

(Đề có 6 trang)

Họ và tên thí sinh: ..... Số báo danh: .....

Mã đề 357

Câu 1: Cho số thực dương  $a > 0$  và khác 1. Hãy rút gọn biểu thức  $P = \frac{a^{\frac{1}{3}} \left( a^{\frac{1}{2}} - a^{\frac{5}{2}} \right)}{a^{\frac{1}{4}} \left( a^{\frac{7}{12}} - a^{\frac{19}{12}} \right)}$ .

- A.  $P = 1$ .                      B.  $P = 1 - a$ .                      C.  $P = 1 + a$ .                      D.  $P = a$ .

Câu 2: Tổng số đỉnh và số mặt của một hình bát diện đều là?

- A. 14.                      B. 16.                      C. 10.                      D. 12.

Câu 3: Giá trị lớn nhất của hàm số  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$  trên đoạn  $[0; 2]$  là?

- A.  $\max_{[0; 2]} f(x) = 1$ .                      B.  $\max_{[0; 2]} f(x) = 64$ .                      C.  $\max_{[0; 2]} f(x) = 9$ .                      D.  $\max_{[0; 2]} f(x) = 0$ .

Câu 4: Cho hàm số  $y = f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$			
$y'$		+	0	-	0	+	
y			4		-2		$+\infty$

Số nghiệm của phương trình  $f(x) - 2 = 0$  là

- A. 0.                      B. 2.                      C. 1.                      D. 3.

Câu 5: Hàm số nào sau đây có bảng biến thiên như hình dưới?

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$			
$y'$		+	0	-	0	+	
y			2		-2		$+\infty$

- A. Hàm số  $y = -x^3 + 3x$ .                      B. Hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 1$ .  
C. Hàm số  $y = x^3 - 3x$ .                      D. Hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 + 1$ .

Câu 6: Phát biểu nào sau đây là sai?

- A. Nếu  $f'(x_0) = 0$  và  $f''(x_0) < 0$  thì hàm số đạt cực đại tại  $x_0$ .  
B. Nếu  $f'(x_0) = 0$  và  $f''(x_0) > 0$  thì hàm số đạt cực tiểu tại  $x_0$ .  
C. Nếu  $f'(x)$  đổi dấu khi  $x$  qua điểm  $x_0$  và  $f(x)$  liên tục tại  $x_0$  thì hàm số  $y = f(x)$  đạt cực trị tại điểm  $x_0$ .  
D. Hàm số  $y = f(x)$  đạt cực trị tại  $x_0$  khi và chỉ khi  $x_0$  là nghiệm của đạo hàm.

Câu 7: Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm  $f'(x) = (x+1)(x-2)^2(x+3)^3(x-5)^4$ . Hỏi hàm số  $y = f(x)$  có mấy điểm cực trị?

A. 5.

B. 2.

C. 4.

D. 3.

Câu 8: Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng  $(-\infty; +\infty)$ ?

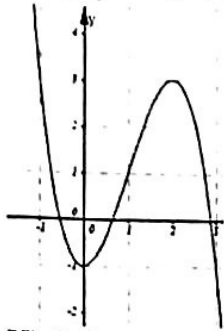
A.  $y = 2x^3 - 5x + 1$ .

B.  $y = x^4 + 5x^2$ .

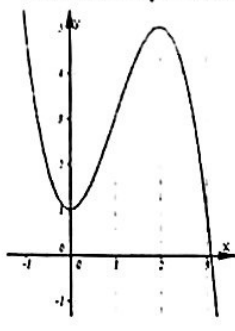
C.  $y = 3x^3 + 3x - 7$ .

D.  $y = \frac{x+2}{x-1}$ .

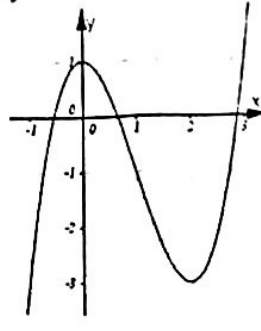
Câu 9: Hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 - 1$  có đồ thị nào sau đây?



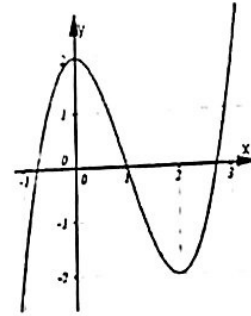
Hình 1



Hình 2



Hình 3



Hình 4

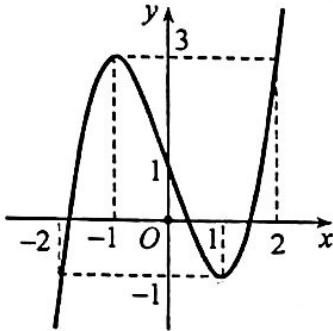
A. Hình 1.

