}}.$$

$x$	$-\infty$		0		$\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$		$+\infty$
$y'$		-		-	0	+	
$y$	$+\infty$		$+\infty$		$\sqrt[3]{2} + \frac{1}{\sqrt[3]{4}}$		$+\infty$

Dựa vào BBT thì  $x = \frac{1}{\sqrt[3]{2}}$  hàm số đạt giá trị nhỏ nhất trên  $(0; +\infty)$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = x^3 + (m^2 + 1)x + m^2 - 2$ . Tìm số thực dương  $m$  để hàm số có giá trị nhỏ nhất trên đoạn  $[0; 2]$  bằng 2.

A.  $m = 2$ .B.  $m = 4$ .C.  $m = 1$ .D.  $m = 0$ .

Lời giải



## Lời giải

## Chọn D

Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = -\frac{d}{c} < 0 \Rightarrow \frac{d}{c} > 0$ .

Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = \frac{a}{c} > 0$ .

Do đó  $\frac{d}{c} \cdot \frac{a}{c} > 0 \Rightarrow \frac{ad}{c^2} > 0 \Rightarrow ad > 0$ .

Với  $y = 0 \Rightarrow x = -\frac{b}{a}$ , khi đó từ hình vẽ ta được  $-\frac{b}{a} > 0 \Rightarrow ab < 0$ .

Với  $x = 0 \Rightarrow y = \frac{b}{a}$ , khi đó từ hình vẽ ta được  $\frac{b}{a} < 0 \Rightarrow bd < 0$ .

**Câu 30.** Cho parabol  $P$  có phương trình  $y = 2x^2 - 3x - 1$ . Tịnh tiến parabol  $P$  theo vector  $\vec{v} = -1; 4$  thu được đồ thị hàm số nào dưới đây?

A.  $y = 2x^2 + 13x + 18$ .

B.  $y = 2x^2 - 19x + 44$ .

C.  $y = 2x^2 + x + 2$ .

D.  $y = 2x^2 - 7x$ .

## Lời giải

## Chọn C

Xét điểm  $M(x; y) \in P$ , gọi  $M'(x'; y')$  là ảnh của  $M$  qua phép tịnh tiến theo vector  $\vec{v}$ .

$$\text{Ta có } \begin{cases} x' = x - 1 \\ y' = y + 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = x' + 1 \\ y = y' - 4 \end{cases} \Rightarrow M(x' + 1; y' - 4)$$

Vì  $M \in P$  nên  $y' - 4 = 2(x' + 1)^2 - 3(x' + 1) - 1 \Leftrightarrow y' = 2x'^2 + x' + 2$ .

Vậy, điểm ảnh  $M'$  thuộc parabol  $P$  có phương trình  $y = 2x^2 + x + 2$ .

**Câu 31.** Số điểm chung của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 7x^2 - 6$  và đồ thị hàm số  $y = x^3 - 13x$  là

A. 4.

B. 1.

C. 2.

D. 3.

## Lời giải

## Chọn D

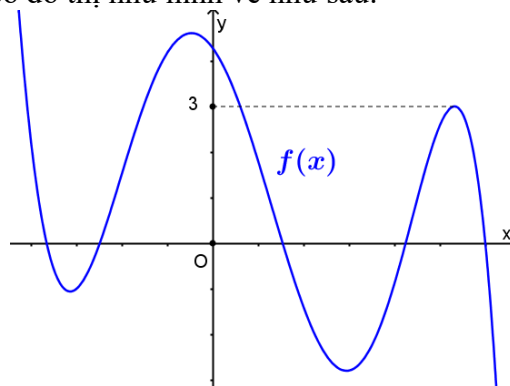
Ta có số điểm chung của hai đồ thị bằng số nghiệm của phương trình sau:

$$x^4 - 7x^2 - 6 = x^3 - 13x \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow (x-1)^2(x^2+x-6) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=2 \\ x=-3 \end{cases}$$

Suy ra phương trình (1) có 3 nghiệm. Vậy số điểm chung của hai đồ thị là 3.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ như sau:



Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 4 = 0$  là

A. 4.

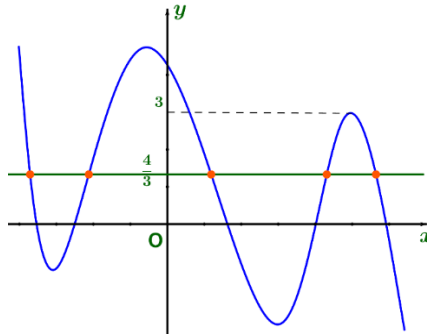
B. 5.

C. 3.

D. 2.

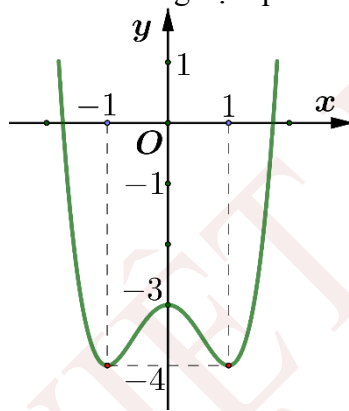
## Lời giải

**Chọn B**



- Ta có:  $3f(x) - 4 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{4}{3}$ .
- Dựa vào đồ thị: số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và  $y = \frac{4}{3}$  là 5 giao điểm.
- Suy ra phương trình  $3f(x) - 4 = 0$  có 5 nghiệm phân biệt.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị là đường cong trong hình dưới đây. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $|f(x)| = m$  có hai nghiệm phân biệt?



A.  $\begin{cases} 0 < m < 3 \\ m > 4 \end{cases}$

B.  $m > 4$ .

C.  $\begin{cases} m > -3 \\ m = -4 \end{cases}$

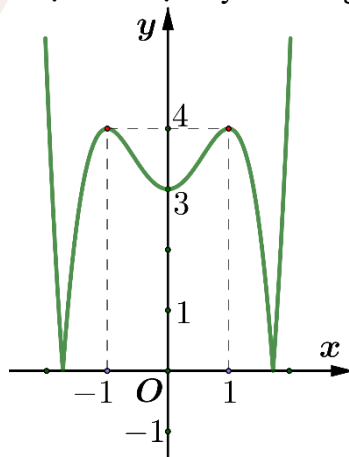
D.  $\begin{cases} m > 4 \\ m = 0 \end{cases}$

**Lời giải**

**Chọn D**

Từ đồ thị hàm số  $y = f(x)$  ta suy ra đồ thị hàm số  $y = |f(x)|$  như sau:

- Giữ nguyên phần đồ thị hàm số  $y = f(x)$  phía trên trục  $Ox$
- Phần đồ thị hàm số  $y = f(x)$  bên dưới trục  $Ox$  được lấy đối xứng qua trục  $Ox$ .



Số nghiệm của phương trình  $|f(x)| = m$  là số giao điểm của đồ thị  $y = |f(x)|$  và đường thẳng  $y = m$ .

Từ đồ thị ta thấy phương trình có đúng hai nghiệm phân biệt khi  $\begin{cases} m > 4 \\ m = 0 \end{cases}$ .

**Câu 34.** Một người thợ thủ công làm mô hình đèn lồng bát diện đều, mỗi cạnh của bát diện đó được làm từ các que tre có độ dài 8cm. Hỏi người đó cần bao nhiêu mét que tre để làm 100 cái đèn (giả sử mỗi nối giữa các que tre có độ dài không đáng kể)?



A. 128m.

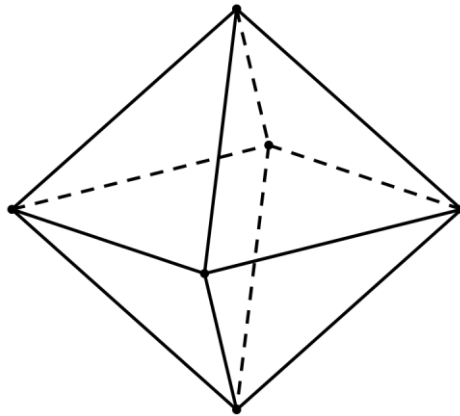
B. 192m.

C. 960m.

D. 96m.

Lời giải

Chọn D



Ta có số cạnh của đèn lồng bát diện đều là 12 suy ra độ dài que tre để làm 1 đèn lồng là  $12 \cdot 8 = 96 \text{ cm}$ . Số mét que để làm 100 cái đèn lồng là  $96 \cdot 100 = 9600 \text{ cm} = 96 \text{ m}$ .

**Câu 35.** Có thể chia khối lập phương thành bao nhiêu khối tứ diện bằng nhau có các đỉnh là đỉnh của hình lập phương?

A. 2.

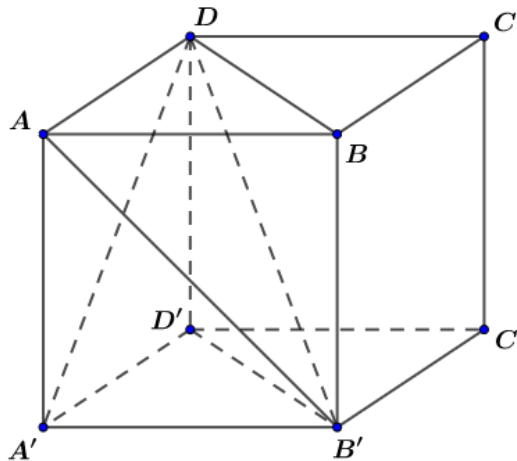
B. Vô số.

C. 4.

D. 6.

Lời giải

Chọn D



+ Chia khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  thành hai khối lăng trụ bằng nhau  $ABD.A'B'D'$  và  $BCD.B'C'D'$   
 + Xét khối lăng trụ  $ABD.A'B'D'$  và nối các đường như hình vẽ trên.

-Ta thấy hai khối tứ diện  $D'A'B'D$  và  $AA'B'D$  bằng nhau vì chúng đối xứng với nhau qua mặt phẳng  $(A'B'D)$ .

-Hai khối tứ diện  $BAB'D$  và  $A'AB'D$  bằng nhau vì chúng đối xứng với nhau qua mặt phẳng  $(AB'D)$ . Như vậy khối lăng trụ  $ABD.A'B'D'$  được chia thành 3 khối tứ diện  $D'A'B'D$ ,  $AA'B'D$  và  $BAB'D$  bằng nhau.

+ Làm tương tự như vậy với khối lăng trụ  $BCD.B'C'D'$  ta cũng chia được 3 khối tứ diện bằng nhau.

+ Vậy ta có thể chia khối lập phương thành 6 khối tứ diện bằng nhau.

**Câu 36.** Hình lăng trụ tam giác đều có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

A. 5.

B. 6.

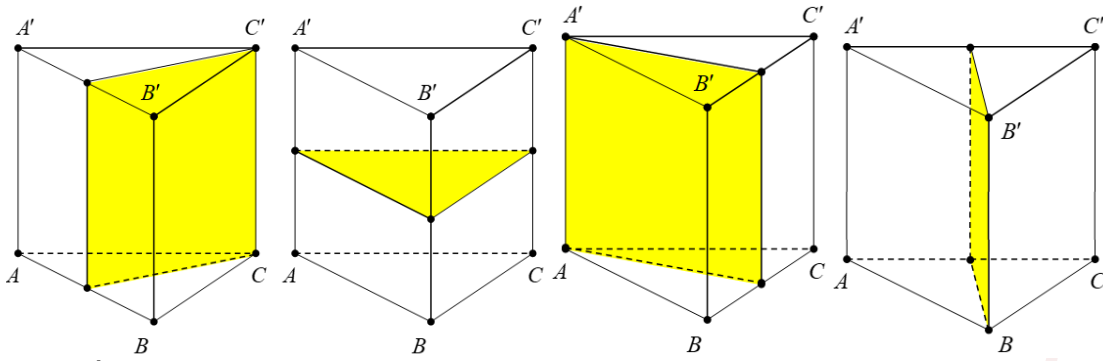
C. 3.

D. 4.

Lời giải

Chọn D

Hình lăng trụ tam giác đều có 4 mặt phẳng đối xứng được mô tả như sau:

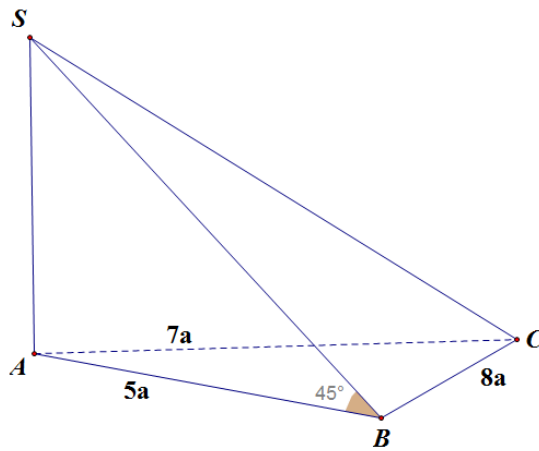


**Câu 37.** Cho khối chóp tam giác  $S.ABC$  có  $SA \perp (ABC)$ , tam giác  $ABC$  có độ dài 3 cạnh là  $AB = 5a$ ;  $BC = 8a$ ;  $AC = 7a$ , góc giữa  $SB$  và  $(ABC)$  là  $45^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $50\sqrt{3}a^3$ .      B.  $\frac{50\sqrt{3}}{3}a^3$ .      C.  $\frac{50}{3}a^3$ .      D.  $\frac{50\sqrt{7}}{3}a^3$ .

Lời giải

**Chọn B**



Ta có nửa chu vi  $\Delta ABC$  là  $p = \frac{AB+AC+BC}{2} = 10a$ .

Diện tích  $\Delta ABC$  là  $S_{\Delta ABC} = \sqrt{10a \cdot 5a \cdot 3a \cdot 2a} = 10\sqrt{3}a^2$ .

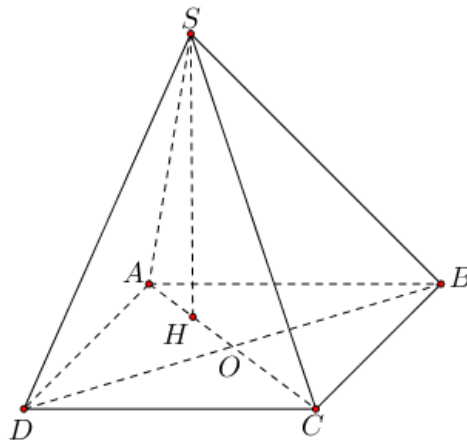
$SA \perp (ABC)$  nên  $\Delta SAB$  vuông, cân tại  $A$  nên  $SA = AB = 5$ .

Thể tích khối chóp  $S.ABC$  là  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3}SA \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3}5a \cdot 10\sqrt{3}a^2 = \frac{50\sqrt{3}}{3}a^3$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ , tam giác  $SAC$  vuông tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với  $(ABCD)$ . Tính theo  $a$  thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{12}$ .      B.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{3}$ .      C.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{4}$ .      D.  $V = \frac{\sqrt{2}a^3}{6}$ .

Lời giải



**Chọn A**

Gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $S$  lên  $AC$ .

Ta có  $SO = \frac{1}{2} AC = \frac{a\sqrt{2}}{2}$  suy ra  $\triangle SAO$  là tam giác đều.

$$\Rightarrow SH = \frac{a\sqrt{6}}{4}.$$

$$\text{Vậy } V = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{6}}{4} \cdot a^2 = \frac{a^3\sqrt{6}}{12}.$$

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Tìm khoảng đồng biến của hàm số  $y = g(x) = 2f(1-x) - \frac{1}{5}x^5 + \frac{5}{4}x^4 - 3x^3$ .

- A.  $(-\infty; 0)$ .      B.  $(2; 3)$ .      C.  $(0; 2)$ .      D.  $(3; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Coi  $f'(x) = (x+2)(x+1)x(x-1)$  có bảng xét dấu như trên.

$$g'(x) = -2f'(1-x) - x^4 + 5x^3 - 6x^2$$

Ta đi xét dấu  $g'(x) = P + Q$ . Với:

$$P = -2f'(1-x) = -2(3-x)(2-x)(1-x)(-x) = 2x(3-x)(2-x)(1-x)$$

Bảng xét dấu của  $P$

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$2$	$3$	$+\infty$
$P$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

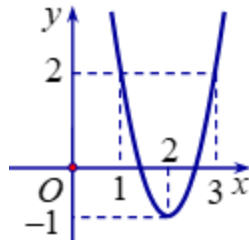
$$Q = -x^4 + 5x^3 - 6x^2 = -x^2(x-2)(x-3)$$

Bảng xét dấu của  $Q$

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$3$	$+\infty$	
$Q$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Từ hai BXD của  $P, Q$ . Ta có  $P > 0, Q > 0$  với  $\forall x \in (2; 3)$  nên  $g'(x) = P + Q > 0$  với  $\forall x \in (2; 3)$ .

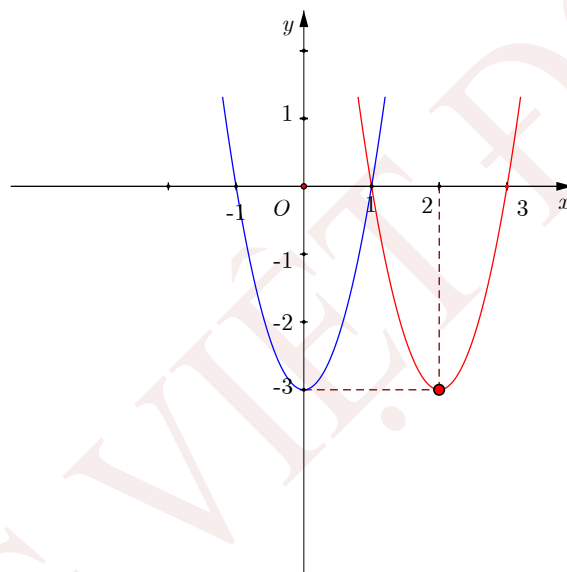
**Câu 40.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm là hàm số  $f'(x)$  trên  $\mathbb{R}$ . Biết rằng hàm số  $y = f'(x-2) + 2$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Hàm số  $f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào?



- A.  $(-\infty; 2)$ .      B.  $(-1; 1)$ .      C.  $(\frac{3}{2}; \frac{5}{2})$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**



Từ đồ thị hàm số  $y = f'(x-2) + 2$  ta suy ra đồ thị hàm số  $y = f'(x-2)$  (đường màu đỏ) bằng cách tịnh tiến xuống dưới 2 đơn vị.

Suy ra đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  (đường màu xanh) bằng cách tịnh tiến đồ thị hàm số  $y = f'(x-2)$  sang trái 2 đơn vị.

Do đó hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

**Câu 41.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx-1}{x-m}$  ( $m$  là tham số thực) đồng biến trên khoảng  $(1; 3)$ .

- A.  $m \in -1; 1$ .      B.  $m \in -1; 1$ .      C.  $m \in -1; 1$ .      D.  $m \in -1; 1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ .

Ta có  $y' = \frac{-m^2 + 1}{(x-m)^2}$ .

Hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; 3)$  khi và chỉ khi

$$y' > 0, \forall x \in (1;3) \Leftrightarrow \begin{cases} -m^2 + 1 > 0 \\ x - m \neq 0, x \in (1;3) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -m^2 + 1 > 0 \\ m \notin (1;3) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -m^2 + 1 > 0 \\ m \leq 1 \\ m \geq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < m < 1 \\ m \leq 1 \\ m \geq 3 \end{cases} \Leftrightarrow -1 < m < 1.$$

**Câu 42.** Tìm giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$ .

- A.  $m = -1$ .                      B.  $m = -7$ .                      C.  $m = 5$ .                      D.  $m = 1$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có  $y' = x^2 - 2mx + (m^2 - 4)$ ;  $y'' = 2x - 2m$ .

Hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$  đạt cực đại tại  $x = 3$  khi và chỉ khi:  $\begin{cases} y'(3) = 0 \\ y''(3) < 0 \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 9 - 6m + m^2 - 4 = 0 \\ 6 - 2m < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 6m + 5 = 0 \\ m > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1(L) \\ m = 5(TM) \\ m > 3 \end{cases}$$

Vậy  $m = 5$  là giá trị cần tìm.

**Câu 43.** Cho hình thang cân  $ABCD$  có đáy nhỏ  $AB$  và hai cạnh bên đều có độ dài bằng 1. Tìm diện tích lớn nhất  $S_{\max}$  của hình thang.

- A.  $S_{\max} = \frac{8\sqrt{2}}{9}$ .                      B.  $S_{\max} = \frac{4\sqrt{2}}{9}$ .                      C.  $S_{\max} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$ .                      D.  $S_{\max} = \frac{3\sqrt{3}}{4}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Gọi  $H, K$  lần lượt là hình chiếu của  $A, B$  trên cạnh  $CD$ .

Đặt  $\widehat{ADC} = \alpha \Rightarrow DH = \sin \alpha, CH = \cos \alpha$

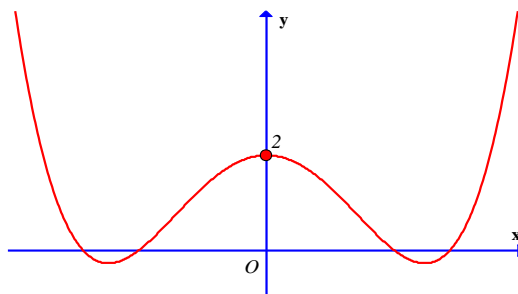
$$S_{ABCD} = \frac{1}{2}AH \cdot (AB + CD) = \frac{1}{2} \sin \alpha (2 + 2 \cos \alpha) = f(\alpha)$$

$$x f'(\alpha) = \cos \alpha + 2 \cos^2 \alpha - 1 = 0 \Leftrightarrow \alpha = \frac{\pi}{3}$$

$x$	0	0	$\frac{\pi}{2}$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$			

Vậy  $S_{\max} = \frac{3\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ. Hỏi đồ thị hàm số  $g(x) = \frac{2018x}{f(x)(f(x)-1)}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?



- A. 2.                      B. 9.                      C. 4.                      D. 3.

## Lời giải

## Chọn B

Ta có  $g(x)$  là hàm phân thức hữu tỷ với bậc của tử nhỏ hơn bậc của mẫu nên  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} g(x) = 0$ , do đó đồ thị hàm số  $g(x)$  có đúng một tiệm cận ngang.

Mỗi phương trình  $f(x) = 0$  và  $f(x) = 1$  đều có 4 nghiệm phân biệt khác 0 nên đồ thị hàm số  $g(x)$  có đúng 8 tiệm cận đứng.

Vậy đồ thị hàm số  $g(x)$  có 9 đường tiệm cận.

**Câu 45.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đồ thị hàm số (C):  $y = x^3 - mx^2 + 2mx - m$  cắt đường thẳng  $y = 2 - x$  tại ba điểm phân biệt có hoành độ dương.

A.  $\begin{cases} m < -1 \\ m > 7 \end{cases}$ .

B.  $m > 7$ .

C.  $-2 < m < 7$ .

D.  $m > 1$ .

## Lời giải

## Chọn B

Phương trình hoành độ giao điểm của (C) và đường thẳng  $y = 2 - x$  là

$$x^3 - mx^2 + 2mx - m = 2 - x \Leftrightarrow x^3 - mx^2 + (2m + 1)x - m - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow (x - 1)[x^2 + (1 - m)x + m + 2] = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 + (1 - m)x + m + 2 = 0(*) \end{cases}$$

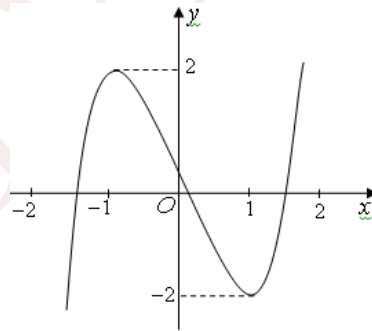
Để (C) cắt đường thẳng  $y = 2 - x$  tại ba điểm phân biệt có hoành độ dương thì phương trình (\*) phải có hai nghiệm phân biệt dương khác 1. Khi đó

$$\begin{cases} \Delta > 0 \\ S > 0 \\ P > 0 \\ 1^2 + (1 - m) \cdot 1 + m + 2 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (m - 1)^2 - 4(m + 2) > 0 \\ m - 1 > 0 \\ m + 2 > 0 \\ 4 \neq 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 6m - 7 > 0 \\ m > 1 \\ m > -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 7 \\ m < -1 \Leftrightarrow m > 7 \\ m > 1 \end{cases}$$

Vậy với  $m > 7$  thì (C) cắt đường thẳng  $y = 2 - x$  tại ba điểm phân biệt có hoành độ dương.

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ ) có đồ thị như hình vẽ.



Phương trình  $f(f(x)) = 0$  có bao nhiêu nghiệm thực?

A. 5.

B. 9.

C. 3.

D. 7.

## Lời giải

## Chọn B

Từ đồ thị hàm số đã cho trong hình vẽ ta có phương trình  $f(x) = 0$  có ba nghiệm phân biệt  $x_1$ ,

$$x_2 \text{ và } x_3 \text{ thuộc khoảng } (-2; 2) \text{ hay } f(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = x_1 \\ x = x_2 \\ x = x_3 \end{cases} \text{ với } x_1, x_2 \text{ và } x_3 \text{ thuộc khoảng } (-2; 2).$$

Đặt  $t = f(x)$  ta có  $f(t) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = t_1 \\ t = t_2 \\ t = t_3 \end{cases} \text{ hay } \begin{cases} f(x) = t_1 \\ f(x) = t_2 \\ f(x) = t_3 \end{cases}$  với  $t_1, t_2$  và  $t_3$  thuộc khoảng  $(-2; 2)$

Dựa vào đồ thị ta thấy ba đường thẳng phân biệt  $y = t_1, y = t_2$  và  $y = t_3$  mỗi đường thẳng luôn cắt đồ thị hàm số tại ba điểm.

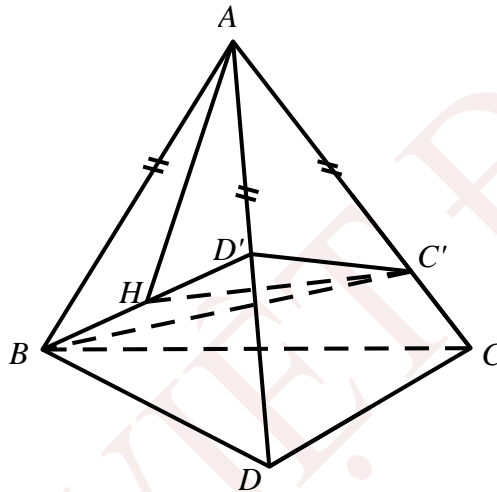
Vậy phương trình  $f(f(x)) = 0$  có 9 nghiệm.

**Câu 47.** Cho tứ diện  $ABCD$  có  $AB = 3, AC = 4, AD = 6, \widehat{BAC} = 60^\circ, \widehat{CAD} = 90^\circ, \widehat{BAD} = 120^\circ$ . Thể tích của khối tứ diện  $ABC'D'$  bằng

- A.  $\frac{27\sqrt{2}}{8}$ .                      B.  $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ .                      C.  $6\sqrt{2}$ .                      D.  $6\sqrt{6}$ .

Lời giải

Chọn C



Lấy các điểm  $C', D'$  lần lượt trên cạnh và  $AC, AD$  sao cho  $AB = AC' = AD' = 3$ .

Áp dụng định lí Côsin ta có:

$$BD'^2 = AB^2 + AD'^2 - 2AB \cdot AD' \cos \widehat{BAD} = 9 + 9 - 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = 9 \cdot 3 = 27 \Leftrightarrow BD' = 3\sqrt{3}.$$

Tam giác  $BAC'$  là tam giác đều nên  $BC' = 3$ , tam giác  $D'AC'$  vuông tại  $A$  nên  $C'D' = 3\sqrt{2}$ .

Xét tam giác  $BD'C'$  có  $BD'^2 = BC'^2 + C'D'^2$ , nên tam giác vuông tại  $C'$ .

Gọi  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $A$  trên  $(BD'C')$ , vì  $AB = AC' = AD'$  nên  $HB = HC' = HD'$ . Mặt khác, tam giác  $BD'C'$  vuông tại  $C'$  nên  $H$  là trung điểm của  $BD'$ .

Ta có,  $AH = \sqrt{AB^2 - \frac{BD'^2}{4}} = \sqrt{9 - \frac{27}{4}} = \frac{3}{2}$ .

Thể tích khối tứ diện  $ABC'D'$  bằng

$$V_{ABC'D'} = \frac{1}{3} AH \cdot S_{BC'D'} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 3\sqrt{2} = \frac{9\sqrt{2}}{4}$$

Áp dụng công thức tỉ số thể tích ta có

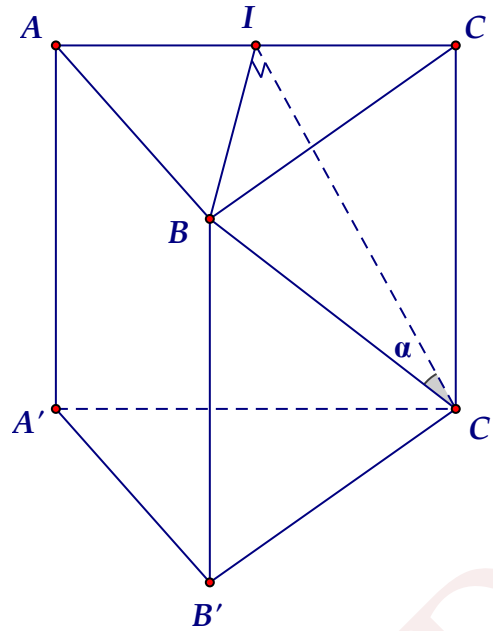
$$\frac{V_{ABC'D'}}{V_{ABCD}} = \frac{AC' \cdot AD'}{AC \cdot AD} = \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{6} = \frac{9}{24} \Rightarrow V_{ABCD} = \frac{24}{9} V_{ABC'D'} = 6\sqrt{2}.$$

**Câu 48.** Cho hình lăng trụ đều  $ABC.A'B'C'$  có cạnh đáy bằng  $\frac{2a\sqrt{3}}{3}$ . Đường thẳng  $BC'$  tạo với mặt phẳng  $(ACC'A')$  góc  $\alpha$  thỏa mãn  $\cot \alpha = 2$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

- A.  $\frac{4}{3} a^3 \sqrt{11}$ .                      B.  $\frac{1}{9} a^3 \sqrt{11}$ .                      C.  $\frac{1}{3} a^3 \sqrt{11}$ .                      D.  $\frac{2}{3} a^3 \sqrt{11}$ .

Lời giải

Chọn C



Gọi  $I$  là trung điểm  $AC$ , suy ra  $BI \perp AC$ .  
 Mặt khác do  $BI \perp CC'$  nên  $BI \perp (ACC'A')$ .

Do đó  $\alpha = (BC', (ACC'A')) = (BC', IC') = \angle BC'I$ .

Ta có:  $S_{\Delta ABC} = \left(\frac{2a\sqrt{3}}{3}\right)^2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{a^2\sqrt{3}}{3}$  và  $BI = \frac{2a\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = a$ .

Theo đề bài:  $\cot \alpha = 2 \Leftrightarrow \frac{C'I}{BI} = 2 \Leftrightarrow C'I = 2a$ .

Suy ra  $CC' = \sqrt{C'I^2 - CI^2} = \sqrt{4a^2 - \frac{a^2}{3}} = \frac{a\sqrt{33}}{3}$ .

Vậy thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ :  $V = S_{\Delta ABC} \cdot CC' = \frac{a^2\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{a\sqrt{33}}{3} = \frac{1}{3}a^3\sqrt{11}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$	$-2$	$-1$	$-2$	$+\infty$

Hàm số  $g(x) = 2f^3(x) + 4f^2(x) + 1$  có nhiều nhất bao nhiêu điểm cực tiểu?

A. 4

B. 9

C. 5

D. 7

Lời giải

Chọn C

Ta có  $g'(x) = 6f^2(x) \cdot f'(x) + 8f(x) \cdot f'(x) = 0$



$$\Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 0 \\ f'(x) = 0 \\ f(x) = -\frac{4}{3} \end{cases}$$

Dựa vào bảng biến thiên ta có:

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}, f(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = x_1 \\ x = x_2 \end{cases}, f(x) = -\frac{4}{3} \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \\ x = b \\ x = c \\ x = d \end{cases}$$

thỏa mãn:  $x_1 < a < -1 < b < 0 < c < 1 < d < x_2$

Khi đó để có nhiều điểm cực tiểu nhất thì xét dấu của  $g'(x)$  có dạng:

$x$	$x_1$	$a$	$-1$	$b$	$0$	$c$	$1$	$d$	$x_2$		
$g'(x)$	-	0	+	0	-	0	+	0	-	0	+

Do đó hàm số có nhiều nhất 5 điểm cực tiểu.

**Câu 50.** Cho hàm số  $y = f(x) = |x^4 - 4x^3 + 4x^2 + a|$ . Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[0; 2]$ . Số giá trị nguyên  $a$  thuộc đoạn  $[-3; 3]$  sao cho  $M \leq 2m$  là

A. 3.

B. 5.

C. 6.

D. 7.

Lời giải

**Chọn B**

Xét  $g(x) = x^4 - 4x^3 + 4x^2 + a$  với  $x \in [0; 2]$ .

$$g'(x) = 4x^3 - 12x^2 + 8x = 4x(x^2 - 3x + 2); g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$$

$$g(0) = a; g(1) = 1 + a; g(2) = a.$$

Bảng biến thiên  $g(x)$

$x$	0		1		2
$g'(x)$	0	+	0	-	0
$g(x)$	$a$		$a+1$		$a$

Trường hợp 1:  $a \geq 0$ . Khi đó  $M = a + 1; m = a$ .

$$\text{Ta có } M \leq 2m \Leftrightarrow 1 + a \leq 2a \Leftrightarrow a \geq 1. \text{ Với } \begin{cases} a \in [-3; 3] \\ a \in \mathbb{Z} \end{cases} \Rightarrow a \in \{1; 2; 3\}.$$

Trường hợp 2:  $a + 1 \leq 0 \Leftrightarrow a \leq -1$ . Khi đó  $M = -a; m = -(a + 1)$ .

$$\text{Ta có } M \leq 2m \Leftrightarrow -a \leq -2(a + 1) \Leftrightarrow a \leq -2. \text{ Với } \begin{cases} a \in [-3; 3] \\ a \in \mathbb{Z} \end{cases} \Rightarrow a \in \{-3; -2\}.$$

Trường hợp 3:  $-1 < a < 0$ . Với  $\begin{cases} a \in [-3; 3] \\ a \in \mathbb{Z} \end{cases} \Rightarrow a \in \emptyset$ .

Vậy có 5 giá trị  $a$  cần tìm.

**ĐỀ 13**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

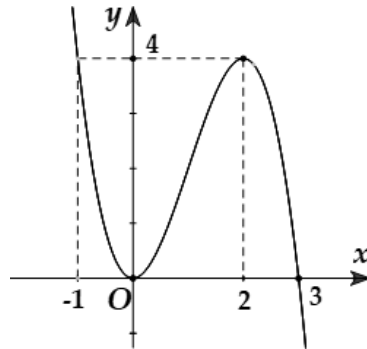
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến trên tập xác định của nó?

- A.  $y = \frac{2x-1}{x+2}$ .      B.  $y = x^3 + 4x + 1$ .      C.  $y = x^2 + 1$ .      D.  $y = x^4 + 2x^2 + 1$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?



- A.  $(0; 4)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(0; 3)$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 3.** Bảng biến thiên sau là của hàm số nào?

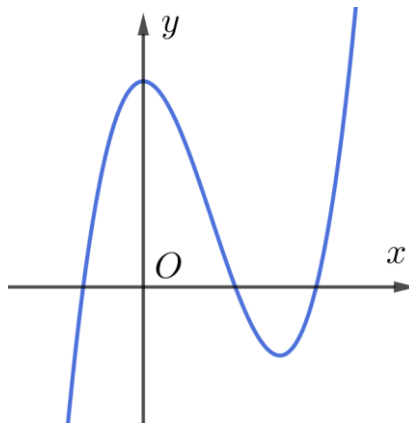
$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$2$	$1$	$2$	$-\infty$

- A.  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .      B.  $y = -x^4 + 2x^2 + 3$ .      C.  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ .      D.  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

**Câu 4.** Tọa độ điểm cực đại của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$  là

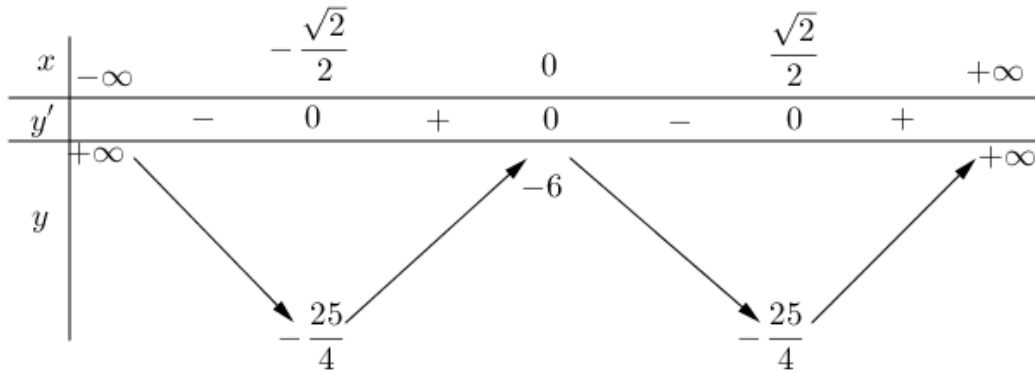
- A.  $(-1; 0)$ .      B.  $(1; 0)$ .      C.  $(-1; 0)$  và  $(1; 0)$ .      D.  $(0; 1)$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị trên một khoảng  $K$  như hình vẽ bên. Trên  $K$ , hàm số có bao nhiêu cực trị?



- A. 3.      B. 2.      C. 0.      D. 1.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



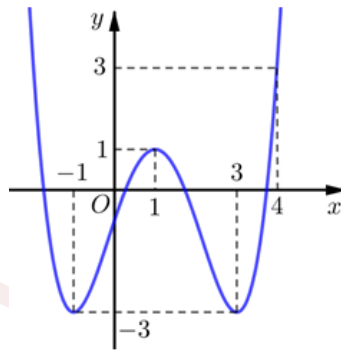
Giá trị cực tiểu của hàm số bằng

- A.  $-\frac{25}{4}$ .                      B.  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ .                      C.  $-6$ .                      D.  $0$ .

**Câu 7.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng

- A.  $-\frac{50}{27}$ .                      B.  $-2$ .                      C.  $1$ .                      D.  $0$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-1; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 4]$ . Giá trị của  $M + 2m$  bằng



- A.  $0$ .                      B.  $-3$ .                      C.  $-5$ .                      D.  $2$ .

**Câu 9.** Đồ thị hàm số nào trong các hàm số được cho dưới đây không có tiệm cận ngang?

- A.  $y = \frac{x+2}{x^2+1}$ .                      B.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .                      C.  $y = \frac{x^2-1}{x+2}$ .                      D.  $y = \frac{1}{x+2}$ .

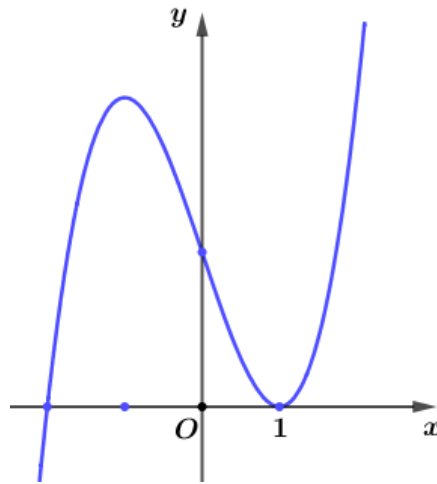
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$
$y'$		-		+	0
$y$	$+\infty$		$-3$		$2$
					$-4$

Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

- A. Hàm số có hai điểm cực trị.  
 B. Hàm số đạt giá trị lớn nhất bằng 2 và giá trị nhỏ nhất bằng  $-3$ .  
 C. Đồ thị hàm số có đúng một đường tiệm cận.  
 D. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$ ,  $(2; +\infty)$ .

**Câu 11.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Tìm hàm số đó.



- A.  $y = x^3 - 3x + 2$ .      B.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .      C.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .      D.  $y = -x^3 + 3x + 2$ .

**Câu 12.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào *đúng*? Số các đỉnh hoặc các mặt của bất kì hình đa diện nào cũng

- A. lớn hơn hoặc bằng 4.      B. lớn hơn 4.  
C. lớn hơn hoặc bằng 5.      D. lớn hơn 5.

**Câu 13.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh ?

- A. 20.      B. 25.      C. 10.      D. 15.

**Câu 14.** Hình bát diện đều có bao nhiêu đỉnh?

- A. 8.      B. 12.      C. 6.      D. 10.

**Câu 15.** Tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt của hình lập phương là

- A. 16.      B. 26.      C. 8.      D. 24.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật với  $AB = a, AD = 2a, SA$  vuông góc với mặt đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng.

- A.  $a^3\sqrt{3}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .      C.  $2a^3\sqrt{3}$ .      D.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 17.** Tính thể tích khối chóp tứ giác đều cạnh đáy bằng  $a$ , chiều cao bằng  $3a$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      C.  $\frac{a^3}{3}$ .      D.  $a^3$ .

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích là  $V$ , thể tích của khối chóp  $C'.ABC$  là:

- A.  $2V$ .      B.  $\frac{1}{2}V$ .      C.  $\frac{1}{3}V$ .      D.  $\frac{1}{6}V$ .

**Câu 19.** Cho khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a, AD = b, AA' = c$ . Thể tích của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng bao nhiêu?

- A.  $abc$ .      B.  $\frac{1}{2}abc$ .      C.  $\frac{1}{3}abc$ .      D.  $3abc$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm là  $f'(x) = x(x+1)^2$ . Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; +\infty)$ .      B.  $(-1; 0)$ .      C.  $(-\infty; -1)$ .      D.  $(0; +\infty)$ .

**Câu 21.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{x^3}{3} + mx^2 - 6mx + 2$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  ?

- A. 6.      B. 7.      C. vô số.      D. 5.

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2(x-1)(x+1)^3$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x)$  là

- A. 6.      B. 4.      C. 2.      D. 3.

**Câu 23.** Biết  $M(0; 2)$ ,  $N(2; -2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Tính giá trị của hàm số tại  $x = -2$ .

- A.  $y(-2) = 2$ .                      B.  $y(-2) = 22$ .                      C.  $y(-2) = 6$ .                      D.  $y(-2) = -18$ .

**Câu 24.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^4 + 2(m-2)x^2 + 1$  có ba cực trị.

- A.  $-1 < m < 2$ .                      B.  $m > 2$ .                      C.  $-1 \leq m \leq 2$ .                      D.  $m < -1$ .

**Câu 25.** Gọi  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x - 1 + \frac{4}{x-1}$  trên khoảng  $(1; +\infty)$ . Tìm  $m$ .

- A.  $m = 2$ .                      B.  $m = 5$ .                      C.  $m = 3$ .                      D.  $m = 4$ .

**Câu 26.** Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  trên đoạn  $[1; 2]$  bằng 8 với  $m$  là tham số thực). Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $0 < m < 4$ .                      B.  $4 < m < 8$ .                      C.  $8 < m < 10$ .                      D.  $m > 10$ .

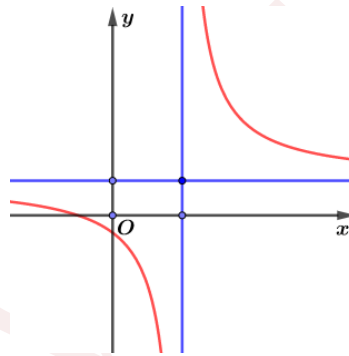
**Câu 27.** Số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2}{\sqrt{x^2-4}}$  bằng

- A. 2.                      B. 1.                      C. 3.                      D. 0.

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=3$ . Giá trị của  $m$  bằng

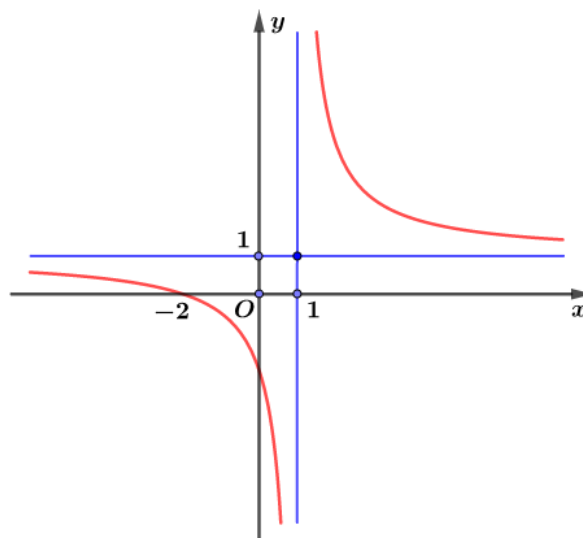
- A. 3.                      B. 4.                      C. 5.                      D. 6.

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



- A.  $ac > 0, bd > 0$ .                      B.  $ab < 0, cd < 0$ .                      C.  $bc > 0, ad < 0$ .                      D.  $bc < 0, ad > 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+2}{cx+b}$  có đồ thị như hình vẽ. Hãy tính tổng  $S = a+b+c$ .



- A.  $S = 2$ .                      B.  $S = 1$ .                      C.  $S = 3$ .                      D.  $S = 4$ .

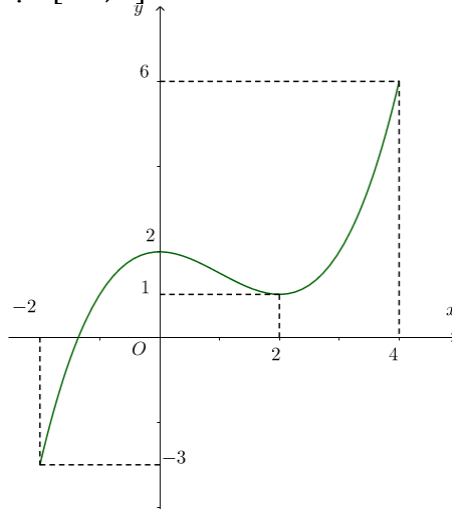
**Câu 31.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$+$
$f(x)$	$-\infty$	$2$	$-2$	$+\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = f(2)$  là

- A. 0.**                      **B. 2.**                      **C. 1.**                      **D. 3.**

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[-2; 4]$  là



- A. 1.**                      **B. 0.**                      **C. 3.**                      **D. 2.**

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$-$	$+$
$y$	$+\infty$	$3$	$5$	$3$	$+\infty$

Số các giá trị nguyên của  $m$  để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có 4 nghiệm phân biệt là

- A. 4.**                      **B. 0.**                      **C. 1.**                      **D. 2.**

**Câu 34.** Lăng trụ có 2020 đỉnh có số mặt là

- A. 1009.**                      **B. 1012.**                      **C. 1010.**                      **D. 1011.**

**Câu 35.** Cho khối tứ diện  $ABCD$ . Lấy điểm  $M$  nằm giữa  $A$  và  $B$ , điểm  $N$  nằm giữa  $C$  và  $D$ . Bằng hai mặt phẳng  $(CDM)$  và  $(ABN)$ , ta chia khối tứ diện đó thành bốn khối tứ diện nào sau đây?

- A. MANC, BCDN, AMND, ABND.**                      **B. MANC, BCMN, AMND, MBND.**                      **C. ABCN, ABND, AMND, MBND.**  
**D. NACB, BCMN, ABND, MBND.**

**Câu 36.** Hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tất cả bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 2.**                      **B. 3.**                      **C. 5.**                      **D. 4.**

**Câu 37.** Cho hình tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Hãy tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .**                      **B.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .**                      **C.  $\sqrt{3}a^3$ .**                      **D.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{4}$ .**

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có mặt phẳng  $(SAB)$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ , tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$ ,  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

- A.  $\frac{4}{3}a^3$ .                      B.  $\frac{a^3}{6}$ .                      C.  $\frac{32}{3}a^3$ .                      D.  $\frac{9}{2}a^3$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm  $f'(x)$  như hình sau:

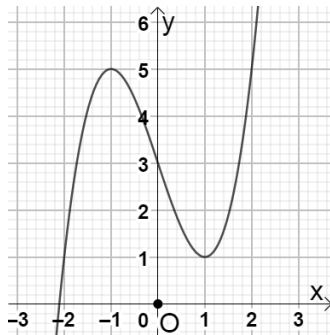
$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$5$	$+\infty$			
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hỏi hàm số  $y = f(2-x) + \frac{x^3}{3} - 2x^2 - 5x + 2021$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(1; 3)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(-3; -2)$ .                      D.  $(-\infty; -3)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Xét hàm số

$g(x) = f(x) - \frac{1}{2}x^2 - 3x$ . Khi đó khẳng định nào sau đây **đúng** ?



- A.  $g(0) \leq g(2)$ .                      B.  $g(-2) > g(0)$ .                      C.  $g(2) < g(4)$ .                      D.  $g(-4) = g(-2)$ .

**Câu 41.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ .

- A.  $(\frac{2}{5}; +\infty)$ .                      B.  $(\frac{2}{5}; +\infty) \setminus \{2\}$ .                      C.  $(\frac{2}{5}; 2]$ .                      D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 42.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 2)x + 2019$  đạt cực đại tại  $x = 1$ ?

- A. 1.                      B. 3.                      C. 0.                      D. 2.

**Câu 43.** Số giá trị nguyên của tham số  $m \in [-10; 10]$  để bất phương trình  $4 \sin^2 x - 4 \cos x \leq 4m^2 - 4m + 5$  nghiệm đúng với mọi  $x \in [0; \pi]$  là

- A. 21.                      B. 20.                      C. 17.                      D. 18.

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$2$	$+\infty$	$3$	$-\infty$	$-\infty$

Tìm số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{1}{2f(x) - 3}$ .

- A. Không có tiệm cận đứng và tiệm cận ngang.

B. 2 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.

C. 2 tiệm cận ngang, 1 tiệm cận đứng.

D. 1 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.

Câu 45. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$		
$f'(x)$		+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	↗ 5 ↘		-3	↗ $+\infty$	

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f(|x|) - m = 0$  có 4 nghiệm phân biệt.

A. 6.

B. 7.

C. 8.

D. 9.

Câu 46. Cho hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 1$ . Tìm số nghiệm của phương trình  $f(f(x)) = 0$ .

A. 5.

B. 9.

C. 4.

D. 7.

Câu 47. Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác cân tại A, mặt bên  $(SBC)$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Gọi  $(\alpha)$  là mặt phẳng đi qua điểm B và vuông góc với SC, chia khối chóp thành hai phần. Tính tỉ số thể tích của hai phần đó.

A.  $\frac{1}{2}$ .

B.  $\frac{1}{3}$ .

C.  $\frac{2}{3}$ .

D.  $\frac{1}{4}$ .

Câu 48. Cho lăng trụ tam giác đều  $ABC \cdot A'B'C'$ . Tam giác  $ABC'$  có diện tích bằng 8 và hợp với mặt phẳng đáy một góc có số đo  $30^\circ$ . Tính thể tích của khối lăng trụ.

A.  $8\sqrt{3}$ .

B.  $4\sqrt{3}$ .

C.  $16\sqrt{3}$ .

D.  $24\sqrt{3}$ .

Câu 49. Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$			
$f'(x)$		-	0	+	0	+	0	-
$f(x)$		↘		↗		↘		

Hàm số  $g(x) = 3f(2-x) + x^3 - 3x$  đạt cực đại tại điểm

A.  $x = 1$ .

B.  $x = -1$ .

C.  $x = 3$ .

D.  $x = 2$ .

Câu 50. Có bao nhiêu số nguyên  $m \in [-5; 5]$  để  $\min_{[1;3]} |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2$ .

A. 6.

B. 4.

C. 3.

D. 5.



**ĐỀ 13**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến trên tập xác định của nó?

- A.**  $y = \frac{2x-1}{x+2}$ .      **B.**  $y = x^3 + 4x + 1$ .      **C.**  $y = x^2 + 1$ .      **D.**

$y = x^4 + 2x^2 + 1$ .

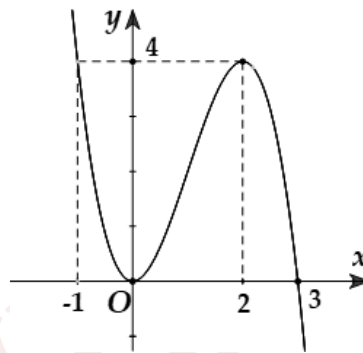
**Lời giải**

**Chọn B**

Vì hàm số  $y = x^3 + 4x + 1$  có  $y' = 3x^2 + 4 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

Vậy hàm số  $y = x^3 + 4x + 1$  luôn đồng biến trên tập xác định của nó.

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?



- A.**  $(0; 4)$ .      **B.**  $(0; 2)$ .      **C.**  $(0; 3)$ .      **D.**  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Trên khoảng  $(0; 2)$  đồ thị hàm số là một đường cong đi lên từ trái sang phải, vì vậy hàm số đồng biến trên  $(0; 2)$ .

**Câu 3.** Bảng biến thiên sau là của hàm số nào?

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$2$	$1$	$2$	$-\infty$

- A.**  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .      **B.**  $y = -x^4 + 2x^2 + 3$ .  
**C.**  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ .      **D.**  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Từ bảng biến thiên ta có hàm số có hệ số  $a < 0$ , vậy loại đáp án A, C

Ta có  $y = -x^4 + 2x^2 + 1 \Rightarrow y' = -4x^2 + 4x$ .

$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases} \Rightarrow y(0) = 1; y(\pm 1) = 2$ . Vậy chọn đáp án D

**Câu 4.** Tọa độ điểm cực đại của đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 1$  là

- A.  $(-1;0)$ . B.  $(1;0)$ .  
 C.  $(-1;0)$  và  $(1;0)$ . D.  $(0;1)$ .

Lời giải

**Chọn D**

Tập xác định:  $D=\mathbb{R}$ .

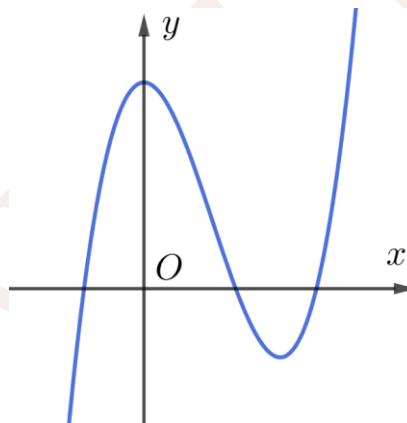
Ta có:  $y'=4x^3-4x$ . Cho  $y'=0 \Leftrightarrow 4x^3-4x=0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=\pm 1 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$-$	$+$
$f(x)$	$+\infty$	$0$	$1$	$0$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy tọa độ điểm cực đại là  $(0;1)$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị trên một khoảng  $K$  như hình vẽ bên. Trên  $K$ , hàm số có bao nhiêu cực trị?



- A. 3. B. 2. C. 0. D. 1.

Lời giải

**Chọn B**

Trên  $K$ , hàm số có 2 cực trị.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$0$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$-$	$+$
$y$	$+\infty$	$\frac{25}{4}$	$-6$	$\frac{25}{4}$	$+\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số bằng

- A.  $-\frac{25}{4}$ . B.  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ . C.  $-6$ . D.  $0$ .

## Lời giải

## Chọn A

Dựa vào BBT ta có đạo hàm đổi dấu từ âm sang dương khi đi qua  $x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$  và  $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

Nên hàm số đạt cực tiểu tại  $x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$  và  $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .

Khi đó giá trị cực tiểu của hàm số bằng  $y\left(\pm\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = -\frac{25}{4}$ .

**Câu 7.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng

A.  $-\frac{50}{27}$ .

B.  $-2$ .

C. 1.

D. 0.

## Lời giải

## Chọn D

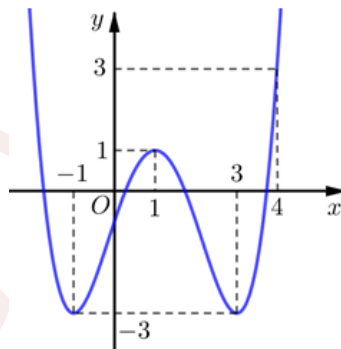
Hàm số  $f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  liên tục trên đoạn  $[0; 2]$ .

Ta có  $f'(x) = 3x^2 - 4x + 1 \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 4x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in [0; 2] \\ x = \frac{1}{3} \in [0; 2] \end{cases}$ .

Do  $f(0) = -2$ ,  $f(1) = -2$ ,  $f(2) = 0$ ,  $f\left(\frac{1}{3}\right) = -\frac{50}{27}$  nên giá trị lớn nhất của hàm số

$f(x) = x^3 - 2x^2 + x - 2$  trên đoạn  $[0; 2]$  bằng 0.

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-1; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 4]$ . Giá trị của  $M + 2m$  bằng



A. 0.

B.  $-3$ .

C.  $-5$ .

D. 2.

## Lời giải

## Chọn B

Quan sát đồ thị hàm số  $y = f(x)$  trên  $[-1; 4]$  ta có giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 4]$  lần lượt là  $M = 3; m = -3$ . Vậy giá trị của  $M + 2m = 3 + 2 \cdot (-3) = -3$ .

**Câu 9.** Đồ thị hàm số nào trong các hàm số được cho dưới đây không có tiệm cận ngang?

A.  $y = \frac{x+2}{x^2+1}$ .

B.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .

C.  $y = \frac{x^2-1}{x+2}$ .

D.  $y = \frac{1}{x+2}$ .

## Lời giải

## Chọn C

Ta có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x+2}{x^2+1} = 0$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 0$ .

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x+2}{x+1} = 1$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 1$ .

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 1}{x + 2} = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 - 1}{x + 2} = -\infty$  nên đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{x + 2} = 0$  nên đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 0$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$2$		$+\infty$
$y'$		$-$	$\parallel$	$+$	$0$	$+$	$\parallel$	$-$	
$y$	$+\infty$						$2$		$-4$

Arrows in the original image indicate the function values at the critical points:  $y = -3$  at  $x = -1$  and  $y = -4$  at  $x = 2$ .

Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

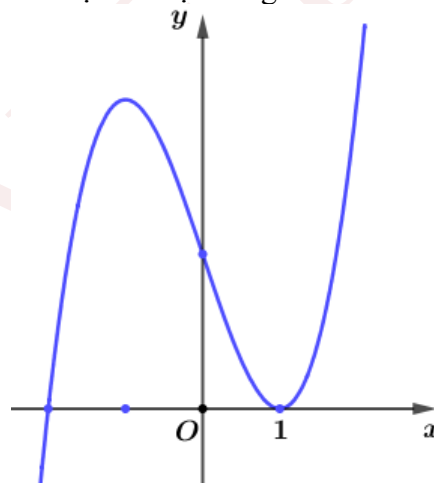
- A. Hàm số có hai điểm cực trị.
- B. Hàm số đạt giá trị lớn nhất bằng 2 và giá trị nhỏ nhất bằng -3.
- C. Đồ thị hàm số có đúng một đường tiệm cận.
- D. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$ ,  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số ta có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ , nên hàm số không có giá trị lớn nhất.

**Câu 11.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Tìm hàm số đó.



- A.  $y = x^3 - 3x + 2$ .
- B.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .
- C.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .
- D.

$y = -x^3 + 3x + 2$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Dựa vào hình dáng đồ thị ta thấy:

+) Đồ thị của hàm số đa thức bậc ba  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ )  $\Rightarrow$  loại đáp án B,

+)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty \Rightarrow$  Hệ số  $a$  dương. Loại đáp án

Hàm số ở đáp án A thỏa mãn.

**Câu 12.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng? Số các đỉnh hoặc các mặt của bất kì hình đa diện nào cũng

- A. lớn hơn hoặc bằng 4.
- B. lớn hơn 4.
- C. lớn hơn hoặc bằng 5.
- D. lớn hơn 5.

## Lời giải

## Chọn A

Do ba điểm bất kì đều đồng phẳng nên đáp án đúng là A  
Mà tứ diện là khối đa diện có số đỉnh và số mặt đều là 4.

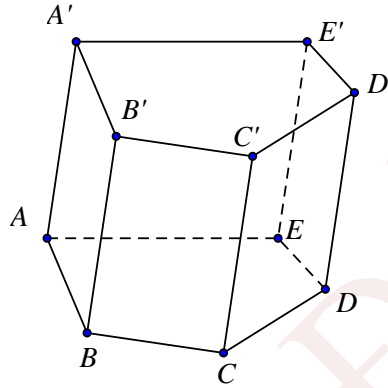
**Câu 13.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh ?

- A. 20.                                      B. 25.                                      C. 10.                                      **D. 15.**

## Lời giải

## Chọn D

Hình vẽ.



**Câu 14.** Hình bát diện đều có bao nhiêu đỉnh?

- A. 8.                                      B. 12.                                      **C. 6.**                                      D. 10.

## Lời giải

## Chọn C

Hình bát diện đều có 6 đỉnh.

**Câu 15.** Tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt của hình lập phương là

- A. 16.                                      **B. 26.**                                      C. 8.                                      D. 24.

## Lời giải

## Chọn B

Hình lập phương có 8 đỉnh, 12 cạnh và 6 mặt.

Vậy tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt của hình lập phương là 26.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình chữ nhật với  $AB = a, AD = 2a, SA$  vuông góc với mặt đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  bằng.

- A.  $a^3\sqrt{3}$ .                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .                                      C.  $2a^3\sqrt{3}$ .                                      **D.  $\frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$ .**

## Lời giải

## Chọn D

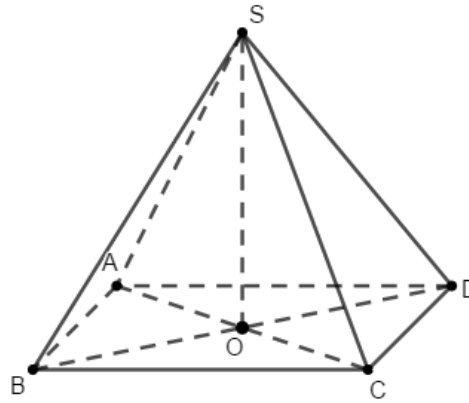
$$V = \frac{1}{3} S.h = \frac{1}{3} . a . 2a . a\sqrt{3} = \frac{2a^3\sqrt{3}}{3}$$

**Câu 17.** Tính thể tích khối chóp tứ giác đều cạnh đáy bằng  $a$ , chiều cao bằng  $3a$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .                                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .                                      C.  $\frac{a^3}{3}$ .                                      **D.  $a^3$ .**

## Lời giải

## Chọn D



Ta có:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3}h.S_{ABCD} = \frac{1}{3}.3a.a^2 = a^3$

- Câu 18.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có thể tích là  $V$ , thể tích của khối chóp  $C'.ABC$  là:
- A.  $2V$ .                      B.  $\frac{1}{2}V$ .                      **C.  $\frac{1}{3}V$ .**                      D.  $\frac{1}{6}V$ .

**Lời giải**

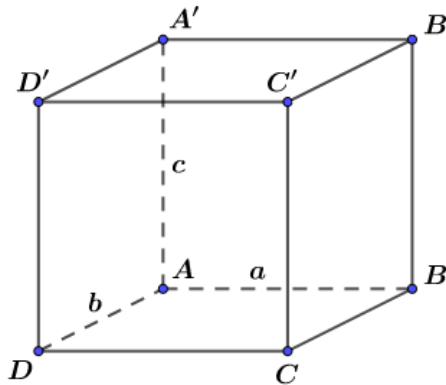
**Chọn C**

Gọi  $h$  là khoảng cách từ  $C'$  đến mặt phẳng  $(ABC)$  và  $B$  là diện tích tam giác  $ABC$ . Khi đó, thể tích lăng trụ  $V = Bh$ , thể tích khối chóp  $C'.ABC$  là  $V_{C'.ABC} = \frac{1}{3}Bh$ . Do đó,  $V_{C'.ABC} = \frac{1}{3}V$ .

- Câu 19.** Cho khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a$ ,  $AD = b$ ,  $AA' = c$ . Thể tích của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  bằng bao nhiêu?
- A.  $abc$ .**                      B.  $\frac{1}{2}abc$ .                      C.  $\frac{1}{3}abc$ .                      D.  $3abc$ .

**Lời giải**

**Chọn A**



Thể tích hình hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  là  $V = abc$ .

- Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm là  $f'(x) = x(x + 1)^2$ . Hàm số đồng biến trên khoảng nào dưới đây?
- A.  $(-1; +\infty)$ .                      B.  $(-1; 0)$ .                      C.  $(-\infty; -1)$ .                      **D.  $(0; +\infty)$ .**

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \end{cases}$ .

Có  $f'(x) = x(x + 1)^2$ . Ta thấy đạo hàm của hàm số đổi dấu từ âm sang dương khi qua nghiệm  $x = 0$  và không đổi dấu khi qua nghiệm  $x = -1$  nên hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $(0; +\infty)$ .

**Câu 21.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{x^3}{3} + mx^2 - 6mx + 2$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  ?

- A.** 6.   **B.** 7.   **C.** vô số.   **D.** 5.

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có:  $y' = -x^2 + 2mx - 6m$

Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' = -x^2 + 2mx - 6m \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' \leq 0 \\ a < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 6m \leq 0 \\ -1 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow 0 \leq m \leq 6. \text{ Mà } m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{0;1;2;3;4;5;6\}.$$

Vậy có 7 giá trị  $m$  nguyên thỏa mãn bài toán.

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2(x-1)(x+1)^3$  với mọi  $x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x)$  là

- A.** 6.   **B.** 4.   **C.** 2.   **D.** 3.

**Lời giải**

**Chọn C**

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -1 \end{cases} \text{ trong đó có } x = 0 \text{ là nghiệm bội } 2, x = 1 \text{ là nghiệm đơn, } x = -1 \text{ là nghiệm}$$

bội 3 và hàm số có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ .

Ta có bảng xét dấu

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$-$	$0$	$+$	

Vậy nên hàm số có 2 điểm cực trị.

**Câu 23.** Biết  $M(0; 2), N(2; -2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Tính giá trị của hàm số tại  $x = -2$ .

- A.**  $y(-2) = 2$ .   **B.**  $y(-2) = 22$ .   **C.**  $y(-2) = 6$ .   **D.**  $y(-2) = -18$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có:  $y' = 3ax^2 + 2bx + c$ .

Vì  $M(0; 2), N(2; -2)$  là các điểm cực trị của đồ thị hàm số nên:

$$\begin{cases} y'(0) = 0 \\ y'(2) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} c = 0 \\ 12a + 4b + c = 0 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} y(0) = 2 \\ y(2) = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} d = 2 \\ 8a + 4b + 2c + d = -2 \end{cases} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra:  $\begin{cases} a = 1 \\ b = -3 \\ c = 0 \\ d = 2 \end{cases} \Rightarrow y = x^3 - 3x^2 + 2 \Rightarrow y(-2) = -18$ .

**Câu 24.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^4 + 2(m-2)x^2 + 1$  có ba cực trị.

- A.**  $-1 < m < 2$ .   **B.**  $m > 2$ .   **C.**  $-1 \leq m \leq 2$ .   **D.**  $m < -1$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

$$y' = 4(m+1)x^3 + 4(m-2)x = 4x((m+1)x^2 + m-2).$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ (m+1)x^2 + m-2 = 0 \end{cases}$$

Hàm số có ba cực trị  $\Leftrightarrow y' = 0$  có ba nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow \frac{2-m}{m+1} > 0 \Leftrightarrow -1 < m < 2$ .

**Câu 25.** Gọi  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x - 1 + \frac{4}{x-1}$  trên khoảng  $(1; +\infty)$ . Tìm  $m$ .

A.  $m = 2$ .B.  $m = 5$ .C.  $m = 3$ .D.  $m = 4$ .**Lời giải****Chọn D**

Ta có:  $y' = 1 - \frac{4}{(x-1)^2}$ . Cho  $y' = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = -1 \end{cases}$ .

Mà  $y(3) = 4$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$  nên hàm số có giá trị nhỏ nhất bằng 4 khi  $x = 3$ .

**Câu 26.** Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  trên đoạn  $[1; 2]$  bằng 8 với  $m$  là tham số thực). Khẳng định nào sau đây là đúng?

A.  $0 < m < 4$ .B.  $4 < m < 8$ .C.  $8 < m < 10$ .D.  $m > 10$ .**Lời giải****Chọn C**

Hàm số đã cho liên tục và đơn điệu trên đoạn  $[1; 2]$ . Khi đó, hàm số đạt giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất lần lượt tại  $x = 1$  và  $x = 2$  hoặc ngược lại. Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số là:

$$y(1) + y(2) = 8 \Leftrightarrow \frac{m+1}{2} + \frac{m+2}{3} = 8 \Leftrightarrow m = \frac{41}{5}.$$

**Câu 27.** Số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2}{\sqrt{x^2-4}}$  bằng

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 0.

**Lời giải****Chọn C**

Tập xác định  $D = (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ .

Ta có

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2}{\sqrt{x^2-4}} = 0 \Rightarrow y = 0$  là tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow -2^-} y = \lim_{x \rightarrow -2^-} \frac{2}{\sqrt{x^2-4}} = +\infty \Rightarrow x = -2$  là tiệm cận đứng.

$\lim_{x \rightarrow 2^+} y = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2}{\sqrt{x^2-4}} = +\infty \Rightarrow x = 2$  là tiệm cận đứng.

Vậy số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là 3.

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x = 3$ . Giá trị của  $m$  bằng

A. 3.

B. 4.

C. 5.

D. 6.

**Lời giải****Chọn A**

Áp dụng:

Hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ , (với điều kiện  $c \neq 0$ ,  $ad - cb \neq 0$ ) đồ thị có đường tiệm cận đứng  $x = \frac{-d}{c}$ .

**Cách 1 (TN):**



Với  $m=3 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-3}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=3$ .

Với  $m=4 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-4}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=4$ .

Với  $m=5 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-5}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=5$ .

Với  $m=6 \Rightarrow$  đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m} = \frac{x+1}{x-6}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=6$ .

Vậy giá trị cần tìm của  $m$  bằng 3.

**Cách 2 (TL):**

Hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ .

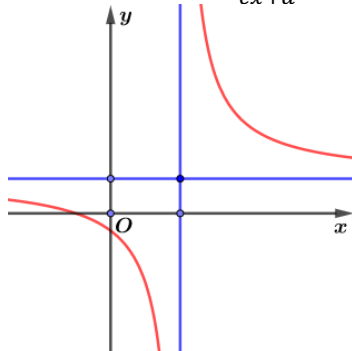
Với  $m=-1 \Rightarrow y = \frac{x+1}{x+1} = 1, \forall x \neq -1 \Rightarrow$  đồ thị hàm số không có tiệm cận.

Với  $m \neq -1$  thì đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=m$  (1).

Giả thiết cho đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{x-m}$  có đường tiệm cận đứng là  $x=3$  (2).

Từ (1) và (2) ta có  $m=3$ .

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ bên. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



A.  $ac > 0, bd > 0$ .

B.  $ab < 0, cd < 0$ .

**C.**  $bc > 0, ad < 0$ .

D.  $bc < 0, ad > 0$ .

0.

**Lời giải**

**Chọn C**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-\frac{d}{c}\}$ .

Do đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số là  $x = -\frac{d}{c}$  nằm bên phải trục tung nên  $-\frac{d}{c} > 0 \Leftrightarrow cd < 0$ . (1)

Do đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là  $y = \frac{a}{c}$  nằm phía trên trục hoành nên  $\frac{a}{c} > 0 \Leftrightarrow ac > 0$ . (2)

Hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đạo hàm  $y' = \frac{ad-bc}{(cx+d)^2}$ .

Từ đồ thị, hàm số nghịch biến trên từng khoảng của tập xác định suy ra  $ad - bc < 0$  hay  $ad < bc$

(loại đáp án D).