B. Hình 2.

C. Hình 3.

D. Hình 4.

Câu 10: Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị như hình vẽ bên.



Hàm số  $y = f(x)$  đồng biến trên khoảng?

A.  $(-1; 1)$ .

B.  $(-1; +\infty)$ .

C.  $(-\infty; -1)$ .

D.  $(-\infty; 1)$ .

Câu 11: Thể tích khối lập phương có cạnh  $3a$  là?

A.  $2a^3$ .

B.  $3a^3$ .

C.  $8a^3$ .

D.  $27a^3$ .

Câu 12: Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên  $\mathbb{R}$ , có bảng xét dấu đạo hàm như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$2$	$+\infty$
$y'$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

Mệnh đề nào dưới đây đúng?

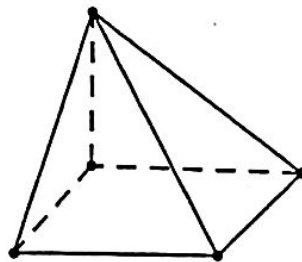
A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-2; 0)$ .

B. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(0; 2)$ .

C. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; -2)$ .

D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 0)$ .

Câu 13: Cho hình chóp  $S.ABCD$ , đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật, cạnh bên  $SA$  vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết  $AB = a$ ,  $AD = 2a$ ,  $SA = 3a$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$  theo  $a$ ?



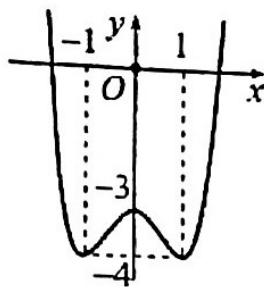
A.  $2a^3$ .

B.  $6a^3$ .

C.  $a^3$ .

D.  $\frac{a^3}{3}$ .

Câu 14: Đường cong sau là đồ thị hàm số nào dưới đây?



- A.  $y = x^4 - 2x^2 - 3$ .    B.  $y = x^3 - 3x^2 - 3$ .    C.  $y = x^4 - 2x^2 + 3$ .    D.  $y = -x^4 + 2x^2 - 3$ .

**Câu 15:** Đồ thị hàm số  $y = 15x^4 - 3x^2 - 2019$  cắt trục hoành tại bao nhiêu điểm?

- A. 4 điểm.    B. 1 điểm.    C. 3 điểm.    D. 2 điểm.

**Câu 16:** Cho  $a, b > 0$ . Viết biểu thức  $a^{\frac{2}{3}}\sqrt{a}$  về dạng  $a^m$  và biểu thức  $b^{\frac{2}{3}}:\sqrt{b}$  về dạng  $b^n$ . Ta có:

$$m - n = ?$$

- A.  $\frac{1}{2}$ .    B. 1.    C. -1.    D.  $\frac{1}{3}$ .

**Câu 17:** Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 - 2$ . Giá trị cực đại của hàm số là?

- A. -6.    B. -2.    C. 2.    D. 0.

**Câu 18:** Tổng số tiệm cận đứng và tiệm cận ngang của đồ thị hàm số  $y = \frac{5x^2 - 4x - 1}{x^2 - 1}$  là?

- A. 3.    B. 4.    C. 1.    D. 2.

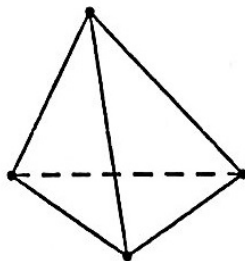
**Câu 19:** Hình lăng trụ tam giác đều có bao nhiêu mặt phẳng đối xứng?

- A. 3 mặt phẳng.    B. 4 mặt phẳng.    C. 1 mặt phẳng.    D. 2 mặt phẳng.

**Câu 20:** Mỗi đỉnh của một hình đa diện là đỉnh chung của ít nhất?

- A. Bốn cạnh.    B. Hai cạnh.    C. Năm cạnh.    D. Ba cạnh.

**Câu 21:** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy là tam giác  $ABC$ . Gọi  $M, N$  lần lượt là trung điểm của các cạnh  $SA, SB$ . Tính tỉ số  $\frac{V_{S.ABC}}{V_{S.MNC}}$ .



- A. 4.    B.  $\frac{1}{2}$ .    C. 2.    D.  $\frac{1}{4}$ .

**Câu 22:** Biết đồ thị của hàm số  $y = \frac{(n-3)x + n - 2020}{x + m + 3}$  nhận trục hoành làm tiệm cận ngang và trục

tung làm tiệm cận đứng. Khi đó giá trị của  $m + n$  là?