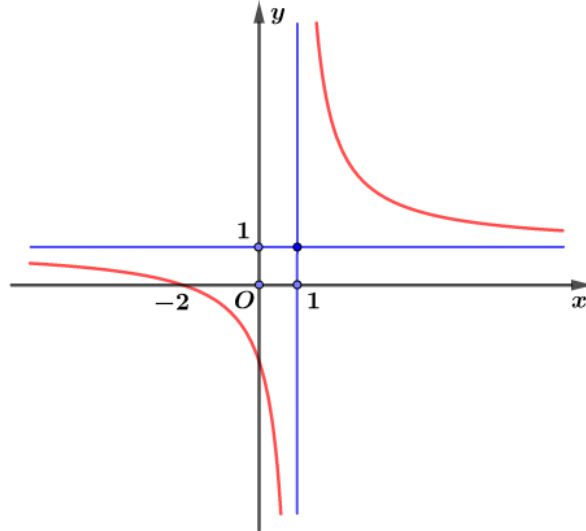
Đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm  $(-\frac{b}{a}; 0)$ , điểm này nằm phía bên trái trục tung nên  $-\frac{b}{a} < 0 \Leftrightarrow ab > 0$  (3)(loại đáp án B).

Từ (1), (2), (3) ta có  $\begin{cases} cd < 0 \\ ac > 0 \\ ab > 0 \end{cases}$ , suy ra  $a, b, c$  cùng dấu và  $d$  trái dấu với  $a, b, c$ .

Khi đó  $bd < 0$  (loại đáp án A).

**Kết luận:** Chọn đáp án C:  $bc > 0, ad < 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+2}{cx+b}$  có đồ thị như hình vẽ. Hãy tính tổng  $S = a+b+c$ .



A.  $S = 2$ .

**B.**  $S = 1$ .

C.  $S = 3$ .

D.  $S = 4$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x=1 \Leftrightarrow -\frac{b}{c}=1 \Leftrightarrow b+c=0$  (1)

Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y=1 \Leftrightarrow \frac{a}{c}=1 \Leftrightarrow a-c=0$  (2)

Đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm  $(-2;0) \Leftrightarrow \frac{-2a+2}{-2c+b}=0 \Leftrightarrow a=1$  (3)

Từ (1), (2) và (3)  $\Rightarrow a=1, b=-1, c=1$ .

Vậy  $S = a+b+c = 1$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	2	-2	$+\infty$	

Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = f(2)$  là

A. 0.

**B.** 2.

C. 1.

D. 3.

**Lời giải**

**Chọn B**

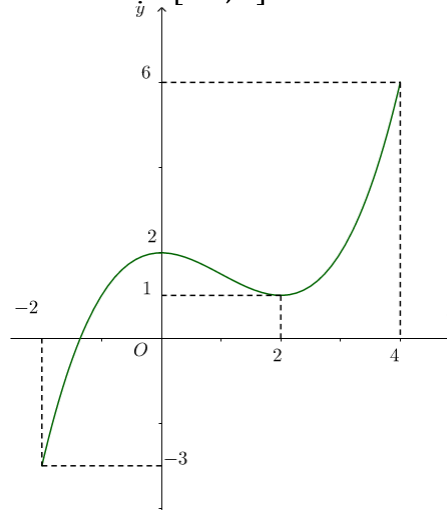
Từ bảng biến thiên ta thấy  $f(2) = -2$ .

Do đó ta có  $f(x) = f(2) \Leftrightarrow f(x) = -2(1)$ .

Từ bảng biến thiên ta nhận được (1) có hai nghiệm  $x = 2$  và  $x = x_0 \in (-\infty; 0)$ .

Vậy phương trình đã cho có hai nghiệm thực.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 4]$  và có đồ thị như hình vẽ bên. Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  trên đoạn  $[-2; 4]$  là



- A. 1.                      B. 0.                      **C. 3.**                      D. 2.

Lời giải

**Chọn C**

Ta có  $3f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{3}$ .

Dựa vào đồ thị ta thấy đường thẳng  $y = \frac{5}{3}$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại ba điểm phân biệt thuộc đoạn  $[-2; 4]$ .

Do đó phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  có ba nghiệm thực

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$		$-1$		$0$		$1$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$+\infty$				$5$				$+\infty$

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\searrow$                        $\nearrow$   
 $3$                        $3$

Số các giá trị nguyên của  $m$  để phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có 4 nghiệm phân biệt là

- A. 4.                      **B. 0.**                      C. 1.                      D. 2.

Lời giải

**Chọn B**

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = 2 - 3m$ .

Phương trình  $f(x) = 2 - 3m$  có 4 nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow$  đường thẳng  $y = 2 - 3m$  cắt đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tại 4 điểm phân biệt.

Từ bảng biến thiên suy ra:  $3 < 2 - 3m < 5 \Leftrightarrow -1 < m < -\frac{1}{3}$  nên không có giá trị nguyên nào của  $m$  thỏa mãn.

**Câu 34.** Lăng trụ có 2020 đỉnh có số mặt là

- A. 1009.                      **B. 1012.**                      C. 1010.                      D. 1011.

Lời giải

**Chọn B**

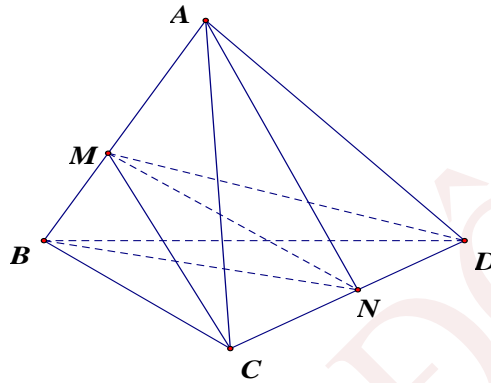
Lăng trụ có  $2n$  đỉnh thì có số mặt là  $n + 2$ .

Khi đó lăng trụ có 2020 đỉnh thì  $n = 1010$  và có số mặt là  $1010 + 2 = 1012$ .

- Câu 35.** Cho khối tứ diện  $ABCD$ . Lấy điểm  $M$  nằm giữa  $A$  và  $B$ , điểm  $N$  nằm giữa  $C$  và  $D$ . Bằng hai mặt phẳng  $(CDM)$  và  $(ABN)$ , ta chia khối tứ diện đó thành bốn khối tứ diện nào sau đây?
- A.  $MANC, BCDN, AMND, ABND$ .
  - B.  $MANC, BCMN, AMND, MBND$ .
  - C.  $ABCN, ABND, AMND, MBND$ .
  - D.  $NACB, BCMN, ABND, MBND$ .

**Lời giải**

**Chọn B**



Bằng hai mặt phẳng  $(CDM)$  và  $(ABN)$ , ta chia khối tứ diện đó thành bốn khối tứ diện:  $MANC, BCMN, AMND, MBND$ .

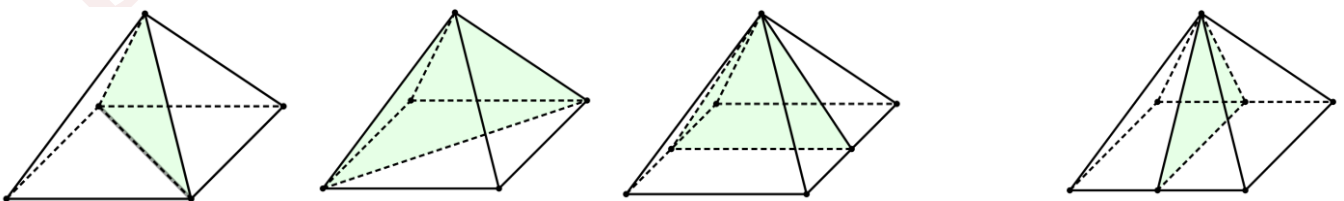
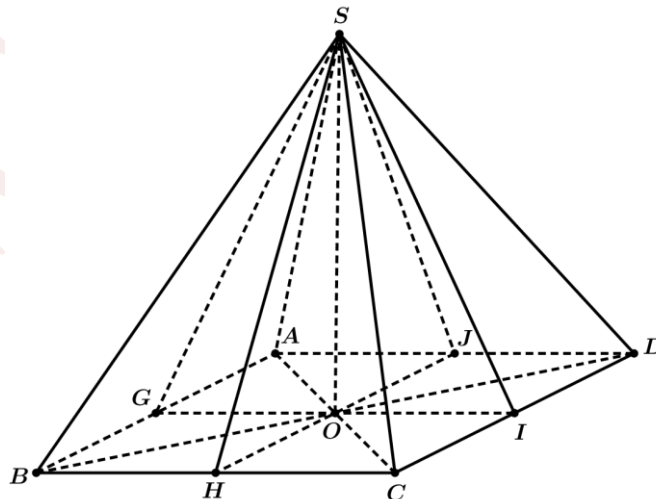
- Câu 36.** Hình chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có tất cả bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?
- A. 2.
  - B. 3.
  - C. 5.
  - D. 4.

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có:

Đó là các mặt phẳng  $(SAC), (SBD), (SHJ), (SGI)$  với  $G, H, I, J$  là các trung điểm của các cạnh đáy dưới hình vẽ bên dưới.



- Câu 37.** Cho hình tứ giác  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = a\sqrt{3}$ . Hãy tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

A.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .

B.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .

C.  $\sqrt{3}a^3$ .

D.  $\frac{\sqrt{3}a^3}{4}$ .

Lời giải

Chọn A

Thể tích của khối chóp là:  $V = \frac{1}{3}a^2 \cdot a\sqrt{3} = \frac{a^3\sqrt{3}}{3}$

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có mặt phẳng  $(SAB)$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ , tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$ ,  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$ . Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

A.  $\frac{4}{3}a^3$ .

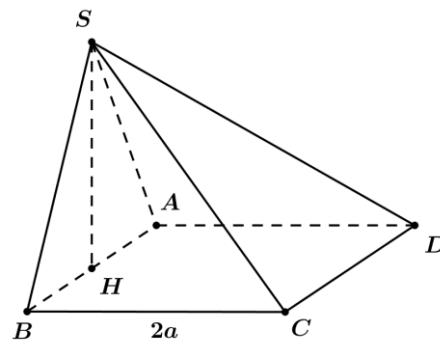
B.  $\frac{a^3}{6}$ .

C.  $\frac{32}{3}a^3$ .

D.  $\frac{9}{2}a^3$ .

Lời giải

Chọn A



Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB \Rightarrow SH \perp AB \Rightarrow SH \perp (ABCD)$ .

Tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$ , suy ra  $SH = \frac{1}{2}AB = a$ .

Thể tích khối chóp  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a \cdot 4a^2 = \frac{4}{3}a^3$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có bảng xét dấu đạo hàm  $f'(x)$  như hình sau:

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$1$	$5$	$+\infty$			
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hỏi hàm số  $y = f(2-x) + \frac{x^3}{3} - 2x^2 - 5x + 2021$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

A.  $(1; 3)$ .

B.  $(-1; 1)$ .

C.  $(-3; -2)$ .

D.  $(-\infty; -3)$ .

Lời giải

Chọn C

$y = f(2-x) + \frac{x^3}{3} - 2x^2 - 5x + 2021 \Rightarrow y' = f'(2-x)(2-x)' + x^2 - 4x - 5$   
 $= -f'(2-x) + x^2 - 4x - 5$

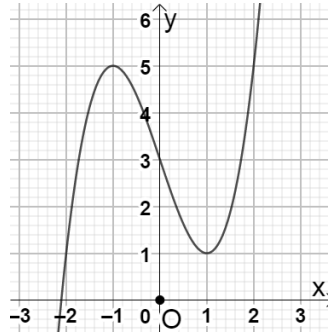
Xét khoảng  $(1; 3) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (-1; 1) \Rightarrow -f'(2-x) < 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (-9; -8) \end{cases} \Rightarrow y' < 0$  hàm số nghịch biến

Xét khoảng  $(-1; 1) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (1; 3) \Rightarrow -f'(2-x) > 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (-8; 0) \end{cases}$

Xét khoảng  $(-3; -2) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (4; 5) \Rightarrow -f'(2-x) > 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (7; 16) \end{cases} \Rightarrow y' > 0$  hàm số đồng biến

Xét khoảng  $(-\infty; -3) \Rightarrow \begin{cases} 2-x \in (5; +\infty) \Rightarrow -f'(2-x) < 0 \\ x^2 - 4x - 5 \in (0; +\infty) \end{cases}$

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Xét hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{1}{2}x^2 - 3x$ . Khi đó khẳng định nào sau đây **đúng** ?



- A.  $g(0) \leq g(2)$ .      B.  $g(-2) > g(0)$ .      **C.  $g(2) < g(4)$ .**      D.  $g(-4) = g(-2)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có  $g'(x) = f'(x) - x - 3 = f'(x) - (x + 3)$ .

$$\text{Khi đó: } g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) - (x + 3) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = (x + 3) \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$$

Lập Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$	
$g'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$g$	$+\infty$	$\searrow$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$	$+\infty$
		$1$	$3$	$5$		

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy hàm số  $g(x)$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  nên suy ra được  $g(2) < g(4)$ .

**Câu 41.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -10)$ .

- A.  $\left(\frac{2}{5}; +\infty\right)$ .      B.  $\left(\frac{2}{5}; +\infty\right) \setminus \{2\}$ .      **C.  $\left(\frac{2}{5}; 2\right]$ .**      D.  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có:  $y' = \frac{x+5m-x-2}{(x+5m)^2} = \frac{5m-2}{(x+5m)^2}$ .

Để hàm số  $y = \frac{x+2}{x+5m}$  đồng biến trên  $(-\infty; -10)$  thì  $\begin{cases} y' = \frac{5m-2}{(x+5m)^2} > 0 \\ -5m \notin (-\infty; -10) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5m-2 > 0 \\ m \notin (2; +\infty) \end{cases}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m > \frac{2}{5} \\ m \leq 2 \end{cases} \Leftrightarrow \frac{2}{5} < m \leq 2.$$

**Câu 42.** Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 2)x + 2019$  đạt cực đại tại  $x = 1$ ?

A. 1.

B. 3.

C. 0.

D. 2.

Lời giải

Chọn A

Ta có  $y' = -x^2 + 2mx + m^2 - 2$  và  $y'' = -2x + 2m$ .

Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$  thì  $y'(1) = 0$

$$\Leftrightarrow -1^2 + 2m \cdot 1 + m^2 - 2 = 0 \Leftrightarrow m^2 + 2m - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -3 \\ m = 1 \end{cases}.$$

Với  $m = -3$  ta có  $y''(1) = -2 \cdot 1 + 2 \cdot (-3) = -8 < 0$  nên  $x = 1$  là điểm cực đại.

Suy ra  $m = -3$  thỏa mãn.

Với  $m = 1$  ta có  $y' = -x^2 + 2x - 1 = -(x-1)^2 \leq 0 \Rightarrow$  hàm số luôn nghịch biến, nên hàm số không có cực trị.

Suy ra  $m = 1$  không thỏa mãn.

Vậy  $m = -3$  thì hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 2)x + 2019$  tại  $x = 1$ .

**Câu 43.** (Thi thử Đại học Hồng Đức – Thanh Hóa – 07-05 - 2019) Số giá trị nguyên của tham số  $m \in [-10; 10]$  để bất phương trình  $4 \sin^2 x - 4 \cos x \leq 4m^2 - 4m + 5$  nghiệm đúng với mọi  $x \in [0; \pi]$  là

A. 21.

B. 20.

C. 17.

D. 18.

Lời giải

Chọn A

$$f(x) = 4 \sin^2 x - 4 \cos x = -4 \cos^2 x - 4 \cos x + 4$$

Đặt  $t = \cos x, x \in [0; \pi] \Rightarrow t \in [-1; 1]$

$$f(t) = -4t^2 - 4t + 4$$

$$f'(t) = -8t - 4 = 0 \Leftrightarrow t = -\frac{1}{2}$$

Bảng biến thiên

$t$	-1	$-\frac{1}{2}$	1
$f'(t)$		+	0 -
$f(t)$	4	5	-4

Khi đó :

$$4m^2 - 4m + 5 \geq f(t) \forall t \in [-1; 1]$$

$$\Leftrightarrow 4m^2 - 4m + 5 \geq 5$$

$$\Leftrightarrow 4m^2 - 4m \geq 0$$

$$\Leftrightarrow m \in [-10; 0] \cup [1; 10]$$

Vì  $m \in \mathbb{Z}$  nên có 21 giá trị thỏa mãn.

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$		$1$		$2$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$		$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$			$+\infty$			$3$	
			$2$			$-\infty$		$-\infty$

Tìm số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{1}{2f(x)-3}$ .

- A. Không có tiệm cận đứng và tiệm cận ngang.
- B. 2 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.
- C. 2 tiệm cận ngang, 1 tiệm cận đứng.
- D. 1 tiệm cận đứng, 1 tiệm cận ngang.

**Lời giải**

**Chọn B**

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{2f(x)-3} = 0$$

$\Rightarrow$  Đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 0$ .

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{2f(x)-3} = 0$$

$\Rightarrow$  Đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 0$ .

Số tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = g(x)$  chính là số nghiệm của phương trình  $2f(x) = 3$ .

Số nghiệm của phương trình  $2f(x) = 3$  chính là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = g(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$ .

Từ bảng biến thiên, ta thấy đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$  cắt đồ thị hàm số  $y = g(x)$  tại đúng 2 điểm phân biệt, một điểm có hoành độ thuộc  $(1; 2)$ , điểm còn lại có hoành độ thuộc  $(2; +\infty)$ .

Vậy đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có 1 tiệm cận ngang và 2 tiệm cận đứng.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$		$4$		$+\infty$
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$f(x)$	$-\infty$		$5$		$-3$	$+\infty$

Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f(|x|) - m = 0$  có 4 nghiệm phân biệt.

- A. 6.
- B. 7.
- C. 8.
- D. 9.

**Lời giải**

**Chọn B**

Phương trình (1):  $f(|x|) - m = 0 \Leftrightarrow f(|x|) = m$ .

Số nghiệm của phương trình (1) là số điểm chung của hai đồ thị: (C):  $y = f(|x|)$  và (d):  $y = m$ .

Hàm số  $y = f(|x|)$  là hàm số chẵn  $\Rightarrow$  (C) nhận trục  $Oy$  làm trục đối xứng.



$$\text{Mà } y = f(|x|) = \begin{cases} f(x) & \text{kh } x \geq 0 \\ f(-x) & \text{kh } x < 0 \end{cases}$$

⇒ Bảng biến thiên của hàm số  $y = f(|x|)$ :

$x$	$-\infty$	$-4$	$0$	$4$	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$+\infty$		$-3$		$5$		$-3$		$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta có: phương trình (1) có 4 nghiệm phân biệt  $\Leftrightarrow m \in (-3; 5)$ .

Mà  $m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{-2; -1; 0; 1; 2; 3; 4\} \Rightarrow$  Có 7 giá trị  $m$  thỏa mãn.

**Câu 46.** Cho hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 1$ . Tìm số nghiệm của phương trình  $f(f(x)) = 0$ .

**A.** 5.

**B.** 9.

**C.** 4.

**D.** 7.

**Lời giải**

**Chọn D**

Xét phương trình  $f(x) = 0 \Leftrightarrow x^3 - 3x + 1 = 0$  dùng máy tính cầm tay ta ước lượng được phương

trình có ba nghiệm và

$$\begin{cases} x_1 \approx -1,879 \\ x_2 \approx 1,532 \\ x_3 \approx 0,347 \end{cases}$$

Xét hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 1$ , ta có bảng biến thiên của  $f(x)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$y$	$-\infty$		$3$		$-1$		$+\infty$

Xét phương trình  $f(f(x)) = 0$  (1) ta ước lượng được

$$\begin{cases} f(x) \approx -1,879 \\ f(x) \approx 1,532 \\ f(x) \approx 0,347 \end{cases}$$

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $f(x)$  ta có:

+ Với  $f(x) \approx -1,879$  phương trình (1) có 1 nghiệm.

+ Với  $f(x) \approx 1,532$  phương trình (1) có 3 nghiệm.

+ Với  $f(x) \approx 0,347$  phương trình (1) có 3 nghiệm.

Vậy phương trình đã cho có 7 nghiệm.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác cân tại  $A$ , mặt bên  $(SBC)$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Gọi  $(\alpha)$  là mặt phẳng đi qua điểm  $B$  và vuông góc với  $SC$ , chia khối chóp thành hai phần. Tính tỉ số thể tích của hai phần đó.

**A.**  $\frac{1}{2}$ .

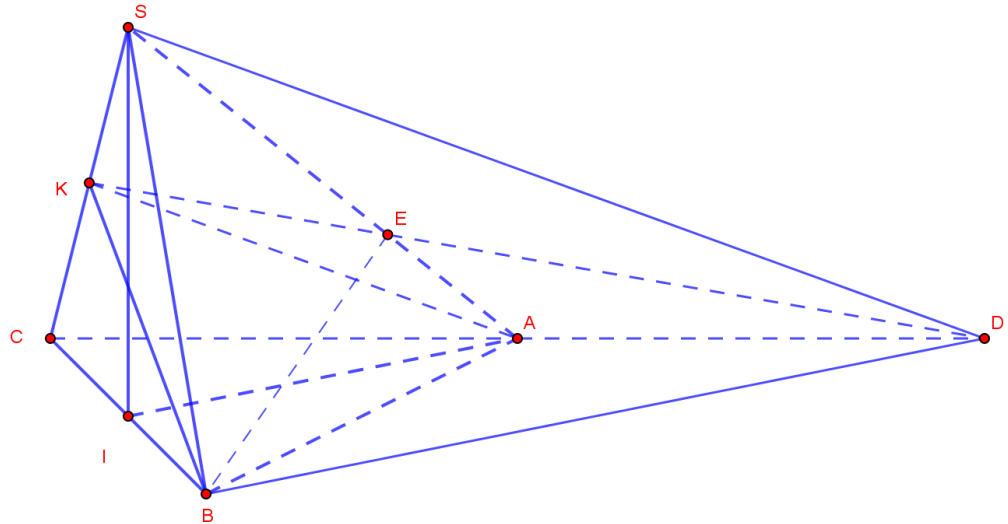
**B.**  $\frac{1}{3}$ .

**C.**  $\frac{2}{3}$ .

**D.**  $\frac{1}{4}$ .

**Lời giải.**

**Chọn A**



Gọi  $I, K$  theo thứ tự là trung điểm của  $BC, SC$ .

$$\text{Vì } \begin{cases} SBC \cap ABC = BC \\ SBC \perp ABC \\ SBC \supset SI \perp BC \\ ABC \supset AI \perp BC \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} SI \perp ABC \\ AI \perp SBC \end{cases}$$

Trên mặt phẳng  $ABC$ , qua  $B$  dựng đường thẳng song song với  $AI$ , cắt  $AC$  tại  $D$ .

Trên mặt phẳng  $SAC$ , gọi  $E$  là giao điểm của  $KD$  và  $SA$ .

Vì  $BK \perp SC, BD \perp SC$  nên  $BDK \perp SC$ . Mặt phẳng  $BDK$  chia hình chóp  $S.ABC$  thành hai phần là  $SKBE$  và  $KBEAC$ .

Trên mặt phẳng  $SCD$ , ta có  $K, A$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $CS, CD$  nên  $KA$  là

đường trung bình của tam giác  $SCD$ . Do đó,  $AK \parallel SD$ . Suy ra  $\frac{AE}{ES} = \frac{AK}{SD} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{SE}{SA} = \frac{2}{3}$ .

Ta có

$$\frac{V_{SKBE}}{V_{SCBA}} = \frac{SK}{SC} \cdot \frac{SB}{SB} \cdot \frac{SE}{SA} = \frac{1}{2} \cdot 1 \cdot \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\text{Suy ra } \frac{V_{SKBE}}{V_{KBEAC}} = \frac{1}{2}$$

**Câu 48.** Cho lăng trụ tam giác đều  $ABC \cdot A'B'C'$ . Tam giác  $ABC'$  có diện tích bằng 8 và hợp với mặt phẳng đáy một góc có số đo  $30^\circ$ . Tính thể tích của khối lăng trụ.

**A.**  $8\sqrt{3}$ .

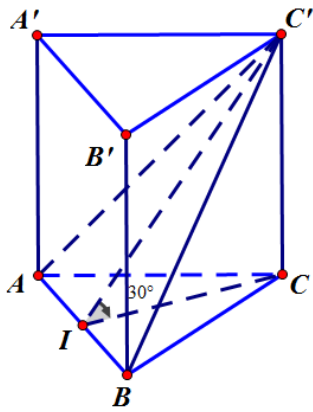
**B.**  $4\sqrt{3}$ .

**C.**  $16\sqrt{3}$ .

**D.**  $24\sqrt{3}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**



Gọi  $I$  là trung điểm của  $AB$ , ta có  $\begin{cases} AB \perp CI \\ AB \perp CC' \end{cases} \Rightarrow AB \perp (CIC')$ .

Ta có  $\begin{cases} AB = (ABC) \cap (ABC') \\ AB \perp (CIC') \\ (CIC') \cap (ABC) = CI \\ (CIC') \cap (ABC') = C' \end{cases} \Rightarrow ((ABC), (ABC')) = (\widehat{CI, C'I}) = \widehat{C'IC} = 30^\circ$ .

Đặt  $AB = x (x > 0)$ .

Vì  $CI$  là đường cao của tam giác đều  $ABC$  nên  $CI = \frac{x\sqrt{3}}{2}$ .

$\Rightarrow CC' = CI \cdot \tan 30^\circ = \frac{x\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x}{2}, C'I = \frac{CI}{\cos 30^\circ} = x$ .

Diện tích tam giác  $ABC'$  là  $S_{ABC'} = \frac{1}{2} AB \cdot C'I \Leftrightarrow 8 = \frac{1}{2} x^2 \Leftrightarrow x = 4$ .

Thể tích khối lăng trụ đã cho là  $V = S_{AQC} \cdot CC' = \frac{x^2\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{x\sqrt{3}}{2} \cdot \tan 30^\circ = \frac{3x^3}{8} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x^3\sqrt{3}}{8} = \frac{4^3\sqrt{3}}{8} = 8\sqrt{3}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	1	2	3	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	0	-
$f(x)$					

Hàm số  $g(x) = 3f(2-x) + x^3 - 3x$  đạt cực đại tại điểm

**A.**  $x = 1$ .

**B.**  $x = -1$ .

**C.**  $x = 3$ .

**D.**  $x = 2$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có  $g'(x) = -3f'(2-x) + 3x^2 - 3$ .

Từ bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  ta thấy:

$$f'(2-x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2-x=1 \\ 2-x=2 \\ 2-x=3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=0 \\ x=-1 \end{cases}$$

$$f'(2-x) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2-x > 1 \\ 2-x < 3 \Leftrightarrow x \in (-1;1) \setminus \{0\} \\ 2-x \neq 2 \end{cases}$$

$$f'(2-x) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2-x < 1 \\ 2-x > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ x < -1 \end{cases}. \text{ Ta có bảng biến thiên của hàm số } g(x):$$

(Nhờ thầy vẽ lại BBT ạ)

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$3x^2 - 3$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$-3f'(2-x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$g'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$g(x)$					

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số  $g(x)$  đạt cực đại tại  $x = -1$ .

**Câu 50.** Có bao nhiêu số nguyên  $m \in [-5; 5]$  để  $\min_{[1;3]} |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2$ .

**A.** 6.

**B.** 4.

**C.** 3.

**D.** 5.

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có  $\min_{[1;3]} |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2 \Leftrightarrow |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2; \forall x \in [1;3]$  (1) (Do hàm số  $y = |x^3 - 3x^2 + m|$  liên tục trên  $[1;3]$ ).

$$\text{Giải (1): } |x^3 - 3x^2 + m| \geq 2; \forall x \in [1;3] \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - 3x^2 + m \geq 2; \forall x \in [1;3] \\ x^3 - 3x^2 + m \leq -2; \forall x \in [1;3] \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x^3 - 3x^2 \geq 2 - m; \forall x \in [1;3] \\ x^3 - 3x^2 \leq -2 - m; \forall x \in [1;3] \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 - m \leq \min_{[1;3]} (x^3 - 3x^2) \\ -2 - m \geq \max_{[1;3]} (x^3 - 3x^2) \end{cases} (*)$$

Xét hàm số  $f(x) = x^3 - 3x^2$  trên  $[1;3]$ . Hàm số xác định và liên tục trên  $[1;3]$  mà  $f'(x) = 3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$ . Ta có:  $f(1) = -2; f(3) = 0; f(2) = -4$ .

Do đó  $\max_{[1;3]} f(x) = 0; \min_{[1;3]} f(x) = -4$ . Từ (\*) suy ra  $\begin{cases} 2 - m \leq -4 \\ -2 - m \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 6 \\ m \leq -2 \end{cases}$ .

Vì  $\begin{cases} m \in [-5; 5] \\ m \in \mathbb{Z} \end{cases}$  nên  $m \in \{-5; -4; -3; -2\}$ .

Vậy có 4 giá trị  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Cách 2:

Đặt  $t = x^3 - 3x^2$ , với  $x \in [1;3] \Rightarrow t \in [-4; 0]$ . Khi đó bài toán trở thành  $\min_{[-4;0]} |t + m| \geq 2$ .

$$\text{TH1: } -m \leq -4 \Rightarrow \min_{[-4;0]} |t + m| = |-4 + m| = m - 4 \geq 2 \Leftrightarrow m \geq 6.$$

$$\text{TH2: } -m \geq 0 \Rightarrow \min_{[-4;0]} |t + m| = |m| = -m \geq 2 \Leftrightarrow m \leq -2.$$

Kết hợp với điều kiện  $\begin{cases} m \in [-5; 5] \\ m \in \mathbb{Z} \end{cases}$  suy ra  $m \in \{-5; -4; -3; -2\}$ .

Vậy có 4 giá trị  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

----- HẾT -----

**ĐỀ 14**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

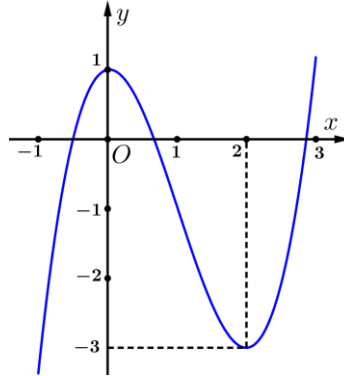
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Hàm số  $y = x^4 + 2x^2 - 1$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-1; 1)$ .      B.  $(0; +\infty)$ .      C.  $\mathbb{R}$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(1; 4)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .      D.  $(-\infty; 1)$  và  $(4; +\infty)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$0$	$6$	$-\infty$	

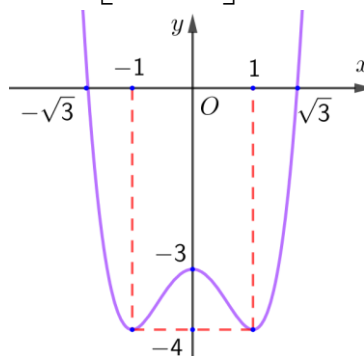
Khẳng định nào sau đây là sai về sự biến thiên của hàm số  $y = f(x)$ ?

- A. Nghịch biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .      B. Đồng biến trên khoảng  $(0; 6)$ .  
C. Nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .      D. Đồng biến trên khoảng  $(-1; 3)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 8x^3 + 1$ . Chọn mệnh đề đúng.

- A. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực đại.      B. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực tiểu.  
C. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực đại.      D. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực tiểu.

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$  và có đồ thị hàm số như hình vẽ sau



Điểm cực đại của đồ thị hàm số đã cho là

- A.  $M(-1; -4)$ .      B.  $N(0; -3)$ .      C.  $x = -1$ .      D.  $x = 0$ .

**Câu 6.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình vẽ sau. Phát biểu nào **đúng**?

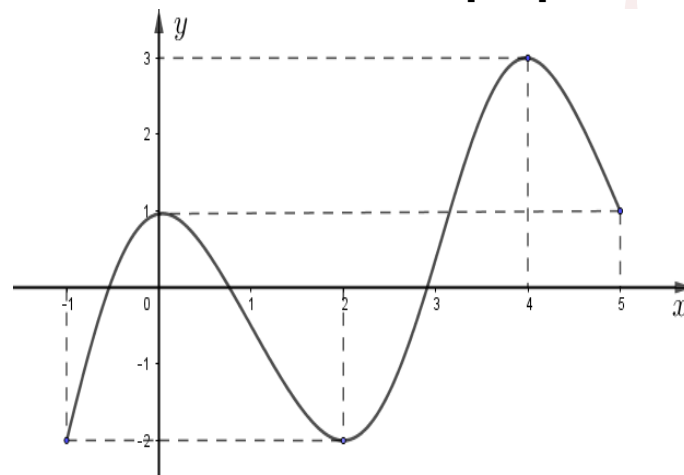
$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$			5		1		$+\infty$

- A. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng 2.
- B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 1$  và đạt cực đại tại  $x = 5$ .
- C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .
- D. Giá trị cực đại của hàm số là 0.

**Câu 7.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  trên đoạn  $[-4; 4]$  là

- A. -4.
- B. 4.
- C. 1.
- D. -1.

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 5]$  và có đồ thị trên đoạn  $[-1; 5]$  như hình vẽ bên. Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-1; 5]$  bằng



- A. -1.
- B. 4.
- C. 1.
- D. 2.

**Câu 9.** Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x}{x-1}$  là

- A.  $x=1$ .
- B.  $x=0$ .
- C.  $y=1$ .
- D.  $y=0$ .

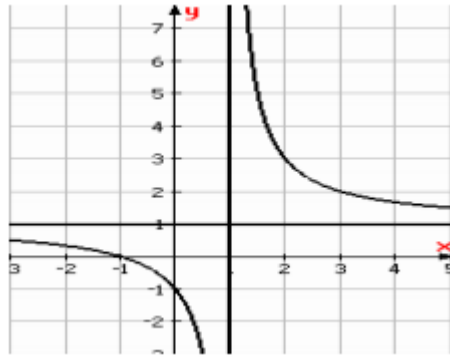
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-2	$+\infty$
$y'$		+	+
$y$		$+\infty$	3

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

- A. 1.
- B. 3.
- C. 4.
- D. 2.

**Câu 11.** Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



A.  $y = \frac{x+2}{1-x}$ .

B.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .

C.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .

D.  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ .

**Câu 12.** Một hình hộp chữ nhật (không phải hình lập phương) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

A. 4.

B. 2.

C. 3.

D. 1.

**Câu 13.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng ?

A. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh bằng số đỉnh.

B. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh và số mặt bằng nhau.

C. Số đỉnh và số mặt của hình đa diện luôn bằng nhau.

D. Tồn tại một hình đa diện có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

**Câu 14.** Số cạnh của một khối lập phương là:

A. 6.

B. 8.

C. 10.

D. 12.

**Câu 15.** Khối lập phương là khối đa diện đều thuộc loại nào?

A.  $\{3; 4\}$ .B.  $\{5; 3\}$ .C.  $\{4; 3\}$ .D.  $\{3; 5\}$ .

**Câu 16.** Cho tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau;  $AB = 3a; AC = 5a$  và  $AD = 8a$ . Tính thể tích  $V$  của tứ diện  $ABCD$ ?

A.  $V = 60a^3$ .B.  $V = 40a^3$ .C.  $V = 120a^3$ .D.  $V = 20a^3$ .

**Câu 17.** Cho hình chóp đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $\frac{a\sqrt{21}}{6}$ . Tính theo  $a$  thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

C.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

D.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}$ .

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ có chiều cao  $h = 3$  và diện tích đáy  $B = 7$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

A. 10.

B. 7.

C. 3.

D. 21.

**Câu 19.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước lần lượt bằng  $3cm, 4cm, 7cm$  thì có thể tích bằng

A.  $84cm^3$ .B.  $12cm^3$ .C.  $28cm^3$ .D.  $21cm^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A.  $(-\infty; -1)$ .B.  $(-1; 1)$ .C.  $(2; +\infty)$ .D.  $(1; 2)$ .

**Câu 21.** Tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $f(x) = x^3 - 2mx^2 + x$  nghịch biến trên khoảng  $(1; 2)$  là:

A.  $m \geq \frac{13}{8}$ .B.  $1 \leq m \leq \frac{13}{8}$ .C.  $m \leq 0$ .D.  $m > \frac{13}{8}$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = -x^2 + 2x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đã cho có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 0.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{(m-1)x^3}{3} + (m-1)x^2 + 4x - 1$ . Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x_1$ , đạt cực đại tại  $x_2$  đồng thời  $x_1 < x_2$  khi và chỉ khi:

- A.  $m < 1$ .                      B.  $m > 5$ .                      C.  $\begin{cases} m = 1 \\ m = 5 \end{cases}$ .                      D.  $\begin{cases} m > 1 \\ m < 5 \end{cases}$ .

**Câu 24.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + m + 1$  có giá trị cực tiểu bằng  $-1$ . Tổng các phần tử thuộc  $S$  là:

- A.  $-2$ .                      B.  $0$ .                      C.  $1$ .                      D.  $-1$ .

**Câu 25.** Biết rằng hàm số  $f(x) = -x + 2018 - \frac{1}{x}$  đạt giá trị lớn nhất trên khoảng  $(0; 4)$  tại  $x_0$ . Tính

$$P = x_0 + 2018.$$

- A.  $P = 4032$ .                      B.  $P = 2020$ .                      C.  $P = 2018$ .                      D.  $P = 2019$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = \frac{mx-1}{2x+1}$  (với  $m$  là tham số) thỏa mãn điều kiện  $\max_{[1;2]} y = 3$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $7 < m < 10$ .                      B.  $4 < m < 7$ .                      C.  $0 < m < 3$ .                      D.  $10 < m < 13$ .

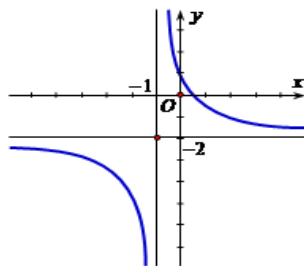
**Câu 27.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1}$ ?

- A.  $2$ .                      B.  $1$ .                      C.  $0$ .                      D.  $3$ .

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

- A.  $1$ .                      B.  $2$ .                      C.  $4$ .                      D.  $0$ .

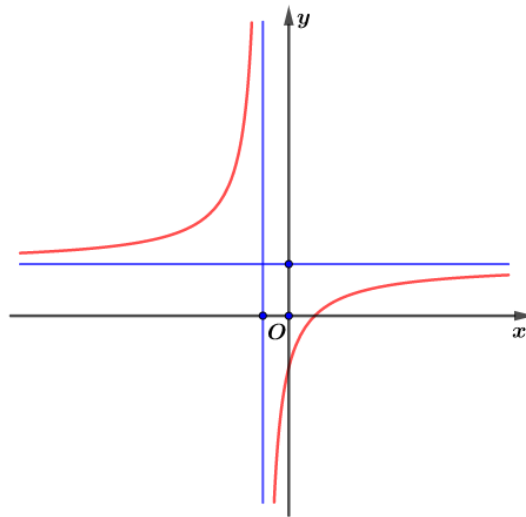
**Câu 29.** Tìm  $a, b$  để hàm số  $y = \frac{ax+b}{x+1}$  có đồ thị như hình vẽ bên.



- A.  $a = -1, b = -2$ .                      B.  $a = 1, b = -2$ .                      C.  $a = -2, b = 1$ .                      D.  $a = 2, b = 1$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ.





Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $ab < 0; ac < 0$ .      B.  $bd < 0; bc > 0$ .      C.  $ad > 0; bd > 0$ .      D.  $ab < 0; ad > 0$ .

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$  và đường thẳng  $y = 2$  có bao nhiêu điểm chung?

- A. 0.      B. 1.      C. 3.      D. 2.

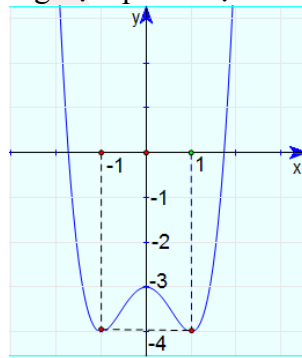
**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$4$		$-2$		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f(x) - 2 = 0$  là

- A. 3.      B. 2.      C. 1.      D. 0.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt?



A.  $m \leq \frac{1}{2}$ .

B.  $\begin{cases} m < 0 \\ m = \frac{1}{2} \end{cases}$

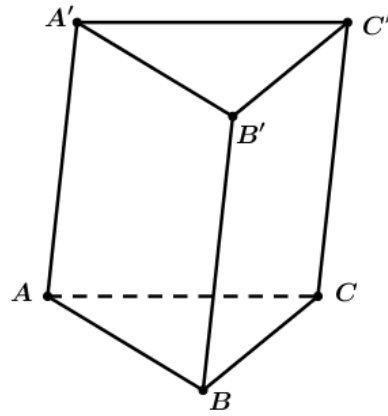
C.  $0 < m < \frac{1}{2}$ .

D.  $\begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$

**Câu 34.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh?

- A. 15.      B. 10.      C. 20.      D. 25.

**Câu 35.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  (tham khảo hình sau). Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $BB'$ . Mặt phẳng  $(AMC')$  chia khối lăng trụ đã cho thành các khối đa diện nào ?

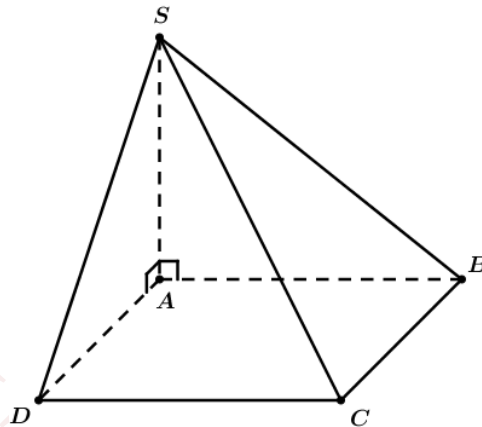


- A. Một khối tứ diện và một khối chóp tứ giác.
- B. Hai khối chóp tam giác.
- C. Hai khối chóp tứ giác.
- D. Một khối tứ diện và một khối lăng trụ.

**Câu 36.** Hình lăng trụ đứng có đáy là hình thoi (không phải hình vuông) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 5.
- B. 2.
- C. 4.
- D. 3.

**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Biết khoảng cách giữa  $AC$  và  $SB$  bằng  $a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .



- A.  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .
- B.  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .
- C.  $\sqrt{2}a^3$ .
- D.  $\frac{3a^3}{\sqrt{2}}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $A$  và  $D$ ;  $AB = AD = 2a$ ,  $BC = a\sqrt{5}$ ,  $CD = a$ , góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABCD)$  bằng  $60^\circ$ . Gọi  $I$  là trung điểm cạnh  $AD$ . Biết hai mặt phẳng  $(SBI)$  và  $(SCI)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{5}$ .
- B.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{5}$ .
- C.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{15}$ .
- D.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{15}$ .

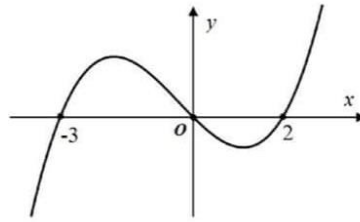
**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu đạo hàm như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$5$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .
- B.  $(-1; 0)$ .
- C.  $(1; 5)$ .
- D.  $(2; +\infty)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị của đạo hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ bên. Hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2) + 3f(2 - 2x) + 1$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(0; 1)$ .                      B.  $(-2; -1)$ .                      C.  $(1; 2)$ .                      D.  $(-1; 0)$ .

**Câu 41.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx - 2}{m - 2x}$  nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{2}; +\infty)$ .

- A.  $-2 < m \leq 1$ .                      B.  $-2 < m < 2$ .                      C.  $-2 \leq m \leq 2$ .                      D.  $m > 2$ .

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số

$y = \frac{1}{3}x^3 - (2m - 1)x^2 + (m^2 - m + 7)x + m - 5$  có hai điểm cực trị là độ dài hai cạnh góc vuông của một tam giác vuông có cạnh huyền bằng  $\sqrt{74}$ .

- A.  $m = 3$ .                      B.  $\begin{cases} m = -3 \\ m = 2 \end{cases}$ .                      C.  $m = 2$ .                      D.  $\begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}$ .

**Câu 43.** Cho hình thang cân có độ dài đáy nhỏ và hai cạnh bên đều bằng 1 mét. Khi đó hình thang đã cho có diện tích lớn nhất bằng?

- A.  $3\sqrt{3}(m^2)$ .                      B.  $\frac{3\sqrt{3}}{2}(m^2)$ .                      C.  $\frac{3\sqrt{3}}{4}(m^2)$ .                      D.  $1(m^2)$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$+\infty$		$+\infty$		$5$		$2$

Số đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020}{f(x) - 3}$ .

- A. 1.                      B. 2.                      C. 3.                      D. 4.

**Câu 45.** Tìm tất cả giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $(d): y = mx - m - 1$  cắt đồ thị  $(C): y = x^3 - 3x^2 + 1$  tại 3 điểm  $A, B, C$  phân biệt ( $B$  thuộc đoạn  $AC$ ), sao cho tam giác  $AOC$  cân tại  $O$  (với  $O$  là gốc toạ độ).

- A.  $m = -1$ .                      B.  $m = 1$ .                      C.  $m = 2$ .                      D.  $m = -2$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$			$1$		$+\infty$

Phương trình  $f(f(x)) = 0$  có nhiều nhất bao nhiêu nghiệm?

- A. 3.    B. 4.    C. 5.    D. 6.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  đáy là hình bình hành. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SC$ .

Mặt phẳng  $(BMN)$  cắt  $SD$  tại  $P$ . Tỉ số  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}}$  bằng:

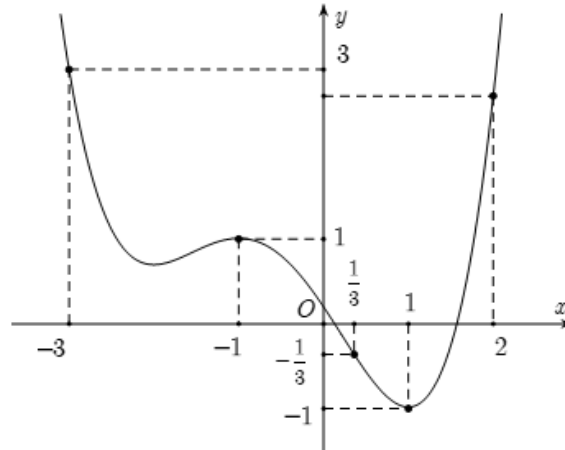
- A.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{16}$ .                          B.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{6}$ .                          C.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{12}$ .                          D.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{8}$ .

**Câu 48.** Cho hình hộp đứng  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , đường thẳng  $DB_1$  tạo với mặt phẳng  $(BCC_1B_1)$  góc  $30^\circ$ . Tính thể tích khối hộp  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ .

- A.  $a^3\sqrt{3}$ .    B.  $a^3\sqrt{2}$ .    C.  $a^3$ .    D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số

$g(x) = 2f\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + \frac{(5\sin x - 1)^2}{4} + 3$  có bao nhiêu điểm cực trị trên khoảng  $(0; 2\pi)$ ?



- A. 9.    B. 7.    C. 6.    D. 8.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 2x^3 + m$  ( $m$  là tham số thực). Tìm tổng tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10$ .

- A. 4.    B. -3.    C. 1.    D. 2.

**ĐỀ 14**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Hàm số  $y = x^4 + 2x^2 - 1$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-1; 1)$ .      B.  $(0; +\infty)$ .      C.  $\mathbb{R}$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

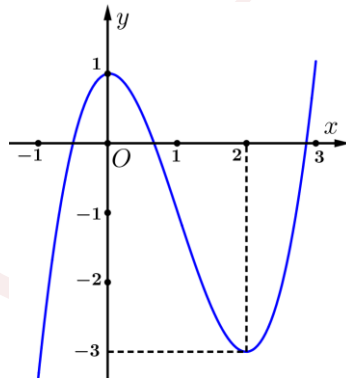
Ta có  $y' = 4x^3 + 4x = 4x(x^2 + 1)$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow x = 0$ .

Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$
$y$			

Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(1; 4)$ .      B.  $(0; 2)$ .      C.  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .      D.  $(-\infty; 1)$  và  $(4; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Quan sát bảng đồ thị, ta thấy hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(0; 2)$ .

Nên chọn đáp án

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$0$	$6$	$-\infty$

Khẳng định nào sau đây là sai về sự biến thiên của hàm số  $y = f(x)$ ?

- A. Nghịch biến trên khoảng  $(3; +\infty)$ .      B. Đồng biến trên khoảng  $(0; 6)$ .  
C. Nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$ .      D. Đồng biến trên khoảng  $(-1; 3)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Từ bảng biến thiên ta thấy  $y' < 0$  với mọi  $x > 3$ , suy ra hàm số nghịch biến trên khoảng  $(3; 6)$ , do đó hàm số không thể đồng biến trên khoảng  $(0; 6)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 8x^3 + 1$ . Chọn mệnh đề đúng.

- A. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực đại.
- B. Nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực tiểu.
- C. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực đại.
- D. Nhận điểm  $x = 0$  làm điểm cực tiểu.

**Lời giải**

**Chọn B**

$$f'(x) = 4x^3 - 24x^2 = 4x^2(x - 6); f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 6 \end{cases}$$

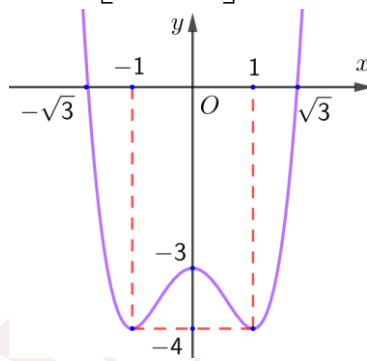
Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		0		6		$\infty$
$y'$		-	0	-	0	+	
$y$		↘			↗		

$CT$

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số nhận điểm  $x = 6$  làm điểm cực tiểu.

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$  và có đồ thị hàm số như hình vẽ sau



Điểm cực đại của đồ thị hàm số đã cho là

- A.  $M(-1; -4)$ .
- B.  $N(0; -3)$ .
- C.  $x = -1$ .
- D.  $x = 0$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào đồ thị của hàm số, điểm cực đại của đồ thị hàm số là  $N(0; -1)$ .

**Câu 6.** Cho hàm số có bảng biến thiên như hình vẽ sau. Phát biểu nào **đúng**?

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	5	1	$+\infty$	

- A. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng 2.
- B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 1$  và đạt cực đại tại  $x = 5$ .
- C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .
- D. Giá trị cực đại của hàm số là 0.

**Lời giải**

**Chọn C**

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy hàm số có giá trị cực đại bằng 5 tại  $x = 0$  và có giá trị cực tiểu bằng 1 tại  $x = 2$ . Từ các đáp án A, B, C, D ta chọn

**Câu 7.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  trên đoạn  $[-4; 4]$  là

A. -4.

B. 4.

C. 1.

D. -1.

**Lời giải**

**Chọn A**

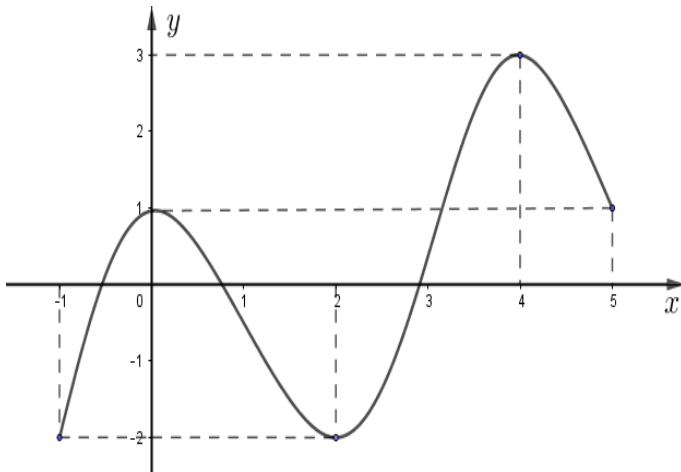
Xét hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  xác định và liên tục trên đoạn  $[-4; 4]$ .

Ta có  $y' = 3x^2 + 6x - 9$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in [-4; 4] \\ x = -3 \in [-4; 4] \end{cases}$ .

Khi đó  $y(-4) = 21$ ,  $y(-3) = 28$ ,  $y(1) = -4$ ,  $y(4) = 77$ .

Vậy giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 1$  trên đoạn  $[-4; 4]$  là  $-4$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-1; 5]$  và có đồ thị trên đoạn  $[-1; 5]$  như hình vẽ bên. Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-1; 5]$  bằng



A. -1.

B. 4.

C. 1.

D. 2.

**Lời giải**

**Chọn C**

Nhìn đồ thị của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[-1; 5]$  ta thấy:

$M = \max_{[-1; 5]} f(x) = 3$  và  $m = \min_{[-1; 5]} f(x) = -2$  nên  $M + m = 1$ .

**Câu 9.** Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x}{x-1}$  là

A.  $x = 1$ .

B.  $x = 0$ .

C.  $y = 1$ .

D.  $y = 0$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x}{x-1} = +\infty$ .

Suy ra đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = 1$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$+\infty$
$y'$	+		+
$y$	$-\infty$	$+\infty$	$3$

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là:

A. 1.

B. 3.

C. 4.

D. 2.

Lời giải

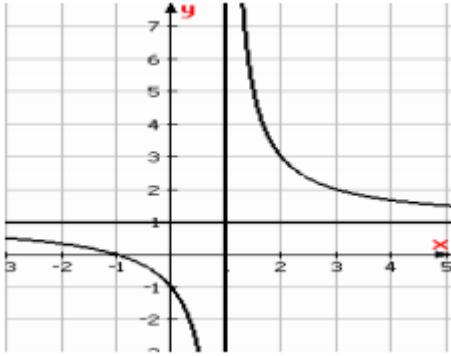
Chọn D

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 3 \Rightarrow$  Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang  $y = 3$ .

$\lim_{x \rightarrow (-2)^-} y = +\infty \Rightarrow$  Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng  $x = -2$ .

Vậy đồ thị hàm số có 2 đường tiệm cận.

**Câu 11.** Đồ thị sau đây là của hàm số nào?



A.  $y = \frac{x+2}{1-x}$ .

B.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .

C.  $y = \frac{x+1}{x-1}$ .

D.  $y = \frac{2x-1}{x-1}$ .

Lời giải

Chọn C

Từ hình vẽ cho thấy đồ thị hàm số đã cho có đường tiệm cận đứng:  $x = 1$  và đường tiệm cận ngang:  $y = 1$ .

**Câu 12.** Một hình hộp chữ nhật (không phải hình lập phương) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

A. 4.

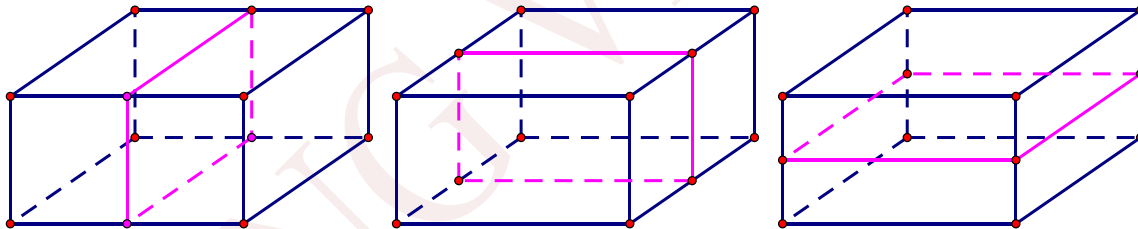
B. 2.

C. 3.

D. 1.

Lời giải

Chọn C



**Câu 13.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng ?

A. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh bằng số đỉnh.

B. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh và số mặt bằng nhau.

C. Số đỉnh và số mặt của hình đa diện luôn bằng nhau.

D. Tồn tại một hình đa diện có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

Lời giải

Chọn D

Hình tứ diện có 4 đỉnh và 4 mặt.

**Câu 14.** Số cạnh của một khối lập phương là:

A. 6.

B. 8.

C. 10.

D. 12.

Lời giải

Chọn D

Khối lập phương là đa diện đều loại  $\{4;3\}$  có 6 mặt.

Mỗi mặt là hình vuông nên số cạnh là  $4 \cdot 6 = 24$  cạnh.

Nhưng mỗi cạnh là cạnh chung của 2 mặt nên số cạnh của khối lập phương:  $\frac{24}{2} = 12$  cạnh.



Có thể áp dụng công thức: Số cạnh =  $\frac{p.M}{2}$  hoặc vẽ hình để đếm.

**Câu 15.** Khối lập phương là khối đa diện đều thuộc loại nào?

- A.  $\{3;4\}$ .                      B.  $\{5;3\}$ .                      C.  $\{4;3\}$ .                      D.  $\{3;5\}$ .

Lời giải

**Chọn C**

Dựa vào định nghĩa và định lí về khối đa diện đều, khối lập phương thuộc loại  $\{4;3\}$ .

**Câu 16.** Cho tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc với nhau;  $AB = 3a; AC = 5a$  và  $AD = 8a$ . Tính thể tích  $V$  của tứ diện  $ABCD$ ?

- A.  $V = 60a^3$ .                      B.  $V = 40a^3$ .                      C.  $V = 120a^3$ .                      D.  $V = 20a^3$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có tứ diện  $ABCD$  có các cạnh  $AB, AC, AD$  đôi một vuông góc

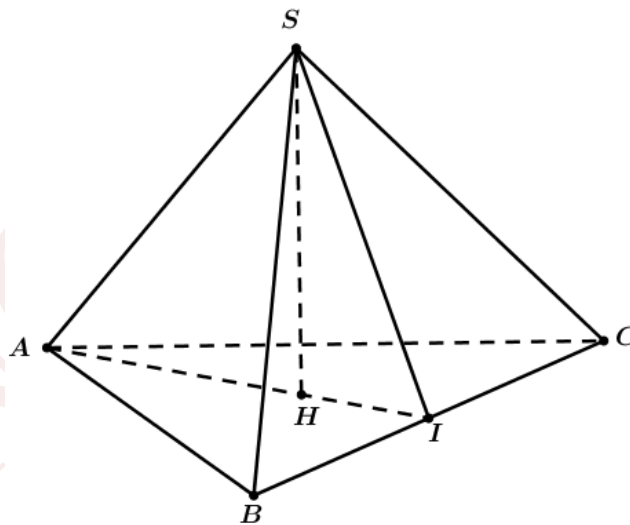
Nên  $V_{ABCD} = \frac{1}{6} \cdot AB \cdot AC \cdot AD = \frac{1}{6} \cdot 3a \cdot 5a \cdot 8a = 20a^3$ .

**Câu 17.** Cho hình chóp đều  $S.ABC$  có cạnh đáy bằng  $a$ , cạnh bên bằng  $\frac{a\sqrt{21}}{6}$ . Tính theo  $a$  thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .                      B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .                      C.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                      D.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}$ .

Lời giải

**Chọn D**



Gọi  $I$  là trung điểm của cạnh  $BC$ ,  $H$  là trọng tâm của tam giác  $ABC$  ta có:  $SH \perp (ABC)$  và

$$SH = \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{SA^2 - \left(\frac{2}{3}AI\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{a\sqrt{21}}{6}\right)^2 - \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{a}{2}.$$

$$\text{Vậy } V = \frac{1}{3} \cdot SH \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot a \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}.$$

**Câu 18.** Cho khối lăng trụ có chiều cao  $h = 3$  và diện tích đáy  $B = 7$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A. 10.                      B. 7.                      C. 3.                      D. 21.

Lời giải

**Chọn D**

$$V = B.h = 7.3 = 21$$

**Câu 19.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước lần lượt bằng  $3\text{cm}$ ,  $4\text{cm}$ ,  $7\text{cm}$  thì có thể tích bằng

- A.  $84\text{cm}^3$ .                      B.  $12\text{cm}^3$ .                      C.  $28\text{cm}^3$ .                      D.  $21\text{cm}^3$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Áp dụng công thức tính thể tích khối hộp chữ nhật:  $V = a.b.c$  (trong đó:  $a, b, c$  là ba kích thước của hình hộp chữ nhật)

Nên:  $V = 3.4.7 = 84\text{cm}^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(1; 2)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x) \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$ .

Từ đó, ta có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$	$+\infty$							$-\infty$

Dựa vào bảng biến thiên thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(1; 2)$ .

**Câu 21.** Tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $f(x) = x^3 - 2mx^2 + x$  nghịch biến trên khoảng  $(1; 2)$  là:

- A.  $m \geq \frac{13}{8}$ .                      B.  $1 \leq m \leq \frac{13}{8}$ .                      C.  $m \leq 0$ .                      D.  $m > \frac{13}{8}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

**[phương pháp tự luận]**

$$f'(x) = 3x^2 - 4mx + 1.$$

Hàm số nghịch biến trên  $(1; 2)$  khi và chỉ khi  $f'(x) \leq 0, \forall x \in (1; 2)$

Khi đó  $3x^2 - 4mx + 1 \leq 0 \Leftrightarrow m \geq \frac{3x^2 + 1}{4x}$  (1).

Đặt  $g(x) = \frac{3x^2 + 1}{4x}$ ; tập xác định  $D = (1; 2)$ .

$$g'(x) = \frac{12x^2 - 4}{16x^2}. \quad g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\sqrt{3}}{3} & (l) \\ x = \frac{-\sqrt{3}}{3} & (l) \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = 1; \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) = \frac{13}{8}.$$

Ta có bảng biến thiên hàm số  $y = g(x)$ :

$x$	1		2
$y'$		+	
$y$	1	→ $\frac{13}{8}$	

Từ bảng biến thiên, (1) luôn đúng khi  $m \geq \frac{13}{8}$ .

**[phương pháp trắc nghiệm]**

Thay  $m = 2$ , lập bảng biến thiên hàm số, ta thấy thỏa mãn yêu cầu bài toán, loại đáp án B,

Thay  $m = \frac{13}{8}$ , lập bảng biến thiên hàm số, ta thấy thỏa mãn yêu cầu bài toán, loại đáp án

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = -x^2 + 2x + 3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số đã cho có bao nhiêu điểm cực trị?

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 0.

Lời giải

**Chọn A**

Ta có:  $f'(x) = -x^2 + 2x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 3 \end{cases}$ .

Hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{(m-1)x^3}{3} + (m-1)x^2 + 4x - 1$ . Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x_1$ , đạt cực đại tại  $x_2$  đồng thời  $x_1 < x_2$  khi và chỉ khi:

A.  $m < 1$ .

B.  $m > 5$ .

C.  $\begin{cases} m = 1 \\ m = 5 \end{cases}$ .

D.  $\begin{cases} m > 1 \\ m < 5 \end{cases}$ .

Lời giải

**Chọn B**

Yêu cầu bài toán tương đương tìm  $m$  để hàm số đã cho có hai cực trị.

$y' = (m-1)x^2 + 2(m-1)x + 4$ . Hàm số đã cho có hai cực trị khi và chỉ khi phương trình  $y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt, khi đó:

$$\begin{cases} \Delta' = (m-1)^2 - 4(m-1) = m^2 - 6m + 5 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m < 1 \\ m > 5 \end{cases} \\ m-1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 1 \\ m > 5 \end{cases}$$

**Câu 24.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + m + 1$  có giá trị cực tiểu bằng  $-1$ . Tổng các phần tử thuộc  $S$  là:

A.  $-2$ .

B. 0.

C. 1.

D.  $-1$ .

Lời giải

**Chọn B**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$

$$y = x^4 - 2mx^2 + m + 1$$

$$y' = 4x^3 - 4mx$$

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 = m \end{cases}$$

TH1:  $m \leq 0$ : Khi đó:  $y_{ct} = y(0) = m + 1 = -1 \Rightarrow m = -2$  (thỏa mãn).

TH2:  $m > 0$ : Khi đó:  $y_{ct} = y(\pm\sqrt{m}) = -m^2 + m + 1 = -1 \Rightarrow m^2 - m - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 (l) \\ m = 2 (t/m) \end{cases}$

Vậy  $S = 0$ .

**Câu 25.** Biết rằng hàm số  $f(x) = -x + 2018 - \frac{1}{x}$  đạt giá trị lớn nhất trên khoảng  $(0; 4)$  tại  $x_0$ . Tính

$$P = x_0 + 2018.$$

**A.**  $P = 4032$ .

**B.**  $P = 2020$ .

**C.**  $P = 2018$ .

**D.**  $P = 2019$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Trên khoảng  $(0; 4)$  ta có:  $f'(x) = \frac{-x^2 + 1}{x^2}$ ,  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 1$ .

Bảng biến thiên:

$x$	0	1	4
$f'(x)$		+	0 -
$f(x)$		$f(1)$	

Hàm số đạt giá trị lớn nhất trên khoảng  $(0; 4)$  tại  $x_0 = 1$  nên  $P = x_0 + 2018 = 2019$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = \frac{mx-1}{2x+1}$  (với  $m$  là tham số) thỏa mãn điều kiện  $\max_{[1;2]} y = 3$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

**A.**  $7 < m < 10$ .

**B.**  $4 < m < 7$ .

**C.**  $0 < m < 3$ .

**D.**  $10 < m < 13$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{1}{2} \right\}$ .

$$y' = \frac{m+2}{(2x+1)^2}.$$

Trường hợp 1:  $y' < 0 \Leftrightarrow m < -2$ . Khi đó  $\max_{[1;2]} y = y(1) = \frac{m-1}{3} = 3 \Leftrightarrow m = 10$  (loại).

Trường hợp 2:  $y' > 0 \Leftrightarrow m > -2$ . Khi đó  $\max_{[1;2]} y = y(2) = \frac{2m-1}{5} = 3 \Leftrightarrow m = 8$  (nhận).

Vậy:  $7 < m < 10$ .

**Câu 27.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1}$ ?

**A.** 2.

**B.** 1.

**C.** 0.

**D.** 3.

**Lời giải**

**Chọn B**

Hàm số xác định khi  $\begin{cases} 2x-x^2 \geq 0 \\ x-1 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \leq x \leq 2 \\ x \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow x \in [0; 2] \setminus \{1\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1} = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt{2x-x^2}+1}{x-1} = +\infty$ .

Suy ra  $x = 1$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

**Câu 28.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

A. 1.

B. 2.

C. 4.

D. 0.

Lời giải

Chọn B

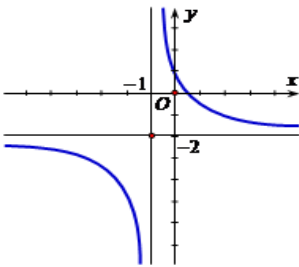
Hàm số có nghĩa khi  $4-x^2 > 0 \Leftrightarrow -2 < x < 2$ . TXĐ:  $D = (-2; 2)$

Hàm số không có tiệm cận ngang.

$\lim_{x \rightarrow 2^-} y = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}} = +\infty$ . Suy ra: đường thẳng  $x=2$  là tiệm cận đứng.

$\lim_{x \rightarrow -2^+} y = \lim_{x \rightarrow -2^+} \frac{x+1}{(m^2+1)\sqrt{4-x^2}} = -\infty$ . Suy ra: đường thẳng  $x=-2$  là tiệm cận đứng.

**Câu 29.** Tìm  $a, b$  để hàm số  $y = \frac{ax+b}{x+1}$  có đồ thị như hình vẽ bên.

A.  $a = -1, b = -2$ .B.  $a = 1, b = -2$ .C.  $a = -2, b = 1$ .D.  $a = 2, b = 1$ .

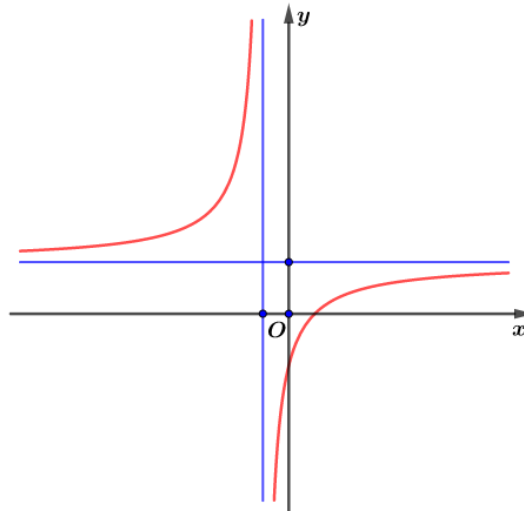
Lời giải

Chọn C

Để thấy đồ thị có tiệm cận ngang  $y = -2 \Rightarrow a = -2$ .

Đồ thị hàm số cắt  $Oy$  tại điểm  $A(0; 1)$  nên  $b = 1$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình vẽ.



Khẳng định nào sau đây đúng?

A.  $ab < 0; ac < 0$ .B.  $bd < 0; bc > 0$ .C.  $ad > 0; bd > 0$ .D.  $ab < 0; ad > 0$ .

Lời giải

Chọn D

Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  đi qua  $M\left(0; \frac{b}{d}\right)$ , có đường tiệm cận đứng  $x = -\frac{d}{c}$ , đường tiệm cận ngang  $y = \frac{a}{c}$ .

Quan sát đồ thị thấy:

- + Giao điểm với trục tung nằm phía dưới  $Ox$  nên  $\frac{b}{d} < 0 \Leftrightarrow bd < 0 \Rightarrow$  Loại phương án
- + Đường tiệm cận ngang nằm phía trên  $Ox$  nên  $\frac{a}{c} > 0 \Leftrightarrow ac > 0 \Rightarrow$  Loại phương án
- + Đường tiệm cận đứng nằm bên trái  $Oy$  nên  $-\frac{d}{c} < 0 \Leftrightarrow cd > 0$ .

Ta có:  $\begin{cases} bd < 0 \\ cd > 0 \end{cases} \Rightarrow bc < 0 \Rightarrow$  Loại phương án

Kiểm chứng phương án D:  $\begin{cases} ac > 0 \\ cd > 0 \end{cases} \Rightarrow ad > 0; \begin{cases} ad > 0 \\ bd < 0 \end{cases} \Rightarrow ab < 0$ .

Lưu ý: Có thể sử dụng giao điểm của đồ thị với trục hoành nằm bên phải  $Oy$  nên  $-\frac{b}{a} > 0 \Leftrightarrow ab < 0$ .

**Câu 31.** Đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$  và đường thẳng  $y = 2$  có bao nhiêu điểm chung?  
**A.** 0.                      **B.** 1.                      **C.** 3.                      **D.** 2.

Lời giải

**Chọn B**

Ta có  $y = x^3 - 3x^2 - 2 \Rightarrow y' = 3x^2 - 6x; y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow y = -2 \\ x = 2 \Rightarrow y = -6 \end{cases}$

Bảng biến thiên hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ :

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	$-\infty$	$-2$	$-6$	$+\infty$	

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy đường thẳng  $y = 2$  và đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$  có 1 điểm chung duy nhất.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	+	0	-	0	+
$y$	$-\infty$	$4$	$-2$	$+\infty$	

Số nghiệm của phương trình  $f(x) - 2 = 0$  là

- A.** 3.                      **B.** 2.                      **C.** 1.                      **D.** 0.

Lời giải

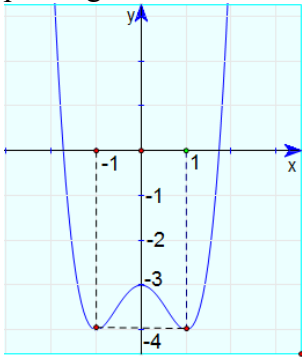
**Chọn A**

$f(x) - 2 = 0 (*) \Leftrightarrow f(x) = 2$ .

Số nghiệm của phương trình (\*) là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = 2$ .

Do  $2 \in (-2; 4)$  nên phương trình đã cho có 3 nghiệm phân biệt.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt?



A.  $m \leq \frac{1}{2}$ .

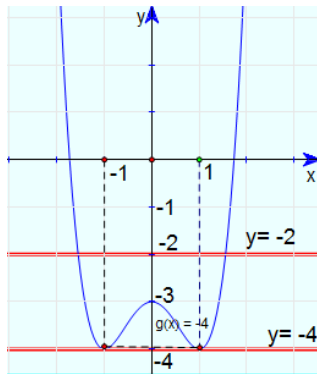
B.  $\begin{cases} m < 0 \\ m = \frac{1}{2} \end{cases}$ .

C.  $0 < m < \frac{1}{2}$ .

D.  $\begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$ .

**Chọn D**

**Lời giải**



Phương trình  $x^4 - 2x^2 - 3 = 2m - 4$  có hai nghiệm phân biệt khi chỉ khi đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2x^2 - 3$  và đường thẳng  $y = 2m - 4$  cắt nhau tại hai điểm phân biệt.

Dựa vào đồ thị hàm số trên, yêu cầu bài toán thỏa mãn khi  $\begin{cases} 2m - 4 = -4 \\ 2m - 4 > -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m > \frac{1}{2} \end{cases}$ .

**Câu 34.** Khối lăng trụ ngũ giác có tất cả bao nhiêu cạnh?

A. 15.

B. 10.

C. 20.

D. 25.

**Lời giải**

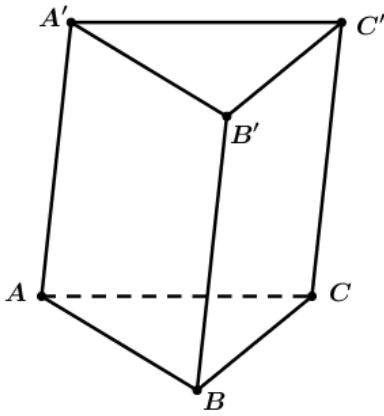
**Chọn A**

Số cạnh đáy của khối lăng trụ là:  $5 \cdot 2 = 10$ .

Số cạnh bên của lăng trụ là: 5.

Do đó số cạnh của khối lăng trụ ngũ giác là 15.

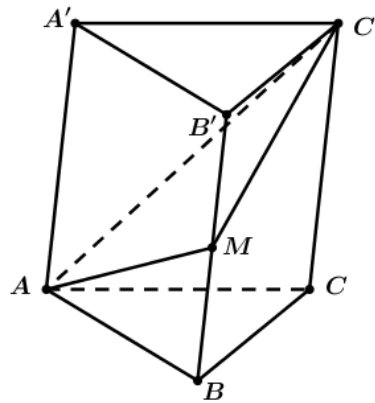
**Câu 35.** Cho khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  (tham khảo hình sau). Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $BB'$ . Mặt phẳng  $(AMC')$  chia khối lăng trụ đã cho thành các khối đa diện nào ?



- A. Một khối tứ diện và một khối chóp tứ giác.
- B. Hai khối chóp tam giác.
- C. Hai khối chóp tứ giác.
- D. Một khối tứ diện và một khối lăng trụ.

Lời giải

Chọn C



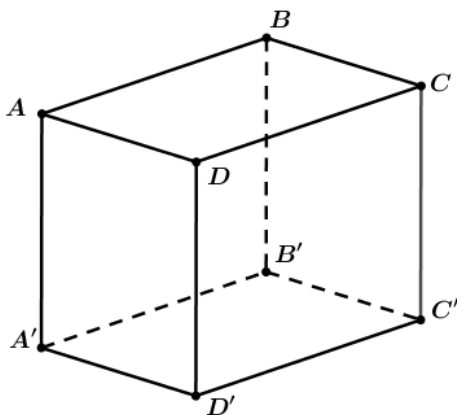
Mặt phẳng  $(AMC')$  chia khối lăng trụ đã cho thành hai khối chóp tứ giác là khối  $AMBCC'$  và  $C'.AA'B'M$ .

**Câu 36.** Hình lăng trụ đứng có đáy là hình thoi (không phải hình vuông) có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 5.
- B. 2.
- C. 4.
- D. 3.

Lời giải

Chọn D



Gọi hình lăng trụ đứng đã cho là  $ABCD.A'B'C'D'$  với đáy là hình thoi  $ABCD$ .

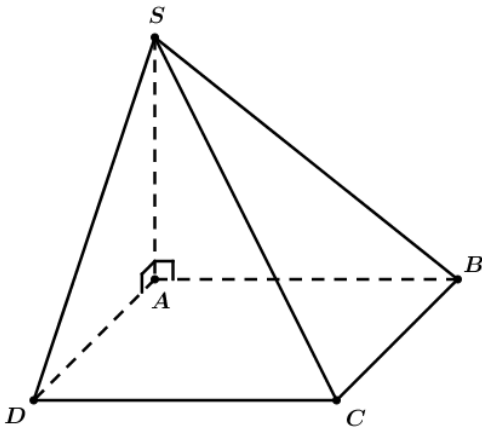
Các mặt phẳng đối xứng của nó bao gồm:

- mặt phẳng trung trực của các cạnh bên



- mặt phẳng  $(ACC'A')$
- mặt phẳng  $(BDD'B')$ .

**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $2a$  và  $SA$  vuông góc với đáy. Biết khoảng cách giữa  $AC$  và  $SB$  bằng  $a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .



A.  $\frac{2\sqrt{2}a^3}{3}$ .

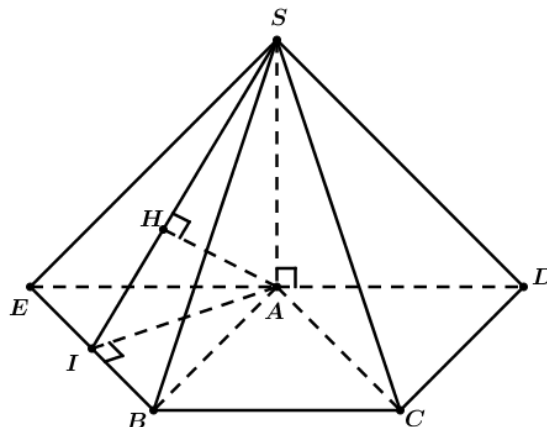
B.  $\frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .

C.  $\sqrt{2}a^3$ .

D.  $\frac{3a^3}{\sqrt{2}}$ .

Lời giải

**Chọn B**



Dựng điểm  $E$  sao cho  $ACBE$  là hình bình hành.

Khi đó:  $AC // EB \Rightarrow AC // (SBE) \Rightarrow d(AC, SB) = d(AC, (SBE)) = d(A, (SBE))$ .

Kẻ  $AI \perp EB (I \in AB)$ , kẻ  $AH \perp SI (H \in SI) \Rightarrow d(A, (SEB)) = AH = a$ .

Tam giác  $A$  vuông tại  $A$ .

Ta có  $\frac{1}{AI^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AE^2} = \frac{1}{4a^2} + \frac{1}{4a^2} = \frac{1}{2a^2}$ .

Xét  $\triangle SAI$ , ta có:  $\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AI^2} \Leftrightarrow \frac{1}{a^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{2a^2} \Leftrightarrow \frac{1}{SA^2} = \frac{1}{2a^2} \Rightarrow SA = a\sqrt{2}$ .

Vậy thể tích của tích khối chóp  $S.ABCD$  là  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot a\sqrt{2} \cdot 4a^2 = \frac{4\sqrt{2}a^3}{3}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thang vuông tại  $A$  và  $D$ ;  $AB = AD = 2a$ ,  $BC = a\sqrt{5}$ ,  $CD = a$ , góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABCD)$  bằng  $60^\circ$ . Gọi  $I$  là trung điểm cạnh  $AD$ . Biết hai mặt phẳng  $(SBI)$  và  $(SCI)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$ .

A.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{5}$ .

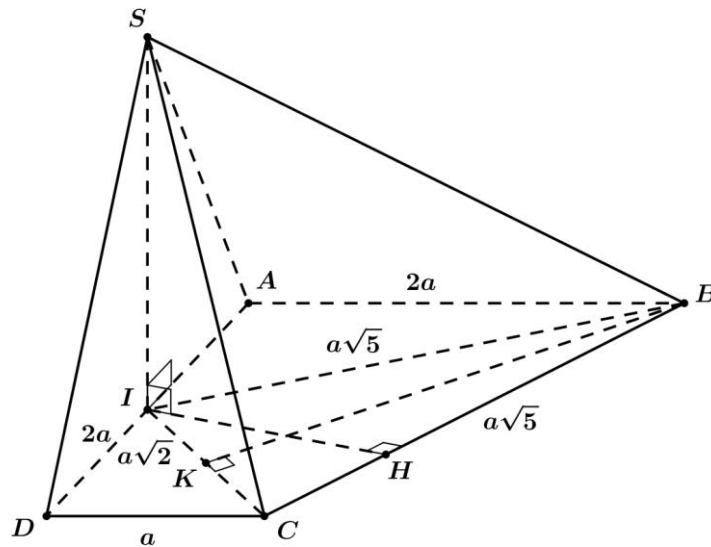
B.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{5}$ .

C.  $V = \frac{a^3\sqrt{15}}{15}$ .

D.  $V = \frac{3\sqrt{15}a^3}{15}$ .

Lời giải

**Chọn A**



Do  $(SBI) \perp (ABCD)$  và  $(SCI) \perp (ABCD)$  nên  $SI \perp (ABCD)$ .

Ta có  $IB = \sqrt{AB^2 + AI^2} = a\sqrt{5}$ ,  $CI = \sqrt{CD^2 + DI^2} = a\sqrt{2}$ , suy ra tam giác  $BCI$  cân tại  $B$ .

Gọi  $K$  là trung điểm của  $CI$ ,  $BK = \sqrt{BC^2 - CK^2} = \sqrt{(a\sqrt{5})^2 - \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{3a\sqrt{2}}{2}$ ,  $S_{\Delta BCI} = \frac{1}{2}BK.CI = \frac{3a^2}{2}$ .

Kẻ  $IH \perp BC \Rightarrow BC \perp SH$  nên góc giữa hai mặt phẳng  $(SBC)$  và  $(ABCD)$  là góc  $SHI$ .

Mà  $S_{\Delta BCI} = \frac{1}{2}IH.BC \Rightarrow IH = \frac{2S_{\Delta BCI}}{BC} = \frac{3a}{\sqrt{5}}$ ,  $SI = IH \cdot \tan 60^\circ = \frac{3a}{\sqrt{5}} \cdot \sqrt{3} = \frac{3a\sqrt{15}}{5}$ .

Vậy  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3}SI.S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3a\sqrt{15}}{5} \cdot \frac{a+2a}{2} \cdot 2a = \frac{3a^3\sqrt{15}}{5}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng xét dấu đạo hàm như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$5$	$+\infty$		
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .      B.  $(-1; 0)$ .      C.  $(1; 5)$ .      D.  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $y' = 3f'(x+3) - 3x^2 + 12 = 3[f'(x+3) + (4 - x^2)]$

Từ bảng xét dấu của  $f'(x)$  ta có  $f'(x+3) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x+3 < 1 \\ 5 < x+3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -4 < x < -2 \\ x > 2 \end{cases}$ ;

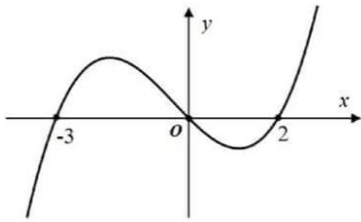
$$f'(x+3) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = -4 \\ x = \pm 2 \end{cases}$$

Suy ra bảng xét dấu  $y'$  như sau

$x$	$-\infty$	$-4$	$-2$	$-1$	$2$	$+\infty$		
$f'(x+3)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$4-x^2$	$-$	$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$	
$y'$	Chưa xđ		$-$	$0$	$+$	$+$	$0$	$-$

Vậy hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  và  $(-4; -2)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị của đạo hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ bên. Hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2) + 3f(2 - 2x) + 1$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(0;1)$ .                      B.  $(-2;-1)$ .                      C.  $(1;2)$ .                      D.  $(-1;0)$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có:  $g'(x) = 2xf'(x^2 - 2) - 6f'(2 - 2x) = k(x) + q(x)$

Đặt

$$k(x) = 2xf'(x^2 - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x^2 - 2 = -3 \\ x^2 - 2 = 0 \\ x^2 - 2 = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \\ x = \pm 2 \end{cases}$$

Đặt

$$q(x) = -6f'(2 - 2x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2 - 2x = -3 \\ 2 - 2x = 0 \\ 2 - 2x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{5}{2} \\ x = 1 \\ x = 0 \end{cases}$$

Ta có bảng xét dấu

$x$	$-\infty$	$-2$	$-\sqrt{2}$	$0$	$1$	$\sqrt{2}$	$2$	$\frac{5}{2}$	$+\infty$	
$k(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$	
$q(x)$	$-$	$-$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$-$	$0$	$+$
$g'(x)$	$-$	$-$	$-$	$-$	$+$	$-$	$-$	$-$	$+$	

Suy ra hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2) + 3f(2 - 2x) + 1$  nghịch biến trên khoảng  $(-1;0)$ .

**Câu 41.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx - 2}{m - 2x}$  nghịch biến trên khoảng  $(\frac{1}{2}; +\infty)$ .

- A.  $-2 < m \leq 1$ .                      B.  $-2 < m < 2$ .                      C.  $-2 \leq m \leq 2$ .                      D.  $m > 2$ .

## Lời giải

## Chọn A

Để hàm số  $y = \frac{mx-2}{-2x+m}$  nghịch biến trên khoảng  $\left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$  khi và chỉ khi

$$\begin{cases} \frac{m}{2} \leq \frac{1}{2} \\ m^2 - 4 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq 1 \\ -2 < m < 2 \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m \leq 1.$$

**Câu 42.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số

$y = \frac{1}{3}x^3 - (2m-1)x^2 + (m^2 - m + 7)x + m - 5$  có hai điểm cực trị là độ dài hai cạnh góc vuông của một tam giác vuông có cạnh huyền bằng  $\sqrt{74}$ .

A.  $m = 3$ .                      B.  $\begin{cases} m = -3 \\ m = 2 \end{cases}$ .                      C.  $m = 2$ .                      D.  $\begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}$ .

## Lời giải

## Chọn A

$$y = \frac{1}{3}x^3 - (2m-1)x^2 + (m^2 - m + 7)x + m - 5 \Rightarrow y' = x^2 - 2(2m-1)x + m^2 - m + 7.$$

+) Hàm số có hai điểm cực trị là độ dài hai cạnh của một tam giác vuông thì  $y'$  có 2 nghiệm dương phân

$$\text{biệt} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = (2m-1)^2 - (m^2 - m + 7) > 0 \\ 2m-1 > 0 \\ m^2 - m + 7 > 0 \end{cases} \quad (*).$$

+) Khi đó, gọi  $x_1, x_2$  là 2 điểm cực trị của hàm số thì  $x_1, x_2$  là hai nghiệm của  $y' \Rightarrow \begin{cases} x_1 + x_2 = 2(2m-1) \\ x_1 \cdot x_2 = m^2 - m + 7 \end{cases}$

Theo giả thiết ta có  $x_1^2 + x_2^2 = 74 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = 74 \Leftrightarrow 4(2m-1)^2 - 2(m^2 - m + 7) = 74$

$$\Leftrightarrow 14m^2 - 14m - 84 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 3 \\ m = -2 \end{cases}.$$

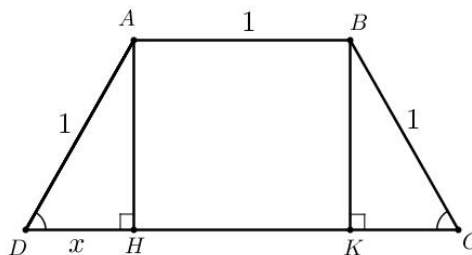
Thử vào (\*)  $\Rightarrow m = 3$ .

**Câu 43.** Cho hình thang cân có độ dài đáy nhỏ và hai cạnh bên đều bằng 1 mét. Khi đó hình thang đã cho có diện tích lớn nhất bằng?

A.  $3\sqrt{3}(m^2)$ .                      B.  $\frac{3\sqrt{3}}{2}(m^2)$ .                      C.  $\frac{3\sqrt{3}}{4}(m^2)$ .                      D.  $1(m^2)$ .

## Lời giải

## Chọn C



Kẻ  $AH \perp CD, BK \perp CD \Rightarrow ABKH$  là hình chữ nhật  $\Rightarrow AB = HK = 1(m)$ .

Đặt  $DH = x$ . Khi đó  $AH = \sqrt{1-x^2} (0 < x < 1)$ .

Vì  $ABCD$  là hình thang cân nên  $\Delta ADH = \Delta BCK$  (cạnh huyền – góc nhọn)

$$\Rightarrow DH = CK = x \Rightarrow CD = DH + HK + CK = 2x + 1.$$

Ta có  $S_{ABCD} = \frac{(AB+CD).AH}{2} = \frac{(1+2x+1)\sqrt{1-x^2}}{2} = (x+1)\sqrt{1-x^2}$ .

Xét hàm số  $f(x) = (x+1)\sqrt{1-x^2} (0 < x < 1)$ , ta có

$$f'(x) = \sqrt{1-x^2} - \frac{2x(x+1)}{2\sqrt{1-x^2}} = \frac{-2x^2-x+1}{\sqrt{1-x^2}}, f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2}(n) \\ x = -1(l) \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	0	$\frac{1}{2}$	1
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$		$\frac{3\sqrt{3}}{4}$	

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy  $f(x) \leq f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3\sqrt{3}}{4}$ .

Vậy diện tích lớn nhất của hình thang ABCD là  $\frac{3\sqrt{3}}{4} (m^2)$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	-1	1	2	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	+	0	-
$f(x)$	$+\infty$	$-\infty$	$+\infty$	5	$-\infty$	2

Số đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020}{f(x)-3}$ .

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

**Chọn D**

Dựa vào bảng biến thiên ta có:

$$\text{Phương trình } f(x) - 3 = 0 \Leftrightarrow f(x) = 3 \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \in (-\infty; -1) \\ x = b \in (-1; 1) \\ x = c \in (1; 2) \\ x = d \in (2; +\infty) \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow a^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{2020}{f(x)-3} = -\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = a \text{ là đường tiệm cận đứng. } \lim_{x \rightarrow b^+} g(x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow b^+} \frac{2020}{f(x)-3} = +\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = b \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

$$\lim_{x \rightarrow c^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow c^+} \frac{2020}{f(x)-3} = +\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = c \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

$$\lim_{x \rightarrow d^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow d^+} \frac{2020}{f(x)-3} = -\infty \Rightarrow \text{đường thẳng } x = d \text{ là đường tiệm cận đứng.}$$

Vậy đồ thị hàm số  $y = g(x) = \frac{2020}{f(x)-3}$  có 4 đường tiệm cận đứng.

**Câu 45.** Tìm tất cả giá trị thực của tham số  $m$  để đường thẳng  $(d): y = mx - m - 1$  cắt đồ thị  $(C): y = x^3 - 3x^2 + 1$  tại 3 điểm A, B, C phân biệt (B thuộc đoạn AC), sao cho tam giác AOC cân tại O (với O là gốc tọa độ).

A.  $m = -1$ .

B.  $m = 1$ .

C.  $m = 2$ .

D.  $m = -2$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

**Cách 1:**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của đường thẳng (d) và đường cong (C):  $x^3 - 3x^2 + 1 = mx - m - 1 \Leftrightarrow (x - 1)(x^2 - 2x - 2 - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - 2 - m = 0(*) \end{cases}$ .

(d) cắt (C) tại 3 điểm phân biệt A, B, C  $\Leftrightarrow (*)$  có hai nghiệm phân biệt khác 1.

(\*)  $\Leftrightarrow (x - 1)^2 = m + 3$  có hai nghiệm phân biệt khác 1 khi và chỉ khi  $m > -3$ .

Khi đó (\*) có hai nghiệm  $x_1 = 1 - \sqrt{m + 3}, x_2 = 1 + \sqrt{m + 3}$  thỏa  $x_1 < 1 < x_2$ .

Không mất tính tổng quát, gọi  $A(1 - \sqrt{m + 3}; -m\sqrt{m + 3} - 1), B(1; -1), C(1 + \sqrt{m + 3}; m\sqrt{m + 3} - 1)$ .

Tam giác AOC cân tại O  $\Leftrightarrow OA = OC \Leftrightarrow OA^2 = OC^2$

$$\Leftrightarrow (1 - \sqrt{m + 3})^2 + (-m\sqrt{m + 3} - 1)^2 = (1 + \sqrt{m + 3})^2 + (m\sqrt{m + 3} - 1)^2$$

$$\Leftrightarrow 4\sqrt{m + 3} - 4m\sqrt{m + 3} = 0 \Leftrightarrow 4(m - 1)\sqrt{m + 3} = 0 \Leftrightarrow m = 1.$$

Với  $m = 1$  thỏa mãn điều kiện tồn tại các điểm A, B, C và khi đó đường thẳng (d):  $y = x - 2$  không đi qua gốc tọa độ O nên A, O, C tạo thành tam giác cân. Vậy  $m = 1$  là giá trị cần tìm.

**Cách 2:**

Xét phương trình hoành độ giao điểm của đường thẳng (d) và đường cong (C):  $x^3 - 3x^2 + 1 = mx - m - 1 \Leftrightarrow (x - 1)(x^2 - 2x - 2 - m) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - 2 - m = 0(*) \end{cases}$ .

(d) cắt (C) tại 3 điểm phân biệt A, B, C  $\Leftrightarrow (*)$  có hai nghiệm phân biệt khác 1.

(\*)  $\Leftrightarrow (x - 1)^2 = m + 3$  có hai nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  khác 1 khi và chỉ khi  $m > -3$ .

Xét  $x^2 - 2x - 2 - m = 0 (*)$

Theo Viet:  $\begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1 x_2 = -m - 2 \end{cases}$

Khi đó:  $A(x_1; mx_1 - m - 1), B(x_2; mx_2 - m - 1)$ .

Cần có:  $OA^2 = OB^2$

$$\begin{aligned} &\Leftrightarrow x_1^2 + (mx_1 - m - 1)^2 = x_2^2 + (mx_2 - m - 1)^2 \\ &\Leftrightarrow (x_1 - x_2)[(x_1 + x_2) + m[m(x_1 + x_2) - 2m - 2]] = 0 \\ &\Leftrightarrow [(x_1 + x_2) + m[m(x_1 + x_2) - 2m - 2]] = 0 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow 2 + m(2m - 2m - 2) = 0 \Leftrightarrow m = 1.$$

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$1$	$-2$	$+\infty$	

Phương trình  $f(f(x)) = 0$  có nhiều nhất bao nhiêu nghiệm?

A. 3.

B. 4.

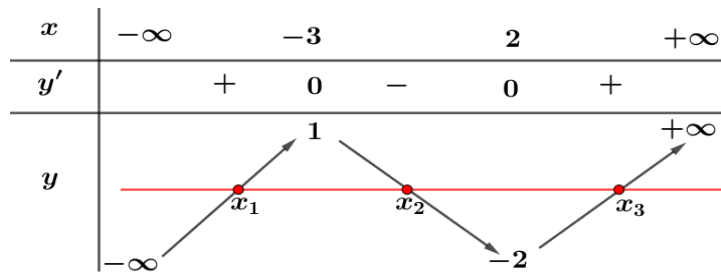
C. 5.

D. 6.

Lời giải

**Chọn C**

Ta có:  $f(f(x)) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = x_1 & (x_1 < -3) \\ f(x) = x_2 & (-3 < x_2 < 2) \\ f(x) = x_3 & (x_3 > 2) \end{cases}$



Dựa vào bảng biến thiên

+ Trường hợp 1:  $f(x) = x_1$  ( $x_1 < -3$ ) có 1 nghiệm.

+ Trường hợp 2:  $f(x) = x_2$  ( $-3 < x_2 < 2$ ) có nhiều nhất 3 nghiệm.

+ Trường hợp 3:  $f(x) = x_3$  ( $x_3 > 2$ ) có 1 nghiệm.

Vậy phương trình  $f(f(x)) = 0$  có nhiều nhất 5 nghiệm.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  đáy là hình bình hành. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, SC$ .

Mặt phẳng  $(BMN)$  cắt  $SD$  tại  $P$ . Tỉ số  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}}$  bằng:

A.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{16}$ .

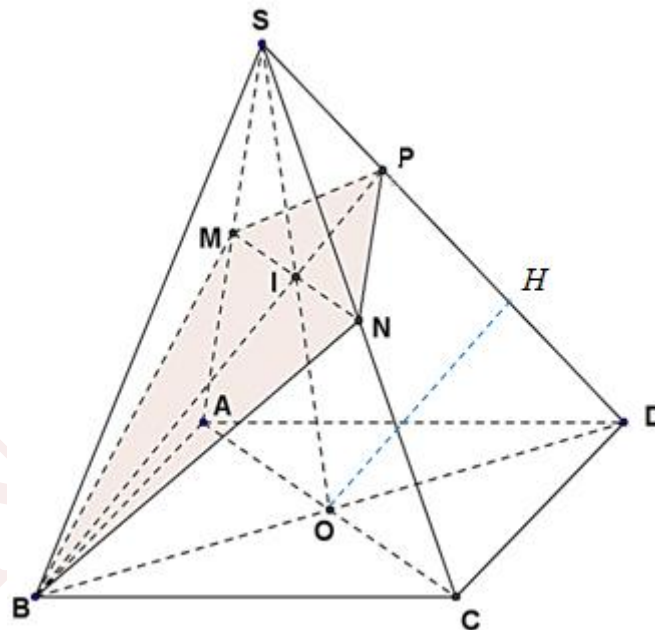
B.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{6}$ .

C.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{12}$ .

D.  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{8}$ .

Lời giải

**Chọn B**



Ta có  $M, N$  là trung điểm của  $SA, SC$  nên  $\frac{SM}{SA} = \frac{SN}{SC} = \frac{1}{2}$ .

**Cách 1:** Áp dụng định lý Menelaus cho  $\Delta SOD$  ta có :

$$\frac{PS}{PD} \cdot \frac{BD}{BO} \cdot \frac{IO}{IS} = 1 \Rightarrow \frac{PS}{PD} \cdot 2 \cdot 1 = 1 \Rightarrow \frac{PS}{PD} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{SP}{SD} = \frac{1}{3}$$

**Cách 2:** Kẻ  $OH \parallel BP$ , ta có  $O$  là trung điểm của  $BD$  nên  $H$  là trung điểm của  $PD$ . Ta có  $OH \parallel IP$  mà  $I$  là trung điểm của  $SO$  nên  $P$  là trung điểm của  $SH$ .

Suy ra  $SP = PH = HD \Rightarrow \frac{SP}{SD} = \frac{1}{3}$ .

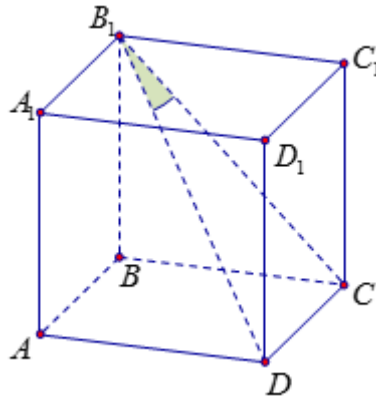
Theo công thức tỉ số thể tích ta có :  $\frac{V_{S.BMPN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{2V_{S.BMP}}{2V_{S.BAD}} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SP}{SD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$ .

**Câu 48.** Cho hình hộp đứng  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , đường thẳng  $DB_1$  tạo với mặt phẳng  $(BCC_1B_1)$  góc  $30^\circ$ . Tính thể tích khối hộp  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ .

- A.  $a^3\sqrt{3}$ .                      B.  $a^3\sqrt{2}$ .                      C.  $a^3$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .

Lời giải

Chọn B



Ta có  $DC \perp (BCC_1B_1)$  suy ra hình chiếu của  $DB_1$  lên  $(BCC_1B_1)$  là  $CB_1$

$$\Rightarrow (DB_1, (BCC_1B_1)) = (DB_1, CB_1) = \angle DB_1C = 30^\circ$$

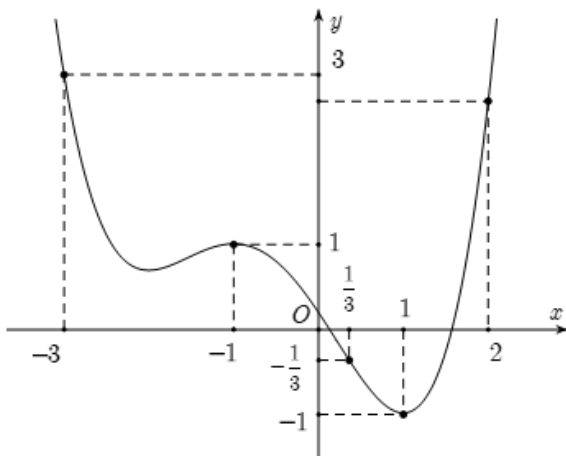
Xét  $\triangle DB_1C$  vuông ở  $C$  có  $\tan \angle DB_1C = \frac{DC}{B_1C} \Leftrightarrow \tan 30^\circ = \frac{a}{B_1C} \Rightarrow B_1C = a\sqrt{3}$

Xét  $\triangle BB_1C$  vuông ở  $B$  có  $BB_1 = \sqrt{B_1C^2 - BC^2} = \sqrt{3a^2 - a^2} = a\sqrt{2}$

Thể tích khối hộp  $ABCD.A_1B_1C_1D_1$  là  $V = BB_1 \cdot S_{ABCD} = a\sqrt{2} \cdot a^2 = a^3\sqrt{2}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$ , hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ. Hàm số

$g(x) = 2f\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + \frac{(5\sin x - 1)^2}{4} + 3$  có bao nhiêu điểm cực trị trên khoảng  $(0; 2\pi)$ ?

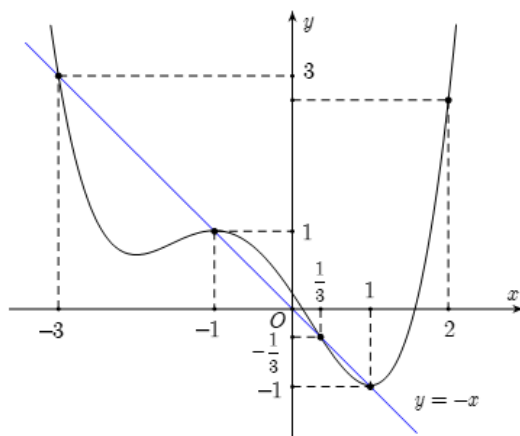


- A. 9.                      B. 7.                      C. 6.                      D. 8.

Lời giải

Chọn B





Ta có  $g(x) = 2f\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right)^2 + 3$

$$g'(x) = \frac{5\cos x}{2} \left[ 2f'\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + 2 \cdot \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) \right] = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \\ 2f'\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + 2 \cdot \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) = 0 \end{cases}$$

Đặt  $t = \frac{5\sin x - 1}{2}$  vì  $x \in (0; 2\pi) \Rightarrow t \in [-3; 2]$

Khi đó:  $2f'\left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) + 2 \cdot \left(\frac{5\sin x - 1}{2}\right) = 0$  thành  $f'(t) = -t \Leftrightarrow \begin{cases} t = 1 \\ t = \frac{1}{3} \\ t = -1 \\ t = -3 \end{cases}$

□ Với  $t = 1 \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = 1 \Leftrightarrow \sin x = \frac{3}{5} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha_1 \in (0; 2\pi) \\ x = \alpha_2 \in (0; 2\pi) \end{cases}$

□ Với  $t = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \sin x = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha_3 \in (0; 2\pi) \\ x = \alpha_4 \in (0; 2\pi) \end{cases}$

□ Với  $t = -1 \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = -1 \Leftrightarrow \sin x = -\frac{1}{5} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha_5 \in (0; 2\pi) \\ x = \alpha_6 \in (0; 2\pi) \end{cases}$

□ Với  $t = -3 \Rightarrow \frac{5\sin x - 1}{2} = -3 \Leftrightarrow \sin x = -1 \Leftrightarrow x = \frac{3\pi}{2} \in (0; 2\pi)$

□  $\cos x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{2} \in (0; 2\pi) \\ x = \frac{3\pi}{2} \in (0; 2\pi) \end{cases}$

Vì  $x = \frac{3\pi}{2}$  là nghiệm kép nên không là điểm cực trị của hàm số  $y = g(x)$ .

Vậy hàm số  $y = g(x)$  có 7 điểm cực trị trên khoảng  $(0; 2\pi)$ .

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x) = x^4 - 2x^3 + m$  ( $m$  là tham số thực). Tìm tổng tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10$ .

A. 4.

B. -3.

C. 1.

D. 2.

## Lời giải

## Chọn C

Ta xét  $f(x) = x^4 - 2x^3 + m$  liên tục trên đoạn  $[0; 1]$ ,  $f'(x) = 4x^3 - 6x^2$ .

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \in [0; 1] \\ x = \frac{3}{2} \notin [0; 1] \end{cases}$$

$$f(0) = m; f(1) = m - 1.$$

Ta xét các trường hợp sau:

$$\text{-Nếu } m \leq 0 \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = 1 - m; \min_{[0;1]} |f(x)| = -m.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow (1 - m) + 2(-m) = 10 \Leftrightarrow m = -3 \text{ (thỏa điều kiện).}$$

$$\text{-Nếu } m \geq 1 \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = m; \min_{[0;1]} |f(x)| = m - 1.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow m + 2(m - 1) = 10 \Leftrightarrow m = 4 \text{ (thỏa điều kiện).}$$

$$\text{-Nếu } \frac{1}{2} \leq m < 1 \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = m; \min_{[0;1]} |f(x)| = 0.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow m = 10 \text{ (không thỏa điều kiện).}$$

$$\text{-Nếu } 0 < m < \frac{1}{2} \text{ thì } \max_{[0;1]} |f(x)| = 1 - m; \min_{[0;1]} |f(x)| = 0.$$

$$\text{Khi đó: } \max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10 \Leftrightarrow 1 - m = 10 \Leftrightarrow m = -9 \text{ (không thỏa điều kiện).}$$

Do đó có hai giá trị  $m = -3$  và  $m = 4$  thỏa mãn yêu cầu bài toán.

Vậy tổng tất cả các giá trị của  $m$  sao cho  $\max_{[0;1]} |f(x)| + 2\min_{[0;1]} |f(x)| = 10$  là 1.

**ĐỀ 15**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

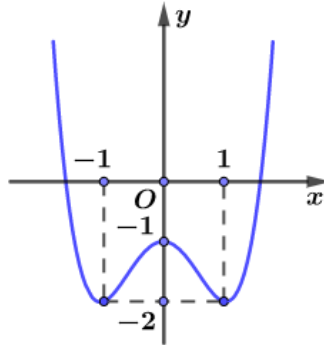
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ . Khẳng định nào sau đây là đúng về hàm số này?

- A. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .
- B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .
- D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1) \cup (0; 1)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; 1)$ .
- B.  $(-\infty; 1)$ .
- C.  $(-1; 0)$ .
- D.  $(0; 1)$ .

**Câu 3.** Hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  và có bảng biến thiên như hình dưới:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$y'$		+	+	0	-
$y$	$-\infty$	$+\infty$	$0$	$-\infty$	

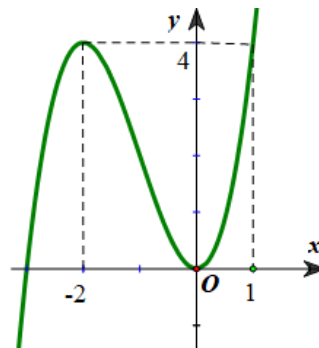
Khẳng định nào sau đây sai?

- A.  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .
- B.  $f(x)$  đạt cực đại tại  $x = 1$ .
- C.  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .
- D.  $f(x)$  có cực đại bằng 0.

**Câu 4.** Giá trị cực đại của hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  là

- A.  $y_{cd} = 2$ .
- B.  $y_{cd} = -1$ .
- C.  $y_{cd} = 4$ .
- D.  $y_{cd} = 3$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng:



- A. 0.
- B. -2.
- C. 4.
- D. 1.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$3$	$-1$	$+\infty$	

Hàm số đạt cực tiểu tại điểm nào?

- A.  $y = 3$ .                      B.  $y = -1$ .                      C.  $x = -1$ .                      D.  $x = 1$ .

**Câu 7.** Tìm giá trị lớn nhất của hàm số  $y = -x^3 + 3x$  trên đoạn  $[0; 2]$ .

- A.  $\max_{x \in [0; 2]} y = 2$ .                      B.  $\max_{x \in [0; 2]} y = 1$ .                      C.  $\max_{x \in [0; 2]} y = -2$ .                      D.  $\max_{x \in [0; 2]} y = 0$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$1$	$5$	$-\infty$	

Mệnh đề nào sau đây đúng về hàm số đó?

- A. Hàm số không có giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất trên  $\mathbb{R}$ .  
 B. Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 2 trên  $\mathbb{R}$ .  
 C. Hàm số có giá trị nhỏ nhất bằng 1 trên  $\mathbb{R}$ .  
 D. Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 5 trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 9.** Phương trình đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-3x}{x+2}$  là

- A.  $x = -2$ .                      B.  $x = -3$ .                      C.  $y = -2$ .                      D.  $y = -3$ .

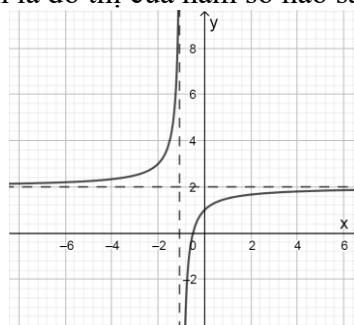
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình sau:

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$y$	$2$	$3$	$5$

Số đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

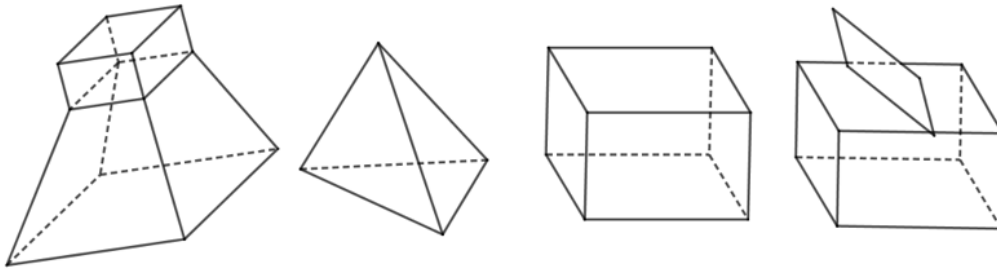
- A. 2.                      B. 3.                      C. 1.                      D. 4.

**Câu 11.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào sau đây?



- A.  $y = \frac{2x+2}{x+1}$ .                      B.  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .                      C.  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .                      D.  $y = \frac{2x+3}{1-x}$ .

**Câu 12.** Mỗi hình sau đây gồm một số hữu hạn đa giác phẳng (kể cả các điểm trong của nó), hình nào sau đây không phải là hình đa diện?



Hình (a)

Hình (b)

Hình (c)

Hình (d)

A. Hình (c).

B. Hình (d).

C. Hình (a).

D. Hình (b).

**Câu 13.** Lăng trụ tam giác có bao nhiêu mặt?

A. 6.

B. 3.

C. 9.

D. 5.

**Câu 14.** Trong các khẳng định sau khẳng định nào đúng?A. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện đều có  $p$  mặt,  $q$  đỉnh.B. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện lồi thỏa mãn mỗi mặt của nó là đa giác đều  $p$  cạnh và mỗi đỉnh của nó là đỉnh chung của đúng  $q$  mặt.C. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện đều có  $p$  cạnh,  $q$  mặt.D. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện lồi thỏa mãn mỗi đỉnh của nó là đỉnh chung của đúng  $p$  mặt và mỗi mặt của nó là một đa giác đều  $q$  cạnh.**Câu 15.** Cho hình bát diện đều cạnh  $a$ . Gọi  $S$  là tổng diện tích tất cả các mặt của hình bát diện đó. Mệnh đề nào dưới đây đúng?A.  $S = \sqrt{3}a^2$ .B.  $S = 8a^2$ .C.  $S = 2\sqrt{3}a^2$ .D.  $S = 4\sqrt{3}a^2$ .**Câu 16.** Khẳng định nào sau đây là sai?A. Thể tích của khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = \frac{1}{3}Bh$ .B. Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = Bh$ .

C. Thể tích của một khối hộp chữ nhật bằng tích ba kích thước của nó.

D. Thể tích của khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = 3Bh$ .**Câu 17.** Cho khối chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có cạnh bên bằng 6, góc giữa đường thẳng  $SA$  và  $BC$  bằng  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .A.  $V = 36$ .B.  $V = 18$ .C.  $V = 36\sqrt{2}$ .D.  $V = 18\sqrt{3}$ .**Câu 18.** Cho hình lăng trụ có diện tích đáy  $B$ , đường cao là  $h$ . Thể tích  $V$  của khối lăng trụ làA.  $V = 3Bh$ .B.  $V = Bh$ .C.  $V = \frac{1}{3}Bh$ .D.  $V = 2Bh$ .**Câu 19.** Tính thể tích khối hộp chữ nhật có các kích thước là  $a, 2a, 3a$ .A.  $2a^3$ .B.  $6a^3$ .C.  $3a^3$ .D.  $a^3$ .**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm cấp một xác định bởi công thức  $f'(x) = -x^2 - 1$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?A.  $f(1) < f(2)$ .B.  $f(3) > f(2)$ .C.  $f(1) > f(0)$ .D.  $f(0) < f(-1)$ .**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị  $m$  để hàm số  $y = \frac{m}{3}x^3 - mx^2 + (2m-1)x - 2$  nghịch biến trên tập xác định của nó.A.  $m \leq 0$ .B.  $m > -1$ .C.  $m \leq 2$ .D.  $m \geq 0$ .**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x-1)^4(x^2 - 7x + 10)$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là:

A. 2.

B. 1.

C. 4.

D. 3.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x + 1 - m$  với  $m$  là tham số. Hàm số có giá trị cực đại và giá trị cực tiểu trái dấu khi

- A.  $m = -1$  hoặc  $m = 3$ . B.  $-1 < m < 3$ .  
C.  $m < -1$  hoặc  $m > 3$ . D.  $-1 < m \leq 3$ .

**Câu 24.** Tìm tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 + (m^2 - 4)x^2 + 1 - m$  có một điểm cực trị

- A.  $(-2; 2)$ . B.  $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ . C.  $[-2; 2]$ . D.  $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ .

**Câu 25.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = 4x - x^4$  trên đoạn  $[-1; 1]$  bằng

- A. 5. B. 0. C. -3. D. 3.

**Câu 26.** Tìm  $a$  để giá trị lớn nhất của hàm số  $y = x^3 - 3ax^2 + a - 1$  trên đoạn  $[-1; a]$  bằng 10, biết  $a > 0$ .

- A.  $a = 10$ . B.  $a = 11$ . C.  $a = \frac{5}{2}$ . D.  $a = \frac{3}{2}$ .

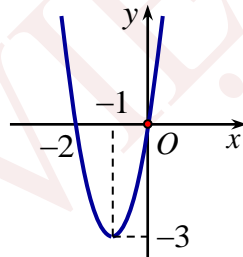
**Câu 27.** Tổng số các đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{\sqrt{x-4}}{x-1}$  là

- A. 0. B. 1. C. 2. D. 3.

**Câu 28.** Có tất cả bao nhiêu giá trị khác nhau của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2 + mx + 4}$  có hai đường tiệm cận?

- A. 1. B. 0. C. 2. D. 3.

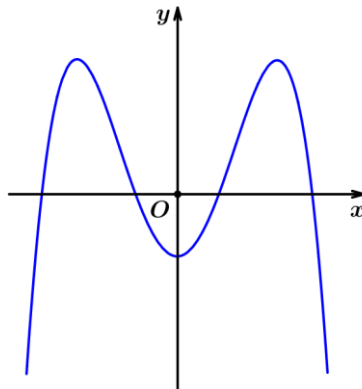
**Câu 29.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đạo hàm là hàm số  $y = f'(x)$  với đồ thị như hình vẽ bên.



Biết rằng đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tiếp xúc với trục hoành tại điểm có hoành độ âm. Khi đó đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ là bao nhiêu?

- A. -4. B. 1. C. 2. D. 4.

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Mệnh đề nào dưới đây là mệnh đề đúng?



- A.  $a < 0, b > 0, c < 0$ . B.  $a < 0, b < 0, c < 0$ . C.  $a > 0, b < 0, c < 0$ . D.  $a > 0, b < 0, c > 0$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-1$		$3$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$4$		$-2$		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f^2(x) - 4 = 0$  là

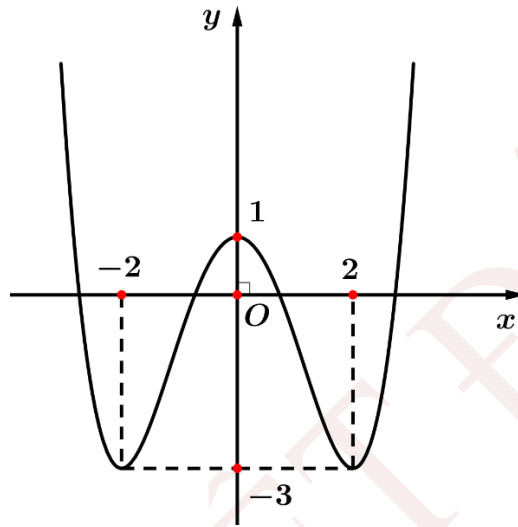
A. 3.

B. 5.

C. 1.

D. 2.

Câu 32. Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Phương trình  $2f(x) + 5 = 0$  có số nghiệm là



A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

Câu 33. Cho hàm số  $f(x)$  bảng biến thiên sau đây

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$	
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$	$+\infty$		$3$		$-\infty$

Tìm  $m$  để phương trình  $f(x) = 2m + 1$  có 3 nghiệm phân biệt.

A.  $0 < m < 1$ .

B.  $0 < m < 2$ .

C.  $-1 < m < 0$ .

D.  $-1 < m < 1$ .

Câu 34. Một hình đa diện có các mặt là các tam giác có số mặt  $M$  và số cạnh  $C$  của đa diện đó thỏa mãn hệ thức nào dưới đây

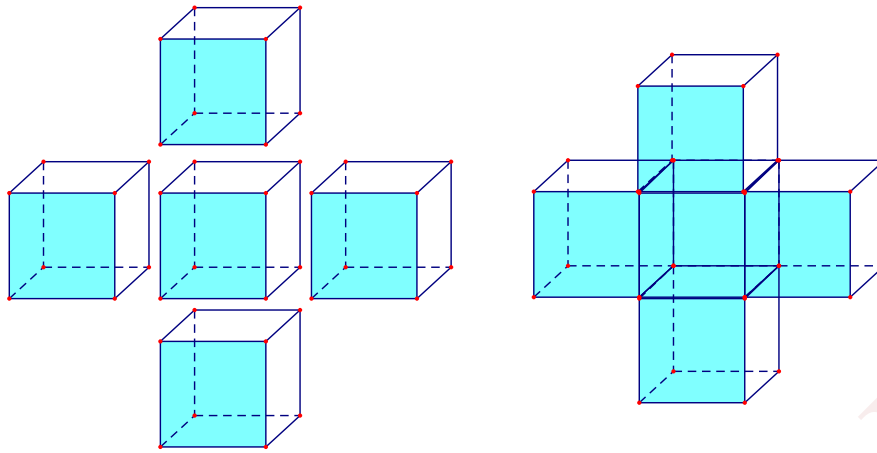
A.  $3C = 2M$ .

B.  $C = 2M$ .

C.  $3M = 2C$ .

D.  $2C = M$ .

Câu 35. Người ta ghép 5 khối lập phương cạnh  $a$  để được khối hộp chữ thập như hình dưới. Tính diện tích toàn phần  $S_p$  của khối chữ thập đó



- A.  $S_{tp} = 20a^2$ .      B.  $S_{tp} = 12a^2$ .      C.  $S_{tp} = 30a^2$ .      D.  $S_{tp} = 22a^2$ .

**Câu 36.** Số mặt phẳng đối xứng của một hình chóp tứ giác đều là

- A. 0.      B. 1.      C. 2.      D. 4.

**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh có độ dài bằng  $a$ . Cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt đáy ( $ABC$ ) và  $SA = a\sqrt{3}$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  là

- A.  $\frac{3a^3}{4}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      D.  $V = \frac{a^3}{4}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân;  $AB = AC = a$ ; mặt bên  $SAB$  là tam giác vuông cân tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Tính theo  $a$  thể tích của khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $\frac{1}{12}a^3$ .      B.  $\frac{\sqrt{3}}{4}a^3$ .      C.  $\frac{\sqrt{3}}{12}a^3$ .      D.  $\frac{1}{4}a^3$ .

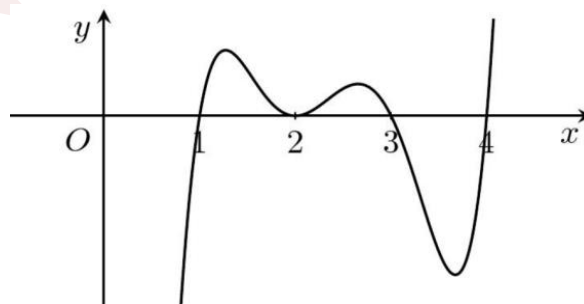
**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  thỏa mãn:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$3$	$+\infty$	
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(3-x) - x - \sqrt{x^2 + 2}$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(3;5)$ .      B.  $(-\infty;1)$ .      C.  $(2;6)$ .      D.  $(2;+\infty)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số  $y = f(x^2 - 2) - \left(\frac{x^3}{3} + x^2 - 3x + 4\right)$  nghịch biến trong khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -\sqrt{3})$ .      B.  $(-3;0)$ .      C.  $(1; \sqrt{3})$ .      D.  $(-\sqrt{3}; +\infty)$ .



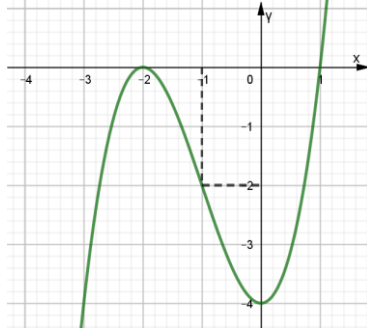
**Câu 41.** Đặt  $S$  là tập hợp tất cả các số nguyên âm  $m$  thỏa mãn điều kiện hàm số  $y = \frac{m^3x + 16}{x + m}$  đồng biến trên khoảng  $(5; +\infty)$ . Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?

- A. 4.                                      B. 5.                                      C. 3.                                      D. Vô số.

**Câu 42.** Tìm  $m$  để hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 4)x$  đạt cực đại tại  $x = 1$ .

- A.  $m = 1; m = -3$ .                      B.  $m = 1$ .                              C.  $m = -3$ .                              D.  $m = 3$ .

**Câu 43.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ. Tập hợp các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(\sqrt{4x - x^2} - 1) = m$  có nghiệm là



- A.  $[-2; 0]$ .                                      B.  $[-4; -2]$ .                              C.  $[-4; 0]$ .                              D.  $[-1; 1]$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  bảng biến thiên như hình bên dưới

$x$	$-\infty$	$0$	$4$	$+\infty$	
$f'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f$	$+\infty$	$-1$	$3$	$-\infty$	

$y = -\frac{1}{2}$

Đồ thị hàm số  $g(x) = \frac{1}{2f(x+3)+1}$  có bao nhiêu tiệm cận đứng?

- A. 4.                                      B. 3.                                      C. 1.                                      D. 2.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-3}{x-1}$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $2x + y - m = 0$ . Tìm  $m$  để hai đồ thị trên cắt nhau tại hai điểm  $A, B$  phân biệt, đồng thời trung điểm của đoạn  $AB$  nằm trên đường tròn có tâm  $I(1; -1)$ , bán kính  $R = 2$ .

- A.  $m = 0, m = -\frac{8}{5}$ .                      B.  $m = 1, m = \frac{8}{5}$ .                      C.  $m = 0, m = \frac{5}{8}$ .                      D.  $m \in (1; 10)$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  thỏa mãn  $f(u+v) = f(u) + f(v)$  với  $\forall u, v \in \mathbb{R}$ . Biết  $f(4) = 5$ , hỏi giá trị của  $f(-6)$  nằm trong khoảng nào dưới đây ?

- A.  $(-8; -7)$ .                                      B.  $(6; 8)$ .                                      C.  $(-5; 0)$ .                                      D.  $(-10; -8)$ .

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABC$ ,  $M$  và  $N$  là các điểm thuộc các cạnh  $SA$  và  $SB$  sao cho  $MA = 2SM, SN = 2NB$ ,  $(\alpha)$  là mặt phẳng qua  $MN$  và song song với  $SC$ . Mặt phẳng  $(\alpha)$  chia khối chóp  $S.ABC$  thành hai khối đa diện  $(H_1)$  và  $(H_2)$  với  $(H_1)$  là khối đa diện chứa điểm  $S$ ,  $(H_2)$  là khối đa diện chứa điểm  $A$ . Gọi  $V_1$  và  $V_2$  lần lượt là thể tích của  $(H_1)$  và  $(H_2)$ . Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- A.  $\frac{4}{5}$ .                                      B.  $\frac{5}{4}$ .                                      C.  $\frac{3}{4}$ .                                      D.  $\frac{4}{3}$ .

**Câu 48.** Cho lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có cạnh đáy bằng  $a$  và  $AB' \perp BC'$ . Tính thể tích của khối lăng trụ.

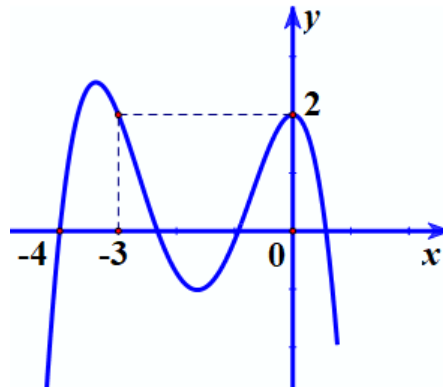
A.  $V = \sqrt{6}a^3$ .

B.  $V = \frac{7a^3}{8}$ .

C.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{8}$ .

D.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{4}$ .

**Câu 49.** Cho hàm đa thức  $y = f(x)$  có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ dưới đây.



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = f(x^4 - 2x^2 - 3) - 2x^4 + 4x^2 + 2020$  là

A. 12.

B. 11.

C. 10.

D. 9.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x) = |x^4 - 4x^3 + 4x^2 + m|$ . Khi  $m$  thuộc  $[-3; 3]$  thì giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[0; 2]$  đạt giá trị lớn nhất bằng

A. 4.

B. 3.

C. 2.

D. 1.

**ĐỀ 15**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ . Khẳng định nào sau đây là đúng về hàm số này?

- A. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .
- B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .
- D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -1) \cup (0; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có:  $y' = 4x^3 - 4x$ .

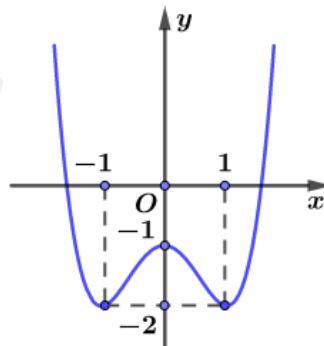
$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \\ x = 1 \end{cases}$$

Bảng biến thiên

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
y'	-	0	+	0	+
y	$+\infty$	2	3	2	$+\infty$

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; 1)$ .
- B.  $(-\infty; 1)$ .
- C.  $(-1; 0)$ .
- D.  $(0; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Nhìn vào đồ thị từ trái qua phải, ta thấy hàm số đi lên, trên mỗi khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ . Do đó hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 3.** Hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  và có bảng biến thiên như hình dưới:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$+$	$0$	$-$		
$y$	$-\infty$		$+\infty$		$0$		$-\infty$

Khẳng định nào sau đây sai?

- A.  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .
- C.  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

- B.  $f(x)$  đạt cực đại tại  $x = 1$ .
- D.  $f(x)$  có cực đại bằng 0.

Lời giải

**Chọn A**

Câu 4. Giá trị cực đại của hàm số  $y = x^3 - 3x + 1$  là

- A.  $y_{cd} = 2$ .
- B.  $y_{cd} = -1$ .
- C.  $y_{cd} = 4$ .
- D.  $y_{cd} = 3$ .

Lời giải

**Chọn D**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$

Ta có  $y' = 3x^2 - 3$

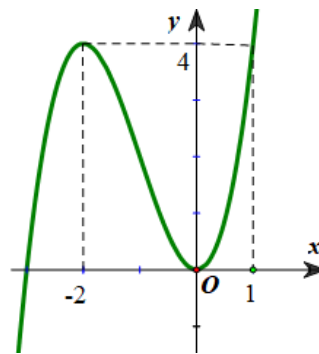
$$y' = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$3$		$1$		$+\infty$

Dựa vào BBT ta có giá trị cực đại  $y_{cd} = 3$ .

Câu 5. Cho hàm số  $f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Giá trị cực tiểu của hàm số bằng:



- A. 0.
- B. -2.
- C. 4.
- D. 1.

Lời giải

**Chọn A**

Từ đồ thị hàm số ta có giá trị cực tiểu của hàm số bằng 0.

Câu 6. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$3$		$-1$		$+\infty$

Hàm số đạt cực tiểu tại điểm nào?

- A.  $y = 3$ .                      B.  $y = -1$ .                      C.  $x = -1$ .                      D.  $x = 1$ .

Lời giải

**Chọn D**

**Câu 7.** Tìm giá trị lớn nhất của hàm số  $y = -x^3 + 3x$  trên đoạn  $[0; 2]$ .

- A.  $\max_{x \in [0; 2]} y = 2$ .                      B.  $\max_{x \in [0; 2]} y = 1$ .                      C.  $\max_{x \in [0; 2]} y = -2$ .                      D.  $\max_{x \in [0; 2]} y = 0$ .

Lời giải

**Chọn A**

Hàm số  $y = -x^3 + 3x$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  nên liên tục trên đoạn  $[0; 2]$ .

Ta có:  $y' = -3x^2 + 3$ . Xét  $y' = 0 \Leftrightarrow -3x^2 + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \notin [0; 2] \\ x = 1 \in [0; 2] \end{cases}$ .

Ta có:  $y(1) = -1 + 3 = 2$ ;  $y(0) = 0$  và  $y(2) = -8 + 6 = -2$ . Vậy  $\max_{x \in [0; 2]} y = 2$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình sau:

$x$	$-\infty$		$0$		$2$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$1$		$5$		$-\infty$

Mệnh đề nào sau đây đúng về hàm số đó?

- A. Hàm số không có giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất trên  $\mathbb{R}$ .  
 B. Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 2 trên  $\mathbb{R}$ .  
 C. Hàm số có giá trị nhỏ nhất bằng 1 trên  $\mathbb{R}$ .  
 D. Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 5 trên  $\mathbb{R}$ .

Lời giải

**Chọn A**

Theo bảng biến thiên  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  nên hàm số không có giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 9.** Phương trình đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{1-3x}{x+2}$  là

- A.  $x = -2$ .                      B.  $x = -3$ .                      C.  $y = -2$ .                      D.  $y = -3$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1-3x}{x+2} = -3$ .

Do đó đồ thị hàm số đã cho có tiệm cận ngang là  $y = -3$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình sau:

$x$	$-\infty$	1	$+\infty$
$y$	2	$+\infty$	5

Số đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

**A.** 2.

**B.** 3.

**C.** 1.

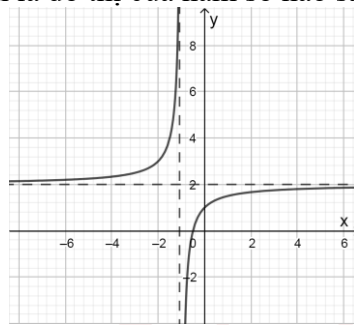
**D.** 4.

**Lời giải**

**Chọn A**

Từ BBT ta thấy  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = 2$  và  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 5$  nên đồ thị hàm số có 2 đường tiệm cận ngang là  $y = 2$  và  $y = 5$ .

**Câu 11.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị của hàm số nào sau đây?



**A.**  $y = \frac{2x+2}{x+1}$ .

**B.**  $y = \frac{2x+1}{x+1}$ .

**C.**  $y = \frac{x-1}{x+1}$ .

**D.**  $y = \frac{2x+3}{1-x}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

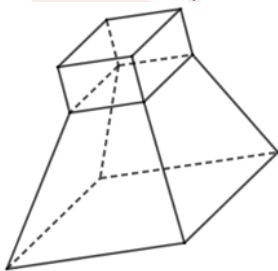
Xét đáp án A có  $y' = 0 \forall x \neq -1$  nên loại.

Xét đáp án B có  $y' = \frac{1}{(x+1)^2} > 0 \forall x \neq -1 \Rightarrow$  hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định; tiệm cận đứng là  $x = -1$ , tiệm cận ngang là  $y = 2$  nên chọn.

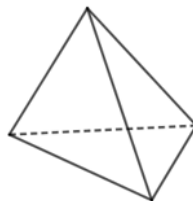
Xét đáp án C: đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 1$  nên loại.

Xét đáp án D: đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = 1$  nên loại.

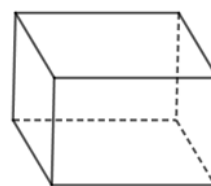
**Câu 12.** Mỗi hình sau đây gồm một số hữu hạn đa giác phẳng (kể cả các điểm trong của nó), hình nào sau đây không phải là hình đa diện?



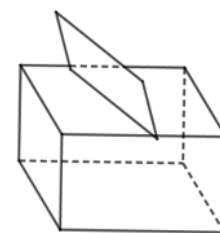
Hình (a)



Hình (b)



Hình (c)



Hình (d)

**A.** Hình (c).

**B.** Hình (d).

**C.** Hình (a).

**D.** Hình (b).

**Lời giải**

**Chọn B**

Do tồn tại cạnh của 1 đa giác không là cạnh chung của đúng 2 đa giác nên hình d không phải là hình đa diện.

**Câu 13.** Lăng trụ tam giác có bao nhiêu mặt?

**A.** 6.

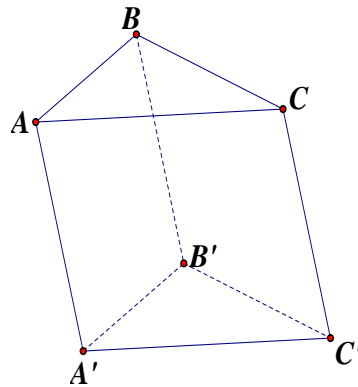
**B.** 3.

**C.** 9.

**D.** 5.

## Lời giải

## Chọn D



\* Lăng trụ tam giác có 5 mặt gồm 3 mặt bên và 2 mặt đáy.

**Câu 14.** Trong các khẳng định sau khẳng định nào đúng?

A. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện đều có  $p$  mặt,  $q$  đỉnh.

B. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện lồi thỏa mãn mỗi mặt của nó là đa giác đều  $p$  cạnh và mỗi đỉnh của nó là đỉnh chung của đúng  $q$  mặt.

C. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện đều có  $p$  cạnh,  $q$  mặt.

D. Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  là khối đa diện lồi thỏa mãn mỗi đỉnh của nó là đỉnh chung của đúng  $p$  mặt và mỗi mặt của nó là một đa giác đều  $q$  cạnh.

## B4.X.T0Lời giải

## Chọn B

Theo định nghĩa khối đa diện đều trong sách giáo khoa hình học 12 cơ bản trang 15.

**Câu 15.** Cho hình bát diện đều cạnh  $a$ . Gọi  $S$  là tổng diện tích tất cả các mặt của hình bát diện đó. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A.  $S = \sqrt{3}a^2$ .

B.  $S = 8a^2$ .

C.  $S = 2\sqrt{3}a^2$ .

D.  $S = 4\sqrt{3}a^2$ .

## Lời giải

## Chọn C

Hình bát diện đều gồm có 8 mặt là tam giác đều cạnh  $a$  nên  $S = 8 \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = 2a^2\sqrt{3}$ .

**Câu 16.** Khẳng định nào sau đây là sai?

A. Thể tích của khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = \frac{1}{3}Bh$ .

B. Thể tích của khối lăng trụ có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = Bh$ .

C. Thể tích của một khối hộp chữ nhật bằng tích ba kích thước của nó.

D. Thể tích của khối chóp có diện tích đáy  $B$  và chiều cao  $h$  là  $V = 3Bh$ .

## Lời giải

## Chọn D

Theo công thức tính thể tích khối chóp, khối lăng trụ và khối hộp chữ nhật ta thấy các khẳng định đúng là A, B, C; khẳng định sai là

D.

**Câu 17.** Cho khối chóp tứ giác đều  $S.ABCD$  có cạnh bên bằng 6, góc giữa đường thẳng  $SA$  và  $BC$  bằng  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

A.  $V = 36$ .

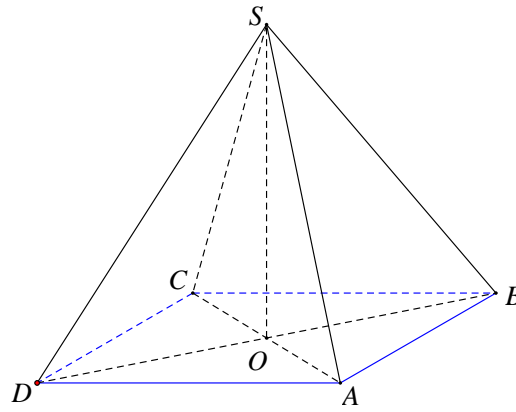
B.  $V = 18$ .

C.  $V = 36\sqrt{2}$ .

D.  $V = 18\sqrt{3}$ .

## Lời giải

## Chọn C



Từ giả thiết suy ra  $(SA, BC) = (SA, AD) = \angle SAD = 60^\circ$

Khi đó hình chóp có tất cả cạnh đều bằng 6.

$$\text{Suy ra } SO = \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2} \cdot 6\sqrt{2} = 3\sqrt{2}.$$

$$\text{Nên } V_{SABCD} = \frac{1}{3} \cdot 36 \cdot 3\sqrt{2} = 36\sqrt{2}.$$

**Câu 18.** Cho hình lăng trụ có diện tích đáy  $B$ , đường cao là  $h$ . Thể tích  $V$  của khối lăng trụ là

- A.  $V = 3Bh$ .                      B.  $V = Bh$ .                      C.  $V = \frac{1}{3}Bh$ .                      D.  $V = 2Bh$ .

Lời giải

**Chọn B**

Thể tích lăng trụ là:  $V = Bh$ .

**Câu 19.** Tính thể tích khối hộp chữ nhật có các kích thước là  $a, 2a, 3a$ .

- A.  $2a^3$ .                      B.  $6a^3$ .                      C.  $3a^3$ .                      D.  $a^3$ .

Lời giải

**Chọn B**

Thể tích khối hộp chữ nhật là  $V = a \cdot 2a \cdot 3a = 6a^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm cấp một xác định bởi công thức

$$f'(x) = -x^2 - 1. \text{ Mệnh đề nào sau đây đúng?}$$

- A.  $f(1) < f(2)$ .                      B.  $f(3) > f(2)$ .                      C.  $f(1) > f(0)$ .                      D.  $f(0) < f(-1)$ .

Lời giải

**Chọn D**

Vì  $f'(x) = -x^2 - 1 < 0, \forall x \in \mathbb{R}$  nên hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Vì thế:

Do  $1 < 2$  nên  $f(1) > f(2)$ . Suy ra A sai.

Do  $3 > 2$  nên  $f(3) < f(2)$ . Suy ra B sai.

Do  $1 > 0$  nên  $f(1) < f(0)$ . Suy ra C sai.

Do  $0 > -1$  nên  $f(0) < f(-1)$ . Suy ra D đúng.

**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị  $m$  để hàm số  $y = \frac{m}{3}x^3 - mx^2 + (2m-1)x - 2$  nghịch biến trên tập xác định

của nó.

- A.  $m \leq 0$ .                      B.  $m > -1$ .                      C.  $m \leq 2$ .                      D.  $m \geq 0$ .

Lời giải

**Chọn A**



Tập xác định  $D = \mathbb{R}$

Trường hợp 1:  $m = 0$

Hàm số trở thành  $y = -x + 2$  nghịch biến trên  $\mathbb{R} \Rightarrow m = 0$  thỏa mãn.

Trường hợp 2:  $m \neq 0$

$$y' = mx^2 - 2mx + 2m - 1$$

Hàm số nghịch biến trên tập xác định  $\Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

(Dấu '=' xảy ra tại hữu hạn điểm trên  $\mathbb{R}$ )

$$\text{ĐK: } \begin{cases} m < 0 \\ \Delta' \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ m^2 - m(2m - 1) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ -m^2 + m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ m \geq 1 \Leftrightarrow m < 0 \\ m \leq 0 \end{cases}$$

Kết hợp cả 2 trường hợp ta được  $m \leq 0$

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x-1)^4(x^2 - 7x + 10), \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là:

A. 2.

B. 1.

C. 4.

D. 3.

Lời giải

**Chọn A**

$$\text{Ta có: } f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 2; (x-1)^4 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \\ x = 5 \end{cases}$$

Dấu của  $f'(x)$  là dấu của  $(x^2 - 7x + 10)$ . Do đó  $f'(x)$  đổi dấu 2 lần, hàm số có 2 cực trị.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x + 1 - m$  với  $m$  là tham số. Hàm số có giá trị cực đại và giá trị cực tiểu trái dấu khi

A.  $m = -1$  hoặc  $m = 3$ .

B.  $-1 < m < 3$ .

C.  $m < -1$  hoặc  $m > 3$ .

D.  $-1 < m \leq 3$ .

Lời giải

**Chọn B**

$$\text{Hàm số } y = x^3 - 3x + 1 - m \Rightarrow y' = 3x^2 - 3, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

Với  $x = 1 \Rightarrow y = -1 - m$ , với  $x = -1 \Rightarrow y = 3 - m$

Để hàm số có giá trị cực đại và giá trị cực tiểu trái dấu nhau khi và chỉ khi

$$(-1 - m)(3 - m) < 0 \Leftrightarrow -1 < m < 3.$$

**Câu 24.** Tìm tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 + (m^2 - 4)x^2 + 1 - m$  có một điểm cực trị

A.  $(-2; 2)$ .

B.  $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ .

C.  $[-2; 2]$ .

D.  $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ .

Lời giải

**Chọn D**

$$\text{Ta có } y' = 4x^3 + 2m^2 - 4 \quad x = 2x^2 + m^2 - 4$$

Hàm số đã cho là hàm số trùng phương nên có đúng một cực trị khi  $y' = 0$  có một nghiệm.

$$\text{Hay } 2x^2 + m^2 - 4 = 0 \text{ có đúng một nghiệm } \Leftrightarrow m^2 - 4 \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq -2 \\ m \geq 2 \end{cases}$$

**Chú ý:**

$$+ \text{Hàm số } y = ax^4 + bx^2 + c \text{ có đúng một cực trị khi và chỉ khi } \begin{cases} ab \geq 0 \\ a^2 + b^2 > 0 \end{cases} \quad (1)$$

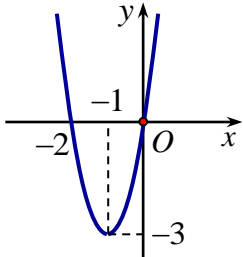


Do đó để đồ thị hàm số có hai đường tiệm cận thì phương trình:  $x^2 + mx + 4 = 0$  có nghiệm kép hoặc có hai nghiệm phân biệt trong đó có 1 nghiệm bằng 1.

$$\text{Khi đó } \begin{cases} m^2 - 16 = 0 \\ m \neq -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 16 = 0 \\ m^2 - 16 > 0 \\ m = -5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 4 \\ m = -4 \\ m = -5 \end{cases}.$$

Vậy  $m \in \{-4; 4; -5\}$ . Nên có 3 giá trị thỏa yêu cầu bài toán.

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đạo hàm là hàm số  $y = f'(x)$  với đồ thị như hình vẽ bên.



Biết rằng đồ thị hàm số  $y = f(x)$  tiếp xúc với trục hoành tại điểm có hoành độ âm. Khi đó đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ là bao nhiêu?

A. -4.

B. 1.

C. 2.

D. 4.

Lời giải

**Chọn A**

Ta có  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d \Rightarrow f'(x) = 3ax^2 + 2bx + c$

Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  đi qua các điểm  $A(-2; 0)$ ,  $O(0; 0)$  và  $C(-1; -3)$  nên ta có

$$\begin{cases} 12a - 4b + c = 0 \\ c = 0 \\ 3a - 2b + c = -3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 3 \\ c = 0 \end{cases} \Rightarrow y = f(x) = x^3 + 3x^2 + d \text{ và } f'(x) = 3x^2 + 6x.$$

Gọi tiếp điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và trục hoành là  $M(x_0; 0)$  với  $x_0 < 0$ .