- A. 0.    B. 3.    C. -3.    D. 6.

**Câu 23:** Cho hàm số  $f(x)$  có bảng biến thiên như sau:

$x$	$-\infty$	$-2$	$+\infty$
$f'(x)$	-		-
$f(x)$	$-3$		$+\infty$
		$-\infty$	$-3$

Đường tiệm cận đứng của đồ thị hàm số đã cho là?

- A.  $y = -3$ .      B.  $x = -3$ .      C.  $y = -2$ .      D.  $x = -2$ .

Câu 24: Cho  $x, y$  là hai số thực dương và  $m, n$  là hai số thực tùy ý. Đẳng thức nào sau đây là sai?

- A.  $(x^m)^n = x^{m^n}$ .      B.  $x^m \cdot x^n = x^{m+n}$ .      C.  $(x \cdot y)^n = x^n \cdot y^n$ .      D.  $(x^m)^n = x^{m \cdot n}$ .

Câu 25: Cho bảng biến thiên như hình vẽ.

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$y'$	-		-
$y$	$1$		$+\infty$
		$-\infty$	$1$

Đây là bảng biến thiên của hàm số nào trong các hàm số sau?

- A.  $y = \frac{x-3}{x-1}$ .      B.  $y = \frac{x+2}{x-1}$ .      C.  $y = \frac{-x+2}{x-1}$ .      D.  $y = \frac{x+2}{x+1}$ .

Câu 26: Cho hàm số  $y = x^3 - 3x^2 + 6x + 2$ . Tiếp tuyến của đồ thị hàm số có hệ số góc nhỏ nhất có phương trình là?

- A.  $y = 3x + 6$ .      B.  $y = 3x + 12$ .      C.  $y = 3x + 3$ .      D.  $y = -3x + 9$ .

Câu 27: Gọi  $m$  là giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = x + \frac{4}{x}$  trên khoảng  $(0; +\infty)$ . Tìm  $m$ ?

- A. 3.      B. 4.      C. 1.      D. 2.

Câu 28: Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $[-3; 2]$  và có bảng biến thiên như sau.

$x$	$-3$	$-1$	$0$	$1$	$2$
$f(x)$		$3$		$2$	
	$-2$		$0$		$1$

Gọi  $M, m$  lần lượt là giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số  $y = f(x)$  trên đoạn  $[-3; 1]$ .

Tính  $M + m = ?$

- A. 1.      B. 3.      C. 4.      D. 2.

Câu 29: Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ , hai mặt phẳng  $(SAB)$  và

$(SAD)$  cùng vuông góc với mặt phẳng  $(ABCD)$ ; góc giữa đường thẳng  $SC$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng  $60^\circ$ . Tính thể tích khối chóp  $S.ABCD$  theo  $a$ ?

- A.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{9}$ .      B.  $3\sqrt{2}a^3$ .      C.  $\frac{a^3\sqrt{6}}{3}$ .      D.  $3a^3$ .

Câu 30: Các giá trị của tham số  $m$  để đồ thị (C):  $y = x^3 - 3x^2 + 2$  cắt đường thẳng  $d: y = m$  tại 3 điểm phân biệt là?

- A.  $-2 < m < 0$ .      B.  $1 < m < 2$ .      C.  $0 < m < 1$ .      D.  $-2 < m < 2$ .

Câu 31: Có tất cả bao nhiêu khối đa diện đều?

A. 6.

B. 4.

C. 7.

D. 5.

Câu 32: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{m}{3}x^3 - 2mx^2 + (3m+5)x$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

A. 5.

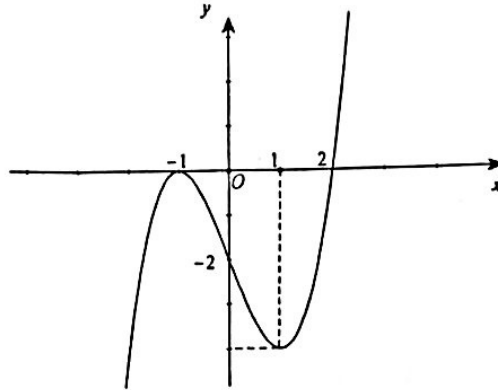
B. 2.

C. 4.

D. 6.

Câu 33: Cho hàm số  $y = f(x)$  có đạo hàm liên tục trên  $\mathbb{R}$  và có đồ thị hàm số  $y = f'(x)$  như hình

vẽ.



Xét hàm số  $g(x) = f(2-x^2)$ . Mệnh đề nào dưới đây sai?