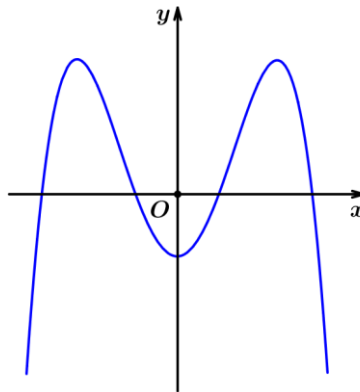
Tiếp tuyến có hệ số góc

$$k = 0 \Rightarrow y'(x_0) = 0 \Leftrightarrow 3x_0^2 + 6x_0 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = 0 \\ x_0 = -2 \end{cases}. \text{ Vì } x_0 < 0 \Rightarrow x_0 = -2.$$

$M(-2; 0)$  thuộc đồ thị hàm số  $y = f(x) \Rightarrow -8 + 12 + d = 0 \Rightarrow d = -4$ .

Khi đó  $y = f(x) = x^3 + 3x^2 - 4$ . Đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ là -4.

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Mệnh đề nào dưới đây là mệnh đề đúng?



A.  $a < 0, b > 0, c < 0$ . B.  $a < 0, b < 0, c < 0$ . C.  $a > 0, b < 0, c < 0$ . D.  $a > 0, b < 0, c > 0$ .

Lời giải

**Chọn A**

Dựa vào hình dạng của đồ thị ta có  $a < 0$ .

Đồ thị có ba điểm cực trị nên  $a \cdot b < 0$ , do đó  $b > 0$ .

Dựa vào giao điểm của đồ thị với trục tung ta có  $c < 0$ .

Vậy:  $a < 0, b > 0, c < 0$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-1$		$3$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$4$		$-2$		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f^2(x) - 4 = 0$  là

A. 3.

B. 5.

C. 1.

D. 2.

Lời giải

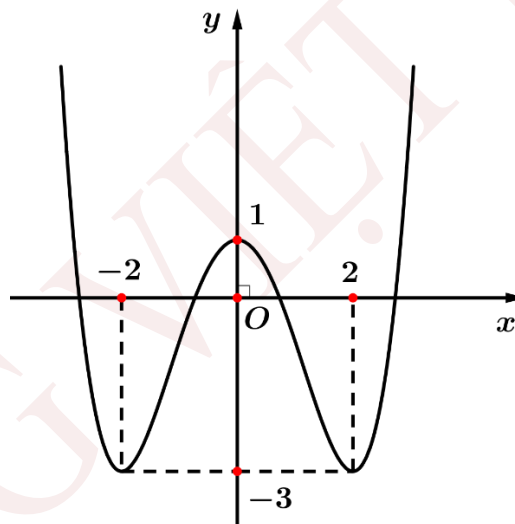
**Chọn B**

Ta có  $f^2(x) - 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 2 \\ f(x) = -2 \end{cases}$

Dựa vào BBT, phương trình  $f(x) = 2$  có 3 nghiệm phân biệt, phương trình  $f(x) = -2$  có 2 nghiệm phân biệt (khác 3 nghiệm trên).

Vậy số nghiệm của phương trình  $f^2(x) - 4 = 0$  là 5.

**Câu 32.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Phương trình  $2f(x) + 5 = 0$  có số nghiệm là



A. 1.

B. 2.

C. 3.

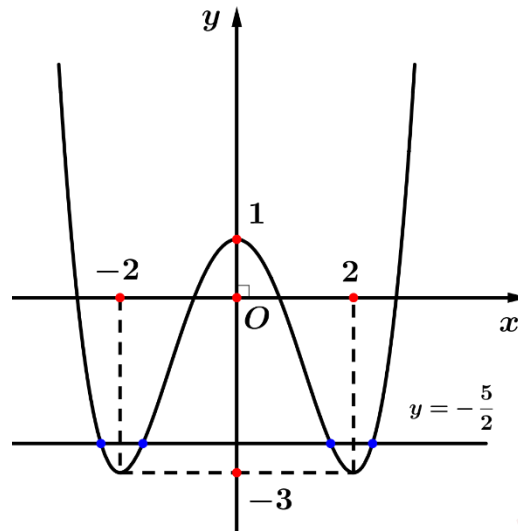
D. 4.

Lời giải

**Chọn D**

Phương trình:  $2f(x) + 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = -\frac{5}{2}$ .

Số nghiệm của phương trình  $2f(x) + 5 = 0$  là số giao điểm của đồ thị  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = -\frac{5}{2}$ .



Dựa vào hình vẽ, ta suy ra phương trình  $2f(x) + 5 = 0$  có 4 nghiệm phân biệt.

**Câu 33.** Cho hàm số  $f(x)$  bảng biến thiên sau đây

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$f'(x)$		-	0	+	0	-	
$f(x)$	$+\infty$				3		$-\infty$

$\swarrow$   $-1$   $\nearrow$   $\searrow$

Tìm  $m$  để phương trình  $f(x) = 2m + 1$  có 3 nghiệm phân biệt.

A.  $0 < m < 1$ .

B.  $0 < m < 2$ .

C.  $-1 < m < 0$ .

D.  $-1 < m < 1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Phương trình  $f(x) = 2m + 1$  là phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = 2m + 1$ .

Dựa vào bảng biến thiên ta có phương trình  $f(x) = 2m + 1$  có 3 điểm phân biệt khi

$$-1 < 2m + 1 < 3 \Leftrightarrow -2 < 2m < 2 \Leftrightarrow -1 < m < 1.$$

**Câu 34.** Một hình đa diện có các mặt là các tam giác có số mặt  $M$  và số cạnh  $C$  của đa diện đó thỏa mãn hệ thức nào dưới đây

A.  $3C = 2M$ .

B.  $C = 2M$ .

C.  $3M = 2C$ .

D.  $2C = M$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

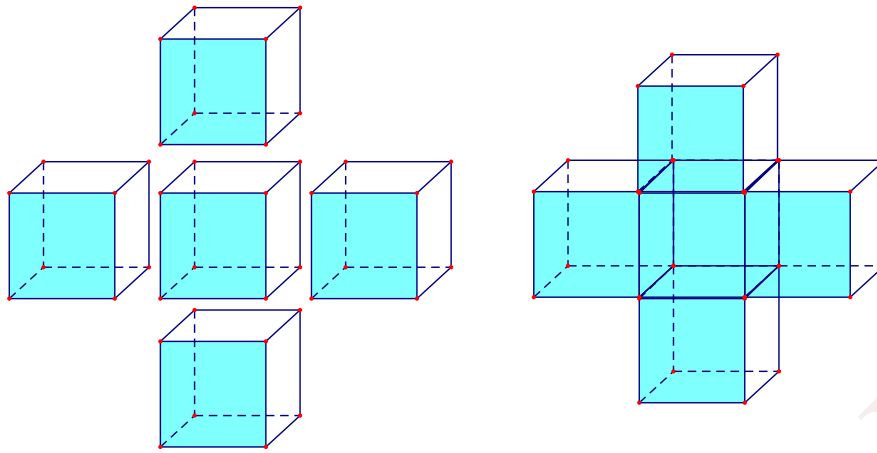
Mỗi mặt của đa diện trên là một tam giác (3 cạnh)

Số mặt của đa diện là  $M \rightarrow$  tổng tất cả số cạnh tạo nên tất cả tam giác thuộc đa diện đó là  $3M$ .

Nếu cắt nhỏ các đa giác ra khỏi khối đa diện, ta thấy mỗi cạnh của khối đa diện là cạnh chung của đúng hai tam giác  $\rightarrow$  Tổng số cạnh tạo nên tất cả các tam giác là  $2C$

Vậy ta có  $3M = 2C$ .

**Câu 35.** Người ta ghép 5 khối lập phương cạnh  $a$  để được khối hộp chữ thập như hình dưới. Tính diện tích toàn phần  $S_{tp}$  của khối chữ thập đó



A.  $S_{tp} = 20a^2$ .

B.  $S_{tp} = 12a^2$ .

C.  $S_{tp} = 30a^2$ .

D.  $S_{tp} = 22a^2$ .

Lời giải

**Chọn D**

Diện tích toàn phần của 5 khối lập phương là  $5.6a^2 = 30a^2$ .

Khi ghép thành khối hộp chữ thập, đã có  $4.2 = 8$  mặt ghép vào phía trong, do đó diện tích toàn phần cần tìm là  $30a^2 - 8a^2 = 22a^2$ .

**Câu 36.** Số mặt phẳng đối xứng của một hình chóp tứ giác đều là

A. 0.

B. 1.

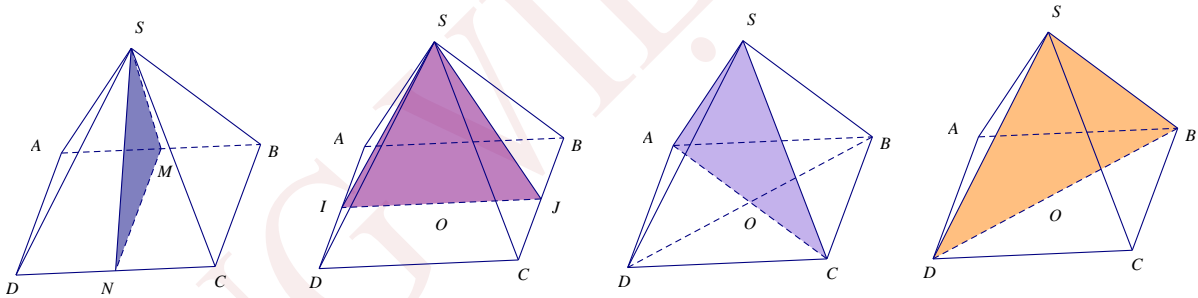
C. 2.

D. 4.

Lời giải

**Chọn D**

Hình chóp tứ giác đều có 4 mặt phẳng đối xứng. Đó là: mặt phẳng đi qua đỉnh của hình chóp và trung điểm của hai cạnh đối diện của mặt đáy; mặt phẳng đi qua đỉnh và đường chéo của mặt đáy.



**Câu 37.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh có độ dài bằng  $a$ . Cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt đáy ( $ABC$ ) và  $SA = a\sqrt{3}$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  là

A.  $\frac{3a^3}{4}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

D.  $V = \frac{a^3}{4}$ .

Lời giải

**Chọn D**

Chiều cao của khối chóp  $S.ABC$  là:  $h = SA = a\sqrt{3}$ .

Tam giác  $ABC$  đều cạnh  $a$  nên diện tích đáy của khối chóp là:  $B = S_{\Delta ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$ .

Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  là:  $V = \frac{1}{3}B.h = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} \cdot a\sqrt{3} = \frac{a^3}{4}$ .

Vậy  $V = \frac{a^3}{4}$ .

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân;  $AB = AC = a$ ; mặt bên  $SAB$  là tam giác vuông cân tại  $S$  và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Tính theo  $a$  thể tích của khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $\frac{1}{12}a^3$ .

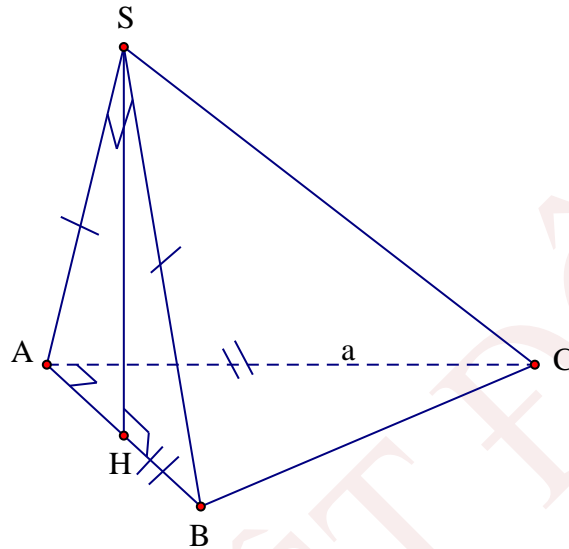
B.  $\frac{\sqrt{3}}{4}a^3$ .

C.  $\frac{\sqrt{3}}{12}a^3$ .

D.  $\frac{1}{4}a^3$ .

Lời giải

Chọn A



Vì mặt bên  $SAB$  vuông cân tại  $S$  và vuông góc với  $(ABC)$  nên đường cao của hình chóp là  $SH$  với  $H$  là trung điểm của  $AB$ .

Mặt khác tam giác  $SAB$  vuông cân tại  $S$  nên  $SH = \frac{1}{2}AB$ .

Ta có:  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot S_{\Delta ABC} \cdot SH = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AC \cdot \frac{1}{2}AB = \frac{a^3}{12}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  thỏa mãn:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$3$	$+\infty$	
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Hàm số  $y = f(3-x) - x - \sqrt{x^2 + 2}$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

A.  $(3;5)$ .

B.  $(-\infty;1)$ .

C.  $(2;6)$ .

D.  $(2;+\infty)$ .

Lời giải

Chọn A

Ta có  $y' = -f'(3-x) - 1 - \frac{x}{\sqrt{x^2 + 2}} \Leftrightarrow y' = -\left( f'(3-x) + 1 + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 2}} \right)$ .

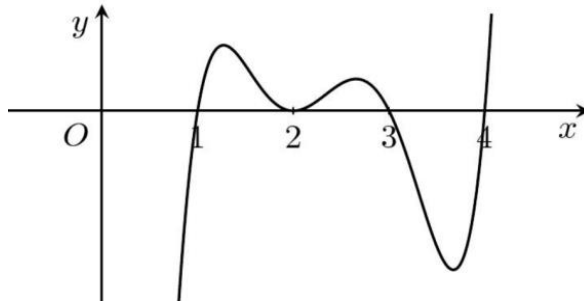
Ta thấy  $f'(3-x) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -2 < 3-x < 0 \\ 3-x > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3 < x < 5 \\ x < 0 \end{cases}$ ;

Trên các khoảng  $(-\infty;0)$  và  $(3;5)$  thì  $1 + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 2}}$  đều có giá trị dương.

Suy ra trên các khoảng  $(-\infty;0)$  và  $(3;5)$  thì  $f'(3-x) + 1 + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 2}} > 0 \Rightarrow y' < 0$

Vậy hàm số  $y = f(3-x) - x - \sqrt{x^2 + 2}$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và  $(3; 5)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số  $y = f(x^2 - 2) - \left(\frac{x^3}{3} + x^2 - 3x + 4\right)$  nghịch biến trong khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -\sqrt{3})$ .      B.  $(-3; 0)$ .      C.  $(1; \sqrt{3})$ .      D.  $(-\sqrt{3}; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Chọn  $f'(x) = (x-1)(x-2)^2(x-3)(x-4)$

Đặt  $y = g(x) = f(x^2 - 2) - \left(\frac{x^3}{3} + x^2 - 3x + 4\right)$ .

Khi đó  $g'(x) = 2x \cdot f'(x^2 - 2) - (x^2 + 2x - 3)$ .

$$= 2x \cdot (x^2 - 2 - 1)(x^2 - 2 - 2)^2(x^2 - 2 - 3)(x^2 - 2 - 4) - (x^2 + 2x - 3)$$

$$= 2x \cdot (x^2 - 3)(x^2 - 4)^2(x^2 - 5)(x^2 - 6) - (x^2 + 2x - 3)$$

$$g'(-2) = 3 > 0$$

$$g'(3) = 10788 > 0$$

**Cách 2: (TV phản biện)**

Ta có  $y' = g'(x) = 2x \cdot f'(x^2 - 2) - (x^2 + 2x - 3)$

$$\text{Từ đồ thị ta có } f'(x^2 - 2) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 2 < 1 \\ 3 < x^2 - 2 < 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \in (-\sqrt{3}; \sqrt{3}) \\ x \in (-\sqrt{6}; -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}; \sqrt{6}) \end{cases}$$

$$\text{Suy ra } 2xf'(x^2 - 2) < 0 \Leftrightarrow x \in (-\infty; -\sqrt{6}) \cup (-\sqrt{5}; -\sqrt{3}) \cup (0; \sqrt{3}) \cup (\sqrt{5}; \sqrt{6})$$

Nên ta lập được bảng xét dấu của  $g'(x)$  như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$-\sqrt{6}$	$-\sqrt{5}$	$-\sqrt{3}$	$0$	$1$	$\sqrt{3}$	$\sqrt{5}$	$\sqrt{6}$	$+\infty$
$2xf'(x^2 - 2)$	-	-	0	+	0	-	0	+	0	-	+
$-x^2 - 2x + 3$	-	0	+	+	+	+	-	-	-	-	-
$y'$	-	0	0	+	0	+	0	-	0	-	-

Từ bảng xét dấu ta thấy hàm số đã cho nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -3)$ ,  $(1; \sqrt{3})$  và  $(\sqrt{5}; \sqrt{6})$ .

Vậy đáp án đúng là đáp án

**Câu 41.** Đặt  $S$  là tập hợp tất cả các số nguyên âm  $m$  thỏa mãn điều kiện hàm số  $y = \frac{m^3 x + 16}{x + m}$  đồng

biến trên khoảng  $(5; +\infty)$ . Hỏi  $S$  có bao nhiêu phần tử?



A. 4.

B. 5.

C. 3.

D. Vô số.

Lời giải

Chọn C

$$y' = \frac{m^4 - 16}{(x+m)^2} = \frac{(m^2 - 4)(m^2 + 4)}{(x+m)^2}, \forall x \neq -m.$$

$$\text{Yêu cầu bài toán} \Leftrightarrow y' > 0; \forall x \in (5; +\infty) \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 4 > 0 \\ -m \notin (5; +\infty) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 2 \\ m < -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 2 \\ -5 \leq m < -2 \end{cases}$$

Kết hợp với  $m \in \mathbb{Z}^- \Rightarrow m \in \{-5; -4; -3\}$  là các giá trị cần tìm.

Vậy tập  $S$  có 3 phần tử.

**Câu 42.** Tìm  $m$  để hàm số  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 - 4)x$  đạt cực đại tại  $x = 1$ .

A.  $m = 1; m = -3$ .B.  $m = 1$ .C.  $m = -3$ .D.  $m = 3$ .

Lời giải

Chọn C

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$

$$f'(x) = x^2 + 2mx + (m^2 - 4)$$

$$\text{Hàm số đạt cực đại tại } x = 1 \text{ suy ra } f'(1) = 0 \Leftrightarrow m^2 + 2m - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -3 \end{cases}$$

$$\text{Với } m = 1 \text{ ta có } f'(x) = x^2 + 2x - 3; f''(x) = 2x + 2; f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -3 \end{cases}$$

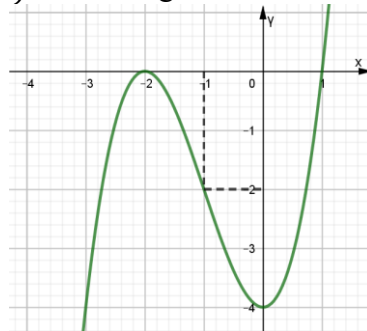
Khi đó  $f''(1) = 4 > 0$  suy ra hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 1$ : không thỏa mãn yêu cầu đề bài.

$$\text{Với } m = -3 \text{ ta có } f'(x) = x^2 - 6x + 5; f''(x) = 2x - 6; f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 5 \end{cases}$$

Khi đó  $f''(1) = -4 < 0$  suy ra hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ : thỏa mãn yêu cầu đề bài.

Vậy  $m = -3$  thì ra hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ .

**Câu 43.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như hình vẽ. Tập hợp các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(\sqrt{4x - x^2} - 1) = m$  có nghiệm là

A.  $[-2; 0]$ .B.  $[-4; -2]$ .C.  $[-4; 0]$ .D.  $[-1; 1]$ .

Lời giải

Chọn C

Phương trình  $f(\sqrt{4x - x^2} - 1) = m$  có điều kiện  $0 \leq x \leq 4$ . Ta có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	0	2	4	$+\infty$
$4x - x^2$		0	4	0	

Từ bảng biến thiên suy ra, với  $0 \leq x \leq 4$  thì  $-1 \leq \sqrt{4x - x^2} - 1 \leq 1$ . Đặt  $t = \sqrt{4x - x^2} - 1$ ,  $-1 \leq t \leq 1$ . (Có thể biến đổi  $t = \sqrt{4 - (x - 2)^2} - 1 \Rightarrow -1 \leq t \leq 1$ ).

Phương trình đã cho trở thành  $f(t) = m$  (1). Phương trình đã cho có nghiệm  $\Leftrightarrow$  (1) có nghiệm  $t \in [-1; 1] \Leftrightarrow -4 \leq m \leq 0$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  bảng biến thiên như hình bên dưới

$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$	
$f'$	-	0	+	0	-
$f$	$+\infty$	-1	3	$-\infty$	

$y = -\frac{1}{2}$

Đồ thị hàm số  $g(x) = \frac{1}{2f(x+3)+1}$  có bao nhiêu tiệm cận đứng?

- A. 4.    B. 3.    C. 1.    D. 2.

**Lời giải**

**Chọn B**

Xét phương trình  $2f(x + 3) + 1 \Leftrightarrow f(x + 3) = -\frac{1}{2}$  (\*).

Đặt  $t = x + 3$  ta có phương trình trên trở thành  $f(t) = -\frac{1}{2}$  (\*\*).

Số nghiệm của (\*\*) là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(t)$  và đường thẳng  $y = -\frac{1}{2}$ .

Từ bảng biến thiên ta có (\*\*) có 3 nghiệm phân biệt, do đó (\*) cũng có 3 nghiệm phân biệt.

Vậy đồ thị hàm số  $y = g(x)$  có 3 tiệm cận đứng.

**Câu 45.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-3}{x-1}$  có đồ thị (C) và đường thẳng  $2x + y - m = 0$ . Tìm m để hai đồ thị trên cắt nhau tại hai điểm A, B phân biệt, đồng thời trung điểm của đoạn AB nằm trên đường tròn có tâm  $I(1; -1)$ , bán kính  $R = 2$ .

- A.  $m = 0, m = -\frac{8}{5}$ .                                  B.  $m = 1, m = \frac{8}{5}$ .                                  C.  $m = 0, m = \frac{5}{8}$ .                                  D.  $m \in (1; 10)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Đường thẳng:  $2x + y - m = 0 \Leftrightarrow y = -2x + m$

Xét phương trình hoành độ giao điểm của 2 đường:

$$\frac{2x-3}{x-1} = -2x + m \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ 2x - 3 = (-2x + m)(x - 1) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ 2x^2 - mx + m - 3 = 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 - mx + m - 3 = 0 (*)$$

Yêu cầu bài toán  $\Rightarrow$  phương trình (\*) có 2 nghiệm phân biệt

$$\Leftrightarrow \Delta = m^2 - 8(m - 3) > 0 \Leftrightarrow \forall m \in \mathbb{R}$$

Khi đó gọi tọa độ giao điểm  $A(x_1; y_1 = -2x_1 + m), B(x_2; y_2 = -2x_2 + m)$  với  $x_1, x_2$  là hai nghiệm của phương trình (\*)

$$\text{Trung điểm } M \text{ của } AB \text{ có tọa độ } \begin{cases} x_M = \frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{m}{4} \\ y_M = \frac{y_1 + y_2}{2} = \frac{-2(x_1 + x_2) + 2m}{2} = \frac{3m}{4} \end{cases}$$

Đường tròn tâm  $I(1; -1)$ , bán kính  $R = \sqrt{2}$  có phương trình:

$$(x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 2$$

Mthuộc đường tròn trên nên ta có:  $\left(\frac{m}{4} - 1\right)^2 + \left(\frac{3m}{4} + 1\right)^2 = 2$

$$\Leftrightarrow \frac{5}{8}m^2 + m = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = -\frac{8}{5} \end{cases}$$

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$  thỏa mãn  $f(u+v) = f(u) + f(v)$  với  $\forall u, v \in R$ . Biết  $f(4) = 5$ , hỏi giá trị của  $f(-6)$  nằm trong khoảng nào dưới đây ?

- A.  $(-8; -7)$ .                      B.  $(6; 8)$ .                      C.  $(-5; 0)$ .                      D.  $(-10; -8)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Cho  $u = v = 0 \rightarrow f(0+0) = f(0) + f(0) = 0 \Leftrightarrow f(0) = 0$

Cho  $v = -u \rightarrow f(u-u) = f(u) + f(-u) = f(0) = 0 \Leftrightarrow f(-u) = -f(u) \rightarrow$  hàm số  $y = f(x)$  là hàm lẻ.

Lại có:  $f(4) = f(2+2) = f(2) + f(2) = 5 \rightarrow f(2) = \frac{5}{2}$

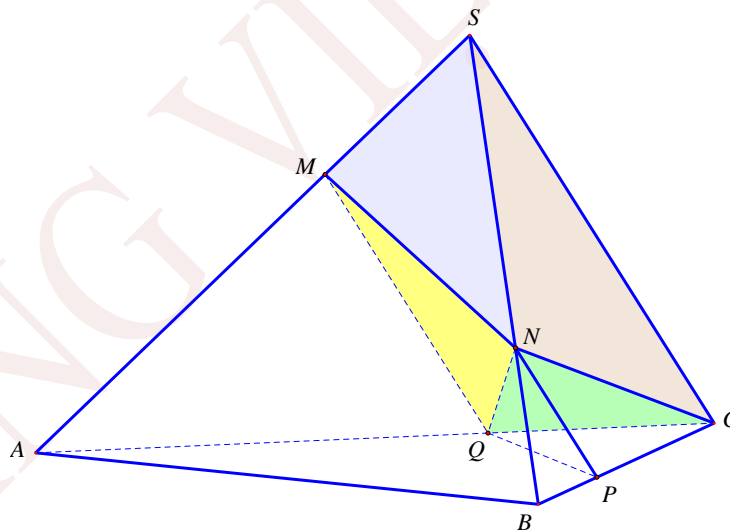
Suy ra:  $f(6) = f(4) + f(2) = 5 + \frac{5}{2} = \frac{15}{2} \rightarrow f(-6) = -f(6) = -\frac{15}{2}$  (vì hàm  $y = f(x)$  là hàm lẻ)

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABC$ ,  $M$  và  $N$  là các điểm thuộc các cạnh  $SA$  và  $SB$  sao cho  $MA = 2SM, SN = 2NB$ ,  $(\alpha)$  là mặt phẳng qua  $MN$  và song song với  $SC$ . Mặt phẳng  $(\alpha)$  chia khối chóp  $S.ABC$  thành hai khối đa diện  $(H_1)$  và  $(H_2)$  với  $(H_1)$  là khối đa diện chứa điểm  $S$ ,  $(H_2)$  là khối đa diện chứa điểm  $A$ . Gọi  $V_1$  và  $V_2$  lần lượt là thể tích của  $(H_1)$  và  $(H_2)$ . Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- A.  $\frac{4}{5}$ .                      B.  $\frac{5}{4}$ .                      C.  $\frac{3}{4}$ .                      D.  $\frac{4}{3}$ .

**Lời giải**

**Chọn A**



Kí hiệu  $V$  là thể tích khối tứ diện  $SABC$ .

Gọi  $P, Q$  lần lượt là giao điểm của  $(\alpha)$  với các đường thẳng  $BC, AC$ .

Ta có  $NP \parallel MQ \parallel SC$ .

Khi chia khối  $(H_1)$  bởi mặt phẳng  $(QNC)$ , ta được hai khối chóp  $N.SMQC$  và  $N.QPC$ .

Ta có  $\frac{V_{N.SMQC}}{V_{B.ASC}} = \frac{d(N,(SAC))}{d(B,(SAC))} \cdot \frac{S_{SMQC}}{S_{SAC}}$

$$\frac{d(N,(SAC))}{d(B,(SAC))} = \frac{NS}{BS} = \frac{2}{3}; \frac{S_{AMQ}}{S_{ASC}} = \frac{AM}{AS} \cdot \frac{AQ}{AC} = \left(\frac{AM}{AS}\right)^2 = \frac{4}{9} \Rightarrow \frac{S_{SMQC}}{S_{ASC}} = \frac{5}{9}$$

$$\text{Do đó } \frac{V_{N.SMQC}}{V_{B.ASC}} = \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{9} = \frac{10}{27}$$

$$\frac{V_{N.QPC}}{V_{S.ABC}} = \frac{d(N,(QPC))}{d(S,(ABC))} \cdot \frac{S_{QPC}}{S_{ABC}} = \frac{NB}{SB} \cdot \left(\frac{CQ}{CA} \cdot \frac{CP}{CB}\right) = \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3}\right) = \frac{2}{27}$$

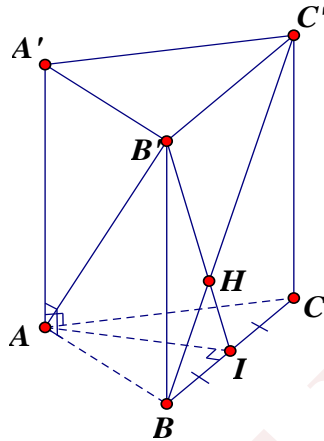
Do đó  $\frac{V_1}{V} = \frac{V_{N.SMQC}}{V_{B.ASC}} + \frac{V_{N.QPC}}{V_{S.ABC}} = \frac{10}{27} + \frac{2}{27} = \frac{4}{9} \Rightarrow \frac{V_1}{V_1+V_2} = \frac{4}{9} \Rightarrow 5V_1 = 4V_2 \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{4}{5}$ .

**Câu 48.** Cho lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có cạnh đáy bằng  $a$  và  $AB' \perp BC'$ . Tính thể tích của khối lăng trụ.

- A.  $V = \sqrt{6}a^3$ .      B.  $V = \frac{7a^3}{8}$ .      C.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{8}$ .      D.  $V = \frac{\sqrt{6}a^3}{4}$ .

Lời giải

Chọn C



Gọi  $I$  là trung điểm  $AB$ . Vì  $ABC.A'B'C'$  là lăng trụ tam giác đều nên  $AI \perp (BB'C'C) \Rightarrow AI \perp BC'$ .

Lại có:  $AC' \perp BC'$  nên suy ra  $BC' \perp (AIB') \Rightarrow BC' \perp B'I$

Gọi  $H = B'I \cap BC'$

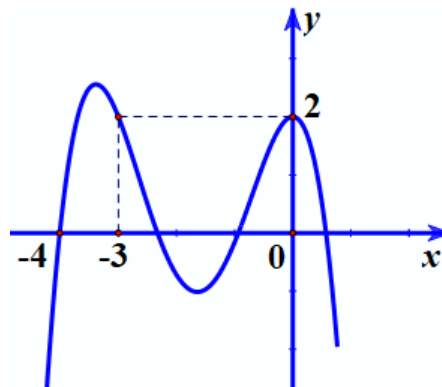
Ta có  $\triangle BHI$  đồng dạng  $\triangle C'HB' \Rightarrow \frac{HI}{B'H} = \frac{BI}{B'C'} = \frac{1}{2} \Rightarrow B'H = 2HI \Rightarrow B'I = 3HI$

Xét tam giác vuông  $B'BI$  có  $BI^2 = HI \cdot B'I = 3HI^2 \Rightarrow HI = \sqrt{\frac{BI^2}{3}} = \sqrt{\frac{a^2}{12}} = \frac{a\sqrt{3}}{2}$

Suy ra  $BB' = \sqrt{B'I^2 - BI^2} = \sqrt{\left(\frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \frac{a\sqrt{2}}{2}$

Vậy  $V = S_{\triangle ABC} \cdot BB' = a^2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{a\sqrt{2}}{2} = \frac{a^3\sqrt{6}}{8}$ .

**Câu 49.** Cho hàm đa thức  $y = f(x)$  có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ dưới đây.



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = f(x^4 - 2x^2 - 3) - 2x^4 + 4x^2 + 2020$  là

- A. 12.      B. 11.      C. 10.      D. 9.

Lời giải

**Chọn D**

Ta có:  $g'(x) = (4x^3 - 4x)f'(x^4 - 2x^2 - 3) - 8x^3 + 8x = (4x^3 - 4x)[f'(x^4 - 2x^2 - 3) - 2]$

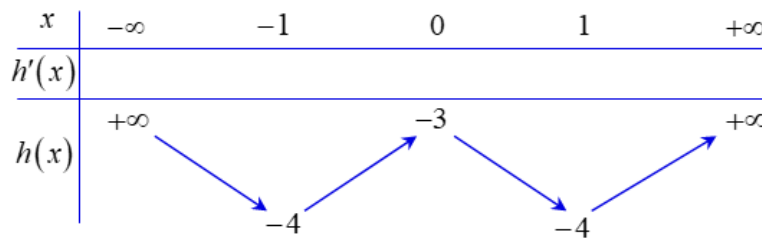
$$\Rightarrow g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 - x = 0 \\ f'(x^4 - 2x^2 - 3) = 2 \end{cases}$$

Theo đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  ta có  $f'(x) = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \text{ (nghiệm kép)} \\ x = -3 \\ x = x_1 \in (-4; -3) \end{cases}$ .

$$\text{Vậy } g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \\ x^4 - 2x^2 - 3 = 0 \text{ (nghiệm kép)} \\ x^4 - 2x^2 - 3 = -3 \\ x^4 - 2x^2 - 3 = x_1 \in (-4; -3) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \text{ (nghiệm bội 3)} \\ x = \pm 1 \\ x = \pm\sqrt{2} \\ x^4 - 2x^2 - 3 = 0 \text{ (nghiệm kép)} \\ x^4 - 2x^2 - 3 = x_1 \in (-4; -3) \end{cases}$$

Xét hàm số  $h(x) = x^4 - 2x^2 - 3$  trên  $\mathbb{R}$ .

Ta có  $h'(x) = 4x^3 - 4x$ ,  $h'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \end{cases}$ , từ đó ta có BBT của  $y = h(x)$  như sau:



Từ BBT của hàm số  $h(x) = x^4 - 2x^2 - 3$ , ta thấy  $h(x) = x_1 \in (-4; -3)$  có đúng bốn nghiệm phân biệt. Vì vậy phương trình  $g'(x) = 0$  có đúng 9 nghiệm phân biệt là các nghiệm đơn và nghiệm bội lẻ nên hàm số  $y = g(x)$  có 9 điểm cực trị.

**Câu 50.** Cho hàm số  $f(x) = |x^4 - 4x^3 + 4x^2 + m|$ . Khi  $m$  thuộc  $[-3; 3]$  thì giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[0; 2]$  đạt giá trị lớn nhất bằng

- A. 4.                      B. 3.                      C. 2.                      D. 1.

Lời giải

**Chọn B**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

Xét  $u(x) = x^4 - 4x^3 + 4x^2 + m$  liên tục trên  $[0; 2]$ .

Ta có  $u'(x) = 4x^3 - 12x^2 + 8x$ ,  $u'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$

Ta có:  $\begin{cases} u(0) = m \\ u(1) = m + 1 \\ u(2) = m \end{cases}$

Suy ra:  $\begin{cases} \min_{[0;2]} u(x) = m \\ \max_{[0;2]} u(x) = m + 1 \end{cases}$

$\min_{[0;2]} f(x) = \min\{0; |m|; |m + 1|\}$  hoặc  $\min_{[0;2]} f(x) = 0$ , với  $m \in [-3; 3]$  (\*).

Trường hợp 1:  $m(m + 1) \leq 0 \Leftrightarrow -1 \leq m \leq 0$ .

$$\min_{[0;2]} f(x) = 0$$

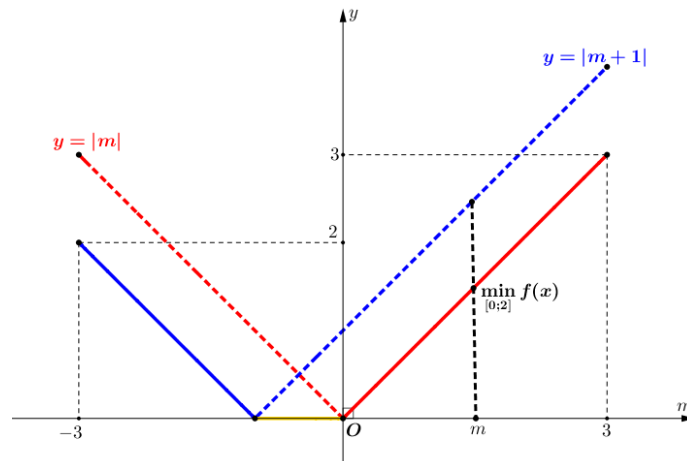
Trường hợp 2:  $m > 0$  kết hợp với (\*) ta có:  $0 < m \leq 3$ .

$$\min_{[0;2]} f(x) = |m|.$$

Trường hợp 3:  $m + 1 < 0 \Leftrightarrow m < -1$  kết hợp với (\*) ta có  $-3 \leq m < -1$ .

$$\min_{[0;2]} f(x) = |m + 1|.$$

$$\text{Khi đó: } \min_{[0;2]} f(x) = \begin{cases} |m|, & m \in [0; 3] \\ |m + 1|, & m \in [-3; -1) \\ 0, & m \in [-1; 0] \end{cases}$$



Dựa vào đồ thị ta thấy  $\min_{[0;2]} f(x)$  đạt giá trị lớn nhất bằng 3 khi  $m = 3$ .

**ĐỀ 16**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

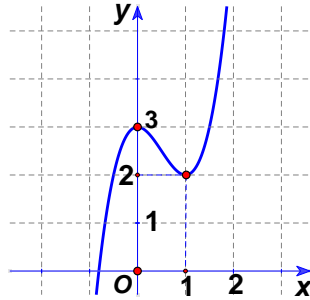
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Hàm số nào sau đây nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  ?

- A.**  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .     **B.**  $y = x^4 - 3x^2 + 5$ .     **C.**  $y = -x^3 + x^2 - 2x - 1$ .     **D.**  $y = -x^3 - 3x^2 + 4$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên dưới:



Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .     **B.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
**C.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .     **D.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$-1$	$-2$	$-1$	$-\infty$

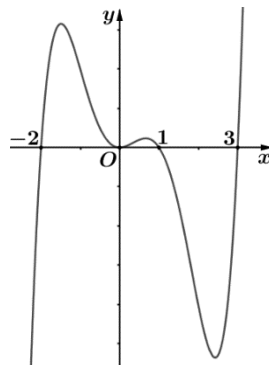
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.**  $(1; +\infty)$ .     **B.**  $(-\infty; 1)$ .     **C.**  $(-1; 0)$ .     **D.**  $(0; 1)$ .

**Câu 4.** Có bao nhiêu điểm cực trị của hàm số  $y = \frac{1}{x}$  ?

- A.** 3.     **B.** 2.     **C.** 0.     **D.** 1.

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị  $f'(x)$  như hình vẽ.



Hỏi hàm số  $y = f(x)$  có bao nhiêu điểm cực đại ?

- A.** 3.     **B.** 2.     **C.** 1.     **D.** 4.

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$2$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$\parallel$	$+$	
$y$	$-\infty$		$2$		$-1$		$+\infty$

Mệnh đề nào dưới đây là sai?

- A. Hàm số không đạt cực tiểu tại điểm  $x = 2$ .
- B. Hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = -1$ .
- C. Điểm cực đại của đồ thị hàm số là  $(-1; 2)$ .
- D. Giá trị cực đại của hàm số là  $y = 2$ .

Câu 7. Giá trị lớn nhất  $M$  của hàm số  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 1$  trên  $[-1; 2]$  là

- A.  $M = 6$ .
- B.  $M = 5$ .
- C.  $M = 9$ .
- D.  $M = 14$ .

Câu 8. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên bên dưới. Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = f(x)$  khi  $x \in [-3; 3]$ . Giá trị  $M - 2m$  bằng

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$0$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$		$-3$	$0$	$-1$	$4$	

- A.  $-2$ .
- B.  $10$ .
- C.  $6$ .
- D.  $f(2)$ .

Câu 9. Giao điểm đường tiệm cận đứng và đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{x-2}$  là

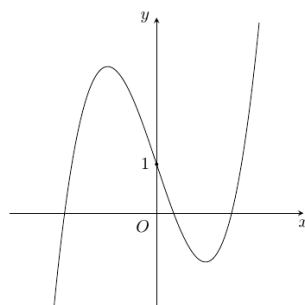
- A.  $I(2; -2)$ .
- B.  $N(2; -1)$ .
- C.  $M(-2; 2)$ .
- D.  $J(2; 2)$ .

Câu 10. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình bên dưới. Tổng số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  là

$x$	$-\infty$	$1$	$3$	$5$	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	$-\infty$	$-3$	$2$	$-\infty$
		$-\infty$	$-\infty$	$0$	$4$

- A.  $4$ .
- B.  $3$ .
- C.  $5$ .
- D.  $2$ .

Câu 11. Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?





A.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .

B.  $y = -x^2 + x - 1$ .

C.  $y = -x^3 + 3x + 1$ .

D.  $y = x^3 - 3x + 1$

**Câu 12.** Mỗi đỉnh của hình đa diện là đỉnh chung của ít nhất bao nhiêu mặt?

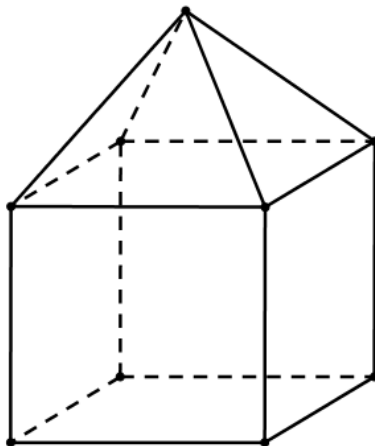
A. Ba mặt.

B. Hai mặt.

C. Bốn mặt.

D. Năm mặt.

**Câu 13.** Hình đa diện dưới đây có bao nhiêu mặt?



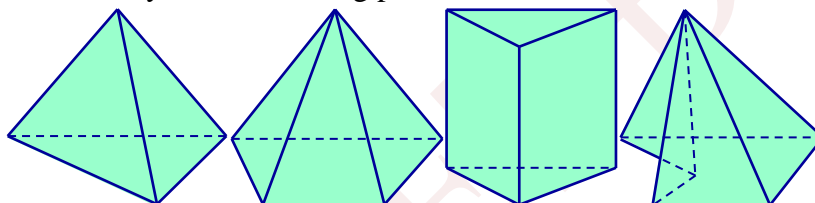
A. 10.

B. 15.

C. 14.

D. 9.

**Câu 14.** Trong các hình dưới đây hình nào không phải đa diện lồi?



Hình (I)

Hình (II)

Hình (III)

Hình (IV)

A. Hình (IV).

B. Hình (III).

C. Hình (II).

D. Hình (I).

**Câu 15.** Khối đa diện đều loại  $\{5; 3\}$  có số mặt là

A. 14.

B. 12.

C. 10.

D. 8.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc mặt đáy, tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $SA = 2\text{cm}$ ,  $AB = 4\text{cm}$ ,  $AC = 3\text{cm}$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $\frac{12}{3}\text{cm}^3$ .

B.  $\frac{24}{5}\text{cm}^3$ .

C.  $\frac{24}{3}\text{cm}^3$ .

D.  $24\text{cm}^3$ .

**Câu 17.** Thể tích khối tứ diện đều có cạnh bằng 3 là

A.  $\sqrt{2}$ .

B.  $\frac{4\sqrt{2}}{9}$ .

C.  $2\sqrt{2}$ .

D.  $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ .

**Câu 18.** Nếu các kích thước của một khối hộp chữ nhật đều tăng thêm 4 lần thì thể tích của nó tăng lên

A. 4 lần.

B. 216 lần.

C. 16 lần.

D. 64 lần.

**Câu 19.** Cho khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có thể tích  $V = 1$ . Tính thể tích  $V_1$  của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

A.  $V_1 = \frac{1}{3}$ .

B.  $V_1 = \frac{1}{2}$ .

C.  $V_1 = \frac{1}{6}$ .

D.  $V_1 = \frac{2}{3}$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2(x-1)(x+2)^3$ ,  $\forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 5.

**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + x^2 + (m+1)x$  nghịch biến trên tập xác định của nó.

- A.  $m \geq -\frac{4}{3}$ .      B.  $m \geq 0$ .      C.  $m < -2$ .      D.  $m \leq -2$ .

**Câu 22.** Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x^4 - x^2)(x+2)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số là:

- A. 3.      B. 2.      C. 1.      D. 4.

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{3}(m+2)x^3 + 2((m+1)x^2 + (m-5)x + 2m - 1)$  có đồ thị  $(C)$ . Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để đồ thị  $(C)$  có hai điểm cực trị nằm về hai phía trục tung.

- A. 5.      B. 6.      C. 7.      D. 8.

**Câu 24.** Tìm tổng các số nguyên dương  $m$  để hàm số  $y = x^4 + (m-5)x^2 + 5$  có 3 điểm cực trị.

- A. 10.      B. 15.      C. 24.      D. 4.

**Câu 25.** Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x - 5 + \frac{1}{x}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $\min_{(0;+\infty)} y = 2$ .      B.  $\min_{(0;+\infty)} y = -4$ .      C.  $\min_{(0;+\infty)} y = -3$ .      D.  $\min_{(0;+\infty)} y = -5$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = x^2 - 6x + m$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\min_{[0;4]} y + \max_{[0;4]} y = -23$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.  $m < -10$ .      B.  $-10 < m \leq -7$ .      C.  $-7 < m < 0$ .      D.  $0 < m < 10$ .

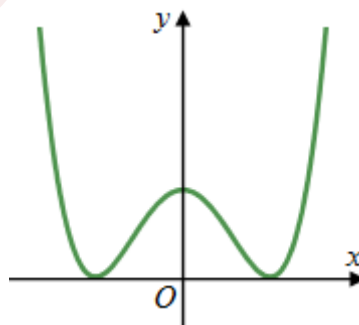
**Câu 27.** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{5x}{\sqrt{x^2+1}}$  là

- A. 2.      B. 4.      C. 3.      D. 1.

**Câu 28.** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2-8x+m}$  có 3 đường tiệm cận?

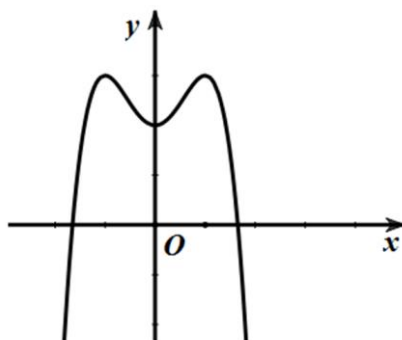
- A. 14.      B. 8.      C. 15.      D. 16.

**Câu 29.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



- A.  $y = x^3 - 2x^2 + 1$ .      B.  $y = -x^3 + 2x^2 + 1$ .      C.  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .      D.  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình bên. Khẳng định nào sau đây đúng:



- A.  $a > 0, c < 0$ .      B.  $a > 0, c > 0$ .      C.  $a < 0, c < 0$ .      D.  $a < 0, c > 0$ .

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = 2x^3 - 3x^2 + 1$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d : y = x - 1$ . Số giao điểm của  $(C)$  và  $d$  là:

- A. 1.      B. 3.      C. 0.      D. 2.

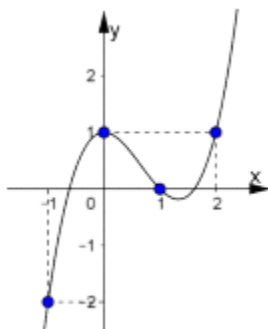
**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$			
$f'(x)$		+	0	-	0	+	
$f(x)$			3		-2		$+\infty$

Số nghiệm phương trình  $2f(x) - 3 = 0$  là:

- A. 3.      B. 1.      C. 2.      D. 0.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ sau:



Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f(x) = m$  có 3 nghiệm phân biệt.

- A. 0.      B. 3.      C. 1.      D. 2.

**Câu 34.** Cho một đa diện có  $m$  đỉnh và mỗi đỉnh là đỉnh chung của đúng 3 cạnh. Chọn mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau:

- A.  $m$  là một số chẵn.      B.  $m$  chia cho 3 dư 2.  
 C.  $m$  chia hết cho 3.      D.  $m$  là một số lẻ.

**Câu 35.** Cho khối chóp tứ giác  $S.ABCD$ . Mặt phẳng  $(SAC)$  chia khối chóp đã cho thành các khối nào sau đây?

- A. Một khối tứ diện và một khối chóp tứ giác.  
 B. Hai khối chóp tứ giác.  
 C. Hai khối tứ diện.

**D.** Hai khối tứ diện bằng nhau.

**Câu 36.** Số mặt phẳng đối xứng của khối lập phương là

- A.** 6.                                      **B.** 9.                                      **C.** 8.                                      **D.** 3.

**Câu 37.** Cho khối chóp  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc tại  $O$  và  $OA = 2, OB = 3, OC = 6$ . Thể tích khối chóp bằng

- A.** 12.                                      **B.** 6.                                      **C.** 24.                                      **D.** 36.

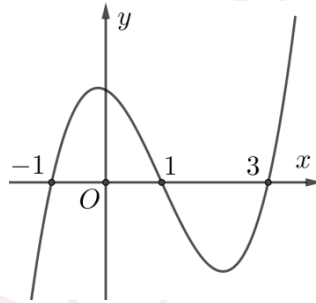
**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông cân tại  $B$ . Hình chiếu của  $S$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  trùng với trung điểm  $I$  của cạnh  $AC$ , biết rằng tam giác  $SAC$  đều cạnh  $a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

- A.**  $V = \frac{a^3}{24}$ .                                      **B.**  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{48}$ .                                      **C.**  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .                                      **D.**  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{24}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x)$  thỏa mãn:  $f'(x) = (1-x^2)(x-5)$ . Hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.**  $(1; 5)$ .                                      **B.**  $(2; +\infty)$ .                                      **C.**  $(-1; 0)$ .                                      **D.**  $(-\infty; -1)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ.



Hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.**  $(1; 2)$ .                                      **B.**  $(-\infty; -3)$ .                                      **C.**  $(0; 1)$ .                                      **D.**  $(-2; 0)$ .

**Câu 41.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{-\ln x - 8}{\ln x - m}$  đồng biến trên khoảng  $(1, +\infty)$ . Số phần tử của  $S$  là

- A.** 10.                                      **B.** 7.                                      **C.** 9.                                      **D.** 8.

**Câu 42.** Với giá trị nào của  $m$  thì  $x = 1$  là điểm cực tiểu của hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 + m + 1)x$ ?

- A.**  $m \in \{-2; -1\}$ .                                      **B.**  $m = -2$ .                                      **C.**  $m = -1$ .                                      **D.** Không có  $m$ .

**Câu 43.** Một chất điểm chuyển động theo quy luật  $S = -\frac{1}{3}t^3 + 4t^2 + 9t$  với  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $S$  (mét) là quãng đường vật chuyển động trong thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của chất điểm là bao nhiêu?

- A.** 88(m/s).                                      **B.** 25(m/s).                                      **C.** 100(m/s).                                      **D.** 11(m/s).

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-2$		$1$		$2$		$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$+$		$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$2$		$2$		$3$		$-\infty$

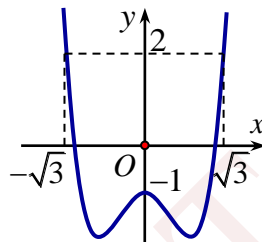
Đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{2f(x)-5}$  có bao nhiêu đường tiệm cận đứng?

- A. 0.                                      B. 4.                                      C. 2.                                      D. 1.

**Câu 45.** Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x^3 - mx^2 - 6x - 8 = 0$  có ba nghiệm thực lập thành một cấp số nhân?

- A.  $m = 1$ .                                      B.  $m = -3$ .                                      C.  $m = 3$ .                                      D.  $m = -4$ .

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ



Đặt  $g(x) = 3f(x) - x^3 + 3x - m$ , với  $m$  là tham số thực. Điều kiện cần và đủ để bất phương trình  $g(x) \geq 0$  đúng với  $\forall x \in [-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$  là

- A.  $m \leq 3f(\sqrt{3})$ .                                      B.  $m \leq 3f(0)$ .                                      C.  $m \geq 3f(1)$ .                                      D.  $m \geq 3f(-\sqrt{3})$ .

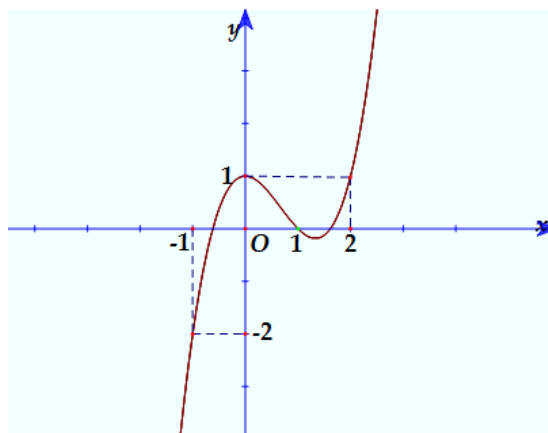
**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $SA \perp (ABCD)$ ,  $ABCD$  là hình chữ nhật.  $SA = AD = 2a$ . Góc giữa  $(SBC)$  và mặt đáy  $(ABCD)$  là  $60^\circ$ . Gọi  $G$  là trọng tâm tam giác  $SBC$ . Tính thể tích khối chóp  $S.AGD$  là

- A.  $\frac{32a^3\sqrt{3}}{27}$ .                                      B.  $\frac{8a^3\sqrt{3}}{27}$ .                                      C.  $\frac{4a^3\sqrt{3}}{9}$ .                                      D.  $\frac{16a^3}{9\sqrt{3}}$ .

**Câu 48.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ . Mặt phẳng  $(AB'C')$  tạo với mặt đáy góc  $60^\circ$ . Tính theo  $a$  thể tích lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

- A.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .                                      B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .                                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .                                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{x^3}{3} + x^2 - x + 2$  đạt cực tiểu tại bao nhiêu điểm?

A. 1.

B. 2.

C. 0.

D. 3.

**Câu 50.** Tính tích tất cả các số thực  $m$  để hàm số  $y = \left| \frac{4}{3}x^3 - 6x^2 + 8x + m \right|$  có giá trị nhỏ nhất trên đoạn

$0; 3$  bằng 18 là

A. 432.

B. -216.

C. -432.

D. 288.

**ĐỀ 16**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Hàm số nào sau đây nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  ?

- A.  $y = -x^4 + 2x^2 - 2$ .    B.  $y = x^4 - 3x^2 + 5$ .    C.  $y = -x^3 + x^2 - 2x - 1$ .    D.  $y = -x^3 - 3x^2 + 4$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

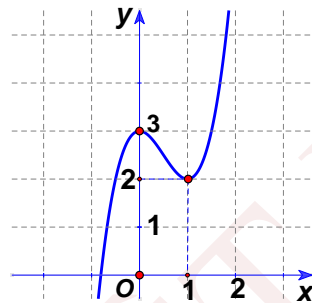
Ta loại ngay được hai hàm số ở các phương án A và B

Với hàm số ở

Ta có  $y' = -3x^2 - 6x$ ,  $y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x = 0$  và  $x = -2$  nên không thể đơn điệu trên  $\mathbb{R}$ .

Vậy đáp án là C

**Câu 2.** Cho hàm số  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình bên dưới:



Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .    B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .  
C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .    D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào đồ thị ta có hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và  $(1; +\infty)$ , hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$-1$	$-2$	$-1$	$-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(1; +\infty)$ .    B.  $(-\infty; 1)$ .    C.  $(-1; 0)$ .    D.  $(0; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số đã cho đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(0; 1)$ .

Do đó đáp số của câu hỏi này là phương án D.

**Câu 4.** Có bao nhiêu điểm cực trị của hàm số  $y = \frac{1}{x}$  ?

- A. 3.    B. 2.    C. 0.    D. 1.

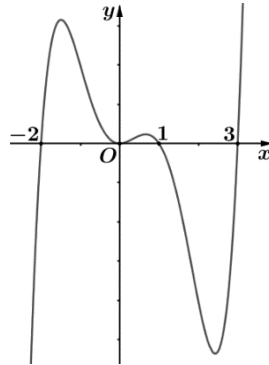
**Lời giải**

**Chọn C**

Điều kiện  $x \neq 0$ .

Ta có  $y' = -\frac{1}{x^2} < 0$  với mọi  $x \neq 0$ . Vậy hàm số không có cực trị.

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị  $f'(x)$  như hình vẽ.



Hỏi hàm số  $y = f(x)$  có bao nhiêu điểm cực đại ?

A. 3.

B. 2.

C. 1.

D. 4.

**Lời giải****Chọn C**

$$\text{Ta có: } f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ x = 1 \\ x = 0 \\ x = -2 \end{cases}$$

Ta có bảng xét dấu đạo hàm  $f'(x)$

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$1$		$3$		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	

Từ bảng xét dấu ta thấy  $f'(x)$  đổi dấu khi qua  $x = -2$ ,  $x = 1$  và  $x = 3$  (hàm số  $f'(x)$  không đổi dấu khi qua  $x = 0$ ).

Khi qua  $x = 1$ ,  $f'(x)$  đổi dấu từ dương sang âm nên hàm số có một điểm cực đại là  $x = 1$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$2$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$\parallel$	$+$	
$y$	$-\infty$		$2$		$-1$		$+\infty$

Mệnh đề nào dưới đây là sai?

- A. Hàm số không đạt cực tiểu tại điểm  $x = 2$ .
- B. Hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = -1$ .
- C. Điểm cực đại của đồ thị hàm số là  $(-1; 2)$ .
- D. Giá trị cực đại của hàm số là  $y = 2$ .

**Lời giải****Chọn A**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$  do đó mệnh đề A sai.

**Câu 7.** Giá trị lớn nhất  $M$  của hàm số  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 1$  trên  $[-1; 2]$  là



A.  $M = 6$ .

B.  $M = 5$ .

C.  $M = 9$ .

D.  $M = 14$ .

Lời giải

**Chọn D**

Hàm số  $y = f(x)$  xác định và liên tục trên  $[-1; 2]$ .

Ta có:  $f'(x) = 6x^2 + 6x - 12$ ;  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -2 \end{cases}$

Trên  $[-1; 2]$ :  $f(-1) = 14$ ,  $f(1) = -6$ ,  $f(2) = 5$ .

Suy ra  $M = \max_{[-1; 2]} f(x) = 14$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên bên dưới. Gọi  $M$ ,  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = f(x)$  khi  $x \in [-3; 3]$ . Giá trị  $M - 2m$  bằng

$x$	$-\infty$	$-3$	$-1$	$0$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$		$\searrow$	$-3$	$\nearrow$	$0$	$\searrow$
				$-1$	$\nearrow$	$4$
					$\searrow$	

A.  $-2$ .

B.  $10$ .

C.  $6$ .

D.  $f(2)$ .

Lời giải

**Chọn B**

Dựa vào bảng biến thiên trên đoạn  $[-3; 3]$  ta có giá trị lớn nhất  $M = 4$  và giá trị nhỏ nhất  $m = -3$ .

Vậy:  $M - 2m = 4 + 6 = 10$ .

**Câu 9.** Giao điểm đường tiệm cận đứng và đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x-1}{x-2}$  là

A.  $I(2; -2)$ .

B.  $N(2; -1)$ .

C.  $M(-2; 2)$ .

D.  $J(2; 2)$ .

Lời giải

**Chọn D**

$\lim_{x \rightarrow 2^+} y = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2x-1}{x-2} = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow 2^-} y = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{2x-1}{x-2} = -\infty$

$\Rightarrow$  Đường tiệm cận đứng  $d_1: x = 2$ .

$$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm \infty} \frac{2x-1}{x-2} = 2$$

$\Rightarrow$  Đường tiệm cận ngang  $d_2: y = 2$ .

Giao điểm của hai đường tiệm cận là  $J(2; 2)$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình bên dưới. Tổng số đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  là

$x$	$-\infty$	$1$	$3$	$5$	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	$\searrow$	$2$	$\searrow$	$4$
			$\nearrow$		
		$-\infty$		$0$	
			$-\infty$		

A.  $4$ .

B.  $3$ .

C.  $5$ .

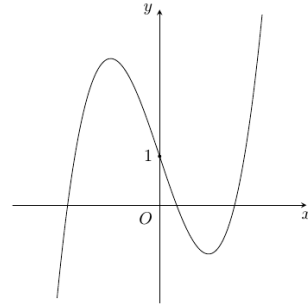
D.  $2$ .

## Lời giải

## Chọn B

- $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty$  suy ra TCD:  $x = 1$ .
- $\lim_{x \rightarrow 5^-} f(x) = -\infty$  suy ra TCD:  $x = 5$ .
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4 \Rightarrow TCN: y = 4$ .

**Câu 11.** Đường cong trong hình bên là đồ thị của một hàm số trong bốn hàm số được liệt kê ở bốn phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?



- A.  $y = x^4 - x^2 + 1$ .      B.  $y = -x^2 + x - 1$ .      C.  $y = -x^3 + 3x + 1$ .      D.  $y = x^3 - 3x + 1$

## Lời giải

## Chọn D

Ta thấy đồ thị hàm số có dạng bậc 3 với hệ số  $a > 0$ .

**Câu 12.** Mỗi đỉnh của hình đa diện là đỉnh chung của ít nhất bao nhiêu mặt?

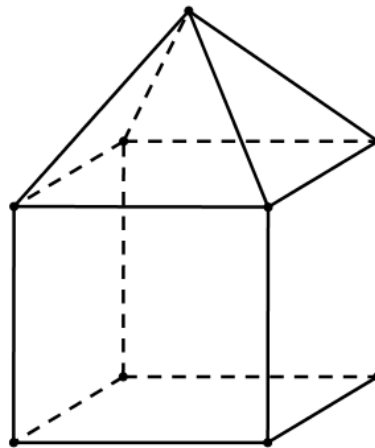
- A. Ba mặt.      B. Hai mặt.      C. Bốn mặt.      D. Năm mặt.

## Lời giải

## Chọn A

Mỗi đỉnh của hình đa diện là đỉnh chung của ít nhất của ba mặt. Ví dụ đỉnh của tứ diện.

**Câu 13.** Hình đa diện dưới đây có bao nhiêu mặt?



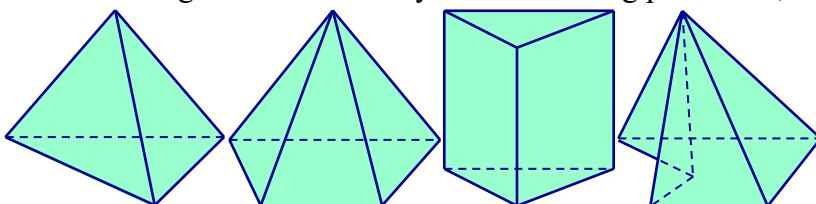
- A. 10.      B. 15.      C. 14.      D. 9.

## Lời giải

## Chọn D

Nhìn hình vẽ ta đếm được 9 mặt gồm có 4 mặt trên chóp, 4 mặt xung quanh và 1 mặt đáy.

**Câu 14.** Trong các hình dưới đây hình nào không phải đa diện lồi?



Hình (I)

Hình (II)

Hình (III)

Hình (IV)

A. Hình (IV).

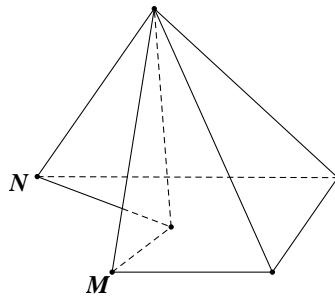
B. Hình (III).

C. Hình (II).

D. Hình (I).

Lời giải

Chọn A



Ta có đường nối hai điểm  $MN$  không thuộc hình IV nên đây không phải là đa diện lồi.

**Câu 15.** Khối đa diện đều loại  $\{5;3\}$  có số mặt là

A. 14.

B. 12.

C. 10.

D. 8.

Lời giải

Chọn B

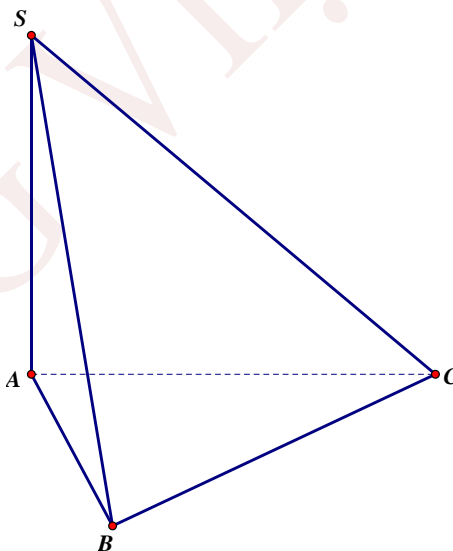
Khối đa diện đều loại  $\{5;3\}$  là khối mười hai mặt đều nên có số mặt là 12.

**Câu 16.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA$  vuông góc mặt đáy, tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$ ,  $SA = 2\text{cm}$ ,  $AB = 4\text{cm}$ ,  $AC = 3\text{cm}$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $\frac{12}{3}\text{cm}^3$ .B.  $\frac{24}{5}\text{cm}^3$ .C.  $\frac{24}{3}\text{cm}^3$ .D.  $24\text{cm}^3$ .

Lời giải

Chọn A



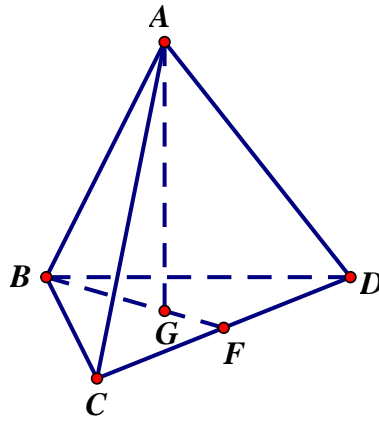
$$V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 3 = 4 (\text{cm}^3).$$

**Câu 17.** Thể tích khối tứ diện đều có cạnh bằng 3 là

A.  $\sqrt{2}$ .B.  $\frac{4\sqrt{2}}{9}$ .C.  $2\sqrt{2}$ .D.  $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ .

Lời giải

Chọn D



Cho  $ABCD$  là tứ diện đều.

Gọi  $F$  là trung điểm  $CD$ ,  $G$  là tâm của tam giác đều  $BCD$ , ta có  $AG \perp (BCD)$ .

$$BF = \sqrt{BC^2 - CF^2} = \frac{3\sqrt{3}}{2}.$$

Xét tam giác  $ABG$  vuông tại  $G$ :

$$AB = 3, BG = \frac{2}{3}BF = \frac{2}{3} \cdot \frac{3\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \Rightarrow AG = \sqrt{AB^2 - BG^2} = \sqrt{3^2 - (\sqrt{3})^2} = \sqrt{6}.$$

$$\text{Có } S_{BCD} = \frac{1}{2}BF \cdot CD = \frac{3^2\sqrt{3}}{4} = \frac{9\sqrt{3}}{4}.$$

$$\text{Vậy } V_{ABCD} = \frac{1}{3}AG \cdot S_{BCD} = \frac{1}{3} \cdot \sqrt{6} \cdot \frac{9\sqrt{3}}{4} = \frac{9\sqrt{2}}{4}.$$

**Câu 18.** Nếu các kích thước của một khối hộp chữ nhật đều tăng thêm 4 lần thì thể tích của nó tăng lên

- A. 4 lần.                      B. 216 lần.                      C. 16 lần.                      D. 64 lần.

Lời giải

**Chọn D**

Gọi  $a, b, c$  là 3 kích thước của khối hộp chữ nhật ban đầu và có thể tích là  $V_1$ ,  $V_2$  là thể tích sau khi đều tăng các kích thước lên 4 lần. Ta có  $V_2 = 4a \cdot 4b \cdot 4c = 64abc = 64V_1$ .

**Câu 19.** Cho khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có thể tích  $V = 1$ . Tính thể tích  $V_1$  của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

- A.  $V_1 = \frac{1}{3}$ .                      B.  $V_1 = \frac{1}{2}$ .                      C.  $V_1 = \frac{1}{6}$ .                      D.  $V_1 = \frac{2}{3}$ .

Lời giải

**Chọn B**

Khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  và khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có cùng chiều cao mà  $S_{ABC} = \frac{1}{2}S_{ABCD}$

$$\text{nên } V_1 = \frac{1}{2}V = \frac{1}{2}.$$

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2(x-1)(x+2)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 2.                      B. 1.                      C. 3.                      D. 5.

Lời giải

**Chọn A**

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -2 \end{cases}$$

Ta có bảng xét dấu sau:

<b>x</b>	$-\infty$	-2	0	1	$+\infty$
<b><math>f'(x)</math></b>	+	0	-	0	+

$f'(x)$  đổi dấu khi qua  $x = -2$  và  $f'(x)$  đổi dấu khi qua  $x = 1$  nên hàm số đã cho có 2 điểm cực trị.

**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + x^2 + (m+1)x$  nghịch biến trên tập xác định của nó.

- A.  $m \geq -\frac{4}{3}$ .                      B.  $m \geq 0$ .                      C.  $m < -2$ .                      D.  $m \leq -2$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $y' = -x^2 + 2x + m + 1$ .  $y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$  khi  $\Delta' = 1 + m + 1 \leq 0 \Leftrightarrow m \leq -2$ .

**Câu 22.** Hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x^4 - x^2)(x+2)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số là:

- A. 3.                                      B. 2.                                      C. 1.                                      D. 4.

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow (x^4 - x^2)(x+2)^3 = 0 \Leftrightarrow x^2(x^2-1)(x+2)^3 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 1 \\ x = -2 \end{cases}$$

Trong đó  $x = 0$  là nghiệm kép. Vậy số điểm cực trị của hàm số là 3. Chọn đáp án A

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = \frac{1}{3}(m+2)x^3 + 2((m+1)x^2 + (m-5)x + 2m - 1)$  có đồ thị  $(C)$ . Có bao nhiêu giá trị nguyên của  $m$  để đồ thị  $(C)$  có hai điểm cực trị nằm về hai phía trục tung.

- A. 5.                                      B. 6.                                      C. 7.                                      D. 8.

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có  $y' = (m+2)x^2 + 4((m+1)x + (m-5))$

Đồ thị  $(C)$  có hai điểm cực trị nằm về hai phía trục tung khi và chỉ khi phương trình

$$y' = 0 \text{ có hai nghiệm phân biệt trái dấu } \Leftrightarrow (m+2)(m-5) < 0 \Leftrightarrow -2 < m < 5.$$

Suy ra có 6 giá trị nguyên của  $m$  thỏa mãn đề bài.

**Câu 24.** Tìm tổng các số nguyên dương  $m$  để hàm số  $y = x^4 + (m-5)x^2 + 5$  có 3 điểm cực trị.

- A. 10.                                      B. 15.                                      C. 24.                                      D. 4.

**Lời giải**

**Chọn A**

Để hàm số  $y = x^4 + (m-5)x^2 + 5$  có 3 điểm cực trị thì  $1 \cdot (m-5) < 0 \Leftrightarrow m < 5$ .

Mà  $m \in \mathbb{Z}^+$  nên  $m = 1; 2; 3; 4$ .

Khi đó tổng các giá trị  $m$  thỏa yêu cầu bài toán là:  $1+2+3+4=10$ .

**Câu 25.** Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x - 5 + \frac{1}{x}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

A.  $\min_{(0;+\infty)} y = 2$ .

B.  $\min_{(0;+\infty)} y = -4$ .

C.  $\min_{(0;+\infty)} y = -3$ .

D.  $\min_{(0;+\infty)} y = -5$ .

**Lời giải****Chọn C**

Xét hàm số  $y = x - 5 + \frac{1}{x}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

Ta có  $y' = 1 - \frac{1}{x^2}$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in (0; +\infty) \\ x = -1 \notin (0; +\infty) \end{cases}$ .

Bảng biến thiên

$x$	0	1	$+\infty$
$y'$		-	+
$y$	$+\infty$	-3	$+\infty$

Dựa vào BBT ta được  $\min_{(0;+\infty)} y = -3$ , đạt được khi  $x = 1$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = x^2 - 6x + m$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\min_{[0;4]} y + \max_{[0;4]} y = -23$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $m < -10$ .

B.  $-10 < m \leq -7$ .

C.  $-7 < m < 0$ .

D.  $0 < m < 10$ .

**Lời giải****Chọn B**

Ta có  $y' = 2x - 4 = 0 \Leftrightarrow x = 3$ .

Suy ra

+)  $\min_{[0;4]} y = \min \{y(0); y(3); y(4)\} = \min \{m; m-9; m-8\} = m-9$

+)  $\max_{[0;4]} y = \max \{y(0); y(3); y(4)\} = \max \{m; m-9; m-8\} = m$ .

Theo giả thiết ta có  $\min_{[0;4]} y + \max_{[0;4]} y = 7 \Rightarrow m-9 + m = -23 \Leftrightarrow m = -7$ .

Vậy  $-10 < m \leq -7$ .

**Câu 27.** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{5x}{\sqrt{x^2+1}}$  là

A. 2.

B. 4.

C. 3.

D. 1.

**Lời giải****Chọn A**

Xét hàm số  $y = f(x) = \frac{5x}{\sqrt{x^2+1}}$  có TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .

Đồ thị hàm số không có tiệm cận đứng.

$$\text{Xét } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x}{\sqrt{x^2+1}} = 5 \text{ và } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x}{\sqrt{x^2+1}} = -5$$

Nên đồ thị hàm số nhận  $y = 5$  và  $y = -5$  làm các tiệm cận ngang.

Vậy tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang là 2.

**Câu 28.** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2-8x+m}$  có 3 đường tiệm cận?

A. 14.

B. 8.

C. 15.

D. 16.

Lời giải

**Chọn A**

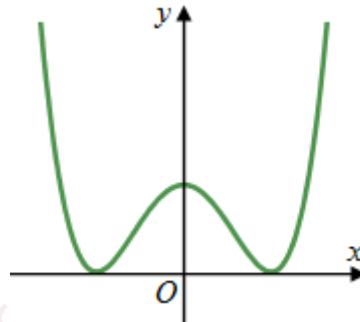
Ta có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x-1}{x^2-8x+m} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-1}{x^2-8x+m} = 0$  nên hàm số có một tiệm cận ngang  $y = 0$ .

Hàm số có 3 đường tiệm cận khi và chỉ khi hàm số có hai đường tiệm cận đứng  $\Leftrightarrow$  phương trình  $x^2 -$

$$8x + m = 0 \text{ có hai nghiệm phân biệt khác } 1 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = 16 - m > 0 \\ m - 7 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 16 \\ m \neq 7 \end{cases}$$

Kết hợp với điều kiện  $m$  nguyên dương ta có  $m \in \{1; 2; 3; \dots; 6; 8; \dots; 15\}$ . Vậy có 14 giá trị của  $m$  thỏa mãn đề bài.

**Câu 29.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



A.  $y = x^3 - 2x^2 + 1$ .

B.  $y = -x^3 + 2x^2 + 1$ .

C.  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .

D.  $y = x^4 - 2x^2 + 1$ .

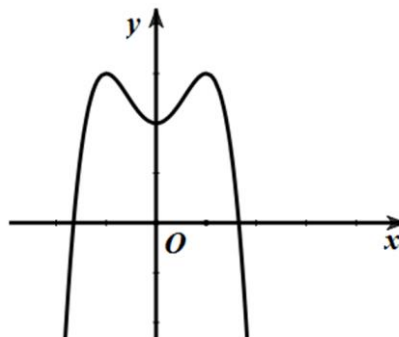
Lời giải

**Chọn D**

Dựa vào hình dạng đồ thị đã cho ta có đồ thị là đồ thị của hàm số bậc 4 trùng phương có  $a, b$  trái dấu.

Lại có nhánh cuối đồ thị hướng lên trên, suy ra hệ số  $a > 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đồ thị như hình bên. Khẳng định nào sau đây đúng:



A.  $a > 0, c < 0$ .

B.  $a > 0, c > 0$ .

C.  $a < 0, c < 0$ .

D.  $a < 0, c > 0$ .

Lời giải

**Chọn D**

Dựa vào đồ thị hàm số ta dễ dàng suy ra  $a < 0, c > 0$

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = 2x^3 - 3x^2 + 1$  có đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d : y = x - 1$ . Số giao điểm của  $(C)$  và  $d$  là:

A. 1.

B. 3.

C. 0.

D. 2.

Lời giải

Chọn B

Phương trình hoành độ giao điểm của  $(C)$  và  $d$  :

$$2x^3 - 3x^2 + 1 = x - 1 \Leftrightarrow 2x^3 - 3x^2 - x + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{1 + \sqrt{17}}{4} \\ x = \frac{1 - \sqrt{17}}{4} \end{cases} (1).$$

Phương trình (1) có 3 nghiệm do đó đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $d$  có 3 giao điểm.

$\Rightarrow$  chọn

B.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	3	-2	$+\infty$	

Số nghiệm phương trình  $2f(x) - 3 = 0$  là:

A. 3.

B. 1.

C. 2.

D. 0.

Lời giải

Chọn A

Số nghiệm phương trình  $f(x) = \frac{3}{2}$  là số giao điểm của đồ thị hàm số  $f(x)$  với đường thẳng  $y = \frac{3}{2}$ .

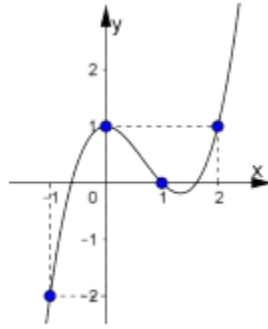
$x$	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	$-\infty$	3	-2	$+\infty$	

$y = \frac{3}{2}$

Dựa vào BBT suy ra số nghiệm phương trình là 3.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ sau:





Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f(x) = m$  có 3 nghiệm phân biệt.

A. 0.

B. 3.

C. 1.

D. 2.

Lời giải

**Chọn C**

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = m$  chính là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = m$ .

Khi đó chỉ có 1 giá trị nguyên của  $m$  là  $m = 0$  để  $f(x) = m$  có 3 nghiệm phân biệt.

**Câu 34.** Cho một đa diện có  $m$  đỉnh và mỗi đỉnh là đỉnh chung của đúng 3 cạnh. Chọn mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau:

A.  $m$  là một số chẵn.

B.  $m$  chia cho 3 dư 2.

C.  $m$  chia hết cho 3.

D.  $m$  là một số lẻ.

Lời giải

**Chọn A**

Gọi  $D$  là số đỉnh và  $C$  là số cạnh của hình đa diện đã cho.

Vì mỗi đỉnh là đỉnh chung của đúng 3 mặt và mỗi cạnh là cạnh chung của đúng hai mặt nên

$3D = 2C \Rightarrow D = 2\left(\frac{C}{3}\right)$  hay  $D$  là số chẵn. Vậy  $m = D$  là số chẵn.

**Câu 35.** Cho khối chóp tứ giác  $S.ABCD$ . Mặt phẳng  $(SAC)$  chia khối chóp đã cho thành các khối nào sau đây?

A. Một khối tứ diện và một khối chóp tứ giác.

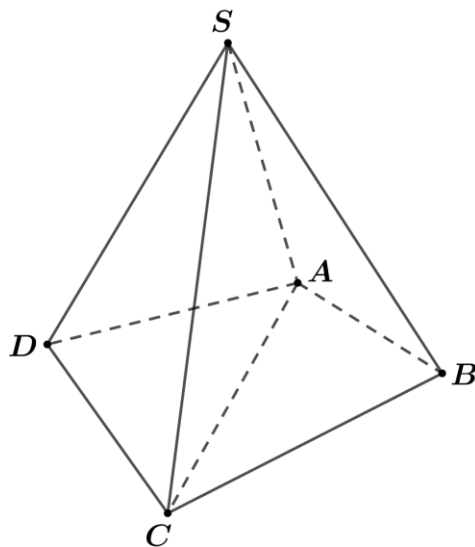
B. Hai khối chóp tứ giác.

C. Hai khối tứ diện.

D. Hai khối tứ diện bằng nhau.

C2.X.T0Lời giải

**Chọn C**



Từ hình vẽ ta thấy mặt phẳng  $(SAC)$  chia khối chóp đã cho thành hai khối tứ diện.

**Câu 36.** Số mặt phẳng đối xứng của khối lập phương là

A. 6.

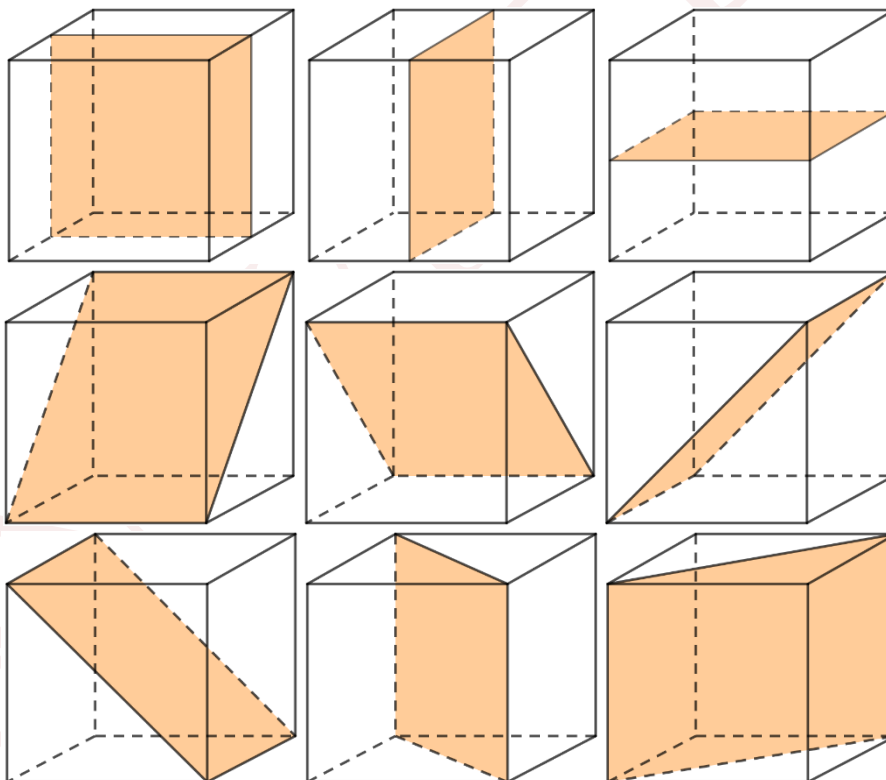
B. 9.

C. 8.

D. 3.

Lời giải

Chọn B



**Câu 37.** Cho khối chóp  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc tại  $O$  và  $OA = 2, OB = 3, OC = 6$ . Thể tích khối chóp bằng

A. 12.

B. 6.

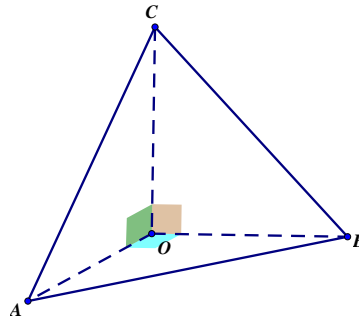
C. 24.

D. 36.

Lời giải

Chọn B

Thể tích khối chóp:  $V = \frac{1}{3} S_{\Delta OAB} OC = \frac{1}{3} \left( \frac{1}{2} OA \cdot OB \right) OC = 6$ .



**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông cân tại  $B$ . Hình chiếu của  $S$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  trùng với trung điểm  $I$  của cạnh  $AC$ , biết rằng tam giác  $SAC$  đều cạnh  $a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $V = \frac{a^3}{24}$ .

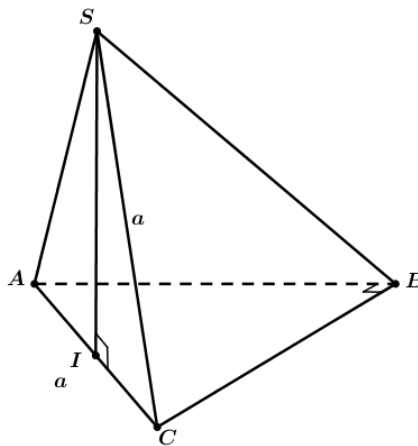
B.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{48}$ .

C.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{6}$ .

D.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{24}$ .

Lời giải

Chọn D



$$\Delta ABC : AC = a \Rightarrow AB = BC = \frac{a\sqrt{2}}{2} \Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot \frac{a^2}{2} = \frac{a^2}{4}.$$

$$\Delta SAC \text{ đều} \Rightarrow SI = \frac{a\sqrt{3}}{2}.$$

$$\text{Thể tích khối chóp } S.ABC : V = \frac{1}{3} \cdot SI \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{a^2}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}.$$

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x)$  thỏa mãn:  $f'(x) = (1-x^2)(x-5)$

.Hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

A.  $(1; 5)$ .

B.  $(2; +\infty)$ .

C.  $(-1; 0)$ .

D.  $(-\infty; -1)$ .

Lời giải

Chọn B

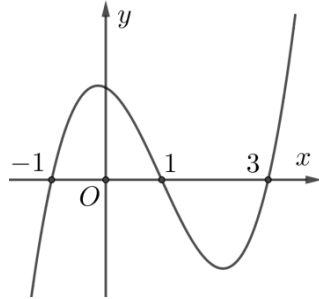
$$\text{Ta có: } f'(x) = (1-x^2)(x-5) \text{ suy ra } f'(x+3) = [1-(x+3)^2](x+3-5) = -(x+4)(x+2)(x-2).$$

$$\text{Mặt khác: } y' = 3 \cdot f'(x+3) - 3x^2 + 12 = -3[(x+4)(x+2)(x-2) + (x^2 - 4)] = -3(x-2)(x+2)(x+5).$$

$$\text{Xét } y' < 0 \Leftrightarrow -3(x-2)(x+2)(x+5) < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} -5 < x < -2 \\ x > 2 \end{cases}.$$

Vậy hàm số  $y = 3f(x+3) - x^3 + 12x$  nghịch biến trên các khoảng  $(-5; -2)$  và  $(2; +\infty)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình vẽ.



Hàm số  $y = f(x^2 + 2x)$  đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(1; 2)$ .                      B.  $(-\infty; -3)$ .                      C.  $(0; 1)$ .                      D.  $(-2; 0)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Từ đồ thị của hàm số  $y = f'(x)$  ta có bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$3$	$+\infty$
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$y$					

Đặt  $g(x) = f(x^2 + 2x)$ , ta có  $g'(x) = (x^2 + 2x)' \cdot f'(x^2 + 2x) = 2(x+1) \cdot f'(x^2 + 2x)$ .

Hàm số  $g(x)$  đồng biến khi  $g'(x) \geq 0 \Leftrightarrow (x+1) \cdot f'(x^2 + 2x) \geq 0$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \geq 0 \\ f'(x^2 + 2x) \geq 0 \end{cases} \quad (1) \text{ hoặc } \begin{cases} x+1 \leq 0 \\ f'(x^2 + 2x) \leq 0 \end{cases} \quad (2)$$

$$\cdot \text{Xét (1)} \Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \geq 0 \\ -1 \leq x^2 + 2x \leq 1 \\ x^2 + 2x \geq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq -1 \\ -1 - \sqrt{2} \leq x \leq -1 + \sqrt{2} \\ x \leq -3 \\ x \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 \leq x \leq -1 + \sqrt{2} \\ x \geq 1 \end{cases}.$$

$$\cdot \text{Xét (2)} \Leftrightarrow \begin{cases} x+1 \leq 0 \\ x^2 + 2x \leq -1 \\ 1 \leq x^2 + 2x \leq 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq -1 \\ x = -1 \\ \begin{cases} x^2 + 2x - 1 \geq 0 \\ x^2 + 2x - 3 \leq 0 \end{cases} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \leq -1 \\ \begin{cases} x = -1 \\ \begin{cases} x \leq -1 - \sqrt{2} \\ x \geq -1 + \sqrt{2} \end{cases} \\ -3 \leq x \leq 1 \end{cases} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3 \leq x \leq -1 - \sqrt{2} \\ x = -1 \end{cases}$$

**Câu 41.** Gọi  $S$  là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{-\ln x - 8}{\ln x - m}$  đồng biến trên khoảng  $(1, +\infty)$ . Số phần tử của  $S$  là

A. 10.

B. 7.

C. 9.

D. 8.

Lời giải

**Chọn D**Đặt  $t = \ln x, x > 1$ 

Khi đó  $t' = \frac{1}{x} > 0, \forall x > 1$  nên hàm số  $t = \ln x$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty) \Rightarrow t > \ln 1 = 0$

Khi đó hàm số  $y = \frac{-\ln x - 8}{\ln x - m}$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty) \Leftrightarrow$  hàm số  $y = \frac{-t - 8}{t - m}$  đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

Xét hàm số  $y = \frac{-t - 8}{t - m}$  có  $y' = \frac{m + 8}{(t - m)^2} (t \neq m)$ .

Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0, +\infty) \Leftrightarrow \begin{cases} m + 8 > 0 \\ m \notin (0; +\infty) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > -8 \\ m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -8 < m \leq 0$

Suy ra các giá trị nguyên của  $m$  là  $-7; -6; -5; -4; -3; -2; -1; 0$ .

Vậy  $S$  có 8 phần tử.

**Câu 42.** Với giá trị nào của  $m$  thì  $x = 1$  là điểm cực tiểu của hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + mx^2 + (m^2 + m + 1)x$ ?

A.  $m \in \{-2; -1\}$ .B.  $m = -2$ .C.  $m = -1$ .D. Không có  $m$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có  $y' = x^2 + 2mx + m^2 + m + 1$ .

Nếu  $x = 1$  là điểm cực tiểu của hàm số thì  $y'(1) = 0 \Leftrightarrow m^2 + 3m + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 \\ m = -2 \end{cases}$ .

Với  $m = -1$  thì  $y' = x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2 \geq 0$ .

Hàm số không có điểm cực trị.

Với  $m = -2$  thì  $y' = x^2 - 4x + 3, y'' = 2x - 4$ , suy ra  $y''(1) = -2 < 0$ .

Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$ .

Vậy  $m \in \emptyset$ .

**Câu 43.** Một chất điểm chuyển động theo quy luật  $S = -\frac{1}{3}t^3 + 4t^2 + 9t$  với  $t$  (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động và  $S$  (mét) là quãng đường vật chuyển động trong thời gian đó. Hỏi

trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của chất điểm là bao nhiêu?

- A. 88(m/s).                      B. 25(m/s).                      C. 100(m/s).                      D. 11(m/s).

Lời giải

**Chọn B**

Ta có  $v = S' = -t^2 + 8t + 9, t \in (0; 10)$

$v' = -2t + 8$ . Xét  $v' = 0 \Rightarrow t = 4 \in (0; 10)$

Bảng biến thiên:

$t$	0		4		10	
$v'$			+	0	-	
$v$	$v(0)$		↗	25	↘	$v(10)$

Vậy vận tốc lớn nhất của chất điểm là 25(m/s) tại  $t = 4$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		-2		1		2		$+\infty$
$y'$		-	0	+		+	0	-	
$y$	$+\infty$	↘	2	↗	2	↘	3	↘	$-\infty$

Đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{2f(x)-5}$  có bao nhiêu đường tiệm cận đứng?

- A. 0.                      B. 4.                      C. 2.                      D. 1.

Lời giải

**Chọn B**

Dựa vào BBT, phương trình  $2f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{2}$  có 4 nghiệm phân biệt thuộc các khoảng  $(-\infty; -2)$

,  $(-2; 1)$ ,  $(1; 2)$ ,  $(2; +\infty)$  nên đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{2f(x)-5}$  có 4 đường tiệm cận đứng.

**Câu 45.** Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x^3 - mx^2 - 6x - 8 = 0$  có ba nghiệm thực lập thành một cấp số nhân?

- A.  $m = 1$ .                      B.  $m = -3$ .                      C.  $m = 3$ .                      D.  $m = -4$ .

Lời giải

**Chọn B**

Ta chứng minh nếu  $x_1, x_2, x_3$  là nghiệm của phương trình  $x^3 - mx^2 - 6x - 8 = 0$  thì

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = m \\ x_1 x_2 x_3 = 8 \end{cases}$$

Thật vậy  $x^3 - mx^2 - 6x - 8 = (x - x_1)(x - x_2)(x - x_3)$

$$\Leftrightarrow x^3 - mx^2 - 6x - 8 = x^3 - (x_1 + x_2 + x_3)x^2 + (x_1x_2 + x_2x_3 + x_3x_1)x - x_1x_2x_3 \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = m \\ x_1 x_2 x_3 = 8 \end{cases}$$

Điều kiện cần: Phương trình  $x^3 - mx^2 - 6x - 8 = 0$  có ba nghiệm thực  $x_1 < x_2 < x_3$

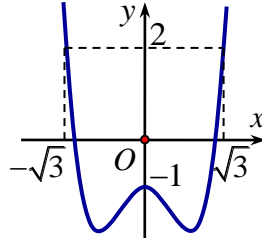
lập thành một cấp số nhân  $\Leftrightarrow x_1 \cdot x_3 = x_2^2 \Leftrightarrow x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 = x_2^3 \Leftrightarrow 8 = x_2^3 \Leftrightarrow x_2 = 2$ .

Vậy phương trình  $x^3 - mx^2 - 6x - 8 = 0$  phải có nghiệm bằng 2.

Thay  $x = 2$  vào phương trình ta có  $m = -3$ .

Điều kiện đủ: Thử lại với  $m = -3$  ta có  $x^3 + 3x^2 - 6x - 8 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -4 \\ x = 2 \\ x = -1 \end{cases}$  (thỏa yêu cầu bài toán).

**Câu 46.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Đồ thị hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ



Đặt  $g(x) = 3f(x) - x^3 + 3x - m$ , với  $m$  là tham số thực. Điều kiện cần và đủ để bất phương trình

$g(x) \geq 0$  đúng với  $\forall x \in [-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$  là

- A.  $m \leq 3f(\sqrt{3})$ .      B.  $m \leq 3f(0)$ .      C.  $m \geq 3f(1)$ .      D.  $m \geq 3f(-\sqrt{3})$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

$$g(x) \geq 0 \Leftrightarrow 3f(x) - x^3 + 3x - m \geq 0 \Leftrightarrow 3f(x) - x^3 + 3x \geq m.$$

Đặt  $h(x) = 3f(x) - x^3 + 3x$ . Ta có  $h'(x) = 3f'(x) - 3x^2 + 3$ . Suy ra

$$\begin{cases} h'(-\sqrt{3}) = 3f'(-\sqrt{3}) - 6 = 0 \\ h'(\sqrt{3}) = 3f'(\sqrt{3}) - 6 = 0 \\ h'(0) = 3f'(0) = 0 \\ h'(1) = 3f'(1) < 0 \end{cases}$$

Từ đó ta có bảng biến thiên

$x$	$-\sqrt{3}$		0		1		$\sqrt{3}$
$h'$		-	0		-		
$h$	$h(-\sqrt{3})$	→		$h(0)$	→		$h(\sqrt{3})$

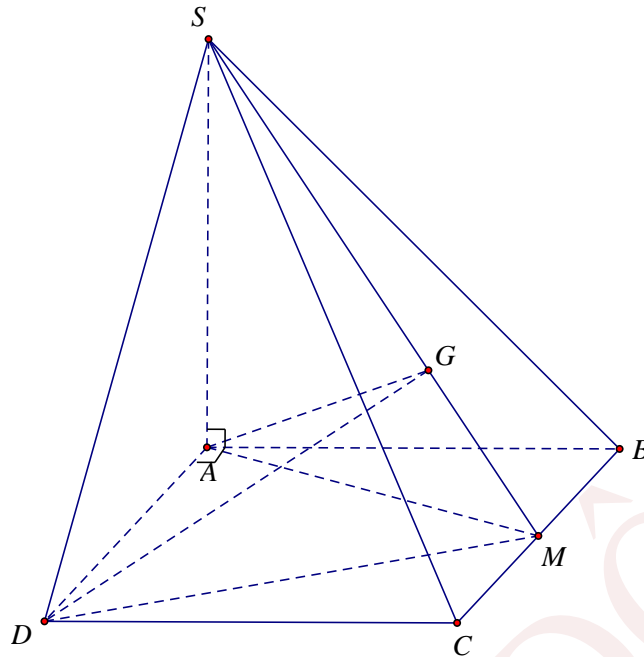
Vậy  $g(x) \leq m \Leftrightarrow g(x) \leq h(\sqrt{3}) = 3f(\sqrt{3})$ .

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $SA \perp (ABCD)$ ,  $ABCD$  là hình chữ nhật.  $SA = AD = 2a$ . Góc giữa  $(SBC)$  và mặt đáy  $(ABCD)$  là  $60^\circ$ . Gọi  $G$  là trọng tâm tam giác  $SBC$ . Tính thể tích khối chóp  $S.AGD$  là

- A.  $\frac{32a^3\sqrt{3}}{27}$ .      B.  $\frac{8a^3\sqrt{3}}{27}$ .      C.  $\frac{4a^3\sqrt{3}}{9}$ .      D.  $\frac{16a^3}{9\sqrt{3}}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**



Vì góc giữa  $(SBC)$  và mặt đáy  $(ABCD)$  là  $60^\circ$  nên  $\widehat{SBA} = 60^\circ \Rightarrow AB = \frac{SA}{\tan 60^\circ} = \frac{2a}{\sqrt{3}}$

Khi đó:  $S_{ABCD} = AB \cdot AD = \frac{2a}{\sqrt{3}} \cdot 2a = \frac{4a^2\sqrt{3}}{3}$ .

Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ , khi đó:  $S_{ADM} = \frac{1}{2}S_{ABCD} = \frac{2a^2\sqrt{3}}{3}$ .

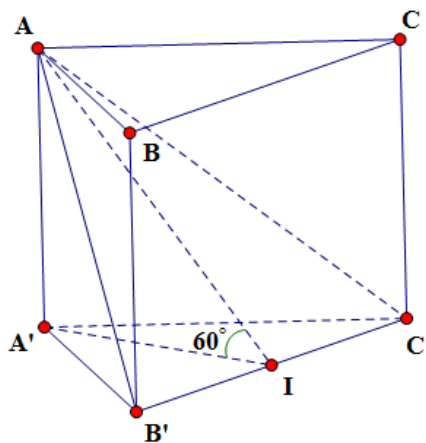
$\Rightarrow V_{S.ADG} = \frac{2}{3}V_{S.ADM} = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot 2a \cdot \frac{2a^2\sqrt{3}}{3} = \frac{8a^3\sqrt{3}}{27}$ .

**Câu 48.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh  $a$ . Mặt phẳng  $(AB'C')$  tạo với mặt đáy góc  $60^\circ$ . Tính theo  $a$  thể tích lăng trụ  $ABC.A'B'C'$ .

- A.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .      B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

Lời giải

**Chọn A**



Gọi  $I$  là trung điểm  $B'C'$ .

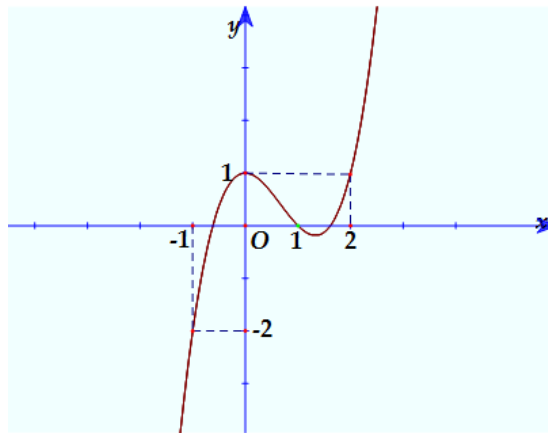
Góc giữa hai mặt phẳng  $(AB'C')$  và  $(A'B'C')$  là  $\widehat{AIA'} \Rightarrow \widehat{AIA'} = 60^\circ$

$$AA' = A'I \cdot \tan 60^\circ = \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{3a}{2}.$$



$$V_{ABC.A'B'C'} = AA' \cdot S_{A'B'C'} = \frac{3a}{2} \cdot \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} = \frac{3a^3 \sqrt{3}}{8}.$$

**Câu 49.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{x^3}{3} + x^2 - x + 2$  đạt cực tiểu tại bao nhiêu điểm?

A. 1.

B. 2.

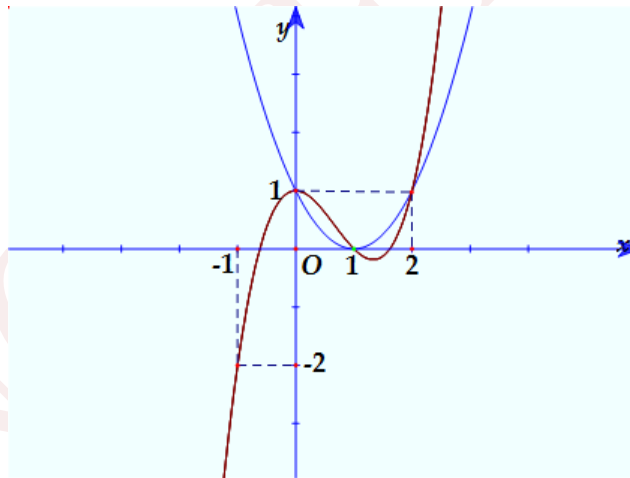
C. 0.

D. 3.

Lời giải

**Chọn B**

$$g'(x) = f'(x) - x^2 + 2x - 1; \quad g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = x^2 - 2x + 1.$$



Từ đồ thị, ta thấy  $x=0, x=1, x=2$  là các nghiệm đơn của phương trình  $g'(x) = 0$ .

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	0	1	2	$+\infty$
$g'(x)$	-	0	+	0	-
$g(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	$\searrow$	$\nearrow$	$+\infty$

Suy ra, hàm số  $g(x)$  đạt cực tiểu tại hai điểm.

**Câu 50.** Tính tích tất cả các số thực  $m$  để hàm số  $y = \left| \frac{4}{3}x^3 - 6x^2 + 8x + m \right|$  có giá trị nhỏ nhất trên đoạn

$0; 3$  bằng 18 là

A. 432.

B. -216.

C. -432.

D. 288.

Lời giải

**Chọn C**

+ Xét hàm số  $f(x) = \frac{4}{3}x^3 - 6x^2 + 8x + m$  liên tục trên đoạn  $0; 3$ .

+ Ta có  $f'(x) = 4x^2 - 12x + 8$ .

$$+ f'(x) = 0 \Leftrightarrow 4x^2 - 12x + 8 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \in 0; 3 \\ x = 2 \in 0; 3 \end{cases}.$$

$$+ f(0) = m; f(1) = \frac{10}{3} + m; f(2) = \frac{8}{3} + m; f(3) = 6 + m.$$

$$\text{Khi đó } \begin{cases} \max_{0;3} f(x) = \max \{ f(0); f(1); f(2); f(3) \} = f(3) = m + 6 \\ \min_{0;3} f(x) = \min \{ f(0); f(1); f(2); f(3) \} = f(0) = m \end{cases}.$$

$$\text{Suy ra } \min_{0;3} y = \min \{ 0; |m|; |m + 6| \}.$$

**TH1.**  $m > 0$ .

$$\min_{0;3} y = m \Leftrightarrow m = 18 \text{ (thỏa mãn)}.$$

**TH2.**  $m + 6 < 0 \Leftrightarrow m < -6$ .

$$\min_{0;3} y = -m - 6 \Leftrightarrow -m - 6 = 18 \Leftrightarrow m = -24 \text{ (thỏa mãn)}.$$

**TH3.**  $m + 6 \leq 0 \Leftrightarrow -6 \leq m \leq 0 \Rightarrow \min_{0;3} y = 0$  (loại).

Kết luận: tích các số thực  $m$  thỏa mãn yêu cầu bài toán là:  $-24 \cdot 18 = -432$ .

**ĐỀ 17**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

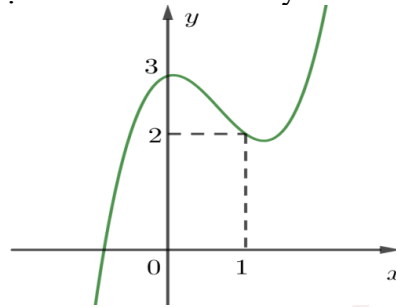
**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^4 - 8x^2 - 4$ . Hàm số đã cho nghịch biến trên các khoảng.

- A.  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .  
B.  $(-\infty; -2)$  và  $(2; +\infty)$ .  
C.  $(-2; 0)$  và  $(0; 2)$ .  
D.  $(-2; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ dưới đây.



Nhận xét nào sau đây là **sai** ?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 3)$  và  $(1; +\infty)$ .  
B. Hàm số đạt cực trị tại các điểm  $x = 0$  và  $x = 1$ .  
C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .  
D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$-3$	$2$	$-\infty$	

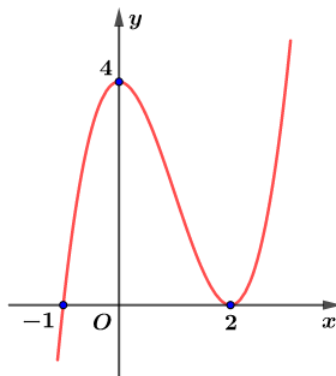
Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; 3)$ .  
B.  $(-\infty; -1)$ .  
C.  $(3; +\infty)$ .  
D.  $(-3; 2)$ .

**Câu 4.** Hàm số  $y = x^3 - 12x + 3$  đạt cực đại tại điểm

- A.  $x = -2$ .  
B.  $x = 19$ .  
C.  $x = -13$ .  
D.  $x = 2$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới.



Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 2$ .  
B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .

C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 4$ .

D. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .

Câu 6. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  với bảng xét dấu đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$1$	$2$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x)$  là

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 0.

Câu 7. Tìm giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{3x-1}{x-3}$  trên đoạn  $[0; 2]$ .

A.  $\frac{-1}{3}$ .

B.  $-5$ .

C. 5.

D.  $\frac{1}{3}$ .

Câu 8. Hàm số  $y = f(x)$  liên tục và có bảng biến thiên như hình bên. Gọi  $M$  là giá trị lớn nhất của hàm số  $y = f(x)$  trên đoạn  $[-1; 3]$ . Tìm mệnh đề đúng.

$x$	$-1$	$0$	$2$	$3$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$			$5$		$1$		$4$

A.  $M = f(3)$ .

B.  $M = f(2)$ .

C.  $M = f(0)$ .

D.  $M = f(5)$ .

Câu 9. Đồ thị của hàm số nào sau đây có tiệm cận ngang?

A.  $y = \frac{2x^2+1}{x}$ .

B.  $y = \frac{x^2+1}{1-x^2}$ .

C.  $y = \frac{x^2+2x}{x+2}$ .

D.  $y = \frac{x^2-6x+9}{x-3}$ .

Câu 10. Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$f(x)$	$2$	$+\infty$	$5$

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là

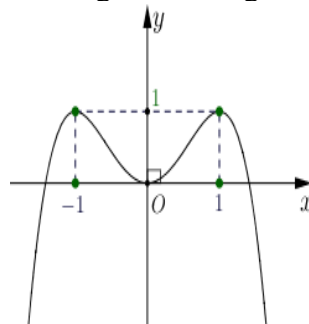
A. 4.

B. 3.

C. 2.

D. 1.

Câu 11. Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?



A.  $y = x^4 - 2x^2$ .

B.  $y = -x^3 + 3x$ .

C.  $y = x^2 - 2x$ .

D.  $y = -x^4 + 2x^2$ .

Câu 12. Phát biểu nào sau đây là đúng về khối đa diện?

A. Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện, kể cả hình đa diện đó.

B. Khối đa diện là hình đa diện.

C. Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện.

D. Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện, kể cả các cạnh của hình đa diện đó.

**Câu 13.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

A. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh bằng số đỉnh.

B. Số đỉnh và số mặt của một hình đa diện luôn luôn bằng nhau.

C. Tồn tại hình đa diện có số cạnh và số mặt bằng nhau.

D. Tồn tại một hình đa diện có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

**Câu 14.** Cho hình chóp đều, chọn mệnh đề **sai** trong các mệnh đề sau:

A. Chân đường cao hạ từ đỉnh của hình chóp đều trùng với tâm của đa giác đáy.

B. Đáy của hình chóp đều là đa giác đều.

C. Các mặt bên của hình chóp đều là những tam giác cân.

D. Tất cả các cạnh của hình chóp đều bằng nhau.

**Câu 15.** Khối bát diện đều thuộc loại đa diện đều nào sau đây?

A.  $\{3;3\}$ .

B.  $\{4;3\}$ .

C.  $\{3;5\}$ .

D.  $\{3;4\}$ .

**Câu 16.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA=2a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 17.** Nếu  $S.ABC$  là hình chóp đều có chiều cao bằng  $h$  và cạnh đáy bằng  $a$  thì có thể tích bằng

A.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{3}$ .

B.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{6}$ .

C.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{12}$ .

D.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 18.** Tính thể tích của khối lập phương cạnh  $2a$  bằng

A.  $8a^3$ .

B.  $a^3$ .

C.  $4a^3$ .

D.  $2a^3$ .

**Câu 19.** Tính thể tích  $V$  của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB=a$ ,  $AD=2a$ ,  $AA'=3a$ .

A.  $V=6a^3$ .

B.  $V=3a^3$ .

C.  $V=2a^3$ .

D.  $V=8a^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)=(x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A.  $(-\infty; -1)$ .

B.  $(-1; 1)$ .

C.  $(2; +\infty)$ .

D.  $(1; 2)$ .

**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị  $m$  để hàm số  $y=x^3+mx$  luôn đồng biến trên tập số thực

A.  $m \leq -3$ .

B.  $m < -3$ .

C.  $m \geq 0$ .

D.  $m < 0$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y=f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)=x(x+3)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 0.

**Câu 23.** Biết  $m_0$  là giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y=x^3-3x^2+mx-1$  có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$  sao cho  $x_1^2+x_2^2-x_1x_2=13$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $m_0 \in (-1; 7)$ .

B.  $m_0 \in (7; 10)$ .

C.  $m_0 \in (-7; -1)$ .

D.  $m_0 \in (-15; -7)$ .

**Câu 24.** Cho hàm số  $y=mx^4+(m+1)x^2+m^2-5$ . Tìm  $m$  để hàm số có ba điểm cực trị.

A.  $m \in (0; 1)$ .

B.  $m \in [-1; 0]$ .

C.  $m \in (-1; 0)$ .

D.

$m \in (-\infty; -1) \cup (0; +\infty)$ .

**Câu 25.** Gọi  $M$  là giá trị lớn nhất của hàm số  $y=f(x)=4\sqrt{x^2-2x+3}+2x-x^2$ . Tính tích các nghiệm của phương trình  $f(x)=M$ .

A. 2.

B. 0.

C. -1.

D. 1.

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = x^2 - 6x + m$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\max_{[0;4]} y = 3$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.  $m < -10$ .                      B.  $-10 < m \leq -7$ .                      C.  $-7 < m < 0$ .                      D.  $0 < m < 10$ .

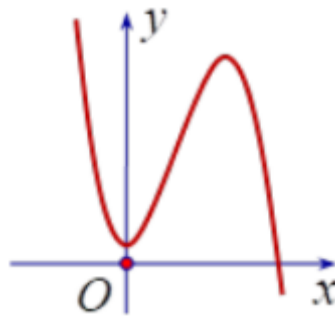
**Câu 27.** Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x^2-4}$  là

- A. 0.                      B. 1.                      C. 2.                      D. 3.

**Câu 28.** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2-8x+m}$  có 3 đường tiệm cận?

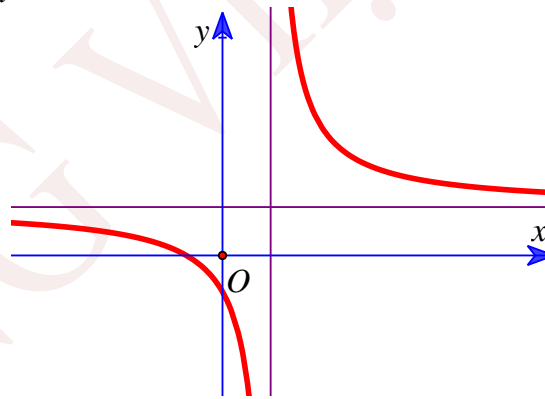
- A. 14.                      B. 8.                      C. 15.                      D. 16.

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị hàm số như hình bên. Khẳng định nào sau đây là đúng?



- A.  $a < 0, b > 0, c = 0, d > 0$ .                      B.  $a > 0, b < 0, c > 0, d > 0$ .  
 C.  $a < 0, b < 0, c = 0, d > 0$ .                      D.  $a < 0, b > 0, c > 0, d > 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình bên. Mệnh đề nào sau đây đúng?



- A.  $ac > 0; bd > 0$ .                      B.  $bd < 0; ad > 0$ .                      C.  $bc > 0; ad < 0$ .                      D.  $ab < 0; cd < 0$ .

**Câu 31.** Đường thẳng  $\Delta$  có phương trình  $y = 2x + 1$  cắt đồ thị của hàm số  $y = x^3 - x + 3$  tại hai điểm  $A$  và  $B$  với tọa độ được kí hiệu lần lượt là  $A(x_A; y_A)$  và  $B(x_B; y_B)$  trong đó  $x_B < x_A$ . Tìm  $x_B + y_B$ .

- A.  $x_B + y_B = -2$ .                      B.  $x_B + y_B = 4$ .                      C.  $x_B + y_B = 7$ .                      D.  $x_B + y_B = -5$ .

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

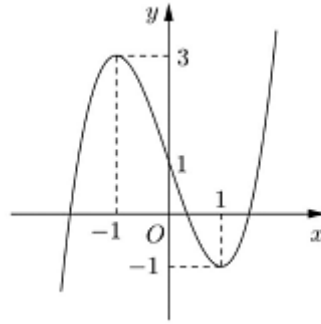
$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$2$		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$+\infty$				$2$				$+\infty$

$\swarrow$                        $\nearrow$                        $\swarrow$                        $\nearrow$   
 $-1$                        $-1$

Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  là

- A. 4.                      B. 2.                      C. 0.                      D. 3.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình vẽ. Tìm tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(\sin^2 x) = m$  có nghiệm.



- A.  $[-1;1]$ .                      B.  $(-1;1)$ .                      C.  $(-1;3)$ .                      D.  $[-1;3]$ .

**Câu 34.** Phát biểu nào sau đây là đúng?. Khối chóp  $S.A_1A_2...A_n$ .

- A. có đúng  $n+1$  cạnh.                      B. có đúng  $2n$  đỉnh.  
C. có đúng  $n+1$  mặt.                      D. có đúng  $2n+1$  cạnh.

**Câu 35.** Một khối lập phương có cạnh 4cm. Người ta sơn đỏ mặt ngoài của khối lập phương rồi cắt khối lập phương bằng các mặt phẳng song song với các mặt của khối lập phương thành 64 khối lập phương nhỏ có cạnh 1cm. Có bao nhiêu khối lập phương có đúng một mặt được sơn đỏ?

- A. 48                      B. 16                      C. 24                      D. 8

**Câu 36.** Số mặt phẳng đối xứng của khối tứ diện đều là:

- A. 6.                      B. 1.                      C. 4.                      D. 2.

**Câu 37.** Cho tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc và  $OA = 1, OB = 2, OC = 12$ . Tính thể tích khối tứ diện  $OABC$ .

- A. 4.                      B. 6.                      C. 8.                      D. 12.

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

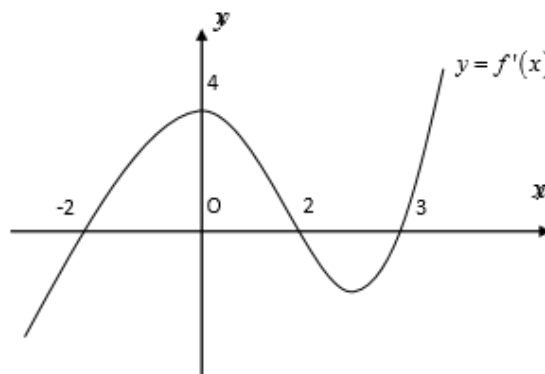
- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .                      C.  $a^3$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x)$  thỏa mãn

$f'(x) = (1-x)(x+2).g(x) + 2018$  trong đó  $g(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số  $y = f(1-x) + 2018x + 2019$  nghịch biến trên khoảng nào?

- A.  $(-\infty; 3)$ .                      B.  $(1; +\infty)$ .                      C.  $(3; +\infty)$ .                      D.  $(0; 3)$ .

**Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ



Hàm số  $y = 3f(x-2) - x^3 + 2019$  tăng trên đoạn  $[a; b]$  với  $a, b \in \mathbb{R}, b < 12$ . Giá trị  $T = \min a + \max b$  là





**Câu 50.** Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \left| \frac{x^2 - mx + 2m}{x - 2} \right|$  trên đoạn  $[-1; 1]$  bằng 3. Tính tổng tất cả các phần tử của  $S$ .

A.  $-\frac{8}{3}$ .

B. 5.

C.  $\frac{5}{3}$ .

D. -1.

**ĐỀ 17**  
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**HĐG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA KÌ I**  
**Môn: TOÁN, Lớp 12**

Thời gian làm bài: 90 phút, không tính thời gian phát đề

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = x^4 - 8x^2 - 4$ . Hàm số đã cho nghịch biến trên các khoảng.

- A.  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .  
 B.  $(-\infty; -2)$  và  $(2; +\infty)$ .  
 C.  $(-2; 0)$  và  $(0; 2)$ .  
 D.  $(-2; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có  $y' = 4x^3 - 16x$ ;  $y' = 0 \Leftrightarrow x = 0; x = \pm 2$ .

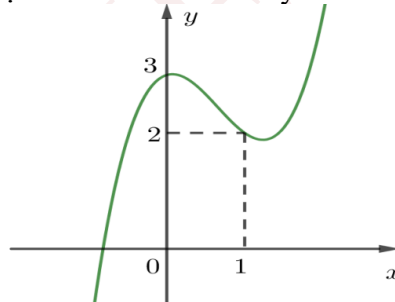
Bảng biến thiên

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$2$		$+\infty$
$y'$			$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$+\infty$				$-4$				$+\infty$

Diagram showing the function values at critical points:  $y(-\infty) = +\infty$ ,  $y(-2) = -20$ ,  $y(0) = -4$ ,  $y(2) = -20$ ,  $y(+\infty) = +\infty$ . Arrows indicate the direction of the function between these points.

Do đó ta có hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(0; 2)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ dưới đây.



Nhận xét nào sau đây là **sai** ?

- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 3)$  và  $(1; +\infty)$ .  
 B. Hàm số đạt cực trị tại các điểm  $x = 0$  và  $x = 1$ .  
 C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 1)$ .  
 D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$  và  $(1; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

**A sai** vì trong khoảng từ  $(-\infty; 3)$  đồ thị hàm số có chứa cả khoảng đồng biến và nghịch biến.

**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$				
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$		
$y$	$+\infty$				$2$			$-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-1; 3)$ .                      B.  $(-\infty; -1)$ .                      C.  $(3; +\infty)$ .                      D.  $(-3; 2)$ .

Lời giải

**Chọn A**

Dựa vào BBT của hàm số ta có hàm số đồng biến trên  $(-1; 3)$ .

**Câu 4.** Hàm số  $y = x^3 - 12x + 3$  đạt cực đại tại điểm

- A.  $x = -2$ .                      B.  $x = 19$ .                      C.  $x = -13$ .                      D.  $x = 2$ .

Lời giải

**Chọn A**

Ta có  $y = x^3 - 12x + 3$

$$y' = 3x^2 - 12$$

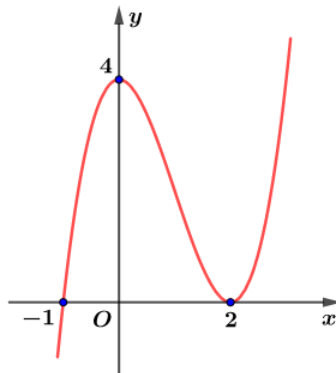
$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 2 \end{cases}$$

Bảng biến thiên của hàm số  $f(x)$

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$f(x)$	$-\infty$		$19$		$-13$		$+\infty$

Căn cứ vào bảng biến thiên ta có hàm số đạt cực đại tại  $x = -2$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới.



Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 2$ .                      B. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .  
 C. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 4$ .                      D. Hàm số đạt cực tiểu tại  $x = 0$ .

Lời giải

**Chọn B**

Từ đồ thị hàm số ta thấy hàm số đạt cực đại tại  $x = 0$  và đạt cực tiểu tại  $x = 2$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  với bảng xét dấu đạo hàm như sau

$x$	$-\infty$	$-3$	$1$	$2$	$+\infty$	
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Số điểm cực trị của hàm số  $y = f(x)$  là

- A. 2.                                      B. 1.                                      C. 3.                                      D. 0.

Lời giải

**Chọn A**

Nhìn vào bảng xét dấu đạo hàm ta thấy đạo hàm đổi dấu 2 lần nên hàm số  $y = f(x)$  có 2 điểm cực trị.

**Câu 7.** Tìm giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \frac{3x-1}{x-3}$  trên đoạn  $[0; 2]$ .

- A.  $\frac{-1}{3}$ .                                      B.  $-5$ .                                      C.  $5$ .                                      D.  $\frac{1}{3}$ .

Lời giải

**Chọn D**

$$y' = \frac{-8}{(x-3)^2} < 0 \text{ và } y(0) = \frac{1}{3}.$$

**Câu 8.** Hàm số  $y = f(x)$  liên tục và có bảng biến thiên như hình bên. Gọi  $M$  là giá trị lớn nhất của hàm số  $y = f(x)$  trên đoạn  $[-1; 3]$ . Tìm mệnh đề đúng.

$x$	$-1$	$0$	$2$	$3$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$0$		$5$		$1$		$4$

- A.  $M = f(3)$ .                                      B.  $M = f(2)$ .                                      C.  $M = f(0)$ .                                      D.  $M = f(5)$ .

Lời giải

**Chọn C**

Quan sát bảng biến thiên ta thấy  $\max_{[-1;3]} y = 5$  xảy ra tại  $x = 0$ .

**Câu 9.** Đồ thị của hàm số nào sau đây có tiệm cận ngang?

- A.  $y = \frac{2x^2+1}{x}$ .                                      B.  $y = \frac{x^2+1}{1-x^2}$ .                                      C.  $y = \frac{x^2+2x}{x+2}$ .                                      D.  $y = \frac{x^2-6x+9}{x-3}$ .

Lời giải

**Chọn B**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2+1}{1-x^2} = -1$ . Suy ra đồ thị của hàm số  $y = \frac{x^2+1}{1-x^2}$  có tiệm cận ngang  $y = -1$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$f(x)$	$2$	$+\infty$	$5$

Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là

A. 4.

B. 3.

C. 2.

D. 1.

Lời giải

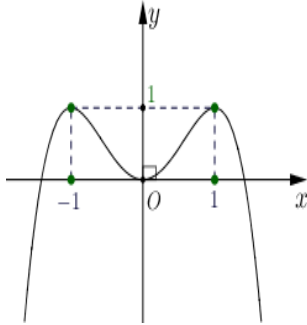
Chọn B

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = 2$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 5 \Rightarrow$  đồ thị hàm số có hai đường tiệm cận ngang là  $y = 2$ ,  $y = 5$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = +\infty \Rightarrow$  đồ thị hàm số có một đường tiệm cận đứng là  $x = 1$ .

Vậy tổng số tiệm cận của đồ thị hàm số là 3.

**Câu 11.** Đồ thị của hàm số nào dưới đây có dạng như đường cong trong hình bên?

A.  $y = x^4 - 2x^2$ .B.  $y = -x^3 + 3x$ .C.  $y = x^2 - 2x$ .D.  $y = -x^4 + 2x^2$ .

Lời giải

Chọn D

Đường cong có dạng của đồ thị hàm số bậc 4 trùng phương với hệ số  $a < 0$  nên chỉ có hàm số  $y = -x^4 + 2x^2$  thỏa yêu cầu bài toán.

Phương án nhiều A, học sinh tự đổi dấu các hệ số nên nhầm dạng đồ thị.

Phương án nhiều B và C, học sinh nhầm dạng đồ thị hàm số bậc 2 và bậc 3.

**Câu 12.** Phát biểu nào sau đây là đúng về khối đa diện?

A. Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện, kể cả hình đa diện đó.

B. Khối đa diện là hình đa diện.

C. Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện.

D. Khối đa diện là phần không gian được giới hạn bởi một hình đa diện, kể cả các cạnh của hình đa diện đó.

Lời giải

Chọn A

**Câu 13.** Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào đúng?

A. Tồn tại một hình đa diện có số cạnh bằng số đỉnh.

B. Số đỉnh và số mặt của một hình đa diện luôn luôn bằng nhau.

C. Tồn tại hình đa diện có số cạnh và số mặt bằng nhau.

D. Tồn tại một hình đa diện có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

Lời giải

Chọn D

Xét hình tứ diện, có 4 mặt và 4 đỉnh nên nó có số đỉnh và số mặt bằng nhau.

**Câu 14.** Cho hình chóp đều, chọn mệnh đề **sai** trong các mệnh đề sau:

A. Chân đường cao hạ từ đỉnh của hình chóp đều trùng với tâm của đa giác đáy.

B. Đáy của hình chóp đều là đa giác đều.

C. Các mặt bên của hình chóp đều là những tam giác cân.

D. Tất cả các cạnh của hình chóp đều bằng nhau.

Lời giải

Chọn D

Ta có:

Một hình chóp được gọi là hình chóp đều nếu nó có đáy là một đa giác đều và có chân đường cao trùng với tâm của đa giác đáy.

Do đó, theo định nghĩa trên thì hình chóp đều có các mặt bên là những tam giác cân bằng nhau.

Vậy, mệnh đề **D** sai.

**Câu 15.** Khối bát diện đều thuộc loại đa diện đều nào sau đây?

- A.  $\{3;3\}$ .                      B.  $\{4;3\}$ .                      C.  $\{3;5\}$ .                      D.  $\{3;4\}$ .

Lời giải

**Chọn D**

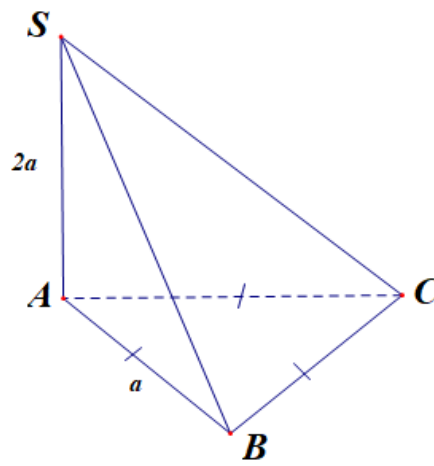
Khối bát diện đều thuộc loại  $\{3;4\}$ .

**Câu 16.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA=2a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

Lời giải

**Chọn C**



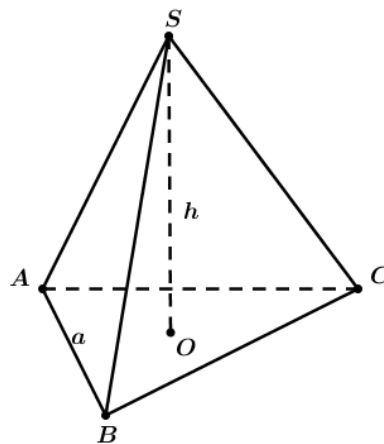
$$\text{Ta có } V_{S.ABC} = \frac{1}{3} SA \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{1}{3} \cdot 2a \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}.$$

**Câu 17.** Nếu  $S.ABC$  là hình chóp đều có chiều cao bằng  $h$  và cạnh đáy bằng  $a$  thì có thể tích bằng

- A.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{3}$ .                      B.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{6}$ .                      C.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{12}$ .                      D.  $\frac{a^2h\sqrt{3}}{4}$ .

Lời giải

**Chọn C**



Gọi  $O$  là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$ .

$$\text{Diện tích tam giác } ABC \text{ là } S_{ABC} = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$$

Thể tích khối chóp là  $V = \frac{1}{3} S_{ABC} \cdot SO = \frac{a^2 h \sqrt{3}}{12}$ .

**Câu 18.** Tính thể tích của khối lập phương cạnh  $2a$  bằng

- A.  $8a^3$ .                      B.  $a^3$ .                      C.  $4a^3$ .                      D.  $2a^3$ .

Lời giải

**Chọn A**

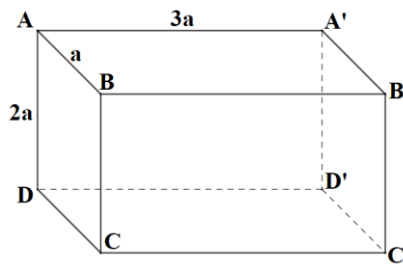
Ta có thể tích khối lập phương là  $V = (2a)^3 = 8a^3$ .

**Câu 19.** Tính thể tích  $V$  của khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AB = a$ ,  $AD = 2a$ ,  $AA' = 3a$ .

- A.  $V = 6a^3$ .                      B.  $V = 3a^3$ .                      C.  $V = 2a^3$ .                      D.  $V = 8a^3$ .

Lời giải

**Chọn A**



Thể tích khối hộp chữ nhật  $ABCD.A'B'C'D'$  là:  $V = AB \cdot AD \cdot AA' = a \cdot 2a \cdot 3a = 6a^3$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; -1)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(1; 2)$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$ .

Lập bảng xét dấu  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$2$		$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	

Từ bảng biến thiên ta thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(1; 2)$ .

**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị  $m$  để hàm số  $y = x^3 + mx$  luôn đồng biến trên tập số thực

- A.  $m \leq -3$ .                      B.  $m < -3$ .                      C.  $m \geq 0$ .                      D.  $m < 0$ .

Lời giải

**Chọn C**

TXĐ:  $\mathbb{R}$ .

$$y' = 3x^2 + m.$$

Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' = 3x^2 + m \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

$$\Leftrightarrow m \geq -3x^2, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow m \geq \max_{\mathbb{R}}(-3x^2) = 0.$$

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x+3)^2, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 1.                      B. 2.                      C. 3.                      D. 0.

Lời giải

**Chọn A**

Từ  $f'(x) = x(x+3)^2, \forall x \in \mathbb{R}$

Ta suy ra bảng xét dấu của  $f'(x)$  là

$x$	$-\infty$	$-3$	$0$	$+\infty$
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$

Từ bảng xét dấu ta thấy  $f'(x)$  chỉ đổi dấu khi  $x$  qua  $x=0$

$\Rightarrow$  Hàm số đạt cực trị tại  $x=0$

$\Rightarrow$  Số điểm cực trị của hàm số đã cho là 1.

**Câu 23.** Biết  $m_0$  là giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + mx - 1$  có hai điểm cực trị  $x_1, x_2$  sao cho  $x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 13$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.  $m_0 \in (-1; 7)$ .      B.  $m_0 \in (7; 10)$ .      C.  $m_0 \in (-7; -1)$ .      D.  $m_0 \in (-15; -7)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 3x^2 - 6x + m.$$

Để hàm số có hai điểm cực trị thì phương trình  $y' = 0$  có hai nghiệm phân biệt

$$\Leftrightarrow \Delta' = 9 - 3m > 0 \Leftrightarrow m < 3.$$

$$\text{Hệ thức Vi-ét: } \begin{cases} x_1 + x_2 = 2 \\ x_1x_2 = \frac{m}{3} \end{cases}.$$

$$\text{Ta có } x_1^2 + x_2^2 - x_1x_2 = 13 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 3x_1x_2 = 13.$$

$$\text{Thay hệ thức Vi-ét vào, ta được } 4 - m = 13 \Leftrightarrow m = -9.$$

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = mx^4 + (m+1)x^2 + m^2 - 5$ . Tìm  $m$  để hàm số có ba điểm cực trị.

- A.  $m \in (0; 1)$ .      B.  $m \in [-1; 0]$ .      C.  $m \in (-1; 0)$ .      D.

$$m \in (-\infty; -1) \cup (0; +\infty).$$

**Lời giải**

**Chọn C**

Hàm số  $y = mx^4 + (m+1)x^2 + m^2 - 5$  có tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 4mx^3 + 2(m+1)x = 2x(2mx^2 + m+1).$$

Hàm số  $y = mx^4 + (m+1)x^2 + m^2 - 5$  có ba điểm cực trị khi và chỉ khi phương trình  $y' = 0$  có ba nghiệm phân biệt và  $y'$  đổi dấu khi đi qua ba nghiệm đó.

$$\text{Ta có } y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ 2mx^2 + m + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ 2mx^2 = -(m+1) \end{cases}.$$

$$y' = 0 \text{ có ba nghiệm phân biệt } \Leftrightarrow -\frac{m+1}{2m} > 0 \Leftrightarrow -1 < m < 0 \text{ (khi đó } y' \text{ đổi dấu khi đi qua ba nghiệm)}.$$

Vậy  $m \in (-1; 0)$  nên ta chọn phương án

**Câu 25.** Gọi  $M$  là giá trị lớn nhất của hàm số  $y = f(x) = 4\sqrt{x^2 - 2x + 3} + 2x - x^2$ . Tính tích các nghiệm của phương trình  $f(x) = M$ .

- A. 2.      B. 0.      C. -1.      D. 1.

**Lời giải**

**Chọn C**

Tập xác định của hàm số:  $D = \mathbb{R}$ .



Đặt  $t = \sqrt{x^2 - 2x + 3} = \sqrt{(x-1)^2 + 2} \geq \sqrt{2}$  Ta có  $g(t) = 4t + 3 - t^2$  với  $t \in [\sqrt{2}; +\infty)$ .

Có  $g'(t) = 4 - 2t$ ;  $g'(t) = 0 \Leftrightarrow t = 2$ .

Bảng biến thiên:

$t$	$\sqrt{2}$		2		$+\infty$
$g'(t)$		+	0	-	
$g(t)$	$4\sqrt{2}+1$		7		$-\infty$

Vậy  $\max_{[\sqrt{2}; +\infty)} g(t) = \max f(x) = 7$  khi  $t = 2$  hay  $x^2 - 2x - 1 = 0$  nên tích hai nghiệm bằng  $-1$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $y = x^2 - 6x + m$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\max_{[0;4]} y = 3$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A.  $m < -10$ .                      B.  $-10 < m \leq -7$ .                      C.  $-7 < m < 0$ .                      D.  $0 < m < 10$ .

Lời giải

**Chọn D**

Ta có  $y' = 2x - 6 = 0 \Leftrightarrow x = 3$ .

Suy ra  $\max_{[0;4]} y = \max \{y(0); y(3); y(4)\} = \max \{m; m-9; m-8\} = m$ .

Theo giả thiết ta có  $\max_{[0;4]} y = 3 \Rightarrow m = 3$ .

Vậy  $0 < m < 10$ .

**Câu 27.** Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x^2-4}$  là

- A. 0.                      B. 1.                      C. 2.                      D. 3.

Lời giải

**Chọn C**

+ Tập xác định  $D = (-\infty; -2) \cup (-2; 2) \cup (2; +\infty)$ .

+  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x-2}{x^2-4} = 0 \Rightarrow y = 0$  là đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

+  $\lim_{x \rightarrow -2^-} y = \lim_{x \rightarrow -2^-} \frac{x-2}{x^2-4} = -\infty \Rightarrow x = -2$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

+  $\lim_{x \rightarrow 2} y = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-2}{x^2-4} = \frac{1}{4}$ .

Vậy đồ thị hàm số  $y = \frac{x-2}{x^2-4}$  có 2 đường tiệm cận (1 tiệm cận ngang và 1 tiệm cận đứng).

**Câu 28.** Có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2-8x+m}$  có 3 đường tiệm cận?

- A. 14.                      B. 8.                      C. 15.                      D. 16.

Lời giải

**Chọn A**

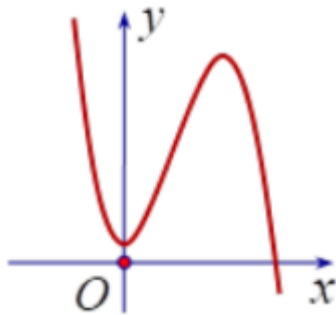
Ta có  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-1}{x^2-8x+m} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-1}{x^2-8x+m} = 0$  nên hàm số có một tiệm cận ngang  $y = 0$ .

Hàm số có 3 đường tiệm cận khi và chỉ khi hàm số có hai đường tiệm cận đứng  $\Leftrightarrow$  phương trình

$$x^2 - 8x + m = 0 \text{ có hai nghiệm phân biệt khác } 1 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = 16 - m > 0 \\ m - 7 \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 16 \\ m \neq 7 \end{cases}.$$

Kết hợp với điều kiện  $m$  nguyên dương ta có  $m \in \{1; 2; 3; \dots; 6; 8; \dots; 15\}$ . Vậy có 14 giá trị của  $m$  thỏa mãn đề bài.

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị hàm số như hình bên. Khẳng định nào sau đây là đúng?



- A.  $a < 0, b > 0, c = 0, d > 0$ .      B.  $a > 0, b < 0, c > 0, d > 0$ .      C.  $a < 0, b < 0, c = 0, d > 0$ .      D.  $a < 0, b > 0, c > 0, d > 0$ .

Lời giải

**Chọn A**

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ .

$$y' = 3ax^2 + 2bx + c.$$

Dựa vào đồ thị hàm số:

+)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = -\infty$  nên  $a < 0$ .

+) Giao điểm của đồ thị hàm số với trục tung là  $(0; d)$ . Do đó  $d > 0$ .

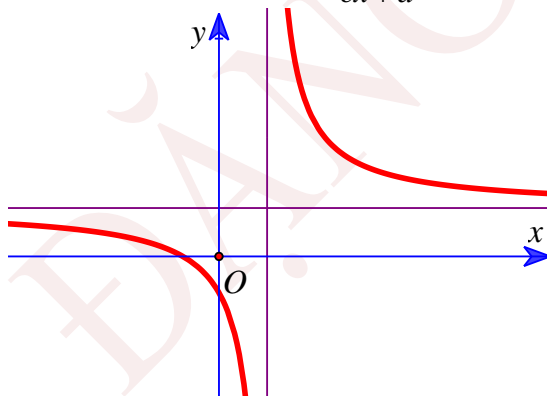
+) Gọi  $x_1, x_2$  là hai điểm cực trị của hàm số.

Ta có:  $x_1 + x_2 > 0 \Leftrightarrow \frac{-2b}{3a} > 0 \Leftrightarrow -2b < 0 \Leftrightarrow b > 0$  (vì  $a < 0$ ).

$x_1 \cdot x_2 = 0 \Leftrightarrow \frac{c}{3a} = 0 \Leftrightarrow c = 0$ .

Vậy  $a < 0, b > 0, c = 0, d > 0$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  có đồ thị như hình bên. Mệnh đề nào sau đây đúng?



- A.  $ac > 0; bd > 0$ .      B.  $bd < 0, ad > 0$ .      C.  $bc > 0, ad < 0$ .      D.  $ab < 0, cd < 0$ .

Lời giải

**Chọn C**

Đồ thị hàm số có đường tiệm cận đứng nằm bên phải  $Oy$  và đường tiệm cận ngang nằm bên trên  $Ox$  nên

$$\begin{cases} -\frac{d}{c} > 0 \\ \frac{a}{c} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} cd < 0 \text{ (1)} \\ ac > 0 \end{cases} \Leftrightarrow ad < 0.$$

Đồ thị hàm số cắt  $Ox$  tại  $\left(-\frac{b}{a}; 0\right)$ , cắt  $Oy$  tại  $\left(0; \frac{b}{d}\right)$ , từ đồ thị hàm số ta có:

$$\begin{cases} -\frac{b}{a} < 0 \\ \frac{b}{d} < 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} ab > 0 \\ bd < 0 \text{ (2)} \end{cases}.$$

Từ (1) và (2) ta có:  $bc > 0$ .

Vậy ta có  $bc > 0, ad < 0$ .

**Câu 31.** Đường thẳng  $\Delta$  có phương trình  $y = 2x + 1$  cắt đồ thị của hàm số  $y = x^3 - x + 3$  tại hai điểm  $A$  và  $B$  với tọa độ được kí hiệu lần lượt là  $A(x_A; y_A)$  và  $B(x_B; y_B)$  trong đó  $x_B < x_A$ . Tìm  $x_B + y_B$ .

- A.**  $x_B + y_B = -2$ .      **B.**  $x_B + y_B = 4$ .      **C.**  $x_B + y_B = 7$ .      **D.**  $x_B + y_B = -5$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Xét phương trình hoành độ giao điểm  $x^3 - x + 3 = 2x + 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 1 \end{cases}$ .

Vì  $x_B < x_A$  nên  $x_B = -2 \Rightarrow y_B = -3$ .

Vậy  $x_B + y_B = -5$ .

**Câu 32.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	$-$	$0$	$+$	$0$	$+$
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$2$	$-1$	$+\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $3f(x) - 5 = 0$  là

- A.** 4.      **B.** 2.      **C.** 0.      **D.** 3.

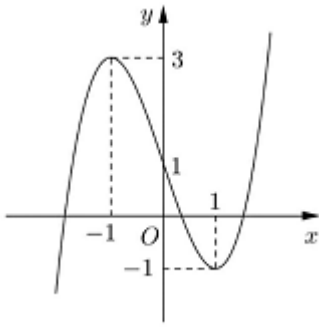
**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có  $3f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{3} (*)$ .

Số nghiệm của (\*) là số hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  với đường thẳng  $y = \frac{5}{3}$ . Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt đường thẳng  $y = \frac{5}{3}$  tại bốn điểm phân biệt. Suy ra (\*) có bốn nghiệm phân biệt.

**Câu 33.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình vẽ. Tìm tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để phương trình  $f(\sin^2 x) = m$  có nghiệm.



- A.  $[-1;1]$ .                      B.  $(-1;1)$ .                      C.  $(-1;3)$ .                      D.  $[-1;3]$ .

Lời giải

**Chọn A**

Đặt  $t = \sin^2 x \Rightarrow t \in [0;1]$ , khi đó yêu cầu bài toán trở thành tìm  $m$  để phương trình  $f(t) = m$  có nghiệm  $t$  trên đoạn  $[0;1]$ . Dựa vào đồ thị hàm số ta suy ra  $m \in [-1;1]$ .

**Câu 34.** Phát biểu nào sau đây là đúng?. Khối chóp  $S.A_1A_2...A_n$ .

- A. có đúng  $n+1$  cạnh.                      B. có đúng  $2n$  đỉnh.  
C. có đúng  $n+1$  mặt.                      D. có đúng  $2n+1$  cạnh.

Lời giải

**Chọn C**

Khối chóp  $S.A_1A_2...A_n$  có:  $n+1$  đỉnh;  $n+1$  mặt;  $2n$  cạnh.

**Câu 35.** Một khối lập phương có cạnh 4cm. Người ta sơn đỏ mặt ngoài của khối lập phương rồi cắt khối lập phương bằng các mặt phẳng song song với các mặt của khối lập phương thành 64 khối lập phương nhỏ có cạnh 1cm. Có bao nhiêu khối lập phương có đúng một mặt được sơn đỏ?

- A. 48                      B. 16                      C. 24                      D. 8

Lời giải

**Chọn D**

Hình bên biểu diễn 1 mặt của khối lập phương, dễ thấy chỉ có 4 ô bên trong là có đúng 1 mặt ngoài được sơn đỏ, còn các ô khác sẽ có nhiều hơn hoặc không có mặt nào được sơn đỏ. Mà khối lập phương có 6 mặt nên có 24 ô được sơn đỏ.