A. Hàm số  $f(x)$  đạt cực trị tại  $x = 2$ .

B. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(-1; 0)$ .

C. Hàm số  $g(x)$  đồng biến trên  $(2; +\infty)$ .

D. Hàm số  $f(x)$  nghịch biến trên  $(-\infty; 2)$ .

Câu 34: Cho hình lăng trụ đứng  $ABC.A'B'C'$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại  $B$ ,  $BC = a$ , mặt phẳng  $(A'BC)$  tạo với đáy một góc  $30^\circ$  và tam giác  $A'BC$  có diện tích bằng  $a^2\sqrt{3}$ . Tính thể tích khối lăng trụ  $ABC.A'B'C'$  theo  $a$ ?

A.  $\frac{a^3\sqrt{3}}{8}$ .

B.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{2}$ .

C.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{4}$ .

D.  $\frac{3a^3\sqrt{3}}{8}$ .

Câu 35: Với giá trị nào của tham số  $m$  thì phương trình  $x + \sqrt{4-x^2} = m$  có nghiệm?

A.  $-2 < m < 2$ .

B.  $-2 \leq m \leq 2\sqrt{2}$ .

C.  $-2 \leq m \leq 2$ .

D.  $-2 < m < 2\sqrt{2}$ .

Câu 36: Tìm  $m$  để đồ thị hàm số  $y = x^4 - 2mx^2 + 1$  có ba điểm cực trị  $A(0;1), B, C$  thỏa mãn  $BC = 4$ ?

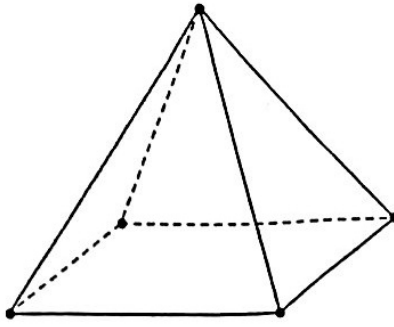
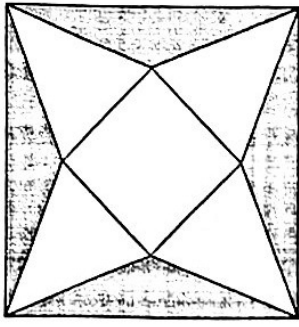
A.  $m = \pm 4$ .

B.  $m = \pm\sqrt{2}$ .

C.  $m = 4$ .

D.  $m = \sqrt{2}$ .

Câu 37: Cho một tấm nhôm hình vuông cạnh 1(m) như hình vẽ dưới đây. Người ta cắt phần tô đậm của tấm nhôm rồi gập thành một hình chóp tứ giác đều có cạnh đáy bằng  $x$ (m), sao cho bốn đỉnh của hình vuông gập lại thành đỉnh của hình chóp. Tìm giá trị của  $x$  để khối chóp nhận được có thể tích lớn nhất.



A.  $x = \frac{2\sqrt{2}}{5}$ .

B.  $x = \frac{\sqrt{2}}{3}$ .

C.  $x = \frac{\sqrt{2}}{4}$ .

D.  $x = \frac{1}{2}$ .

Câu 38: Cho hàm số  $f(x) = \frac{x-m}{x+1}$ , với  $m$  là tham số. Biết  $\min_{[0;3]} f(x) + \max_{[0;3]} f(x) = -2$ . Hãy chọn kết

l luận đúng.

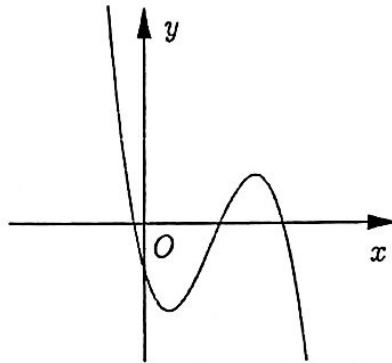
A.  $m < -2$ .

B.  $m = -2$ .

C.  $m > 2$ .

D.  $m = 2$ .

Câu 39: Cho hàm số bậc ba  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$  có đồ thị như hình vẽ. Dấu của  $a, b, c, d$ ?



A.  $a < 0, b > 0, c < 0, d < 0$ .

B.  $a > 0, b > 0, c > 0, d < 0$ .

C.  $a < 0, b > 0, c > 0, d < 0$ .

D.  $a < 0, b < 0, c > 0, d < 0$ .

Câu 40: Số các giá trị tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x-m^2-1}{x-m}$  có giá trị lớn nhất trên  $[0;4]$  bằng  $-6$  là?

A. 0.

B. 2.

C. 3.

D. 1.

----- HẾT -----