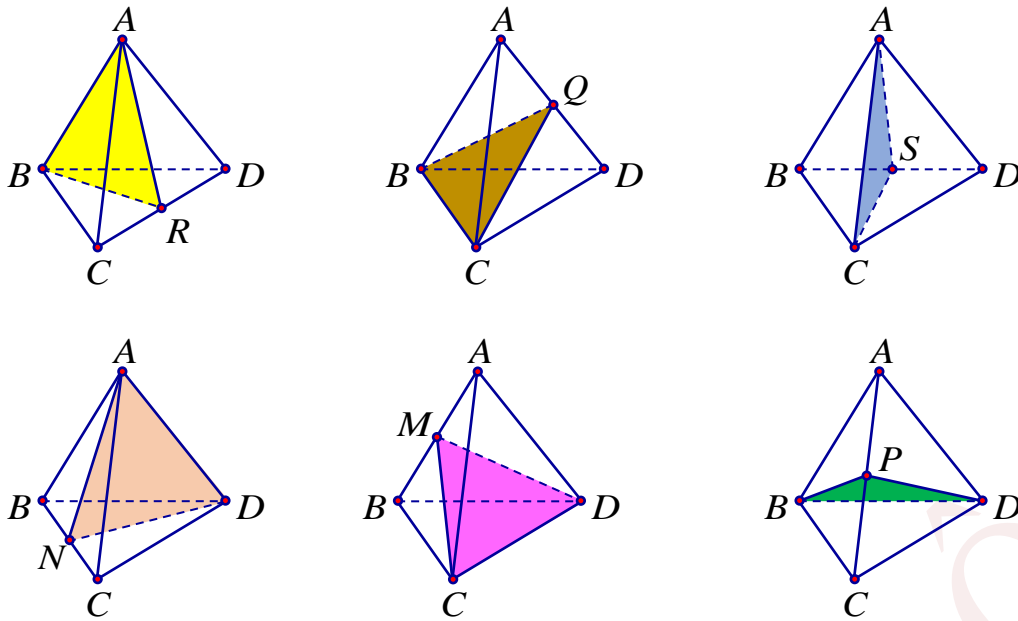
**Câu 36.** Số mặt phẳng đối xứng của khối tứ diện đều là:

- A. 6.                      B. 1.                      C. 4.                      D. 2.

Lời giải

**Chọn A**

Là mặt phẳng chứa một cạnh của tứ diện đồng thời đi qua trung điểm của cạnh đối diện của nó.  
Minh họa:



**Câu 37.** Cho tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc và  $OA = 1, OB = 2, OC = 12$ . Tính thể tích khối tứ diện  $OABC$ .

A. 4.

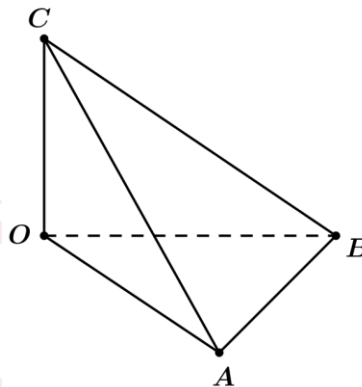
B. 6.

C. 8.

D. 12.

Lời giải

**Chọn A**



$$\text{Thể tích khối tứ diện } V_{OABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot OA \cdot OB \cdot OC = \frac{1}{6} \cdot 1 \cdot 2 \cdot 12 = 4 (\text{Đvtt})$$

**Câu 38.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ , mặt bên  $SAB$  là tam giác đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy. Thể tích khối chóp  $S.ABCD$  là

A.  $\frac{a^3 \sqrt{3}}{6}$ .

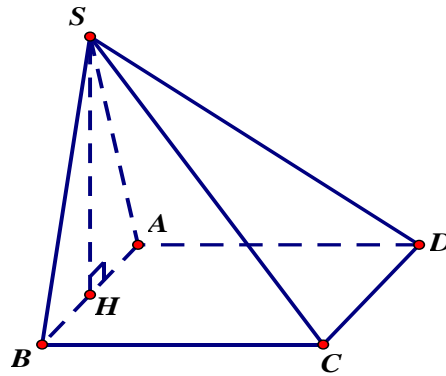
B.  $\frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$ .

C.  $a^3$ .

D.  $\frac{a^3 \sqrt{3}}{2}$ .

Lời giải

**Chọn A**



Gọi  $H$  là trung điểm của  $AB \Rightarrow SH \perp AB \Rightarrow SH \perp (ABCD)$ .

Ta có:  $SH = \frac{a\sqrt{3}}{2}$  và  $S_{ABCD} = a^2$ . Vậy:  $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} S_{ABCD} \cdot SH = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

- Câu 39.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x)$  thỏa mãn  $f'(x) = (1-x)(x+2) \cdot g(x) + 2018$  trong đó  $g(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số  $y = f(1-x) + 2018x + 2019$  nghịch biến trên khoảng nào?  
**A.**  $(-\infty; 3)$ .                      **B.**  $(1; +\infty)$ .                      **C.**  $(3; +\infty)$ .                      **D.**  $(0; 3)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Đặt  $h(x) = f(1-x) + 2018x + 2019$ .

Ta có:  $h'(x) = -f'(1-x) + 2018$ .

Ta lại có:

$$f'(1-x) = [1-(1-x)](1-x+2) \cdot g(1-x) + 2018 = x(3-x) \cdot g(1-x) + 2018.$$

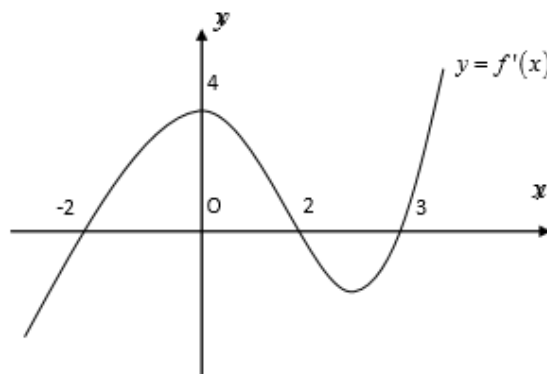
Suy ra  $h'(x) = x(x-3) \cdot g(1-x)$ .

Vì  $g(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$  nên  $g(1-x) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

$$\text{Do đó } h'(x) < 0 \Leftrightarrow x(x-3) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x < 0 \\ x > 3 \end{cases}$$

Do đó hàm số  $y = h(x)$  nghịch biến trên mỗi khoảng  $(-\infty; 0), (3; +\infty)$ .

- Câu 40.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị hàm  $y = f'(x)$  như hình vẽ



Hàm số  $y = 3f(x-2) - x^3 + 2019$  tăng trên đoạn  $[a; b]$  với  $a, b \in \mathbb{R}, b < 12$ . Giá trị  $T = \min a + \max b$  là

- A.** 3.                      **B.** 5.                      **C.** 2.                      **D.** 4.

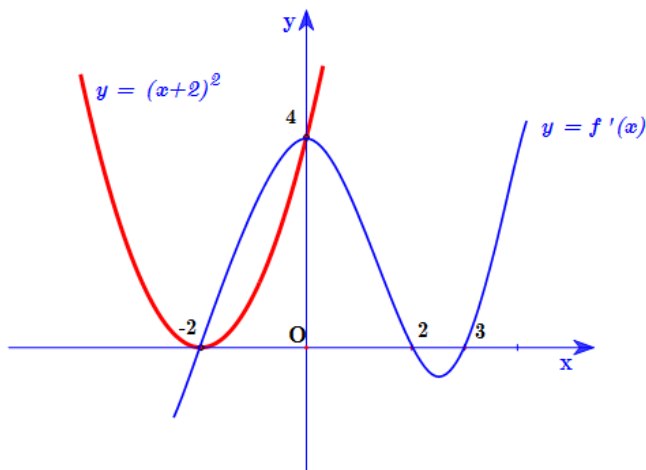
## Lời giải

## Chọn C

$$\text{Đặt } g(x) = 3f(x-2) - x^3 + 2019 \Rightarrow g'(x) = 3[f'(x-2) - x^2].$$

$$g'(x) > 0 \Leftrightarrow f'(x-2) > x^2 \Leftrightarrow \begin{cases} X = x-2 \\ f'(X) > (X+2)^2 \end{cases}$$

Vẽ đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = (x+2)^2$  trên cùng hệ tọa độ ta được



$$\text{Dựa vào hình vẽ ta có: } \begin{cases} X = x-2 \\ f'(X) > (X+2)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} X = x-2 \\ -2 < X < 0 \end{cases} \Leftrightarrow -2 < x-2 < 0 \Leftrightarrow 0 < x < 2.$$

$\Rightarrow y = g(x)$  đồng biến trên  $(0; 2)$ , mà  $g(x) = 3f(x-2) - x^3 + 2019$  liên tục trên  $[0; 2]$  nên nó đồng biến trên đoạn  $[0; 2] \Rightarrow y = g(x)$  đồng biến trên mọi  $[a; b] \subset [0; 2]$  nên  $\min a = 0, \max b = 2 \Rightarrow T = 2$

**Câu 41.** Có bao nhiêu giá trị nguyên âm của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x+4}{2x-m}$  nghịch biến trên  $(-3; 4)$ .

A. 2.

C. 3.

B. 1.

D. vô số.

## Lời giải

## Chọn A

$$y = \frac{x+4}{2x-m}$$

$$\text{Điều kiện: } m \neq 2x \Leftrightarrow x \neq \frac{m}{2}.$$

$$y = \frac{x+4}{2x-m} \Rightarrow y' = \frac{-m-8}{(2x-m)^2}$$

Hàm số nghịch biến trên  $(-3; 4)$

$$\Leftrightarrow y' < 0, \forall x \in (-3; 4)$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -m-8 < 0 \\ \frac{m}{2} \notin (-3; 4) \end{cases} \Leftrightarrow m \in (-6; 8) \Leftrightarrow \begin{cases} m > -8 \\ m \geq 8 \\ m \leq -6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m \geq 8 \\ -8 < m \leq -6 \end{cases}.$$

Mà  $m$  nguyên âm nên  $m \in \{-6; -7\}$ .

Vậy có 2 giá trị nguyên âm  $m$ .

**Câu 42.** Đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ ,  $a > 0$  có hai điểm cực trị nằm về hai phía của trục  $Oy$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $a > 0 > c$ .                      B.  $a, d > 0 > b$ .                      C.  $a, b, c, d > 0$ .                      D.  $a, c > 0$ .

Lời giải

**Chọn A**

Ta có  $y' = 3ax^2 + 2bx + c$ .

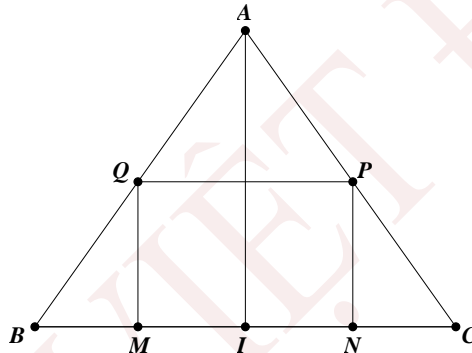
Đồ thị hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d, a \neq 0$  có hai điểm cực trị nằm về hai phía của trục  $Oy$  thì  $y'$  có hai nghiệm trái dấu  $\Leftrightarrow ac < 0$  do  $a > 0 \Rightarrow c < 0 \Rightarrow a > 0 > c$ .

**Câu 43.** Bạn Minh muốn làm một chiếc thùng hình trụ không đáy từ nguyên liệu là mảnh tôn hình tam giác đều  $ABC$  có cạnh bằng 90 (cm). Bạn muốn cắt mảnh tôn hình chữ nhật  $MNPQ$  từ mảnh tôn nguyên liệu (với  $M, N$  thuộc cạnh  $BC$ ;  $P, Q$  tương ứng thuộc cạnh  $AC$  và  $AB$ ) để tạo thành hình trụ có chiều cao bằng  $MQ$ . Thể tích lớn nhất của chiếc thùng mà bạn Minh có thể làm được là

- A.  $\frac{91125}{4\pi}(\text{cm}^3)$                       B.  $\frac{91125}{2\pi}(\text{cm}^3)$                       C.  $\frac{13500 \cdot \sqrt{3}}{\pi}(\text{cm}^3)$                       D.  $\frac{108000 \cdot \sqrt{3}}{\pi}(\text{cm}^3)$

Lời giải

**Chọn C**



Gọi  $I$  là trung điểm  $BC$ . Suy ra  $I$  là trung điểm  $MN$ . Đặt  $MN = x$ , ( $0 < x < 90$ ).

Ta có:  $\frac{MQ}{AI} = \frac{BM}{BI} \Leftrightarrow MQ = \frac{\sqrt{3}}{2}(90 - x)$ ; gọi  $R$  là bán kính của trụ  $\Rightarrow R = \frac{x}{2\pi}$ .

Thể tích của khối trụ là:  $V_T = \pi \left(\frac{x}{2\pi}\right)^2 \frac{\sqrt{3}}{2}(90 - x) = \frac{\sqrt{3}}{8\pi}(-x^3 + 90x^2)$

Xét  $f(x) = \frac{\sqrt{3}}{8\pi}(-x^3 + 90x^2)$  với  $0 < x < 90$ ,  $f'(x) = \frac{\sqrt{3}}{8\pi}(-3x^2 + 180x)$ ,  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 60 \end{cases}$ .

$x$	0	60	90	
$f'(x)$	0	+	0	-
$f(x)$	0	$\frac{13500 \cdot \sqrt{3}}{\pi}$	0	

Khi đó suy ra  $\max_{x \in (0;90)} f(x) = f(60) = \frac{13500 \cdot \sqrt{3}}{\pi}$ .

**Câu 44.** Cho hàm số  $f(x) = x^3 + x - 2$ . Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{3}{f^2(x) + 2f(x)}$  là

- A. 1.                      B. 4.                      C. 3.                      D. 2.

Lời giải





Số giá trị nguyên của tham số  $m$  để phương trình  $f^2(\cos x) + (3 - m)f(\cos x) + 2m - 10 = 0$  có đúng 4 nghiệm phân biệt thuộc đoạn  $[-\frac{\pi}{3}; \pi]$  là

A. 5.

B. 6.

C. 7.

D. 4.

Lời giải

**Chọn B**

Xét  $f^2(\cos x) + (3 - m)f(\cos x) + 2m - 10 = 0$ . Ta có  $\Delta = (m - 7)^2$ .

Do đó  $\begin{cases} f(\cos x) = m - 5 \quad (1) \\ f(\cos x) = 2 \quad (2) \end{cases}$ .

Với  $f(\cos x) = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} \cos x = a < -1 \\ \cos x = \frac{1}{2} \\ \cos x = 1 \end{cases}$ .

Trường hợp này được 3 nghiệm trong  $[-\frac{\pi}{3}; \pi]$ .

Để phương trình đã cho có đúng 4 nghiệm phân biệt thuộc đoạn  $[-\frac{\pi}{3}; \pi]$  thì (1) có đúng 1 nghiệm trong  $[-\frac{\pi}{3}; \pi]$  và không trùng với nghiệm của các phương trình  $\cos x = \frac{1}{2}; \cos x = 1$

$\Leftrightarrow f(t) = m - 5$  với  $t = \cos x$  có đúng 1 nghiệm trong  $[-1; \frac{1}{2}) \Rightarrow -4 \leq m - 5 < 2 \Leftrightarrow 1 \leq m < 7$ .

Do  $m$  nguyên nên có 6 giá trị của  $m$  thỏa mãn.

**Câu 47.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $SA, SD$ . Mặt phẳng  $(\alpha)$  chứa  $MN$  cắt các cạnh  $SB, SC$  lần lượt tại  $Q, P$ . Đặt  $\frac{SQ}{SB} = x, V_1$  là thể tích của khối chóp  $S.MNQP, V$  là thể tích của khối chóp  $S.ABCD$ . Tìm  $x$  để  $V_1 = \frac{1}{2}V$ .

A.  $x = \frac{-1 + \sqrt{33}}{4}$ .

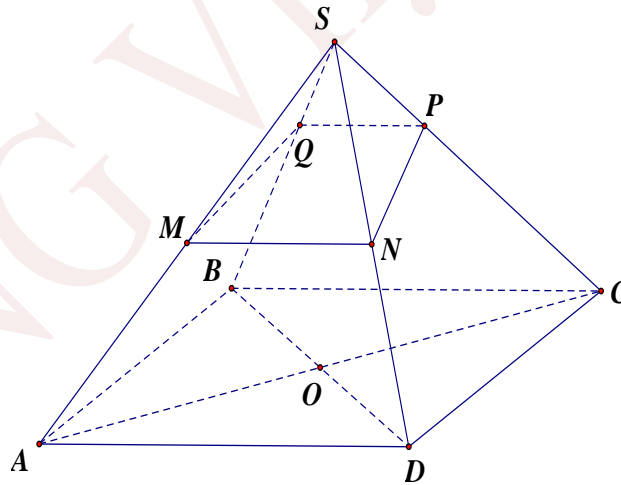
B.  $x = \sqrt{2}$ .

C.  $x = \frac{1}{2}$ .

D.  $x = \frac{-1 + \sqrt{41}}{4}$ .

Lời giải

**Chọn A**



Do  $\begin{cases} MN // BC \\ (\alpha) \cap (SBC) = PQ \end{cases} \Rightarrow PQ // BC$ .

$\frac{V_{S.MNQ}}{V} + \frac{V_{S.NPQ}}{V} = \frac{V_1}{V} \Leftrightarrow \frac{V_{S.MNQ}}{2V_{S.ABD}} + \frac{V_{S.NPQ}}{2V_{S.BCS}} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SN}{SD} \cdot \frac{SQ}{SB} + \frac{SP}{SC} \cdot \frac{SN}{SD} \cdot \frac{SQ}{SB} = 1 \Leftrightarrow \frac{x}{4} + \frac{x^2}{2} = 1 \Leftrightarrow 2x^2 + x - 4 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{-1 + \sqrt{33}}{4}$  (vì  $x > 0$ ).

**Câu 48.** Nếu kích thước của một khối lập phương tăng lên  $k$  lần thì thể tích của nó tăng lên:

A.  $3k^3$  lần.

B.  $k$  lần.

C.  $k^2$  lần.

D.  $k^3$  lần.

Lời giải

**Chọn D**

Gọi  $x$  ( $x > 0$ ) là độ dài cạnh của hình lập phương. Thể tích của hình lập phương  $V = x^3$

Theo giả thiết cạnh của hình lập phương tăng lên  $k$  lần thì cạnh của hình lập phương là  $kx$ . Do đó thể tích hình lập phương sau khi tăng cạnh là  $V_1 = (kx)^3 = k^3 x^3 = k^3 V$ .

Vậy thể tích khối lập phương tăng lên  $k^3$  lần.

**Câu 49.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và bảng biến thiên

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$		
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Hàm số  $g(x) = 15f(-x^4 + 4x^2 - 6) + 10x^6 - 15x^4 - 60x^2$  đạt cực tiểu tại  $x_0 < 0$ . Chọn mệnh đề đúng?

- A.  $x_0 \in (-\frac{5}{2}; -2)$ .      B.  $x_0 \in (-2; -\frac{3}{2})$ .      C.  $x_0 \in (-\frac{3}{2}; -1)$ .      D.  $x_0 \in (-1; 0)$ .

Lời giải

**Chọn C**

$$\begin{aligned} \text{Ta có } g(x) &= 60(-x^3 + 2x)f'(-x^4 + 4x^2 - 6) + 60(x^5 - x^3 - 2x) \\ &= 60[(-x^3 + 2x)f'(-x^4 + 4x^2 - 6) + (x^2 + 1)(x^3 - 2x)] \\ &= 60(-x^3 + 2x)[f'(-x^4 + 4x^2 - 6) - (x^2 + 1)] \\ g'(x) = 0 &\Leftrightarrow 60(-x^3 + 2x)[f'(-x^4 + 4x^2 - 6) - (x^2 + 1)] = 0 \end{aligned}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{2} \\ x = -\sqrt{2} \\ f'(-x^4 + 4x^2 - 6) - (x^2 + 1) = 0 \end{cases}$$

$$-x^4 + 4x^2 - 6 = -2 - (x^4 - 4x^2 + 4) = -2 - (x^2 - 2)^2 \leq -2 \Rightarrow f'(-x^4 + 4x^2 - 6) \leq 0$$

Mà  $-(x^2 + 1) < 0 \Rightarrow f'(-x^4 + 4x^2 - 6) - (x^2 + 1) < 0 \forall x \in \mathbb{R}$  nên phương trình  $f'(-x^4 + 4x^2 - 6) - (x^2 + 1) = 0$  vô nghiệm.

Ta có BBT của  $g'(x)$  như sau

$x$	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	$0$	$\sqrt{2}$	$+\infty$	
$g'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$g(x)$		↖ ↗		↘ ↙		

Hàm số  $g(x)$  đạt cực tiểu tại  $x_0 < 0$  nên suy ra hàm số  $g(x)$  đạt cực tiểu tại  $x_0 = -\sqrt{2} \Rightarrow x_0 \in (-\frac{3}{2}; -1)$ .

**Câu 50.** Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để giá trị lớn nhất của hàm số  $y = \left| \frac{x^2 - mx + 2m}{x - 2} \right|$  trên đoạn  $[-1; 1]$  bằng 3. Tính tổng tất cả các phần tử của  $S$ .

- A.  $-\frac{8}{3}$ .      B. 5.      C.  $\frac{5}{3}$ .      D. -1.

Lời giải

**Chọn D**

Xét hàm số  $y = f(x) = \frac{x^2 - mx + 2m}{x - 2}$  trên  $[-1; 1]$  có  $f'(x) = 1 - \frac{4}{(x-2)^2}$ ;

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 4 \notin [-1; 1] \end{cases}; f(-1) = \frac{3m+1}{-3}; f(0) = -m; f(1) = \frac{m+1}{-1}$$

Bảng biến thiên

$x$	-1	0	1	
$f'(x)$		+	0	-
$f(x)$	$f(-1)$	$f(0)$	$f(1)$	

Trường hợp 1.  $f(0) \leq 0 \Leftrightarrow m \geq 0$ . Khi đó

$$3 = \max_{[-1;1]} |f(x)| = \max\{|f(-1)|; |f(1)|\} \Leftrightarrow 3 = \max\left\{\frac{3m+1}{3}; m+1\right\} \Leftrightarrow m+1 = 3 \Leftrightarrow m = 2.$$

Trường hợp 2.  $f(0) > 0 \Leftrightarrow m < 0$ .

Khả năng 1.  $\begin{cases} f(-1) \geq 0 \\ f(1) \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq -1$ . Khi đó  $3 = \max_{[-1;1]} |f(x)| = f(0) \Leftrightarrow m = -3$ .

Khả năng 2.  $-1 < m \leq -\frac{1}{3}$ . Khi đó  $\begin{cases} f(-1) \geq 0 \\ f(1) < 0 \end{cases} \cdot 3 = \max_{[-1;1]} |f(x)| = \max\{f(0); |f(1)|\}$   
 $\Leftrightarrow 3 = \max\{-m; m+1\}$ : Trường hợp này vô nghiệm.

Khả năng 3.  $-\frac{1}{3} < m < 0$ . Khi đó  $3 = \max_{[-1;1]} |f(x)| = \max\{f(0); |f(1)|; |f(-1)|\}$ : Vô nghiệm.

Vậy có hai giá trị thỏa mãn là  $m_1 = -3, m_2 = 2$ . Do đó tổng tất cả các phần tử của  $S$  là  $-1$ .

## ĐỀ 18

## ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

## ĐẶNG VIỆT ĐÔNG

## I - PHẦN TRẮC NGHIỆM

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2 - 2x, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số  $y = -2f(x)$  đồng biến trên khoảng

- A.  $(0; 2)$ .                      B.  $(2; +\infty)$ .                      C.  $(-\infty; -2)$ .                      D.  $(-2; 0)$ .

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$f'(x)$		-	0	+	0	-	
$f(x)$	$+\infty$	↘		1	↗		5
		↘			↘		$-\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- A. 0.                      B. 5.                      C. 1.                      D. 2.

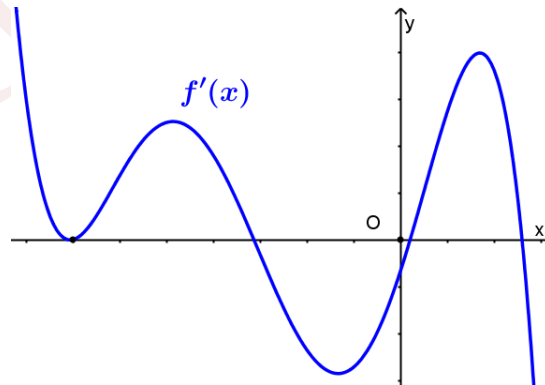
**Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		-1		1		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	
$y$	$-\infty$	↗		4	↘		-1
		↘			↘		$+\infty$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng

- A.  $(-1; 4)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(-\infty; 0)$ .                      D.  $(-1; +\infty)$ .

**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị đạo hàm như hình vẽ bên dưới. Hàm số có bao nhiêu điểm cực trị?



- A. 4.                      B. 3.                      C. 2.                      D. 1.

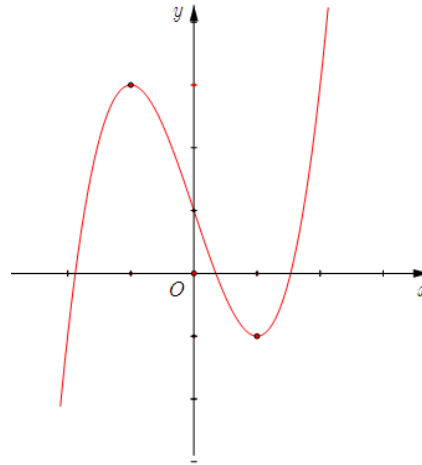
**Câu 5.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có  $BB' = a$ , đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $B$  và  $AB = a$ . Tính thể tích  $V$  của khối lăng trụ đã cho?

- A.  $V = a^3$ .                      B.  $V = \frac{a^3}{6}$ .                      C.  $V = \frac{a^3}{3}$ .                      D.  $V = \frac{a^3}{2}$ .

**Câu 6.** Thể tích  $V$  của khối chóp có diện tích đáy bằng  $S$  và chiều cao bằng  $h$  là

- A.  $V = Sh$ .                      B.  $V = \frac{1}{2}Sh$ .                      C.  $V = \frac{1}{3}Sh$ .                      D.  $V = 3Sh$ .

**Câu 7.** Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ bên?



A.  $y = -x^3 + 3x + 1.$

B.  $y = -x^2 + x - 1.$

C.  $y = x^4 - x^2 + 1.$

D.  $y = x^3 - 3x + 1.$

**Câu 8.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có các cạnh  $SA, SB, SC$  đôi một vuông góc. Biết độ dài các cạnh  $SA, SB, SC$  lần lượt là  $a, b, c$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  là

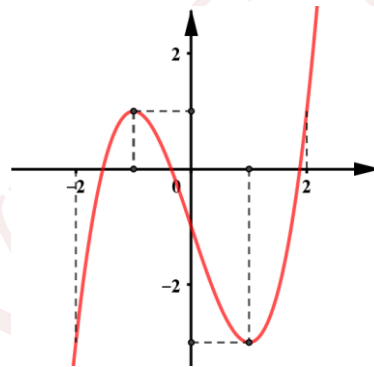
A.  $V = \frac{1}{2}abc.$

B.  $V = \frac{1}{6}abc$

C.  $V = \frac{1}{3}abc$

D.  $V = abc.$

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình bên. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



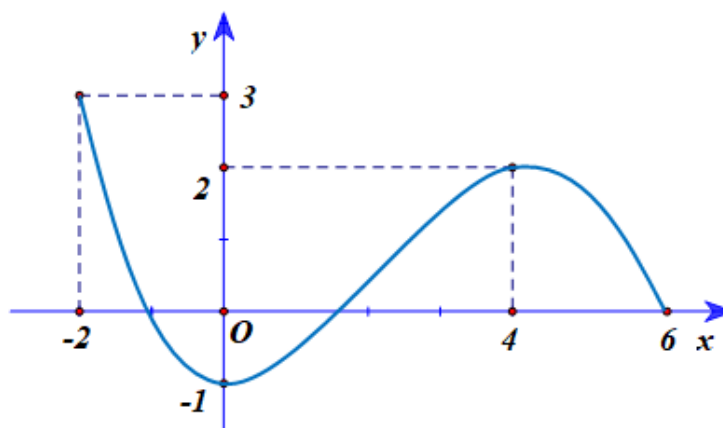
A.  $(-1; 2).$

B.  $(-2; -1).$

C.  $(-2; 1).$

D.  $(-1; 1).$

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-2; 6]$  và có đồ thị như hình vẽ.



Gọi  $M$  và  $m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[-2; 6]$

. Hiệu  $M - m$  bằng

A. 3.

B. 6.

C. 8.

D. 4.

**Câu 11.** Khối bát diện đều thuộc loại khối đa diện đều nào sau đây?

A.  $\{5; 3\}.$

B.  $\{3; 4\}.$

C.  $\{4; 3\}.$

D.  $\{3; 5\}.$

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  và có bảng biến thiên ở hình vẽ.

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$		
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$  $	$-$
$y$	$-\infty$	$1$	$0$	$+\infty$	$  $	$+\infty$	$-\infty$

Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho là

- A. 3.    B. 1.    C. 2.    D. 0.

**Câu 13.** Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Nếu  $f'(x_0) = 0$  và  $f''(x_0) > 0$  thì hàm số đạt cực tiểu tại  $x_0$ .  
 B. Nếu  $f'(x_0) = 0$  và  $f''(x_0) < 0$  thì hàm số đạt cực đại tại  $x_0$ .  
 C. Nếu  $f'(x)$  đổi dấu khi  $x$  qua điểm  $x_0$  và  $f(x)$  liên tục tại  $x_0$  thì hàm số  $y = f(x)$  đạt cực trị tại điểm  $x_0$ .  
 D. Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực trị tại  $x_0$  khi và chỉ khi  $x_0$  là nghiệm của đạo hàm.

**Câu 14.** Số giao điểm của đồ thị  $y = x^3 - 4x$  và trục hoành là

- A. 2.    B. 3.    C. 4.    D. 0.

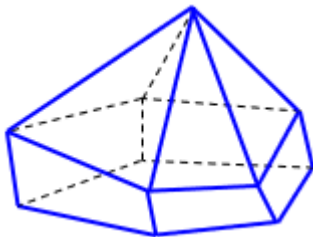
**Câu 15.** Tiệm cận ngang của đồ thị  $y = \frac{-x+2}{3x-1}$  là

- A.  $y = -\frac{1}{3}$ .                                  B.  $x = -3$ .                                  C.  $y = 2$ .                                  D.  $x = \frac{1}{3}$ .

**Câu 16.** Tìm giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^4 - x^2 + 13$  trên đoạn  $[-2; 3]$ .

- A.  $m = \frac{51}{4}$ .                                  B.  $m = \frac{49}{4}$ .                                  C.  $m = 13$ .                                  D.  $m = \frac{51}{2}$ .

**Câu 17.** Hình đa diện trong hình vẽ có bao nhiêu mặt?



- A. 6.    B. 10.    C. 12.    D. 11.

**Câu 18.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$ ,  $AC = a$ , cạnh  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$  và  $SA = a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                                  B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .                                  C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .                                  D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

**Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có thể tích  $V$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, MC$ . Thể tích của khối chóp  $N.ABCD$  là

- A.  $\frac{V}{4}$ .    B.  $\frac{V}{2}$ .    C.  $\frac{V}{3}$ .    D.  $\frac{V}{6}$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ.







Hỏi hàm số  $g(x) = 2f\left(2 - \frac{x}{2}\right) + \frac{x^2}{4} - 2x + 2020$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau ?

- A.  $(2; 3)$ .                      B.  $(-1; 3)$ .                      C.  $(-2; 3)$ .                      D.  $(10; +\infty)$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục, có đạo hàm trên  $[-2; 4]$  và có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	-2	0	2	4	
$f'(x)$	+	0	-	0	+

Số nghiệm của phương trình  $3f(-2x + 1) = 8x^3 - 6x$  trên đoạn  $\left[\frac{-3}{2}; \frac{3}{2}\right]$  là

- A. 3.                      B. 5.                      C. 1.                      D. 2.

**II - PHẦN TỰ LUẬN**

- Bài 1.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^3 + (m+1)x^2 - 2x + 2$  nghịch biến trên tập xác định của nó ?
- Bài 2.** Tìm tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2(m+1)x^2 + m$  có ba điểm cực trị  $A, B, C$  sao cho  $OA = BC$ , trong đó  $O$  là gốc tọa độ và  $A$  là điểm cực trị thuộc trục tung.
- Bài 3.** Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^2 - 2x - 2 + \sqrt{8x - 4x^2}$ .
- Bài 4.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SD = \frac{3a}{2}$ , hình chiếu vuông góc của  $S$  trên mặt phẳng  $(ABCD)$  là trung điểm  $H$  của cạnh  $AB$ . Tính theo  $a$  thể tích khối chóp  $S.ABCD$  và khoảng cách từ điểm  $A$  đến mặt phẳng  $(SBD)$ .

----- HẾT -----

## HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG****I - PHẦN TRẮC NGHIỆM**

- Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x^2 - 2x, \forall x \in \mathbb{R}$ . Hàm số  $y = -2f(x)$  đồng biến trên khoảng
- A.  $(0; 2)$ .                      B.  $(2; +\infty)$ .                      C.  $(-\infty; -2)$ .                      D.  $(-2; 0)$ .

**Lời giải****Chọn A**Ta có:  $y' = -2f'(x) = -2x^2 + 4x > 0 \Leftrightarrow x \in (0; 2)$ .Suy ra: hàm số  $y = -2f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(0; 2)$ 

- Câu 2.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$0$		$2$		$+\infty$
$f'(x)$		-	$0$	+	$0$	-	
$f(x)$	$+\infty$	↘		$1$	↗		$5$
		↘			↘		$-\infty$

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- A. 0.                      B. 5.                      C. 1.                      D. 2.

**Lời giải****Chọn C**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy giá trị cực tiểu của hàm số đã cho là 1.

- Câu 3.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$+\infty$
$y'$		+	$0$	-	$0$	+	
$y$	$-\infty$	↗		$4$	↘		$+\infty$
		↘			↘		$-1$

Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng

- A.  $(-1; 4)$ .                      B.  $(-1; 1)$ .                      C.  $(-\infty; 0)$ .                      D.  $(-1; +\infty)$ .

**Lời giải****Chọn B**Dựa vào bảng biến thiên, hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

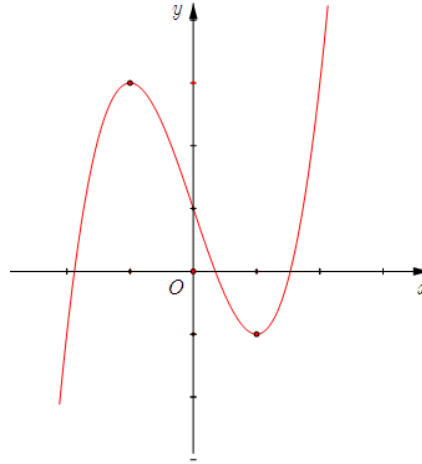
- Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị đạo hàm như hình vẽ bên dưới. Hàm số có bao nhiêu điểm cực trị?



**Chọn C**

Thể tích  $V$  của khối chóp có diện tích đáy bằng  $S$  và chiều cao bằng  $h$  là  $V = \frac{1}{3}Sh$ .

**Câu 7.** Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình vẽ bên?



**A.**  $y = -x^3 + 3x + 1$ .

**C.**  $y = x^4 - x^2 + 1$ .

**B.**  $y = -x^2 + x - 1$ .

**D.**  $y = x^3 - 3x + 1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Nhìn vào đồ thị thì đây là đồ thị hàm số bậc 3 nên loại đáp án B, C  
Do đồ thị đi từ dưới lên nên  $a > 0$  nên ta loại đáp án D

**Câu 8.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có các cạnh  $SA, SB, SC$  đôi một vuông góc. Biết độ dài các cạnh  $SA, SB, SC$  lần lượt là  $a, b, c$ . Thể tích khối chóp  $S.ABC$  là

**A.**  $V = \frac{1}{2}abc$ .

**B.**  $V = \frac{1}{6}abc$

**C.**  $V = \frac{1}{3}abc$

**D.**  $V = abc$ .

**Lời giải**

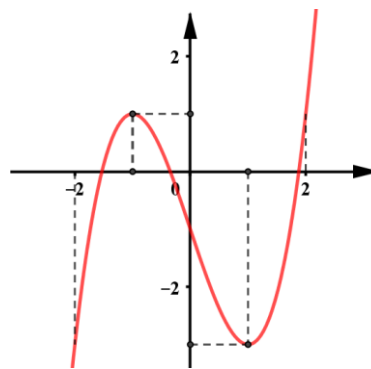
**Chọn B**

Vì  $SA, SB, SC$  đôi một vuông góc nên  $SA \perp (SBC)$ .

Do đó  $SA$  là chiều cao của hình chóp  $S.ABC$ .

Suy ra  $V_{S.ABC} = V_{A.SBC} = \frac{1}{3}SA \cdot S_{SBC} = \frac{1}{3}a \cdot \frac{1}{2}bc = \frac{1}{6}abc$ .

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình bên. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?



**A.**  $(-1; 2)$ .

**B.**  $(-2; -1)$ .

**C.**  $(-2; 1)$ .

**D.**  $(-1; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Dựa vào đồ thị nhận thấy hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-2; 6]$  và có đồ thị như hình vẽ.



**D.** Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực trị tại  $x_0$  khi và chỉ khi  $x_0$  là nghiệm của đạo hàm.

Lời giải

**Chọn D**

Xét hàm số  $y = x^3 \rightarrow y' = x^2 \rightarrow y' = 0 \Leftrightarrow x = 0$

Hàm số  $y$  không đạt cực trị tại điểm  $x = 0$ .

**Câu 14.** Số giao điểm của đồ thị  $y = x^3 - 4x$  và trục hoành là

A. 2. B. 3. C. 4. D. 0.

Lời giải

**Chọn B**

Phương trình hoành độ giao điểm:  $x^3 - 4x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm 2 \end{cases}$ .

Vậy số giao điểm là 3.

**Câu 15.** Tiệm cận ngang của đồ thị  $y = \frac{-x+2}{3x-1}$  là

A.  $y = -\frac{1}{3}$ . B.  $x = -3$ . C.  $y = 2$ . D.  $x = \frac{1}{3}$ .

Lời giải

**Chọn A**

Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-x+2}{3x-1} = \frac{-1}{3}$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x+2}{3x-1} = \frac{-1}{3} \Rightarrow y = \frac{-1}{3}$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{-x+2}{3x-1}$ .

**Câu 16.** Tìm giá trị nhỏ nhất  $m$  của hàm số  $y = x^4 - x^2 + 13$  trên đoạn  $[-2; 3]$ .

A.  $m = \frac{51}{4}$ . B.  $m = \frac{49}{4}$ . C.  $m = 13$ . D.  $m = \frac{51}{2}$ .

Lời giải

**Chọn A**

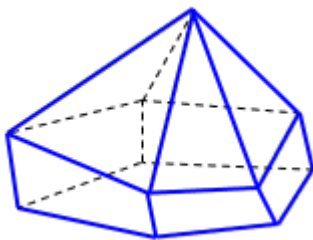
Hàm số đã cho xác định và liên tục trên  $[-2; 3]$ .

$$\text{Ta có } y' = 4x^3 - 2x, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \in [-2; 3] \\ x = \frac{\sqrt{2}}{2} \in [-2; 3] \\ x = -\frac{\sqrt{2}}{2} \in [-2; 3] \end{cases}$$

Khi đó  $y(-2) = 25$ ,  $y(0) = 13$ ,  $y(3) = 85$ ,  $y\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{51}{4}$ ,  $y\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{51}{4}$ .

Vậy  $m = \min_{[-2; 3]} y = y\left(\pm \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{51}{4}$ .

**Câu 17.** Hình đa diện trong hình vẽ có bao nhiêu mặt?



A. 6. B. 10. C. 12. D. 11.

Lời giải

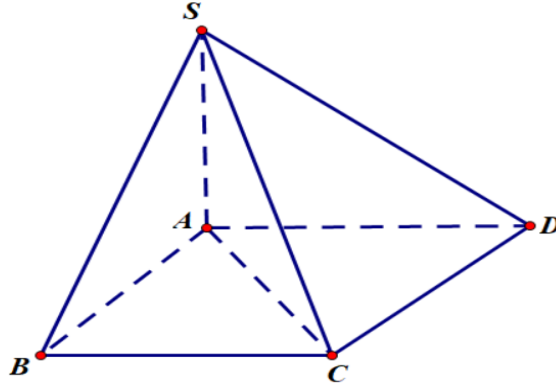
**Chọn D**

Đếm đáy hình chóp có 5 mặt và 5 mặt của lăng trụ và 1 mặt đáy. Vậy có 11 mặt.

- Câu 18.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$ ,  $AC = a$ , cạnh  $SA$  vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$  và  $SA = a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABCD$ .
- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

Lời giải

Chọn A



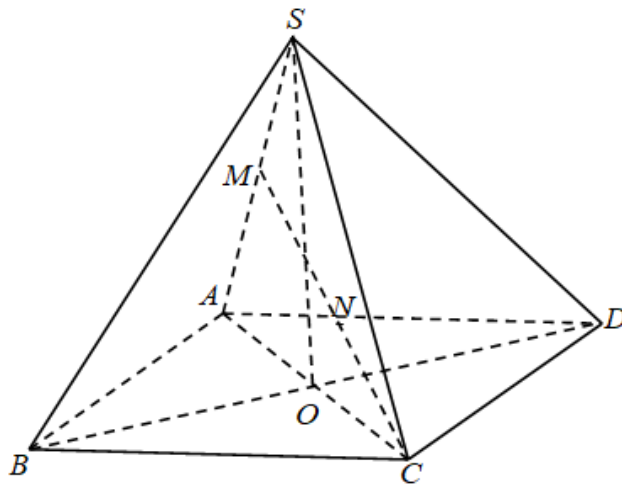
Ta có  $\Delta ABC$  là tam giác đều cạnh  $a \Rightarrow S_{ABCD} = AB \cdot BC \sin 60^\circ = \frac{a^2\sqrt{3}}{2}$ .

Vậy  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

- Câu 19.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có thể tích  $V$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của  $SA, MC$ . Thể tích của khối chóp  $N.ABCD$  là
- A.  $\frac{V}{4}$ .      B.  $\frac{V}{2}$ .      C.  $\frac{V}{3}$ .      D.  $\frac{V}{6}$ .

Lời giải

Chọn A



Đặt  $B = S_{ABCD}$ ,  $d(S; (ABCD)) = h$ . Suy ra  $V = \frac{1}{3} Bh$ .

Vì  $M$  là trung điểm của  $SA$  nên  $d(M; (ABCD)) = \frac{1}{2} d(S; (ABCD))$ ,

Lại vì  $N$  là trung điểm của  $MC$  nên  $d(N; (ABCD)) = \frac{1}{2} d(M; (ABCD))$ .

Suy ra  $d(N; (ABCD)) = \frac{1}{4} d(S; (ABCD)) = \frac{1}{4} h$ .



Từ đó ta có  $V_{N.ABCD} = \frac{1}{3}d(N;(ABCD)).B = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{3} Bh = \frac{V}{4}$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ.

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$		$5$		$-1$		$+\infty$

Phương trình  $2|f(x)| = 1$  có bao nhiêu nghiệm nhỏ hơn 2?

- A. 4.                                      B. 2.                                      C. 6.                                      D. 3.

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có  $2|f(x)| = 1 \Leftrightarrow |f(x)| = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = \frac{1}{2} \\ f(x) = -\frac{1}{2} \end{cases}$

Từ bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  ta có:

$x$	$-\infty$	$-3$	$2$		
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$
$y$	$-\infty$		$5$		$-1$

+) Phương trình  $f(x) = \frac{1}{2}$  có 2 nghiệm nhỏ hơn 2.

+) Phương trình  $f(x) = -\frac{1}{2}$  có 3 nghiệm nhỏ hơn 2.

Vậy phương trình  $2|f(x)| = 1$  có bốn nghiệm nhỏ hơn 2.

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(-\infty; 1)$ .                                      B.  $(1; 2)$ .                                      C.  $(-1; 1)$ .                                      D.  $(2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có:  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \text{ (ngheãm keùp)} \\ x = 1 \text{ (ngheãm boài ba)} \\ x = 2 \text{ (ngheãm ñhôn)} \end{cases}$

Bảng xét dấu  $f'(x)$ :

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$

Vậy hàm số  $f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(1; 2)$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x-1)^2(x-3)^3(2x+3), \forall x \in \mathbb{R}$ . Số cực trị của hàm số đã cho là

- A. 3.                                      B. 1.                                      C. 2.                                      D. 0.

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có  $f'(x)$  đổi dấu khi qua các giá trị  $x = 3$  và  $x = \frac{-3}{2}$  nên hàm số có 2 cực trị.

**Câu 23.** Tìm tất cả các số thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 + x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

- A.  $m \geq \frac{4}{3}$ .                      B.  $m \leq \frac{4}{3}$ .                      C.  $m \geq \frac{1}{3}$ .                      D.  $m \leq \frac{1}{3}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

+ TXĐ:  $\mathbb{R}$

+  $y' = 3x^2 + 2x + m$ .

+ Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$  thì  $y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow 3x^2 + 2x + m \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

$\Leftrightarrow \begin{cases} 1 - 3m \leq 0 \\ a = 3 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \geq \frac{1}{3}$ .

**Câu 24.** Hàm số nào sau đây không có giá trị lớn nhất?

- A.  $y = -\sin x + \cos x$ .                      B.  $y = -x^4 + x^2 - 2019$ .  
 C.  $y = x^3 + 3x^2 + 2019$ .                      D.  $y = -x^2 + x + 2019$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Vì  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^3 + 3x^2 + 2019) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x^3 \left( 1 + \frac{3}{x} + \frac{2019}{x^3} \right) = +\infty$  nên hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + 2019$

không có giá trị lớn nhất.

**Câu 25.** Cho biết rằng bảng biến thiên sau là bảng biến thiên của một hàm số trong các hàm số được liệt kê ở các phương án A, B, C, D dưới đây. Hỏi hàm số đó là hàm số nào?

$x$	$-\infty$	$2$	$+\infty$
$y'$		-	-
$y$	1	$+\infty$	1

- A.  $y = \frac{2x+5}{x+2}$ .                      B.  $y = \frac{x-3}{x-2}$ .                      C.  $y = \frac{2x+1}{x-2}$ .                      D.  $y = \frac{x+1}{x-2}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy:

1. Hàm số không xác định tại điểm  $x = 2$ . Nên loại đáp án

2. Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = 2$ , tiệm cận ngang là đường thẳng  $y = 1$ .

Loại được đáp án

3. Hàm số nghịch biến trên từng khoảng xác định. Chọn D vì  $y' = \frac{-3}{(x-2)^2} < 0, \forall x \neq 2$ .

**Câu 26.** Tìm tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^3 + (2m+1)x^2 + (1-5m)x + 3m + 2$  đi qua điểm  $A(2;3)$ .

- A.  $m = 10$ .                      B.  $m = -10$ .                      C.  $m = 13$ .                      D.  $m = -13$

**Lời giải**

**Chọn D**

Để đồ thị hàm số  $y = x^3 + (2m + 1)x^2 + (1 - 5m)x + 3m + 2$  đi qua điểm  $A(2; 3)$ ,

$\Rightarrow$  ta thay tọa độ điểm  $A(2; 3)$  vào công thức cho hàm số, ta được:

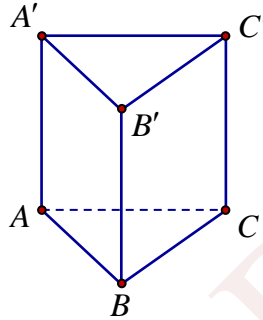
$$3 = 2^3 + (2m + 1)2^2 + (1 - 5m)2 + 3m + 2 \Leftrightarrow m + 13 = 0 \Leftrightarrow m = -13.$$

**Câu 27.** Lăng trụ tam giác đều có độ dài tất cả các cạnh bằng 3. Thể tích khối lăng trụ đã cho bằng

- A.  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$ .      B.  $\frac{27\sqrt{3}}{4}$ .      C.  $\frac{27\sqrt{3}}{2}$ .      D.  $\frac{9\sqrt{3}}{2}$ .

**Lời giải.**

**Chọn B**



Diện tích đáy:  $S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 3 \cdot \sin 60^\circ = \frac{9\sqrt{3}}{4}$ . Thể tích  $V_{lt} = S_{\Delta ABC} \cdot AA' = \frac{27\sqrt{3}}{4}$ .

**Câu 28.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị hàm số  $y = \frac{x+3}{x^2+2x-m}$  có hai đường tiệm cận đứng.

- A.  $m \leq -1$ .      B.  $m \geq 0$ .  
C.  $m > -1$ .      D.  $m > -1$  và  $m \neq 3$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Đồ thị hàm số đã cho có hai đường tiệm cận đứng khi và chỉ khi phương trình  $x^2 + 2x - m = 0$

có hai nghiệm phân biệt khác  $-3$ . Do đó  $\begin{cases} \Delta' = 1 + m > 0 \\ 3 - m \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > -1 \\ m \neq 3 \end{cases}$ .

**Câu 29.** Tìm tập hợp các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 + (m^2 - 4)x^2 + 1 - m$  có một điểm cực trị

- A.  $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$ .      B.  $[-2; 2]$ .  
C.  $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$ .      D.  $(-2; 2)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có  $y' = 4x^3 + 2(m^2 - 4)x = 2x(x^2 + m^2 - 4)$

Hàm số đã cho là hàm số trùng phương nên có đúng một cực trị khi  $y' = 0$  có một nghiệm.

Hay  $2x(x^2 + m^2 - 4) = 0$  có đúng một nghiệm  $\Leftrightarrow m^2 - 4 \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq -2 \\ m \geq 2 \end{cases}$ .

**Chú ý:**

+ Hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có đúng một cực trị khi và chỉ khi  $\begin{cases} ab \geq 0 \\ a^2 + b^2 > 0 \end{cases}$  (1)



$$f'(x^3 + 3x^2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^3 + 3x^2 = a < 0 \\ x^3 + 3x^2 = 0 \\ x^3 + 3x^2 = 4 \\ x^3 + 3x^2 = b > 4 \end{cases}$$

Ta thấy:  $x^3 + 3x^2 = 0 \Leftrightarrow x^2(x + 3) = 0 \Leftrightarrow x = 0; x = -3$

Và  $x^3 + 3x^2 = 4 \Leftrightarrow (x - 1)(x + 2)^2 = 0 \Leftrightarrow x = 1; x = -2$ .

Hàm số  $h(x) = x^3 + 3x^2$  có  $h'(x) = 3x^2 + 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -2 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên của hàm  $h(x)$ :

$x$	$-\infty$	$-3$	$-2$	$0$	$1$	$+\infty$
$h'(x)$			$+$	$0$	$-$	$0$
$h(x)$	$-\infty$	$0$	$4$	$0$	$4$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên của hàm  $h(x)$ , ta có

Phương trình  $x^3 + 3x^2 = a < 0$  có duy nhất một nghiệm  $x_1 < -3$ .

Phương trình  $x^3 + 3x^2 = b > 4$  có duy nhất một nghiệm  $x_2 > 1$ .

Do đó, phương trình  $g'(x) = 0$  có bốn nghiệm đơn phân biệt và hai nghiệm bội ba nên hàm số  $y = g(x)$  có 6 điểm cực trị.

**Câu 33.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành và có thể tích  $V$ . Gọi  $E$  là điểm trên cạnh  $SC$  sao cho  $EC = 2ES$ ,  $(\alpha)$  là mặt phẳng chứa đường thẳng  $AE$  và song song với đường thẳng  $BD$ ,  $(\alpha)$  cắt hai cạnh  $SB, SD$  lần lượt tại hai điểm  $M, N$ . Tính theo  $V$  thể tích khối chóp  $S.AMEN$ .

A.  $\frac{2V}{9}$ .

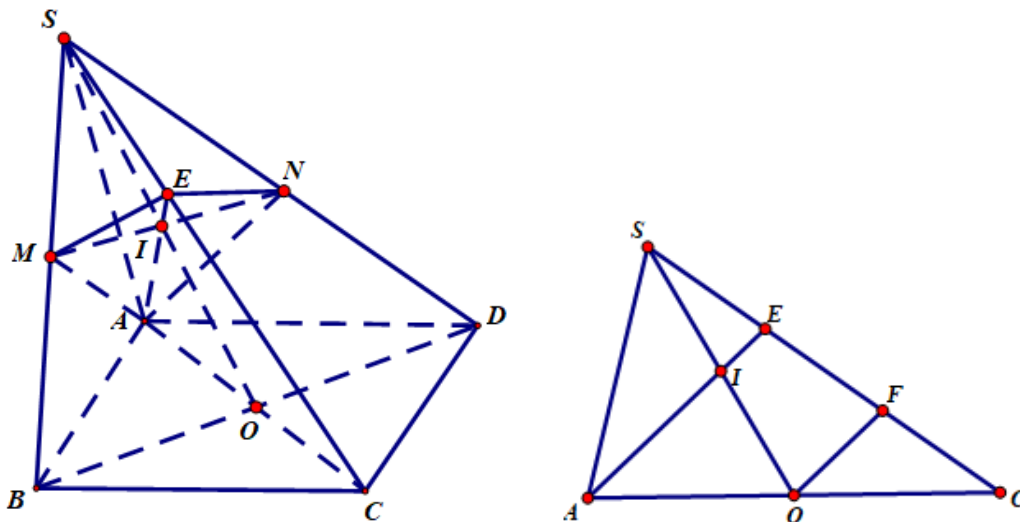
B.  $\frac{V}{3}$ .

C.  $\frac{V}{6}$ .

D.  $\frac{V}{12}$ .

Lời giải

Chọn C



Gọi  $O$  là tâm hình bình hành  $ABCD$ ;  $I$  là giao điểm của  $AE$  và  $SO$ .

Theo bài ra:  $\frac{SE}{SC} = \frac{1}{3}$ ;  $MN$  đi qua điểm  $I$  và  $MN // BD$ .

Ta có:  $\frac{V_{S.AME}}{V_{S.ABC}} = \frac{SM}{SB} \cdot \frac{SE}{SC} \cdot \frac{V_{S.ANE}}{V_{S.ADC}} = \frac{SN}{SD} \cdot \frac{SE}{SC}$ ,  $V_{S.ABC} = V_{S.ADC} = \frac{V}{2}$ .

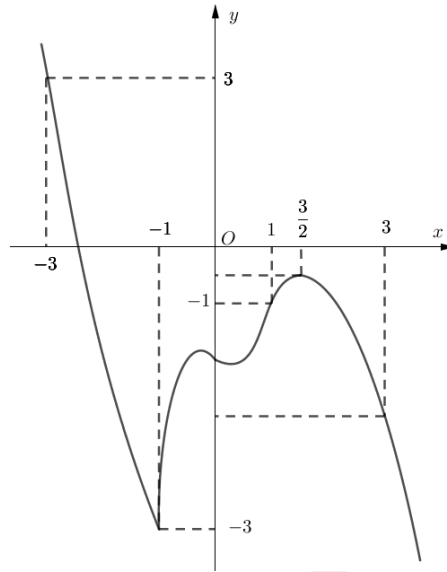
Kẻ  $OF // AE$ ,  $F \in [SC]$ . Vì  $O$  là trung điểm của  $AC$  nên  $F$  là trung điểm của  $EC$ , theo giả thiết suy ra  $E$  là trung điểm của  $SF$ .

Xét tam giác  $SOF$  có  $E$  là trung điểm của  $SF$  và  $OF // IE$ , suy ra  $I$  là trung điểm của  $SO$ .

$$\Rightarrow \frac{SI}{SO} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{SM}{SB} = \frac{SN}{SD} = \frac{1}{2}$$

Do đó  $\frac{V_{S.AME}}{\frac{1}{2}V} = \frac{V_{S.ANE}}{\frac{1}{2}V} = \frac{1}{6} \Rightarrow V_{SAMEN} = \frac{1}{6}V$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$ . Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình bên dưới.



Hỏi hàm số  $g(x) = 2f\left(2 - \frac{x}{2}\right) + \frac{x^2}{4} - 2x + 2020$  nghịch biến trên khoảng nào trong các khoảng sau ?

**A.** (2; 3).

**B.** (-1; 3).

**C.** (-2; 3).

**D.** (10; +∞).

**Lời giải**

**Chọn A**

Ta có  $g(x) = 2f\left(2 - \frac{x}{2}\right) + \frac{x^2}{4} - 2x + 2020 \Rightarrow g'(x) = -f'\left(2 - \frac{x}{2}\right) + \frac{x}{2} - 2$

Đặt  $t = 2 - \frac{x}{2} \Rightarrow x = 4 - 2t$

Suy ra  $g'(4 - 2t) = -f'(t) - t$

$g'(4 - 2t) = 0 \Leftrightarrow f'(t) = -t (*)$

Phương trình (\*) là phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $f'$  và đường thẳng  $y = -x$ .

Dựa vào đồ thị:

$$(*) \Leftrightarrow \begin{cases} t = -3 \\ t = 1 \\ t = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 10 \\ x = 2 \\ x = -2 \end{cases}$$

Ta có bảng xét dấu của hàm  $g'$

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$10$	$+\infty$			
$g'$		-	0	+	0	-	0	+

$g(x)$  nghịch biến trên khoảng (2;10) nên nghịch biến trên khoảng (2;3).

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục, có đạo hàm trên  $[-2; 4]$  và có bảng biến thiên như hình vẽ



- Bài 1.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^3 + (m+1)x^2 - 2x + 2$  nghịch biến trên tập xác định của nó?
- Bài 2.** Tìm tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2(m+1)x^2 + m$  có ba điểm cực trị  $A, B, C$  sao cho  $OA = BC$ , trong đó  $O$  là gốc tọa độ và  $A$  là điểm cực trị thuộc trục tung.
- Bài 3.** Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^2 - 2x - 2 + \sqrt{8x - 4x^2}$ .
- Bài 4.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SD = \frac{3a}{2}$ , hình chiếu vuông góc của  $S$  trên mặt phẳng  $(ABCD)$  là trung điểm  $H$  của cạnh  $AB$ . Tính theo  $a$  thể tích khối chóp  $S.ABCD$  và khoảng cách từ điểm  $A$  đến mặt phẳng  $(SBD)$ .

----- HẾT -----



## ĐỀ 19

## ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

ĐẶNG VIỆT ĐÔNG

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

## I - PHẦN TRẮC NGHIỆM

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Xét tính đúng sai của các mệnh đề sau:

(I): Nếu  $f'(x) > 0$  trên khoảng  $(x_0 - h; x_0)$  và  $f'(x) < 0$  trên khoảng  $(x_0; x_0 + h)$  ( $h > 0$ ) thì hàm số đạt cực đại tại điểm  $x_0$ .

(II): Nếu hàm số đạt cực đại tại điểm  $x_0$  thì tồn tại các khoảng  $(x_0 - h; x_0)$ ,  $(x_0; x_0 + h)$  ( $h > 0$ ) sao cho  $f'(x) > 0$  trên khoảng  $(x_0 - h; x_0)$  và  $f'(x) < 0$  trên khoảng  $(x_0; x_0 + h)$ .

A. Cả (I) và (II) cùng đúng.

B. Cả (I) và (II) cùng sai.

C. Mệnh đề (I) đúng, mệnh đề (II) sai.

D. Mệnh đề (I) sai, mệnh đề (II) đúng.

**Câu 2.** Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  được sắp xếp theo thứ tự tăng dần của số đỉnh là

A.  $\{3; 3\}$ ,  $\{3; 4\}$ ,  $\{4; 3\}$ ,  $\{5; 3\}$ ,  $\{3; 5\}$ .

B.  $\{3; 3\}$ ,  $\{3; 4\}$ ,  $\{4; 3\}$ ,  $\{3; 5\}$ ,  $\{5; 3\}$ .

C.  $\{3; 3\}$ ,  $\{3; 4\}$ ,  $\{5; 3\}$ ,  $\{4; 3\}$ ,  $\{3; 5\}$ .

D.  $\{3; 3\}$ ,  $\{4; 3\}$ ,  $\{3; 4\}$ ,  $\{3; 5\}$ ,  $\{5; 3\}$ .

**Câu 3.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

A. 20.

B. -16.

C. 4.

D. 0.

**Câu 4.** Cho tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc với nhau và  $OA = 2a, OB = 3a, OC = 8a$ .  $M$  là trung điểm đoạn  $OC$ . Tính thể tích  $V$  khối tứ diện  $OABM$ .

A.  $8a^3$ .

B.  $3a^3$ .

C.  $4a^3$ .

D.  $6a^3$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $CD$  xác định và liên tục trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ , có bảng biến thiên dưới đây:

$x$	$-\infty$		-1		1		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	
$y$	$-\infty$	↗		2	↘		$+\infty$
					-1		

Mệnh đề nào sau đây đúng?

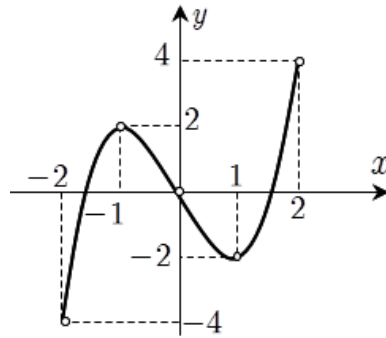
A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .

C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $39^\circ$ .

D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .

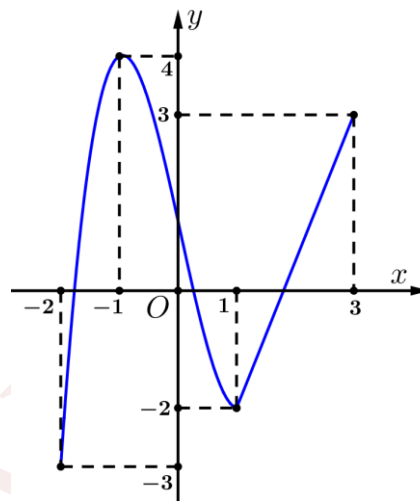
**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực đại tại điểm

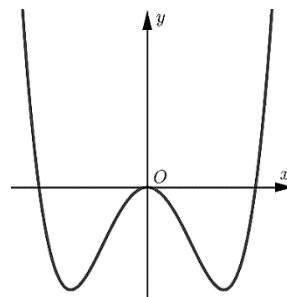
- A.  $x = 2$ .                      B.  $x = -2$ .                      C.  $x = -1$ .                      D.  $x = 1$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 3]$  và có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Gọi  $m, M$  lần lượt là giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số trên đoạn  $[-2; 3]$ . Giá trị của  $m.M$  bằng bao nhiêu?



- A.  $-8$ .                      B.  $1$ .                      C.  $-6$ .                      D.  $-12$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ.



Số nghiệm thực của phương trình  $f(x) = 3$  là

- A.  $2$ .                      B.  $0$ .                      C.  $3$ .                      D.  $1$ .

**Câu 9.** Thể tích của khối chóp có diện tích đáy bằng  $3S$  và chiều cao bằng  $h$  được tính là

- A.  $V = 3Sh$                       B.  $V = \frac{3}{2}Sh$                       C.  $V = Sh$                       D.  $V = \frac{1}{3}Sh$

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	-		-	-
$f(x)$	$0 \rightarrow -\infty$	$+\infty \rightarrow -\infty$	$+\infty \rightarrow -\infty$	

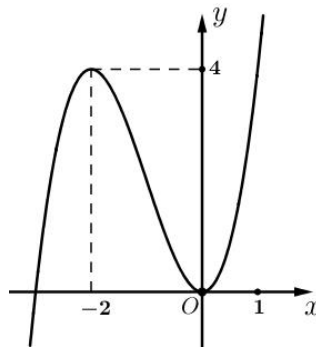
Tổng số tiệm cận ngang và tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là

- A. 1.                      B. 2.                      C. 3.                      D. 0.

**Câu 11.** Trong các hàm số sau, hàm số nào đồng biến trên  $\mathbb{R}$  ?

- A.  $y = x^3 + x$ .                      B.  $y = \frac{x+1}{x+3}$                       C.  $y = x^2 + x$ .                      D.  $y = x^4 + x^2$ .

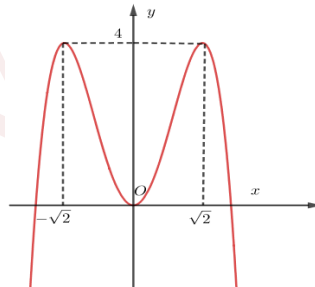
**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ



Hàm số nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(0; 4)$ .                      B.  $(-\infty; -2)$ .                      C.  $(-2; 0)$ .                      D.  $(-3; +\infty)$ .

**Câu 13.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị hàm số nào dưới đây



- A.  $y = x^4 + 3x^2$ .                      B.  $y = -x^4 - 2x^2$ .                      C.  $y = -x^4 + 4x^2$ .                      D.  $y = \frac{1}{4}x^4 -$

$2x^2$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$3$	$+\infty$	
$y'$	-	0	+	0	-
$y$	$+\infty$	$1$	$4$	$-\infty$	

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại

- A.  $x = 1$ .                      B.  $x = 4$ .                      C.  $x = -2$ .                      D.  $x = 3$ .

**Câu 15.** Thể tích khối lăng trụ đứng tam giác  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng  $a$  là

- A.  $\frac{a^3}{4}$ .                      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .                      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

**Câu 16.** Một hình đa diện có ít nhất bao nhiêu đỉnh?

- A. 4.                      B. 3.                      C. 6.                      D. 5.

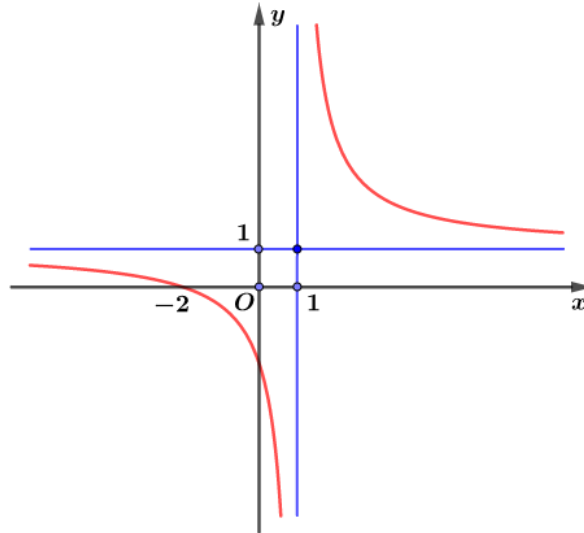
**Câu 17.** Cho hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$ . Chọn phát biểu **đúng**?

- A. Đường tiệm cận đứng  $y = 2$ .  
 B. Đường tiệm cận đứng  $x = 2$ .  
 C. Đường tiệm cận đứng  $y = 1$ .  
 D. Đường tiệm cận đứng  $x = 1$ .

**Câu 18.** Cho hàm số  $y = x^4 + mx^2 + 1$  với  $m$  là số thực âm. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

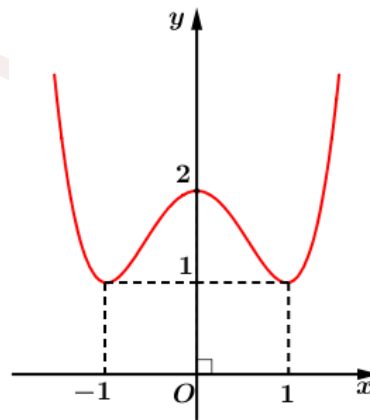
- A. 2.                                      B. 3.                                      C. 1.                                      D. 0.

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+2}{cx+b}$  có đồ thị như hình vẽ. Hãy tính tổng  $S = a+b+c$ .



- A.  $S = 1$ .                                      B.  $S = 3$ .                                      C.  $S = 4$ .                                      D.  $S = 2$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Khi đó, số nghiệm thực của phương trình  $2018f(x) - 2019 = 0$  là:



- A. 4.                                      B. 3.                                      C. 2.                                      D. 0.

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = f(x) = \frac{x+1}{x^2 - 2mx + 4}$ . Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị có ba đường tiệm cận.

- A.  $\begin{cases} m > 2 \\ m < -2 \\ m \neq -\frac{5}{2} \end{cases}$ .                                      B.  $\begin{cases} m < -2 \\ m > 2 \end{cases}$ .                                      C.  $m > 2$ .                                      D.  $\begin{cases} m < -2 \\ m \neq -\frac{5}{2} \end{cases}$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x) = \frac{ax+3}{2x-b}$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$1$		$+\infty$
$y'$		-			-
$y$	$2$		$+\infty$		$2$

Giá trị  $a - 2b$  bằng?

- A. 10                                      B. 8                                      C. -6                                      D. 0

**Câu 23.** Cho hình chóp tam giác  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$ ,  $AB = a$ ,  $AC = 2a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt đáy và  $SA = a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $V = \frac{a^3}{4}$ .                                      B.  $V = a^3$ .                                      C.  $V = \frac{a^3}{2}$ .                                      D.  $V = \frac{a^3}{3}$ .

**Câu 24.** Tính giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = 3x + \frac{4}{x^2}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $\min_{(0;+\infty)} y = 2\sqrt[3]{9}$ .                                      B.  $\min_{(0;+\infty)} y = 3\sqrt[3]{9}$ .                                      C.  $\min_{(0;+\infty)} y = 7$ .                                      D.  $\min_{(0;+\infty)} y = \frac{33}{5}$ .

**Câu 25.** Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 - (2m - 3)x + 4$  đồng biến trên  $(-1; +\infty)$ .

- A.  $[0; +\infty)$ .                                      B.  $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .                                      C.  $\left(-\infty; -\frac{1}{2}\right]$ .                                      D.  $(-\infty; 0]$ .

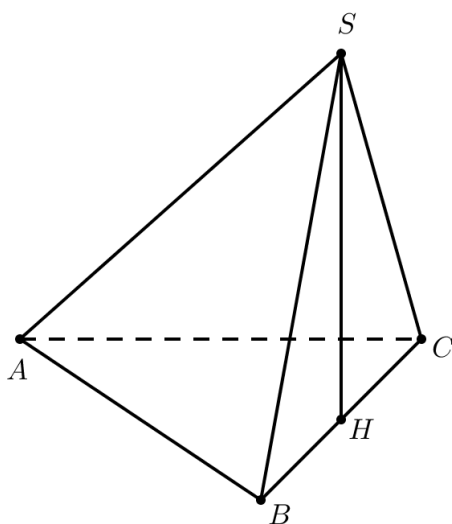
**Câu 26.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định và liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		$-1$		$+\infty$
$y'$		-			-
$y$	$2$		$+\infty$		$-2$

Hỏi đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{f(x)}$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang?

- A. 1.                                      B. 3.                                      C. 2.                                      D. 4.

**Câu 27.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $BC = a\sqrt{2}$ . Hình chiếu vuông góc  $H$  của  $S$  trên mặt phẳng đáy là trung điểm của đoạn thẳng  $BC$  và  $SA = \frac{a\sqrt{3}}{2}$  (tham khảo hình vẽ dưới đây). Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.



- A.  $V = \frac{a^3}{12}$ .      B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      C.  $V = \frac{a^3}{4}$ .      D.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = \frac{mx - m^2 - 2}{-x + 1}$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\max_{[-4; -2]} y = \frac{-1}{3}$ . Mệnh đề nào sau đây đây đúng?

- A.  $-3 < m < \frac{-1}{2}$ .      B.  $\frac{-1}{2} < m < 0$ .      C.  $m > 4$ .      D.  $1 \leq m < 3$ .

**Câu 29.** Hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và  $f'(x) > 0, \forall x \in (0; +\infty)$ , biết  $f(2) = 1$ . Khẳng định nào sau đây có thể xảy ra?

- A.  $f(3) = 0$ .      B.  $f(2) + f(3) = 4$ .  
C.  $f(1) = 4$ .      D.  $f(2019) > f(2020)$ .

**Câu 30.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x - 1)(x + 4)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- A. 4.      B. 1.      C. 2.      D. 3.

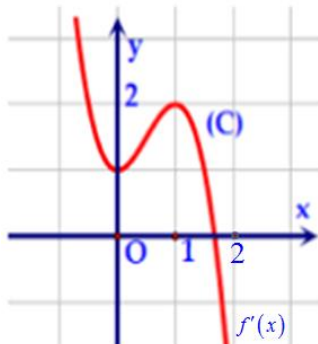
**Câu 31.** Cho khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có độ dài đường chéo 1 mặt  $AC = 2\sqrt{2}a$ . Thể tích của khối lập phương là:

- A.  $8a^3$ .      B.  $2a^3$ .      C.  $a^3$ .      D.  $2\sqrt{2}a^3$ .

**Câu 32.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $M, N, K$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, BC, SA$ . Biết mặt phẳng  $(MNK)$  chia khối chóp  $S.ABCD$  thành hai phần có thể tích là  $V_1, V_2$  ( $V_1 < V_2$ ). Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- A.  $\frac{7}{13}$ .      B.  $\frac{9}{23}$ .      C.  $\frac{49}{71}$ .      D.  $\frac{17}{67}$ .

**Câu 33.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị hàm  $f'(x)$  như hình dưới.





## HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG****I - PHẦN TRẮC NGHIỆM****Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$ . Xét tính đúng sai của các mệnh đề sau:(I): Nếu  $f'(x) > 0$  trên khoảng  $(x_0 - h; x_0)$  và  $f'(x) < 0$  trên khoảng  $(x_0; x_0 + h)$  ( $h > 0$ ) thì hàm số đạt cực đại tại điểm  $x_0$ .(II): Nếu hàm số đạt cực đại tại điểm  $x_0$  thì tồn tại các khoảng  $(x_0 - h; x_0)$ ,  $(x_0; x_0 + h)$  ( $h > 0$ ) sao cho  $f'(x) > 0$  trên khoảng  $(x_0 - h; x_0)$  và  $f'(x) < 0$  trên khoảng  $(x_0; x_0 + h)$ .**A.** Cả (I) và (II) cùng đúng.**B.** Cả (I) và (II) cùng sai.**C.** Mệnh đề (I) đúng, mệnh đề (II) sai.**D.** Mệnh đề (I) sai, mệnh đề (II) đúng.**Lời giải****Chọn C**

Ta có mệnh đề (I) đúng và mệnh đề (II) sai (câu lý thuyết)

**Câu 2.** Khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$  được sắp xếp theo thứ tự tăng dần của số đỉnh là**A.**  $\{3;3\}$ ,  $\{3;4\}$ ,  $\{4;3\}$ ,  $\{5;3\}$ ,  $\{3;5\}$ .**B.**  $\{3;3\}$ ,  $\{3;4\}$ ,  $\{4;3\}$ ,  $\{3;5\}$ ,  $\{5;3\}$ .**C.**  $\{3;3\}$ ,  $\{3;4\}$ ,  $\{5;3\}$ ,  $\{4;3\}$ ,  $\{3;5\}$ .**D.**  $\{3;3\}$ ,  $\{4;3\}$ ,  $\{3;4\}$ ,  $\{3;5\}$ ,  $\{5;3\}$ .**Lời giải****Chọn B**Gọi  $D$  là tổng số đỉnh,  $C$  là tổng số cạnh,  $M$  là tổng số mặt của khối đa diện đều loại  $\{p; q\}$ .Ta có:  $pD = nM = 2C$ . Cụ thể:

① Xét tứ diện đều loại  $\{3;3\} \Rightarrow \begin{cases} p=3; q=3 \\ M=4 \end{cases} \Rightarrow D = \frac{pM}{q} = 4; C = \frac{pM}{2} = 6.$

② Xét khối lập phương đều loại  $\{4;3\} \Rightarrow \begin{cases} p=4; q=3 \\ M=6 \end{cases} \Rightarrow D = \frac{pM}{q} = 8; C = \frac{pM}{2} = 12.$

③ Xét khối bát diện đều loại  $\{3;4\} \Rightarrow \begin{cases} p=3; q=4 \\ M=8 \end{cases} \Rightarrow D = \frac{pM}{q} = 6; C = \frac{pM}{2} = 12.$

④ Xét khối mười hai mặt đều loại  $\{5;3\} \Rightarrow \begin{cases} p=5; q=3 \\ M=12 \end{cases} \Rightarrow D = \frac{pM}{q} = 20; C = \frac{pM}{2} = 30.$

⑤ Xét khối hai mươi mặt đều loại  $\{3;5\} \Rightarrow \begin{cases} p=3; q=5 \\ M=20 \end{cases} \Rightarrow D = \frac{pM}{q} = 12; C = \frac{qM}{2} = 30.$

Vậy ta có sắp xếp:  $\{3;3\}$ ,  $\{3;4\}$ ,  $\{4;3\}$ ,  $\{3;5\}$ ,  $\{5;3\}$ .**Câu 3.** Giá trị nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng**A.** 20.**B.** -16.**C.** 4.**D.** 0.**Lời giải**



**Chọn B**

+ Ta có:  $f'(x) = 3x^2 - 3, f'(x) = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$ .

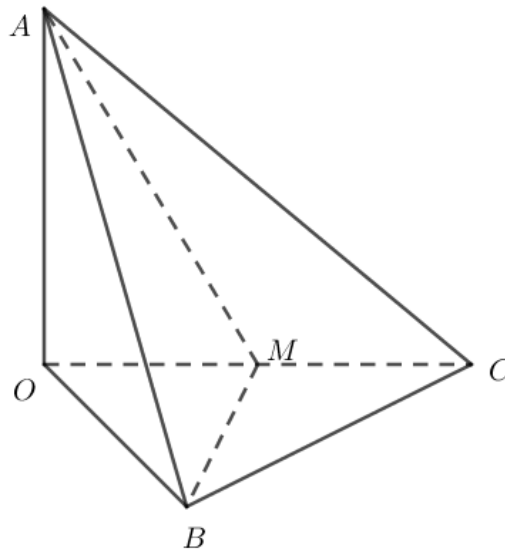
+  $f(-3) = -16; f(3) = 20; f(-1) = 4; f(1) = 0$ .

Giá trị nhỏ nhất của hàm số bằng  $f(-3) = -16$ .

- Câu 4.** Cho tứ diện  $OABC$  có  $OA, OB, OC$  đôi một vuông góc với nhau và  $OA = 2a, OB = 3a, OC = 8a$ .  $M$  là trung điểm đoạn  $OC$ . Tính thể tích  $V$  khối tứ diện  $OABM$ .  
**A.**  $8a^3$ .                      **B.**  $3a^3$ .                      **C.**  $4a^3$ .                      **D.**  $6a^3$ .

**Lời giải**

**Chọn C**



Ta có:  $\begin{cases} OA \perp OB \\ OA \perp OC \end{cases} \Rightarrow OA \perp (OBC)$

Thể tích khối tứ diện  $OABM$  là  $V = \frac{1}{3} \cdot OA \cdot S_{\Delta OBM} = \frac{1}{3} \cdot OA \cdot \frac{1}{2} \cdot S_{\Delta OBC} = \frac{1}{6} \cdot OA \cdot \frac{1}{2} \cdot OB \cdot OC = \frac{1}{12} \cdot 2a \cdot 3a \cdot 8a = 4a^3$ .

- Câu 5.** Cho hàm số  $CD$  xác định và liên tục trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ , có bảng biến thiên dưới đây:

$x$	$-\infty$		$-1$		$1$		$+\infty$
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$	↗ $2$ ↘		↘ $-1$ ↗			$+\infty$

Mệnh đề nào sau đây đúng?

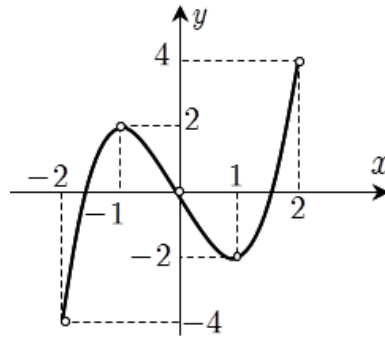
- A.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .  
**B.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .  
**C.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $39^\circ$ .  
**D.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; -1)$  nên hàm số đồng biến trên  $M$ .

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên đoạn  $[-2; 2]$  và có đồ thị là đường cong trong hình vẽ bên.



Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực đại tại điểm

A.  $x = 2$ .

B.  $x = -2$ .

C.  $x = -1$ .

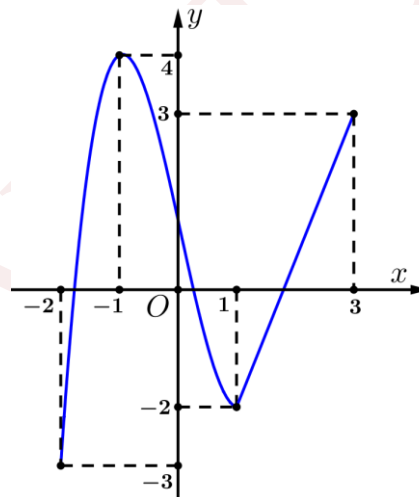
D.  $x = 1$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Dựa vào đồ thị của hàm số, hàm số đạt cực đại tại  $x = -1$ .

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên đoạn  $[-2; 3]$  và có đồ thị như hình vẽ dưới đây. Gọi  $m, M$  lần lượt là giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số trên đoạn  $[-2; 3]$ . Giá trị của  $mM$  bằng bao nhiêu?



A.  $-8$ .

B.  $1$ .

C.  $-6$ .

D.  $-12$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Quan sát đồ thị trên  $[-2; 3]$  ta thấy GTLN của hàm số bằng  $M = 4$  tại  $x = -1$  và đạt giá trị nhỏ nhất bằng  $m = -3$  tại  $x = -2$ .

Vậy  $mM = -12$ .

**Câu 8.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ.

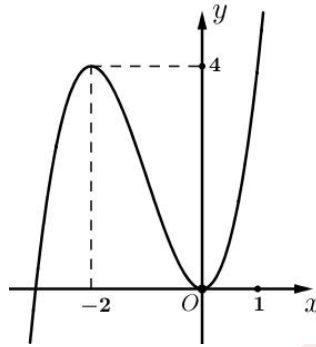


Hàm số  $y = x^4 + x^2$  là hàm số trùng phương luôn có điểm cực trị do đó không đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Hàm số  $y = \frac{x+1}{x+3}$  có tập xác định là  $\mathbb{R} \setminus \{-3\}$  nên không đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Hàm số  $y = x^3 + x$  có  $y' = 3x^2 + 1 > 0$ , với  $\forall x \in \mathbb{R}$  do đó hàm số luôn đồng biến trên tập xác định  $\mathbb{R}$ .

**Câu 12.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ



Hàm số nghịch biến trên khoảng nào sau đây?

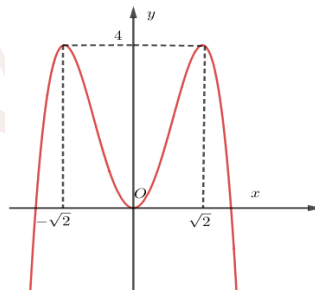
- A.  $(0; 4)$ .                      B.  $(-\infty; -2)$ .                      C.  $(-2; 0)$ .                      D.  $(-3; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Trên khoảng  $(-2; 0)$ , đồ thị hàm số  $y = f(x)$  đi xuống (từ trái sang phải) nên hàm số nghịch biến trên khoảng  $y = f(x)$ .

**Câu 13.** Đường cong trong hình vẽ bên là đồ thị hàm số nào dưới đây



- A.  $y = x^4 + 3x^2$ .                      B.  $y = -x^4 - 2x^2$ .                      C.  $y = -x^4 + 4x^2$ .                      D.  $y = \frac{1}{4}x^4 - 2x^2$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Dựa vào đồ thị và đáp án, hàm số cần tìm có dạng  $y = ax^4 + bx^2 + c$  với  $a < 0$ . Loại C,

D.

Vì đồ thị hàm số có 3 cực trị nên  $ab < 0$ . Loại A. Vậy chọn

B.

**Câu 14.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$3$	$+\infty$			
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$y$	$+\infty$		$1$		$4$		$-\infty$

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại

A.  $x = 1$ .

B.  $x = 4$ .

C.  $x = -2$ .

D.  $x = 3$ .

Lời giải

**Chọn C**Dựa vào BBT hàm số đạt cực tiểu tại điểm  $x = -2$ .**Câu 15.** Thể tích khối lăng trụ đứng tam giác  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh bằng  $a$  là

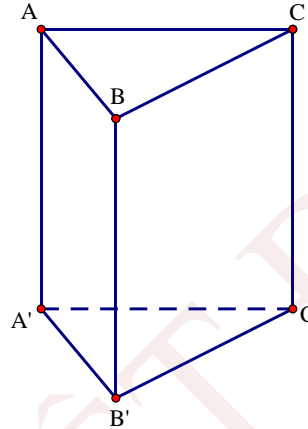
A.  $\frac{a^3}{4}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

Lời giải

**Chọn B**

$$\text{Ta có } V_{ABC.A'B'C'} = AA' \cdot S_{ABC} = a \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}.$$

**Câu 16.** Một hình đa diện có ít nhất bao nhiêu đỉnh?

A. 4.

B. 3.

C. 6.

D. 5.

Lời giải

**Chọn A**

Một hình đa diện có ít nhất bốn đỉnh.

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$ . Chọn phát biểu **đúng**?

A. Đường tiệm cận đứng  $y = 2$ .

B. Đường tiệm cận đứng  $x = 2$ .

C. Đường tiệm cận đứng  $y = 1$ .

D. Đường tiệm cận đứng  $x = 1$ .

Lời giải

**Chọn D**

+ TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

+ Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x+1}{x-1} = +\infty \Rightarrow x = 1$  là đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

**Câu 18.** Cho hàm số  $y = x^4 + mx^2 + 1$  với  $m$  là số thực âm. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

A. 2.

B. 3.

C. 1.

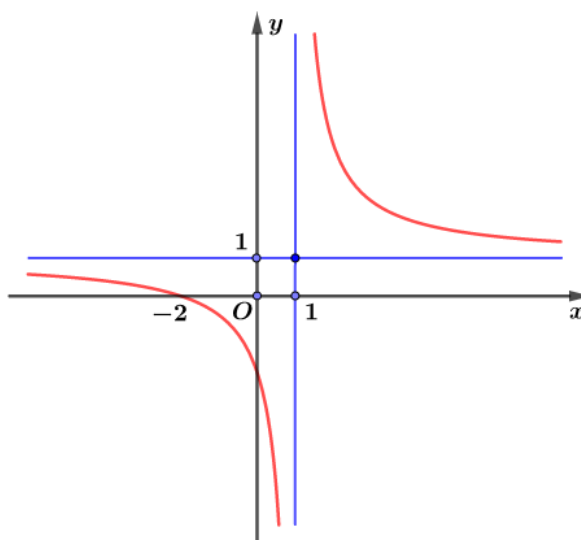
D. 0.

Lời giải

**Chọn B**Phương pháp trắc nghiệm. Vì hàm số bậc 4 trùng phương hệ số  $a; b$  trái dấu nhau nên có 3 cực trị.

Phương pháp tự luận. Tính  $y' = 4x^3 + 2mx = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \sqrt{-\frac{m}{2}} \\ x = -\sqrt{-\frac{m}{2}} \end{cases}$  nên hàm số có 3 cực trị.

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+2}{cx+b}$  có đồ thị như hình vẽ. Hãy tính tổng  $S = a+b+c$ .



A.  $S=1$ .

B.  $S=3$ .

C.  $S=4$ .

D.  $S=2$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Đồ thị hàm số có tiệm cận đứng là đường thẳng  $x=1 \Leftrightarrow -\frac{b}{c}=1 \Leftrightarrow b+c=0$  (1)

Đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là đường thẳng  $y=1 \Leftrightarrow \frac{a}{c}=1 \Leftrightarrow a-c=0$  (2)

Đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm  $(-2;0) \Leftrightarrow \frac{-2a+2}{-2c+b}=0 \Leftrightarrow a=1$  (3)

Từ (1), (2) và (3)  $\Rightarrow a=1, b=-1, c=1$ .

Vậy  $S = a+b+c = 1$ .

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^4 + bx^2 + c$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ). Đồ thị hàm số  $y = f(x)$  như hình vẽ bên. Khi đó, số nghiệm thực của phương trình  $2018f(x) - 2019 = 0$  là:



**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x) = \frac{ax+3}{2x-b}$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		1		$+\infty$
$y'$		-		-	
$y$	2		$+\infty$		2

$\swarrow$   $-\infty$        $\searrow$

Giá trị  $a-2b$  bằng?

- A. 10                                      B. 8                                      C. -6                                      D. 0

Lời giải

**Chọn D**

Đk:  $-ab-6 \neq 0 \Leftrightarrow ab \neq -6$

Từ BBT ta dễ dàng nhận thấy ĐTHS có TCN là:  $y = 2$

và tiệm cận đứng là:  $x = 1$

Suy ra  $\frac{a}{2} = 2 \Leftrightarrow a = 4$  và  $\frac{b}{2} = 1 \Leftrightarrow b = 2$  (TMĐK)

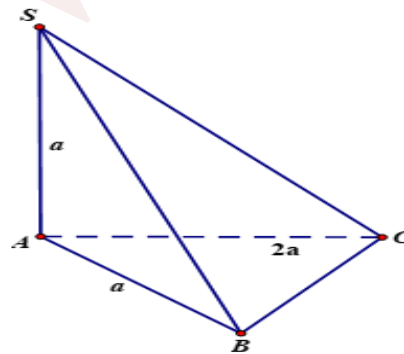
Vậy  $a-2b = 4-2.2 = 0$ .

**Câu 23.** Cho hình chóp tam giác  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $A$ ,  $AB = a$ ,  $AC = 2a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt đáy và  $SA = a$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $V = \frac{a^3}{4}$ .                                      B.  $V = a^3$ .                                      C.  $V = \frac{a^3}{2}$ .                                      D.  $V = \frac{a^3}{3}$ .

Lời giải

**Chọn D**



Diện tích đáy  $B = S_{ABC} = \frac{1}{2} a.2a = a^2$

Chiều cao:  $h = a$

$V_{ABCA'B'C'} = \frac{1}{3} B.h = \frac{1}{3} a^2 .a = \frac{a^3}{3}$

**Câu 24.** Tính giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = 3x + \frac{4}{x^2}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $\min_{(0;+\infty)} y = 2\sqrt[3]{9}$ .                                      B.  $\min_{(0;+\infty)} y = 3\sqrt[3]{9}$ .                                      C.  $\min_{(0;+\infty)} y = 7$ .                                      D.  $\min_{(0;+\infty)} y = \frac{33}{5}$ .

Lời giải

**Chọn B**



**Cách 1: (Dùng bất đẳng thức Cauchy)**

$$y = 3x + \frac{4}{x^2} = \frac{3x}{2} + \frac{3x}{2} + \frac{4}{x^2} \geq 3\sqrt[3]{\frac{3x}{2} \cdot \frac{3x}{2} \cdot \frac{4}{x^2}} = 3\sqrt[3]{9} \text{ (do } x > 0)$$

Dấu "=" xảy ra khi  $\frac{3x}{2} = \frac{4}{x^2} \Leftrightarrow x = \sqrt[3]{\frac{8}{3}}$ .

Vậy  $\min_{(0;+\infty)} y = 3\sqrt[3]{9}$

**Cách 2: (Dùng đạo hàm)**

Xét hàm số  $y = 3x + \frac{4}{x^2}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$

Ta có  $y = 3x + \frac{4}{x^2} \Rightarrow y' = 3 - \frac{8}{x^3}$

Cho  $y' = 0 \Leftrightarrow \frac{8}{x^3} = 3 \Leftrightarrow x^3 = \frac{8}{3} \Leftrightarrow x = \sqrt[3]{\frac{8}{3}}$

$x$	0	$\sqrt[3]{\frac{8}{3}}$	$+\infty$	
$y'$		-	0	+
$y$			$3\sqrt[3]{9}$	

$\Rightarrow \min_{(0;+\infty)} y = y\left(\sqrt[3]{\frac{8}{3}}\right) = 3\sqrt[3]{9}$ .

**Câu 25.** Tìm tập hợp tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 - (2m-3)x + 4$  đồng biến trên  $(-1; +\infty)$ .

- A.  $[0; +\infty)$ .      B.  $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right)$ .      C.  $\left(-\infty; -\frac{1}{2}\right]$ .      D.  $(-\infty; 0]$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .

Có  $y' = x^2 + 4x - 2m + 3$

Để hàm số đồng biến trên  $(-1; +\infty)$  thì  $y' \geq 0 \forall x \in (-1; +\infty)$

$\Leftrightarrow x^2 + 4x - 2m + 3 \geq 0 \forall x \in (-1; +\infty)$

$\Leftrightarrow x^2 + 4x + 3 \geq 2m \forall x \in (-1; +\infty)$  (\*)

Đặt  $h(x) = x^2 + 4x + 3$  với  $x \in (-1; +\infty)$

Ta có  $h'(x) = 2x + 4$

$h'(x) = 0 \Leftrightarrow x = -2$

Bảng biến thiên

$x$	-1	$+\infty$
$h'$		+
$h$	0	$+\infty$

Từ bảng biến thiên ta có (\*)  $\Leftrightarrow 2m \leq 0 \Leftrightarrow m \leq 0$  hay  $m \in (-\infty; 0]$

**Câu 26.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định và liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$
$y'$		-	-
$y$	2	$+\infty$	-2

(Arrows in the original image point from 2 to  $-\infty$  and from  $+\infty$  to -2)

Hỏi đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{f(x)}$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận đứng và tiệm cận ngang?

A. 1.

B. 3.

C. 2.

D. 4.

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{f(x)} = \frac{1}{2}$ ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{f(x)} = -\frac{1}{2}$ .

Suy ra đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{f(x)}$  có hai đường tiệm cận ngang là  $y = \frac{1}{2}$  và  $y = -\frac{1}{2}$ .

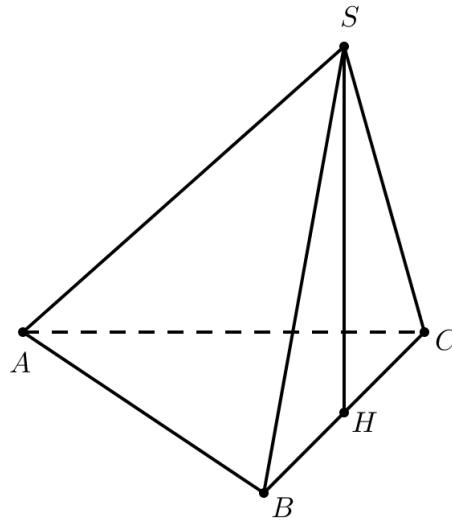
Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  ta thấy: phương trình  $f(x) = 0$  có hai nghiệm phân biệt  $x_1 < -1 < x_2$ .

Khi đó:  $f(x_1) = f(x_2) = 0$ .

Ta có:  $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow x_1^-} f(x) = 0 \\ f(x) > 0 \text{ khi } x \rightarrow x_1^- \end{cases} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow x_1^-} \frac{1}{f(x)} = +\infty$  và  $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow x_2^-} f(x) = 0 \\ f(x) > 0 \text{ khi } x \rightarrow x_2^- \end{cases} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow x_2^-} \frac{1}{f(x)} = +\infty$ .

Vậy đồ thị hàm số  $y = \frac{1}{f(x)}$  có hai tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = x_1$  và  $x = x_2$ .

**Câu 27.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ ,  $BC = a\sqrt{2}$ . Hình chiếu vuông góc  $H$  của  $S$  trên mặt phẳng đáy là trung điểm của đoạn thẳng  $BC$  và  $SA = \frac{a\sqrt{3}}{2}$  (tham khảo hình vẽ dưới đây). Tính thể tích  $V$  của khối chóp đã cho.



A.  $V = \frac{a^3}{12}$ .

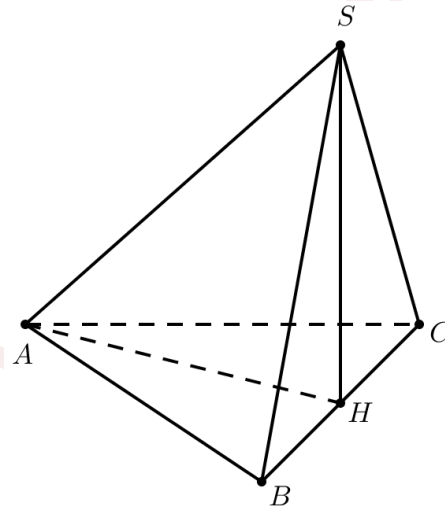
B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .

C.  $V = \frac{a^3}{4}$ .

D.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

Lời giải

**Chọn A**



Ta có  $V = \frac{1}{3} \cdot S_{\Delta ABC} \cdot SH$ .

Vì  $\Delta ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$ , cạnh huyền  $BC = a\sqrt{2}$  nên  $AB = AC = a$ .

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AC = \frac{a^2}{2}.$$

Tam giác  $ABC$  vuông tại  $A$  có trung tuyến  $AH = \frac{BC}{2} = \frac{a\sqrt{2}}{2}$ .

Tam giác  $SAH$  vuông tại  $H$  có  $SH = \sqrt{SA^2 - AH^2} = \sqrt{\left(\frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2 - \left(\frac{a\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \frac{a}{2}$ .

Vậy  $V = \frac{1}{3} \cdot \frac{a}{2} \cdot \frac{a^2}{2} = \frac{a^3}{12}$ .

**Câu 28.** Cho hàm số  $y = \frac{mx - m^2 - 2}{-x + 1}$  ( $m$  là tham số thực) thỏa mãn  $\max_{[-4; -2]} y = \frac{-1}{3}$ . Mệnh đề nào sau dưới đây đúng?

- A.  $-3 < m < \frac{-1}{2}$ . **B.  $\frac{-1}{2} < m < 0$ .** C.  $m > 4$ . D.  $1 \leq m < 3$ .

Lời giải

**Chọn B**

Ta có  $y' = \frac{-m^2 + m - 2}{(-x+1)^2} < 0$  với  $\forall x \in [-4; -2] \Rightarrow$  hàm số  $y = \frac{mx - m^2 - 2}{-x+1}$  nghịch biến trên

$$[-4; -2] \Rightarrow \max_{[-4; -2]} y = y(-4) = \frac{-m^2 - 4m - 2}{5}.$$

Theo đề bài ta có  $\max_{[-4; -2]} y = \frac{-1}{3} \Leftrightarrow \frac{-m^2 - 4m - 2}{5} = -\frac{1}{3} \Leftrightarrow 3m^2 + 12m + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = \frac{-6 + \sqrt{33}}{3} \\ m = \frac{-6 - \sqrt{33}}{3} \end{cases}.$

**Câu 29.** Hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và  $f'(x) > 0, \forall x \in (0; +\infty)$ , biết  $f(2) = 1$ . Khẳng định nào sau đây có thể xảy ra?

- A.  $f(3) = 0$ . B.  $f(2) + f(3) = 4$ .  
C.  $f(1) = 4$ . D.  $f(2019) > f(2020)$ .

Lời giải

**Chọn B**

Ta có hàm số  $f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  và  $f'(x) > 0, \forall x \in (0; +\infty)$  nên hàm số  $f(x)$  đồng biến trên  $(0; +\infty)$

Lại có  $f(2) = 1$  mà  $3 > 2 \Rightarrow f(3) > f(2)$  nên A sai

$1 < 2 \Rightarrow f(1) < f(2)$  nên C sai

$2019 < 2020 \Rightarrow f(2019) < f(2020)$  nên D sai

Xét B:  $f(2) + f(3) = 4 \Rightarrow f(3) = 4 - f(2) = 4 - 1 = 3 > f(2)$

Vậy B có thể xảy ra

**Câu 30.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = x(x - 1)(x + 4)^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

- A. 4. B. 1. C. 2. D. 3.

Lời giải

**Chọn C**

$$\begin{aligned} f'(x) &= 0 \\ \Leftrightarrow x(x - 1)(x + 4)^3 &= 0 \\ \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ x = -4 \end{cases} \end{aligned}$$

Ta có bảng xét dấu của  $f'(x)$

$x$	$-\infty$	$-4$	$0$	$1$	$+\infty$			
$f'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Dựa vào bảng xét dấu của  $f'(x)$  suy ra hàm số đã cho có 2 điểm cực tiểu.

**Câu 31.** Cho khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có độ dài đường chéo 1 mặt  $AC = 2\sqrt{2}a$ . Thể tích của khối lập phương là:

A.  $8a^3$ .

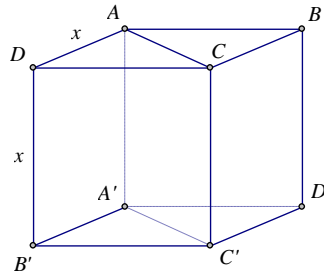
B.  $2a^3$ .

C.  $a^3$ .

D.  $2\sqrt{2}a^3$ .

Lời giải

Chọn A



Gọi  $x$  là độ dài cạnh của hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$

Ta có  $AC = 2\sqrt{2}a \Leftrightarrow x\sqrt{2} = 2\sqrt{2}a \Leftrightarrow x = 2a$

Vậy thể tích của hình lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  là  $V = x^3 = (2a)^3 = 8a^3$ .

**Câu 32.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $M, N, K$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $AB, BC, SA$ . Biết mặt phẳng  $(MNK)$  chia khối chóp  $S.ABCD$  thành hai phần có thể tích là  $V_1, V_2$  ( $V_1 < V_2$ ). Tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

A.  $\frac{7}{13}$ .

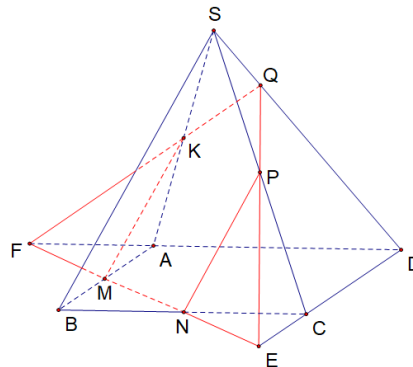
B.  $\frac{9}{23}$ .

C.  $\frac{49}{71}$ .

D.  $\frac{17}{67}$ .

Lời giải

Chọn B



Trong mặt phẳng  $(ABCD)$ , kéo dài  $MN$  cắt  $DA, DC$  lần lượt tại  $F, E$ .

Trong mặt phẳng  $(SAD)$ , gọi  $FK \cap SD = Q$ . Trong mặt phẳng  $(SCD)$ , gọi  $QE \cap SC = P$ .

Suy ra thiết diện là ngũ giác  $MNPQK$  và  $MN // AC // PK$ .

Đặt  $h = d(S, (ABCD)) \Rightarrow d(K, (ABCD)) = d(P, (ABCD)) = \frac{1}{2}h$

Ta có:  $FA = BN = \frac{1}{2}AD \Rightarrow \frac{FD}{FA} = 3$ .

Áp dụng định lý Menelaus cho tam giác  $SAD$ , suy ra

$$\frac{QS}{QD} \cdot \frac{FD}{FA} \cdot \frac{KA}{KS} = 1 \Rightarrow \frac{QS}{QD} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{QD}{SD} = \frac{3}{4} \Rightarrow d(Q, (ABCD)) = \frac{3}{4}h$$

Mặt khác:  $S_{FAM} = S_{NCE} = S_{BMN} = \frac{1}{4}S_{ABC} = \frac{1}{8}S_{ABCD} \Rightarrow S_{DEF} = \frac{9}{8}S_{ABCD}$

Suy ra thể tích của khối đa diện không chứa đỉnh  $S$  là

$$\begin{aligned} V &= V_{QDEF} - V_{KAMF} - V_{PECN} = \frac{1}{3} \left( \frac{3}{4}h \cdot \frac{9}{8}S - \frac{1}{2}h \cdot \frac{1}{8}S - \frac{1}{2}h \cdot \frac{1}{8}S \right) \\ &= \frac{1}{3} \cdot \frac{23}{32} \cdot h \cdot S_{ABCD} = \frac{23}{32}V_{ABCD} = V_2 \\ &\Rightarrow V_1 = \frac{9}{32} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{9}{23} \end{aligned}$$

**Câu 33.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị hàm  $f'(x)$  như hình dưới.



Ta có:  $g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} f'(x) = 0(1) \\ f'(f(x) - 1) = 0(2) \end{cases}$

Giải (1): Từ đồ thị hàm số  $f(x)$  suy ra hàm số  $f(x)$  có 3 điểm cực trị từ đó suy ra :  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = a, a \in (-1; 0) \\ x = 1 \\ x = b, b \in (1; 2) \end{cases}$

Giải (2): Tương tự như phương trình (1) ta suy ra :  $f'(f(x) - 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} f(x) - 1 = a, a \in (-1; 0) \\ f(x) - 1 = 1 \\ f(x) - 1 = b, b \in (1; 2) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f(x) = a + 1, a + 1 > 0 \\ f(x) = 2 \\ f(x) = b + 1, 2 < b + 1 < 3 \end{cases}$

Nhận thấy đồ thị hàm số  $f(x)$  cắt :

+) Đường thẳng:  $y = a + 1$  tại 2 điểm phân biệt

+) Đường thẳng:  $y = 2$  tại 2 điểm phân biệt

+) Đường thẳng:  $y = b + 1$  tại 2 điểm phân biệt.

Suy ra phương trình (2) có 6 nghiệm phân biệt

Mặt khác các nghiệm của phương trình (1) và (2) không trùng nhau nên từ đó kết luận phương trình  $g'(x) = 0$  có 9 nghiệm phân biệt.

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị là đường parabol như hình vẽ. Hàm số  $y = f(1 - x^2) + 6x^2$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A.  $(1; \sqrt{2})$

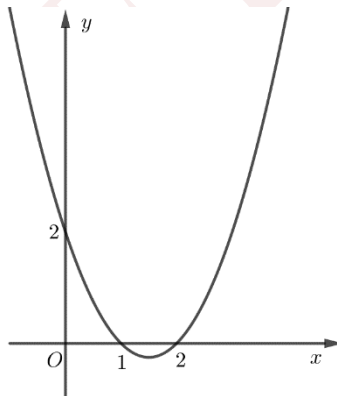
B.  $(\sqrt{2}; +\infty)$ .

C.  $(-\sqrt{2}; 0)$ .

D.  $(-\infty; -1)$ .

Lời giải

Chọn A



Đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  đi qua 3 điểm  $(2; 0)$ ,  $(1; 0)$ ,  $(0; 2)$  nên hàm số  $y = f'(x)$  có dạng  $y = f'(x) = x^2 - 3x + 2$ .

Xét hàm số  $y' = [f(1 - x^2) + 6x^2]' = -2xf'(1 - x^2) + 12x$

$= -2x[(1 - x^2)^2 - 3(1 - x^2) + 2] + 12x = -2x(x^4 + x^2 - 6) = -2x(x^2 - 2)(x^2 + 3)$ .

Bảng biến thiên của hàm số  $y = f(1 - x^2) + 6x^2$ .

$x$	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	$0$	$\sqrt{2}$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$							$-\infty$

Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -\sqrt{2})$  và  $(0; \sqrt{2}) \Rightarrow$  hàm số  $y = f(1 - x^2) + 6x^2$  đồng biến trên khoảng  $(1; \sqrt{2})$ .

II - PHẦN TỰ LUẬN

- Bài 1.** Tìm tham số  $m$  để hàm số  $y = f(x) = \frac{mx+4}{x+m}$  đồng biến trên từng khoảng xác định của nó ?
- Bài 2.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 - x + m + 1$  có hai cực trị  $x_1, x_2$  thỏa mãn điều kiện  $x_1^2 + x_2^2 + 4x_1x_2 = 2$ .
- Bài 3.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 + (3m+1)x^2 - 3$  có ba điểm cực trị tạo thành tam giác cân và độ dài cạnh đáy bằng  $\frac{2}{3}$  độ dài cạnh bên.
- Bài 4.** Cho hình chóp  $S.ABC$ , đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $2a$ ,  $SA$  vuông góc với đáy, góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng đáy  $(ABC)$  bằng  $60^\circ$ . Gọi  $I$  trung điểm của  $BC$ ,  $H$  là hình chiếu vuông góc của  $A$  trên  $SI$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$  và khoảng cách từ  $G$  là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác  $ABC$  đến mặt phẳng  $(ABH)$ .

----- HẾT -----



**ĐỀ 20**

**ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I**

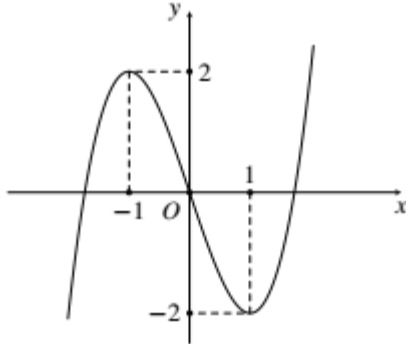
Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**I - PHẦN TRẮC NGHIỆM**

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới.



Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực đại tại điểm nào sau đây?

- A.  $y = -2$ .                      B.  $y = 2$ .                      C.  $x = 1$ .                      D.  $x = -1$ .

**Câu 2.** Hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-1;3]$  có bảng biến thiên

$x$	-1	2	3
$y'$	-	0	+
$y$	2	-2	5

Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[-1;3]$  là

- A. 1.                      B. -2.                      C. 0.                      D. 2.

**Câu 3.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	+		-   0   +	
$f(x)$	$-\infty$	2	0	$+\infty$

Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đã cho có hai điểm cực trị.                      B. Hàm số không có cực trị.  
 C. Hàm số đã cho đạt cực đại tại  $x = -1$ .                      D. Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x = 1$ .

**Câu 4.** Khối bát diện đều có số cạnh là

- A. 16.                      B. 12.                      C. 6.                      D. 8.

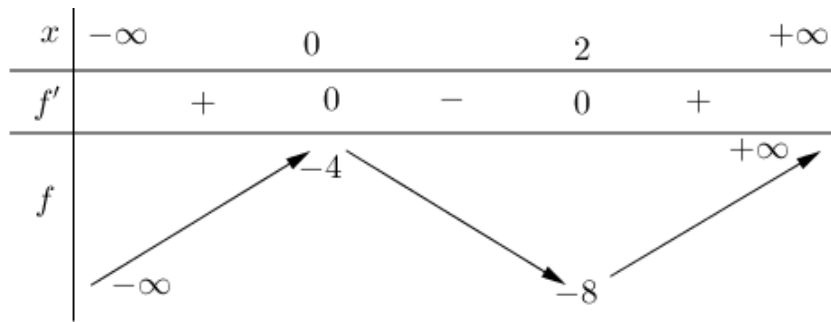
**Câu 5.** Tính thể tích một khối chóp biết khối chóp đó có đường cao bằng  $12a$ , diện tích đáy bằng  $a^2$ .

- A.  $4a^3$ .                      B.  $4a^2$ .                      C.  $12a^3$ .                      D.  $12a^2$ .

**Câu 6.** Các đường tiệm cận đứng và ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  là

- A.  $x = 1; y = 2$ .                      B.  $x = -1; y = -2$ .                      C.  $x = 1; y = -2$ .                      D.  $x = 2; y = 1$ .

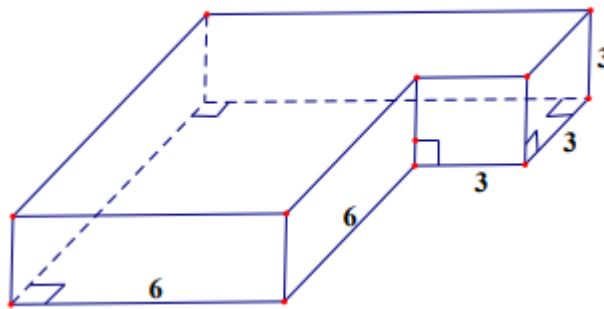




Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào sau đây?

- A.  $(0; 2)$ .                      B.  $(-8; +\infty)$ .                      C.  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(-\infty; -4)$ .

**Câu 16.** Tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt phẳng đối xứng của hình đa diện dưới là

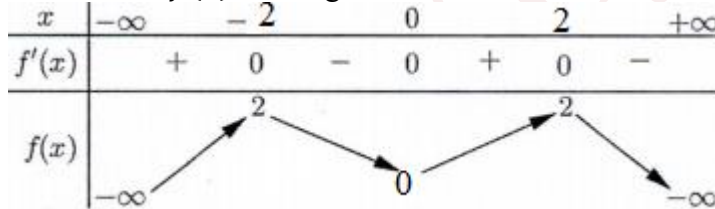


- A. 33.                      B. 18.                      C. 32.                      D. 31.

**Câu 17.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A.  $\frac{4a^3}{3}$ .                      B.  $2a^3$ .                      C.  $a^3$ .                      D.  $\frac{2a^3}{3}$ .

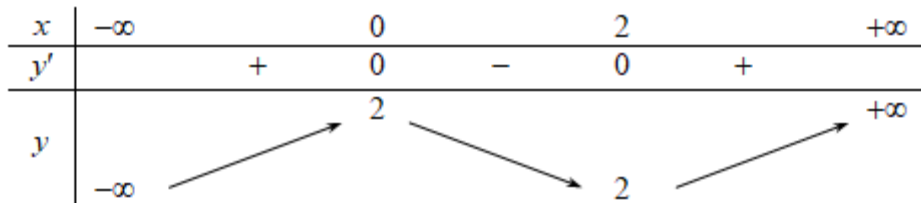
**Câu 18.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:



Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) - 2 = 0$  là

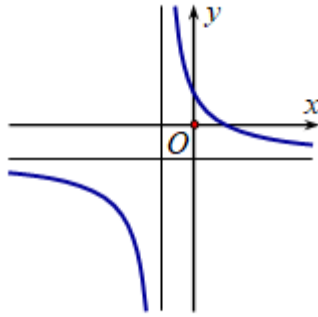
- A. 2.                      B. 4.                      C. 3.                      D. 0.

**Câu 19.** Hàm số nào sau đây có bảng biến thiên như hình vẽ



- A.  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ .                      B.  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$ .  
 C.  $y = x^3 - 3x^2 + 2$ .                      D.  $y = x^3 + 3x^2 - 1$ .

**Câu 20.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax-1}{cx+d}$  ( $a, c, d$ : hằng số thực) như hình vẽ.



Khẳng định nào đúng

A.  $d > 0, a > 0, c < 0$ .

B.  $d > 0, a < 0, c > 0$ .

C.  $d < 0, a > 0, c < 0$ .

D.  $d < 0, a < 0, c > 0$ .

**Câu 21.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = mx^3 - 3mx^2 + 3(3m - 1)x + 2m - 3$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  là

A.  $(0; +\infty)$

B.  $(-\infty; 0]$

C.  $\emptyset$

D.  $[0; +\infty)$

**Câu 22.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $BB' = a$ , đáy  $ABCD$  là hình thoi với  $AC = 2a, BD = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  là

A.  $a^3\sqrt{3}$ .

B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}$ .

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}$ .

D.  $2a^3\sqrt{3}$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = x^3(x - 4)(x - 1)^2$ . Hàm số  $y = f(x^2)$  nghịch biến trên những khoảng nào sau đây?

A.  $(-2; 0)$ .

B.  $(-\infty; -2)$ .

C.  $(2; +\infty)$ .

D.  $(-1; 1)$ .

**Câu 24.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x - 2)^2(x - 1)x^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là

A. 2.

B. 3.

C. 0.

D. 1.

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$4$	$-2$	$+\infty$	

Số các đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2019}{f(x)}$  là

A. 1.

B. 4.

C. 3.

D. 2.

**Câu 26.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$  với  $BC = 2a$ . Biết  $SA$  vuông góc với đáy, mặt phẳng  $(SBC)$  hợp với đáy  $(ABC)$  một góc  $30^\circ$ . Thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$  là

A.  $V = \frac{2\sqrt{3}a^3}{3}$ .

B.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .

C.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{9}$ .

D.  $V = \frac{2\sqrt{3}a^3}{9}$ .

**Câu 27.** Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  trên  $[1; 2]$  bằng 8 ( $m$  là tham số thực). Khẳng định nào sau đây đúng?

A.  $8 < m < 10$ .

B.  $0 < m < 4$ .

C.  $4 < m < 8$ .

D.  $m > 10$ .

**Câu 28.** Với giá trị nào của  $m$  thì đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{mx-3}{x-4m}$  đi qua điểm  $A(-2; 4)$ ?

- A.  $m = -2$ .                      B.  $m = 4$ .                      C.  $m = -\frac{1}{2}$ .                      D.  $m = 1$ .

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = -x^2 + 6x + 5$  đạt giá trị lớn nhất tại  $x = x_0$ . Giá trị của  $2^{x_0}$  bằng

- A. 5.                      B. 8.                      C. 6.                      D. 9.

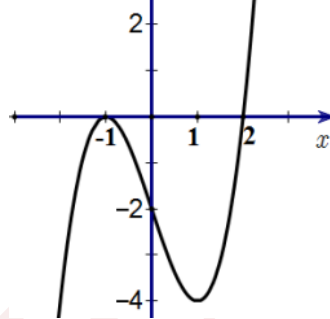
**Câu 30.** Cho khối chóp có đáy là hình vuông cạnh bằng  $a$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng

- A.  $2a^3$ .                      B.  $\frac{4a^3}{3}$ .                      C.  $4a^3$ .                      D.  $\frac{2a^3}{3}$ .

**Câu 31.** Có bao nhiêu giá trị nguyên thuộc khoảng  $(-100; 9)$  của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m+1)x^4 + (m-3)x^2 + 5m^2 + 2$  có đúng một điểm cực trị và đồng thời điểm đó là điểm cực đại?

- A. 98.                      B. 100.                      C. 101.                      D. 99.

**Câu 32.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x)$  trên  $\mathbb{R}$  và đồ thị của hàm số  $f'(x)$  như hình vẽ.



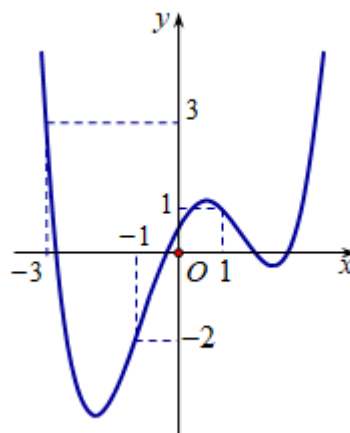
Tìm số điểm cực trị hàm số  $g(x) = f(x^2 - 2x - 1)$ .

- A. 3.                      B. 5.                      C. 4.                      D. 6.

**Câu 33.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình bình hành. Gọi  $M, N$  và  $P$  lần lượt là trung điểm của các đoạn  $BC, CD$  và  $SA$ . Mặt phẳng  $(MNP)$  chia khối chóp thành hai phần có thể tích lần lượt là  $V_1$  và  $V_2$ . Biết rằng  $V_1 \leq V_2$ , tính tỉ số  $\frac{V_1}{V_2}$ .

- A. 1.                      B.  $\frac{1}{2}$ .                      C.  $\frac{5}{6}$ .                      D.  $\frac{2}{3}$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Xét hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{2}x + 2018$ . Mệnh đề nào dưới đây **đúng**?



- A. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-1; 1)$ .                      B. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-3; 1)$ .  
 C. Hàm số  $g(x)$  đồng biến  $(-3; -1)$ .                      D. Hàm số  $g(x)$  nghịch biến trên  $(-1; 1)$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x = 1$ . Phương trình  $f[f(f(x) - 1) - 2] = 1$  có tất cả bao nhiêu nghiệm thực?

A. 9.

B. 14.

C. 12.

D. 27.

**II - PHẦN TỰ LUẬN**

**Bài 1.** Biết hàm số  $y = a \sin x + b \cos x + x$  đạt cực trị tại điểm  $x = \frac{\pi}{3}$  và  $x = \pi$  với  $x \in (0; 2\pi)$ . Tính

giá trị biểu thức  $T = a + b\sqrt{3}$ .

**Bài 2.** Đồ thị hàm số  $y = x^4 + 2mx^2 + 4$  có ba điểm cực trị nằm trên các trục tọa độ. Tìm  $m$ .

**Bài 3.** Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = (x-6)\sqrt{x^2+4}$  trên đoạn  $[0; 3]$ .

**Bài 4.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh đều bằng  $3a$ . Các điểm  $M, N$  lần lượt thuộc các cạnh bên  $BB', CC'$  sao cho  $B'M = 2BM, CN = 2NC'$ . Tính thể tích khối tứ diện  $ACMN$  và khoảng cách từ điểm  $A'$  đến mặt phẳng  $(AMN)$  theo  $a$ .

----- HẾT -----

**HĐG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I**

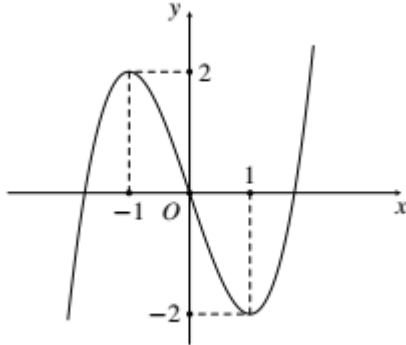
Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG**

**I - PHẦN TRẮC NGHIỆM**

**Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới.



Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực đại tại điểm nào sau đây?

- A.  $y = -2$ .                      B.  $y = 2$ .                      C.  $x = 1$ .                      D.  $x = -1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Dựa vào đồ thị ta thấy hàm số đã cho đạt cực đại tại điểm  $x = -1$ .

**Câu 2.** Hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-1; 3]$  có bảng biến thiên

$x$	-1	2	3
$y'$	-	0	+
$y$	2	-2	5

Giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn  $[-1; 3]$  là

- A. 1.                      B. -2.                      C. 0.                      D. 2.

**Lời giải**

**Chọn B**

Dựa vào bảng biến thiên suy ra giá trị nhỏ nhất của hàm số trên  $[-1; 3]$  bằng -2.

**Câu 3.** Cho hàm số  $f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  và có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	+		-	0
$f(x)$	$-\infty$	2	$+\infty$	0

Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Hàm số đã cho có hai điểm cực trị.                      B. Hàm số không có cực trị.  
 C. Hàm số đã cho đạt cực đại tại  $x = -1$ .                      D. Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x = 1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Từ bảng biến thiên trên ta thấy:

Hàm số đã cho có 1 điểm cực trị suy ra đáp án **A** và **D** sai.

Hàm số có đạo hàm đổi dấu từ dương sang âm qua  $x = -1$ , nhưng hàm số không xác định tại  $x = -1$  nên hàm số không đạt cực trị tại  $x = -1$ . Suy ra đáp án **B** sai.

Hàm số đã cho đạt cực tiểu tại  $x = 1$ . Suy ra đáp án **C** đúng.

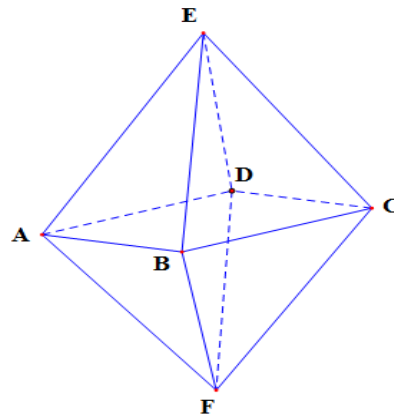
**Câu 4.** (Chu Văn An - Hà Nội - lần 2 - 2019) Khối bát diện đều có số cạnh là

A. 16.

B. 12.

C. 6.

D. 8.

**Lời giải****Chọn B**

Số cạnh của khối bát diện đều là 12 cạnh.

**Câu 5.** Tính thể tích một khối chóp biết khối chóp đó có đường cao bằng  $12a$ , diện tích đáy bằng  $a^2$ .

A.  $4a^3$ .

B.  $4a^2$ .

C.  $12a^3$ .

D.  $12a^2$ .

**Lời giải****Chọn A**

Thể tích khối chóp đã cho là:  $V = \frac{1}{3} \cdot 12a \cdot a^2 = 4a^3$ .

**Câu 6.** Các đường tiệm cận đứng và ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{2x+1}{x-1}$  là

A.  $x = 1; y = 2$ .

B.  $x = -1; y = -2$ .

C.  $x = 1; y = -2$ .

D.  $x = 2; y = 1$ .

**Lời giải****Chọn A**

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2x+1}{x-1} = -\infty$ ;  $\lim_{x \rightarrow 1^+} y = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x+1}{x-1} = +\infty$ .

Do đó, đường thẳng  $x = 1$  là tiệm cận đứng của đồ thị hàm số.

Ta có  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x+1}{x-1} = 2$ .

Do đó, đường thẳng  $y = 2$  là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.

**Câu 7.** Tìm số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = x^3 - 3x + 3$  và đường thẳng  $y = x$ .

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 0.

**Lời giải****Chọn C**



Xét phương trình hoành độ giao điểm:  $x^3 - 3x + 3 = x \Leftrightarrow x^3 - 4x + 3 = 0 \Leftrightarrow$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = \frac{-1 + \sqrt{13}}{2} \\ x = \frac{-1 - \sqrt{13}}{2} \end{cases}$$

Vậy đồ thị hai hàm số có ba giao điểm.

**Câu 8.** Hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$  đồng biến trên khoảng

- A.  $(1; +\infty)$ .      B.  $(0; 3)$ .      **C.  $(0; 2)$ .**      D.  $(-\infty; 0)$  và  $(2; +\infty)$ .

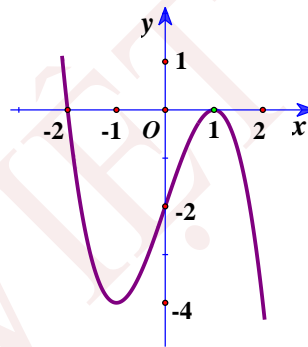
Lời giải

**Chọn C**

Ta có  $y' = -3x^2 + 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$ .

Dễ thấy hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên. Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?



- A.  $(-1; 1)$ .      B.  $(0; +\infty)$ .      C.  $(-\infty; +\infty)$ .      D.  $(-\infty; -1)$ .

Lời giải

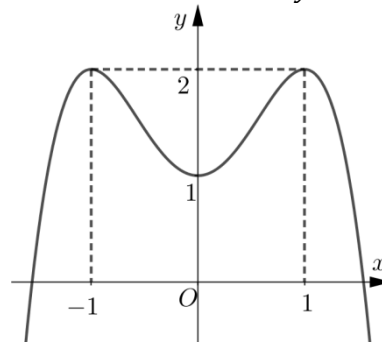
**Chọn A**

Hàm số đồng biến thì đồ thị là đường đi lên từ trái sang phải.

Dựa vào đồ thị suy ra hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 1)$ .

**Câu 10.** Hình bên là đồ thị của hàm số nào?

- A.  $y = -x^4 + 3x^2 + 1$ .      B.  $y = -x^4 + 2x^2$ .  
C.  $y = x^4 + 3x^2 - 2$ .      D.  $y = -x^4 + 2x^2 + 1$ .



Lời giải

**Chọn D**

Từ đồ thị ta có hàm bậc 4 trùng phương  $y = ax^4 + bx^2 + c$ .

Từ đồ thị ta có  $a < 0$  nên loại C

Từ đồ thị ta có  $x = 0 \Rightarrow y = 1$  nên loại **B**

Từ đồ thị ta có  $x = 1 \Rightarrow y = 2$  nên loại **D**

**Câu 11.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy là tam giác đều cạnh bằng 3 và  $AA' = 3\sqrt{3}$ . Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

**A.**  $\frac{27}{2}$ .

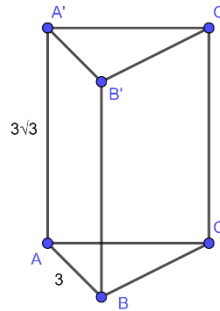
**B.**  $\frac{81}{2}$ .

**C.**  $\frac{81}{4}$ .

**D.**  $\frac{27}{4}$ .

Lời giải

**Chọn C**



Diện tích của  $\Delta ABC$  là:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{3^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{9\sqrt{3}}{4}$$

Thể tích của khối lăng trụ là:

$$V_{ABC.A'B'C'} = S_{\Delta ABC} \cdot AA' = \frac{9\sqrt{3}}{4} \cdot 3\sqrt{3} = \frac{81}{4}$$

**Câu 12.** (Thi thử SGD Bắc Ninh 2019) Tích giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x^2 + \frac{2}{x}$

trên đoạn  $[\frac{1}{2}; 2]$  bằng

**A.** 8.

**B.**  $\frac{51}{4}$ .

**C.**  $\frac{85}{4}$ .

**D.** 15.

Lời giải

**Chọn A**

$$f'(x) = 2x - \frac{2}{x^2}$$

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 1 \in [\frac{1}{2}; 2]$$

Ta có:  $f(\frac{1}{2}) = \frac{17}{4}$ ,  $f(1) = 3$ ,  $f(2) = 5$

$$\Rightarrow \begin{cases} m = \min_{[\frac{1}{2}; 2]} f(x) = 3 \\ M = \max_{[\frac{1}{2}; 2]} f(x) = 5 \end{cases} \Rightarrow m + M = 8$$

**Câu 13.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	1	$+\infty$
$f(x)$	2	$+\infty$	5



Số cạnh là: 18

Số mặt phẳng đối xứng là: 1

Tổng số đỉnh, số cạnh và số mặt phẳng đối xứng là 31.

**Câu 17.** Cho khối chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy và  $SA = 2a$ . Thể tích của khối chóp đã cho bằng

A.  $\frac{4a^3}{3}$ .

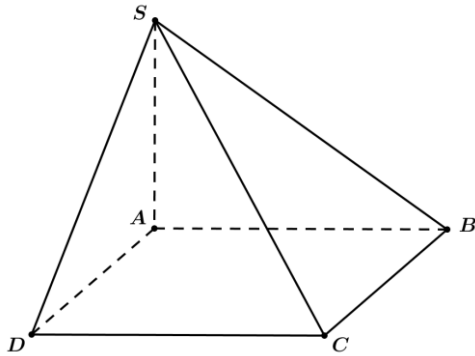
B.  $2a^3$ .

C.  $a^3$ .

D.  $\frac{2a^3}{3}$ .

Lời giải

**Chọn D**



Khối chóp đã cho có chiều cao là  $h = SA = 2a$  và diện tích đáy là  $B = a^2$ .

Thể tích khối chóp đã cho là  $V = \frac{1}{3}Bh = \frac{1}{3}a^2 \cdot 2a = \frac{2a^3}{3}$ .

**Câu 18.** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$0$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$-\infty$

Số nghiệm thực của phương trình  $2f(x) - 2 = 0$  là

A. 2.

B. 4.

C. 3.

D. 0.

Lời giải

**Chọn B**

Ta có  $2f(x) - 2 = 0 \Leftrightarrow f(x) = 1(*)$

nghiệm của phương trình (\*) bằng số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = 1$ .

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$0$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$-\infty$

Dựa vào bảng biến thiên ta thấy có 4 giao điểm.

**Câu 19.** Hàm số nào sau đây có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$			
$y'$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	
$y$	$-\infty$	$\nearrow$	$2$	$\searrow$	$2$	$\nearrow$	$+\infty$

A.  $y = x^3 - 3x^2 - 2.$

B.  $y = -x^3 + 3x^2 - 1.$

C.  $y = x^3 - 3x^2 + 2.$

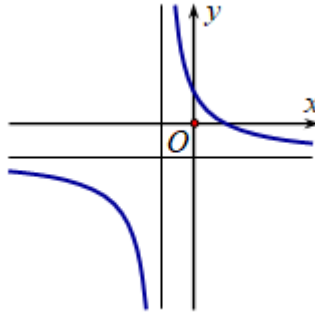
D.  $y = x^3 + 3x^2 - 1.$

Lời giải

**Chọn C**

Dựa vào bảng biến thiên ta có  $y(0) = 2$  nên chỉ có hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 2$  là thỏa mãn.

**Câu 20.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax-1}{cx+d}$  ( $a, c, d$ : hằng số thực) như hình vẽ.



Khẳng định nào đúng

A.  $d > 0, a > 0, c < 0.$

B.  $d > 0, a < 0, c > 0.$

C.  $d < 0, a > 0, c < 0.$

D.  $d < 0, a < 0, c > 0.$

Lời giải

**Chọn C**

Ta có  $x = 0 \Rightarrow y = -\frac{1}{d} > 0 \Rightarrow d < 0.$

$y = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{a} > 0 \Rightarrow a > 0.$

Hàm số  $y = \frac{ax-1}{cx+d}$  có tiệm cận ngang  $y = \frac{a}{c} < 0 \Rightarrow c < 0.$

Vậy  $d < 0, a > 0, c < 0.$

**Câu 21.** Tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = mx^3 - 3mx^2 + 3(3m - 1)x + 2m - 3$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  là

A.  $(0; +\infty)$

B.  $(-\infty; 0]$

C.  $\emptyset$

D.  $[0; +\infty)$

Lời giải

**Chọn B**

Trường hợp 1: Khi  $m = 0$  thì hàm số trở thành  $y = -3x - 3$ , thỏa mãn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Trường hợp 2: Khi  $m \neq 0$  thì hàm số là hàm bậc ba.

Ta có  $y' = 3mx^2 - 6mx + 3(2m - 1)$

Điều kiện để một hàm bậc ba nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  là

$$\begin{cases} a < 0 \\ \Delta'_{(y')} \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ 9m^2 - 3m \cdot 3(2m - 1) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ -9m^2 + 9m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 0 \\ m \leq 0 \\ m \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow m < 0$$

Kết hợp 2 trường hợp ta được tất cả các giá trị cần tìm của  $m$  là  $m \leq 0$ .

**Câu 22.** Cho khối lăng trụ đứng  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $BB' = a$ , đáy  $ABCD$  là hình thoi với

$AC = 2a, BD = a\sqrt{3}$ . Thể tích khối lăng trụ  $ABCD.A'B'C'D'$  là

A.  $a^3\sqrt{3}.$

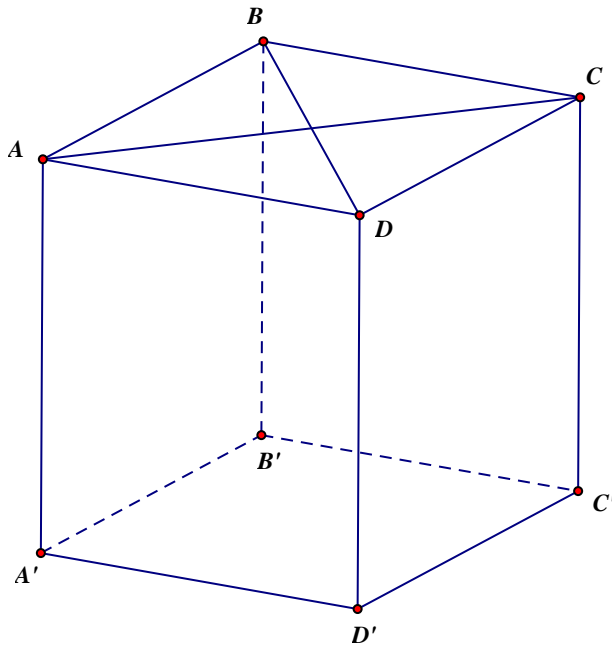
B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{2}.$

C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{3}.$

D.  $2a^3\sqrt{3}.$

Lời giải

**Chọn A**



Ta có  $S_{\triangle ABCD} = \frac{1}{2} \cdot AC \cdot BD = a^2 \sqrt{3}$ .

Do đó thể tích khối lăng trụ đã cho bằng  $V = a \cdot a^2 \sqrt{3} = a^3 \sqrt{3}$ .

- Câu 23.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = x^3(x - 4)(x - 1)^2$ . Hàm số  $y = f(x^2)$  nghịch biến trên những khoảng nào sau đây?  
**A.**  $(-2; 0)$ .                      **B.**  $(-\infty; -2)$ .                      **C.**  $(2; +\infty)$ .                      **D.**  $(-1; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

$y' = [f(x^2)]' = 2x \cdot f'(x^2) = 2x(x^2)^3(x^2 - 4)(x^2 - 1)^2 = 2x^7(x^2 - 4)(x - 1)^2(x + 1)^2$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 & (\text{boi7}) \\ x = 2 & (\text{boi1}) \\ x = -2 & (\text{boi1}) \\ x = 1 & (\text{boi2}) \\ x = -1 & (\text{boi2}) \end{cases}$$

Ta có bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x^2)$  như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$								

Vậy hàm số  $y = f(x^2)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .

- Câu 24.** (**CHUYÊN LÊ QUÝ ĐÔN QUẢNG TRỊ 2019**) Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x - 2)^2(x - 1)x^3, \forall x \in \mathbb{R}$ . Số điểm cực tiểu của hàm số đã cho là  
**A.** 2.                      **B.** 3.                      **C.** 0.                      **D.** 1.

**Lời giải**

**Chọn D**

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow (x-2)^2(x-1)x^3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=2 \\ x=0 \end{cases}$$

Bảng xét dấu  $y'$ .

$x$	$-\infty$		0		1		2		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	0	+	

Từ bảng xét dấu  $y'$  ta thấy hàm số có một điểm cực tiểu là  $x=1$ .

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		-1		3		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	
$y$	$-\infty$			4		-2	$+\infty$

Số các đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số  $y = \frac{2019}{f(x)}$  là

- A. 1.                                      B. 4.                                      C. 3.                                      D. 2.

**Lời giải**

**Chọn C**

Xét phương trình  $f(x) = 0 (*)$ .

Phương trình  $(*)$  là phương trình hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và trục  $Ox$ .

Dựa vào bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  đã cho, ta thấy đồ thị hàm số  $y = f(x)$  cắt trục

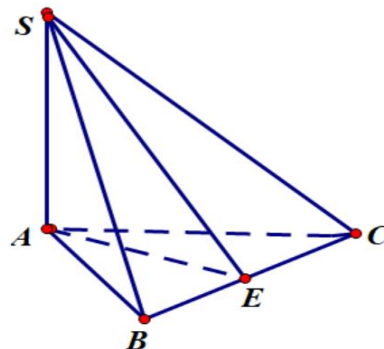
$Ox$  tại 3 điểm phân biệt. Do đó đồ thị hàm số  $y = \frac{2019}{f(x)}$  có 3 đường tiệm cận đứng.

**Câu 26.** Cho khối chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông cân tại  $A$  với  $BC = 2a$ . Biết  $SA$  vuông góc với đáy, mặt phẳng  $(SBC)$  hợp với đáy  $(ABC)$  một góc  $30^\circ$ . Thể tích  $V$  của khối chóp  $S.ABC$  là

- A.  $V = \frac{2\sqrt{3}a^3}{3}$ .                      B.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$ .                      C.  $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{9}$ .                      D.  $V = \frac{2\sqrt{3}a^3}{9}$ .

**Lời giải**

**Chọn C**



Gọi  $E$  là trung điểm  $BC$

Ta có :  $AE \perp BC \Rightarrow BC \perp SE$  ( Vì  $AE$  là hình chiếu vuông góc  $SE$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  )

$$\Rightarrow ((SBC), (ABC)) = SEA = 30^\circ$$

$$SA = \tan 30^\circ \cdot AE = \tan 30^\circ \cdot \frac{1}{2} BC = \frac{\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot 2a = \frac{\sqrt{3}}{3} a$$

$$AB = AC = \frac{BC}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}a$$

$$\text{Thể tích } V \text{ của khối chóp } S.ABC \text{ là: } V = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} a \cdot \frac{1}{2} (\sqrt{2}a)^2 = \frac{\sqrt{3}a^3}{9}.$$

- Câu 27.** Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = \frac{x+m}{x+1}$  trên  $[1; 2]$  bằng 8 ( $m$  là tham số thực). Khẳng định nào sau đây đúng?  
**A.**  $8 < m < 10$ .      **B.**  $0 < m < 4$ .      **C.**  $4 < m < 8$ .      **D.**  $m > 10$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Nếu  $m = 1$  thì  $y = 1$  (không thỏa mãn tổng của giá trị lớn nhất và nhỏ nhất bằng 8)

Nếu  $m \neq 1$  thì hàm số đã cho liên tục trên  $[1; 2]$  và  $y' = \frac{1-m}{(x+1)^2}$ .

Khi đó đạo hàm của hàm số không đổi dấu trên đoạn  $[1; 2]$ .

$$\text{Do vậy } \underset{x \in [1; 2]}{\text{Min}} y + \underset{x \in [1; 2]}{\text{Max}} y = y(1) + y(2) = \frac{m+1}{2} + \frac{m+2}{3} = 8 \Leftrightarrow m = \frac{41}{5}.$$

- Câu 28.** Với giá trị nào của  $m$  thì đường tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{mx-3}{x-4m}$  đi qua điểm  $A(-2; 4)$ ?  
**A.**  $m = -2$ .      **B.**  $m = 4$ .      **C.**  $m = -\frac{1}{2}$ .      **D.**  $m = 1$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Xét hàm số  $y = \frac{mx-3}{x-4m}$ .

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{4m\}$ .

Ta có  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow +\infty} y = m$ .

Do đó đồ thị hàm số có tiệm cận ngang là đường thẳng  $d: y = m$ .

$A(-2; 4) \in d$  nên  $m = 4$ .

- Câu 29.** Cho hàm số  $y = -x^2 + 6x + 5$  đạt giá trị lớn nhất tại  $x = x_0$ . Giá trị của  $2^{x_0}$  bằng  
**A.** 5.      **B.** 8.      **C.** 6.      **D.** 9.

**Lời giải**

**Chọn B**

Ta có:  $y = -(x-3)^2 + 14 \leq 14$ .

$\Rightarrow$  Hàm số đạt GTLN là 14 tại  $x = 3$ .

Khi đó:  $2^{x_0} = 2^3 = 8$

- Câu 30.** Cho khối chóp có đáy là hình vuông cạnh bằng  $a$  và chiều cao bằng  $2a$ . Thể tích khối chóp đã cho bằng  
**A.**  $2a^3$ .      **B.**  $\frac{4a^3}{3}$ .      **C.**  $4a^3$ .      **D.**  $\frac{2a^3}{3}$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Diện tích đáy  $S = a^2$





A. 1.

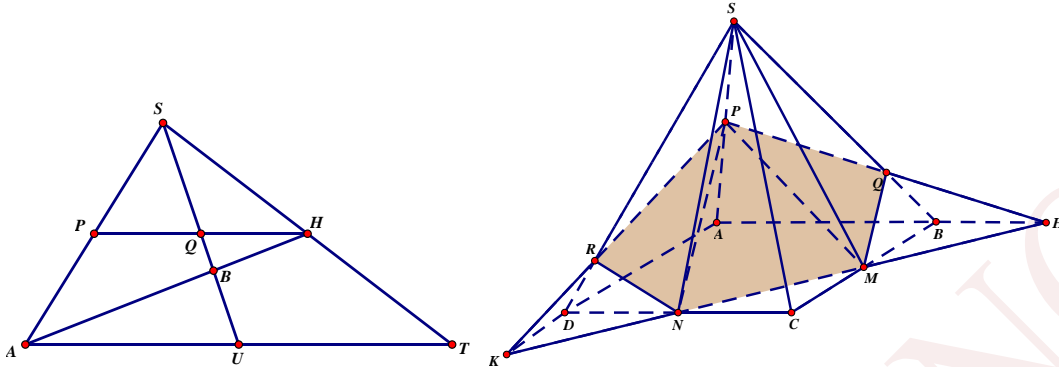
B.  $\frac{1}{2}$ .

C.  $\frac{5}{6}$ .

D.  $\frac{2}{3}$ .

Lời giải

Chọn A



Ta có  $BH = \frac{1}{3}AH$  suy ra B là trọng tâm của tam giác SAT.

Do đó,  $\frac{BQ}{BU} = \frac{BH}{AB} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{BQ}{BS} = \frac{1}{4}$ . Tương tự ta có,  $\frac{DR}{SD} = \frac{1}{4}$ .

$$\frac{V_{S.PRN}}{V_{S.ADN}} = \frac{SP}{SA} \cdot \frac{SR}{SD} = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{8} \Rightarrow \frac{V_{S.PRN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{3}{32}$$

Tương tự, ta có  $\frac{V_{S.PQM}}{V_{S.ABCD}} = \frac{3}{32}$ .

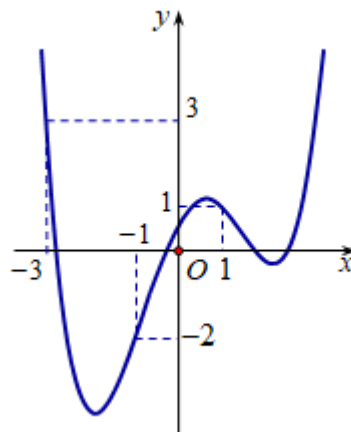
$$\text{Lại có } \frac{V_{S.PMN}}{V_{S.AMN}} = \frac{SP}{SA} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{V_{S.PMN}}{V_{S.ABCD}} = \frac{3}{16}$$

$$\frac{V_{S.MNC}}{V_{S.ABCD}} = \frac{1}{8}$$

Suy ra thể tích khối đa diện chứa đỉnh S là  $V_1 = \left(\frac{3}{32} + \frac{3}{32} + \frac{3}{16} + \frac{1}{8}\right) V_{S.ABCD} = \frac{1}{2} V_{S.ABCD}$ .

Vậy  $\frac{V_1}{V_2} = 1$ .

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị  $y = f'(x)$  như hình vẽ. Xét hàm số  $g(x) = f(x) - \frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{2}x + 2018$ . Mệnh đề nào dưới đây **đúng**?



A. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-1; 1)$ .

B. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-3; 1)$ .

C. Hàm số  $g(x)$  đồng biến  $(-3; -1)$ .

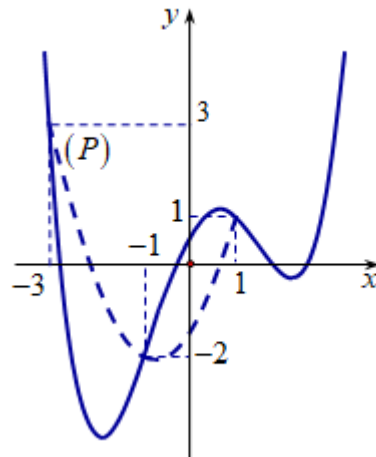
D. Hàm số  $g(x)$  nghịch biến trên  $(-1; 1)$ .

Lời giải

Chọn A

Ta có:  $g(x) = f(x) - \frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{2}x + 2018 \Rightarrow g'(x) = f'(x) - x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{3}{2}$   
 $+ g'(x) = 0 \Leftrightarrow f'(x) = x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$ . Đặt  $y = x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$  có đồ thị (P)

$$\text{Dựa vào đồ thị } y = f'(x), \text{ ta có: } \begin{cases} f'(-1) = -2 \\ f'(1) = 1 \\ f'(-3) = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} g'(-1) = 0 \\ g'(1) = 0 \\ g'(-3) = 0 \end{cases}$$



Vẽ đồ thị (P) của hàm số  $y = x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$  trên cùng hệ trục tọa độ như hình vẽ trên (đường nét đứt), Đồ thị (P) đi qua các điểm  $(-3; 3)$ ,  $(-1; -2)$ ,  $(1; 1)$  với đỉnh  $I\left(-\frac{3}{4}; -\frac{33}{16}\right)$ .

Ta thấy: + Trên khoảng  $(-1; 1)$  thì  $f'(x) > x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$ , nên  $g'(x) > 0 \quad \forall x \in (-1; 1)$

+ Trên khoảng  $(-3; -1)$  thì  $f'(x) < x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}$ , nên  $g'(x) < 0 \quad \forall x \in (-3; -1)$

Từ những nhận xét trên, ta có bảng biến thiên của hàm  $y = g'(x)$  trên  $[-3; 1]$  như sau:

$x$	-3	-1	1
$g'(x)$	-	0	+
$g(x)$			

Vậy hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-1; 1)$ . Chọn A

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x = 1$ . Phương trình  $f[f(f(x) - 1) - 2] = 1$  có tất cả bao nhiêu nghiệm thực?

A. 9.

B. 14.

C. 12.

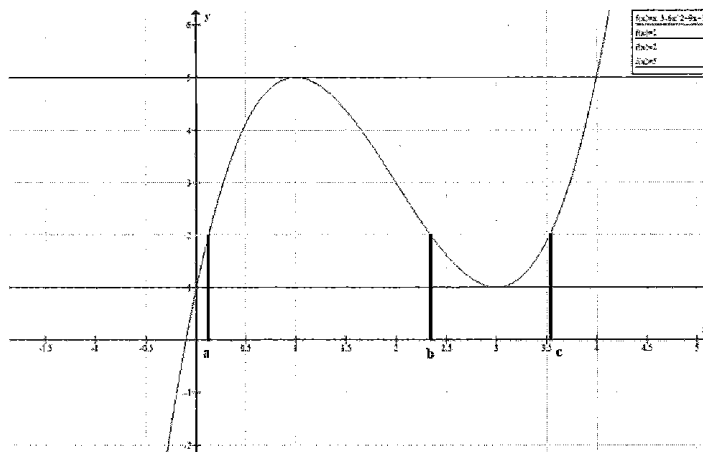
D. 27.

Lời giải

Chọn B

Ta có  $f'(x) = 3x^2 - 12x + 9; f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 3 \end{cases}$

Đồ thị:



Từ đồ thị suy ra  $f(x) = 1 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 3 \end{cases}$

$$\text{Suy ra } f[f(f(x) - 1) - 2] = 1(*) \Leftrightarrow \begin{cases} f(f(x) - 1) - 2 = 0 \\ f(f(x) - 1) - 2 = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} f(f(x) - 1) = 2 \\ f(f(x) - 1) = 5 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} f(x) - 1 = a(0 < a < 1) \\ f(x) - 1 = b(1 < b < 3) \\ f(x) - 1 = c(3 < c < 4) \\ f(x) - 1 = 1 \\ f(x) - 1 = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} f(x) = 1 + a \\ f(x) = 1 + b \\ f(x) = 1 + c \\ f(x) = 2 \\ f(x) = 5. \end{cases}$$

Khi đó, số nghiệm của phương trình (\*) là số nghiệm của 5 trường hợp trên.

Số nghiệm của phương trình  $f(x) = 1 + a$  chính là số giao điểm của đường thẳng  $y = 1 + a$  với đồ thị hàm số  $f(x)$ . Mà  $0 < a < 1$  nên dựa vào đồ thị ta có 3 nghiệm.

Tương tự phương trình  $f(x) = 1 + b(1 < b < 3)$  cũng có 3 nghiệm.

Với phương trình  $f(x) = 1 + c(3 < c < 4)$  có 3 nghiệm.

Với phương trình  $f(x) = 2$  có 3 nghiệm.

Với phương trình  $f(x) = 5$  có 2 nghiệm.

Vậy tổng số nghiệm là  $3 + 3 + 3 + 3 + 2 = 14$  nghiệm.

## II - PHẦN TỰ LUẬN

**Bài 1.** Biết hàm số  $y = a \sin x + b \cos x + x$  đạt cực trị tại điểm  $x = \frac{\pi}{3}$  và  $x = \pi$  với  $x \in (0; 2\pi)$ . Tính

giá trị biểu thức  $T = a + b\sqrt{3}$ .

**Bài 2.** Đồ thị hàm số  $y = x^4 + 2mx^2 + 4$  có ba điểm cực trị nằm trên các trục tọa độ. Tìm  $m$ .

**Bài 3.** Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = (x-6)\sqrt{x^2+4}$  trên đoạn  $[0; 3]$ .

**Bài 4.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có tất cả các cạnh đều bằng  $3a$ . Các điểm  $M, N$  lần lượt thuộc các cạnh bên  $BB', CC'$  sao cho  $B'M = 2BM, CN = 2NC'$ . Tính thể tích khối tứ diện  $ACMN$  và khoảng cách từ điểm  $A'$  đến mặt phẳng  $(AMN)$  theo  $a$ .

----- HẾT -----

## ĐỀ 21

## ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

## ĐẶNG VIỆT ĐÔNG

## I - PHẦN TRẮC NGHIỆM

**Câu 1.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại  $A$ ,  $SA$  vuông góc với đáy,  $AB = a, AC = 2a, SA = 3a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ ?

- A.  $a^3$ .                      B.  $3a^3$ .                      C.  $6a^3$ .                      D.  $2a^3$ .

**Câu 2.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{|x|+1}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

- A. 2.                              B. 3.                              C. 0.                              D. 1.

**Câu 3.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước lần lượt là  $2a, a, 3a$ . Thể tích của khối hộp chữ nhật bằng

- A.  $6a^3$ .                      B.  $3a^3$ .                      C.  $5a^3$ .                      D.  $a^3$ .

**Câu 4.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

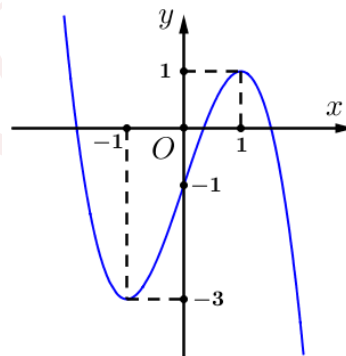
- A.  $y = x + \frac{1}{x+3}$ .                      B.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .

- C.  $y = x^3 - 3x^2 + 3x + 5$ .                      D.  $y = \frac{1}{x-2}$ .

**Câu 5.** Cho hàm số  $y = x^4 - 3x^2$  có đồ thị  $(C)$ . Số giao điểm của đồ thị  $(C)$  và đường thẳng  $y = 2$  là

- A. 4.                              B. 2.                              C. 1.                              D. 0.

**Câu 6.** Hình sau là đồ thị của hàm số nào trong các hàm số sau đây?



- A.  $y = x^3 - 3x - 1$ .  $y = x^3 - 1$ .  
C.  $y = -x^3 - 1$ .  $y = -x^3 + 3x - 1$

Lời giải

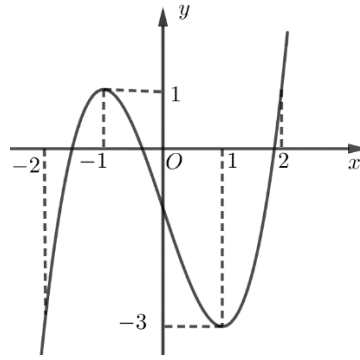
Chọn D

Ta thấy đồ thị đi qua điểm  $M(1; 1)$  nên ta loại A, C, D.

**Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	+		- 0 +	
$f(x)$	$-\infty$	2	$+\infty$	0





Giá trị cực tiểu của hàm số là

- A.  $x_{CT} = -2$ .      B.  $x_{CT} = -3$ .      C.  $y_{CT} = -3$ .      D.  $y_{CT} = 1$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$y'$		-	0		+	0	-
$y$	$+\infty$				5		$-\infty$

Hàm số đạt cực đại tại điểm

- A.  $x = 2$ .      B.  $x = 0$ .      C.  $x = 5$ .      D.  $x = 1$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+1}$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		-1		$+\infty$
$y'$		+		+	
$y$	2		$+\infty$		2

Tập các giá trị  $b$  là tập nghiệm của bất phương trình nào dưới đây?

- A.  $b^2 - 3b + 2 < 0$ .      B.  $b^3 - 8 < 0$ .      C.  $b^3 - 8 \leq 0$ .      D.  $-b^2 + 4 > 0$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  là  $f'(x) = (x^2 - 3x)(x^2 - 4x)$ . Điểm cực đại của hàm số đã cho là

- A.  $x = -2$ .      B.  $x = 0$ .      C.  $x = 3$ .      D.  $x = 2$ .

**Câu 23.** Cho hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + m^2 - 2m + 3$ . Gọi  $S$  là tập chứa tất cả các giá trị nguyên của tham số  $m \in [-20; 20]$  để hàm số đạt cực đại tại  $x_0 = 0$ . Số phần tử của tập  $S$  là

- A. 20.      B. 21.      C. 19.      D. 41.

**Câu 24.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$ .  $SA$  vuông góc với đáy và tạo với đường thẳng  $SB$  một góc  $45^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

- A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{4}$ .      B.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{24}$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .      D.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{6}$ .

**Câu 25.** Cho hàm số  $y = \frac{3mx+1}{x+m}$  với  $m \neq \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$ . Giao điểm của hai đường tiệm cận của đồ thị hàm số đã cho nằm trên đường thẳng có phương trình nào sau đây?

- A.  $y = -3x$ .      B.  $y = 3x$ .      C.  $y = -3x + 2$ .      D.  $y = 2x$ .

**Câu 26.** Cho hàm số  $f(x) = \frac{ax+2020}{bx+c}$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:







- Bài 3.** Tìm  $m$  để hai điểm cực đại và cực tiểu của đồ thị hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + mx + m - 2$  nằm về hai phía so với trục hoành ?
- Bài 4.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ,  $AA' = 2a$ ,  $A'C = 3a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $A'C'$ ,  $I$  là giao điểm của  $AM$  và  $A'C$ . Tính theo  $a$  thể tích khối tứ diện  $IABC$  và khoảng cách từ điểm  $A$  đến mặt phẳng  $(IBC)$ .

----- HẾT -----

## HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

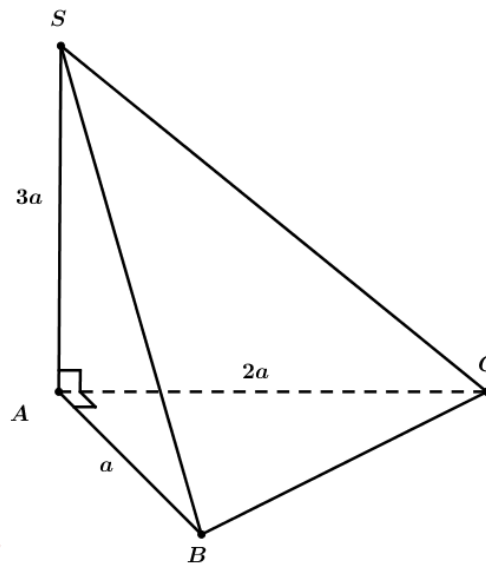
**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG****I - PHẦN TRẮC NGHIỆM**

**Câu 1.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác vuông tại  $A$ ,  $SA$  vuông góc với đáy,  $AB = a, AC = 2a, SA = 3a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ ?

A.  $a^3$ .B.  $3a^3$ .C.  $6a^3$ .D.  $2a^3$ .

Lời giải

Chọn A



$$\text{Diện tích } S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC = \frac{1}{2} a \cdot 2a = a^2.$$

$$\text{Thể tích khối chóp } V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot 3a \cdot a^2 = a^3.$$

**Câu 2.** Đồ thị hàm số  $y = \frac{x-1}{|x|+1}$  có bao nhiêu đường tiệm cận?

A. 2.

B. 3.

C. 0.

D. 1.

Lời giải

Chọn A

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ .Ta có  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 1$  và  $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -1$  nên đồ thị hàm số có hai đường tiệm cận ngang.

**Câu 3.** Khối hộp chữ nhật có ba kích thước lần lượt là  $2a, a, 3a$ . Thể tích của khối hộp chữ nhật bằng

A.  $6a^3$ .B.  $3a^3$ .C.  $5a^3$ .D.  $a^3$ .

Lời giải

Chọn A

Thể tích của khối hộp chữ nhật là:  $V = 2a \cdot a \cdot 3a = 6a^3$ .

**Câu 4.** Hàm số nào sau đây đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

A.  $y = x + \frac{1}{x+3}$ .B.  $y = x^4 + x^2 + 1$ .C.  $y = x^3 - 3x^2 + 3x + 5$ .D.  $y = \frac{1}{x-2}$ .

## Lời giải

## Chọn C

Các hàm số  $y = \frac{1}{x-2}$  và  $y = x + \frac{1}{x+3}$  có tập xác định **không phải** là  $\mathbb{R}$  nên loại hai đáp án này.

Xét hàm số:  $y = x^3 - 3x^2 + 3x + 5$  có  $y' = 3x^2 - 6x + 3 = 3(x-1)^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

Suy ra: Hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 3x + 5$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

- Câu 5.** Cho hàm số  $y = x^4 - 3x^2$  có đồ thị (C). Số giao điểm của đồ thị (C) và đường thẳng  $y = 2$  là  
**A.** 4.                      **B.** 2.                      **C.** 1.                      **D.** 0.

## Lời giải

## Chọn B

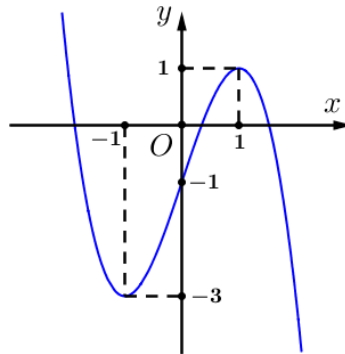
Ta có phương trình hoành độ giao điểm:

$$x^4 - 3x^2 = 2 \Leftrightarrow x^4 - 3x^2 - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 = \frac{3 + \sqrt{17}}{2} > 0 \\ x^2 = \frac{3 - \sqrt{17}}{2} < 0 \end{cases} \Rightarrow x = \pm \sqrt{\frac{3 + \sqrt{17}}{2}}$$

Vậy số giao điểm của đồ thị (C) và đường thẳng  $y = 2$  là 2 giao điểm.

- Câu 6.** Hình sau là đồ thị của hàm số nào trong các hàm số sau đây?



- A.**  $y = x^3 - 3x - 1$                       **B.**  $y = x^3 - 1$ .  
**C.**  $y = -x^3 - 1$                       **D.**  $y = -x^3 + 3x - 1$

## Lời giải

## Chọn D

Ta thấy đồ thị đi qua điểm  $M(1; 1)$  nên ta loại A, C, D.

- Câu 7.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	+		- 0 +	
$f(x)$	$-\infty$	2	$+\infty$ 0 $+\infty$	

Đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có tất cả bao nhiêu đường tiệm cận đứng và đường tiệm cận ngang?

- A.** 0.                      **B.** 3.                      **C.** 2.                      **D.** 1.





Từ đồ thị ta có hàm số giá trị cực tiểu của hàm số là  $y_{CT} = -3$ .

**Câu 14.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$
$y'$		$-$	$0$	$-$
$y$	$+\infty$	$1$	$5$	$-\infty$

Hàm số đạt cực đại tại điểm

- A.**  $x = 2$ .                      **B.**  $x = 0$ .                      **C.**  $x = 5$ .                      **D.**  $x = 1$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Qua bảng biến thiên ta có hàm số đạt cực đại tại điểm  $x = 2$ .

**Câu 15.** Cho một khối chóp có diện tích đáy bằng  $B$  và khoảng cách từ đỉnh đến đáy chóp bằng  $3h$ . Thể tích của khối chóp đó là:

- A.**  $\frac{2}{3}Bh$ .                      **B.**  $\frac{1}{3}Bh$ .                      **C.**  $Bh$ .                      **D.**  $3Bh$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

**Câu 16.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$		
$y'$		$+$	$0$	$-$	$+$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$2$	$-1$	$3$	$2$		

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-1; 3)$ .                      **B.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-2; 1)$ .  
**C.** Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(1; 2)$ .                      **D.** Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Từ bảng biến thiên suy ra hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(0; 1)$ ; nghịch biến trên khoảng  $(-1; 0)$  và  $(1; +\infty)$ . Do đó, đáp án D đúng.

**Câu 17.** Cho khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$ . Tổng các góc phẳng tại 1 đỉnh của khối đa diện bằng

- A.**  $324^\circ$ .                      **B.**  $360^\circ$ .                      **C.**  $180^\circ$ .                      **D.**  $240^\circ$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Khối đa diện đều loại  $\{3; 4\}$  là khối bát diện đều, mỗi mặt là một tam giác đều và tại mỗi đỉnh có 4 tam giác đều nên tổng các góc tại 1 đỉnh bằng  $240^\circ$ .

**Câu 18.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình thoi cạnh  $a$ ,  $BAD = 60^\circ$   $SB = SC = SD = 2a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABC$ .

- A.**  $\frac{a^3 \sqrt{11}}{24}$ .                      **B.**  $\frac{a^3 \sqrt{11}}{4}$ .                      **C.**  $\frac{a^3 \sqrt{11}}{6}$ .                      **D.**  $\frac{a^3 \sqrt{11}}{12}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**





**Câu 20.** Tính giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x + \frac{4}{x^2}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

A.  $\min_{(0;+\infty)} y = 4$ .

B.  $\min_{(0;+\infty)} y = 8$ .

C.  $\min_{(0;+\infty)} y = 5$ .

D.  $\min_{(0;+\infty)} y = 3$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có:  $y' = 1 - \frac{8}{x^3}$

$y' = 0 \Leftrightarrow x^3 = 8 \Leftrightarrow x = 2 \in (0, +\infty)$

Ta có  $y(2) = 2 + \frac{4}{2^2} = 3$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0^+} y = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$ .

Vậy  $\min_{(0;+\infty)} y = 3$ .

**Câu 21.** Cho hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+1}$  ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$
$y'$	+		+
$y$	$2$	$+\infty$	$-\infty$

Tập các giá trị  $b$  là tập nghiệm của bất phương trình nào dưới đây?

A.  $b^2 - 3b + 2 < 0$ .

B.  $b^3 - 8 < 0$ .

C.  $b^3 - 8 \leq 0$ .

D.  $-b^2 + 4 > 0$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Đồ thị hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+1}$  có đường tiệm cận đứng là đường thẳng  $x = -\frac{1}{c}$  và đường tiệm cận

ngang là đường thẳng  $y = \frac{a}{c}$ .

Nhìn vào bảng biến thiên, ta thấy  $-\frac{1}{c} = -1 \Rightarrow c = 1$  và  $\frac{a}{c} = 2 \Rightarrow a = 2$  (vì  $c = 1$ ).

Ta có  $y' = \frac{a-bc}{(cx+1)^2}$ .

Vì hàm số đã cho đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(-1; +\infty)$  nên

$y' = \frac{a-bc}{(bx+c)^2} > 0 \Leftrightarrow a-bc > 0 \Leftrightarrow 2-b > 0 \Leftrightarrow b < 2 \Leftrightarrow b^3 < 8 \Leftrightarrow b^3 - 8 < 0$ .

Vậy tập các giá trị  $b$  là tập nghiệm của bất phương trình  $b^3 - 8 < 0$ .

**Câu 22.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm trên  $\mathbb{R}$  là  $f'(x) = (x^2 - 3x)(x^2 - 4x)$ . Điểm cực đại của hàm số đã cho là

A.  $x = -2$ .

B.  $x = 0$ .

C.  $x = 3$ .

D.  $x = 2$ .

**Lời giải**

**Chọn D**





A. 7.

B. 5.

C. 3.

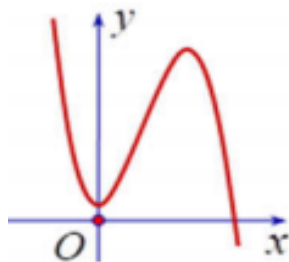
D. 1.

Lời giải

Chọn B

Xét hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 9x + m$  trên đoạn  $[0; 4]$ .Ta có  $y' = 3x^2 - 6x - 9$ ,  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 3 \end{cases}$ .

$x$	0	3	4
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	$f(0)$	$f(3)$	$f(4)$

Từ bảng biến thiên suy ra  $\min_{[0;4]} f(x) = f(3) \Leftrightarrow f(3) = -25 \Leftrightarrow m - 27 = -25 \Leftrightarrow m = 2$ .Suy ra  $P = 2m + 1 = 5$ .**Câu 30.** Cho hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình vẽ bên. Khẳng định nào sau đây là đúng?A.  $a < 0, b > 0, c > 0, d > 0$ .B.  $a < 0, b > 0, c = 0, d > 0$ .C.  $a > 0, b < 0, c > 0, d > 0$ .D.  $a < 0, b < 0, c = 0, d > 0$ .

Lời giải

Chọn B

Từ đồ thị ta có  $a < 0$ ;  $d > 0$ .Gọi  $x_1$ ;  $x_2$  là nghiệm của phương trình  $y' = 3ax^2 + 2bx + c = 0$ .

$$\text{Suy ra } \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-2b}{3a} > 0 \\ x_1 x_2 = \frac{c}{3a} = 0 \end{cases} \text{ mà do } a < 0 \Rightarrow \begin{cases} c = 0 \\ b > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a < 0 \\ b > 0 \\ c = 0 \\ d > 0 \end{cases}$$

**Câu 31.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x)$ . Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?A.  $(2; +\infty)$ .B.  $(1; 2)$ .C.  $(-\infty; -1)$ .D.  $(-1; 1)$ .

Lời giải

Chọn B

$$\text{Ta có } f'(x) = (x+1)^2(x-1)^3(2-x) \Rightarrow f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$$

Từ đó, ta có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$-$	$0$	$+$	$0$	$-$
$f(x)$	$+\infty$							$-\infty$

Dựa vào bảng biến thiên thì hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên  $(1; 2)$ .

**Câu 32.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình vuông, cạnh bên  $SA$  vuông góc với đáy. Gọi  $M, N$  là trung điểm của  $SA, SB$ . Mặt phẳng  $MNCD$  chia hình chóp đã cho thành hai phần. tỉ số thể tích hai phần  $S.MNCD$  và  $MNABCD$  là

A.  $\frac{3}{4}$ .

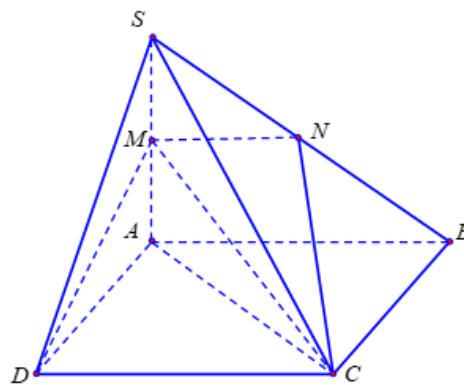
B.  $\frac{3}{5}$ .

C.  $\frac{4}{5}$ .

D. 1.

Lời giải

Chọn B



Ta có  $V_{S.ABC} = V_{S.ACD} = \frac{1}{2} V_{S.ABCD}$ ;

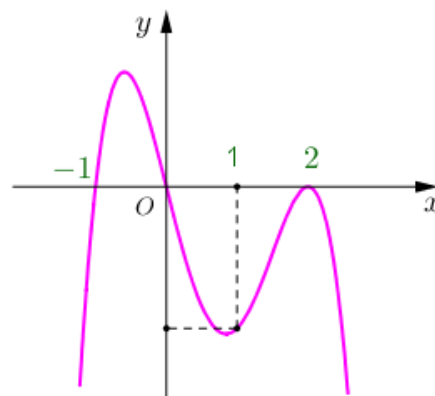
và  $V_{S.MNC} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SN}{SB} \cdot \frac{SC}{SC} \cdot V_{S.ABC} = \frac{1}{4} V_{S.ABC}$ ;  $V_{S.MCD} = \frac{SM}{SA} \cdot \frac{SD}{SD} \cdot \frac{SC}{SC} \cdot V_{S.ACD} = \frac{1}{2} V_{S.ACD}$ .

Suy ra  $V_{S.MNCD} = V_{S.MNC} + V_{S.MCD} = \frac{3}{4} V_{S.ABC} = \frac{3}{8} V_{S.ABCD}$ .

Đồng thời  $V_{MNABCD} = V_{S.ABCD} - V_{S.MNCD} = \frac{5}{8} V_{S.ABCD}$ .

Vậy tỉ số thể tích hai phần  $S.MNCD$  và  $MNABCD$  là  $\frac{3}{5}$ .

**Câu 33.** Cho hàm số bậc bốn  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên



Số điểm cực trị của hàm số  $g(x) = f(2x^3 - 3x^2 + 1)$  là

A. 5.

B. 3.

C. 7.

D. 11.

Lời giải

Chọn C

Tập xác định của hàm số là  $D = \mathbb{R}$ .

Ta có  $g'(x) = (6x^2 - 6x)f'(2x^3 - 3x^2 + 1)$ ;

$$g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 6x^2 - 6x = 0 \\ f'(2x^3 - 3x^2 + 1) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \\ f'(2x^3 - 3x^2 + 1) = 0 \end{cases} \quad (1)$$

Mặt khác, từ đồ thị hàm số ta thấy  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = a \in (-1; 0) \\ x = b \in (0; 1) \\ x = 2 \end{cases}$ .

Do đó (1)  $\Leftrightarrow \begin{cases} 2x^3 - 3x^2 + 1 = a & (2) \\ 2x^3 - 3x^2 + 1 = b & (3) \\ 2x^3 - 3x^2 + 1 = 2 & (4) \end{cases}$

Xét hàm số  $u = 2x^3 - 3x^2 + 1, u' = 6x^2 - 6x, u' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 1 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$+\infty$
$u'$	$+$	$0$	$-$	$+$
$u$	$-\infty$	$1$	$0$	$+\infty$

Từ đó ta có

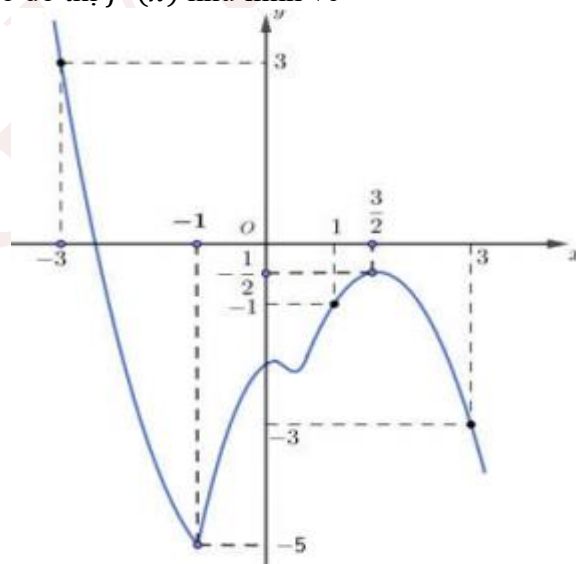
Với  $a \in (-1; 0)$ , phương trình (2) có một nghiệm duy nhất  $x_1 < 0$ .

Phương trình (4) có một nghiệm duy nhất  $x_2 > 1$ .

Với  $b \in (0; 1)$ , phương trình (3) có ba nghiệm lần lượt là  $x_3 \in (x_1; 0); x_4 \in (0; 1); x_5 \in (1; x_2)$ .

Vậy  $g'(x) = 0$  có 7 nghiệm đơn nên hàm số có 7 điểm cực trị.

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị  $f'(x)$  như hình vẽ

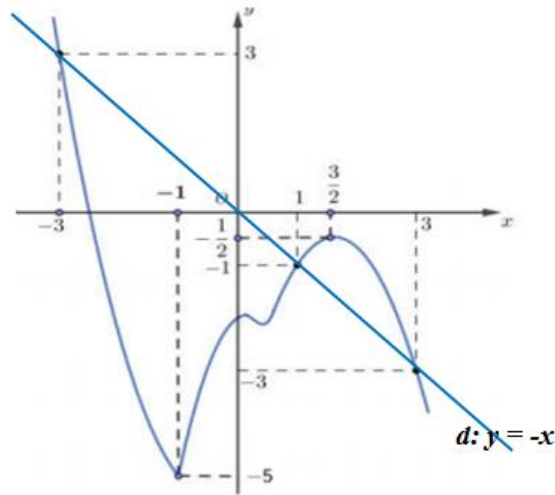


Hàm số  $y = f(1 - x) + \frac{x^2}{2} - x$  nghịch biến trên khoảng

- A.  $(-2; 0)$ .                      B.  $(1; 3)$ .                      C.  $(-1; \frac{3}{2})$ .                      D.  $(-3; 1)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**



Xét hàm số  $y = f(1 - x) + \frac{x^2}{2} - x$  có  $y' = -f'(1 - x) + x - 1$ .

$$y' = 0 \Leftrightarrow -f'(1 - x) + x - 1 = 0 \Leftrightarrow f'(1 - x) = -(1 - x) \Leftrightarrow \begin{cases} 1 - x = -3 \\ 1 - x = 1 \\ 1 - x = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ x = 0 \\ x = -2 \end{cases}$$

Ta có bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$		$-2$		$0$		$4$		$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$		
$y$	$+\infty$	↘		↗		↘		↗		$+\infty$

Do đó Hàm số  $y = f(1 - x) + \frac{x^2}{2} - x$  nghịch biến trên khoảng  $(1; 3)$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x)$  là hàm đa thức bậc 3 và có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		$-2$		$2$		$+\infty$	
$y'$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$		
$y$	$+\infty$	↘		↗		↘		$-\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f(\sin x + \sqrt{3} \cos x) = 0$  trong đoạn  $[0; \frac{5\pi}{2}]$  là

- A. 2.                      B. 4.                      C. 3.                      D. 1.

**Lời giải**

**Chọn A**

Đặt  $t = \sin x + \sqrt{3} \cos x$ . Ta có  $t = 2 \cos(x - \frac{\pi}{6}) \Rightarrow -2 \leq t \leq 2$ . Ta được PT  $f(t) = 0$ .

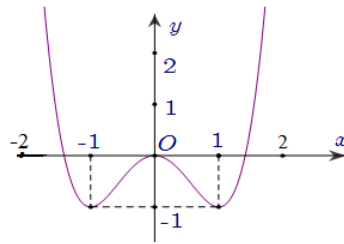
Dựa vào BBT ta thấy đồ thị hàm số có 2 điểm cực trị là  $(-2; -4)$  và  $(2; 4)$  nên đồ thị có điểm uốn là gốc tọa độ  $O$ . Do đó đồ thị cắt trục hoành tại 3 điểm có hoành độ lần lượt là  $x = a < -2, x = 0, x = b > 2$ . Mà  $-2 \leq t \leq 2$  nên PT  $f(t) = 0$  có 1 nghiệm là  $t = 0$ .

Với  $t = 0$  ta được  $2 \cos(x - \frac{\pi}{6}) = 0 \Leftrightarrow x - \frac{\pi}{6} = \frac{\pi}{2} + k\pi (k \in \mathbb{Z}) \Leftrightarrow x = \frac{2\pi}{3} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$ .

Theo yêu cầu bài:  $0 \leq x \leq \frac{5\pi}{2} \Leftrightarrow 0 \leq \frac{2\pi}{3} + k\pi \leq \frac{5\pi}{2} \Leftrightarrow -\frac{2}{3} \leq k \leq \frac{11}{6}$ .

Vì  $k \in \mathbb{Z} \Rightarrow k = 0; k = 1$ . Ta được 2 nghiệm  $x = \frac{2\pi}{3}$  và  $x = \frac{5\pi}{3}$  thỏa yêu cầu bài toán.

Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới. Số nghiệm thực của bất phương trình  $1 + f(x^3 - 3x^2 + 1) \geq \sqrt{2f^2(x^3 - 3x^2 + 1) + 2}$  là



A. 5.

B. 4.

C. 3.

D. 2.

Lời giải

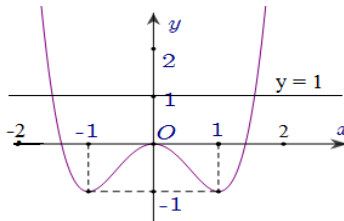
Chọn A

Đặt  $a = f(x^3 - 3x^2 + 1)$  ta được bất phương trình

$$1 + a \geq \sqrt{2a^2 + 2} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 + a \geq 0 \\ 1 + 2a + a^2 \geq 2a^2 + 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a \geq -1 \\ (a - 1)^2 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow a = 1.$$

Với  $a = 1$  ta được  $f(x^3 - 3x^2 + 1) = 1$ . Đặt  $t = x^3 - 3x^2 + 1$  ta được PT  $f(t) = 1(*)$ .

Vẽ đường thẳng  $y = 1$  lên đồ thị đã cho ta được PT  $(*)$  có 1 nghiệm  $t = t_1 \in (-2; -1)$  và 1 nghiệm  $t = t_2 \in (1; 2)$ .



Ta có BBT của hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 1$  như sau

$x$	$-\infty$		0		2		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	
$y$	$-\infty$		1		-3		$+\infty$

Với  $t = t_1$  ta được PT  $x^3 - 3x^2 + 1 = t_1$ . Dựa vào BBT ta thấy PT này có 3 nghiệm phân biệt.

Với  $t = t_2$  ta được PT  $x^3 - 3x^2 + 1 = t_2$ . Dựa vào BBT ta thấy PT này có 1 nghiệm.

Vậy BPT đã cho có 4 nghiệm thực.

## II - PHẦN TỰ LUẬN

**Bài 1.** Cho  $f(x) = x + m + \frac{n}{x+1}$ . Tìm  $m, n$  để hàm số đạt cực đại tại  $x = -2$  và  $f(-2) = -2$ .

**Bài 2.** Tìm các khoảng đồng biến, nghịch biến và cực trị của hàm số  $y = -x^4 + 2x^3 + 3$ .

**Bài 3.** Tìm  $m$  để hai điểm cực đại và cực tiểu của đồ thị hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + mx + m - 2$  nằm về hai phía so với trục hoành?

**Bài 4.** Cho lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ,  $AA' = 2a$ ,  $A'C = 3a$ . Gọi  $M$  là trung điểm của đoạn thẳng  $A'C'$ ,  $I$  là giao điểm của  $AM$  và  $A'C$ . Tính theo  $a$  thể tích khối tứ diện  $IABC$  và khoảng cách từ điểm  $A$  đến mặt phẳng  $(IBC)$ .

----- HẾT -----





- A.  $(0; 2)$ . B.  $\mathbb{R}$ .  
 $(-\infty; 1)$  và  $(2; +\infty)$ . D.  $(0; +\infty)$ .  
 C.

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$2$	$4$	$+\infty$
$y'$	$+$	$  $	$-$	$0$
$y$	$-\infty$	$3$	$-2$	$+\infty$

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên  $(2; 4)$ . B. Hàm số nghịch biến trên  $(4; +\infty)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 3)$ . D. Hàm số đồng biến trên  $(-2; +\infty)$ .  
**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

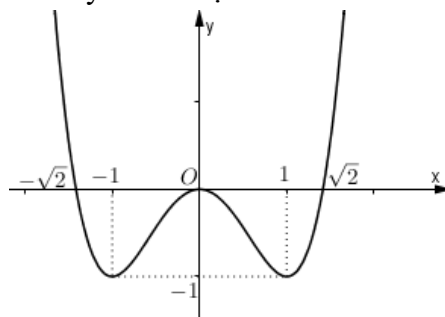
$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$3$	$2$	$5$	$-\infty$

Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị cực đại của hàm số. Kết quả nào sau đây đúng?

- A.  $S = \{-1; 1; 3; 5\}$ . B.  $S = \{3; 5\}$ . C.  $S = \{2; 3; 5\}$ . D.  $S = \{5\}$ .  
**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ. Tìm khẳng định đúng.

$x$	$-\infty$	$1$	$2$	$+\infty$
$y'$	$+$	$  $	$-$	$0$
$y$	$-\infty$	$1$	$0$	$+\infty$

- A. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$  và đạt cực tiểu  $x = 2$ .  
 B. Hàm số có giá trị cực tiểu bằng 1.  
 C. Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 1 và giá trị nhỏ nhất bằng 0.  
 D. Hàm số có đúng một cực trị.  
**Câu 12.** Hàm số nào trong các hàm số sau đây có đồ thị như hình vẽ?



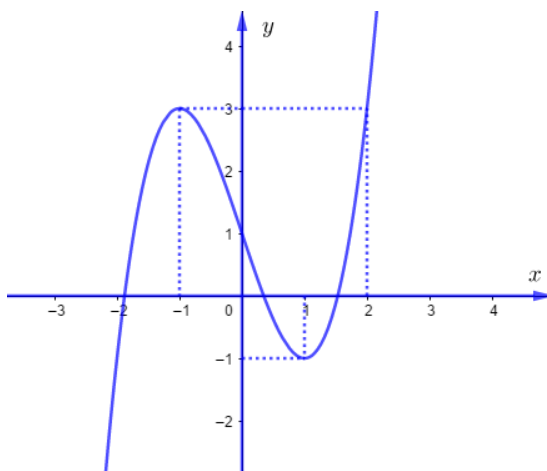
- A.  $y = -x^4 + 2x^2$ . B.  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ . C.  $y = x^4 - 2x^2 + x$ . D.  $y = x^4 - 2x^2$ .

**Câu 13.** Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^3 - 3x$  trên đoạn  $[-3; 3]$  bằng

- A.  $-2$ . B.  $2$ . C.  $-18$ . D.  $18$ .







Hỏi hàm số  $y = f(x^2 - 2x + 1) + 2020$  có bao nhiêu điểm cực tiểu?

A. 4.                                      B. 3.                                      C. 2.                                      D. 1.

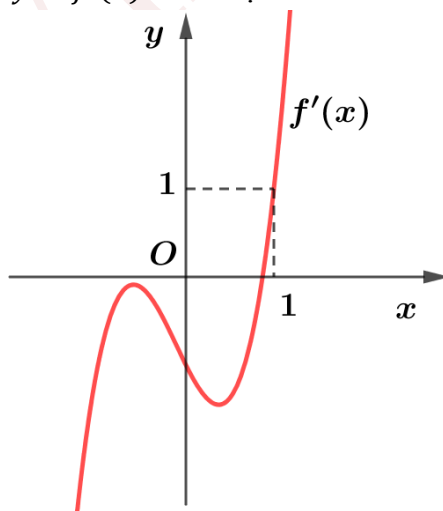
**Câu 34.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau

$x$	$-\infty$		-1		0		1		$\infty$	
$y'$		+	0	-	0	+	0	-		
$y$	$-\infty$		↗	2	↘	-1	↗	2	↘	$-\infty$

Số nghiệm thuộc  $\left[0; \frac{3\pi}{2}\right]$  của phương trình  $|f(\cos 2x)| = 1$  là

A. 9.                                      B. 4.                                      C. 7.                                      D. 10.

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình bên.



Hàm số  $g(x) = f(x^2 + 2x) - x^2 - 2x$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A.  $(-1 - \sqrt{2}; -1)$ .                                      B.  $(-1 - \sqrt{2}; -1 + \sqrt{2})$ .  
 C.  $(-1; +\infty)$ .                                      D.  $(-1; -1 + \sqrt{2})$ .

## II - PHẦN TỰ LUẬN

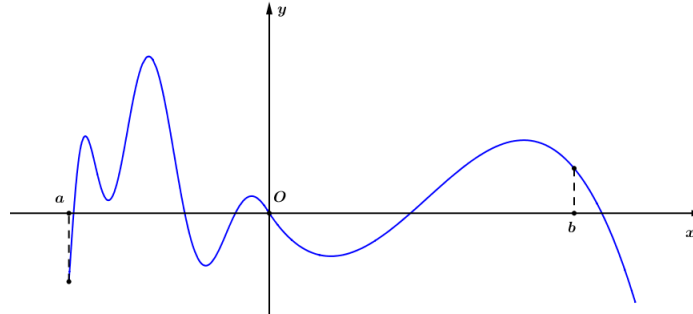
**Bài 1.** Tìm giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x - 1}$  trên đoạn  $[2; 5]$ .

- Bài 2.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^4 + 2mx^2 + 2m^2 + 1$  có giá trị cực tiểu bằng 2.
- Bài 3.** Tìm giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số  $y = 2x + \sqrt{5 - x^2}$ .
- Bài 4.** Cho hình lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có  $AA' = \frac{a\sqrt{10}}{4}$ ,  $AC = a\sqrt{2}$ ,  $BC = a$ ,  $ACB = 135^\circ$ . Hình chiếu vuông góc của  $C'$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  trùng với trung điểm  $M$  của  $AB$ . Tính theo  $a$  thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  và góc tạo bởi đường thẳng  $C'M$  với mặt phẳng  $(ACCA')$ .

## HDG ĐỀ KIỂM TRA GIỮA HỌC KỲ I

Môn: TOÁN - Lớp 12

Thời gian: 90 phút (Không kể thời gian phát đề)

**ĐẶNG VIỆT ĐÔNG****I - PHẦN TRẮC NGHIỆM****Câu 1.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên dưới:Hàm số có bao nhiêu điểm cực tiểu trên khoảng  $(a; b)$ ?

- A. 2.                                      B. 7.                                      C. 4.                                      D. 3.

**Lời giải****Chọn D**

Từ hình vẽ ta có hàm số có 3 điểm cực tiểu.

**Câu 2.** Thể tích  $V$  của khối chóp có diện tích đáy bằng  $S$  và chiều cao bằng  $h$  là

- A.  $V = \frac{1}{2}Sh$ .                              B.  $V = Sh$ .                              C.  $V = \frac{1}{3}Sh$ .                              D.  $V = 3Sh$ .

**Lời giải****Chọn C**Thể tích  $V$  của khối chóp có diện tích đáy bằng  $S$  và chiều cao bằng  $h$  là  $V = \frac{1}{3}Sh$ .**Câu 3.** Số đường tiệm cận của đồ thị hàm số  $y = \frac{2019}{x-3}$  là

- A. 0.                                      B. 1.                                      C. 2.                                      D. 3.

**Lời giải****Chọn C**Vì  $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{2019}{x-3} = +\infty$  và  $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{2019}{x-3} = -\infty$  nên tiệm cận đứng của đồ thị hàm số là  $x = 3$ .Vì  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2019}{x-3} = 0$  nên tiệm cận ngang của đồ thị hàm số là  $y = 0$ .Vậy đồ thị hàm số  $y = \frac{2019}{x-3}$  có 2 đường tiệm cận.**Câu 4.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ.

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$+$
$y$	$-\infty$	$2$	$-2$	$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $2f(x) - 5 = 0$  là

- A. 1.                                      B. 0.                                      C. 2.                                      D. 3.

Lời giải

**Chọn A**

$$\text{Ta có } 2f(x) - 5 = 0 \Leftrightarrow f(x) = \frac{5}{2}.$$

Dựa vào bảng biến thiên, ta thấy đồ thị hàm số  $y = f(x)$  chỉ cắt đường thẳng  $y = \frac{5}{2}$  tại một điểm duy nhất nên phương trình  $f(x) = \frac{5}{2}$  chỉ có một nghiệm duy nhất.

**Câu 5.** Khối bát diện đều là khối đa diện đều loại nào?

- A.  $\{3;5\}$ .                                      B.  $\{3;4\}$ .                                      C.  $\{4;3\}$ .                                      D.  $\{5;3\}$ .

Lời giải

**Chọn B**

Khối bát diện đều là khối đa diện đều có 8 mặt; mỗi mặt là tam giác đều có 3 cạnh và mỗi đỉnh đều là đỉnh chung của đúng 4 mặt.

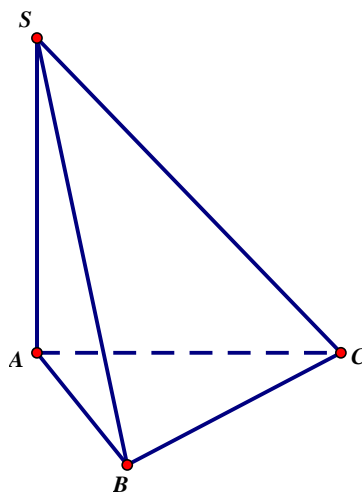
Vậy khối bát diện đều là khối đa diện đều loại  $\{3;4\}$ .

**Câu 6.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $AB = a$ ,  $BC = 2a$ ,  $SA \perp (ABC)$ ,  $SA = 3a$ . Thể tích của khối chóp  $S.ABC$  bằng

- A.  $\frac{1}{6}a^3$ .                                      B.  $\frac{1}{3}a^3$ .                                      C.  $3a^3$ .                                      D.  $a^3$ .

Lời giải

**Chọn D**



$$\text{Thể tích } V_{S.ABC} = \frac{1}{3} S_{ABC} \cdot SA = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} BA \cdot BC \cdot SA = \frac{1}{6} a \cdot 2a \cdot 3a = a^3.$$



**Câu 7.** Cho hàm số  $f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = -x(x-2)^2(x-3), \forall x \in \mathbb{R}$ . Giá trị lớn nhất của hàm số đã cho trên đoạn  $[0; 4]$  bằng

- A.  $f(4)$ .                      B.  $f(0)$ .                      C.  $f(2)$ .                      D.  $f(3)$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Ta có  $f'(x) = -x(x-2)^2(x-3) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=0 \\ x=2 \\ x=3 \end{cases}$

Bảng biến thiên của hàm số  $y = f(x)$  trên đoạn  $[0; 4]$

$x$	0		2		3		4
$f'(x)$	0	+	0	+	0	-	
$f(x)$	$f(0)$	↗		$f(2)$	↘		$f(4)$

Từ bảng biến thiên ta thấy giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x)$  trên đoạn  $[0; 4]$  là  $f(3)$ .

**Câu 8.** Các khoảng đồng biến của hàm số  $y = x^3 + 3x$  là

- A.  $(0; 2)$ .                      B.  $\mathbb{R}$ .  
 C.  $(-\infty; 1)$  và  $(2; +\infty)$ .                      D.  $(0; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

$y' = 3x^2 + 3 > 0 \forall x \in \mathbb{R}$  suy ra hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 9.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$		2		4		$+\infty$
$y'$		+	0	-	0	+	$+\infty$
$y$	$-\infty$	↗		3	↘		$+\infty$

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên  $(2; 4)$ .                      B. Hàm số nghịch biến trên  $(4; +\infty)$ .  
 C. Hàm số đồng biến trên  $(-\infty; 3)$ .                      D. Hàm số đồng biến trên  $(-2; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

Từ bảng biến thiên ta có: Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 2)$ ,  $(4; +\infty)$  và nghịch biến trên khoảng  $(2; 4)$ . Do đó các phương án A, B, D là các phương án sai và phương án C là phương án đúng. Vậy ta chọn

C.

**Câu 10.** Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như hình vẽ

$x$	$-\infty$	$-1$	$0$	$1$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$-$
$y$	$-\infty$	$3$	$2$	$5$	$-\infty$

Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị cực đại của hàm số. Kết quả nào sau đây đúng?

- A.  $S = \{-1; 1; 3; 5\}$ .    B.  $S = \{3; 5\}$ .    C.  $S = \{2; 3; 5\}$ .    D.  $S = \{5\}$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Tập hợp các giá trị cực đại của hàm số là  $S = \{3; 5\}$ .

**Câu 11.** Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định, liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có bảng biến thiên như hình vẽ. Tìm khẳng định đúng.

$x$	$-\infty$	$1$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$  $	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$1$	$0$	$+\infty$	

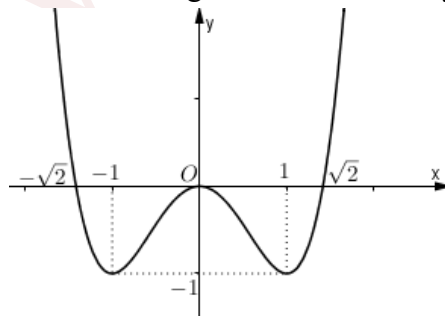
- A. Hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$  và đạt cực tiểu  $x = 2$ .  
 B. Hàm số có giá trị cực tiểu bằng 1.  
 C. Hàm số có giá trị lớn nhất bằng 1 và giá trị nhỏ nhất bằng 0.  
 D. Hàm số có đúng một cực trị.

**Lời giải**

**Chọn A**

Từ bảng biến thiên ta có hàm số đạt cực đại tại  $x = 1$  và đạt cực tiểu  $x = 2$ .

**Câu 12.** (Thi thử SGD Hưng Yên) Hàm số nào trong các hàm số sau đây có đồ thị như hình vẽ?



- A.  $y = -x^4 + 2x^2$ .    B.  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ .    C.  $y = x^4 - 2x^2 + x$ .    D.  $y = x^4 - 2x^2$ .

**Lời giải**

**Chọn D**

Dựa vào hình vẽ:

+ Đồ thị qua gốc tọa độ  $O$  nên loại đáp án

B.

+ Từ hình dạng đồ thị ta loại đáp án

D.

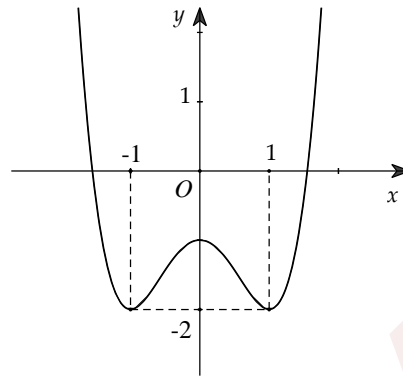
+ Đồ thị hàm số qua điểm  $A(-\sqrt{2}; 0)$  và  $B(\sqrt{2}; 0)$ , ta thấy  $A$  không thuộc đồ thị của hàm số  $y = x^4 - 2x^2 + x$  nên loại đáp án



Diện tích hình vuông cạnh  $a\sqrt{2}$  là  $(a\sqrt{2})^2 = 2a^2$ .

Thể tích khối lăng trụ  $V = B.h = 2a^2.4a = 8a^3$ .

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị như sau



Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A.  $(0; +\infty)$ .      B.  $(-\infty; -1)$ .      C.  $(-1; 1)$ .      D.  $(-\infty; 0)$ .

**Lời giải**

**Chọn B**

Từ đồ thị của hàm số ta có hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -1)$  và  $(0; 1)$ .

**Câu 18.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho đồ thị của hàm số  $y = \frac{5x-3}{x^2-2mx+1}$  không có tiệm cận đứng.

- A.  $m = 1$ .      B.  $\begin{cases} m > 1 \\ m < -1 \end{cases}$ .      C.  $-1 < m < 1$ .      D.  $m = -1$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

+ Giả sử  $x = x_0$  là một TCD của đồ thị hàm số đã cho. Khi đó  $\lim_{x \rightarrow x_0} y = +\infty$  hoặc  $\lim_{x \rightarrow x_0} y = -\infty$ .

Hay  $x_0$  phải là nghiệm của phương trình  $x^2 - 2mx + 1 = 0$ .

Nên để đồ thị của hàm số đã cho không có tiệm cận đứng thì phương trình  $x^2 - 2mx + 1 = 0$  phải vô nghiệm hay  $-1 < m < 1$ .

**Câu 19.** Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $\mathbb{R}$ , có đạo hàm  $f'(x) = (x-2)^4 + 1$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$  và nghịch biến trên khoảng  $(2; +\infty)$ .  
 B. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  và nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 2)$ .  
 C. Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .  
 D. Hàm số  $y = f(x)$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ .

**Lời giải**

**Chọn C**

Ta có:  $f'(x) = (x-2)^4 + 1 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ . Suy ra hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ . Chọn đáp án A.

**Câu 20.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  ( $a \neq 0$ ) có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$0$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$2$	$-2$	$+\infty$	

Tính  $S = a + b$ .

A.  $S = -1$ .

B.  $S = -2$ .

C.  $S = 1$ .

D.  $S = 0$ .

Lời giải

**Chọn B**

Ta có:  $y' = 3ax^2 + 2bx + c$ .

Từ bảng biến thiên, ta thấy: hàm số đạt cực trị tại  $x = 0, x = 2$  nên  $y'(0) = y'(2) = 0$ .

Đồ thị đi qua các điểm  $(0; 2); (2; -2)$ .

$$\text{Ta có hệ } \begin{cases} y'(0) = 0 \\ y'(2) = 0 \\ y(0) = 2 \\ y(2) = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} c = 0 \\ 12a + 4b + c = 0 \\ d = 2 \\ 8a + 4b + 2c + d = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -3 \\ c = 0 \\ d = 2 \end{cases} . \text{ Suy ra } S = a + b = -2.$$

**Câu 21.** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác đều cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với đáy  $(ABC)$ . Biết góc tạo bởi  $(SBC)$  và  $(ABC)$  bằng  $60^\circ$ . Tính thể tích  $V$  của khối chóp  $SABC$ .

A.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

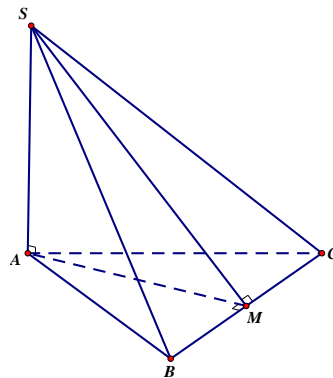
B.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ .

C.  $V = \frac{a^3\sqrt{3}}{24}$ .

D.  $V = \frac{3\sqrt{3}a^3}{8}$ .

Lời giải

**Chọn A**



Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ .

Khi đó:  $AM \perp BC; SA \perp BC$  nên  $SM \perp BC$ .

Suy ra:  $((SBC); (ABC)) = SMA$ . Nên  $SMA = 60^\circ$ .

Vì tam giác  $ABC$  đều nên  $AM = \frac{\sqrt{3}}{2}a$ .

Xét tam giác  $SAM$  vuông tại  $A$  có  $SMA = 60^\circ$  nên  $SA = AM \cdot \tan 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}a \cdot \sqrt{3} = \frac{3}{2}a$ .

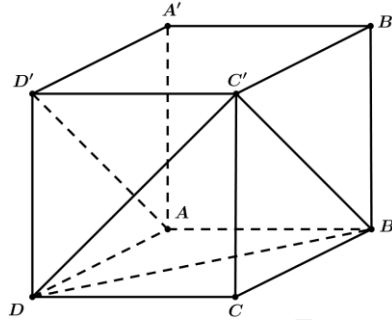
Vậy:  $V_{S.ABC} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABC} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{2} \cdot a \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{\sqrt{3}}{8} a^3$ .

**Câu 22.** Khối lập phương  $ABCD.A'B'C'D'$  có cạnh bằng  $a$ . Khi đó thể tích khối chóp  $D.ABC'D'$  bằng

- A.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{3}$ .                      B.  $\frac{a^3}{3}$ .                      C.  $\frac{a^3}{4}$ .                      D.  $\frac{a^3\sqrt{2}}{6}$ .

Lời giải

**Chọn B**



Ta có:  $V_{ABCD.A'B'C'D'} = V_{A'AD'.B'BC'} + V_{D.ABC'D'} + V_{C'.BCD}$ .

Ta lại có:

$V_{ABCD.A'B'C'D'} = a^3$ .

$V_{C'.BCD} = \frac{1}{3} S_{BCD} \cdot CC' = \frac{1}{3} \frac{a^2}{2} \cdot a = \frac{a^3}{6}$ .

$V_{A'AD'.B'BC'} = S_{AA'D'} \cdot A'B' = \frac{1}{2} a^2 \cdot a = \frac{1}{2} a^3$ .

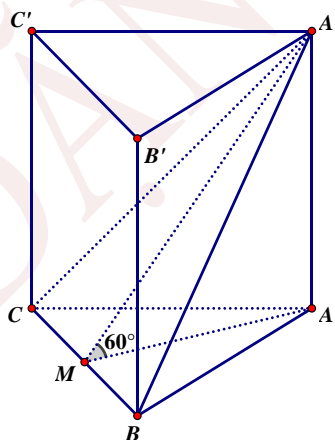
Suy ra:  $V_{D.ABC'D'} = V_{ABCD.A'B'C'D'} - V_{A'AD'.B'BC'} - V_{C'.BCD} = a^3 - \frac{a^3}{6} - \frac{a^3}{2} = \frac{a^3}{3}$

**Câu 23.** Cho hình lăng trụ tam giác đều  $ABC.A'B'C'$  có góc giữa hai mặt phẳng  $(A'BC)$  và  $(ABC)$  bằng  $60^\circ$ , cạnh  $AB = 2a$ . Thể tích  $V$  của khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  bằng

- A.  $2a^3$ .                      B.  $3a^3\sqrt{3}$ .                      C.  $a^3\sqrt{3}$ .                      D.  $6a^3$ .

Lời giải

**Chọn B**



Gọi  $M$  là trung điểm  $BC$ .

$ABC.A'B'C'$  là lăng trụ tam giác đều nên:  $\begin{cases} BC \perp AM \\ BC \perp AA' \end{cases} \Rightarrow BC \perp (AMA')$ .

Suy ra góc giữa hai mặt phẳng  $(A'BC)$  và  $(ABC)$  là  $\widehat{AMA'} = 60^\circ$ .

$ABC$  là tam giác đều nên:  $AM = \frac{AB\sqrt{3}}{2} = a\sqrt{3}$ .

$AA' = AM \cdot \tan 60^\circ = 3a$ .

$V = AA' \cdot S_{\Delta ABC} = 3a \frac{BC \cdot AM}{2} = 3a \frac{2a \cdot a\sqrt{3}}{2} = 3a^3\sqrt{3}$ .

**Câu 24.** Tìm tất cả giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = (m-1)x^4 - 2(m-3)x^2 + 1$  không có cực đại.

A.  $m \leq 1$ .

B.  $1 < m \leq 3$ .

C.  $m \geq 1$ .

D.  $1 \leq m \leq 3$ .

Lời giải

**Chọn D**

Nếu  $m=1$ , hàm số viết là  $y = 4x^2 + 1$ , hàm số này có một điểm cực tiểu và không có cực đại. Suy ra  $m=1$  thỏa yêu cầu bài toán.

Nếu  $m \neq 1$ , hàm số không có cực đại khi  $\begin{cases} m-1 > 0 \\ m-3 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 1 \\ m \leq 3 \end{cases} \Leftrightarrow 1 < m \leq 3$

Vậy hàm số không có cực đại khi  $1 \leq m \leq 3$ .

**Câu 25.** Tìm tất cả giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $f(x) = x^3 + 3x^2 + m^2 - 5$  có giá trị lớn nhất trên đoạn  $[-1; 2]$  là 19.

A.  $m=2$  và  $m=3$ .

B.  $m=1$  và  $m=-2$ .

C.  $m=2$  và  $m=-2$ .

D.  $m=1$  và

$m=3$ .

Lời giải

**Chọn C**

Ta có

$$f'(x) = 3x^2 + 6x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \in [-1; 2] \\ x = -2 \notin [-1; 2] \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{Max}_{[-1; 2]} f(x) = \text{Max} \{f(-1); f(0); f(2)\} = \text{Max} \{m^2 - 3; m^2 - 5; m^2 + 15\} = m^2 + 15 = 19$$

$$\Rightarrow m^2 = 4 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 2 \\ m = -2 \end{cases}$$

**Câu 26.** Biết đồ thị hàm số  $y = f(x)$  có một tiệm cận ngang là  $y = 3$ . Khi đó đồ thị hàm số  $y = 2f(x) - 4$  có một tiệm cận ngang là

A.  $y = 3$ .

B.  $y = 2$ .

C.  $y = 1$ .

D.  $y = -4$ .

Lời giải

**Chọn B**

Chẳng hạn: hàm số  $y = \frac{3x}{x-1}$  có một tiệm cận ngang là  $y = 3$  thì hàm số

$y = 2f(x) - 4 = 2 \cdot \frac{3x}{x-1} - 4 = \frac{2x+4}{x-1}$  có một đường tiệm cận ngang là  $y = 2$ .

**Câu 27.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (2m-3)x + 2018$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

A.  $-3 \leq m \leq 1$ .

B.  $-3 < m < 1$ .

C.  $m \geq 1$  hoặc  $m \leq -3$ .

D.  $m \leq 1$ .

Lời giải

**Chọn A****Cách 1. (tự luận)**TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .

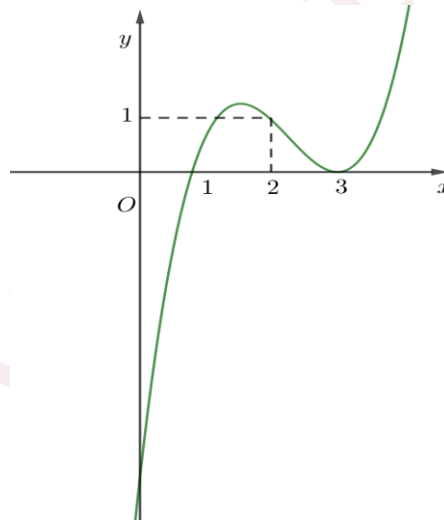
$$y' = -x^2 - 2mx + 2m - 3.$$

Hàm số bậc ba  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  với  $a \neq 0$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$  khi và chỉ khi

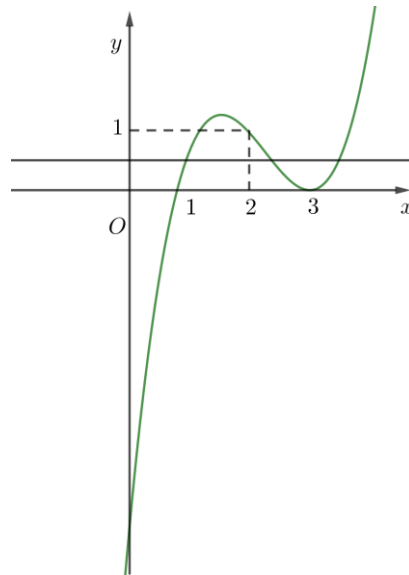
$$y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta_{y'} \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < 0 \\ 4m^2 + 8m - 12 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m^2 + 2m - 3 \leq 0 \Leftrightarrow -3 \leq m \leq 1$$

**Cách 2. (trắc nghiệm)**Ta có  $y$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ 

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ b^2 - 3ac \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{1}{3} < 0 \\ (-m)^2 - 3 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) \cdot (2m - 3) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m^2 + 2m - 3 \leq 0 \Leftrightarrow -3 \leq m \leq 1$$

**Câu 28.** Cho hàm số bậc ba  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ:Khi đó phương trình  $2f(x) - 1 = 0$  có bao nhiêu nghiệm thực phân biệt.**A.** 3.**B.** 0.**C.** 1.**D.** 2.**Lời giải****Chọn A**Số nghiệm của phương trình  $2f(x) - 1 = 0$  là số giao điểm của đồ thị hàm số  $y = f(x)$  và đường thẳng  $y = \frac{1}{2}$ .





Vậy phương trình  $2f(x) - 1 = 0$  có 3 nghiệm thực phân biệt.

**Câu 29.** Cho hàm số  $y = \sqrt{x^2 - 2x - 3}$ . Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A.  $\max y = 1$ .
- B.  $\max y = 2$ .
- C.  $\max y = 0$ .
- D. Hàm số không có giá trị lớn nhất.

**Lời giải**

**Chọn D**

Điều kiện xác định:  $x^2 - 2x - 3 \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 3 \\ x \leq -1 \end{cases}$

$\Rightarrow$  Tập xác định:  $D = (-\infty; -1] \cup [3; +\infty)$

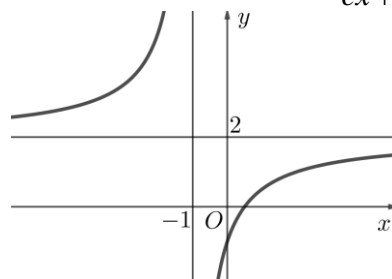
$y' = \frac{2x-2}{2\sqrt{x^2-2x-3}} = \frac{x-1}{\sqrt{x^2-2x-3}} = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x^2 - 2x - 3 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow VN$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$
$y'$		-	+	
$y$	$+\infty$	$0$	$0$	$+\infty$

Dựa vào bảng biến thiên, Suy ra KQ.

**Câu 30.** Đường cong ở hình vẽ dưới đây là đồ thị của hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  với  $a, b, c, d$  là các số thực.



Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A.  $y' < 0, \forall x \neq -1$ .
- B.  $y' > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .
- C.  $y' > 0, \forall x \neq 2$ .
- D.

$y' > 0, \forall x \neq -1$ .

**Lời giải**

**Chọn D**







Vậy số nghiệm thuộc  $\left[0; \frac{3\pi}{2}\right]$  của phương trình  $|f(\cos 2x)| = 1$  là 9 nghiệm.

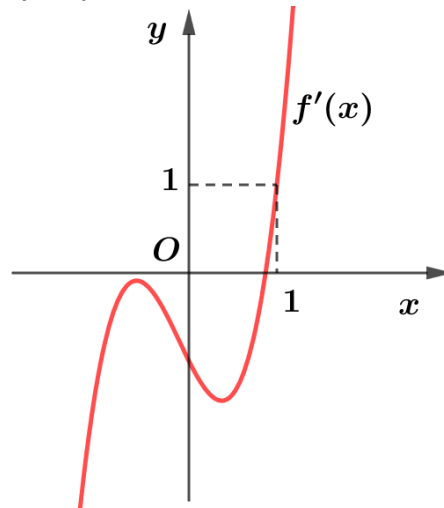
**Phân tích phương án nhiễu:**

**B:** Học sinh nhầm  $|f(\cos 2x)| = 1$  chỉ có 4 nghiệm phân biệt dựa vào BBT.

**C:** Học sinh nhầm  $|f(\cos 2x)| = 1$  có 7 nghiệm phân biệt dựa vào BBT sau khi lấy đối xứng.

**D:** Học sinh nhầm  $|f(\cos 2x)| = 1$  có 10 nghiệm phân biệt do nhầm lẫn  $\sin 2x$  và  $\cos 2x$ .

**Câu 35.** Cho hàm số  $y = f(x)$ . Hàm số  $y = f'(x)$  có đồ thị như hình bên.



Hàm số  $g(x) = f(x^2 + 2x) - x^2 - 2x$  đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

**A.**  $(-1 - \sqrt{2}; -1)$ .

**B.**  $(-1 - \sqrt{2}; -1 + \sqrt{2})$ .

**C.**  $(-1; +\infty)$ .

**D.**  $(-1; -1 + \sqrt{2})$ .

**Lời giải**

**Chọn A**

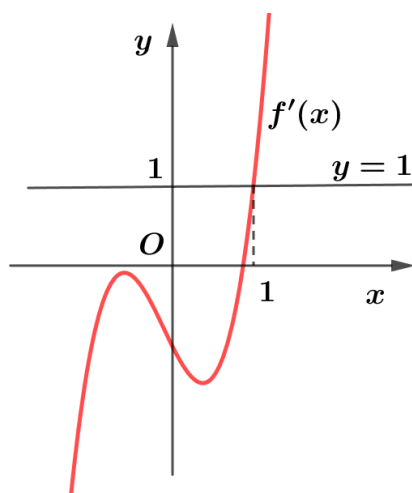
Ta có:  $g(x) = f(x^2 + 2x) - x^2 - 2x$

$\Rightarrow g'(x) = (2x + 2)f'(x^2 + 2x) - 2x - 2 = 2(x + 1)[f'(x^2 + 2x) - 1]$ .

$\Rightarrow g'(x) = 0 \Leftrightarrow 2(x + 1)[f'(x^2 + 2x) - 1] = 0 \Leftrightarrow x = -1, x = -1 + \sqrt{2}, x = -1 - \sqrt{2}$

$$\text{Xét } g'(x) > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x + 1 > 0 \\ f'(x^2 + 2x) > 1 \end{cases} \text{ (I)} \\ \begin{cases} x + 1 < 0 \\ f'(x^2 + 2x) < 1 \end{cases} \text{ (II)}$$

Xét sự tương giao của đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  và  $y = 1$ .



Dựa vào đồ thị ta có:  $f'(x^2 + 2x) > 1 \Leftrightarrow x^2 + 2x > 1$  và  $f'(x^2 + 2x) < 1 \Leftrightarrow x^2 + 2x < 1$ .

$$\text{Xét hệ (I): } \begin{cases} x + 1 > 0 \\ f'(x^2 + 2x) > 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -1 \\ x^2 + 2x > 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -1 \\ x > -1 + \sqrt{2} \\ x < -1 - \sqrt{2} \end{cases} \Leftrightarrow x > -1 + \sqrt{2}.$$

$$\text{Xét hệ (II): } \begin{cases} x + 1 < 0 \\ f'(x^2 + 2x) < 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < -1 \\ x^2 + 2x < 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < -1 \\ -1 - \sqrt{2} < x < -1 + \sqrt{2} \end{cases} \\ \Leftrightarrow -1 - \sqrt{2} < x < -1.$$

Vậy hàm số  $g(x)$  đồng biến trên khoảng  $(-1 - \sqrt{2}; -1)$  và  $(-1 + \sqrt{2}; +\infty)$ .

## II - PHẦN TỰ LUẬN

**Bài 1.** Tìm giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của hàm số  $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x - 1}$  trên đoạn  $[2; 5]$ .

**Bài 2.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^4 + 2mx^2 + 2m^2 + 1$  có giá trị cực tiểu bằng 2.

**Bài 3.** Tìm giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số  $y = 2x + \sqrt{5 - x^2}$ .

**Bài 4.** Cho hình lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  có  $AA' = \frac{a\sqrt{10}}{4}$ ,  $AC = a\sqrt{2}$ ,  $BC = a$ ,  $ACB = 135^\circ$ . Hình chiếu vuông góc của  $C'$  trên mặt phẳng  $(ABC)$  trùng với trung điểm  $M$  của  $AB$ . Tính theo  $a$  thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  và góc tạo bởi đường thẳng  $C'M$  với mặt phẳng  $(ACCA')$ .

----- HẾT -----